खों चाताक विकाब

ভৌত बालाकविकान

[PHYSICAL OPTICS.]

বিজয়শঙ্কর বসাক পি, এইচ্ ডি (কলিকাতা) অধ্যক্ষ এবং

ভূতপূর্ব পদার্থবিদ্যার অধ্যাপক এবং বিভাগীর প্রধান প্রেসিডেন্সি কলেজ, কলিকাতা।

WEST BENGAL LEGISLATURE LA

Acc.	No 5.520	
Date	4 4.119	Z
Call	No 535/	,
PEIC	1 Page . Raid	



(পশ্চিমবঙ্গ সরকারের একটি সংস্থা)

BHOUTA ALOKBIJNAN Bijoysankar Basak

- @ West Bengal State Book Board
- ② পশ্চিমবন্ধ রাজ্য পুস্তক পর্বদ

প্রথম প্রকাশ: সেপ্টেম্বর, ১৯৮০

```
প্রকাশক:
পশ্চিমবঙ্গ রাজ্য পুস্তক পর্বদ;
আর্ম ম্যানসন ( নবম তল )
৬-এ রাজ্য সুবোধ মন্থ্রিক স্কোরার;
কলিকাতা-৭০০০১৩ :
```

```
মূদ্রক:
সুরেশ দত্ত ;
মডার্ন প্রিণ্টার্স ;
১২ উপ্টাডাঙ্গা মেন রোড ;
কলিকাতা-৭০০০৬৭।
```

চিত্রাক্ষন ও প্রচ্ছদ: শ্রীগোরা দাস

Published by Prof. Dibyendu Hota, Chief Executive Officer, West Bengal State Book Board under the Centrally Sponsored Scheme of production of books and literature in regional language at the University level, launched by the Government of India, the Ministry of Education and Social Welfare (Department of Culture), New Delhi.

উৎসর্গ

স্বৰ্গত পিতৃদেব হরেণ্যুলাল বসাকের স্মৃতির উণ্দেশ্যে

মুখবন্ধ (PREFACE)

ভোত আলোকবিজ্ঞান পুত্তকটি লিখিয়া পশ্চিমবঙ্গ রাজ্য পুত্তক পর্যদে প্রথম জমা দিয়াছিলাম ১২ই নভেষর, ১৯৭৫ সনে; নানা কারণে এটি ছাপাইয়া বাহির করিতে বিজয় হইয়া গেল।

পুত্রকটি লেখা হইরাছে পশ্চিমবঙ্গের বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের রাতক ক্রমের ছাত্রছাত্রীদের ব্যবহারের জন্য। অবশ্য বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের পাঠক্রমের মধ্যে অনেকটাই পার্থকা বর্তমান বদিও ইহার বৃহৎ অংশের মোটামুটি মিল আছে। এই সম্পাতী অংশ ভিন্নও বে সমন্ত অংশ পরম্পর হইতে পৃথক সে সমন্তর্গুলির গুরুত্বপূর্ণ বিষয় যথাসভব অন্তর্ভুক্ত করা হইরাছে। ইহা সভ্তেও সমন্ত বিষয় আলোচনা করা সভব হয় নাই। একটি বড় অসুবিধা হইয়াছে অনেক ইংরাজী শব্দের প্রচলিত বাংলা পরিভাষার অভাব। কলিকাতা বিশ্ববিদ্যালয়ের যে বৈজ্ঞানিক পরিভাষা মুদ্রিত আছে তাহাতে অনেক প্রয়োজনীয় শব্দের বাংলাই অনুপশ্তিত। এজন্য আরও দূই একটি পৃত্তকের সাহাব্য গ্রহণ করিতে হইরাছে। কোন কোনও স্থানে শব্দকোষ ঘাটিয়া নিজেকেই প্রয়োজনীয় শব্দ বাছিয়া নিতে হইয়াছে। শব্দগুলি কতটা উপবৃক্ত হইয়াছে তাহা এই পৃত্তক যাহারা ব্যবহার করিবেন তাহাদের বিচারসাপেক। তবে শব্দরমনের সময় ইহারা যাহাতে আদি ইংরাজী বৈজ্ঞানিক শব্দের অর্থবহ হয় সেদিকে যথাসভব দৃত্তি দেওয়া হইয়াছে।

ভৌত আলোকবিজ্ঞান বিষর্যাটর অনেকাংশই প্রত্যরাম্মক (conceptual). পদার্থবিদ্যার অনেক অংশের তুলনায়ই এই অংশে গার্লিতক অপেক্ষা প্রত্যরের উপর জাের বেশী। সেইজনাই বন্ধবা বিষয় বুঝাইবার জন্য চিত্র এবং বর্ণনার উপর আনুপাতিক বেশী জাের দেওয়া হইয়াছে বদিও প্রয়োজনমত গানিতিক হিসাবও সঙ্গে সফলেবেই লিপিবদ্ধ করা হইয়াছে। এই ধরণের পুত্তকে মৌলিক বিষয় ব্যবহার করার সুযোগ খুবই সীমাবদ্ধ। এই পুত্তকটিও এই নীতির ব্যতিক্রম নহে। বিভিন্ন পুত্তক এবং মৌলিক রচনার সাহায়্য নেওয়া হইয়াছে এই পুত্তক প্রথমনে। তবে সমন্ত তথ্য একটি সামগ্রিক চিত্র সৃত্তির জন্য লেখকের ধারণা মত ব্যবহার করা হইয়াছে। কিছু কিছু জায়গায় বন্ধব্য বিষয় প্রাঞ্জলরূপে উপস্থাপন করার জন্য কিছু বর্ণনা বােগ করিতে হইয়াছে বেগুলি প্রচলিত পুত্তক বা মৌলিক রচনাতে পাওয়া য়ায় না। তবুও এইগুলিকে "মৌলিক ধারণা" বলিয়া দাবী করা হইতেছে না। বাহারা এই

পুস্তক ব্যবহার করিবেন, রচনার কতদ্র কৃতকার্ব্য হইয়াছি তাহারাই বিচার করিবেন।

এই পুত্তক রচনার পর বিভিন্ন অংশ বিভিন্ন ব্যক্তি পাড়িয়া দেখিয়া কিছু রদবদলের প্রস্তাব করিয়াছেন এবং তাহার অনেকটাই গ্রহণ করায় পুস্তকের গুণাগুণ উৎকর্মলান্ড করিরাছে বলিয়া আমার দৃঢ় ধারণা। প্রথম, বিতীর ও পণ্ডম অধ্যায় দেখিয়াছেন যথাক্রমে আমাদের কলেজের অধ্যাপক অমলকুমার রারচোধুরী, মদনগোপাল বসাক এবং নিতাইচক্স মুখোপাধ্যার। তৃতীর অধ্যায়টি আমাদের কলেজের অধ্যাপক রাসবিহারী চক্রবর্তী পূজ্থানুপূজ্বরূপে দেখিরাছেন। চতুর্থ অধ্যারটি আমার পুত্র সৌমেন বসাক (বর্তমানে শিকাগো বিশ্ববিদ্যালয়ে গবেষণারত) পরীক্ষা করিয়াছে। ইহাদের প্রত্যেককেই আমার আন্তরিক ধন্যবাদ জ্ঞাপন করিতেছি। পশ্চিমবঙ্গ রাজ্য পুন্তক পর্বদের মুখ্য প্রশাসন আধিকারিক অধ্যাপক দিব্যেন্দু হোতা এবং ঐ প্রতিষ্ঠানের কর্মচারীবন্দের সহবোগিত। কৃতজ্ঞতার সহিত স্বীকৃত হইতেছে। প্রিন্টার্সের সুরেশ দত্ত ষত্মসহকারে বইটির মূদ্রণ করিয়াছেন এবং শ্রীগোরা দাস বংশ্বর্ট নৈপুণ্যের সহিত পুস্তকের ছবিগুলি ও প্রচ্ছদ আঁকিয়াছেন : এজন্য উভয়েই আমার ধন্যবাদার্হ। পরিশেষে নিবেদন এই যে যথেও যত্ন সত্তেও পুত্তকে ভূলদ্রান্তি থাকা অসম্ভব নয়। সেরূপ ক্ষেত্রে আমাকে জানাইলে বাধিত হইব। পুস্তকের উৎকর্ধ-সাধনে কোনও প্রস্তাবও সাদরে গৃহীত হইবে।

কলিকাতা ১লা আগস্ট, ১৯৮০ বিজয়শন্তর বসাক

সূচীপত্ৰ (INDEX)

	পৃষ্ঠা
ভূমিকা (Introduction).	>
প্রথম পরিচ্ছেদ (First Chapter)	
ৰ্গাতর সমীকরণ (Equation of motion).	٩
তরঙ্গতি (Wave motion)—গতিশীল তরঙ্গ (Pro-	
gressive wave).	22
তরঙ্গের দশাও দশা-পার্থকা (Phase of a wave and	
phase difference).	24
তরঙ্গের হিমাহিক সঞ্চরণ (Propagation of waves in	
three dimensions).	5%
তরক্ষের সঞ্চরণ বেগ (Velocity of propagation of	
waves).	ર ર
দশা-গতিবেগ বা তরঙ্গ-গতিবেগ (Phase velocity or	
wave velocity).	২৬
গোলকীয় তরঙ্গ—ব্যন্তি-বর্গ সিদ্ধান্ত (Spherical waves,	
inverse square law).	રવ
আলোর শোষণ (Absorption of light).	00
সরল-দোলগতির ভেক্টর বর্ণনা (Vector representation	
of simple harmonic motion).	02
কম্পাৰ্ক এবং তরঙ্গদৈৰ্ঘ্য (Frequency and wave length).	00
ডপ্লার এফেক্ট (Doppler Effect).	98
জটিল সংখ্যা দারা তরক্ষগতির রূপারণ (Representation	
of wave motion by complex quantities).	94
তরক্ষের প্রতিফলন ও প্রতিসরণ (Reflection and re-	
fraction of waves).	లన
আলোর বিচ্ছুরণ (Dispersion of light).	88
জটিল তরঙ্গ (Complex waves).	88
ফুরিয়ার রাশিমালা—ফুরিয়ার বিশ্লেষণ (Fourier series—	
Fourier analysis).	8¢
ছির তরঙ্গ (Stationary waves).	65
ভরক্ষের পুঞ্জ-গতিবেগ (Group velocity of waves).	¢¢
-	

	পৃষ্ঠা
ষিতীয় পরিচেছ্ড (Second Chapter)	
আলোকতরক্ষের অধিস্থাপন (Superposition of light waves).	GF
দুইটি সরল দোলগতির সংযোজন (Superposition of	
two simple harmonic motions).	¢2
আলোকতরঙ্গের অধিস্থাপনে ভে ইর পদ্ধতির প্ররো গ (Appli-	
cation of vector method in superposition of	
light waves).	60
জটিল সংখ্যা ব্যবহার করিয়া লন্ধির নির্ণর (Determina-	
tion of the resultant by using complex quantities).	৬৫
আলোকের ব্যতিচার (Interference of light).	৬৬
ফ্রেনেলের বুগা-প্রিক্তম্ (Fresnel's bi-prism).	94
লয়েডের দর্পণের পরীক্ষা (Lloyd's mirror	
experiment).	AG
বাতিচারের সর্ভাবলী (Conditions of interference).	49
সাদা আলোর ঝালর (White light fringes).	20
অবার্ণ ব্যতিচার ঝালরের উৎপাদন (Production of	
achromatic interference fringes).	25
আলোকউংসের সংগত বিন্দুসমূহ (Corresponding	
points of the source).	78
মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপক (Michelson's interfero- meter).	29
মাইকেলসনের ব্যাতচারমাপকের সমঞ্জনকরণ (Adjustment	
of the Michelson's interferometer).	22
বৃত্তীয় কালরের উৎপাদন (Production of circular	
fringes).	202
স্থানীকৃত ঝালর (Localised fringes).	20¢
মাইকেলসনের ব্যাতিচার-মাপকের প্ররোগ (Application of	
Michelson's interferometer).	20A
মাইকেলসন এবং বেনো কর্তৃক আলোকভন্নকের দৈর্ঘ্যের হিসাবে	
প্রামাণ্য মিটারের মৃল্যারণ (Evaluation of the stan-	
dard meter in terms of wave length by	
Michelson and Benoit).	220
বর্ণালীরেখার সৃক্ষ গঠন নির্ণয় (Determination of fine	
structure of lines).	224

	পৃষ্ঠা
সাদা আলোর ঝালর (White light fringes).	224
ৰালরের দৃশ্যতা (Visibility of the fringes)	250
ৱুষ্টারের পটি (Brewster's bands).	250
ৰামার ব্যতিচার-মাপক (Jamin's interferometer). র্যালের প্রতিসরাক্ষ-মাপক (Rayleigh's refracto-	३ २७
meter).	5 29.
বহুল প্রতিফলনে প্রস্ত ব্যতিচার (Interference pro-	9 44
duced by multiple reflections).	25R
কোঁৱ-পেরে। ব্যাতিচার-মাপক (Fabry-Perot interfero-	
meter).	204
নিউটনের বলরসমূহ (Newton's rings).	265
বৃহং ও উজ্জল বলরের সৃষ্টি—অবার্ণতার সর্ত (Production	
of large and bright rings—condition of achro-	
matism).	269
ভৃতীয় পরিচ্ছেদ (Third Chapter)	
আলোকের বাবর্তন (Diffraction of light).	262
গোলাকার ছিদ্রে বাবর্তন (Diffraction at a circular	
hole).	5 98
অবচ্ছ গোলাকার চাকতিতে ব্যবর্তন (Diffraction at an	
opaque circular disc).	396
ৰাজু ধারে ব্যবর্তন (Diffraction at a straight edge).	599.
কণুর সপিলরেখা (Cornu's spiral) ও ফ্রেনেলের সমাকল	
(Fresnel's Integrals).	240
ফ্রেনেলের সমাকলের তালিকা (Table of Fresnel's	
Integrals)	244
ৰাজু ধারে ব্যবর্জন (Diffraction by a straight edge).	220
আলোর সরলরেখায় গমন (Rectilinear propagation	
of light).	224
মন্তল-ফলক (Zone plate).	229
দশা-উৎক্রমণ মণ্ডলফলক (Phase reversal zone plate).	205
ব্যাবিনেটের নীভি (Babinet's principle).	200
ফ্রনহফার ব্যবর্তন (Fraunhofer diffraction).	२०७
একক রেখাছিদ্রে ফ্রনহফার ব্যবর্তন (Fraunhofer	
diffraction at a straight ados)	200

	Jai
ব্যবর্তন ঝালরে আলোক-ভীব্রতার হিসাব (Calculation of	
intensity in the diffraction pattern).	202
আলোকতীব্রতার হিসাবের লেখচিন্রীয় পদ্ধতি (Calculation	
of intensity by the graphic method).	250
ব্যবর্তন ঝালরে আলোকতীব্রতার চরম এবং অবম অবস্থান	
নিৰ্ণয় (Determination of position of maximum	
and minimum intensity in the diffraction	
pattern).	324
চরম তীব্রতা (Maximum Intensity)	222
আয়তাকার ক্ষুদ্র ছিদ্রে ফ্রনহফার ব্যবর্তন (Fraunhofer	, ,
diffraction at a small rectangular aperture).	२२७
বৃত্তাকার ছিদ্রে ফুনহফার বার্বর্তন (Fraunhofer diffrac-	
tion at a circular aperture).	२७२
ৰুগা রেখাছিদ্রে ফুনহফার ব্যবর্তন (Fraunhofer diffrac-	
ction at a double slit).	২০৯
ব্যবর্তন ঝালরের চরম এবং অবম তীব্রতার বন্টন (Distribu-	, - 4
tion of maxima and minima in the diffraction	
pattern).	২ 88
লুপ্ত ক্ষমের ঝালর (Missing order fringes).	282
আলোকউৎসের পরিমিত প্রস্থের প্রভাবে ঝালরের প্রকৃতির	400
পরিবর্তন (The influence of finite width of the	
light source on the change in the nature of	
of the fringe pattern).	२७১
মাইকেলসনের তারকীর ব্যতিচারমাপক (Michelson's	400
stellar interferometer).	২৫৬
ব্যবর্তন ঝাঝার (Diffraction grating).	260
ব্যবর্তন ঝার্মারর আলোকতীব্রতার বন্টন (Intensity distri-	400
bution for a diffraction grating).	२७७
চরম এবং অবম তীরতার বর্ণালি (Maxima and minima	700
of the spectrum)	২৬৮
বিচ্ছুর্ণ (Dispersion).	২ 98
বর্ণালির ক্লমের অতিব্যাপন (Overlapping of orders	170
in spectra).	২ 99
ৰাৰ্বারতে আলোকের অকা চাতি (Minimum deviation	, , ,
of light in the grating).	२१४
J	7 70

	ৰ্যুক্তা
বর্ণালির লুপ্ত রুম (Absent orders of the spectrum).	295
অবতল ঝাঝার (Concave grating).	240
অবতল ঝাঝারর বিভিন্ন আরোপণ (Different moun-	
tings of concave grating).	240
রোল্যাণ্ড আরোপণ (Rowland Mounting).	240
প্যাশেন আরোপণ (Paschen Mounting).	548
ঈগ্লৃ আরোপণ (Eagle Mounting).	346
ওয়াড্স্ওয়ার্থ আরোপণ (Wadsworth Mounting).	२४७
निर्देश আরোপণ (Littrow Mounting).	२४५
ঝাঝারর বর্ণালিতে অশুদ্ধিজাত রেখা (Ghost lines in	
grating spectrum).	26 6
বর্ণালির তীরতার উপর ঝাঝরির সরলরেখাগুলির খোদাইয়ের	
আকৃতির প্রভাব (Influence of the shape of grooves	
of grating rulings on the intensity of spectra).	220
অবতল ঝাঝারর উপর রুংগের মতবাদ (Runge's theory	
of concave grating).	२৯२
ইশ্লন্ ঝাঝার (Echelon grating).	२३७
লুমার-গেক্ ফলক (Lummer-Gehrcke plate).	909
আলোকীয় বস্ত্রের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of	
optical instruments).	909.
আরতাকার ছিদ্রের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power	
of a rectangular aperture).	90¥
প্রিজ্ম্ বর্ণালিবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power	
of a prism spectroscope).	978
দূরবীক্ষণ বস্ত্রের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of a	
telescope).	024
অপুবীক্ষণ বস্তুের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of	
a microscope).	052
ব্যবর্তন ঝাঝরির বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of	
a diffraction grating).	०२७
ইশ্লন্ ঝাঝারর বিভেদন ক্ষজা (Resolving power of	
an echelon grating).	057
লুমার-গের্ক্ ফলকের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power	
of Lummer-Gehrcke plate).	990
ফেরি-পেরো ব্যতিচার-মাপকের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving	
power of Fabry-Perot interferometer).	902

·	পৃষ্ঠা
আণুবীক্ষণিক অবলোকন সম্বন্ধে আবের মতবাদ (Abbe's	
theory of microscopic vision).	006
আবের মতবাদ অনুসারে অণুবীকণ বস্ত্রের বিভেদন ক্ষমতার	
সীমা নির্মারণ (Derivation of the limit of resolu-	
tion of a microscope from Abbe's theory).	904
চতুর্থ পরিচেড্ড (Fourth Chapter)	
আলোকের সমবর্তন (Polarisation of light).	682
সাধারণ আলোতে কস্পনের প্রকৃতি (Nature of vibra-	
tion in ordinary light).	000
রুষ্টারের সূত্র (Brewster's law).	900
প্রতিফলনের বারা আলোর সমবর্তন ; ফলকপুঞ্চ (Polarisa-	
tion of light by reflection; Pile of plates).	900
বৈধ-প্রতিসরণ (Double refraction).	964
মুখ্য-ছেদ ও মুখ্য-ভল (Principal section and Prin-	
cipal plane).	060
ম্যালাসের সূত্র (Law of Malus).	069
একাক্ষ কেলাসে তরঙ্গপৃষ্ঠের আকৃতি (Shape of wave	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
surface in uniaxial crystals).	062
তলীয় তরক্ষের উল্লয় আপতন (Plane wave at normal	008
incidence).	090
তলীয় তরঙ্গের তির্বক আপতন (Plane wave at oblique	040
incidence).	090
হাইগেন্সের সংরচনার প্রতিপাদন (Verification of	040
Huygens' construction).	998
তরঙ্গ-বেগ এবং রন্থি-বেগ (Wave velocity and ray	0 10
velocity).	OFG
সমবর্ডক প্রিজ্ম্সমূহ (Polarising prisms).	CAP
निक्न शिक्स (Nicol prism).	019
ফুকো প্রিজম্ (Foucault prism).	0%0
রোশনু প্রিজম (Rochon prism).	020
পোলারয়েড (Polaroid).	020
ফ্রেনেলের সমান্তর-পটফলক (Fresnel's Rhomb).	ಲ್ಲಿ ಲಿಸಿ8
সমর্বর্তিত আলোর বিশ্লেষণ (Analysis of polarised	V _∞ 0
light).	A\4
~-*D~-*/·	୬୯୦

	পৃষ্ঠা
ব্যাবিনেটের প্রতিপুরক (Babinet's compensator).	808
তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলকের সাহাব্যে বিশ্লেষণ (Analysis by	
quarter-wave plate).	80A
সালল প্রতিপ্রক (Soleil compensator).	820
সমবর্তিত আলোর বিশ্লেষণ (Analysis of polarised light).	877
সমর্বর্ডিড আলোর উৎপাদন এবং বিশ্লেষণ (Production	030
and analysis of polarised light).	870
বিভিন্ন প্রকারের সমর্বর্ডিড আলোর উৎপাদন (Production	
different types of polarised light).	878
সমর্বার্ডত আলোর ব্যতিচার (Interference of pola-	
rised light).	859
সমান্তরাল আলোর কেন্দ্রে কোনও কিনুতে পারগত আলোর	
তীরতা (Intensity of illumination at a point of	
transmitted light for a parallel beam).	844
অপসারী বা অভিসারী তলীর-সমর্বার্ডত আলোর ব্যতিচার	
(Interference of divergent or convergent plane	
polarised light).	8२9
বৃত্তাকার সমর্বর্ডিত আলোর ব্যক্তিয়ের (Interference of	•
circularly polarised light).	806
আলোকীয় সন্ধিয়তা বা আলোকীয় ঘূর্ণন (Optical activity or Optical rotation).	0.01
ঘূর্ণনের বিচ্ছুরুগ (Rotatory dispersion).	80%
ফুনেলের ঘূর্ণনের ব্যাখ্যা (Fresnel's explanation of	882
rotation).	888
তরলে ও দ্রবণে আলোক সন্ধিয়তা (Optical activity	
in liquids and solutions).	868
আলোকীয় সঞ্জিয়ভার সিদ্ধান্ত (Theory of optical	
activity).	998
সমবর্তন মাপক বস্তুসমূহ (Polarimeters).	849
লরের অর্জ-ছায়া সমবর্তনমাপক (Laurent's half-shade	
polarimeter).	869
यूग्र-त्कासाँह्रम् (Bi-quartz).	862
बिट्च्स (Fifth Chapter)	
বিচ্ছুরণ (Dispersion).	865
বিচ্ফুরণ, বাভাবিক প্রকার (Dispersion, normal case).	848

	পৃষ্ঠা
বিচ্ছুরণ, অনিরত প্রকার (Dispersion, abnormal case).	865
সেলমারার সমীকরণ (Sellmeier equation).	895
স্বাধীন ও বলকৃত কম্পন (Free and forced vibrations).	896
বিচ্ছুরণের তাত্ত্বিক আলোচনা (Theoretical discussion	
of dispersion).	899
জটিল প্রতিসরাক্ষ (Complex refractive index).	849
অনিয়ত বিচ্ছুরণের পরীক্ষাত্মক প্রদর্শন (Experimental	
demonstration of anomalous dispersion).	844
বিচ্ছুরণের সূত্রের বাথার্থোর পরীক্ষা (Testing the validity	
of the dispersion formula).	825
অবশিষ্ট রিম্ম (Residual rays or Reststrahlen)	824
ফোকাসীয় বিষোজন (Focal isolation).	829
রিশিষ্ট	
(ক) জিমান জিয়া (Zeeman Effect).	822
(খ) ফ্যারাড়ে ক্রিয়া (Faraday Effect).	608
(গ) ভার্ক ক্রিয়া (Stark Effect).	602
	620

প্রথম পরিচ্ছেদ

ভূষিকা

আলোকবিজ্ঞানকে সাধারণভাবে ভিন ভাগে ভাগ করা বার। (১) জামিতিক আলোকবিজ্ঞান (geometrical optics), (২) ভৌত আলোক-বিজ্ঞান (physical optics) এবং (৩) কোরান্টাম আলোকবিজ্ঞান (quantum optics)। জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞানে বিভিন্ন মাধ্যমের ভিতর দিয়া আলোকরশ্মির চলাচলের ফলে যে সমস্ত ফলের উদ্ভব হয় (যথা প্রতিফলন, প্রতিসরণ ইত্যাদি) সেইগুলিই অনুসন্ধান কর। হয়। আলোকের প্রতিফলন এবং প্রতিসরণের সূত্রসমূহই এই বিভাগে প্রধান ভূমিকা গ্রহণ করিয়া থাকে। বিভিন্ন প্রকার দর্পণ, লেন্স এবং প্রিজ্মের উপর আলোক রশ্মি পড়িলে ভাহার৷ যে নিয়মানুসারে প্রতিফলিত অথব। প্রতিসৃত হয় জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞানের আলোচ্য বিষয় হইল সেই সমস্ত নিয়মাবলী। আবার বস্তু ও আলোকের পরস্পর প্রতিক্রিয়া যথন গণ্য করা হয় তখন সেই সমস্ত পরীক্ষাগুলি ভৌত আলোকবিজ্ঞানের অন্তর্গত বলিয়া মনে করা হইয়া থাকে। এই সমন্ত পরীক্ষা হইতে আলোকের **স্বর্গ সম্বন্ধে জ্ঞান লাভ করা বাইতে** পারে। কোনও বস্তুর মাধামে আলোকের বিকীরণ (emission) এবং শোষণ (absorption) এই জ্ঞানলাভের ব্যাপারে অনেক সাহায্য করিয়া থাকে। অবশ্য বিকীরণ এবং শোষণের পূর্ণ ও সম্ভোষজনক ব্যাখ্যা করিবার জন্য কোরাণীম মতবাদই অধিকতর উপযোগী। আলোকের প্রকৃতি সম্বন্ধেও ভৌত ও জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞানের ধারণা আলাদা রকমের এবং খানিকটা আপাড পরস্পর জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞানে বেখানে আলোকরণি সমসত্ব (homo-বিরোধী। geneous) মাধ্যমে সরলরেখার চলে বলিয়া ধরা হয়, ভৌত আলোকবিজ্ঞানে সেখানে আলোককে তরঙ্গ বলিয়া মনে ব্যবা হয়। তবে শেষ পর্যন্ত দেখা বার বে এই দুই চিত্রের মধ্যে প্রকৃতপক্ষে কোনও বিরোধ বা অসামঞ্জস্য নাই। এবং এই তরঙ্গ চিত্রের সাহায্যে অনেকগুলি সংঘটনের (phenomena) ব্যাখ্যা করা যায়, বথা—আলোকের বাবর্তন (diffraction), ব্যতিচার (interference) ও সমবর্তন (polarisation). এইগুলিকে আলোকের শাস্ত্রীর ভরঙ্গচিত্র (classical wave picture) বলা বাইতে পারে । বর্তমান সংজ্ঞা অনুসারে এইগুলি ভৌত আলোকবিজ্ঞানের অন্তর্গত। আবার বাদ আলোক ও বন্ধুর অণু পরমাণুর

পরস্পর প্রতিক্রিয়া বিবেচনা করা বায় তবে দেখা বায় যে তরন্ধ মতবাদ দিয়া ইহাদের ব্যাখ্যা করা যায় না। সেখানে প্ল্যাব্দ (Planck) ও আইনষ্ঠাইন (Einstein) প্রব ভিড কোরাকীম মতবাদ (quantum theory) ভিন্ন ঐ সমন্ত ব্যাপারের ব্যাখ্যা করা সম্ভব হর না। এই শাখাকে বলা বাইতে পারে কোরান্টাম আলোকবিজ্ঞান । জিনিষটাকে আর একভাবেও দেখা যাইতে পারে। আমাদের দৈনন্দিন জীবনে আলোকের যে চিত্র আমরা চোখে দেখিতে পাই, যথা দর্শণ ও লেন্দের সাহায্যে বন্ধুর প্রতিকৃতি সৃষ্ঠি করা অথবা প্রিজমের সাহাযো আলোকের পরিবর্তন (modification) বাহা কোনও বরের সাহায্য ছাড়াই সাদা চোখে দেখিতে পাওয়া যায় সেটাকে জামিতিক আলোকবিজ্ঞান বলা যাইতে পারে। যদি আরও সৃক্ষতর মানের পর্যবেক্ষণের সাহায্য নেওয়া ৰায়, [বাহাতে ব্যতিচার-মাপক (interferometer), ঝাঝার (grating) ইত্যাদির সাহায্য প্রয়োজন হয়] তবে আলোকের বাবর্তন, ব্যাতচার ও সমবর্তন ইভ্যাদি পরীক্ষা করা যাইতে পারে। এই সংঘটনগুলিকে (phenomena) ভৌত আলোকবিজ্ঞান নামে অভিহিত করা হয়। বন্দি আরও অধিক সৃক্ষ মানের পর্ববেক্ষণ প্রয়োগ ৰারা আলোক এবং পদার্থের অণু ও পরমাণুর প্রতি-ক্রিয়া (interaction) অনুসন্ধান করা যায় তবে সেই সমন্ত অনুসন্ধান কোয়ান্টাম আলোকবিজ্ঞানের অন্তর্ভুক্ত বলা যাইতে পারে। সুতরাং এই সংজ্ঞা অনুসারে আলোকবিজ্ঞানের উপরোক্ত তিন শাখা সংঘটনগুলির আপেক্ষিক সৃক্ষতা দ্বারা নিদিষ্ঠ হইরা থাকে বলা চলিতে পারে।

উল্লিখিত আলোচনা হইতে বলা বায় বে ভোত আলোকবিজ্ঞান প্রধানতঃ আলোকের তর সচিত্রের উপর নির্মিত হইয়াছে। সূতরাং এই শাখার আলোচনাকালে আমরা বভাবতই তরসচিত্রের সাহাবা নিতে বাধ্য হইব। এজনা তরসচিত্রের বিভিন্ন ধর্ম এবং গুণাবলীর সহিত প্রথমেই পরিচিত হওয়া সুবিধাজনক এবং আবশ্যক। তরঙ্গের সমীকরণসমূহ খুব সামানাই রদবদল করিয়া বিভিন্ন ভোত প্রক্রিয়ার বর্ণনার জনা বাবহার করা চলে। উদাহরণ বর্প বলা বাইতে পারে, আলোকের বিভিন্ন ধর্ম, শব্দের গতি ও প্রকৃতি, জলতরঙ্গের এবং ভূমিকম্প ইত্যাদির সমর ভূমির কম্পন, এ সমন্ত প্রক্রিয়াই তরসচিত্রের সমীকরণ বারা সহজেই ব্যাখ্যা করা হইয়া থাকে। আলোক সৃভির সময় বে দ্রংশের ফলে ইহার উত্তব হয় বর্তমান আলোচনাকালে ভাহার খুব ম্পন্ট সংজ্ঞা দিবার প্রয়োজন নাই। আলোর এই দ্রংশ ভেক্টর (vector) অথবা জেলার (scalar) রাম্মি ভাহাও নির্দিন্ট করিবার দরকার নাই। অবশ্য শেষ পর্বস্ত ইহার প্রয়োজন হইবে বখন সমবর্তনের আলোচনার আসা বাইবে। কিন্তু

তাহার পূর্বে আলোর ব্যবর্তন ও ব্যতিচারের ব্যাখ্যার জন্য ইহার নির্দিষ্ট সংজ্ঞা নির্দেশ করা এড়ানো বাইতে পারে।

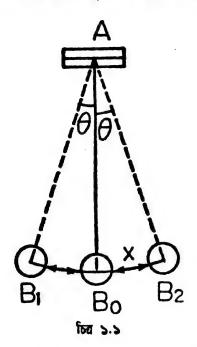
সাধারণভাবে আলোক তরঙ্গের গতির তিনটি বৈশিষ্ঠা লক্ষণীর ঃ—

- ১। প্রতিমৃহুতে মাধ্যমের বে কোনও বিন্দৃতে আলোকতরক্ষের করেকটি সুনিন্দিক এবং পরিমাপবোগ্য ভৌত ধর্ম থাকে।
- ২। সেই বিম্পুতে এই ভৌত ধর্মের একটি পর্বাবৃত্ত পরিবর্তন (periodic change) হইরা থাকে।
- ০। কোনও বিন্দৃতে ভৌত ধর্মের এই পর্যাবৃত্ত পরিবর্তন পরমুহুর্তে সংলগ্ন বিন্দৃতে অনুরূপ পরিবর্তনের সৃষ্টি করিয়া থাকে; এইভাবে এক বিন্দু হইতে পরবর্তী বিন্দৃতে গমনের ফলে আলোকতরঙ্গের প্রংশ মাধ্যমের ভিতর দিয়া অবিরতভাবে প্রবাহিত হয়। এই তিনটি বৈশিষ্ট্যের সমন্বয়ে চলমান তরঙ্গের চিত্র সহক্ষেই পাওয়া বাইতে পারে।

তরঙ্গচিত্রের আলোচনা কালে ধারণার সূবিধার জন্য একটি সহজবোধ্য
মানসচিত্রের সাহাষ্য দরকার। এজন্য একটি সরলদোল কম্পকের (simple harmonic oscillator) ব্যবহার প্রশন্ত। কারণ আলোকের উন্তবের বর্তমান যে মতবাদ প্রচলিত আছে তদনুসারে সরলদোল কম্পকের ভূমিকা মুখ্য এবং প্রাথমিক। এই কম্পকের ধর্মাবলীর সহিত সগুরণের (propagation) সাধারণ সমীকরণের সংযোগের ফলে আমরা চলমান আলোকতরঙ্গের একটা সুম্পক্ত আলেখা গঠন করতে পারি।

সরল দোল কম্পকের সহজ্বতম এবং প্রকৃষ্ট উদাহরণ হিসাবে একটি সংঘর্ষবিহীন (frictionless) সরল দোলক বাছিয়া নেওয়া যাইতে পারে। এই
দোলকের গঠনপ্রণালী খুবই সহজসাধা। যদিও এর্প দোলক সতাসতাই
সম্পূর্ণ সংঘর্ষবিহীন করা যায় না, কারণ দোলনকালে বায়ুমগুলের এবং অন্যান্য
প্রকারের বাধা (যত কমই হোক না কেন) সংঘর্ষ হিসাবে দোলকের উপর
ক্রিয়া করিবেই তবুও গাণিতিক কৌশল হিসাবে এই সংঘর্ষবিহীন দোলক খুবই
স্বিধাজনক। সংঘর্ষের সম্পূর্ণ অনুপদ্থিত ধরিয়া লইলে গাণিতিক প্রক্রিয়া
অনেক সহজসাধা হইয়া আসে। অথচ এইভাবে যে সিদ্ধান্তে পৌছান যায়
ভাছা পরীক্ষালক ফল ছইভে সাধারণত খুব ভক্ষাৎ হয় লা। অধিকভূ
প্রয়োজনবোধে সংঘর্ষের প্রভাব মূল গাণিতিক প্রক্রিয়ার সহিত যোগ করা
যাইতে পারে এবং বলাই বাহুলা যে এবারের সিদ্ধান্ত পরীক্ষালক ফলের সহিত
আরও ভালভাবে মিলিয়া যাইবে। বলিত সরলগোলকে সংঘর্ষের উপস্থিতি

থাকিলেও ইছার পরিমাণ এত কম বে প্রাথমিকভাবে সেটা অগ্নাহ্য করিলেও বে ফলাফল পাওয়া বার তাহা খুবই মূল্যবান এবং কার্বকরী। চিত্রে একটি



শন্ত বৃটি A হইতে একটি ভারী গোলাকৃতি দোলক B একটি সরু শন্ত ও প্রসারণবিহীন সূতা ABর সাহাষ্যে ঝুলান হইল । গোড়ায় দোলকটি ছির অবস্থার B, অবস্থানে আছে । এখন যদি ইহাকে একখারে একটু টানিয়া B, পর্যন্ত নিয়া যাওয়া হর বাহাতে ১.১ নং চিত্রে প্রদাশত কোণ θ ন্যুনাধিক θ অভিক্রম না করে এবং এই অবস্থার দোলকটি ছাড়িয়া দেওয়া হর তবে সেটি B1 এবং B2 এর মধ্যে দুলিতে থাকিবে । দোলকটির দোলনের পথ একটি কৃত্তের চাপের (arc) আকৃতির হইবে । সংবর্ষের ফলে কোণ θ র মান ক্রমশঃ ক্রিয়া আসিতে থাকিবে, কিন্তু এই হ্রাসের পরিমাণ খুবই সামান্য হওয়ার পরপর পুইটি θ র মান প্রায় সমান ধরা যায় । বৃত্তের চাপের পথে দোলকের গতি বদি লক্ষা করা যায় তবে দেখা যাইবে বে এই গতি সমরের সহিত নির্মালখিত সমীকরণ ধারা যুক্ত

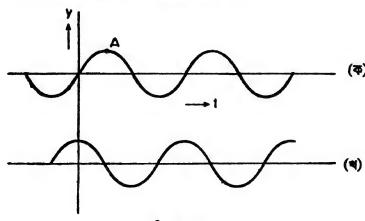
$$y - f(t) \tag{1.1}$$

এখানে y বে কোনও সুবিধামত বিন্দু হইতে বলের বৃত্তের চাপের পথে প্রংশ বুবাইতেছে, f(t) সময়ের অপেকক (function of time).

এই সরল দোলকটির দোলন লক্ষ্য কবিলে নির্মালখিত ফলাফল দেখা বাইবে। এবং এই পর্যকেশ হইতে করেকটি প্রয়োজনীয় সংজ্ঞাও পাওরা বার।

- (क) দোলকের সূতা AB একটি উল্লয় তলে দুলিতে থাকিবে। দোলকটির সাম্যাবন্থা (equilibrium position) B_0 দিরা পরপর দুইবার বাইতে ইহার সর্বদা একই সমর লাগিবে। এই পর্যবেক্ষণ হইতে দোলকের দোলনকালের সংজ্ঞা পাওয়া যাইতে পারে। একই বিন্দু দিরা পরপর একই দিকে বাইতে দোলকের বে সমর লাগে তাহাকে বলা হয় দোলনকাল বা পর্যায় (period)। এবং দোলকটির ভংশ y এর সর্বোচ্চ সীমা দেখা যাইবে +a অথবা -a (B_0 অবস্থানে y এর মান 0 ধরিলে) এই aকে বলা হয় বিস্তার (amplitude)। পূর্বেই বলা হইয়াছে বে সংঘর্ষের দরুণ 'a'র মান ক্রমাগত ক্রমিয়া আসিতে থাকিবে, কিন্তু পরপর দুইটি দোলনকাল বিবেচনা করিলে এই হ্রাস খুবই সামান্য।
- (খ) দোলকের সূতা AB দুলিবার সময় ইহার সাম্যাবস্থা AB_0 এর সহিত বে কোণ θ সৃষ্টি করিয়া থাকে তাহাকে বলা হয় দশা (phase)। এই দশা শব্দটি দারা বুঝা যায় যে দোলকটি দোলনক্রমের (cycle of oscillation) কোন অবস্থায় আছে।

যদি দোলকের ভ্রংশ y এবং সময় t এর একটি রেখাচিত্র আকা যায় তাহ। হইলে নিম্নলিখিত ১.২ নং চিত্রের আকার দেখা যাইবে।



हिंच ১.२

এই লেখাচিত্র বে বাঙ্গকের (expression) দারা বোঝান বার তাহা এইরূপ :--

$$y = a \sin(wt - \phi) \tag{1.2}$$

अथवा
$$y = a \cos(wt - \phi)$$
 (1.3)

ভৌত আলোকবিজ্ঞান

এই বাজকের মধ্যে a হইল গোলকের বিস্তার (amplitude), $(wt - \phi)$ কে বলা হর দশা (phase) এবং ϕ দশা-ধূবক (phase constant or epoch) বুঝাইতেছে। এই $(wt - \phi)$ ১.১ নং চিত্রের θ 'র সমার্থক। w এখানে গোলকটির বৃত্তীর কম্পাক্ষ (circular frequency) বুঝাইতেছে। গোলকের গতি এই সমস্ত সংখ্যা a, w এবং ϕ এর মানের উপর নির্ভর করিবে বদিও লেখাচিত্রের সাধারণ চেহারা একই রকম হইবে। ১.২ (ক) এবং ১.২ (খ) একই তরকের বিভিন্ন প্রকাশভঙ্গি এবং ইহারা শুধু y অক্ষের দিকে পরস্পর স্থান পার্থক্যের দারা বিচ্ছিল।

গোলকটি বদি সাম্যাবন্থা B_0 হইতে একদিকে সরাইরা আনা বার তবে ইহা একটি প্রজ্যানরন বল (restoring force) F B_0 র দিকে অনুভব করিবে। এই বল ভংশের সমানুপাতিক হইবে; সূতরাং y ভংশের জন্য ইহা লেখা যাইতে পারে ky বদি আনুপাতিক ধুবক (constant of proportionality) k ধরা হয়।

$$F = ky \tag{1.4}$$

এই বলের বিরুদ্ধে যদি দোলকটির dy শ্রংশ বাড়ানো হর তবে বে কার্য করিতে হইবে তাহার পরিমাণ dw লেখা যাইতে পারে

$$dw = F \cdot dy = kydy \tag{1.5}$$

এখানে dw यन्त्रभातिमान कार्य वृकाहराउए ।

সূতরাং যদি গোলকটি B_0 হইতে ইহার গতিপথের শৈষ পর্যন্ত অর্থাং B_1 অথবা B_2 পর্যন্ত টানিয়া নিয়া যাওয়া যায় তাহা হইলে এই প্রক্রিয়ায় মোট কার্যের পরিমাণ দাঁড়াইবে

$$\int_{0}^{y_{0}} kydy - \frac{1}{2}ky^{2} - \frac{1}{2}ka^{2}$$
 (1.6)

এখানে $y_0 = B_0 B_1 - B_0 B_2 = a$.

এই কার্য দোলকটিতে স্থিতিশন্তি (potential energy) হিসাবে সন্থিত হইবে। দোলনকালে স্থিতিশন্তি পর্যায়ক্তমে এই মান এবং মূল্যের মধ্যে পরিবাভিত হইতে থাকিবে। একই সঙ্গে ইহার গতিশন্তিও দুইটি সীমার মধ্যে আবাভিত হইতে থাকিবে। তবে এটা দেখানো বাইতে পারে বে এই দোলন-কালে স্থিতি এবং গতিশন্তির বোগফল ধ্রুবক থাকিবে; পুধুমাত ইহারা স্থিতিশন্তি

হইতে গতিশান্ত এবং গতিশান্ত হইতে ছিতিশান্ত এরকমভাবে রূপ পরিবর্তন করিয়া থাকে।

গভিন্ন সমীকরণ

সমীকরণ 1.2 অথবা 1.3 হইতে আমরা গাঁভর সমীকরণ পাইতে পারি।
1.2 কে বাদ সমর t এর সাপেক্ষে অন্তর্রকলন (differentiate) করা বার
তবে পাওরা বার

$$\frac{dy}{dt} = \dot{y} = wa \cos(wt - \phi) = \pm w \sqrt{a^2 \cos^2(wt - \phi)}$$

$$= \pm w \sqrt{a^2 [1 - \sin^2(wt - \phi)]} = \pm w \sqrt{a^2 - y^2}$$
 (1.7)

$$\frac{d^2y}{dt^2} = y^2 = -w^2 a \sin(wt - \phi) = -w^2 y$$
 (1.8)

সমীকরণ 1.8 অথবা 1.9 সরল দোলগতির মূল সমীকরণ। এই সমীকরণ সরল দোলগতির সংজ্ঞা হইতে সোজাসুজি পাওয়া ঘাইতে পারে।

কোনও দোলকের গতির সমর বদি উহার উপর প্রযুদ্ধ বল এমনভাবে কিরা করে যে উহা সর্বদা কোনও নিনিক্ট বিন্দুর দিকে গতির বিপরীতমুখী হর এবং প্রংশের সমানুপাতিক হর তবে উক্ত দোলকের দোলন সরল দোলগতি সম্পন্ন হইবে। ইহা হইতে আমরা লিখিতে পারি:

$$\frac{md^2y}{dt^2} = -ky$$
 বা $\frac{d^2y}{dt^2} = -\frac{k}{m} = -w^2y$
(সমীকরণ 1.9 ব্যবহার করিয়া) (1.10)

এখানে m—দোলকের ভর, k— একক দ্রংশের জন্য উৎপন্ন বল (force for unit displacement) এবং w—দোলকের বৃত্তীয় কম্পাম্ক।

চিত্র নং ১.১ (এ) প্রদর্শিত সাধারণ দোলকের ক্ষেত্রে অবশ্য পাওয়া বাইবে $w = \sqrt{\frac{g}{l}}$. g = অভিকর্ম দরণ, <math>l = দোলকের দৈর্ঘ্য । $w = \sqrt{\frac{k}{m}}$ প্রকৃতপক্ষে পাওয়া বার ব্যাবর্ত দোলকের (torsional pendulum) এর বেলার ।

সূভরাং
$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$
 (1.11)

কম্পাব্দ y এবং বৃত্তীয় কম্পাব্দ w এর মধ্যে সমন্ধ সেখা বার

$$\omega = 2\pi v \tag{1.12}$$

এবং দোলকের পর্বার (period) T কম্পান্কের সহিত নিয়লিখিতভাবে সংগ্রিক

$$\mathbf{v} = \frac{1}{T} \tag{1.13}$$

$$\therefore T - \frac{2\pi}{\omega} - 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \tag{1.14}$$

कारकरे रमथा बारेराजरक स्व रमामारकत भर्यात्र वा रमामानकाम रमामारकत छत्र m, এবং একক শ্রংশের জন্য উৎপশ্ন বল k এর উপর নির্ভর করে এবং যথাক্রমে ইহানের কাম্লের সমানুপাতিক (directly proportional) ও বান্তানুপাতিক (inversely proportional). কোনও কোসজাতীর কঠিন পদার্থে এক বা একাধিক ৰাভাবিক কম্পান্ক (natural frequency) বৰ্তমান থাকে। এই খাভাবিক কম্পান্ক খচ্ছ কঠিন পদার্থে আলোর বিচ্ছুরণে (dispersion) খুবই গুরুত্বপূর্ণ ভূমিক। গ্রহণ করে। এই স্বাভাবিক কম্পান্কের উৎপত্তির কারণ কঠিন পদার্থের সৃষ্টিকারী ক্ষুদ্রভর কণাগুলির কম্পন; আর এই কম্পনের কম্পান্কের বা পর্যারের মান নির্ভর করিবে সমীকরণ (1.14) অনুসারে k এর মানের উপর । ক্লাগুলি নিজেদের গঠন এবং পারিপাখিকের উপর নির্ভর করিরা একটি বলকেনের (force field) মধ্যে অবস্থিত থাকে। যদি একটি কণা ইহার চারিদিকে অর্বান্থত অন্যান্য কণার সহিত আলগাভাবে এই বল-ক্ষেত্রের দ্বারা সংবৃদ্ধ থাকে (loosely bound) তবে এই ক্ষেত্রে একক স্রংশের कना छेरभाव वन k चछावछरे कम इहेरव । 1.14 अनुमारत हेराब चर्च अरे ख পর্বার T অনুরুপক্ষেত্রে অপেক্ষাকৃত বেশী হইবে অর্থাৎ বন্ধুটির স্বাভাবিক क्लाएकत मान कम पाँछाहेरत । अवना धरे स्करत धत्रा हरेतारह रव कपार्शनत অন্যান্য মান বিভিন্ন কেন্তে একই আছে। অপরাদিকে বদি বলকেন্ত (force field) এক থাকে তবে বিভিন্ন বকুর স্বাভাবিক কম্পাক্ত নির্ভর করিবে কণার ভরের উপর। কণার ভরের বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে দোলনকালেরও বৃদ্ধি হইবে। সূতরাং ইহা হইতে মনে করা যাইতে পারে বে একই উপাদানের ক্ষেত্রে কণাগুলি বদি আণবিক অবস্থায় থাকে তবে তাহার দোলনকাল পারমাণবিক কণার **माननकान इटेर**ं राजी इटेरव । काরণ সাধারণভাবে অণ**ুর ভর পরমাণুর** ভর হইতে বেশী। অবশ্য এই আলোচনা খুবই গুণগতভাবে (qualitatively) क्या रहेन । कठिन भगार्थंत बार्छायक कम्भारक मान चायल जानक किंग

কারণের উপর নির্ভরশীল। এখানে শুধু মোটামূটি ভাবে কম্পাক্তের উপর m এবং k এর প্রভাবের আলোচনা করা হইল।

দোলকের গতিপত্তির সমীকরণ লেখা বার

গতিশন্তি (Kinetic Energy) =
$$\frac{1}{3}my^2 = \frac{1}{3}mw^2(a^2 - y^2)$$

$$= \frac{mw^2a^2}{2} - \frac{mw^2y^2}{2}$$
 (1.15)

∴ মোট শব্তি E= হিতিশব্তি + গতিশব্তি

or
$$E = \frac{1}{8}mw^8a^8 - \frac{1}{8}mw^8y^8 + \frac{1}{8}ky^8$$

(1.11) প্রয়োগ করিরা পাওয়া যার

$$E = \frac{1}{2}mw^{2}a^{2} - \frac{1}{2}mw^{2}y^{2} + \frac{1}{2}mw^{2}y^{2} - \frac{1}{2}mw^{2}a^{2}$$
 (1.16)

(1.16) এর তিনটি রাশিই (m, w এবং a) দোলনের অবস্থা নিরপেক্ষ। সূতরাং দোলনকালে মোটশন্তির পরিমাণ দোলনের সকল দশারই অপরিবর্তিত থাকিবে। অবশ্য বাস্তব ক্ষেত্রে মাধ্যমের সহিত সংঘর্ষের দরুণ বিস্তার a-র মান ক্রমে কমিয়া আসিতে থাকায় এই মোটশন্তির পরিমাণও সমানুপাতিক ভাবে কমিতে থাকিবে এবং কালক্রমে যখন a শ্নো পরিণত হইবে তখন মোটশন্তির পরিমাণও নিঃশেষিত হইবে।

উপরে আলোচিত সমীকরণ 1.8 এবং 1.9 সরল দোলগতির মূল সমীকরণ। আর বেহেতু ইহারা দিতীয় ক্রমের অন্তর্কলন সমীকরণ (differential equation of the second order) সেইজন্য ইহার সমাধানে (solution) দুইটি ইচ্ছাধীন প্রুবক (arbitrary constants) বর্তমান থাকে। এই সমাধান বিভিন্ন আকারে লেখা বাইতে পারে

(i)
$$y = a \sin(wt - \phi) = a \sin \delta$$
 (1.17)

(ii)
$$y = a \cos(wt - \phi') = a \cos \delta'$$
 (1.18)

(iii)
$$y = A \cos wt + B \sin wt$$
 (1.19)

- (i) নং সমীকরণে ইচ্ছাধীন ধ্বক দুইটি a এবং ϕ ; $[(wt \phi) = \delta]$.
- (ii) নং সমীকরণে ইহারা বথাক্রমে a এবং ϕ' এবং (iii) নং সমীকরণে এই ধ্বুবক দুইটি A এবং B·. এই জাতীর খিতীর ক্রমের অন্তর্যকলন সমীকরণে ধ্বুবক দুইটির মান নির্ণর করিতে হইলে সাধারণত গতির দুইটি প্রারম্ভিক অবস্থা (initial condition) জানা দরকার। যদি মাত্র একটি প্রারম্ভিক অবস্থা জানা থাকে তবে দুইটি ধ্বুবকের মধ্যে একটি ধ্বুবকের মানই সম্পূর্ণ নির্ণর

করা সন্তব হইবে। এই প্রারম্ভিক অবস্থা দুইটিও বিভিন্ন আকারে দেওরা বার। বথা গতির কোনও একটি সমরে প্রংশ y, গতিবেগ y অথবা দরণ y এর তিনটির মধ্যে y এবং অপর দুইটির মধ্যে বে কোন একটির মান দেওরা থাকিলেই ইচ্ছাধীন প্রুবক দুইটি নির্ণর করা বার এবং সমাধার্নটি বাবহার করিয়া দোলনের ধর্ম জানা বার (কারণ সমীকরণ 1.9 অনুসারে y এবং y পরস্পর সমর সম্বন্ধপুর্ক)। আবার ইহার পরিবর্তে গতির চক্রের যে কোনও দুইটি সমর 1, এবং 1, এর y, y অথবা y এর যে কোনও একটি রাশির মান জানা থাকিলেও ইচ্ছাধীন প্রুবক দুইটি বাহির করা বার। অবশ্য কোনও একটি পরীক্ষা ব্যবস্থার জন্য বৃত্তীর কম্পাত্ক w সংখ্যাটিও প্রুবক, কিন্তু ইহা ইচ্ছাধীন প্রুবক নহে। ইহার মান নির্ভর করে দোলকের নিজস্ব ধর্মের উপর ; যেমন উপরের আলোচনার দেখা গিয়াছে যে সমীকরণ (1.11) অনুসারে ইহা নির্ভক্ত করে দা এবং k এর মানের উপর।

যদি দেওর। থাকে যে দোলনের আরছের সমর (অর্থাং যখন t=0) y=0 এবং y=v তবে 1.17 এবং 1.7 ব্যবহার করিয়া পাওয়া বার

$$\phi = 0$$
 and $a = \frac{v}{w}$

অভএব 1.17 কে লেখা বার $y = \frac{v}{w} \sin wt$

আবার বলি দেওরা থাকে $y-y_1$ বখন $t=t_1$ এবং $y-y_2$ বখন $t-t_2$

তাহা হইলে (1.19) দাড়াইবে

$$y = \left[\frac{y_1 \cos wt_2 - y_2 \cos wt_1}{\sin w (t_1 - t_2)} \right] \sin wt + \left[\frac{y_2 \sin wt_1 - y_1 \sin wt_2}{\sin w (t_1 - t_2)} \right]$$

cos wt

কারণ প্রদত্ত শর্ত হইতে পাওয়া বার

 $y_1 = A \cos wt_1 + B \sin wt_1 ; y_2 = A \cos wt_2 + B \sin wt_2.$ or $y_1 \sin wt_2 = A \cos wt_1 \sin wt_2 + B \sin wt_1 \sin wt_2.$

and $y_2 \sin wt_1 - A \cos wt_2 \sin wt_1 + B \sin wt_2 \sin wt_1$

বিতীর্টি হইতে প্রথমটিকে বিরোগ করিয়া লেখা বার

 $y_2 \sin wt_1 - y_1 \sin wt_2 = A \sin wt_1 \cos wt_2 - A \cos wt_1 \sin wt_2$ = $A \sin w (t_1 - t_2)$

$$\therefore A = \frac{y_2 \sin wt_1 - y_1 \sin wt_2}{\sin w (t_1 - t_2)}$$

बामूब्शास्त्र
$$B = \frac{y_1 \cos wt_3 - y_2 \cos wt_1}{\sin w (t_1 - t_2)}$$

আর সমীকরণ (i), (ii) এবং (iii) একই অন্তর্নকলন সমীকরণের সমাধান হইলেও ইহাদের ইচ্ছাধীন ধ্রুবক দুইটি এক নাও হইতে পারে। ইহাদের প্রত্যেকের প্রারম্ভিক অবস্থা বদি এক হয় তবে অবশ্য নিম্নলিখিত সর্ভ পালিত হইতে হইবে

$$A = -a \sin \phi$$
 $B = a \cos \phi$

কারণ ভাহা হইলে (iii) কে লেখা বায়

$$y = a \sin wt \cos \phi - a \cos wt \sin \phi - a \sin (wt - \phi)$$

অর্থাৎ (iii) হইতে (i) এ আসা বার এবং দেখানো বার বে ইহার। উভরেই একই সমীকরণের বিভিন্ন রূপ।

আবার লেখা বার

$$A = a \cos \phi'$$
 $B = -a \sin \phi'$

তাহা হহাল দাডার

$$y = a \cos wt \cos \phi' - a \sin wt \sin \phi'$$

= $a \cos (wt - \phi')$

অর্থাৎ এই ক্ষেত্রে সমীকরণ (iii) হইতে (ii) এ আসা যার।

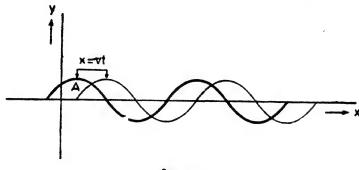
উপরোক্ত আলোচনা হইতে ϕ এবং ϕ' এর মধ্যের সম্বন্ধও সহচ্চেই বাহির করা যায়।

তৱঙ্গতি (Wave motion)

গতিশীল ভরজ (Progressive wave)

যখন কোনও উৎসের কম্পনের ফলে তরঙ্গের সৃষ্টি হর সেই তরঙ্গ উৎস হইতে ছড়াইরা পড়ে। এই তরঙ্গকে বলা যাইতে পারে গতিশীল তরঙ্গ (progressive wave). নানা ধরণের উৎস হইতে এইর্প গতিশীল তরঙ্গের উত্তব হর। যেমন শাস্ত জলে ঢিল ফেলিলে পতনের স্থান হইতে তরঙ্গরাশি জল পৃষ্টের চতুর্গিকে ছড়াইরা পড়ে। অনুর্পভাবে কোনও আলোক উৎস সৃষ্টি করিলে

ভাহা হইতেও আলোকভরক চতুদিকে মাধ্যমের মধ্য দিরা গমন করে। আবার একটি একটি সরু ধাতুর ভার দুইপ্রান্তে টান করিয়া ধরিয়া বদি ইহার কোনও ছানে দৈর্ব্যের সমকোণে আঘাত করা যায় ভাহা হইলেও এই ভারের মধ্যে ভরক্ষের সৃষ্টি হয় এবং নিমের আকৃতির তরক উভয় দিকে গমন করিতে থাকে। বে কেনেও মৃহুর্ত্তে বদি এই কম্পনশীল ভারের একটি ছবি লওয়া হয় ভবে ভাহার আকৃতি হইবে সাধারণত নিমের চিগ্র নং ১.৩ এর অনুরূপ। এই চিগ্রে



क्वि 5.0

তারের কোনও বিন্দুর শাস্ত (undisturbed) অবস্থা হইতে দ্রংশ যদি y হয় এবং তারের দৈর্ঘের দিক বুঝাইতে যদি x বাবহার করা যায় তবে লেখা বাইতে পারে

$$y = f(x) \tag{1.20}$$

প্রথানে f(x) বুঝাইতেছে দৈর্ঘ্য x এর একটি অপেক্ষক (function). পূর্বেই বলা হইরাছে বে এই প্রংশ y এর সঠিক প্রকৃতি স্পষ্ঠ করিয়া বলিবার প্রয়োজন নাই; ইহা উপরোক জলের তেউয়ের মধ্যে বে কোনও স্থানের শান্ত অবস্থা হইতে ছ্যুতি বুঝাইতে পারে। অথবা একটি পরিবর্তনশীল বৈদ্যুতিক ক্ষেত্রের (electric field) মানের ওঠানামা হইতে পারে। যেহেতু তরঙ্গটি গাঁডশীল y এর মান x এবং সময় t এর উপর নির্ভরশীল হইবে। যদি ধরা যায় t=0, তবে y শুধু x এর উপর নির্ভর করিবে এবং এই বেলায় উপরের সমীকরণ 1.20 পাওয়া যাইবে। এর্প অবস্থার তরঙ্গের চিত্রটিকে বলা যাইবে তরঙ্গের রুপরেখা (wave profile). অবশ্য এইরূপ রুপরেখা পাইতে হইজে t=0 হওয়া আবিশ্যক নহে যে কোনও সময়েই বাদ কম্পনশীল তারেয় একটি ছবি লওয়া বায় তবে একটি তরঙ্গ রূপয়েখা পাওয়া বাইবে। শুধু স্থানাক্ষ উৎসের (origin of coordinates) সাপেক্ষে ইহার অবস্থানের পরিবর্তন দেখা যাইবে। অবশ্য

সমীকরণ 1.20 দারা যে তরঙ্গ বুঝান হইয়াছে সেটি গতিশীল নর। গতিশীল তরঙ্গ বুঝাইতে হইলে স্বভাবতই ইহার ধরণ হইবে

$$y - f(x, t) \tag{1.21}$$

অর্থাৎ f(x, t) বুগপৎ x এবং t এর অপেকক । বাদ ধরিরা লওয়া বার বে চিত্রে প্রদশিত তরঙ্গ রূপরেখাটি অপরিবাতিত আকারে x এর ধনান্ধক দিকে ধুবক গাঁত v হারে অগ্রসর হইতেছে t সমর পরে আবার একটি ছবি তুলিকে দেখা বাইবে এই অপরিবাতিত তরঙ্গ রূপরেখা vt দূরত্ব অতিক্রম করিরাছে।

চিত্র নং ১.৩এ এই অবস্থা সরু সরু রেখার দ্বারা বুঝানো হইরাছে।

যদি এবার স্থানাক্ষ উৎস x এর ধনাত্মক দিকে vt সরাইয়া লওয়া হয় এবং নৃতন দূরত্ব x এর বদলে X দিয়া বুঝানো হয় তবে লেখা যাইতে পারে (নৃতন স্থানাক্ষ উৎসের জন্য)

$$y - f(X) 1.22$$

কিন্তু আগের উৎস এবং নৃতন উৎস নিয়লিখিতর্পে সংযুক্ত

$$x = X + vt$$

সূতরাং লেখা যায়

$$y = f(x - vt) \tag{1.23}$$

বে তরক্ষ ৩ প্রন্থক গতিবেগে অপরিবর্তিত রূপরেখার x অক্ষের ধনাক্ষক দিকে গমন করে সেই জাতীর তরঙ্গের জনা ১.২০ সমীকরণটিই স্বাপেক্ষা সাধারণ ব্যক্ষক (expression). বেভাবে এই ব্যক্ষকটি পাওরা গিরাছে তাহা হইতে সহজেই বুঝা বার বে বিদ উত্ত তরকটি x অক্ষের খনাত্মক দিকে গমন করে তবে সংশ্লিক সমীকরণটি হইবে

$$y - f(x + vt) 1.24$$

সমীকরণ 1.23 কে x এর সাপেকে (with respect to x) অন্তরক্ষন করিয়া পাওয়া যায়

 $\frac{\partial y}{\partial x} = f'(x - vt)$ এখানে f' একবার অন্তরকলনের ফল বুঝাইভেছে। এবং f'' দুইবার অন্তরকলনের ফল বুঝাইভেছে। $\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = f''(x - vt)$ বাঞ্জকের মান কি হইবে তাহা অপেক্ষক f এর প্রকৃতির উপর নির্ভর করিবে। 1.25 আবার 1.23 কে *t* এর সাপেকে অন্তর্কলন করিলে অনুর্পভাবে লেখা বার

$$\frac{\partial y}{\partial t} = -vf'(x - vt)$$

$$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = v^2 f'(x - vt)$$
1.26

সুভরাং এই দুইটি অন্তরকলনের ফলে লেখা যায়

$$\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = \frac{1}{n^2} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2}$$
 1.27

সমীকরণ 1.27 টিকে বলা যায় একমাত্রিক (one dimensional) তরঙ্গের সর্বাপেক্ষা সাধারণ অন্তর্রকলন সমীকরণ (differential equation)। 1.24 সমীকরণ হইতেও এই একই বাঞ্চকে আসা যায়। অতএব 1.23 এবং 1.24 উভরেই এই অন্তর্রকলন সমীকরণ 1.27 এর সমাধান। একমাত্র তফাং এই যে 1.23 এর ক্ষেত্রে তরঙ্গের গতি x এর ধনাত্মক দিকে কিন্তু 1.24 এর ক্ষেত্রে ইহা x এর ঋণাত্মক দিকে। এই উক্তির সত্যতা সমীকরণ 1.23 বেভাবে লব্ধ হইরাছে ভাহার সাহাযোই বুঝা যায়। কিন্তু ইহা দেখানো যাইতে পারে যে

$$y = Af(x - vt) + Bf(x + vt)$$
 1.28

এটিও 1.27 এর একটি সমাধান। সমীকরণ 1.28 এ A এবং B দুইটি ইচ্ছাধীন প্রন্বক (arbitrary constants): সহক্রেই বুঝা যার বে সমীকরণ 1.28 এ প্রথমটি x এর ধনাত্মক দিকে এবং বিতীয়টি ইহার ঋণাত্মক দিকে গমনকারী দুইটি তরসের সমষ্ঠি।

এখানে ধরা হইয়াছে যে তরঙ্গ দুইটির রূপরেখা (profile) একরকম। কিন্তু ইহা আবশ্যিক নহে এবং সমাধার্নটিকৈ আরও সাধারণ করিয়া লেখা বায়

$$p = Af_1(x - vt) + Bf_2(x + vt)$$
 1.29

এখানে f_1 এবং f_2 অপেক্ষক (function) দুইটি আলাদা হওয়ায় তরঙ্গ দুইটির বৃপরেখাও আলাদা হইবে।

f এর প্রকৃতির উপর নির্ভর করির। তরক্ষের বৃপরেখা বিভিন্ন প্রকারের হইবে। ইহার মধ্যে সর্বাপেক্ষা সরল প্রকৃতির তরক হইবে সেইগুলি বেখানে f এর স্থান লইবে sine অথবা cosine. এইবৃপ একটি তরক্ষের বিষর আলোচিত হইরাছে সমীকরণ 1.2 এবং 1.3 দুইটিতে। এখানে দ্রংশ হইবে



সরল লোলগতিসম্পান (simple harmonic). এই প্রসঙ্গে পাওরা গিরাছে অন্তর্মজন সমীকরণ 1.9

$$\frac{d^2y}{dt^2} = -w^2y$$

এই জাতীর বে সমন্ত অন্তর্মকলন সমীকরণে $y, \frac{dy}{dt}$ অথবা $\frac{dy^2}{dt^2}$ এর প্রথম বর্গের বেশী ঘাতের (power) পদ বর্তমান থাকে না তাহাদের একঘাত সমীকরণ (linear equation) বলা হয়। ইহার উপর যদি এই সমীকরণে y-নিরপেক্ষ (independent of y) কোনও পদ বর্তমান না থাকে তবে সমীকরণিটকৈ সমমান্তও (homogeneous) বলা হয়। এইজাতীর একঘাত এবং সমমান্ত অন্তর্মকলন সমীকরণের একটি খুব চিন্তাকর্ষক এবং গুরুত্বপূর্ণ ধর্ম আছে। এই সমীকরণের দুইটি সমাধানের যোগফলও একটি নৃতন সমাধান। অবশ্য যে সমন্ত সমীকরণ একঘাত নর তাহাদের ক্ষেত্রে এই ধর্ম বর্তমান নাই। এই ধর্মটির অন্তিম্ব নির্মালিখিতরূপে প্রমাণ করা যায়।

ধরা যাক যে অন্তর্নজন সমীকরণটি নিমপ্রকারের পাওয়া গিরাছে

$$\frac{d^2y}{dt^2} = -Ay + By^2 + Cy^8 + Dy^4 + \cdots$$
 1.30

ইহাদের মধ্যে B, C, D ইত্যাদি প্র্বকগুলি (A বাদে) বাদ শ্ন্য হয় অথবা এত ক্ষুদ্র হয় বে ইহাদের শ্ন্য বালয়া থরিয়া লওয়া বায় তবে সমীকরণ 1.30 কে একঘাত সমমাত্র বলা বাইবে। ধরা বাক y_1 এবং y_2 সমীকরণ 1.30 এর দুইটি পৃথক সমাধান। স্বভাবতই ইহাদের ক্ষেত্রে প্রারম্ভিক অবস্থা (initial conditions) আলাদা হইবে। তবে ইহাদের উভয়ের বেলাই 1.30 এর সর্ত পালিত হইবে। সুতরাং

$$\frac{d^2y_1}{dt^2} = -Ay_1 + By_1^2 + Cy_1^2 + Dy_1^4 + \cdots$$
 1.31

$$\frac{d^2y_2}{dt^2} = -Ay_2 + By_2^2 + Cy_2^3 + Dy_2^4 - \cdots$$
 1.32

বাদ অধিন্থাপনের নীতি (principle of superposition) বৈধ হয় তবে লেখা বাইতে পারে

$$\frac{d^{2}(y_{1}+y_{2})}{dt^{2}} = -A(y_{1}+y_{2}) + B(y_{1}+y_{2})^{2} + C(y_{1}+y_{2})^{2} + D(y_{1}+y_{2})^{4}$$

$$+D(y_{1}+y_{2})^{4}$$
1.33

দেখা বায় যে সমীকরণ 1.33 শুধুমাত তথনই বৈধ হইবে বখন B, C, D ইত্যাদি প্র্বকর্গাল শূন্য হইবে। কারণ 1.31 এবং 1.32 বোগ করিবার পর দেখা যাইবে যে সমীকরণ 1.33 সত্য হইবে একমাত নিয়লিখিত সর্তগৃতি পালিত হইলে

$$\frac{d^2y_1}{dt^2} + \frac{d^2y_2}{dt^2} = \frac{d^2(y_1 + y_2)}{dt^2}$$
 1.34

$$-Ay_1 - Ay_2 = -A(y_1 + y_2)$$
 1.35

$$By_1^2 + By_2^2 = B(y_1 + y_2)^2 1.36$$

$$Cy_1^3 + Cy_2^3 = C(y_1 + y_2)^3$$
 1.37

সমীকরণ 1.34 এবং 1.35 উভয়েই বৈধ। কিন্তু B, C ইত্যাদি শূন্য না হইলে সমীকরণ 1.36 এবং 1.37 বৈধ নহে। অতএব দেখা বাইতেছে বে একমাত্র একবাত সমমাত্র সমীকরণের ক্ষেত্রেই এই অধিস্থাপনের নীতি বৈধ। অর্থাৎ y_1 এবং y_2 বিদ সমীকরণের দুইটি সমাধান হয় তবে ইহাদের বোগফলও একটি নৃতন সমাধান। অবশ্য বোগ করিবার সময় প্রত্যেকটিতে একটি ইচ্ছাধীন শ্রুবক (arbitrary constant) আসিবে।

পূর্বেই বলা হইয়াছে যে $y = f(x \mp vt)$ এই জাতীয় তরঙ্গ সমীকরণে অপেক্ষক f এর সর্বাপেক্ষা সরল প্রকৃতি হইবে যখন ইহা একটি sine অথবা cosine অপেক্ষক হইবে। এইক্ষেত্রে t=0 সময়ে যে তরঙ্গরুপরেখা পাওয়া বাইবে তাহা লেখা বাইতে পারে

$$y = a \sin mx$$
 or $a \cos mx$ 1.38

ৰণি পরেরটি নেওয়া হয় তবে ৷ সময় বাদে দাড়াইবে

$$y = a \cos m (x - vt)$$
 1.39

এখানে a বিস্তার (amplitude) বুঝাইতেছে। তরঙ্গ রূপরেখার x অক্ষের দিকে $\frac{2\pi}{m}$ দূরত্ব পরপর পুনরাবৃত্তি হয়। এই দূরত্বকে বলা হয় তরঙ্গগৈর্ঘ্য λ . সূতরাং লেখা বায়

$$y = a \cos \frac{2\pi}{\lambda} (x - vt)$$
 1.40

আবার
$$\frac{v}{\lambda} = v$$
 ($v = \overline{v}$ -সাধ্ব); $w = 2\pi v$ ($w = \overline{q}$ ন্তীয় ৰুম্পাধ্ব)

এবং $\frac{2\pi}{\lambda} - k$ [k - সম্ভরণ সংখ্যা (propagation number)].

সুভরাং লেখা বার

$$y = a \cos (kx - 2\pi vt)$$

$$y = a \cos (wt - kx)$$
141
1.42

অনুৰূপভাবে লেখা যায়

$$y = a \sin(wt - kx)$$
 1.43

1.42 এবং 1.43 উভয়েই একই তরঙ্গ বুঝাইতেছে। শুরুমার তফাং এই বে ইহারা স্থানাক্ত উৎসের সাপেক্ষে $\frac{T}{4}$ সমরের ব্যবধানে নেওয়া হইয়াছে। এই সম্বন্ধে T একটি পর্যায় বা দোলনকাল (period) বুঝাইতেছে।

সমীকরণ 1.41 এবং 1.43 যে সমন্ত তরঙ্গের ক্ষেত্রে প্রযোজা হইবে তাহাদের কিছু বৈশিষ্টা থাকিবে। প্রথমত w একটি প্রবক হওরার তরঙ্গের বৃত্তীর কম্পান্ক এবং তরঙ্গদৈর্ঘাও ধ্রবক হইবে। অর্থাৎ এই সমীকরণের দার। বে ভরঙ্গ বুঝানো হইবে তাহা হইবে সম্পূর্ণ একবর্ণী (monochromatic). অবশ্য সম্পূর্ণ একবর্ণী আলোকতরঙ্গ উৎপন্ন করা অসম্ভব বলা চলে। মাইকেলসনের ব্যতিচার মাপকের আলোচনা হইতে দেখা ঘাইবে যে প্রতিটি বর্ণালিরই তরঙ্গদৈর্ঘ্যের একটি বিস্তৃতি (spread) বর্তমান। এই বিস্তৃতি যত কম হইবে বর্ণালীটিকে তত আদর্শ একবর্ণী বলিয়া গণ্য করা চলিবে, কিন্ত কোন ক্ষেত্রেই প্রায় এই বিশ্বতি শৃনা হয় না। অতএব আদর্শ একবর্ণী তক্লাও পাওয়া বায় না। সমীকরণ দুইটিতে 🗴 দূরন্ধের কোন সীমা নাই ; সূতরাং সংগ্রিষ্ট আলোকতরঙ্গেরও কোন সীমা নাই। আবার ইহার বিস্তার a এর মানও ধ্রুবক বাহা আলোকউৎসের মন্দনের (damping) জন্য সাধারণত কমিতে থাকে। তবে কোন উৎস হইতে খুব সরু এবং তীক্ক (sharp and fine) একটি বর্ণালীরেখা যদি নিরবচ্ছিন্নভাবে (continuously) নির্গত হইতে থাকে তবে ঐ বর্ণালীরেখার তরক্রদৈর্ঘ্যকে কার্যকরীভাবে একবর্ণী বলিয়। थवा बाह्य।

ইহা ছাড়া দেখা গিয়াছে যে আলোচ্যক্ষেত্রে ধারণার সুবিধার জন্য একটি টানা তারের বেলায় সৃষ্ঠ তরঙ্গের কথা আলোচিত হইয়াছে। এই তরঙ্গে তারের কোন বিন্দুর প্রংশের কথা বাদ ধরা বার তবে দেখা বাইবে যে ইহা এমন একটি তলে ঘটিয়া থাকে যে তলটি x দিকের সহিত সমাস্তরাল। তরজের ক্ষেত্রে এইর্প প্রংশকে বলা হয় তরঙ্গের সমবর্তন (polarisation). সূতরাং সংশ্লিক্ট তরঙ্গ একবর্ণী ছাড়া সমবর্তিতও হইবে।

ভরত্বের দশা ও দশা-পার্থক্য (Phase of a wave and phase difference)

বাদ তরঙ্গের দুইটি সমীকরণ দেখা বার

$$y_1 = a \cos (wt - kx)$$
 1.44
 $y_2 = a \cos [(wt - kx) + \delta]$ 1.45

ভবে দেখা বাইবে বে দুইটি সমীকরণই একই তরঙ্গকে বুঝাইতেছে, দুধু স্থানাক্ষ উৎসের সাপেক্ষে একটি তরঙ্গ অন্যটির তুজনার $\frac{\delta}{k}$ দৃরত্ব সরিরা গিরাছে। এই δ রাশিটিকে পূর্বে দশা-ধুবক বলা হইরাছে। আর দুইটি তরঙ্গের মধ্যে দশার পার্থক্য হইবে δ . প্রথমক্ষেত্রের (wt-kx) তরঙ্গের দশা বুঝাইবে অর্থাং কোন আলোচ্য সমরে উৎসটি দোলনক্রমের কোন অবস্থার আছে তাহা নির্দেশ করিবে। বিভীরক্ষেত্রের দশা $[(wt-kx)+\delta]$. অভএব দুইটি তরঙ্গের মধ্যে দশার পার্থক্য দাঁড়াইকে δ । এই আলোচনা হইতে লেখা বার বে তরঙ্গের দুইটি বিন্দুর মধ্যে দূরত্ব বিদ $\triangle x$ হর তবে পাওয়া বার

$$(x_1 - x_2) = \triangle x - \frac{\delta}{k} - \frac{\lambda}{2\pi} \delta$$

সমীকরণ 1.44 এ *t* এর একটি ধ্রুবক মান আরোপ করিলে দেখা যার বে দখা দুরম্বের সমানুপাতে পরিবর্তিত হয় ।]

বা
$$\delta$$
 – দশা-পাৰ্থক্য – $\frac{2\pi}{\lambda} \triangle x = \frac{2\pi}{\lambda} \times$ পথ দূরত্ব

আলোকতরক্ষের ক্ষেত্রে তরক্ষের দশার পরম মান (absolute value) নির্ণর করা সম্ভব নর, কারণ সহজেই বুঝা বায় বে দশার মান সংশ্লিষ্ট স্থানাক্ষ উৎসের অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে। তবে সোভাগ্যের বিষর এই বে সাধারণত এই পরম মান নির্ণরের প্ররোজন খুব কমই ঘটিয়া থাকে। অবশ্য এক্স্রিশ্বর (x-rays) সাহাযো কেলাসের গঠন অনুসন্ধান করিতে এইর্প পরম-মানের নির্ণরের প্ররোজন হয় এবং এই ক্ষেত্রে দশার নির্ণরেই সমন্ত অনুসন্ধানের মধ্যে স্ব্রাপেকা শক্ত অংশ।

বাহা হোক ভৌত আলোক বিজ্ঞানের পরীক্ষা সমূহের বেলার দশার এই পরম মান নির্ণরের প্ররোজন হর না। কিন্তু দুইটি অধিস্থাপিত (superposed) তরসের বেলার ইহাদের মধ্যে দশা-পার্থক্যের নির্ণর করা খুবই আবশ্যক; আর এইর্প নির্ণর খুব সৃক্ষভাবেই করা যার। এই দশা-পার্থক্যের মান সমীকরণ 1.46 অনুসারে দাঁড়াইরাছে

$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda} \triangle x$$
.

এখানে △ x দুইটি তরকের মধ্যে পথ-পার্থক্য। ব্যক্তিচারের পরীকার এই সক্ষের বছল এবং শুরুত্বপূর্ণ প্রেরোগ দেখা যাইবে। তাছাড়া ব্যবর্তন এবং সমবর্তনের পরীকার বেলারও এই দশা-পার্থক্যের ধারণার অনেক প্রয়োগের দৃষ্টান্ত দেখা যাইবে। তবে এইখানে একটি বিষর পরিভারর্পে বুঝা দরকার। যে পথ-পার্থক্যের কথা বলা হইরাছে তাহা প্রকৃতপক্ষে আলোক-পথ (optical path) বুঝাইতেছে। সূতরাং বদি আলোকরণ্দি দুইটি শ্নোর মধ্য দিরা দ্রমণ করে তাহার জন্য পথ-পার্থক্য △ x হইবে

$$\triangle x = (x_1 - x_2)$$

কিন্তু যদি ইহার। কোন মাধামের মধ্য দিয়া যার সেক্ষেত্রে মাধামের মধ্যে আলোকপথ হইবে μx ($\mu =$ মাধ্যমের প্রতিসরাধ্ক)। সুতরাং পথ-পার্থক্যের রাশি এক্ষেত্রে দাঁড়াইবে

$$\Delta \widetilde{x} = (\mu_1 x_1 - \mu_2 x_2)$$

এখানে x_1 দূরত্ব যে মাধ্যমে মাপা হইরাছে তাহার প্রতিসরাক্ত μ_1 এবং x_2 ও μ_2 তিতীয় মাধ্যমের জন্য সংশ্লিষ্ট রাশি । যদি রশ্মি দূয়ের অধিক মাধ্যমের মধ্য দিয়া গমন করে তবে লেখা বায়

$$\triangle x = \sum_{m} \mu_m x_m - \sum_{n} \mu_n x_n$$
 1.47

উপরের সমীকরণ 1.47 এ প্রথম রশ্মিটি m সংখ্যক বিভিন্ন মাধ্যমের মধ্য দিরা ঘাইতেছে এবং দিতীয় রশ্মিটি n সংখ্যক বিভিন্ন মাধ্যমের মধ্য দিরা যাইতেছে। আর ইহা হইতে দশা-পার্থক্য পাওয়া যাইবে

$$\delta = \frac{2\pi}{\bar{\lambda}} \left[\sum_{m} \mu_{m} x_{m} - \sum_{n} \mu_{n} x_{n} \right]$$
 1.48

ভরজের ত্রিমাত্তিক সঞ্চরণ (Propagation of three-dimensional waves)

বখন কোন উৎস হইতে তরঙ্গের সৃষ্টি হইয়া ইহা উৎসের চতুদিকে মাধ্যমের ভিতর ছড়াইয়া পড়ে তখন সেই তরঙ্গের সমীকরণ লিখিতে 1.21 হইতে কিছু প্রয়োজনীর পরিবর্তন করিতে হয়। এখানে কোনও বিশ্বর স্থানাল্ক (coordinates) যদি x, y, z দিয়া বুঝানো হয় তবে এই বিম্পুতে দশা ξ লেখা বাইতে পারে

$$\xi = f(x, y, z, t) \tag{1.49}$$

এই 1.49 সমীকরণে f x, y, z এবং t এর অংশেক ।

সমস্ত প্রকার ভরক, ধথা আলোক ভরঙ্গ, বিদ্যুৎচুরকীর ভরক, ভাষরা ভুকপন-তরঙ্গ, সমন্ত ক্ষেত্রে দুইটি বৈশিষ্ঠ্য বর্তমান থাকে। প্রথমত প্রতিটি ধরণের তরক্ষের ক্ষেত্রেই উৎপন্ন শব্তি উৎস হইতে দূরের বিন্দুসমূহে সঞ্চারিত হইরা থাকে। বিতীয়ত সব কেতেই ভ্রণে মাধ্যমের মধ্য দিয়া গমনকালে ইহার বিকৃতি ঘটাইলেও এই বিকৃতি স্থারী হয় না আর মাধ্যমের কণাগুলির তাহাদের গড় অবস্থান হইতে কোনরপ স্থায়ী বিচাতি ঘটে না। সুতরাং উপরোম্ভ তরঙ্গের ক্ষেত্রে যদি একটি কোনও বিন্দুর কথা বিকেনা করা হয় তবে এই বিন্দুর দশা সময়ের সহিত পরিবতিত হইবে এবং একটি পর্বায়কালে বিভিন্ন মানের মধ্য দিরা বাইবে। কিন্তু এই পরিবর্তনের প্রতিটি পর্বারে একবার করিয়া পুনরাবৃত্তি ঘটিবে। তবে যে কোনও একটি সময় t=t, বিকেন। করিলে সেই সময়ে একটি তথের সমন্ত বিন্দুতে দখার মান সমান হইবে। এই তলকে বলা যায় তরঙ্গতল (wave surface) অথবা তরঙ্গমুখ (wave front). অবশ্য পরপর এইর্প অসংখ্য তরঙ্গতল বর্তমান থাকিবে যাহাদের একটির মধ্যে সমস্ত বিন্দুতে দশার মান একই হইলেও একটি তরক্ষতল এবং ইহার পূর্ব বা পরবর্তীটিতে দশার মান আলাদা। যে কোনও একটি ভবক্তভোর সমীকরণ হইবে

$$\xi_{t-t_1} = f_1(x, y, z) - \xi_{t_1}$$
 (1.50)

এখানে ξ_1 আলোচা তরঙ্গতলে l_1 সময়ে দশার মান সময়ের পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে এই তরঙ্গতলের দশা ξ এরও পরিবর্তন হইবে এবং ইহা পর্যায়ক্রমে 0 হইতে 2π এর মধ্যে আবঁতিত হইতে থাকিবে। তরঙ্গতল বা তরঙ্গমুখের আকৃতি বিভিন্ন ক্ষেত্রে বিভিন্ন প্রকারের হইয়া থাকে। সমমান্ত (homogeneous) মাধ্যমে একটি কুদ্র বিন্দুর আকারের উংস হইতে উৎপন্ন তরঙ্গের বেলার প্রতিটি তরঙ্গমুখ গোলকীয় (spherical) হইবে এবং বিভিন্ন তরঙ্গমুখ বিভিন্ন ব্যাসের সমকেন্দ্রিক গোলকীয় পাওয়া বাইবে। বিদ্ উৎস হইতে অনেক দ্রের তরঙ্গমুখ বিবেচনা করা বায় তবে ইহার বক্ততা (curvature) এত কম হইবে বে ইহাকে প্রায় সমতল বলিয়া ধরা চলিতে পারে। এইবুপ তরঙ্গকে সমতল-তরঙ্গ (Plane wave) বলা হয়। সমতল-তরঙ্গের তরঙ্গমুখও সমতল হইবে এবং এই তরঙ্গমুখ নিজতলের লম্বাদিকে তরঙ্গের সঞ্চরণের গতিবেগ v বেগে গমন করে। তরঙ্গমুখের লম্বের ডিরেকসন কোসাইন (direction cosines) বিদ l, m, n হয় এবং বিদ সঞ্চরণ দিক x: y: z = l: m: n হয় তবে তরঙ্গমুখগুলির সমীকরণ লেখা বায়

$$lx + my + nz = 344 \tag{1.51}$$

আর বে কোনও সমর েতে হৃ, ধুবক হইবে বাহাতে সমীকরণ 1.51 পালিত হয়। ইহা হইতে লেখা বার

$$\xi = f(lx + my + nz - vt) \tag{1.52}$$

সমীকরণ 1.52 উপরের সমস্ত সর্তই পালন করিতেছে ; ইহা এমন একটি সমতল তরঙ্গ বুঝাইতেছে যাহা অপরিবতিত আকৃতিতে v গতিবেগে l, m, n দিকে গমন করিতেছে ।

কোন তরঙ্গের ক্ষেত্রে যদি লেখা যায়

$$\xi = wt - k(lx + my + nz) + \delta \tag{1.53}$$

তবে ইহার ভ্রংশ 🗸 দাঁড়াইবে

$$\psi = a \sin \xi$$

$$= a \sin \left[wt - k(lx + my + nz) + \delta\right]$$
 (1.54)

। এর সাপেকে দুইবার অন্তরকলন করিয়া পাওয়া যায়

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = -w^2 a \sin \left[wt - k(lx + my + nz) + \delta\right] = -w^2 \psi$$
(1.55)

আবার x, y এবং z এর সম্বন্ধে অনুরূপভাবে অন্তর্গক্ষন করিয়া পাওয়া যার

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} = -k^2 l^3 \psi$$

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} = -k^2 m^2 \psi$$

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} = -k^2 n^2 \psi.$$
(1.56)

$$\therefore \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} = -k^2 (l^2 + m^2 + n^2) \psi = -k^2 \psi \qquad (1.57)$$

কারণ l, m, n তরঙ্গমুপের লবের ডিরেকসন কোসাইন (direction cosine) বুঝাইতেছে এবং ইহা হইতে পাওয়া যায়

$$l^2 + m^2 + n^2 = 1 (1.58)$$

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} - \frac{k^2}{w^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2}$$
 (1.59)

কিন্তু পূর্বেই দেখা গিয়াছে

$$k=\frac{2\pi}{\lambda}\;;\;\;w=2\pi\nu$$

$$\frac{k}{w} = \frac{2\pi}{\lambda} \frac{1}{2\pi v} - \frac{1}{\lambda v} - \frac{1}{v} \quad [v - ভরজের গতিবেগ]$$

$$\therefore \frac{\partial^{*}\psi}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{*}\psi}{\delta v^{2}} + \frac{\partial^{*}\psi}{\partial z^{2}} - \frac{1}{v^{2}} \frac{\delta^{*}\psi}{\delta t^{2}}$$
(1.60)

এইটি তরঙ্গ সম্পরণের তিমাত্রিক সমীকরণ। ইহাকে সংক্ষেপে লেখা হইরা থাকে

$$\nabla^2 \psi = \frac{1}{v^2} \frac{\delta^2 \psi}{\delta t^2} \tag{1.61}$$

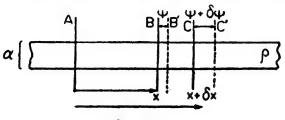
অন্কশারে এইটি একটি অতীব গুরুষপূর্ণ সমীকরণ কারণ এটি ধ্বক গতিবেগের সমস্ত তরঙ্গের ক্ষেত্রেই প্রবোজা। ইহার একটি বিশেষ সমাধান লেখা হইরাছে সমীকরণ 1.54। এই ক্ষেত্রে তরঙ্গটির প্রকৃতি সরল-দোলগতি সম্পন্ন হইবে। 1.61 সমীকরণের সাধারণ সমাধান লেখা যাইতে পারে

$$\psi = f \left[vt - k(lx + my + nz) \right] \tag{1.62}$$

এই সমীকরণটি এমন একটি সমতল তরঙ্গ বুঝাইতেছে যাহার র্পরেখা (profile) সরল-দোলগতির আকারের নাও হইতে পারে।

ভর্জের সঞ্চরণ বেগ (Velocity of propagation of waves)

তরক্ষের গাঁতবেগ কম্পকের ভৌত ধর্মের (physical properties of the oscillator) উপর নির্ভর করিবে, উহার কম্পনের প্রারভিক অবস্থার উপর নহে। কম্পান্কর বেলারও এইর্পই দেখা গিরাছে। সমীকরণ 1.17 হইতে 1.19 সম্বন্ধে আলোচনার সময় বলা হইয়াছে যে বৃত্তীর কম্পান্ক $w(w-2\pi\nu)$ ব্যাবর্ত দোলকের (torsional pendulum) বেলার $\sqrt{\frac{k}{m}}$ এর সমান হইবে; সরল দোলকের (simple pendulum) এর বেলার ইহা হইবে $\sqrt{\frac{g}{l}}$ এর সম্মন। এখানে যেমন কম্পান্ক বিভিন্ন প্রকার দোলকের ক্ষেত্রে বিভিন্ন



किय 3.8

ভৌতথর্মের উপর নির্ভর করে, তেমনই তরক্ষের গতিবেগও দেখা বাইবে

বিভিন্ন প্রকার তরক্ষের জন্য মাধ্যমের বিভিন্ন ভৌতধর্মের উপর নির্ভরশীল হইবে। এটি দেখাইবার জন্য প্রথমত একটি ধাতব দঙ্গের মধ্য দিয়া অনুদৈর্ঘ্য (longitudinal) তরক্ষের সম্পর্ক বেগ বাহির করা হইবে।

উপরের চিত্র ১.৪ এ একটি যাতব দতের অংশ ABC দেখানো হইরাছে। ইহার মধ্য দিরা A হইতে B এবং C এর দিকে অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গ সঞ্চারিত হইতেছে। বে কম্পনের ফলে তরঙ্গ সঞ্চারিত হইতেছে তাহার দ্রংশ বদি ψ ধরা বার তবে এই দ্রংশ দতের দৈর্ঘ্যের অভিসবে বে কোনও একটি তলের সর্ব্য সমান হইবে, কিন্তু ইহার সমরের সহিত পরিবর্তন হইবে। অর্থাং দ্রংশ ψ সমর t এবং দতের দৈর্ঘ্যের দিকে স্থানান্দ x এর নিরবাছিয় অপেক্ষক (continuous function) হইবে। সূতরাং দতের শাস্ত (undisturbed) অবহার A তল হইতে দুইটি তল B এবং C এর দূরত্ব বাদ বথান্তমে x এবং $x+\delta x$ হয় তবে বখন তরঙ্গ সৃষ্টির সংশ আলাদা হইবে এবং শাস্ত অবস্থা হইবে তখন সাধারণভাবে তল দুইটির দ্রংশ আলাদা হইবে এবং শাস্ত অবস্থা হইবে এই দ্রংশ ধরা বাক ψ এবং $\psi+\delta \psi$, তাহা হইলে B এবং C তলের মধ্যের অংশের প্রতি একক দৈর্ঘ্যে প্রসারণ লেখা বার

$$\frac{B'C'-BC}{BC}$$
 — BC দৈর্ঘার জন্য একক দৈর্ঘার প্রসারণ।

সূতরাং ইহাকে লেখা যাইতে পারে

$$\frac{B'C' - BC}{BC} = \frac{\delta\psi}{\delta x} \tag{1.63}$$

ইরংএর স্থাপিতাব্দ (Young's Modulus) যদি γ হর এবং দণ্ডের প্রস্থচেত্দ (cross section) যদি \prec হর তবে টান (tension) T দাঁড়াইবে

$$T = \gamma \ll \frac{\delta \psi}{\delta x}.\tag{1.64}$$

অবশ্য এখানে ধর। হইরাছে বে $\frac{\delta\psi}{\delta x}$ এর মান এত কম বে হুকের নীতি (Hooke's law) এই ক্ষেত্রে প্রবোজ্য হইবে। B এবং C এর মধ্যেকার অংশে বে মোট বল প্রবোজ্য হইতেছে ভাহা B এবং C প্রান্তে প্রবুত্ত টানের পার্থকার সমান। আর এই টান T ও ψ এর মত x এবং t এর নিরবজ্জিন অংশকক। সুভরাং এই বিক্কেনা হইতে লেখা চলিতে পারে

$$\frac{\partial T}{\partial x} \Delta x = \gamma \leftarrow \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} \Delta x. \tag{1.65}$$

কিন্তু বল – ভা × সুরুণ

$$\therefore \ll \rho \frac{\delta^2 \psi}{\delta t^2} \Delta x = \gamma \ll \frac{\delta^2 \psi}{\delta x^2} \Delta x \tag{1.66}$$

এখানে ρ = क्रिंड वकुत वनप्र।

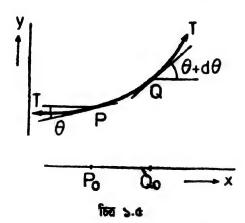
$$\therefore \quad \frac{\delta^2 \psi}{\delta x^2} = \frac{\rho}{\gamma} \quad \frac{\delta^2 \psi}{\delta t^2} \tag{1.67}$$

এই সমীকরণটি তরক্ষের সমীকরণ 1.27 এর সহিত তুলনা করিলে দেখা বাইবে বে ইহা হইতে লেখা চলে

$$v^{2} = \frac{\gamma}{\rho}$$
or $v = \sqrt{\frac{\gamma}{\rho}}$ (1.68)

সূতরাং দত্তের মধ্য দিরা বে অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গ সম্পারিত হইবে ভাছার গতিবেগ নির্ভর করিবে ইরংয়ের স্থাপিতাব্দ γ এবং দত্তের বনুর ঘনত্ব ρ এর উপর ।

ভির্মক তরক্রের ক্ষেত্রেও অনুর্পভাবে তরঙ্গের গতিবেগ বাহির করা যায়। বিদ টান করিয়া বাধা একটি তারের মধ্যে তির্মক তরঙ্গের সৃষ্টি করা হয় তবে এই তরঙ্গের গতিবেগ নিম্নলিখিতরূপে পাওয়া বাইবে।



তারটির একটি কুন্ত অংশ P_0Q_0 এর গতির কথা ধরা বাক। সাম্য (equilibrium) অবস্থার এটি x অক্ষের সঙ্গে সমাস্তরাল অবস্থার থাকে। কিন্তুত অবস্থার ধরা বাক ইছা PQ অবস্থান নিরাছে। সাম্যাবস্থা হইডে

প্রধান স্থানো ইইরাছে। তাহা ইইলে তারের এই অংশে একমাত্র বল কাম করিতেছে টান T এবং ইহা P এবং Q বিন্দুতে স্পর্শকের '(tangent) দিকে কাম করিতেছে। এই স্পর্শক দুইটি x অক্ষের সঙ্গে θ এবং $\theta + d\theta$ কোন করিরা আছে। টানের y অক্ষের দিকে উপাংশ দুইটি T $\sin \theta$ এবং $T \sin (\theta + d\theta)$ এবং ইহাদের বিরোগফলই y অক্ষের দিকে লব্ধি বল। সূতরাং দেখা বার

$$T \sin (\theta + d\theta) - T \sin \theta = \rho ds \frac{\delta^2 y}{\delta t^2}$$
 (1.69)

də খুব ছোট বলিয়া লেখা যায়

$$T\cos\theta \ d\theta = \rho ds \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} \tag{1.70}$$

এখানে PQ এর দৈর্ঘ্য ds এবং ho তারের একক দৈর্ঘ্যের ভর

আবার $\tan \theta = \frac{\partial y}{\partial x}$

$$\therefore \sec^2\theta \ d\theta = \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} dx. \tag{1.71}$$

সূতরাং $\rho \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = T \cos^2 \theta \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} \cdot \frac{\partial x}{\partial s}$ (সমীকরণ 1.71 ব্যবহার করিয়া)

$$-T\cos^4\theta\frac{\partial^2y}{\partial x^2}$$

(চিত্র নং ১'৫ হইতে দেখা বার $\frac{\partial x}{\partial s} = \cos \theta$)

কিন্তু
$$\cos^2 \theta = \left\{ 1 + \left(\frac{\partial y}{\partial x} \right)^2 \right\}^{-1}$$

তবে $\frac{\partial y}{\partial x}$ সংখ্যাটি খুবই ছোট হওয়ার $\left(\frac{\partial y}{\partial x}\right)^2$ এককের তুলনার তুচ্ছ করা চলে। সূতরাং লেখা বার

$$\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = \frac{\rho}{T} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} \tag{1.72}$$

এটিকৈ যদি তরঙ্গ সমীকরণ 1.27 সঙ্গে তুজনা করা বার তবে বুঝা বার বে

$$v^2 = \frac{T}{\rho}$$
 অথবা $v = \sqrt{\frac{T}{\rho}}$ (1.73)

সুতরাং দেখা বার বে এইর্গ ভারের বেলার তির্বক ভরক্রের গতিবেগ নির্ভর করে তারের টান T এবং ভারের একক দৈর্ঘ্যের ভর ho এর উপর ।

দশা গডিবেগ বা ভরন্ধ গডিবেগ (Phase velocity or wave velocity)

গতিশীল ভরকের আলোচনার দেখা গিরাছে যে ভরকের গভির সময় মাধ্যমের বিন্দুগুলির বে প্রংশ হয় ভাহা একটি সামাবিন্দুকে (equlibrium point) কেন্দ্র করিরা ঘটে। এই সামাবিস্থর কিন্তু কোনও রকম চাডি (displacement) হর না। প্রতিটি বিন্দুই সাম্যাবস্থায় যে অবস্থানে থাকে কম্পনের ফলে তাহার সাপেকে চ্যুতি ঘটিলেও ইহা তরঙ্গের গতির দিকে সম্ভারিত হইয়া স্থানত্যাগ করে না। তরক্ষের সৃষ্ঠির অবসান ঘটিলে ইহা আবার সাম্যাক্সার ফিরিরা আসে ; এবং তরঙ্গ সৃষ্ঠির সমরেও ইহার গড় অবস্থান অপরিবত্তিত থাকে। তাহা হইলে প্রশ্ন ওঠে বে তরঙ্গের গতির সমর প্রকৃতপক্ষে কিসের সঞ্চরণ হয় ।। দখার সংজ্ঞা এবং ধারণা হইতে বৃদ্ধিতে পারা ৰায় যে তরঙ্গের গতির সময় এই দশাই সন্তারিত হইতে থাকে। চিত্র নং ১.৩ হইতে দেখা বায় বে t=0 সময়ে হয়তো একটি বিন্দু A-র দশা আর্পেক্ষকভাবে ধরা চলিতে পারে $\frac{\pi}{2}$; অর্থাৎ y অক্ষের দিকে ইহার স্রংশ ধনাত্মক চরম। সময়ের সঙ্গে সঙ্গে এই বিন্দুর জংশ এমনভাবে পরিবাঁতত হইবে বাহাতে ইহার भान किमरा इत्य मृना रहेर्त धवर जातभन्न जावान बनाबक हन्नम रहेर्त । धहे চরম ধনাত্মক দ্রংশ সময়ের সঙ্গে ডানদিকে অর্থাং 🗴 অক্ষের ধনাত্মক দিকে গমন করিবে। আর এই গমনের হারই হইবে তরঙ্গের গতিবেগ। সূতরাং এই ক্ষেত্রে তরঙ্গের গতিবেগকে বলা হয় দশা-গতিবেগ (phase velocity) অথবা তরঙ্গ-গতিবেগ। এই দশা-গভিবেগ সমীকরণ 1.39-এর ৮-এর সমান। এইটি বুঝা বায় নিম্নলিখিত বিবেচনা হইতে। যদি তরঙ্গের গতিবেগ দশার গতিবেগের সমার্থক হয় তবে দশা অপরিবত্তিত থাকিবে এই সর্তে 🗴 স্থানান্কের পরিবর্তনের হার হিসাব করিলেই দশা-গতিবেগ পাওয়া বাইবে।

अर्थार लाया यात्र wt-kx - constant

সূতরাং শশা-পতিবেগ বা তরসগতিবেগ হইবে

$$\frac{dx}{dt} = v - \frac{w}{k} \tag{1.75}$$

 $4 + 2\pi v = 2\pi v = 4 + 2\pi = 2\pi$

$$\therefore \frac{w}{k} = \frac{2\pi v\lambda}{2\pi} = v\lambda = \frac{4\pi v}{2\pi} \times \frac{1}{2\pi} = \frac{2\pi v\lambda}{2\pi} = \frac{2\pi v\lambda$$

আর সংজ্ঞানুসারে $v\lambda = v$ [v = তরঙ্গবেগ]

সূতরাং তরঙ্গের গতিকে দশা-গতিবেগ বলার সমর্থন উপরের বুদ্ভি হইডে পাওয়া বার।

গোলকীয় ভরজ—ব্যন্তি-বর্গ সিদ্ধান্ত (Spherical waves, inverse square law)

বখন আলো কোনও বিন্দুর আকৃতির ক্ষুদ্র উৎস হইতে চতুঁদিকে ছড়াইরঃ
পড়ে তখন আলোকশন্তি বে হারে একক ক্ষেত্রফল (গাঁতর অভিলয়ে অবস্থিত)
অতিরুম করে তাহা উৎস হইতে ক্ষেত্রের দ্রম্বের বর্গের ব্যন্ত্যনুপাতিক ; এই
সভাটি পরীক্ষালর ফল । যে তরঙ্গ-সমীকরণ পাওয়া গিয়াছে ভাহা দ্বারা এই
ফল ব্যাখ্যা করা যায় কিনা ভাহা দেখা দরকার । এর্প উৎস হইতে নির্গত
আলো অবশ্য গোলকীয় তরঙ্গ হইবে ; অর্থাৎ এই তরঙ্গের ক্ষেত্রে তরঙ্গমুখগুলি
সমকেন্দ্রিক গোলকের আকৃতি হইবে । এই সিদ্ধান্তের সভ্যতা পরীক্ষা করিবার
জন্য তরঙ্গের গোলকীয় প্রতিসাম্য (spherical symmetry) ধরিয়া লওয়া
প্রয়োজন এবং তরঙ্গ সমীকরণ 1.60-কে সেইর্পভাবে রূপান্তরিত করা আবশ্যক।

আলোক উৎস 0 হইতে যে কোনও বাঁহ বিন্দুতে অঞ্চিত ভেক্টর ধরা যাক r. তাহা হইলে সমকোণীয় স্থানাত্দ পদ্ধতির (orthogonal system of coordinates) জন্য লেখা যাইতে পারে:

$$r^2 - x^2 + y^2 + z^2 ag{1.76}$$

এখানে x, y, z ভেক্টরটির বহিপ্রান্তের স্থানাচ্ক। তাহা হইলে দাঁড়ার

$$\frac{\partial \psi}{\partial x} - \frac{\partial \psi}{\partial r} \cdot \frac{\partial r}{\partial x} - \frac{x}{r} \frac{\delta \psi}{\partial r} \tag{1.77}$$

$$\boxed{1 \quad 2r\frac{\partial r}{\partial x} - 2x \quad \boxed{1 \quad \frac{\partial r}{\partial x} - \frac{x}{r}}$$

$$\frac{\partial^{2} \psi}{\partial x^{2}} = \frac{\partial}{\partial r} \left(\frac{x}{r} \cdot \frac{\partial \psi}{\partial r} \right) \frac{\partial r}{\partial x}$$

$$= \frac{x}{r} \left[\frac{x}{r} \cdot \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{\partial \psi}{\partial r} \frac{\partial}{\partial r} \left(\frac{x}{r} \right) \right]$$

$$= \frac{x^2}{r^2} \cdot \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \left[\frac{\partial \psi}{\partial r} \left(\frac{1}{r} \cdot \frac{\partial x}{\partial r} - \frac{x}{r^2} \right) \right] \frac{x}{r}$$

$$= \frac{x^2}{r^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{\partial \psi}{\partial r} \left[\frac{1}{r} \cdot \frac{r}{x} \cdot \frac{x}{r} - \frac{x^2}{r^3} \right]$$

$$= \frac{x^2}{r^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \left(\frac{1}{r} - \frac{x^2}{r^3} \right) \frac{\partial \psi}{\partial r} . \tag{1.78}$$

 $\frac{\partial^{4}\psi}{\partial y^{2}}$ এবং $\frac{\delta^{2}\psi}{\delta z^{2}}$ এর জন্মও অনুর্প দুইটি সমীকরণ পাওয়া যাইবে।

मृजदार माफ़ाইरव

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} - \left(\frac{x^2}{r^2} + \frac{y^2}{r^2} + \frac{z^2}{r^2}\right) \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{3}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r} - \left(\frac{x^2}{r^3} + \frac{y^2}{r^3} + \frac{z^2}{r^3}\right) \frac{\partial \psi}{\partial r}$$

$$1.79$$

সমীকরণ 1.76 ব্যবহার করিয়া ডানদিকটিকে লেখা বায়

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{3}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r} - \frac{1}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r} = \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r}$$
1.80

সূতরাং তরঙ্গ সমীকরণ 1.60 দাঁড়ার

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} - \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r} - \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2}$$
 1.81

এই সমীকরণটিকে নিমলিখিতর্পেও লেখা বার

$$\frac{\partial^2}{\partial r^2}(r\psi) = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2}(r\psi)$$
 1.82

[দুইদিককে দুইবার করিরা অ**ও**রকলন করিরা এই বিবৃতির সত্যতা পরীকা করা বার]

সূতরাং $\frac{\partial^{9}}{\partial r^{9}}(r\psi) = \frac{1}{v^{2}}\frac{\partial^{9}}{\partial t^{2}}(r\psi)$ এবং $\frac{\partial^{9}\psi}{\partial x^{2}} = \frac{1}{v^{2}}\frac{\partial^{9}\psi}{\partial t^{9}}$. এই দূইটি সমীকরণ একই রকমের ; শুধুমাত্র বিভীরটির ψ এর ক্ষেত্রে প্রথমটিতে $(r\psi)$ বিসয়াছে । কাজেই প্রথম সমীকরণের সমাধানও বিভীরটির পদ্ধতিতেই লেখা বাইতে পারে ।

ে.
$$r\psi = f(vt - r)$$
 [সমীকরণ 1.23 অনুসরণ করিরা] বা $\psi = \frac{1}{r} f(vt - r)$.

এই সমাধানের একটি বিশেব আকার হইবে

$$\psi = \frac{a}{r} \cos (wt - kr)$$
 1.84

এই সমাধানের ক্ষেত্রে r_0 ব্যাসার্কের কোনও গোলকের পৃষ্ঠে $t-t_0$ সমরে যে দশা বর্তমান থাকে t_1 সমর পরে সেই দশা r_0+vt_1 ব্যাসার্কের গোলকের পৃঠে সরিরা৷ বাইবে (v – আলোকের গাঁতবেগ)। আর এই পরিবর্তন শৃষ্ট্র উৎস হইতে vt_1 দূরত্বের উপর নির্ভর করিবে উৎস হইতে আলোচ্য তলের অংশের মধ্যে উৎপন্ন কোণের উপর নহে। সূতরাং এই সমীকরণ 1.84 একটি গোলীর তরঙ্গ বুঝাইতেছে যেটি কেন্দ্রীয় উৎস O বিন্দু হইতে বাহিরের দিকে গমন করিতেছে। তবে এই তরঙ্গের ক্ষেত্রে বিশেষণ্ব এই যে ইহার বিস্তার কেন্দ্র হইতে দূরণ্ব r এর বাস্তানুপাতিক।

r যত বাড়িতে থাকিবে আলোকশক্তির তীব্রতাও ব্যস্তি বর্গানুপাতে তত কমিতে থাকিবে। সূতরাং একমাত্র এই বিবেচন। হইতে একটি একক ক্ষেত্রফলের উপর দিয়া যে শব্তি অতিক্রম করিবে তাহ। উৎস হইতে ক্ষেত্রফলের দুরত্ব r এর বর্গের বান্তানুপাতিক এবং এইটিকেই বলা হয় ব্যন্তি-বর্গ সিদ্ধান্ত (inverse square law). কাজেই দেখা বাইতেছে বে আলোকের বেলার তরঙ্গ সমীকরণ 1.60 এর মধ্যেই এই ব্যক্তি-বর্গ সিদ্ধান্তের বৈধতা (বাহা পরীক্ষা দারা প্রমাণিত হইয়াছে) নিহিত আছে। অবশ্য যে কোনও 🕖 বিন্দুর সমকেন্দ্রিক গোলকীয় তল দিয়া যে আলোকশন্তি বাহিরে যায় তাহা সমন্ত ব্যাসার্জ r এর ক্ষেত্রেই এক হইবে। কারণ একক ক্ষেত্রফলের মধ্য দিয়া গমনকারী শক্তি যেমন $\frac{1}{r^2}$ এর আনুপাতিক ডেমনি গোলকের তলের ক্ষেত্রফলও 💤 এর আনুপাতিক। অতএব একটি অন্যটির প্রভাব নন্ঠ করে। আর ইহা এমনিতেও বুঝা যায় ; কারণ উংস হইতে যে শক্তি নির্গত হইতেছে তাহা काथात्र क्रिया वाक्रिक्ट ना. क्र्यागठ छेश्म इटेल वाहित्तत्र मिक वाहेल्ट । অতএব উৎসের সঙ্গে সমকেন্দ্রিক যে কোনও গোলকীয় তলই ধরা হোক না কেন ইহার উপর দিয়া যে শক্তি অতিক্রম করিতেছে তাহা সমস্ত ব্যাসার্কের গোলকীয় তলের বেলায়ই এক হইবে।

আলোর শোষণ (Absorption of light)

এ পর্যান্ত বে তরঙ্গ সমীকরণের আলোচন। করা হইরাছে তাহাতে ধরা হইরাছে যে বিস্তার a অপরিবাতিত থাকিবে। কিন্তু সাধারণত এইরূপ ঘটে না। কোনও মাধ্যমের মধ্য দিরা বাইবার সমর আলোক অপরিস্তর ইহাতে শোবিত হয় বাহার ফলে আলোক তরঙ্গের বিস্তার ক্রমাগত কমিতে থাকে। এই শোবিত আলোকশত্তি সাধারণত তাপশত্তিতে পরিবাতিত হইরা থাকে বদিও ইহার অন্যান্য রকম রূপান্তরও বিরল নহে। আলোকতাড়িত নির্গমও (photo-electric emission) এইরূপ একটি প্রক্রিরা। এই শোবণের ফলে আলোকের বান্তি-কর্গ সিদ্ধান্ত অনুসারে যে হ্রাস হওয়ার কথা প্রকৃত হ্রাস তাহা অপেকাও বেশী হইবে।

বিভিন্ন মাধ্যমে আলোকের শোষণ বিভিন্ন পরিমাণ হইবে। আর এই শোষণের ফলে আলোক ভীন্তভার হ্রাস নির্ভর করিবে মাধ্যমের মধ্যে আলোক-ভরঙ্গ বভটা পথ অভিক্রম করিবে ভাহার উপর। সূভরাং যদি ধরা যায় যে মাধ্যমের কোনও বিন্দুর আলোর ভীন্তভা I এবং মাধ্যমের মধ্য দিয়া dx দূরত্ব অভিক্রম করিবার পর ইহার ভীন্তভা dI হ্রাস পায় তবে লেখা যায়

$$dI \sim -Idx$$

=-4 I dx [4= আনুপাতিক শ্বুবক (constant of proportionality)] এখানে বেহেতু dI তীব্ৰভাৱ হ্লাস বুঝাইভেছে সেজনা ইহাকে ঋণাত্মক চিহ্ন দেওয়া হইয়াছে।

সূতরাং মাধ্যমের মধ্য দিয়া x দূরত্ব অতিক্রম করিতে যে তীরতার হ্রাস হইবে তাহা পাওয়া যাইবে এই সমীকরণকে সমাকলন করিয়া

$$\int_{I_0}^{I} \frac{dI}{I} = -\int_{0}^{x} dx$$

বা log I - log Io = - «x

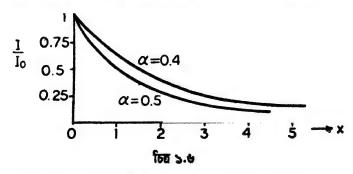
$$\sqrt{I_0} = e^{-\alpha x}$$

$$\exists I = I_0 e^{-\alpha X}.$$

1.85

এই সম্ব্রটিকে বলা হয় ল্যামবার্টের শোষণের নিয়ম (Lambert's law of absorption). আর এ ধ্রুব্রটিকে বলা হয় শোষণ-গুলাল্ক (absorption

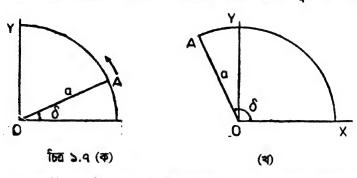
coefficient). প্রকৃতপক্ষে এই হিসাব করিবার সমর আলোকরশির মাধ্যমের মধ্য দিরা গমনের শুধু বৈথিক (linear) বিবেচনাই করা হইরাছে। সূতরাং ৰ ধুৰফটিকে হৈখিক শোৰণ গুণাৰুক (linear absorption coefficient) বলাই অধিকতর সঙ্গত হইবে। আর বেহেতু আলোর তীরতা তরঙ্গের বিস্তারের বর্গের সমানুপাতিক, সেইন্ধনা শোষণের জন্য আলোকের তীব্রভার হাসের প্রভাব বিভারের (amplitude) ক্ষেত্রে ব্রথাইতে হইলে ইহাকে e - 🕏 গুণক খারা গুণ করিতে হটবে। অর্থাং ধ্রবন্ধ বিস্তার a র পরিবৃত্তে এই বিস্তার হইবে ae - 📆 শোষণের ফলে আলোক তীব্রতার হাস নিচের চিত্র ১.৬ শারা বঝানো যাইতে পারে। এই হাস অবশা এ এর মানের উপর নির্ভর করিবে ; ২ বত বেশী হইবে মাধ্যমের মধ্য দিরা একই দূরত্ব অতিক্রম করিবার সমর আলোক তীরতা তত দ্রত হ্রাস পাইবে। সাধারণত বে সমন্ত বন্তকে অম্বচ্ছ (opaque) বলা হয় তাহাদের জনা এ এর মান শুব বেশী; তুলনার কাচজাতীর ৰচ্চ বন্ততে এ এর মান অপেক্ষাকৃত অনেক কম হওরার ইহার মধ্য দিয়া যাইবার সময় আলোর শোষণ খুবই কম হয় এবং আলোর তীব্রতার হ্লাসও খুব অস্পই হইয়া থাকে। ইহা ছাড়া একই বন্ধতে শোষণ-গুণাষ্ক বিভিন্ন তরঙ্গ দৈর্বোর জন্য বিভিন্ন হয়। যথা মানুষের শরীরের মাংসে বা বইয়ের কাগজের পক্ষে দৃশ্য আলোর (visible light) শোষণ-গুণাত্ক খুব বেশী হওয়ার এই আলো শরীর বা বইরের মধ্য দিয়া বাইতে পারে না। এক্স-রন্মির (x-rays) ক্ষেত্রে শরীর বা বইরের এই শোধণ-গুণাব্দ অনেক কম হওয়ার এই রশ্বি অনেকটা সহজেই ইহাদের মধ্য দিয়া চলিয়া বায়।



সরল জোলগাতির ভেক্টর বর্ণনা (Vector representation of simple harmonic motion)

সরল দোলগতির নির্পণের একটি খুব প্রচলিত এবং শিক্ষাপ্রদ পদ্ধতি হইল ইহাকে ডেক্টর হিসাবে চিগ্রিত করা। বদি কোনও তলে একটি সরলরেখা ষারা একটি ভেটরকে বুবানো হর তবে ইহার জনা দুইটি রাশি (quantity) প্রয়োজন হর। একটি হইতেহে সরলরেখার দৈর্ঘ্য এবং অন্যাটি এই সরলরেখা কোনও নিশিষ্ঠ অক্ষের সহিত বে কোণ উৎপন্ন করে সেই কোর্ণাটি। জেলার রাশিতে বেমন শুরুমাত ইহার পরিমাণই (magnitude) জানা বংগঠ, ভেটুর রাশির বেলার সের্প নহে। ভেটুর রাশির বেলার পরিমাণের সঙ্গে ইহার দিকও (direction) জানা দরকার। এই দুইটি রাশি জানিলেই শুধু ভেটুরের সম্বন্ধে সম্পূর্ণ তথা জানা হর। সরলদোলগতি ভেটুর রাশির সম্বন্ধে দুইভাবে নির্পণ করা যাইতে পারে।

(i) এই নির্পণে একটি ঘৃণায়মান ভেক্টর রাশি (rotating vector) ব্যবহার করা যাইতে পারে। চিত্রে প্রদর্শিত উপারে এই নির্পণ করা সম্ভব।



OA সরলরেখাটি একটি ভেক্টর বুঝাইতেছে। এই সরলরেখাটির দৈর্ঘা ভেক্টরটির মান (magnitude) বুঝাইতেছে। ধরা হোক এইটি a. আবার ইহা OX বা OY অক্টের সহিত বে কোণ উৎপল্ল করিতেছে তাহা বুঝাইতেছে ভেক্টরটির দিক (direction). এই সরল রেখাটির OX অথবা OY অক্টের উপর অভিক্টেপ (projection) হইবে যথাক্তমে $a\cos\delta$ এবং $a\sin\delta$ । ভেক্টরটি O বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া প্রতি সেকেণ্ডে w রেভিয়ান (radian) হারে ঘুরিতে থাকিলে সরল দোলগভির দ্রংশ (সমীকরণ 1.2 অথবা 1.3) এই অভিক্টেপের সাহায্যে নির্গিত হইবে [এখানে $\delta = (wt - \phi)$ ধরা হইরাছে, অর্থাং δ এই সমীকরণ দুইটির দশা বুঝাইতেছে]

(ii) একটি স্থির ভেক্টর দারাও এই সরল দোলগতি নির্পিত হইতে পারে। ওবে এইক্ষেত্রে বে হেতু ভেক্টরটি ঘুরিতেছে না, ইহা সমরের উপর নির্ভরশীল নহে। অতএব ইহা সরলদোল গতির তাংক্ষণিক (instantaneous) বৃপরেখা (profile) বৃষাইবে। চিত্র নং ১.৭ (খ) এইর্প একটি অবদ্যা দেখানো হইরাছে। এখানেও AO সরলরেখার দৈর্ঘ্য ভেক্টরের দৈর্ঘ্য a বুকাইতেছে এবং AO OX এর সহিত আলোচা সময় এ বে কোণ উপের করিতেছে তাহাকে ১ ধরিলে ইহাই বুকাইতেছে যে এই সমর এ প্রথমের দখা ১. ইহা হইতে অবশ্য সরল দোলগতি সম্পূর্ণ নির্পিত হর মা। কিছু এইরুপ চিত্রের সহিত বদি 1.2 বা 1.3 সমীকরণটি দেওরা থাকে তবে সংশ্লিক সরল দোলগতিটি সম্পূর্ণরূপে নির্পিত হইয়া বায়। অবশ্য একটি কথা এখানে স্পৃত্ত করিয়া বলা প্রয়োজন। সরল দোলগতি ভেক্টর রাশি দ্বারা নির্পিত করা বায় এই বিবৃতির অর্থ এই নয় যে সংশ্লিক প্রথমেন বায়ার ধর্ম বর্তমান। যেমন বায়ুতে তরঙ্গ সৃত্তিতে যে প্রংশ হয় ভাহা বদিও ভেক্টর রাশি নয় জেলার রাশি, তবুও এই প্রংশের পরিবর্তনকে সরল দোলগতি ভেক্টর দ্বারা বুঝানো চলিতে পারে।

কম্পান্ধ এবং ভরন্থার্ম্য (Frequency and wavelength).

কোনও মাধ্যমের মধ্যে আলোর কম্পাৎক এবং তরঙ্গদৈর্ঘ্য দুইটি স্বাধীন রাশি নহে। ইহাদের গুণফল ঐ মাধ্যমে আলোকতরক্ষের গতিবেগের সমান। অর্থাৎ বদি কম্পাৎক, তরঙ্গদৈর্ঘ্য এবং মাধ্যমের মধ্যে ইহার গতিবেগ যথাক্রমে ν , λ এবং v হয় তবে

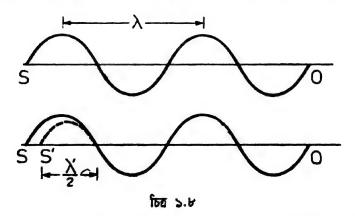
$v - i\lambda$

মাধ্যমের পরিবর্তনের ফলে অর্থাৎ এক মাধ্যম হইতে অন্য মাধ্যমে গেলে আলোকতরকের গতিবেগের পরিবর্তন হয়। কিন্তু এই প্রক্রিয়ায় কম্পান্তের কোনও পরিবর্তন হয় না। সূতরাং উপরের সমীকরণ হইতে বুঝা বায় বে তরঙ্গদৈর্ঘ্যরেও এই সময় সমানুপাতিক পরিবর্তন ঘটিয়া থাকে। দৃশ্যমান আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য সাধারণত 3800 Å হইতে 8000 Å পর্যান্ত হইয়া থাকে (1 Å=10⁻⁸ cm). প্রথমটি বেগুনী আলো এবং পরেরটি লাল আলোর প্রান্তিক মান (limiting value). বেগুনী আলো হইতে ক্ষুদ্রতর তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোকে বলা হয় অতিবেগুনী আলো (ultraviolet light) আর লাল আলো হইতে বৃহত্তর তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোকে বলা হয় অতিবেগুনী আলো (ultraviolet light) আর লাল আলো হইতে বৃহত্তর তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোকে বলা হয় অবলোহিত আলো (Infrared light). ইহাদের মান বধারুমে 50–3800 এবং 7200–4×10°Å সীমার মধ্যে থাকে। এক্স্ রন্মির (X-rays) ভরঙ্গদৈর্ঘ্য এবং গামা রন্মির (γ-rays) তরঙ্গদৈর্ঘ্য অতিবেগুনীর অপেক্ষাও অনেক ক্ষুদ্র এবং বধারুমে 50–6×10⁻²Å এবং 10⁻¹—10⁻³Å এর মধ্যে সীমাবদ্ধ। এদিকে রেডিও তরঙ্গ 10⁷—10¹²Å এর মধ্যে সাধারণত হইয়া থাকে। পরে দেখা বাইবে ইহারা সকলেই বিদৃং-

চুম্বকীর তরঙ্গ, সূতরাং একই স্বাতীর। ইহাদের উৎস এক হইলেও তরজ-দৈর্ঘোর পার্থকোর জন্য ধর্মের অনেক পার্থকা। অবশ্য উপরের সীমাগুলি খুব সুনিদিক নর, ইহাদের মোটামুটি মানই দেওরা হইরাছে।

ভগুলার একেক (Doppler Effect).

ডপ্লার দেখান যে যখন কোনও উৎস (source) এবং প্রাপকের (receiver) মধ্যে আপেক্ষিক গতি (relative motion) থাকে তখন একজন দর্শক বনি উৎস হইতে কম্পান্দ নির্ণয় করে তবে সেই কম্পান্দ প্রাপক হইতে দর্শক দ্বারা নির্ণাত কম্পান্দ হইতে আলাদা হইরা থাকে। এই ফলকে বলা হইরা থাকে ডপ্লার এফেক্ট। শব্দতরক্ষের ক্ষেত্রে এই কারণে দেখা বায় যে একজন দর্শক বদি তাহার দিকে আসিতে থাকা রেল ইঞ্জিনের বাঁশীর শব্দ শোনে তবে তাহার কাছে এই শব্দের কম্পান্দ বাঁশীর প্রকৃত কম্পান্দ হইতে বেশী মনে হইবে; আবার দৃরে সরিয়া যাওয়া রেল ইঞ্জিনের বেলায় এই শোনা শব্দের কম্পান্দ প্রকৃত কম্পান্দ হইতে কম হইবে। ইহার কারণ নিমের ব্যাখ্যা হইতে বুঝা যাইবে। শব্দতরক্ষের ক্ষেত্রেই এখানে হিসাবটি করা হইবে।



১.৮ নং চিত্রে ১ একটি শব্দতরক্ষের উৎস এবং ০ একটি শব্দের প্রাপক। উৎস হইতে নির্গত তরঙ্গ প্রাপকের নিকট পৌছাইতেছে এবং প্রথম ক্ষেত্রে উৎস এবং প্রাপকের মধ্যে কোনও আপেক্ষিক গতি নাই। এই ক্ষেত্রের জন্য তরঙ্গদৈর্ঘ্য দেখানো হইরাছে ১। বিতীয়ক্ষেত্রে উৎসটি ৫ গতিবেগ নিরা প্রাপকের দিকে গমন করিতেছে। এই গতির ফলে চিত্র হইতে বুঝিতে পারা বাইবে বে নৃতন কার্বকরী তরঙ্গদৈর্ঘ্য (বাহা প্রাপক শূনিতে পাইবে) গাড়াইবে

$$\lambda' = \lambda - uT$$
 (এখানে $T =$ প্ৰায়) , (1.86)

এদিকে গতিবেগ বদি ধরা হয় v, তবে উৎসের গতির জন্য এই তরক্ষের গতিবেগের কোনও পরিবর্তন হইবে না। সূতরাং প্রাপক বে কম্পান্কের শব্দতরঙ্গ v শুনিবে তাহা পাওয়া বাইবে নিমন্ত্রে ।

$$v = v\lambda$$
 বা $v = \frac{v}{\lambda}$ [v প্রথমক্ষেত্রের কম্পাৎক]
$$v' = \frac{v}{\lambda'} = \frac{v}{\lambda - uT} = \frac{v}{\lambda}$$
[v' দ্বিতীয়ক্ষেত্রের কম্পাৎক]
$$= \frac{v}{1 - uT} = \frac{v}{1 - u}$$
(1.87)

কাজেই এই ক্ষেত্রে প্রাপক যে কম্পাধ্ক ν' শুনিবে তাহা স্থির উৎসের কম্পাধ্ক ν এর অপেক্ষা বেশী।

দ্বিতীয় ক্ষেত্রে ধর। যাক বে প্রাপক u গতিবেগ নিয়া উৎসের দিকে অগ্রসর হইতেছে কিন্তু উৎসটি স্থির বিন্দুতে অবস্থান করিতেছে। এই ক্ষেত্রে যদি তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ হয় এবং অগ্রসর হইবার আগে উৎস এবং প্রাপকের মধ্যে দ্বাঘ d হয় তবে প্রাপকের গতির ফলে এই দ্বাঘ কমিয়া যাইবে। প্রাপক স্থির থাকিলে ι সময়ে সে $\iota\iota$ তরঙ্গ পাইত। কিন্তু গতির ফলে সে আরও $\frac{u\ell}{\lambda}$ বেন্দী তরঙ্গ পাইবে। সূতরাং সে মোট $\ell\left(v+\frac{u}{\lambda}\right)$ তরঙ্গ পাইবে। সূতরাং প্রাপকের কাছে কন্পান্দের মান হইবে

$$v' = v + \frac{u}{\lambda} \cdot = v + \frac{u}{v/v} = v + \frac{uv}{v}$$
$$= v \left(1 + \frac{u}{v}\right) \tag{1.88}$$

কাজেই এইক্ষেত্রেও প্রাপকের শোনা কম্পাধ্ক ৮ উৎসের প্রকৃত কম্পাধ্ক ৮ এর অপেক্ষা বেশী হইবে।

অনুর্প বিবেচনা হইতে দেখানো যায় ষে উৎস বা প্রাপক যদি ভাহাদের গতির জন্য পরস্পরের নিকট হইতে সরিয়া যায় তাহা হইলে প্রাপকের শোনা কম্পাক্ত উৎসের প্রকৃত কম্পাক্ত হইতে কম হইবে।

শব্দতরক্ষের ক্ষেত্রে অতএব দেখা ষাইতেছে যে উংসের গাঁত এবং প্রাপকের গাঁতর ক্ষেত্রে আপাত কম্পাঞ্চ মান আলাদা হইবে। এই তরক্ষের কেলায়

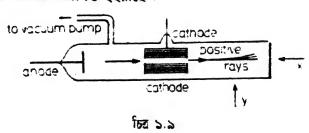
ইহা একটি ছিব্ন মাধ্যমের মধ্য দিরা গমন করিতেছে এবং এই ছিব্ন মাধ্যমের সাপেকে উৎস বা প্রাপকের গতি বর্ণনা করা হইরাছে। কিন্তু আলোক-ভরক্ষের বেলার আপেক্ষিকভাবাদ তত্বানুসারে (according to the theory of relativity) উৎস বা প্রাপকের গতি কোনও পরম (absolute) ছির মাধ্যমের সাপেক্ষে বর্ণনা করা সম্ভব নহে। একমাত্র উৎস এবং প্রাপকের আপেক্ষিক গতিই বর্ণনা করা সম্ভব বাহার ফলে উপরের দুইটি ক্ষেত্রের মধ্যে কোনও তফাৎ বর্তমান থাকে না।

এই বিবেচনা হইতে আলোকতরকের ক্ষেত্রে পাওয়া যায়

$$\nu' = \nu \sqrt{\frac{1 - \frac{v}{c}}{1 + \frac{v}{c}}} \tag{1.89}$$

এবানে c= আলোকের গতিবেগ এবং v উৎস এবং দর্শকের পরস্পরের দিকে আসিবার গতিবেগ।

ভপ্লার কপান্কের ক্ষেত্রে এইরূপ পরিবর্তন শব্দতরঙ্গের ক্ষেত্রে আবিদ্ধার করেন। পরে ফিজো (Fizeau) আলোকতরঙ্গের ক্ষেত্রে ইহার বৈধতা দাবী করেন। পরীক্ষাগারে সঙ্গে সঙ্গেই ইহা প্রমাণ করা সম্ভব হয় নাই। কিন্তু পরে ঘূর্ণায়মান দর্পণের সাহাযো একটি অসদ্ আলোক উৎসের সৃষ্টি করিয়া পরীক্ষাগারে এই পরিবর্তন দেখানো সম্ভব হইয়াছে। ক্যানাল-রন্মির পরীক্ষা দারাও ইহার সভাতা প্রমাণিত হইয়াছে।



১.৯ নং চিত্রে একটি স্ফুলিঙ্গ-নল (discharge tube) দেখানো হইয়াছে। এই নলের মধ্যের বায়ুর চাপ পাস্পের সাহাযে। প্রয়োজনমত কমানো বায়। খুব অস্প বায়ু চাপে নলের মধ্যের অণু বা পরমাণু বৈদ্যুতিক ক্ষেত্র (electric field) দ্বারা গতিশীল করা যায়। ফলে এই গতিশীল আয়নিত অণু বা পরমাণুগুলি ক্যাখোডের (Cathode) মধ্যের সরু ছিল্ল দিয়া নলের ভানদিকে আসে। এই অংশে এই আয়নগুলি আবার পরস্পারের সহিত মিলিয়া তাছাদের

বৈদ্যুতিক আধান হারার এবং এই সমরে আলোক বিকীরণ করে। এই প্রক্রিরার সমরে আয়নগুলির বিশেষ কোনও গতিবেগের হ্রাস হয় না। এই নিগতি আলোর গতিবেগ x এবং y দিক হইতে নির্ণর করিয়া কম্পান্কের পরিবর্তন মাপা যায় এবং সমীকরণ 1.89 এর সত্যতা পরীক্ষা করা বার।

ভপ্লার এফেক্টের সাহাব্যে নানারকম গুরুত্বপূর্ণ পরিমাপ করা যার। বে সমন্ত ক্ষেয়ে অন্যান্য উপারে পরীক্ষা সম্ভব নর ভপ্লার এফেক্টের সাহাব্যে তাহাদের কোন কোন ক্ষেত্রেও পরিমাপ করা সম্ভব। দৃষ্ঠান্ত হিসাবে বলা যার বে এই পদ্ধতিতে তারকার গতিবেগ বা পরীক্ষাগারে গ্যাসীর ক্ষুলিকে পরমাণুর গতিবেগ মাপা সম্ভব। উদাহরণ স্বরূপে ক্যাসিওপিই (cassiopaiae) হইতে আলোর বর্ণালিরেখা পরীক্ষাগারে লোহের বর্ণালিরেখার সহিত তুলনা করিলে দেখা বার বে প্রথমোক্ত ক্ষেত্রে তরঙ্গদৈর্য্য কমিয়া গিয়াছে। ভপ্লার নিরমানুসারে এই হ্রাসের পরিমাণ হইতে পাওয়া যার বে ক্যাসিওপিই পৃথিবীর দিকে 115 km/sec আগাইয়া আসিতেছে। অন্যান্য অনেক তারকার ক্ষেত্রে এই কম্পাক্ত কমিতে দেখা যার। সে সমস্ত ক্ষেত্রে সংগ্রিষ্ট তারকাগুলি পৃথিবী হইতে দূরে সরিয়া যাইতেছে বলিয়া ধরা যার।

ডপ্লার এফেক্টের আর একটি গুরুত্বপূর্ণ প্রয়োগ করা যায় যে সমস্ত <u> যুগ্ম-তারকা এত কাছাকাছি অবস্থিত বে তাহার। দূরবীক্ষণ যব্রের সাহাবে।</u> বিভেদিত হয় না তাহাদের অন্তিম্ব নির্ণয়ের ব্যাপারে। যদি একটি অন্ধকার এবং একটি উচ্চল তারকা পাশাপালি থাকে এবং তাহারা যুগাভাবে ঘুরিতে থাকে তবে তাহাদের বর্ণালীরেখা একটি গড় অবস্থানের সাপেক্ষে পর্যায়ক্রমে বাডিতে এবং কমিতে থাকিবে। যখন উচ্চল তারকাটি দর্শকের দিকে আগাইয়া আসিতে থাকিবে তখন কম্পাব্দ গড় মান হইতে বাড়িতে থাকিবে। আবার যখন ইহা দর্শকের দিক হইতে সরিয়া যাইবে তখন বিপরীত ফল আবার যদি ঘূর্ণায়মান তারকা দুইটিই একই রকম ঔজ্বলোর হয় তবে বর্ণালিরেখাগুলি পর্যায়ক্রমে একক এবং যুগ্ম (single and double) দেখাইবে। যে সময় তারকা দুইটির মধ্যের সরলরেখা দর্শকের দৃষ্টির সরলরেখার অভিলয়ে থাকিবে তখন একটি তারকা দর্শকের দৃষ্ঠির দিকে আসিতে থাকিবে আর অন্যটি সরিয়া বাইতে থাকিবে। সূতরাং এই সময় नुगा-वर्गामित्रथा (मथा वाहेर्य। जावात यथन এहे यागकाती मत्रमात्रथा দর্শকের দৃষ্টির সরলরেখার সহিত সমান্তরাল হইবে তখন উভরেই দৃষ্টির সরলরেখার অভিলয়ে গমন করিবে বলিয়া তাহাদের আলোর কম্পান্কের কোন পরিবর্তন হইবে না এবং বর্ণালিরেখাটি একক (single) দেখাইবে।

কলি সংখ্যা ছারা ভরকগভির রূপারণ (Representation of wavemotion by complex quantities).

বে সমস্ত তরঙ্গ হিসাবের জনা ব্যবহার করা হয় তাহারা অধিকাংশই সরল-দোলগতি সম্পন্ন। এইজাতীয় তরঙ্গের সমীকরণ দেখা গিয়াছে

$$y = a \cos (wt - kx + \delta)$$

এই প্রকারের সমীকরণের বৃপারণের আর একটি খুব সৃবিধান্তনক পদ্ধতি আছে ৷ সেটি হইতেছে কম্পিডের পদ্ধতি (method of imaginaries). এই পদ্ধতির সমীকরণের একটি সমাধান লেখা বার

$$y = ae^{i(wt - kx + \delta)} \tag{1.90}$$

এই বিবৃতির সভাতা সমাধানটির অনুকম্পন (substitution) দারা সমর্থিত হয়।

কিন্তু যে কোনও স্থানে তরক্ষের দ্রংশ একটি বাস্তব সংখ্যা, কণ্শিত সংখ্যা নয়। সূতরাং এইজনা একটি প্রচলিত নিয়ম অবলম্বন করা হয়। সেটি হইল এই যে 1.90 নং সমীকরণের ক্ষেত্রে ধরা হয় যে দ্রংশ ইহার বাস্তব অংশ দ্বারা রূপারিত হইতেছে*। ইহার আর একটি সুবিধা এই যে এই পদ্ধতিতে দ্রংশের যে অংশ । এর সহিত পরিবাতিত হইতেছে তাহাকে যে অংশ । এর সহিত পরিবাতিত হইতেছে তাহাকে যে অংশ । এর সহিত পরিবাতিত হইতেছে সেই অংশ হইতে সুবিধামত আলাদ। করিয়া নেওয়। বায়। অর্থাৎ লেখা যায়

$$y = ae^{iwt}e^{-ikx}e^{i\delta}$$

$$= ae^{i\delta}e^{iwt}e^{-ikx}$$

$$= Ae^{iwt}e^{-ikx} \qquad [A = ae^{i\delta}] \qquad (1.91)$$

এই সমীকরণে \hat{o} দশা-ধূবক এবং ইহা t বা x এর সঙ্গে পরিবাঁতিত হইতেছে না। সূতরাং এই অংশকে আলাদা করিয়া লওরা হইয়ছে। আবার বিদি A কে ইহার জটিল বিপরীত (complex conjugate) সংখ্যা $ae^{-tb} = A^*$ দ্বারা গুণ করা বায় তবে ফল দাঁড়োয় a^2 আর এই a^2 আলোকতীরতার সমানু-পাতিক। A সংখ্যাটি বাস্তব সংখ্যা a এবং কম্পিত সংখ্যা e এই উভয়ের:

* তবে বেহেতু y এর সমন্ত সমীকরণই একঘাত, শুধু বান্তব অংশের পরিবর্তে সমীকরণ 1.90টিই সমাধান বালিয়া বাবহার করা চলিতে পারে।

সমন্বরে গঠিত বলিরাই ইহাকে বলা হর জটিল বিস্তার (complex amplitude). অবশ্য ইহাকে দুইভাগে ভাগ করিয়া লেখা বার।

|A| = প্রকৃত বিস্তার (true amplitude) (1.92) argument A = প্রকৃত দশা-ধ্বক (true phase constant).

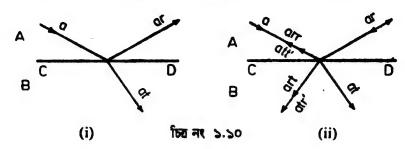
ভরজের প্রতিকলন ও প্রতিসরণ (Reflection and refraction of waves).

যখন আলোকরণি দুইটি ভিন্ন প্রতিসরান্দের (refractive index)
মাধ্যমের সংযোগতলে আপতিত হয় তখন সাধারণত এই আলোর একাংশ এই
সংযোগতল হইতে প্রতিফলিত হইয়া আপতন মাধ্যমে পরিবর্তিত দিকে গমন
করে এবং অনা অংশ দিতীর মাধ্যমে প্রতিসৃত হইয়া থাকে। প্রতিফলন এবং
প্রতিসরণ উভয় প্রক্রিয়ার ফলে আপতিত আলোর গতির দিক পরিবর্তন হইয়া
থাকে। মাধ্যম দুইটির প্রতিসরান্দেকর পার্থকা বত বেশী হইবে ততই প্রতিফলিত
রান্দির পরিমাণ বাড়িবে; অবশ্য এই পরিমাণ বিভিন্ন মাধ্যমের জন্য নির্ণর
করিতে হইলে আপতন কোণ অপরিবর্তিত রাখিতে হইবে। ইহার কারণ
মাধ্যম দুইটি একই থাকিলে প্রতিফলিত আলোর পরিমাণ আবার আপতন
কোণের উপরও নির্ভর করে।

আলোকরশির এই প্রতিফলন এবং প্রতিসরণের বিষয়ে ভৌত আলোকবিজ্ঞানের দিক হইতে একটি গুরুছপূর্ণ প্রশ্ন বর্তমান। সেটি হইল বে প্রতিফলিত
এবং প্রতিসূত রশির তীরতা পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে এই উপাংশ দুইটির ক্ষারও
পরিবর্তন হয় কিনা; আর বিদ পরিবর্তন হয় তবে মাধ্যমের আপেক্ষিক
অবস্থানের উপর ইহা নির্ভর করে কিনা। অর্থাৎ লবুভর মাধ্যম হইতে বনভর
মাধ্যমে যাইবার সময় বিদ দ্যার পরিবর্তন হয় তবে ইহার বিপরীত দিকে
গমনের সময়ও পরিবর্তন হইবে কিনা। তৌক্স্ (Stokes) এই সমস্যা সমাধান
করেন। নিয়ে তাহার সমাধানের পদ্ধতি এবং ফল দেওয়া হইল।

১.১০ নং চিত্রে দুইটি মাধাম A এবং B এবং ইহাদের সংযোগতল CD সরলরেখা দারা বুঝানো হইরাছে। এই চিত্রে A লঘুতর এবং B দনতর মাধাম। চিত্র (i) এ দেখানো হইরাছে একটি আলোকন্মি CD তলে আপতিত হইরা প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত রন্মিতে বিভক্ত হইরা বধান্তমে A এবং B মাধ্যমে বাইতেছে। আপতন কোল প্রতিফলন কোলের সমান হইবে; আর B ঘনতর মাধ্যম হওয়ায় প্রতিসরণ কোল আপতন কোল হইতে কুম্বতর হইবে।

বদি আপতিত ভরকের বিভার a হর এবং এই বিভারের r ভারাংশ CD ভবেদ প্রতিফলিত এবং r ভারাংশ এই ভবেদ প্রতিসৃত হর ভবে চিত্র ১.১০ (i) তে প্রদাশতরূপে রশ্মি ভিনটির বিভার দীড়াইবে। আলোকতরকের প্রতিফলন



এবং প্রতিসরণের সমীকরণের বিকেন। ইইতে বুঝা বার বে এই সব ক্ষেত্রে প্রতিবৃত্তিতার নীতি (principle of reversibility) প্রবোজ্ঞা হইবে। এই নীতি বলবিদ্যার (mechanics) একটি গুরুছপূর্ণ এবং দ্বীকৃত নীতি। এই নীতি অনুসারে বদি একটি গতিনীল ব্যবস্থার (dynamical system) সমন্ত গতিবেগ কোনও মুহুতে উলটাইরা দেওরা হর তবে এই ব্যবস্থাটি ইহার পূর্বের সমন্ত গতির পুনরাবৃত্তি করিবে। এই নীতি প্ররোগ করিলে চিত্র ১.১০ (b) তে প্রদাশতর্প উপাংশগৃলি পাওরা বাইবে। বা প্রতিক্রিকা হইরা ব দিকে বাদ বিজ্ঞারের রন্দি হিসাবে এবং প্রতিস্ত হইরা বাব রিদ্ধা হিসাবে বথাক্রমে A এবং B মাধ্যমের মধ্য দিরা বাইবে। আর বদি ঘনতর মাধ্যমে আপতিত রন্দির দ' ভয়াংশ প্রতিক্রিত হর এবং ঘনতর হইতে লঘুতর মাধ্যমে প্রতিসরণে ব' ভয়াংশ প্রতিস্ত হর তবে বা বিস্তারের রন্দি বাব' এবং বাব' উপাংশ হিসাবে বথাক্রমে A এবং B মাধ্যমে প্রতিস্ত এবং প্রতিক্রিত হইরা গমন করিবে। কিন্তু এই সমস্ত উপাংশের বোগফল দিড়াইবে মাত্র A মাধ্যমে একটি ব বিস্তারের রন্দি। অভএব পাওয়া বার

$$arr + att' = a \tag{1.93}$$

$$art + atr' = 0 ag{1.94}$$

দিতীর সমীকরণটি লেখার বৌরিকতা এই যে দিতীর মাধ্যম B তে গোড়াতে কোনও প্রংশ ছিল না ; অতএব প্রতিবর্তনের (reversion) পরও এই মাধ্যমে কোন প্রংশের অন্তিম্ব থাকিবে না । কাজেই পাওয়া বার

$$tt' = 1 - r^2 \tag{1.95}$$

$$r = -r' \tag{1.96}$$

দিতীর সমীকরণটি হইতে পাওরা বার বে মাধাম দুইটির সংযোগভূলের দুই

িদক ছইতে (একই আপতন কোণে) আপতিত আলোর সমান ভগ্নাংশই প্রতিফলিত হর। কিন্ত ইহাদের মধ্যে একটি পার্থকা আছে। প্রথম মাধ্যমে প্রতিফলিত উপাংশ বৃদি ar ধরা বায় তবে দ্বিতীর মাধ্যমে প্রতিফলিত উপাংশ হটবে ar' - - ar. কিন্তু এই বিস্তার সমীকরণ 1.91 হইতে দেখা গিয়াছে একটি জটিল রাশি এবং ইহাতে বুগপং বান্তব বিস্তার এবং দশা বর্তমান। সূত্রাং প্রথমটিকে বদি লেখা যার raeis হিসাবে এবং ô নেওয়া হয় 0 রেডিয়ান তবে ইহা দাড়াইবে ra. এই ক্রমে বিভীর্যটি বেহেতু -ar, সেইজন্য ইহাকে লেখা দরকার $rae^{i\pi}$, কারণ $e^{i\pi}=-1$. তাহা দেখা বাইতেছে বে এই দুইটি প্রতিফলিত রন্মির মধ্যে দ দশার পার্থক্য বর্তমান। কাজেই লঘুতর মাধ্যমে প্রতিফলনে যদি দশার কোনও পরিবর্তন না হর তবে ঘনতর মাধামে প্রতিফলনে দশার দ পরিবর্তন হইবে : অনাদিকে ঘনতর মাধ্যমে প্রতিফলনে যদি দশার পরিবর্তন না হয় তবে লঘুতর মাধ্যমে প্রতিফলনের ফলে 🖚 দখার পরিবর্তন হইবে। সূতরাং এই বিবেচনায় বদিও দেখা যার যে প্রতিফলনের একটি ক্ষেত্রে 🛪 দশার পরিবর্তন হইবে তবুও কোন মাধ্যমে ইহা ঘটিবে তাহা এই বিকেনা হইতে পাওয়া বার না। লয়েডের দর্পণের (Lloyd's mirror) পরীক্ষা বা নিউটনের বলরসমূহের (Newton's rings) शत्रीका बाबा এই पुर्हेिंग विकल्लाब (alternative) बहुवा কোনটি সতা তাহা নির্ণয় করা যায়। দেখা গিয়াছে যে আলো যখন লঘুতর মাধ্যম হইতে ঘনতর মাধ্যমে যায় সেইরপ আপতনের ক্ষেত্রে প্রতিফলিত বিশার *দ* দখার পরিবর্তন হয়।

আবার r এবং r আপতিত রশ্মির বিস্তারের প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত ভগ্নাংশ। সূতরাং আলোক তীব্রতা বিস্তারের বর্গের সমানুপাতিক এই সূত্র এবং শক্তির সংরক্ষণ (conservation of energy) নীতি এই দুইটি ব্যবহার করিয়া লেখা বার

$$r^2 + t^2 = 1. ag{1.97}$$

সূতরাং সমীকরণ 1.95 হইতে পাওয়া বায়

$$tt'-t^2$$

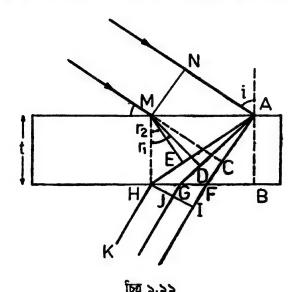
কিন্তু এই সম্বন্ধ সত্য নয়। কারণ বদিও আলোকতীরতা বিস্তারের বর্গের সমানুপাতিক তবুও ইহা ডতক্ষণই খাটে যতক্ষণ আলো একই মাধ্যমের মধ্যে আবদ্ধ থাকে। দ্বিতীয় মাধ্যমে গেলে আলোকতীরতার মান নির্ণয় করিতে মাধ্যমের পরিবাতিত প্রতিসরাক্ষণ্ড ব্যবহার করিতে হইবে। আর তাছাড়া এই অনুপাত আলোকরন্মিমালার মোট শব্তির বেলারই খাটে তীরতার বেলার নহে। আর ছিতীর মাধ্যমে গেলে রন্মিমালার প্রস্থ পরিবাতিত হর বলিরা আলোক-তীরতারও এই কারণের জন্য পরিবর্তন ঘটে। এই সমস্ত কারণে উপরের সম্বন্ধ বৈধ নহে।

এই আলোচনার ধরা হইরাছে বে আলোর আপতনের ফলে প্রতিফলন এবং প্রতিসরণ ভিন্ন আর কোনও প্রক্রিয়া ঘটে না, শোষণের কথা এখানে ধরাই হর নাই। কিন্তু বত কমই হোক না কেন এক মাধ্যম হইতে বিতীর মাধ্যমে বাইতে [এমন কি এক মাধ্যমে গমনের কালেও, যদি এই মাধ্যমি শূনা (vacuum) না হর] আলোর শোষণ হইবেই এবং দূই মাধ্যমে শোষণের পরিমাণ আলাদা হইবে। মনে হইতে পারে বে শোষণের কথা বিবেচনা করিকে উপরের সম্বন্ধগুলি বৈধ নাও হইতে পারে। কিন্তু লয়েডের দর্শণ এবং নিউটনের বলরের পরীক্ষার ক্ষেত্রে এই দশার পরিবর্তন প্রমাণিত হইরাছে। অতএব বৃঝা বার বে দশার এই পরিবর্তন এক মাধ্যম হইতে আলো অনা মাধ্যমে বাওয়ার সময় উৎপক্ষ হর এবং ইহা শোষণের উপর নির্ভরশীল নহে।

আলোর বিদ্যুরণ (Dispersion of light).

কাচ বা এই জাতীর পদার্থের প্রিজমের পরীক্ষা দ্বারা নিউটন (Newton) প্রমাণ করেন বে এক মাধাম হইতে জনা মাধামের মধ্য দিরা যাইবার সমর বিভিন্ন বর্ণের আলো বিভিন্ন পরিমাণে প্রতিসৃত হয় এবং এই প্রতিসরণের পরিমাণ লাল আলোর বেলায় সর্বাপেক্ষা কম এবং বেগুনী আলোর কেত্রে সর্বাধিক। আলোক তরঙ্গের দৈর্ঘের ভাষায় বিলতে গোলে বিলতে হয় বে প্রতিসরণের পরিমাণ তরঙ্গদৈর্ঘের বৃদ্ধির ভাষায় বিলতে গোলে বিলতে হয় বে প্রতিসরণের পরিমাণ তরঙ্গদৈর্ঘের বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে কমিতে থাকে। বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোর এইরূপ বিভিন্ন পরিমাণ প্রতিসরণকে বলা হয় আলোর বিজ্বরণ (dispersion of light). এইরূপ বিজ্বরণের একটি ফল এই বে দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলো বিদ একটি মাধাম হইতে জনা মাধামের মধ্য দিয়া প্রতিসৃত হয় তবে ইহাদের গতির দিক আলাদা হইয়া বায় এবং ইহাদের মধ্যে একটি আপেক্ষিক পথ-দূরদ্বের উন্তব হয়। এই পথ-দূরদ্ব নিয়ে বাহির কর। হইবে কারণ সমবর্তনের পরীক্ষার ক্ষেত্রে এই পথ-দূরদ্ব জানা দরকার দেখা বাইবে। একটি সমান্তরাল কাচের ফলকে আলো i কোণে আপতিত হইতেছে। এই আলোভে দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোক বর্তমান থাকার ফলকে প্রতিসরণের ফলে দুইটি আলাদা রন্মির উন্তব হইতেছে। ফলকের মধ্য দিয়া পারগমের

ফলে রশ্মি দুইটির মধ্যে যে পথ-দ্রন্থের সৃষ্টি হইতেছে তাহা হিসাব করিতে হইলে উপরের চিত্র হইতে ইহা করা সম্ভব। এখানে আপতিত রশ্মিমালার তরঙ্গমুখ MN. যে রশ্মিটি M বিন্দুতে আপতিত হইতেছে তাহা প্রতিস্ত হইরা দুইটি রশ্মি ME এবং MD হিসাবে ফলকের মধ্য দিয়া বাইতেছে ।



A বিন্দু হইতে বাদ ME এবং MD এর উপরে লম্ব টানা হয় তবে ফলকের মধ্যে ইহারা হইবে দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘার আলোর তরঙ্গমুখ। আর বাদ প্রতিসরণের ফলে ফলকে আলোর দিক পরিবর্তন না হইত তবে তরঙ্গমুখ হইত AC. এইটি পাওয়া বাইবে প্রথম মাধ্যমের মধ্যে M রন্মিটিকে ফলকে বাড়াইয়া সরলরেখা অন্কিত করিলে। এই প্রণালীতে অন্কনের দ্বারা বৃদ্ধিতে পারা বাইবে বে পারগমের পর আলোক রন্মি দুইটির তরঙ্গমুখের এবং অপ্রতিস্ত রন্মির তরঙ্গমুখের আপেকিক অবস্থান হইবে বধারুমে HK, GJ এবং FI. সূতরাং রন্মি দুইটির মধ্যে পথ-দূরম্ব হইবে 1H – IJ – HJ

কিন্তু $HJ = HG \sin i = (BH - BG) \sin i$.

B বিন্দু বিতীর তলের সহিত A বিন্দুতে অধ্কিত লখের ছেদবিন্দু । কাজেই ফলকের বেধ যদি । হয় তবে লেখা যায়

 $BG = t \cot r_1$ এবং $BH = t \cot r_2$ এখানে r_1 এবং r_2 বথাক্রমে MD এবং ME রণ্মির প্রতিসরণ কোণ ।

:.
$$HJ = t (\cot r_2 - \cot r_1) \sin i$$

= $t (\mu_2 \cos r_2 - \mu_1 \cos r_1)$ (1.99)

[$\mu_2 = \frac{\sin i}{\sin r_*}$, $\mu_1 = \frac{\sin i}{\sin r_1}$ বথাক্রমে দুইটি তরঙ্গলৈর্বার আলোকের কাচের ফলকে প্রতিসরাক্ষ]

র্বাদ আলোর আপতন কোণ i = 0 হয় তবে প্রতিসরণ কোণ r ও শ্না হববে। এই ক্ষেত্রে পথ-দূরত্ব হইবে

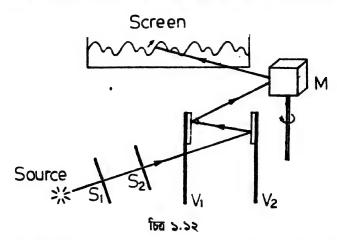
পথ-দূর্ম =
$$t (\mu_2 - \mu_1)$$
 (1.100)

কটিল তরজ (Complex waves)-

শেখা গিরাছে যে বদি দুই বা ততোধিক সরল দোলগতিসম্পন্ন তরক পরম্পরের উপর অধিস্থাপিত হয় এবং ইহাদের প্রত্যেকের কম্পাধ্ক সমান হয় তবে ইহাদের বিস্তার এবং দশা আলাদা হইলেও লাদ্ধি তরক সয়ল দোলগতি সম্পন্নই হইবে বদিও ইহার বিস্তার এবং দশা উপাংশ তরক সয়ল দোলগতি সম্পন্নই হইবে বদিও ইহার বিস্তার এবং দশা উপাংশ তরক সয়্ত হইতে আলাদা দাড়াইবে। কিন্তু বদি দুইটি তরক্রের কম্পাধ্ক আলাদা হয় তবে অধিস্থাপনের ফলে তাহাদের লাদ্ধি তরক্রের প্রকৃতি আর সয়ল দোলগতি সম্পন্ন থাকে না। এইবৃপ পরিবর্তন লেখের (graph) সাহায্যে পরীক্ষা করিয়া দেখা যাইতে পারে। দুই বা ততোধিক তরক্রের চিত্র আকিয়া তাহাদের যোগফলের চিত্রও পাওয়া বাইতে পারে। উপাংশ (component) তরক্রের চিত্রগুলি ইচ্ছা এবং প্রয়েদ্ধনমত পরিবর্তন করা চালতে পারে যাহাতে তাহাদের বিস্তার' দশা এবং তরক্র দৈর্ঘা আলাদা হয়। তাহা ইইলে লাদ্ধি তরক্রের আকৃতি হইতে উপরের বন্ধব্যের সমর্থন পাওয়া যাইতে পারে। অথবা যয়ের সাহাযোও এই পরীক্ষা করা যাইতে পারে।

চিত্র নং ১.১২-এ একটি আলোক উৎস হইতে আলো দুইটি ক্ষুদ্র ছিদ্র S_1 এবং S_2 এর মধ্য দিরা নির্মান্ত হইরা V_2 এবং V_4 কম্পকের মাধার আটকানো সমতল দর্গণে পড়িতেছে। এই দর্গণ দুইটি হইতে প্রতিফলনের পর আলোকরিশা একটি ঘূর্ণায়মান দর্গণ M এর উপর আপতিত হইতেছে এবং সেখান হইতে প্রতিফলনের পর পর্ণায় একটি আলোক বিম্পুর সৃষ্টি করিতেছে। বখন সমস্ত যায়ংশ ক্থির থাকে তখন পর্ণায়ও একটি ক্ষির আলোকবিম্পু পাওয়া যাইবে। কিন্তু যখন V_4 অথবা V_2 কে কম্পিত করা যায় তখন ইহাদের প্রত্যেকের প্রতিফলিত আলোকরিশা একটি সরল দোলগতির আকারের তরঙ্গের রূপরেখা ঘূর্ণায়মান দর্পণের (M) সাহাব্যে পর্ণার উপর ফোলবে। বিদ V_4

এবং 🗸 উভরেই বুগপং কম্পিত হইতে থাকে তবে পর্ণার উপর এইর্প দুইটি তরঙ্গরুপরেখার (wave profile) অধিস্থাপন হইবে এবং দর্পণ M দুতবেশে



ঘূরিলে দৃষ্টির স্থারিত্বের (persistence of vision) জন্য একটি লব্ধি তরক্ষ রূপরেখার সৃষ্টি করিবে। V_1 এবং V_2 কম্পক দুইটির সাহায্যে বিভিন্ন বিস্তার, কম্পাব্দ এবং দশার তরক্ষ সৃষ্টি করা যাইতে পারে। আর এইরূপ বিভিন্ন ধরণের তরক্ষ সৃষ্টি করিয়া তাহাদের অধিস্থাপনের ফল পর্দার উপর প্রতাক্ষ করা সম্ভব।

ফুরিয়ার রাশিমালা—ফুরিয়ার বিল্লেষণ (Fourier Series—Fourier analysis).

উপরের আলোচনা হইতে দেখা গিয়াছে যে দুই বা ততোধিক সরল আফাতির তরঙ্গের অধিস্থাপনের দ্বারা জটিল র্পরেথার লন্ধি তরঙ্গের সৃষ্টি করা যায়। এবং এই লন্ধি তরঙ্গের র্পরেথা উপাংশ তরঙ্গের সংখ্যা, বিস্তার, দশা এবং কম্পান্কের উপর নির্ভর করে। আবার ইহার বিপরীতিটিও সত্যা; অর্থাৎ যে কোনও জটিল র্পরেখার তরঙ্গকে কিছু সংখ্যক সরল দোলগতি আকারের তরঙ্গে বিশ্লেষিত করা যায়। বিশ্লেষিত উপাংশের সংখ্যা তাত্বিকভাবে অসীম হইলেও কার্যত সীমাবদ্ধ সংখ্যার উপাংশ নিলেও চলে। অবশ্য উপাংশের সংখ্যা যত বেশী হইবে সাধারণত তাহাদের লন্ধি তরঙ্গের র্পরেখাও ততই পরীক্ষাধীন তরঙ্গের আফৃতির সহিত ভালভাবে মিলিয়া যাইবে। অবশ্য এখানে ধরিয়া নেওয়া হইয়াছে যে পরীক্ষাধীন তরঙ্গ খুবই জটিল। এই জাতীর বিশ্লেষণ ফুবিয়ার কর্তৃক আবিক্ষত পদ্ধতিতে করা যায় এবং ইহাকে বলা হয় ফুবিয়ার

বিশ্লেষণ (Fourier Analysis). এই উদ্দেশ্যে ফুরিয়ার একটি রাশিমালার প্রবর্ত্তন করেন। এই রাশিমালাকে বলা হয় ফুরিয়ার রাশিমালা (Fourier Series)।

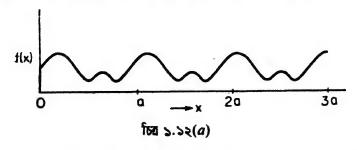
ফুরিয়ারের আদি বিবৃতি ছিল এইর্প: বদি f(x) x-এর এমন একটি অপেক্ষক হয় ৰাহা একমান বৃদ্ধ (single-valued) সুদীল (well behaved) পরিমিত জুসবৃদ্ধ (having a finite number of discontinuities) এবং x এর দিকে a বাবধানে পুনরাবৃত্তি করে তবে এই অপেক্ষকের সমীকরণ লেখা বার

$$f(x) = a_0 + \sum_{n=1}^{n=\infty} a_n \cos 2\pi \frac{nx}{a} + \sum_{n=1}^{n+\infty} b_n \sin 2\pi \frac{nx}{a}.$$
 (1.101)

এই উপপাদ্যকে নিয়ালিখিতর্পেও লেখা চলিতে পারে ঃ যে কোনও পর্যাবৃত্ত অপেক্ষক f(x)-কে কিছু সংখ্যক কোসাইন এবং সাইন অপেক্ষকের সমষ্টি হিসাবে লেখা যাইতে পারে । সুতরাং দাঁড়াইবে

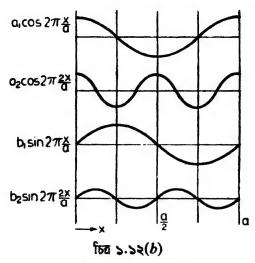
$$f(x) = \sum a_n \cos 2\pi \frac{nx}{a} + \sum b_n \sin 2\pi \frac{nx}{a}$$
 (1.102)
= $a_0 + a_1 \cos 2\pi \frac{x}{a} + a_2 \cos 2\pi \frac{2x}{a} + a_3 \cos 2\pi \frac{3x}{a} + \cdots$
+ $b_1 \sin 2\pi \frac{x}{a} + b_2 \sin 2\pi \frac{2x}{a} + b_3 \sin 2\pi \frac{3x}{a} + \cdots$

এই বিবৃতির তাৎপর্যা এই যে যদি উপরিউন্ত f(x) অপেক্ষকটি x দিকে



এ ব্যবধানে পুনরাবৃত্তি করে তবে ইহা চিত্রে প্রদাশিত কতকগুলি সাইন এবং কোসাইন অপেক্ষকের যোগ দ্বারা সৃষ্ঠি করা যাইতে পারে। এই সাইন এবং কোসাইন অপেক্ষকের চারিটি চিত্র নং 5.5 < (b)-এ দেখানো হইরাছে। বিবৃতি অনুসারে অপেক্ষক f(x) ঠিকমত সৃষ্ঠি করিতে অসীম সংখ্যক সাইন এবং

কোসাইন $^{\circ}$ অপেক্ষক থোগ করা প্রয়োজন । তবে দেখা যার বে f(x)এর আকৃতি স্বত জটিল হয় ততই হুবহু নকল করিতে বেশী সংখ্যক সাইন এবং কোসাইন অপেক্ষকের প্রয়োজন হয় । এই f(x)এর সঠিক প্রতিকৃতি তৈরী করিতে



প্রয়োজন হয় বিভিন্ন a_n এবং b_n গুণান্ধের (coefficients) মান বাহির করা। সমীকরণ ১.১০২ উভয় দিকই সমাকলন করা হয় এবং এই সমাকলন করা হয় বেখানে $x_2 = x_1 + a$.

f(x) অপেক্ষকটির মান জানা আছে বলিয়া ধরা হইতেছে। ইহার সমাকলনের ফল নিরূপণ করা যাইবে। অন্য সমাকলনগুলির মান বাহির করিতে হইবে

$$\int_{x_1}^{x_2} a_0 dx = a_0(x_2 - x_1) = a_0 a.$$
 (1.103)

আবার
$$\int_{x}^{x_{2}} b_{1} \sin 2\pi \frac{nx}{a} dx - \int_{x_{1}}^{x_{2}} a_{1} \cos 2\pi \frac{nx}{a} dx = 0$$
 (1.104)

কারণ একটি সম্পূর্ণ পর্যায়ের জন্য সাইনের ধনাত্মক এবং ঋণাত্মক মানগুলি পরস্পর সমান হওয়ার তাহাদের যোগফল শ্ন্য দাঁড়াইবেঃ অনুর্পভাবে কোসাইনের ফল শ্ন্য হইবে। সুতরাং পাওয়া যার

$$a_0 = \frac{1}{a} \int_{x_1}^{x_2} f(x) dx \tag{1.105}$$

এবার a, এর মান বাহির ক্রিতে হইলে নিম্নলিখিত পদ্ধতি ব্যবহার করা[,] চলিতে পারে:

সমীকরণের উভর দিককে $\sin 2\pi \frac{nx}{a}$ দারা গুণ করিয়া এবং তারপর সমাকলন করিয়া পাওয়া বায় :

$$\int_{x_1}^{x_2} f(x)a_n \sin 2\pi \frac{nx}{a} dx = \int_{x_1}^{x_2} \sum_{a_n} a_n \cos 2\pi \frac{nx}{a} + \sum_{a_n} b_n \sin 2\pi \frac{nx}{a} dx$$

$$\sin 2\pi \frac{nx}{a} dx \qquad (1.106)$$

বেহেতুঁ f(x) জানা আছে সেইহেতু বাদিকের সমাকলনের মান বাহির করা বার ।

এখানে n-এর যে কোনও একটি মান (পূর্ণসংখ্যা) নেওয়া যাক। তাহা হইলে a_n এর সেই মান দাঁড়াইবে যথা a_1 বা a_3 বা a_{30} (n-এর যে কোনও মান ব্যবহার করিয়া)

প্রথম সমাকলনটি হইবে $\int a_0 \sin 2\pi \frac{nx}{a} dx$. এইটির মান উপরে আলোচিত কারণে শূন্য হইবে । ইহা ছাড়া থাকিবে কতকগুলি পদ যথা

 $\sin 2\pi \frac{nx}{a} \cos 2\pi \frac{mx}{a}$ এবং $\sin 2\pi \frac{nx}{a} \sin 2\pi \frac{mx}{a}$ ষেখানে n-এর একটি নির্দিষ্ট (fixed) মান হইবে কিন্তু m-এর মান হইবে 1, 2, 3 etc. বেক্ষেত্রে ($\sin e$ -এর বেলার) n-m হয় সেখানে পদটির বর্গ পাওয়া যায় এবং সমাকলন করিলে ইহার মান দাঁড়াইবে $\frac{1}{2}b_na$.

কোসাইনের সমস্ত পদের বেলায় এবং সাইনের বাকী পদের বেলায় সমাকলনের ফল দাঁড়াইবে শৃত্য। উদাহরণ স্বরূপ ধরা যাক একটি সমাকল:

$$\sin 2\pi \frac{nx}{a} \sin 2\pi \frac{mx}{a} \quad [m \neq n].$$

$$= \frac{1}{2} \cos 2\pi \ (n-m) \frac{x}{a} - \frac{1}{2} \cos 2\pi \ (n+m) \frac{x}{a} \ .$$

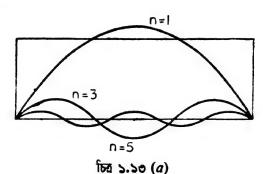
বেহেতু n এবং m উভূরেই পূর্ণসংখ্যা সূতরাং (n-m) এবং (n+m)ও উভয়েই পূর্ণসংখ্যা হইবে । সূতরাং ইহাদের সমাকলন করিলে পূর্বের বিবেচন। মত ইহারা প্রত্যেকেই শ্না হইবে । শুধুমার n=m এর ক্লেয়ে এইবৃপ শ্না হইবে

না ইহাদের প্রত্যেক্ষেই সমাকলনের মান উপরে বাহির করা হইরাছে অতএব দাড়ার

$$b_n = \frac{2}{a} \int_{x_1}^{x_a} f(x) \sin 2\pi \frac{nx}{a} dx.$$
 (1.107)

$$_{1} = \frac{2}{a} \int_{0}^{1} f(x) \cos 2\pi \frac{nx}{a} dx.$$
 (1.108)

এইর্পে a_n এবং b_n এর মান বাহির করিয়া এবং যথেন্ট সংখ্যক পদ যোগ করিয়া f(x) অপেক্ষকটি গঠন করা বা বিশ্লেষণ করা যায়। নিয়ে ১.১৩(a) নং চিত্রে একটি বর্গাকৃতি তরঙ্গ রূপরেখা দেখানো হইল। তাহার সঙ্গে তিনটি সাইন অপেক্ষকের সমন্তির ফলও ১.১৩ (b) চিত্রে দেখানো হইল। এই চিত্র হইতে দেখা যায় যে যত বেশী সংখ্যক পদ ব্যবহার করা হয় তত্তই লক্ষিতরঙ্গ পরীক্ষাধীন তরঙ্গের [এখানে বর্গাকৃতি তরঙ্গ] চেহারার কাছাকাছি আসিতে থাকে।



Resultant of 1+3+5

চিত্ৰ ১.১০ (b)

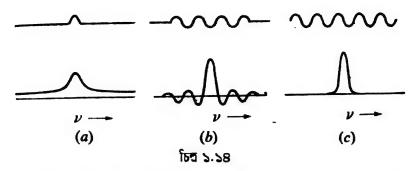
ফুরিরার বিশ্লেষণের উপরের আলোচনা পর্বাবৃত্ত (periodic) f(x) অপেক্ষকের

বেলার প্রয়োগ করা হইরাছে। কিন্তু ফুরিয়ার বিশ্লেষণ শৃধুমার পর্বাবৃত্ত অপেক্ষকের বেলায়ই প্রবোজ্য নহে। অনেক সময় তরঙ্গের একটি সীমাবদ্ধ অংশ নিয়া কান্ধ করিতে হয়। বদি অতি সামান্য সময়ের জনা যেমন কোনও বৈদ্যুতিক স্ফুলিঙ্গ (electric spark) দারা কোনও তরঙ্গ সৃষ্ঠি করা হয় তবে ইহা ১.১৪ (a) নং চিত্রে প্রদশিত রূপ নিয়া সণ্ডারিত হইবে। এক্ষেত্রে নিদিষ্ট ব্যবধানে অপেক্ষকের পুনরাবৃত্তি হয় না। অথবা যদি নিরবচ্ছিত্র তরঙ্গমালা হইতে কোনও বাবস্থান্বারা একটি অংশ আলাদা করিয়া নেওয়া হয় তাহা হইলেও এখানে পুনরাবৃত্তি শুধু একটা সীমার মধ্যেই আবদ্ধ থাকে। এই তরঙ্গমালাকে বলা হয় তরঙ্গ-পুলিন্দা (wave packet). এই জাতীয় তরক পুলিন্দা ফুরিয়ার রাশিমালা দ্বারা বুঝানো যায় না ; ইহাদের বেলায় ফুরিয়ার সমাকল (Fourier Integral) এর প্রয়োজন হয়। ফুরিয়ার রাশি-মালার সহিত ইহার তফাৎ এই যে এই ক্ষেত্রে খুবই সামান্য বাবধানের অসংখ্য তরঙ্গমালা ব্যবহার করিয়া এই লব্ধি তরঙ্গ-পুলিন্দার সৃষ্টি হয়। তবে এখানেও উপাংশগুলির বিস্তার প্রয়োজনমত নিয়ন্ত্রণ করিয়া যে কোনও ইচ্ছাধীন (arbitrary) তরঙ্গ রূপরেখার সৃষ্টি করা যাইতে পারে। গাণিতিকভাবে লেখা ষায় : যে কোনও যুক্তিসঙ্গত (reasonable) অপর্যাবৃত্ত (nonperiodic) অপেক্ষক f(x) একটি নিরবচ্ছিন্ন ফুরিয়ার অধিস্থাপনের (Fourier Superposition) দ্বারা বুঝানো চলিতে পারে:

$$f(x) = \int_0^\infty A_w \sin wt \, dw + \int_0^\infty B_w \cos wt \, dw \quad (1.109)$$

ফুরিয়ার রাশিমালার সহিত সাদৃশা রাখিবার জন্য নিরবচ্ছিল অপেক্ষক A_w এবং B_w গুলিকে ফুরিয়ার গুণাল্ক (Fourier Coefficients) বলা হয়। তবে ইহাদের মধ্যে পার্থক্য এই যে ফুরিয়ার রাশিমালার বেলায় a_n এবং b_n এর বিবিক্ত (discrete) মান থাকে, কিন্তু ফুরিয়ার সমাকলের বেলায় A_w এবং B_w এর নিরবচ্ছিল মান বাবহার করিতে হয়।

চিত্র নং ১.১৪ এ উপরের অংশে পূর্ববিণত ক্ষুলিঙ্গের সৃষ্ট তরঙ্গ এবং নীচে ইহার ফুরিয়ার বিশ্লেষণ দেখানো হইয়াছে। অনা আর দুইটি (b এবং c) ক্ষেত্রে দেখানো হইয়াছে নিরবচ্ছিল তরঙ্গমালার একটি অংশ এবং সংগ্লিষ্ট ফুরিয়ার বিশ্লেষণ। ইহা হইতে বুঝা যার যে তরঙ্গমালা যত দীর্ঘ এবং ধ্বক বিস্তারের হইবে, ইহার ফুরিয়ার বিশ্লেষণও ততই একবর্ণী তরঙ্গের দিকে যাইবে। এইজন্য বৈদুর্গিতক ক্ষুলিক হইতে উত্তত তরক্ষের ফুরিরার বিশ্লেষণে বে উপাংশ সমূহ পাওয়া গিয়াছে তাহাদের কম্পান্কের বিস্তার খুব বেশী। যদি সম্পূর্ণ নিরবচ্ছিল তরক্ষালা বিশ্লেষণ করা যায় যথা (c) তবে যে উপাংশ



পাওয়া ষাইবে তাহা প্রায় সম্পূর্ণর্পে একবর্ণী (monochromatic) হইবে। এই উপাংশগুলির যোগফল অবশ্য উপরের তরক্ষের সৃষ্টি করিবে।

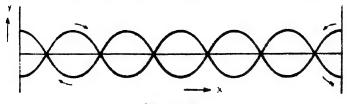
স্থির তরক (Stationary waves).

সমীকরণ 1.29 হইতে দেখা গিয়াছে যে তরঙ্গসমীকরণের এই সমাধানটি দুইটি তরঙ্গের সমষ্টি; ইহাদের একটি x অক্ষের ধনাত্মক দিকে এবং অন্যাটি ইহার ঋণাত্মক দিকে গমন করিতেছে। অবশ্য এই সমাধানের জন্য তরঙ্গের আকৃতি বা বিশ্তার এক না হইলেও চলে। যদি এইর্প দুইটি তরঙ্গ পরস্পরের বিপরীত দিকে গমনের ফলে অধিস্থাপিত হয় তবে লব্ধি তরঙ্গের সমীকরণ দাঁড়াইবে (তরঙ্গ দুইটির বিশ্তার এবং কম্পান্ক সমান ধরা হইয়াছে)

$$y = y_1 + y_2 = a \sin(wt - kx) + a \sin(wt + kx)$$

= $2a \cos kx \sin wt$. (1.10)

এই সমীকরণ যে জাতীয় তরঙ্গকে বুঝায় তাহাদের বলা হয় স্থির তরঙ্গ (Stationary or standing wave) যদিও ইহা দুইটি গতিশীল তরঙ্গের



हित ५.५७

অধিস্থাপনের ফলে সৃষ্ঠ হয়। ১.১৫ নং চিত্রে দুইটি সমান বিস্তার এবং

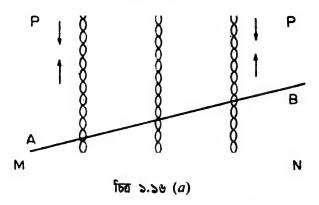
কলান্দের তরঙ্গের অধিস্থাপনের ফল দেখানে। হইয়াছে। এই ধরনের অধিস্থাপন একটি তার একদিকে বাধিয়া অন্যাদকে নাড়াইলে সৃষ্ঠি করা বার। আপতিত এবং প্রতিফলিত তরঙ্গ অধিস্থাপিত হইয়া স্থির তরঙ্গের সৃষ্ঠি করে। এই তরঙ্গের বে কোনও বিন্দুর ভংশ বিবেচনা করিলে দেখা বার বে $\sin wt$ অপেক্ষকের জন্য ইহা +2a এবং -2a সীমার মধ্যে ল্পান্দিত হইবে। কিন্তু অন্য অপেক্ষক $\cos kx$ এর কথা চিন্তা করিলে বুঝা বাইবে যে বিন্দুটির ল্পান্দন এই অপেক্ষকটি দ্বারাও প্রভাবিত হইবে। বে সমস্ত বিন্দুতে $kx = (n + \frac{1}{2})\pi$ হইবে সেখানে ভংশ শ্ন্য দাড়াইবে। আবার যে সমস্ত বিন্দুতে kx = nn হইবে সেমন্ত স্থানে ভংশ চরম হইবে। যে সমস্ত বিন্দুতে ভংশ শ্না হইবে তাহাদের বলা বাইবে নিস্পাদ্যবিন্দু (nodes) আবার যে সমস্ত বিন্দুতে ভংশ চরম হইবে তাহাদের বলা হইবে প্রশাননিন্দু (antinodes). দুইটি পরপর নিস্পান্দবিন্দু বা প্রশাননিন্দুর মধ্যের দূরত্ব হইবে

গতিশীল তরঙ্গ এবং ছির তরঙ্গের মধ্যে পার্থক্য সহজেই বুঝা বার । গতিশীল তরঙ্গের বেলার প্রতিটি বিন্দুই কালক্রমে +a এবং -a শুংশ দেখার । কিন্তু ছির তরঙ্গের বেলার যে সমস্ত বিন্দুতে $kx = n\pi$ হয় সেই সমস্ত বিন্দুতে $4x = n\pi$ হয় সেই সমস্ত বিন্দুতে $4x = n\pi$ হয় বে সমস্ত বিন্দুতে $4x = (n + \frac{1}{2})\pi$ হয় সেই সমস্ত বিন্দু সবসময়ই ছির থাকে । সূতরাং ছির তরঙ্গের বেলার তারটি প্রতি পর্বায়ে দুইবার শাস্ত (undisturbed) অবস্থা প্রাপ্ত হয় ।

আলোকতরক্ষের ক্ষেত্রে এইরূপ স্থির তরক্ষের সৃষ্টি দেখাইবার জন্য ভিনার (Wiener) 1890 খুকান্দে একটি পরীক্ষা করেন।

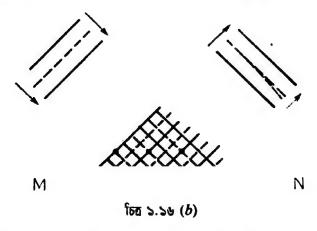
চিত্র নং ১.১৬ (a)-তে PP একটি সমতল তরক্ষের তরঙ্গমুখ এবং সংশ্লিষ্ট তরঙ্গটি MN সমতল দর্পণে লছভাবে আর্পাতত হইরাছে। দর্পণে প্রতিষ্ণলনের ফলে তরঙ্গের বৈদ্যাতিক ভেক্টরের দশার ন পরিবর্তন হইবে। সূত্রাং দর্পণের তলে একটি নিস্পন্দবিন্দু হইবে। আর আর্পাতত এবং প্রতিফলিত তরঙ্গের মধ্যে অধিস্থাপনের ফলে স্থির তরঙ্গের সৃষ্টি হইবে। ভিনার প্রস্পাদবিন্দু এবং নিস্পন্দবিন্দুর উৎপত্তি দেখাইবার জন্য একটি ষচ্ছ খুক্ পাতলা 2×10^{-6} cm ফোটোগ্রাফিক প্লেটের আন্তরণের (emulsion) সাহাব্যে ছবি তোলেন। AB এই প্লেটের অবস্থান বুবাইভেছে। ছবি ভোলার পর

দেখা বার বে ব্যক্তিচার ঝালরের মত কতকগুলি সাদা এবং কালো রেখা প্লেটের উপর আবিভূতি হইরাছে। বে সমস্ত জারগার প্রস্পন্দবিন্দু বর্তমান সেখানে কালো হইবে। আবার নিস্পন্দবিন্দুগুলি সাদা দেখাইবে। পরপর দুইটি



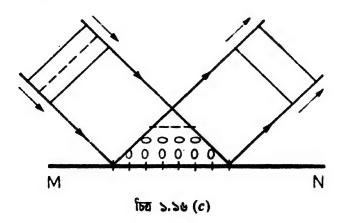
ঝালরের মধ্যের দূরত্ব প্লেটের নতির (inclination) উপর নির্ভর করিবে। দর্পণ এবং প্লেটের মধ্যের কোণ বাড়িলে ঝালরের মধ্যের দূরত্বও বাড়িবে। সমগ্র দর্পণতল MN যেহেতু নিস্পন্দ হইবে সেইজন্য প্লেটিট ইহার সঙ্গে মিলাইয়া দিতে পারিলে ইহা সাদা হইত কারণ তথন প্লেটের আন্তরণের উপর আলোকীয় কর্মতংপরতা (photographic activity) কিছু থাকিত না।

ভিনারের দ্বিতীয় পরীক্ষায় তিনি সমর্বতিত আলো ব্যবহার করেন। ইহাতে তলীয় সমর্বতিত আলো (plane-polarised light) 45° কোণে MN



দর্পণের তলে আপতিত হওয়ার ফলে আবার 45° কোণে দর্পণ হইতে প্রতিফলিত হয়। এই সমর্বাভিত আলোতে বৈদ্যুভিক ভেক্টরগুলি আপতন তলের অভিলয়ে অবস্থিত। সূত্রাং আপতিত এবং প্রতিফালত রশ্বিষয় পরস্পরের অভিলয়ে অবস্থিত হইলেও তাহাদের বিদ্যুতিক ভেইরসমূহ সমান্তরাল। অতএব তাহাদের অধিস্থাপনের ফলে আলোকের ব্যতিচারের সৃষ্ঠি হইবে। (বাতিচারের আলোচনা দ্রকীরা)। সূত্রাং পূর্বের পরীক্ষার ন্যায় MN দর্পণের সমান্তরালে বাতিচারের সৃষ্ঠি হইবে এবং আনত ফোটো-গ্রাফিক প্লেটে ছবি নিয়া এই বাতিচার ঝালর দেখা বাইবে। এই অবস্থাটি চিত্র নং ১.১৬ (b)-এ দেখানো হইয়াছে। একটি আপতিত তরঙ্গমূখের চরমদশা MN দর্পণে প্রতিফলনে দশার পরিবর্তনের জন্য অবমদশা প্রাপ্ত হইবে। আর অধিস্থাপিত অংশে আপতিত চরমদশার তরঙ্গের সহিত প্রতিফলিত অবমদশার তরঙ্গ ব্যতিচার সৃষ্ঠি করিবে, কারণ ইহাদের বৈদ্যুতিক ভেইরছয় সমান্তরাল, কিন্তু বিপরীতমুখী।

এবার বাদি আপতিত আলোর বৈদ্যুতিক ভেক্টর আপতন তলে অবিশ্বত হয় তবে অধিশ্বাপিত আপতিত এবং প্রতিফলিত রশ্মিরয়ের বৈদ্যুতিক ভেক্টরদূটিও পরস্পরের অভিলয়ে অবস্থান করিবে। সূত্রাং সমর্বতিত আলোর ব্যতিচারের নীতি অনুসারে ইহারা ব্যতিচার সৃষ্টি করিতে পারিবে না ; লাজি তরক্ষের ভ্রংশ উপাংশদুইটির দশা পার্থকোর উপর নির্ভর করিয়। বৃত্তীয়, উপবৃত্তীয় অথবা সরলরৈখিক হইবে। কাজেই কোনও শ্থানেই ইহারা পরস্পরকৈ সম্পূর্ণ ধ্বংস করিতে পারিবে না এবং এজনা ব্যতিচারেরও সৃষ্টি হইবে না । এই পরীক্ষা সমর্বতিত আলোকের ব্যতিচার সম্বন্ধে প্রচলিত



ধারণাকেই সমর্থন করে। এই অবস্থাটি চিচ্ন নং ১.১৬ (c)-এ দেখানে ϵ ইয়াছে।

তরজের পুঞ্জ গতিবেগ (Group velocity of waves).

র্যাদ একাধিক সরল তরঙ্গ মিলিয়া একটি জটিল তরঙ্গের সৃষ্টি হয় এবং সরল তরঙ্গগুলি সব একই গাঁততে গমন করে তবে এই তরঙ্গ পুঞ্জেরও গাঁতবেগ সরল তরঙ্গের গতিবেগের সমানই হইবে। কিন্তু যদি সরল তরঙ্গের গতিবেগ ত্রঙ্গদৈর্ঘ্যের উপর নির্ভরশীল হয় এবং ইহার সঙ্গে পরিবতিত হয় তবে এক্ষেত্রে তরঙ্গের পূঞ্জ গতিবেগ (group velocity) প্রতিটি উপাংশ তরঙ্গের গতিবেগ হইতে আলাদা হইবে। এরূপ তরঙ্গদৈর্ঘোর সঙ্গে গতিবেগের পরিবর্তনের দৃষ্টাস্ত হিসাবে দেখানো যায় একটি বিচ্ছুরক (dispersive) মাধ্যমের মধ্য দিয়া সাদা আলোর প্রতিসরণ। এই বিচ্ছুরণের ফলে তরঙ্গদৈর্ঘ্য যত কমে তরঙ্গের গতিবেগও তত কমিয়া বায়। এই জাতীয় ক্ষেত্রে দেখা যাইবে যে তরঙ্গের পূঞ্জ গতিবেগ উপাংশের গতিবেগ হইতে কম হইবে। জলপুঠে যে তরঙ্গ সৃখি হয় তাহার ক্ষেত্রেও দেখা বায় যে বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘের তরঙ্গের অধিস্থাপনের ফলে একটি নৃতন শ্রেণীর তরঙ্গ সৃষ্টি হইতেছে। বিদ এই উপাংশগুলির যে কোনও একটির উপর দৃষ্টি আবদ্ধ রাখা বায় তবে দেখা যাইবে যে এটি লব্ধি তরঙ্গের গোড়ার দিকে উৎপদ্ম হইয়া ইহাকে অতিব্রুম করিয়া চলিয়া যাইতেছে। অর্থাৎ উপাংশ তরঙ্গের গাঁতবেগ লব্ধি তরঙ্গের গতিবেগের অপেক্ষা বেশী। নিমে উপাংশ তরঙ্গের গতিবেগ এবং তরঙ্গের পুঞ্জ গাতিবেগের মধ্যে একটি সম্বন্ধ বাহির করা হইবে।

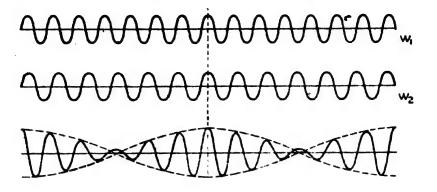
দুইটি তরঙ্গ নিয়া তাহাদের অধিস্থাপনের ফল পরীক্ষা করা হইবে। ধরা হইবে যে ইহাদের উভয়েরই বিস্তার a, কিন্তু তরঙ্গদৈর্ঘ্য আলাদা λ_1 এবং λ_2 আর গতিবেগও আলাদা v_1 এবং v_2 . এই ক্ষেত্রে $\lambda_1 < \lambda_2$ এবং $v_1 < v_2$ ধরা হইবে। তাহা হইলে তরঙ্গ দুইটির স্রংশ যদি যথাক্রমে y_1 এবং y_2 হয় তবে অধিস্থাপনের নীতি অনুসারে দাড়াইবে ঃ

 $y_1=a\cos\left(w_1t-k_1x\right)$ $y_2=a\cos\left(w_2t-k_2x\right)$ তরঙ্গগৈর্ঘা আলাদা হওয়ায় বৃত্তীয় কম্পাব্দ w এবং সঞ্চরণ সংখ্যা k ও আলাদা হইবে

$$y = \pi \sin \frac{\pi}{2} = y_1 + y_2$$

= $a \cos(w_1 t - k_1 x) + a \cos(w_2 t - k_2 x)$ (1.112)
= $2a \cos\left[\frac{w_1 - w_2}{2}t - \frac{k_1 - k_2}{2}x\right] \cos\left[\frac{w_1 + w_2}{2}t\right]$
 $\frac{k_1 + k_2}{2}$ (1.113)

লাদ্ধ সংশ দুইটি গুণকের (factor) গুণফল দাড়াইতেছে। ইহা ছইতে বুজা বার বে লাদ্ধ ভরকের ভরজদৈর্ঘ্য উপাংশ ভরজ দুইটির ভরজদৈর্ঘ্যের গড়ের সমান হইবে এবং এইটি বুজা বাইবে সমীকরণের দিভীর গুণকটিকে ভরজ



हित 5.59

সমীকরণ $y=a\cos(wt-kx)$ এর সহিত তুলনা করিয়া। কিন্তু এই তরক্ষের বিস্তার আর a থাকিবে না ; ইহা পরিবাতিত হইয়া যাইবে এবং সর্বোচ্চ মান দাড়াইবে 2a. এই তরক্ষের গতিবেগকে দশা-গতিবেগ (phase velocity) বলা বাইবে। এই দশা-গতিবেগ পাওয়া বাইবে একটি তরক্ষের দশা-গতিবেগ নির্ণরের সাধারণ নিরমের সাহাব্যে। সমীকরণ 1.75 হইতে দেখা গিয়াছে যে দশা গতিবেগ দাড়ার

$$v-\frac{w}{k}$$

এইক্ষেত্রে সেটি দাড়াইবে
$$v = \frac{w_1 + w_2}{k_1 + k_2} \simeq \frac{w}{k}$$
. (1.114)

অর্থাৎ এই লব্ধি তরকের দশা-গতিবেগ মোটামুটি উপাংশ দুইটির গড় গতিবেগের সমান ।

কিন্তু সমীকরণ 1.113 এর প্রথম গুণক হইতে বুঝা যায় বে এই দুইটি উপাংশ তরক্ষ মিলিয়া একটি পুঞা সৃষ্টি করিবে যাহা ঠিক পূর্বে আলোচিত তরঙ্গের আবরণ (envelope) হিসাবে কান্ধ করিবে। এই আবরণটির তরক্ষদৈর্ঘ্য খুবই বেশী হইবে। এটির গতিবেগ দাড়াইবে (যদি এটিকে u ধরা হয়)

$$u - \frac{w_1 - w_2}{k_1 - k_2} \simeq \frac{\Delta w}{\Delta k} - \frac{dw}{dk}.$$
 (1.115)

এইর্প লেখার স্বপক্ষে বৃদ্ধি এই বে পার্থকোর ক্ষুদ্রতা (smallness) সম্বন্ধে কোনও বাধা আরোপিত না হওয়ায় এইটিকে খুবই ক্ষুদ্র বলিয়া ধরা বায় বার ফলে এইর্প সম্বন্ধ লেখা চলে । আর বেহেতৃ $v = \frac{w}{k}$ [v = rrin]-গতিবেগ]

সূতরাং
$$\frac{dw}{dk} = v + k \frac{dv}{dk} - u$$
 কিন্তু $k = \frac{2\pi}{\lambda}$

সূতরাং পাওয়া বায়
$$k \frac{dv}{dk} = \frac{2\pi}{\lambda} \frac{dv}{-2\pi d\lambda} \lambda^s = -\lambda \frac{dv}{d\lambda}$$
 (1.116)

$$\therefore \quad u = v - \lambda \, \frac{dv}{d\lambda}. \tag{1.117}$$

কাব্দেই এই সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে সমস্ত তরঙ্গের ক্ষেত্রে তরঙ্গদৈর্ঘোর সহিত বাড়িতে থাকে তাহাদের বেলায় $rac{dv}{d\lambda}$ ধনাত্মক। এই সমস্ত তরঙ্গের বেলায় পূঞ্জ-গতিবেগ দশা-গতিবেগের অপেক্ষা কম। আলোকতরঙ্গ যখন প্রিজ্মের মধ্য দিয়া গমনকালে বিচ্ছুরিত হয় তখন তরঙ্গ-দৈর্ঘোর বৃদ্ধির সঙ্গে গতিবেগেরও বৃদ্ধি হয়। কাজেই এইরূপ ক্ষেত্রে ভরঙ্গের পুঞ্জ-গতিবেগ উপাংশ তরঙ্গের দশা-গতিবেগের অপেক্ষা কম হইয়া থাকে। আলোচনার গোড়ায়ই এই প্রসঙ্গের উল্লেখ করা হইরাছে। এটা সহজেই বুকা যায় যে যদি $rac{dv}{d\lambda}$ শ্ন্য হয় অর্থাৎ মাধ্যমের মধ্যে কোনও বিচ্ছুরণ না হয় তবে পুঞ্জ এবং দশা গাঁতবেগের মধ্যে কোনও পার্থক্য থাকে না। এইরূপ হওয়া সম্ভব একমাত্র তথনই যথন আলোক রশ্মি শ্নোর (vacuum) মধ্য দিয়া গমন করে। কিন্তু আলোকের গতিবেগ মাপিবার সময় সাধারণত ইহা মাধ্যমের মধ্য দিয়া ভ্রমণ করিয়া থাকে। আর সম্পূর্ণ একবর্ণী আলোক উৎপন্ন করাও সম্ভব নয়। সুতরাং এই পরীক্ষায় পূঞ্জ-গতিবেগ নিয়াই কাজ করিতে হয়, দশা-গতিবেগ নর। মাইকেলসনের পরীক্ষার সময় সাদা-আলোর গতিবেগ বায়ুতে এবং জ্বল ও অন্যান্য তরলে মাপিতে গিয়া এইরূপ একটি অসঙ্গতির (discrepancy) অন্তিম্ব লক্ষ্য করা গিয়াছিল বাহা পুঞ্জ এবং দশা-গতিবেগের মধ্যের সম্বন্ধের সাহায্যে সমাধান করা হয়।

আলোকতৱঙ্গের অধিস্থাপন (Superposition of light waves).

আলোকভরক্তের সাধারণ ধর্ম সম্বন্ধে পূর্ববর্তী অধ্যায়ে মোটামুটি আলোচন। করা হইয়াছে। এইরুপ দুই বা ততোধিক আলোক তরঙ্গমালা যদি একই সময়ে কোনও স্থানের ভিতর দিয়া গমন করে তাহ। হইলে সেই স্থানের আলোকের তীব্রভার এই বর্তন যে নিয়মানুসারে সমাধান করা যাইতে পারে তাহাকে বলা হয় অধিস্থাপনের নিয়ম (principle of superposition). এই নিয়মে বলা হইয়াছে যে কোনও স্থানে এবং সময়ে একাধিক আলোকভরকের সমষ্টিগত সরণের ফল দাড়াইবে ঐ সমস্ত পৃথক পৃথক তরঙ্গমালার সরণের বীজগাণিতিক সমষ্টির সমান। এই নির্মটি একটি ভৌতিক অনুমান (physical hypothesis) মাত্র, কোন গাণিতিক সিদ্ধান্ত নয়। এই অনুমানের ভিত্তিতে যে সমন্ত গণনা করা হয় তাহাদের পরীক্ষালর ফলের সহিত মিলিয়া বাওয়াতেই অনুমানের সভাত। প্রমাণিত হয়। অবশ্য এই নিয়মের বৈধতার জন্য ধরিয়া লওয়া হয় যে আলোকতরঙ্গের সরণ সরল দোলগতি অনুসারে হইয়া থাকে এবং ইহার বিস্তারের পরিমাণ খুব বেশী নয় যেজন্য ইহার স্থিতি-শক্তি সরণ এবং বিস্তারের বর্গানুসারে প্রকাশ করা যায়। যদি কয়েকটি তরঙ্গমালার সরণ ধরা হয় যথাক্রমে y_1, y_2, y_3 ইত্যাদি তবে অধিস্থাপনের নিরমানুসারে কোনও স্থানে এবং সময়ে তরঙ্গমালার পরিণামিক (resultant) সরণ ১ দাড়াইবে

$$y = y_1 + y_2 + y_3 + \dots$$
 (2.1)

দেখা যায় যে শব্দ তরক্ষের ক্ষেত্রে উপরোক্ত নিয়ম সাধারণভাবে প্রযোজ্ঞা নর। এবং ইহার কারণ ব্যাখ্যা করিতে ধরিয়। লইতে হয় যে শব্দতরক্ষ সহজ্ঞ এবং সরল দোলগাতির রঞ্জকও (anharmonic terms) অন্তর্ভূক্ত থাকে। আলোকের ক্ষেত্রেও বাদও অনুরূপ সম্ভাবনা একেবারে বাদ দেওয়া যায়না তবু ঐ সমন্ত অসরল দোলগাতির বাজকের প্রভাব বাদ দিয়াও কার্যকরী ফলাফল পাওয়া যাইতে পারে। আলোকের ব্যাতচারের বর্ণনার জন্য ১৮০২ সনে বিজ্ঞানী টমাস ইয়ং (Thomas Young) এই নিয়মটি স্পর্কভাবে বাক্ত করেন। আমাদের দৈনন্দিন অভিজ্ঞতা হইতেও এই

নিরমের সত্যতা আমরা দেখিতে পারি। একটি শান্ত জলাশরে দুইটি স্বতত্ত্ব. উৎস হইতে যদি জলে ঢেউ উৎপল্ল করা হয় এবং তাহারা মধ্যবর্ত্তী কোনও স্থানে পরস্পর মিলিত হয় তবে ঐ স্থানের ঢেউয়ের প্রকৃতি উৎস দুইটির তরঙ্গের একক প্রকৃতি হইতে আলাদা হইরা থাকে। দেখা যাইবে যে বৃক্ষাতরকের চেহারা দাড়াইবে দুইটি একক তরক্ষের বিস্তারের বীজগাণিতক যোগফলের সমান। যে স্থানে শুধু একটি তরক্ষমালা বর্তমান থাকে সেখানে অন্যটির প্রভাব শ্না এবং ঐ যুগা প্রভাবের ক্ষেত্র হইতে বাহির হইয়া তরক্ষমালা দুইটি নিজ নিজ অবিচল আকৃতিতে প্রবাহিত হয়।

তুইটি সরল দোলগভির সংযোজন (Superposition of two simple harmonic motions).

আলোকের তরঙ্গমতবাদের অনুসারে উৎপার ঘটনাবলীর আলোচনা কালে প্রায়শই আমরা দুই বা ততোধিক তরঙ্গাবলীর সংযোজনের প্রয়োজনীয়তার সম্মুখীন হইব। সূত্রাং যে নিয়মানুসারে এই সংযোজন হইয়া থাকে গোড়াতেই তাহার আলোচনা প্রয়োজন এবং বাস্থনীয়। পূর্বেই বলা হইয়াছে যে ব্যক্তিচার, বাবর্তন ইত্যাদির আলোচনার আলোকতরঙ্গের প্রকৃতি আকৃতি বর্ণনার প্রয়োজন নাই। এবং যদিও সাধারণত আলোকতরঙ্গের প্রকৃতি অনেক সময়েই বেশ জটিল (complex) হইয়া থাকে তবুও আমরা ইহাকে সরল দোলগতি সম্পন্ন ধরিয়া লইয়া গণনা করিলে যে ফলাফল পাইতে পারি তাহা পরীক্ষালক ফলের সহিত অধিকাংশ ক্ষেত্রেই মিলিয়া যায়। সূত্রাং এক্ষেত্রেও আমরা আলোকতরঙ্গকে সরল দোলগতি সম্পন্ন বিলয়া ধরিয়া লইব এবং এইর্প দুইটি তরঙ্গের সংযোজনের ফলাফল পরীক্ষা করিব। এখানে শুধু একটি সর্ত আরোপ করিতে হইবে। সর্তটি এই যে দুইটি তরঙ্গের সরণ (সে সরণের প্রকৃতি যাহাই হউক না কেন) একই সরলরেখায় সংঘটিত হইবে। দুইটি সরল দোলগতি নিয়লিখিত সমীকরণ দারা

$$x_1 = a_1 \cos (wt - \phi_1) x_2 = a_2 \cos (wt - \phi_2)$$
 {(2.2)

এখানে x_1 এবং x_2 বথাক্রমে প্রথম এবং দিতীয় তরঙ্গের সরণ, ϕ_1 এবং ϕ_2 তাহাদের দশা-ধ্রুবক এবং উভয়েরই বৃত্তীয়-কম্পাধ্ক w. এমতাবস্থায় যদি তরঙ্গবয় কোনও এক স্থানে বুগপং ক্রিয়া করে তবে ঐ স্থানে যে পরিবর্তিক্ত

তরকের সৃষ্টি হইবে ভাহার পরিণামিক সরণ পূর্বে আলোচিত অধিস্থাপনের নিমনানুসারে নিমলিখিতর্পে লেখা যাইতে পারে।

$$x = x_1 + x_2 = a_1 \cos(wt - \phi_1) + a_2 \cos(wt - \phi_2) \dots (2.3)$$

 $-a_1 (\cos wt \cos \phi_1 + \sin wt \sin \phi_1) + a_2(\cos wt \cos \phi_2 + \sin wt \sin \phi_2)$

$$= (a_1 \cos \phi_1 + a_2 \cos \phi_2) \cos wt + (a_1 \sin \phi_1 + a_2 \sin \phi_2) \\ \sin wt \quad (2.4)$$

এখানে বেহেতু a_1, a_2, ϕ_1, ϕ_2 যথান্তমে দুইটি তরক্ষের বিস্তার এবং দশা-ধ্রুবক বুঝাইতেছে, সূতরাং বন্ধনীর মধ্যের বাঞ্জক দুইটিও ধ্রুবক। সূতরাং তাহাদের নির্মালখিত সমীকরণ দারা প্রকাশ করা যাইতে পারে

$$a_1 \cos \phi_1 + a_2 \cos \phi_2 - R \cos \theta$$

$$a_1 \sin \phi_1 + a_2 \sin \phi_2 - R \sin \theta$$
... (2.5)

্ষেখানে R এবং θ ধুবক এবং ইহাদের মূল্য সমীকরণ 2.5 এর বাদিকের ব্যঞ্জকের উপর নির্ভয় করে

ইহাদের বর্গ যোগ করিয়া পাওয়া যায়

$$R^{2} \cos^{2} \theta + R^{2} \sin^{2} \theta = R^{2} = (a_{1} \cos \phi_{1} + a_{2} \cos \phi_{2})^{2} + (a_{1} \sin \phi_{1} + a_{2} \sin \phi_{2})^{2}$$

$$= a_{1}^{2} \cos^{2} \phi_{1} + a_{1}^{2} \sin^{2} \phi_{1} + a_{2}^{2} \cos^{2} \phi_{2} + a_{2}^{2} \sin^{2} \phi_{2} + 2a_{1}a_{2}(\cos \phi_{1} \cos \phi_{2} + \sin \phi_{1} \sin \phi_{2})$$

$$= a_{1}^{2} + a_{2}^{2} + 2a_{1}a_{2} \cos (\phi_{1} - \phi_{2}) \qquad ... \qquad (2.6)$$

$$437 \tan \theta = \frac{a_1 \sin \phi_1 + a_2 \sin \phi_2}{a_1 \cos \phi_1 + a_2 \cos \phi_2} \qquad ... (2.7)$$

সমীকরণ 2.5 বাবহার করিয়া আমরা 2.4 কে লিখিতে পারি

$$x = R \cos \theta \cos wt + R \sin \theta \sin wt$$

$$= R \cos (wt - \theta) \qquad ... (2.8)$$

অতএব দেখা যাইতেছে যদি সমান কম্পান্কবিশিষ্ট দুইটি তরঙ্গ এক বিন্দুতে এবং একই সরলরেখার ক্রিয়া করে তবে ঐ বিন্দুর পরিগামিক সরণও ঐ একই কম্পান্কের হইবে কিন্তু ইহার বিস্তার এবং দশা-ধুবক সংঘটক (component) তরঙ্গের অপেক্ষা আলাদা হইবে। অবশ্য ঐ বিস্তার এবং দশা-ধুবক সংঘটক ভরঙ্গের ঐ সমন্ত সংখ্যা হইন্ডে সমীকরণ 2.6 এবং 2.7 এর সাহাব্যে নির্ণের।

দুইটি তরঙ্গের সংবোজনের ক্ষেত্রে বে গণনা-পদ্ধতি প্ররোগ করা হইরাছে সেই একই পদ্ধতি দুইরের অধিকের ক্ষেত্রেও সমভাবেই ব্যবহার করা চলিতে। পারে। বন্ধুতঃ অধিস্থাপনের নিরমের ব্যবহার দুই বা তভোধিক তরঙ্গের সংখোগের ক্ষেত্রে সমানভাবেই প্রবোজ্য। m-সংখ্যক তরঙ্গের প্রভাবের ফল এই নিরম হইতে পাওয়া যায়

$$y_s = \sum_{s=1}^{\infty} a_s \cos(wt - \phi_s) \tag{2.9}$$

উপরের বাঞ্চকের মধ্যে a, এবং ϕ , বিভিন্ন তরঙ্গের বিস্তার এবং দশা-ধ্রুবক এবং s-এর মান 1 হইতে m পূর্ণসংখ্যা পর্যান্ত বুঝাইতেছে। তরঙ্গগুলির প্রত্যোকেরই কম্পাংক w এবং Y পরিণামিক তরঙ্গের প্রতীক। দুইটি তরঙ্গের ক্ষেত্রে যে গণনা পদ্ধতি ব্যবহার করা হইরাছে তাহাই ধাপে ধাপে বাড়াইরা বলা ঘাইতে পারে যে m-সংখ্যক তরঙ্গের বেলায় নিম্নলিখিত পরিণামিক তরঙ্গ পাওয়া যাইবে

$$Y = R \cos (wt - \phi) \qquad (2.10)$$

যেখানে বিস্তার
$$R^2 = \left(\sum_{i=1}^{m} a_i \cos \phi_i\right)^{-1} + \left(\sum_{i=1}^{m} a_i \sin \phi_i\right)^{-1}$$
 (2.11)

এবং দশা-ধুবক
$$\phi = \tan^{-1} \sum_{s=m}^{s-1} a_s \sin \phi_s$$

$$a_s \cos \phi_s \qquad (2.12)$$

সূতরাং সর্বাধিক গুরুষপূর্ণ ফল দেখা যাইতেছে যে একই কম্পাংক বিশিষ্ট দুই বা ততোধিক তরঙ্গের সংযোজনের ফলে যে পরিণামিক তরঙ্গের সৃষ্টি হয় তাহার কম্পাংক সংঘটক তরঙ্গের কম্পাংকের সমান থাকে। ইহার আকৃতিও সংঘটক তরঙ্গের আকৃতির সদৃশই হয় বিদও উন্ভূত পরিণামিক বিস্তার এবং দশা-ধুবক পরিবাত্তিত হয়। অবশ্য সংঘটক তরঙ্গগুলির সরণ একই সরলরেখায় ক্রিয়া করে এটা ধরিয়া নেওয়া হইয়াছে। যদি তাহা না করে তবে এই গণনালন্ধ সিদ্ধান্ত সত্য হইবে না। উদাহরণস্বরূপ বলা যাইতে পারে যে বিদ্দুইটি সংঘটকের সরণ পরস্পরের সহিত লম্বভাবে ক্রিয়া করে তবে যে লেখ পাওয়া বায় তাহা Lissajous-চিত্র হিসাবে খ্যাত। এই প্রসঙ্গের আলোচনাঃ অধ্যায়ের শেষের দিকে কয়া হইবে।

র্যাদ পুইটি সরল দোলগতির বিস্তার সমান হয় $(a_1 = a_2 = a)$ তবে তাহাদের পরিণামিক বিস্তারের মান 2.11-এর সাহাযো চ্ছির করা যায়। অনুর্পভাবে পরিণামিক দশা-ধ্রুবকও সমীকরণ 2.12 এর সাহায্যে বাহির করা সম্ভব। এক্ষেত্রে তীরতার মান দাড়াইবে

$$I = R^{2} = a^{2} \cos^{2} \phi_{1} + a^{2} \cos^{2} \phi_{2} + 2aa \cos \phi_{1} \cos \phi_{2} + a^{2} \sin^{2} \phi_{1} + a^{2} \sin^{2} \phi_{2} + 2aa \sin \phi_{1} \sin \phi_{2}$$

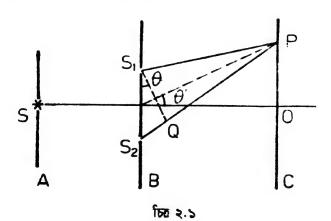
$$= 2a^{2} + 2a^{2}(\cos \phi_{1} \cos \phi_{2} + \sin \phi_{1} \sin \phi_{x}) = 2a^{2}[1 + \cos(\phi_{1} - \phi_{2})]$$

$$= 2a^{2}[1 + \cos \Delta \phi]$$

$$CHAICH \phi_{1} - \phi_{2} = \Delta \phi$$

$$I = 2a^{2}[1 + 2\cos^{2} \frac{\Delta \phi}{2} - 1] = 4a^{2}\cos^{2} \frac{\Delta \phi}{2} \qquad (2.13)$$

সূতরাং তীব্রতার হ্লাসবৃদ্ধি $\triangle \phi$ -এর মানের উপর নির্ভর করিবে । $\triangle \phi$ এর মান যেখানে যেখানে 0, 2π , 4π প্রভৃতি হইবে সেখানে তীব্রতা সর্বোচ্চ মূল্য ধরিবে এবং ইহার মূল্য হইবে $I=4a^3$; অন্যান্য স্থানে যেখানে ইহার মূল্য π , 3π , 5π ইত্যাদি হইবে সেখানে তীব্রতার মান শূন্য হইবে । এই দুই শ্রেণীর বিন্দুর মাঝামাঝি স্থানে তীব্রতার মান $4a^2$ and 0 এর মধ্যে কোনও একটি সংখ্যা হইবে এবং এই সংখ্যার মান নির্ভর করিবে ঐ স্থানে $\triangle \phi$

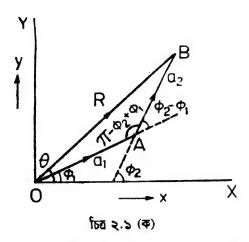


এর মানের উপর । চিত্র 2.1 এ এইরূপ একটি অধিস্থাপনের ছবি আকা হ**ইরাছে** । S আলোক উৎস হইতে আলো S_1 এবং S_2 ছিদ্রে পড়িতেছে । আর এই ছিদ্র দুইটি হইতে নির্গত আলো POC পর্দার উপর পড়িয়া

অধি**স্থাপিত হইতেছে। পর্দার উপর যে কোনও বিস্দৃতে আলোর তীরতা হিসাব** করিতে উপরের প্রণালী ব্যবহার করা যায়।

আলোকের ভরজের অধিস্থাপনে ভেক্টর পছতির প্রয়োগ (Application of vector method in superposition of light waves).

আলোক তরঙ্গের অধিস্থাপনের ফলাফল পরীক্ষা করিতে ইতিপূর্বে চিকোর্ণামিতির নিয়ম প্রয়োগ করা হইয়াছে। ভেক্টর প্রণালী প্রয়োগও এই পরীক্ষার সমান প্রশস্ত এবং ইহা একই ফল দেয়। যেহেতু দেখা গিয়াছে যে y_1 ও y_2 উভয়কেই ভেক্টর রাশি দ্বারা রূপায়িত করা যার কাজেই তাহাদের অধিস্থাপনের ফলও এই ভেক্টররাশির লব্ধি বাহির করিবার প্রণালীতে পাওয়া সম্পূর্ণ সম্ভব।



চিত্র নং ২.১ক এ দুইটি আলোক তরঙ্গের বিস্তার OA এবং AB ভেক্টর দ্বারা বুঝানো হইয়াছে । ইহাদের পরিমাণ (magnitude) যথাক্রমে a_1 এবং a_2 এবং ইহারা x অক্টের সহিত যথাক্রমে ϕ_1 এবং ϕ_2 কোণে অবস্থান করিতেছে । এইটি একটি কোনও সময় t এর অবস্থা । এই চিত্র হইতে বুঝা বায় যে ভংশ দুইটির লাজি হইবে একটি নৃত্তন ভেক্টর রাশি যাহার পরিমাণ R এবং ইহা x অক্টের সহিত θ কোণ উৎপান করিতেছে । এই ϕ_1 , ϕ_2 এবং θ উপাংশ এবং লাজি ভেক্টরের দশা বুঝাইতেছে । আর চিত্রানুসারে পাওয়া যাইবে

$$R^{2} = a_{1}^{2} + a_{2}^{2} - 2a_{1}a_{2} \cos \left[\pi - (\phi_{2} - \phi_{1})\right]$$
$$= a_{1}^{2} + a_{2}^{2} + 2a_{1}a_{2} \cos (\phi_{2} - \phi_{1})$$

এই সমীকরণাট 2.6 সমীকরণের সহিত সম্পূর্ণ এক। সুতরাং দেখা বাইতেছে বে বীজগাণিতিক এবং ভেক্টর পদ্ধতি উভর প্রণালী দারাই তরক্তের অধিদ্বাপনেরঃ একই ফল পাওয়া বায়।

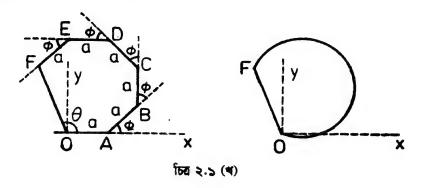
এই পদ্ধতিতে যে চিত্র আকা হইয়াছে তাহা হইতে দেখা যায় যে a_1 কে OX এবং OY অক্ষের দিকে দুইটি উপাংশ $a_1\cos\phi_1$ এবং $a_1\sin\phi_1$ হিসাবে ভাগ করা যায়। সেইর্প a_2 কে $a_2\cos\phi_2$ এবং $a_3\sin\phi_2$ হিসাবে ভাগ করা যায়। সূত্রাং এই উপাংশগুলিকে যোগ করিলে x অক্ষের দিকে যোগফল দাড়াইবে $a_1\cos\phi_1+a_2\cos\phi_2$. অনুর্পভাবে OY অর্থাৎ y অক্ষের দিকে উপাংশ দুইটির যোগফল দাড়াইবে $a_1\sin\phi_1+a_2\sin\phi_2$. আর যেহেতু লব্ধি বিস্তারের বর্গ হইবে এই দুইটির বর্গের যোগফলের সমান কাব্দেই লেখা যায়

$$R^{2} = (a_{1} \cos \phi_{1} + a_{2} \cos \phi_{2})^{2} + (a_{1} \sin \phi_{1} + a_{2} \sin \phi_{2})^{2}$$
$$= a_{1}^{2} + a_{2}^{2} + 2a_{1}a_{2} \cos (\phi_{2} - \phi_{1}).$$

লন্ধি গতিও বে সরল দোলগতিসম্পন্ন ইইবে তাহা এই বিবেচনা হইতে মনে করা বার। সরল দোলগতি বৃপারনের একটি প্রচলিত পদ্ধতি হইল ভেক্টরটির ধুবক গতিতে উৎস O বিন্দুর সাপেক্ষে বুরিবার ক্ষেত্রে ইহার শীর্যবিন্দু হইতে বিদ কোনও একটি অক্ষের উপর লম্ব আকিয়া ভেক্টরের একটি উপাংশ অক্ষন করা বার তবে এই উপাংশের দৈর্ঘোর পর্যায়ক্রমে পরিবর্তন সরল দোলগতিসম্পন্ন হইবে। আলোচ্য ক্ষেত্রে a_1 এবং a_2 এর a_3 এবং a_4 এর a_5 আভিক্ষেপের (projection) ফলে উপাংশ দুইটির দৃষ্টি হইবে। a_1 এবং a_2 বাদ a_4 বৃত্তীর কম্পান্ক নিয়া বুরিতে থাকে তবে ইহাদের লন্ধিও এই একই হাবে বুরিতে থাকিবে। আর ইহার ঐ একই অক্ষের উপর অভিক্ষেপের দৈর্ঘাওঃ a_4 এবং a_5 র মত সরলদোলগতিতেই পরিবৃত্তিত হইতে থাকিবে।

বাদ দুইএর অধিক সংশের লান্ধ নির্ণয় করিতে হয় তবে এই ভেটর পদ্ধতিতে ইহাও করা সম্ভব এবং যাদ সংখ্যা বেশী হয় তবে এই পদ্ধতি বেশ সুবিধান্ধনক হয়। আর তাছাড়া এই পদ্ধতিতে কি ব্যাপারটা ঘটিতেছে তাছারও একটি স্পন্ধ চিত্র পাওয়া য়য়। চিত্রে দেখানো হইয়ছে এমন একটি সমস্যার সমাধান বেখানে সমান বিস্তার ৫ সম্পন্ন করেকটি সরল দোলগতির লান্ধ বাহির করিতে হইবে। ইহাদের প্রত্যেকেরই দশা পূর্ববর্তীর তুলনার একই মান ϕ দ্বারা বৃদ্ধি পাইতেছে। চিত্র নং ২.১(খ)এ OA, AB...EF ছয়িট সমান বিস্তার ৫ ভেটর ; ইহাদের প্রত্যেকের ক্ষেত্রে পূর্ববর্তী ভেটরের তুলনার দশার ϕ বৃদ্ধি হইয়াছে। ইহাদের প্রত্যেকের প্রের পরিমাণ হইবে

OF, আর দশা হইবে θ . এই অধ্কনে অবশ্য প্রথম ভেট্টরটি x অক্ষের সহিত মিলাইরা আকা হইরাছে। পূর্বেই বলা হইরাছে বে বাদ কতকগুলি ভেট্টর লগ্ডরা হর তবে তাহাদের বে কোনও একটির দশা হিসাবের সূবিধার জন্য ইচ্ছামত পরিবর্তন করা চলিতে পারে; তবে সঙ্গে সঙ্গে অন্য



ভেক্টরগুলিও অনুরূপ পরিবর্তন করিতে হইবে। এই চিত্রে প্রথমটির দশ। $\phi = 0$ ধরা হইরাছে। চিত্রটি দাড়াইরাছে একটি সুষম বহুভূজের (regular polygon) অংশ বাহার ছরটি বাহু সমান [অবশা শেষ ভূজটি বাদ দিলে] এবং এই অসমাপ্ত বহুভূজের শেষপ্রান্ত এবং প্রথম প্রান্ত বোগ করিলে লবি ভেক্টরের পরিমাণ এবং দশা পাওরা বাইবে।

বদি এই সমন্ত উপাংশ ভেক্টরের বিস্তার এবং দশার পার্থকা ϕ অত্যস্ত কমিয়া বায় এবং একই সঙ্গে ইহার সংখ্যা অনুরূপভাবে ব্যাড়িয়া বায় তবে এই বহুভূকটি একটি বৃত্তাংশের আকার গ্রহণ করিবে। এই জ্বাতীর চিত্রকে বলা হয় কম্পনবৃত্ত (vibration circle). চিত্র নং ২.১(খ)এ এইর্গ একটি কম্পনবৃত্তের অংশ দেখানো হইয়াছে। এই কম্পনবৃত্তিট পূর্বের বহুভূক্তের সাদৃশ্যে আকা হইয়াছে।

चंडिन সংখ্যা ব্যবহার করিয়া লব্বির নির্ণয় (Determination of the resultant by using complex quantities).

সমীকরণ 1.90 হইতে দেখা গিরাছে বে ত্রংশ জটিল সংখ্যা ব্যক্তার করিয়া বৃপারন করা বাইতে পারে। অতএব বদি কিছুসংখ্যক ত্রংশের লাভি বাহির করিতে হয় তবে জটিল সংখ্যা ব্যবহার করিয়া এই লভি নির্ণর করা বায়

$$y_1 = A_1 e^{i(\omega t - kx)} \left(A_1 - a_1 e^{i\delta}\right).$$

সুভয়াং লব্বি এংশ Y লেখা বার (সবগুলিরই কম্পাধ্য এক হইলে)

$$Y = y_{1} + y_{2} + y_{3} + \dots = A_{1}e^{4}(\omega t - kx) + A_{3}e^{i(\omega t - kx)} + A_{4}e^{i(\omega t - kx)} + \dots$$

$$= (A_{1} + A_{2} + A_{3} + \dots)e^{i(\omega t - kx)}$$

$$= A e^{i(\omega t - kx)}$$

$$\left[A = (A_{1} + A_{3} + A_{3} + \dots) = a_{1}e^{i\delta_{1}} + a_{2}e^{i\delta_{2}} + a_{3}e^{i\delta_{3}} + \dots$$

$$= \Sigma A_{n}\right]$$

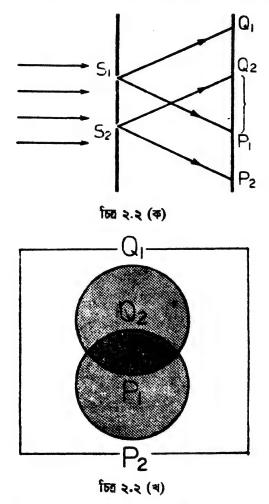
সূতরাং পাওরা বার বে লব্ধি ভ্রংশের জটিল বিভার সোজাসূত্রি আলাদা ভ্রংশসূত্রির জটিল বিভারের বোগফলের সমান। ইহার খুব গুরুত্বপূর্ণ প্রয়োগ পরে অনেক পাওয়া বাইবে।

আলোকের ব্যক্তিচার (Interference of light).

পূর্বেই বলা হইরাছে বে ৰখন কোনও স্থানে দুই বা ততোধিক তরঙ্গমালা একই সময়ে উপস্থিত হয় তখন ঐ স্থানে উহাদের পরিণামিক তীরতা অধিস্থাপনের নিরমানুসারে নিশিষ্ট হইয়া থাকে। দুইটি শব্দতরক বখন একই সমরে একস্থান দিরা গমন করে দেখা বার উপবৃত্ত ক্ষেত্রে ঐ স্থানের কোন কোন বিন্দুতে নীরবতার সৃষ্ঠি হইতে পারে। জলতরঙ্গের বেলারও পরস্পর মিলিবার ছানে একক তরক্ষালার সরণের পরিবর্তন হইরা থাকে। সুভরাং আলোকের তরুসচিত্র যদি আমর৷ গ্রহণ করি তাহা হইলে এই ক্ষেত্রেও অনুরূপ ফলাফল স্বভাবতই আশা করা বাইতে পারে। বন্ধুত দেখা বার বে বখন দুই বা ততোধিক আলোক তরক্ষালা কোনও স্থান দিয়া গমন করে তখন বিশেষ বিশেষ ক্ষেত্রে (ক্ষেত্রের বৈশিষ্টা পরে আলোচনা করা হইবে) ঐ স্থানে আলোকের পরিণামিক তীব্রভা সংঘটক (component) তরঙ্গের তীব্রভা হইতে আলাদা হইবে। ঐ স্থানে সংঘটক তরঙ্গের তীব্রতার মধ্যে কোনওরূপ হ্রাসবৃদ্ধি বদি নাও থাকে তাহা হইলেও পরিণামিক তরঙ্গের তীরতার হ্রাসবৃদ্ধি হইবে। কোথায়ও ভীৱতা একক তয়ঙ্গের ভীৱত। হইতে বাড়িবে আবার কোথারও কমিবে। এই তীব্রতার হ্রাসবৃদ্ধিকে বলা হইয়। থাকে আলোকের ব্যতিচার। আলোকের এই ব্যতিচারের নিরম অনুসারে নানারপ পরীক্ষা করা হইরা থাকে এবং এই পরীক্ষা সমূহ হইতে সুন্দর ও জানদারক নানারপ ফল

পাওরা বার। এই সমন্ত পরীক্ষা হইতে আলোকের তরকচিতের নিশ্চিত প্রমাণও মিলে।

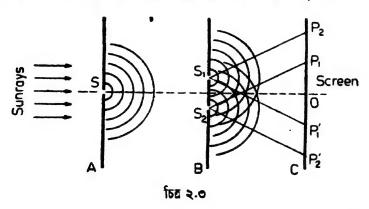
বিজ্ঞানীর। আলোকতরঙ্কের বর্প সবদ্ধে অনেকদিন হইতেই চিন্তা ভাবনা করিভেছিলেন। ১৮০১ সনে টমাস ইরং (Thomas Young) সর্বপ্রথম সাকলোর সহিত দুইটি আলোকতরঙ্গমালার ব্যতিচারের পরীক্ষার বর্ণনা করেন। মনে হর ইহার পূর্বে গ্রিমল্ডি (Grimaldi) অনুরূপ পরীক্ষা করার চেন্টা করিরাছিলেন। একটি অবচ্ছ পর্ণায় কাছাকাছি দুইটি ছোট এবং গোল ছিল্ল



করিরা তিনি একটি অন্ধকার ঘরের পর্ণায় সূর্বোর আলোক ঐ ছিদ্র দুইটি দিয়া এমনভাবে প্রবেশ করান যাহাতে পর্ণার খানিকটা অংশে ঐ আলোক পরস্পরের উপর পড়ে। বে অংশে ঐ রন্মির একচিত হর ব্যতিচারের নীতি অনুবারী সেখানে আলোকের তীরতার হ্রাসবৃদ্ধি আশা করা বাইতে পারে। কিন্তু গ্রিমল্ডি এইর্প কোনও হ্রাসবৃদ্ধি দেখিতে পান নাই মনে হর। ইহার পরিবর্তে তিনি পর্দার রন্মির চিত্রের বহিপ্রতিত্ত তীরতার হ্রাসবৃদ্ধি লক্ষ্য করেন। পরের আলোচনা হইতে দেখা যাইবে যে আলোক উৎস দুইটির দশার মধ্যে যদি পরস্পর সম্বন্ধ থাকিত তাহা হইলে গ্রিমলিডির পরীক্ষা আলোকের ব্যতিচার সাফলোর সহিত প্রদর্শন করিতে পারিত। কিন্তু তাহার পরীক্ষা ব্যবস্থার এর্প দশার সম্বন্ধ না থাকার ব্যতিচারের আশানুর্প ফলাফল দেখা বার নাই। ঐ পরীক্ষা বাহা দেখাইয়াছে সেটা হইল আলোকের বাবর্তন।

চিত্র ২.২ (ক)এ একটি অবচ্ছ পর্ণায় S_1 এবং S_2 দুইটি কাছাকাছি ছোট এবং গোল ছিদ্র। ইহাদের মধ্য দিয়া সূর্বোর আলোকের দুইটি আলোকরিন্দ্র অন্ধনার ঘরের পর্ণায় P_1Q_2 এবং P_2Q_3 দুইটি গোলাকার আলোকচিত্রে আপতিত হয় এবং ইহারা P_1Q_2 অংশে পরস্পরের সহিত মিলিত হয়। এই P_1Q_3 অংশে ব্যতিচারের দর্গ আলোকের হ্রাসবৃদ্ধি আশা করা যায়। কিন্তু গ্রিমল্ডির পরীক্ষায় আলোক উৎস দুইটির দশার সম্বন্ধ না থাকায় এই হ্রাসবৃদ্ধি দেখা বায় নাই। সে জায়গায় গোলাকার আলোকচিত্রের বাহিরের ধারের দিকে ব্যবর্তনের ফলে আলোকের হ্রাসবৃদ্ধি দেখা গিয়াছিল।

ইরং এর পরীক্ষা :—দুইটি আলোক উৎস হইতে নির্গত তরঙ্গমালার ব্যতিচারের পরীক্ষা ইরংই প্রথম সাফল্যের সহিত সম্পন্ন করেন। ইরং আদিতে বে প্রণালীতে এই পরীক্ষার ব্যবস্থা করেন তাহা নিরর্প।

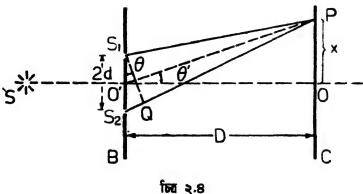


চিত্র ২.০ এ S একটি কুন্ত গোলাকৃতি ছিন্ত বাহা দিরা সূর্ব্যের আলোক প্রবেশ করিরা পরবর্তী পর্দা B এর উপর পড়ে। এই পর্দা B তে ত্র এর অনুর্প ছিদ্র আছে। S_1 এবং S_2 সাধারণত S হইতে সমান দ্রম্থে অবন্থিত। ছিদ্র দুইটি দিয়া দুইটি আলোকরণা (light beam) B হইতে অনেকটা দৃরে অবন্থিত পর্দা C এর উপর পড়ে। এই রশ্মিমালা দুইটি C পর্দার উপরে কিছু অংশ P_1P_1 এর উপর বুগপ্তং আপতিত হয় এবং অধিস্থাপনের নিয়মানুসারে এই অংশে আলোর তীরতার তারতম্য ঘটে। স্থোর আলোতে নানার্প কম্পান্থের তরঙ্গ বর্তমান থাকায় রঙ্গের তারতম্য রামধনুর বর্ণালীর কমানুসারে হইবে। একমান্ত পর্দা তিনটির অক্ষ বেখানে তৃতীয় পর্দা C কে ছেদ করিয়াছে সেই C বিন্দুতে সাদা আলো দেখা যাইবে। C কিম্দু হইতে যত উপর বা নীচে C অথবা C0 এর দিকে যাওয়া বাইবে ততই এই বর্ণবিন্যাসের স্পর্কতা হ্লাস পাইবে এবং অবশেষে শুধুই সাদা আলো দেখা যাইবে।

এই পদ্ধতিতে পরীক্ষা চালাইলে ফল খুব ভাল পাওয়া যায় না ৷ প্রথমত ছিদ্র তিনটি খুবই ছোট না হইলে ব্যক্তিচারের পরীক্ষা সফল হয় না। অথচ ছিদ্র ছোট হওয়ায় আলোর তীব্রতাও কম হয় এবং খুব সুস্পকর্পে দেখা যায় না। দ্বিতীয়তঃ সূর্ব্যের আলো অসংখ্য কম্পান্কের তরঙ্গাবলীর সমষ্টি বলিয়া ধরিয়া লওয়া যায়। প্রতিটি কম্পাব্কের জ্বন্য একটি ব্যতিচারের নমুনা (interference pattern) সৃষ্টি হয় এবং এই নমুনার প্রন্থের কম্পান্কের সহিত হ্লাসবৃদ্ধি হয়। অসংখ্য এইর্প নমুনা পাশাপাশি বর্তমান থাকায় 🕖 বিন্দু হইতে যতদূরে যাওয়া যায় ততই পরস্পর মিশ্রনের পরিমাণ বাড়িতে থাকে এবং অস্প কিছুদূর গেলেই সমস্তটা মিশিয়া একাকার হইয়া যায় যাহার ফলে আলোকের তীব্রতার আর কোনও হ্রাসবৃদ্ধি লক্ষ্য করা বার না। সেজন্য এই পরীক্ষাতে বর্তমানে ছিদ্র তিনটি গোলাকৃতি না হইয়া রেখাছিদ্রের আকারে ব্যবহৃত হয়। ফলে ইহার প্রতিটি বিন্দু হইতে যে আলোকর্ন্মি নিগত হয় তাহার সমষ্টিকে বৃত্তীয় তরঙ্গ না বলিয়া বেলনাকার (cylindrical) তরঙ্গ বলিয়া ধরা ধায়। ইহার ফলে আলোর তীব্রতা অনেকটা বাড়ে। দ্বিতীয়তঃ স্ব্যালোকের স্থলে কোনও এক কম্পান্কের আলোক ব্যবহার করা হইয়া থাকে। সোডিয়াম বা পারদের বান্সের বাতি সহস্থেই কিনিতে পাওয়া যায়। এইগুলি ঠিকমত ব্যবহার করিলে যে ব্যতিচারের নমুনা পাওয়া যায় তাহা ২৬ (খ) নং চিত্রে দেখান হইল। এই নমুনাতে পরপর সমান প্রস্থবিশিষ্ট এবং সমান দ্রন্থে অবন্থিত কতকগুলি ঝালর দেখা যার যাহার প্রতিটির চেহারা পরীক্ষার ব্যবহৃত রেখাছিদ্রের অনুরূপ । 🕜 বিম্পুতে একটি উজ্জল ঝালর দেখা যায় । উহার উভর পার্যে সমান প্রস্থবিশিষ্ট দুইটি অন্ধকার ঝালর। এবং এই উচ্ছল এবং অন্তকার ঝালারের পরপর অবস্থান *O* বিন্দুর দুইদিকে অনেকদ্র পর্বাস্ত দেখা বার।

দুইটি আলোকউৎস প্রস্ত ব্যতিচার-ঝালর—ইরংএর উপরোম্ভ পরীক্ষার ফলে যে ব্যতিচার-ঝালর উৎপন্ন হর ভাহা গুণাস্ককভাবে (qualitative way) বালিত হইরাছে। কিন্তু ইহার ভাংপর সমাকর্পে উপলব্ধি করিতে হইলে পরিয়াণবাচক বর্ণনা (quantitative description) প্ররোক্ষন। এই পরিমাণবাচক বর্ণনার ক্ষনা C পর্দার যে কোনও বিন্দু P তে আলোকের তীব্রতার একটি সমীকরণ বাহির করিতে হইবে।

২.৪ নং চিত্রে রেখাছিন্ন S হইতে আলোকতরঙ্গ B পর্ণার উপরে পড়িতেছে। এই B পর্ণার S হইতে সমান দ্রুছে দুইটি রেখাছিন্ন S, এবং S, অবস্থিত। S, এবং S, হইতে দুইটি রন্মিমালা C পর্ণার উপর আসিরা পড়িতেছে। পর্ণার কোনও বিন্দু P তে বাদ ঐ দুই রন্মি একই সঙ্গে আর্পান্তত হয় তবে ঐ বিন্দুর পরিণামিক বিস্তার অথবা তীরতা অধিস্থাপনের



নিরমানুসারে বাহির করা বার । 2.11 হইতে দেখা বার বে অনুর্প ক্ষেচে আলোর তীরতা গণনা করিতে হইলে প্ররোজন হইবে দুইটি তরঙ্গের বিতার এবং তাহাদের মধ্যে দশার পার্থকা জানা । এখানে হিসাবের সুবিধার জনা আমরা ধরিরা লইতে পারি বে S_1 এবং S_2 হইতে নিগত দুইটি তরঙ্গের বিতার সমান (দেখা বাইবে বে ইহারা সমান না হইলেও ফলাফল খুব তফাং হর না । শুধু অন্ধকার বালরগুলি সম্পূর্ণ অন্ধকার হইবে না) । এমতাবহার সমীকরণ 2.13 তীরতা নির্ণরে বাবহার করিতে হইবে । অবশ্য খেব পর্বস্ক দীড়াইবে এই বে তরঙ্গ দুইটির দশার পার্থকাই আলোকের ভীরতার তারতমা

িছ্ম করিনে যদিও এই ভারতম্য নিপীত হইবে একটি আপেন্দিক মাণ্ডমে (relative scale). সূভরাং চিত্রে বাঁপত জ্যামিভিক অবস্থান অনুসারে আলোকরণ্মি দুইটির দশার পার্থক্য গণনা করা হইবে।

P বিন্দুতে আলোকরণিম দুইটির পথের পার্থকা (path difference) দাঁড়ার S_1P-S_1P . এখানে ধরা হইরাছে বে S_1 এবং S_2 হ ইতে সমান দ্রমে অবস্থিত। ফলে SS_1-SS_2 .

সূতরাং ইহাদের দশার পার্থক্য
$$\Delta \phi = \frac{2\pi}{\lambda} (S_* P - S_1 P)$$
 (2.20)

দশার পার্থকা পরীক্ষা বাবস্থার জ্যামিতিক অবস্থান হইতে নির্ণর করিতে হইবে।

এবং $\theta \simeq \theta'$; অধিকস্তু θ এবং θ' খুবই ছোট হওরার লিখিতে পারি $\sin \theta' = \tan \theta'$.

$$S_*P - S_1P = 2d \sin \theta = 2d \sin \theta' = 2d \frac{x}{O'P} = 2d \frac{x}{OO'} = 2d \frac{x}{D}$$
এখানে $x OP$ দূরখ বুঝাইতেছে।

... Intensity
$$= I - 4a^2 \cos^2 \frac{\Delta \phi}{2} - 4a^2 \cos^2 \left(\frac{2\pi}{\lambda} \frac{2d}{2} \frac{x}{D}\right)$$

$$= 4a^2 \cos^2 \left(\frac{x\pi}{D} \frac{2d}{\lambda}\right) \qquad (2.21)$$

$$I = 4a^s$$
 ব্যন $\frac{x\pi}{D} \frac{2d}{\lambda} = m\pi$, $[m = 0, \pm 1, \pm 2, \text{ etc}]$
या $x = \frac{D}{2d} m\lambda$ (2.22)

$$I = 0$$
 ব্যাস $\frac{x\pi}{D} \frac{2d}{\lambda} = (2m+1)\frac{\pi}{2}$ at $x = \frac{D}{2d}(2m+1)\frac{\lambda}{2}$ (2.23)

উপরোভ বাঞ্চক দুইটিতে m ব্যতিচার বালরের ক্রম ব্রাইতেছে।

দেখা বাইভেছে বে O কিন্দু হইডে একটি m ক্লমিক সংখ্যার উজ্জল ঝালরের দূরত্ব $x_m = \frac{D}{2d} m \lambda$.

(m+1) ङ्घीयक मरभाज **उच्छ**म कामरतन पृतप

$$x_{m+1} = \frac{D}{2d}(m+1)\lambda.$$

সূতরাং একটি উজ্জল ঝালরের প্রস্থ দাঁড়াইবে

$$x_{m+1} - x_m = \frac{D}{2d}[(m+1) - m]\lambda = \frac{D}{2d}\lambda$$
 (2.24)
an $w = \frac{D}{2d}\lambda$.

অনুর্পভাবে m ক্রমিক সংখ্যার অন্ধকার বালরের দ্রত্ব

$$x_m = \frac{D}{2d}(m + \frac{1}{3})\lambda.$$

अवर m + 1 क्रीयक मरभाव जक्तकात बामरतत मृत्र

$$x_{m+1} = \frac{D}{2d}[m+1+\frac{1}{2}]\lambda.$$

এবং এক্ষেত্ৰেও একটি ঝালরের প্রস্থ হিসাবে পাওয়া যাইতেছে

$$x_{m+1} - x_m = \frac{D}{2d} \left[(m+1+\frac{1}{2}) - (m+\frac{1}{2}) \right] \lambda$$

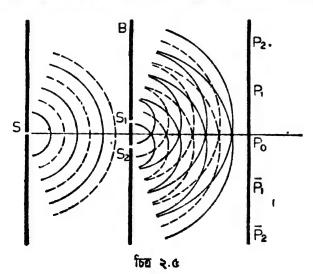
$$\forall w = \frac{D}{2d} \lambda. \tag{2.25}$$

এখানে w একটি বালরের প্রস্থ বৃবাইতেছে।

অতএব দেখা বাইতেছে বে বাতিচার বালরগুলি সমান প্রন্থসম্পন্ন হইবে এবং তাহার। পরস্পর হইতে সমান দ্রছে অবস্থিত হইবে। একটি ঝালরের প্রস্থ রেখাছিদ্রের তল B হইতে ঝালরের তল C এর দ্রছ D এর এবং তরঙ্গার্কনির্বাহ λ এর সমানুপাতিক। আবার এই দৈর্ঘ্য রেখাছিদ্র দুইটি S_1 ও S_2 এর মধ্যের দ্রছ 2d এর বাস্তানুপাতিক। কান্দেই বাদ 2d বাড়ানো যায় তবে ঝালরের প্রস্থ সমানুপাতে কমিয়া আসিতে থাকে। আর D বাড়াইলে এই প্রস্থ সমানুপাতে বাড়িয়া বার। লাল আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য বেগুনী আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্যর প্রায় দিগুণ। সূতরাং বেগুনী আলোর বদলে লাল আলো ব্যবহার করিলে ঝালরের প্রস্থও প্রার দিগুণ হইয়া যাইবে। সমীকরণ 2.22 এবং 2.24 হইতে বে তথ্য পাওয়া বার ভাহা ইরং এর পরীকা দারাও চাক্ষ্ম প্রমাণ করা

বার। বাদ পরীক্ষার বারা ঝালরের গড় প্রস্থ w, এবং D ও 2d দ্বন্থ নির্ণর করা বার তবে উপরোক্ত সমীকরণ 2.22 অথবা 2.24 হইতে তরঙ্গদৈর্ঘ্য বাহির করা বার।

পরীক্ষাকালে C পর্দার উপরে কিছু সংখ্যক সমান প্রস্থ সন্পক্ষ এবং সমান্তরাল ঝালর দেখা যাইবে। সৃক্ষভাবে দেখিতে গোলে অবশ্য এই ঝালর-গুলি সরলরেখার আকৃতিবিশিষ্ট হইবে না। কারণ পর্দার P এর অবস্থান যদি এমন স্থানে হর যে ইহা m উচ্ছল ক্রামক ঝালর সংখ্যা বুঝার তবে এই বিন্দুতে S_1 এবং S_2 হইতে নির্গত আলোকতরঙ্গের পথ দূরছের পার্থক্য হইবে $m\lambda$. আর এই $m\lambda$ পথ-দূরত্ব যে যে স্থানে হইবে সেই স্থানেই m উচ্ছল ঝালরিটি বর্তমান থাকিবে। সূতরাং এই পথ-দূরত্ব $m\lambda$ এর বিন্দুপথ (locus) হইবে একটি পরাবৃত্ত (hyperbola). এখানে অবশ্য শুরু চিত্রতলের কথাই ভাবা হইতেছে। কিন্তু বিদ ত্রিমাত্রিক স্থানে (three-dimensional space) এই ঝালরের অবস্থানের কথা চিন্তা করা যায় তাহা হইলে দেখা যাইবে যে P এর অবস্থান হইবে এমন একটি তলের উপর যাহা উপরোক্ত পরাবৃত্তকে S_1S_2 অক্ষ হিসাবে ব্যবহার করিয়া ঘুরাইলে পাওয়া যায়। এই তল পর্দাকে মোটামুটি একটি সরলরেখার খণ্ডিত করিবে, বিশেষতঃ যদি পর্দাটি S_1S_2 হইতে অনেকটা দূরে অবস্থিত হর কারণ সেক্ষেত্রে পরাবৃত্তটির পর্দার নিকটের

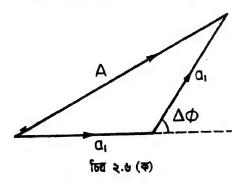


অংশ প্রায় সরলরেখার আকৃতি গ্রহণ করিবে। তবে S_1S_2 এর কাছে পর্দা আনিলে ঝালরগুলি আর পুরাপুরি এই আকৃতি মানিয়া চলিবে না।

উপরে বাঁণত ব্যাতিচার কালর বে শুমু পর্ণার উপরই গঠিত হইবে তাহা নর। ৪ পর্ণা হইতে ১ এর অপর পার্থে ইহা অনেক বৃর ব্যাপিরা মাধ্যমেক ভিতরও গঠিত হইবে এবং বে কোনও বিবর্ধনকারী অভিনেত্তের সাহাব্যেই পরিষার দেখা বাইবে। অবশা অভিনেত্তের সাহাব্য ছাড়াই খালি চোখেও এগুলি দেখা বাওয়ার কথা। কিন্তু সাধারণত ইহাদের আকৃতি এত সরু ও ক্ষীণ হর বে বিবর্ধন (magnification) ছাড়া খালি চোখে সাধারণত দেখা বার না। প্রকৃতপক্ষে পরীক্ষাগারে এই জাতীর পরীক্ষার এই বালবের প্রস্কৃত

বালরের প্রেণীতে আলোর ভীত্রভার বিভাক্তন-সমীকরণ 2.22 এবং 2.23 হইতে দেখা গিয়াছে বে বালরের চরম আলোক তীব্রতা হইকে 4a° এবং অবন তীন্ততা হইবে শুনা। এই দুই প্রাত্তিক মূলোর মধ্যের স্থানে ভীৱতার মূল্য আমরা বিস্তারের সংযোজনে ভেটর প্রণালীর বাবহারের প্রয়োগ স্বারা নির্ণর করিতে পারি। চিত্র নং ২.৬ (ক) তে এই প্রণালী দেখানে। ब्हेबाएक। वाज्ञिती बन्धि पृष्टिवित विद्यात अवारन नमान थता ब्हेबाएक अवर প্রত্যেকের মান a_1 . এই দুইটি রন্ধির লব্ধি কিন্তার A. আর বিস্তার দুইটির মধ্যে দশা-পাৰ্থক্য $\Delta\phi$. যখন $\Delta\phi$ এর মান শুন্য অথবা $2\pi n$ (n আৰ্ড भरका) ज्यन a, विखात मुरेपि अक्टे बिटक दक्तात देशामा निक वहेटव 2a এবং আলোক ভীব্রতা দাড়াইবে $4a^{\circ}$. আবার বখন $\triangle \phi$ এর মান $(2n+1)\pi$ তখন a: বিস্তার দুইটি বিপরীত খিকে হওয়ার ইহাদের লভি বিস্তার এবং আলোকভীব্রতা শূন্য দাড়াইবে । আর বধ্দ $\Delta\phi$ এর মান এই দুই জাতীর मान हाफ़ा जना किहू हदेरव जबन वार्णाक जीवजा 4a2 aq: 0 aq मरहा থাকিবে । আলোক তীব্রতার মান $\cos^2 rac{\Delta \phi}{2}$ রাশি অনুসারে পরিবর্তিত হইতে থাকিবে এবং পর্ণার বিভিন্ন স্থানে $\Delta\phi$ এর মান অনুবারী এই তীব্রতার মান मा**फा**हेरव । जीतजात धरे भीतवर्जन २.७ (४) नः **हिटा रम्था**रना इहेत्रारह । व्यात्मात्र जीतजात्र क्रेट विकासन, याद्यार्क हेटा 4a° क्वर 0 क्रत्र मार्था वार्क करम আরও একটি প্রশ্ন উত্থাপন করে। বে স্থানে আলোর তীরতা শুনা দাড়ার সেখানকার আলোকশান্ত কি হয় এবং উহা কোথায় বায় এই প্রয়ের উত্তর পেওরা প্ররোজন । শব্দির সংরক্ষণের সূত্র (principle of conservation of energy) अनुमारत कना यात्र त्व भवि नर्च इट्रेएंड भारत ना । कामरतात वसकात ज्ञानशृति मुरेपि वारमाकर्ताच शरेएउरे वारमा भारा। कारकरे वारम করা বাইতে পারে বে এই স্থান কম বেলী আলোকিত হইবে, একেবারে অন্ধকার

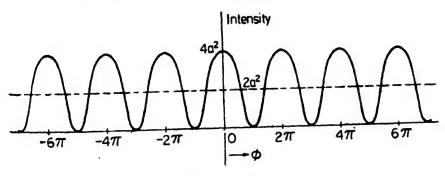
হটবে না। কিন্তু কাৰ্বতঃ দেখা বার বে এখানে সম্পূর্ণ অন্ধকার। এখানকার আলোকশব্তির কি কারণে সম্পূর্ণ লোপ হর ভাহার ব্যাখ্যা করা দরকার। একটিঃ



আলোকরন্দির বিস্তার a হইলে দুইটি আলোকরন্দির প্রভাবে তীরত। $2a^*$ হওরার কথা এবং এই তীরতা কালরশ্রেণীর সর্বত্র অপরিবৃত্তিত হওর। উচিত। কিন্তু আমরা জানি বে ইহা $4a^*$ এবং 0 এর মধ্যে পরিবৃত্তিত হর। ইহার কারণ এই বে সমীকরণ 2.13 হুইতে পাওরা গিয়াছে

$$I=4a^{2}\cos^{2}\frac{\Delta\phi}{2}$$

যদি এই তীরভার গড়মান বাছির করিতে হয় তবে একটি সম্পূর্ণ চক্রে $\cos^2\frac{\Delta\phi}{2}$ এর গড় জানিতে হইবে । মনে করা বাক এই গড়মান $\cos^2\frac{\Delta\phi}{2}$.



চিত্ৰ ২.৬ (খ)

বদি সংশ্লিষ্ট কোণ ৰ লেখা যার অর্থাৎ ধরা হয় $\frac{\Delta \phi}{2}$ — ৰ তবে $\cos^2 \frac{\Delta \phi}{2}$ এর গড় নিয়লিখিতরূপে বাহিত্ত করা যায়

$$\frac{\int_{-\cos^{2} 4}^{2\pi} \cos^{2} 4 \, d4}{\cos^{2} 4} = \frac{1}{2} \int_{0}^{2\pi} \frac{1}{2} \cos^{2} 4 \, d4 = \frac{1}{2} \int_{0}^{2\pi} [\cos 24 + 1] \, d4$$

$$= \frac{1}{2} \left[\int_{0}^{2\pi} \cos 24 \, d4 + \int_{0}^{2\pi} d4 \right] = \frac{1}{2} \left[\frac{\sin 24}{2} \right]_{0}^{2\pi} + \pi$$

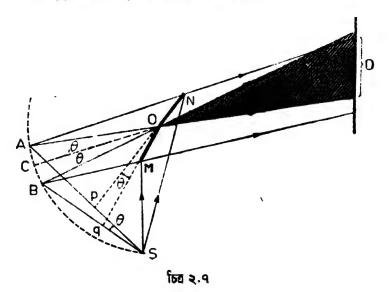
$$= \frac{1}{2} \left[\frac{\sin 24}{2\pi} \right]_{0}^{2\pi} - \frac{\pi}{2\pi} = \frac{1}{2}$$
(2.26)

সূতরাং দেখা বাইতেছে বে একটি সম্পূর্ণ চক্রে $\cos^2\frac{\Delta\phi}{2}$ এর গড়মান দাড়ার $\frac{1}{2}$. কাল্কেই আলোর গড় তীব্রভা এই ফলানুসারে হওয়া উচিত $\overline{I} = 4a^2 \times \frac{1}{2} = 2a^2$. ২.৬ নং চিত্রে বে অপরিবভিত তীব্রভা $2a^2$ এর সরলরেখা দেখা বাইতেছে এইটি হওয়া উচিত আলোকের গড় তীব্রভা । বুঝা বাইতেছে বে মোট আলোর পরিমাণ একই থাকিতেছে গুমু ব্যাতিচারের দর্ণ ইহা $4a^2$ এবং 0 এর মধ্যে পরিবভিত হইতেছে । আর এই ব্যাতিচারের প্রধান কারণ দুইটি রশ্মির মধ্যে দেখা-সম্বন্ধ । এই দশা-সম্বন্ধ (phase-relationship) না থাকিলে আলোর তীব্রভা সর্বস্তই $2a^2$ হইবে । অতএব এখানে আলোকশান্তর সংরক্ষণের সূত্রের কোনবৃগ লম্বন হর নাই ।

ইয়ং যখন তাহার ব্যতিচারের পরীক্ষার বিবরণ প্রকাশ করেন, বিজ্ঞানীর। এই পরীক্ষাকে ব্যতিচারের প্রমাণ হিসাবে মানিরা। লইতে রাজী হন নাই। ইয়ং-এর পরীক্ষার পূর্বেই তাহাদের জ্ঞানা ছিল যে যদি একটি সরু ছিল্ল দিরা। স্ব্যালোক ঘরের দেওরালে ফেলা যার তবে উৎপান আলোকবৃত্তের বাহিরের দিকে আলোর তীব্রতার তারতম্য ঘটে এবং ওখানে একপ্রকার আলোকের পটি (band) দেখিতে পাওরা যার। গ্রিমল্ডির পরীক্ষারও আলোকরণি দুইটির ধারের দিকে এইরূপ পটি দেখা গিয়েছিল। আলোর তীব্রতার এই তারতম্য ঘটিবার কারণ হইল আলোর কোনওরূপ বাধার ধার ঘেষিরা বাওরা, যেমন নাকি সরু রেখাছিদ্রের মধ্য দিরা যাইবার সমর আলো ঐ ছিল্লের ধার ঘেষিয়া যাইতে গিরা তীব্রতার পরিবর্তনের সম্মুখীন হয় এবং এক রক্ষম আলোর পটির সৃষ্ঠিকরে । আলোর বাবর্তনের জন্য এই প্রক্রিয়ার সৃষ্ঠি হয়। স্তরাং ব্যতিচারের

অতির প্রমাণ করতে হইলে এমন পরীক্ষার বাবন্থা করিতে হইবে বাহাতে দুইটি কাছাকাছি আলোকউৎস পাওরা বার বেগুলি ছিন্ত অথবা অবচ্ছ বাধার সাহাব্য ছাড়াই উৎপন্ন হর। ঐ উদ্দেশ্যে ফ্রেনেল করেকটি পরীক্ষার প্রবর্তন করেন বেগুলিতে উপরোক্ত আপত্তি দূর করা হইরাছে।

ক্রেনেলের প্রথম পরীক্ষা করা হয় দুইটি দর্পণের সাহাযো। দুইটি দর্পণ পরস্পরের সহিত প্রায় সমান্তরাল অবস্থার রাখা হয় এবং তাহাদের তল দুইটি পরস্পরের সহিত প্রায় 180° কোণে অবস্থান করে। কিছু দূরে একটি সরু আলোকউৎস হইতে দর্পণ দুইটিতে আলোক আসিয়া পড়ে এবং প্রতিফলনের পর দুইটি আলোকরিশার সৃষ্টি করে। এই আলোকরিশা দুইটি পরস্পরের প্রায় সমান্তরাল ভাবে পর্দার দিকে গমন করে এবং ইহাদের মধ্যে অধিস্থাপন (superposition) হয়। বে অংশে এই অধিস্থাপন হয় সেখানে ইয়ং-এর পরীক্ষার নাায় বাতিচার ঝালর উৎপার হইতে দেখা যায়। এই বাবস্থায় আধিস্থাপিত অংশের আলোকরিশান্তর কোনওর্গ ছিদ্র বা বাধার সম্মুখীন না হইয়াই পর্দায় পড়িতেছে। সূতরাং ইয়ং-এর পরীক্ষার ক্ষেত্রে যে আপত্তি উত্থাপন করা হইয়াছিল তাহা এখানে আদৌ ওঠে না।



উপরের ২.৭ নং চিত্রে OM এবং ON দুইটি সমতল দর্শণ বাহাতে দর্শণের সামনের তলে (বেখানে আলোকরশি আপতিত হর) পালিশ করা আছে। দর্শণে দুইটির তল চিত্রের তলের সহিত উল্লেখ্যনে অবস্থান করিতেছে

এবং এই তল দুইটি O বিন্দুর মধ্য দিয়া একটি উল্লেখ্ন সম্বলয়েখার ছেল করে। লগলের তলের মধ্যে খুব ছোট একটি কোণের সৃতি হর এবং এই কোণ θ বিলয়া চিহ্নিত করা হইরাছে। S একটি আলোক উৎস ; ইহা হইতে নিগতি আলোকরিশা দর্পণ দুইটির উপর পঞ্জিয়া প্রতিকলিত হয় আর দুইটি প্রতিকলিত রাশার কিছুটা অংশ পরন্পর মিলিত হয়। এই অংশে ব্যতিচার ঝালরের সৃতি হইতে দেখা বায়। পর্দার প্রতিকলিত আলোকরিশা দুইটি দর্পণের পিছন দিকে A এবং B এই দুইটি বিন্দু হইতে আসিতেছে বিলয়া মনে হইবে। A এবং B দর্পণ দুইটিতে S এর প্রতিকৃতি। O বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া বাদ OS ব্যাসার্থ লইয়া একটি বৃত্ত অংকন করা বায় তবে A এবং B এই বৃত্তের উপর অবিহ্নিত হবৈ এবং ইহারা O বিন্দুতে 2θ কোণ উৎপ্রম করিবে। OA এবং OB দূরদ্ব বিদ্ a হয় তবে AB দূরদ্ব লেখা বায় $2a \sin \theta = 2a\theta$ কায়ণ θ কোণটি শুবাই ছোট β ।

সূতরাং এর্প ক্ষেত্রে বাদ পর্দার অক্ষবিন্দু D হইতে O এর দ্রম্ব b হয় তবে D হইতে একটি m ক্রামক সংখ্যার উক্ষল ঝালরের দ্রম্ব নির্মালখিত সমীকরণ হইতে পাওয়া বাইবে।

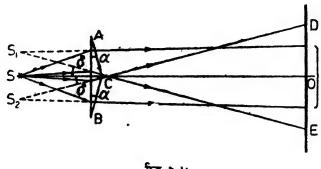
$$x_{m} = \frac{D}{2d} m\lambda = \frac{a+b}{2a\sin\theta} m\lambda \quad [AB = 2d]$$

$$= \frac{a+b}{2a\theta} m\lambda. \qquad (2.27)$$

এই পরীক্ষার সাফলোর জন্য সাধারণতঃ পালিশ করা কালো সমতল দর্পণ ব্যবহার করা হইরা থাকে এবং এই পালিশ প্রথম তলে হওরা দরকার। বদি পিছনের তলে পালিশ করা হয় তবে সামনের তল হইতে প্রতিফলন ব্যতিচার বালরের উৎপাদন ব্যাহত করে।

द्भारतित युग्र-शिक्ष म् (Fresnel's biprism).

এই পরীক্ষার একটি আলোকউৎস হইতে আলোকরণিম একটি যুগ্ধ-প্রিজ্মের উপর আসিরা পড়ে এবং প্রিজমের মধ্য দিয়া গমনের ফলে উদ্ধ আলোকউৎসের দুইটি অসদ্ প্রতিবিদ্ধ সৃষ্টি করে। প্রিজমের পরে এই অসদ্ আলোকউৎস দুইটি হইতে নিগতে রণিমন্বর যে অংশে পরস্পরের উপর অধিস্থাপিত হয় সেই অংশে ব্যতিচার কালরের সৃষ্টি হয়। এই প্রণালীতে আলোকরণিমর গমনকালে কোনও বেখাছিল বা অক্সছ ধার ইহার রান্তার পড়ে না। সূত্রাং ইরংএর পরীক্ষার বিরুদ্ধে বে আপত্তি উত্থাপন করা হইরাছিল তাহা এই প্রণালীতে এড়ানো হইরাছে।



किंग २.४

উপরের চিত্রে S একটি আলোকউৎস (সাধারণত একটি সর রেখাছিম একটি জোরালো আলো দিরা আলোকিত করা হয়) এবং ইহা হইতে আলোক-রণিম বৃগা-প্রিজ্ম ACB এর উপরে আসিয়া পড়ে। বৃগা-প্রিজ্ম ACB এমনভাবে তৈরী হয় বে ইহাকে মনে করা বাইতে পারে দুইটি খুব ছোট এবং সমান কোণ A এবং B এর প্রিক্তমের সমবার বাহারা পরস্পরের পীঠের (base) সঙ্গে সংযুক্ত আছে। S হইতে বে আলোকরণ্মি প্রিক্তমের উপর আসিয়া পড়ে তাহাকে দুই অংশে ভাগ করা যার। প্রিজ্ঞার উপর দিকে যে অংশ আপতিত হয় তাহা উহার ভিতর দিয়া গমনকালে নীচের দিকে বাকিবে এবং ইহার ফলে মনে হইবে বে এই রন্মি অসদ উৎস ১, হইতে আসিতেছে। অনুরপভাবে নীচের অংশ অসদ উৎস Saর সৃষ্টি করিবে। এই দুইটি আলোক-রশ্মি প্রিজ্ঞানর দক্ষিণ দিকে পরস্পারের সঙ্গে মিলিত হইবে এবং সপ্রিদ্ধনী চিহ্নিত অংশে ব্যতিচার ঝালর উৎপল্ল করিবে। এই যুগ্ম-প্রিজ্মের কোণ দুইটি A এবং B খুবই ছোট হয় এবং ইহার৷ বত ছোট হইবে S, এবং Se তত কাছাকাছি হইবে। আমরা ইরংএর পরীক্ষার দেখিয়াছি বে একটি বালরের প্রস্থ আলোকউৎস দুইটির দুরত্ব 2d-এর বান্তানুপাতিক হয়। ভালভাবে যাহাতে দেখা বার এইর্প প্রশন্ত ঝালরের নমুনা পাইতে হইলে S_1S_2 দূরত্ব যথাসম্ভব কমাইরা আনা দরকার। এইজন্য কোণ দুইটি A এবং B খুবই ছোট করা হর বাহাতে S_1S_2 দুরম্ব খুবই কম হর। উৎস Sঅবং বৃগ্ধ-প্রিজ্ঞানের দূরত্ব কমাইরাও S.S. দূরত থানিকটা কমানো বাইতে भारत ।

বদি O হইতে একটি m ক্রমিক সংখ্যার উত্তল ঝালরের দূরণ x_m হর তকে

$$x_m = \frac{D}{2d} m\lambda$$

এখানে D = a + b বেখানে

a প্রিজ্ম এবং আলোকউৎস S এর দ্রম এবং b প্রিজ্ম এবং পর্ণার মধ্যের দূরম্ব

ন এবং B কোণ দুইটি খুবই ছোট এবং সমান হওয়ার লেখা বাইতে পারে $SC = S_1C = S_2C = a$.

সূতরাং SCS_1 এবং SCS_2 কোণ দুইটিকৈ যদি δ এবং A ও B কোণকে \leftarrow ধরা বায় তবে লেখা বাইতে পারে

$$S_1 S_2 - 2a \sin \delta - 2a\delta - 2a(\mu - 1)$$
 (2.28)

কারণ আমরা জানি বে খুব ছোট < কোণের প্রিজ্ম্ একটি আপতিত রশ্মিকে $(\mu-1)$ র কোণে বিচ্যুত (deviate) করে। এখানে μ প্রিজ্মের মাধ্যমের (material of the prism) প্রতিসরাক্ত বুঝাইতেছে।

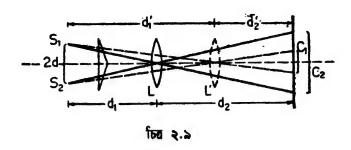
অভএব দাঁড়ায়

$$x_{m} = \frac{a+b}{2a\delta} m\lambda = \frac{a+b}{2a(\mu-1)} m\lambda. \tag{2.29}$$

বৃশ্ধ-দর্পণের পরীক্ষার ক্ষেত্রে অনুর্প দ্রম্বের বে সমীকরণ 2.27 পাওয়া গিরাছে তাহার সহিত তুলনা করিয়া বলা চলিতে পারে বে বৃশ্ধ-প্রিঞ্জের বাতিচার বালর এমন একটি বৃশ্ধ-দর্পণের বালরের সমানার্থক (equivalent) বাহাদের মধ্যে উৎপন্ন কোণের মান $(\mu-1)$ <.

আলোকউৎস দুইতির মধ্যের দ্রন্থ $S_1S_2 - 2d$ পরীক্ষাগারে সাধারণত নির্মালখিতবৃপে নির্ণর করা হর। ফ্রেনেলের পরীক্ষা অপটিকাল বেণ্ডের সাহারো সম্পন্ন করা খুব সূবিধাজনক। এই অপটিকাল বেণ্ডের বিভিন্ন করে একটি উত্তল লেক্স বসানো হর (রেখাছির হইতে অভিনেত্রের দ্রন্থ লেলের ফোকাস দ্রন্থের চতুর্গুণের অপেক্ষা কিছু কেলী হওরা দরকার) তবে এই অবস্থার লেলটি সামনে পিছনে সরাইলে ইহার এমন দুইটি অবস্থান পাওরা বাইবে বেখানে অভিনেত্রে রেখাছিন্তের দুইটি সুম্পন্ঠ প্রতিবিশ্ব দেখা বাইবে। দুইক্ষেত্রেই প্রতিবিশ্বরের দূর্য অভিনেত্রের সাহারো মাপা হর। এই দুই অবস্থার বিদ রেখাছিন্তের তল S_1S_2 এবং অভিনেত্রের ফোকাস-ভল

হইতে সেলের দূরত বথাক্রমে d_1 , d_2 , d_1 ও d_2 হয় তবে লেখা বাইতে পারে [চিয় নং ২.৯] ।



 $\frac{1}{d_1} + \frac{1}{d_2} = \frac{1}{d_1} + \frac{1}{d_2} = \frac{1}{f}$ [এখানে f তোলের ফোকাস-দূরস্থ] (2.30) কিন্তু $d_1 + d_2 = d_1' + d_2'$.

$$d_1 - d_2$$
 are $d_2 - d_1$ (2.31)

উপরোক্ত দুই অবস্থানে অভিনেতের ফোকাসতলে রেখাছিদ্রের প্রতিবিষদ্ধরের দূরত্ব বিদি C_1 এবং C_2 হয় এবং যদি 2d রেখাছিদ্র দূরত্ব S_1S_2 হয় তবে লেখা যাইতে পারে

$$\frac{C_1}{d_2} = \frac{2d}{d_1}$$
 এবং $\frac{C_*}{d_3} = \frac{2d}{d_1}$
$$\frac{4d^2}{d_1d_1'} = \frac{C_1C_2}{d_2d_3'}$$
 বা $\frac{4d^2}{d_1'd_2}$, $= \frac{C_1C_2}{d_1'd_2}$, (সমীকরণ 2.31 এর সাহাব্যে)

 \therefore $2d = \sqrt{C_1C_2}$ (2.32) এইরূপে অভিনেত্রের সাহাব্যে C_1 এবং C_2 মাপিয়া 2d দূরত্ব নির্ণয় করা বায় 1

জেলেনের মুখা-প্রিজ নের সাহাষ্যে ভরজদৈর্ঘ্য নির্ণয়:— পরীক্ষাগারে ফেনেলের বৃশ্ব-প্রিজমের সাহাষ্যে সহজেই এবং অনেক সমরেই তরঙ্গদৈর্ঘ্য নির্ণর করা বার। এজন্য এই পরীক্ষাপ্রণালীর মোটামুটি ধাপগৃলি এখানে বর্ণনা করা হইবে। এই পরীক্ষাটি সাধারণত ২ মিটার লঘা ভারী এবং সৃক্ষ (accurate) অপটিক্যাল বেণ্ডের সাহাষ্যে করা হইরা থাকে। প্রথমে করেকটি বাক্সা বারা শাক্ত এবং পরিমাপ্রোগ্য ব্যভিচার বালক উৎপান করিতে ইইবে। নির্মাণিত ক্রমে বাবছাগুলি গ্রহণ করা সুবিধাজনক।
অপটিক্যাল বেণ্ডের চলাচলের তলটি (bed of the optical bench)
শিলারট লেভেলের সাহায্যে অনুভূমিক করা দরকার। ইহার পরে অভিনেগ্রটি
ক্রসওয়্যারের (cross-wire) উপর ফোকাস করিতে হইবে এবং ক্রসওয়্যারের
একটি তার উল্লয় করিতে হইবে। এখন বৃশ্ম-প্রিজ্মটি রেখাছিদ্র এবং
অভিনেত্রের মধ্যে বসাইতে হইবে। রেখাছিদ্র হইতে প্রিজ্মের দ্রম্থ খুব
বেশী হইলে পরীক্ষার অসুবিধা হয় এজন্য উপরোক্ত বাবস্থার এই দ্রম্থ
10-30 cm. হওয়াই বাঞ্ছনীর। রেখাছিদ্রটি একটি সুবিধামত উৎস বারা
(সোডিয়াম আলোই সুবিধাজনক) আলোকিত করিতে হইবে।

আলোকিত রেখাছির বৃশ্ম-প্রিজ্ম এবং অভিনেত্রের ফোকাসতলের মধা-বিন্দুত্রর মোটামুটি এক সরলরেখার রাখিতে হইবে এবং এই সরলরেখা অনুভূমিক করা দরকার। অতঃপর রেখাছিদ্রটি উল্লয় রেখায় স্থাপন করিতে হইবে। এটি করার জন্য প্রিজ্ম এবং অভিনেতের মধ্যে একটি উত্তল লেল বসাইলে অভিনেত্রের ফোকাসতলে রেখাছিদ্রের প্রতিবিদ্ব পাওয়া যাইবে। এই প্রতিবিদ্ধ যদি ক্রসওয়্যারের উল্লেখ তারের সহিত সমান্তরাল করা হয় তবে রেখাছিদ্রটি উল্লয়ভাবে অবস্থান করিবে। রেখাছিদ্রটি ইহার নিজের তলে একটি অনুভূমিক অক্ষে ঘুরাইয়া এই বাবস্থা করা যাইবে। এইবার দেশটি সামনে পিছনে সরাইয়া দেখ। যাইবে যে লেন্সের দুইটি অবস্থানে রেখাছিদ্রের দুই জ্বোড়া সুস্পষ্ঠ প্রতিবিশ্ব পাওয়া যাইবে। অবশ্য এক্সন্য অভিনেট্রটি রেখাছিদ্র হইতে এমন দূরত্বে রাখিতে হইবে যাহাতে রেখাছিদ্র এবং অভিনেক্রের মধ্যের দূরত্ব লেন্সের ফোকাস দূরত্বের চতুর্গুণের কিছু বেশী হয়। এছাড়া লেন্সের কেন্দ্রবিন্দু নিজের তলে সরাইয়া বাবস্থা করিতে হইবে বাহাতে এই বিন্দু রেখাছিদ্র ও অভিনেত্রের ফোকাস ক্ষেত্রের কেন্দ্রবিন্দু বোগ করিলে এক সরলরেখার থাকে এবং এই সরলরেখা অপটিক্যাল বেঞ্চে চলাচলের সরলরেখার সহিত সমান্তরাল হয়। এই ব্যবস্থার পর লেলের দুই অবস্থানে অভিনেত্রের মাইকোমিটার স্কুয়ের সাহায্যে রেখাছিদের প্রতিবিদ্ধ দুইটির দূরত্ব C, এবং C. মাপা হয়। দেশ সরাইয়া এই পর্যাবেক্ষণ অন্ততঃ তিনবায় নিতে হইবে। এই পর্ব্যবেক্ষণ হইতে S_1S_2 দূরত্ব পাওয়া যাইবে $\sqrt{C_1C_2} - 2d - S_1S_2$

... 2.32

এইবার লেকটি সন্নাইয়া নিয়া বুণ্ম-প্রিঞ্মটির দিকে অভিনেত্রের মধ্য দিয়া ভাকাইলৈ সাধারণত ব্যতিচার ঝালর দেখা যাইবে। প্রথমে এই ঝালর হয়তো थुव भूम्मचे हरेरव ना । देशा म्मचेका वाफ़ारेरक हरेरम करतकी वाक्हा লওরা দল্পনার। প্রথমতঃ যুক্ম-প্রিজ্মটি ইছার নিজের তলে ট্যানুলেন্ট স্কু-এর (tangent-screw) সাহায্যে ঘুরাইয়া প্রিজ্ম দুইটি যে সরলরেখার পরস্পর ছেদ করে সেই সরলরেখাটি রেখাছিদ্রের সমান্তরাল করিতে হইবে। এই অবস্থায় ঝালরের স্পর্কতার লক্ষণীয় উন্নতি হইবে। এরপর রেখাছিদ্রের প্রস্থ নিয়ত্রণ কর। দরকার। যদি ইহার প্রস্থ খুব বেশী হয় তবে অভিনেতের দৃষ্টি-কের (field of view) খুব উজ্জল দেখাইবে কিন্তু ঝালরগুলি খুবই অস্পন্ত इटेरव । अन्। निर्क योग এই প্রস্থ খুব কম হয় তাহা হইলে ঝালরগুলির স্পষ্ঠত৷ বাড়িতে থাকিবে কিন্তু প্রস্থ হ্লাসের সঙ্গে সঙ্গে দৃষ্টিক্ষেত্রে আলোর উক্তলতাও কমিতে থাকিবে এবং এমন এক সময় আসিবে ষখন আলোর অভাবেই ঝালরগুলি দৃশামান হইবে না। সূতরাং রেখাছিদ্রের প্রন্থের এমন সমন্বয় সাধন করিতে হইবে যাহাতে ঝালরগুলি সুস্পঞ্চভাবে দেখা যায়। সাধারণতঃ এই প্রস্থ 0.1 হইতে 0.2 mm এর মধ্যে রাখিলে সবপ্রেকে ভাল ফল পাওয়। যায়। ইহার পরে প্রিজ্মটি এবং অভিনেত্রটি ইহাদের নিজের তলে সরাইয়া এমন বাবস্থা করিতে হইবে বাহাতে অভিনেত্রটি সরাইলে ব্যতিচার ঝালরগুলির কোনও পার্দ্বীয় গতি (lateral movement) না হয়। এই অবস্থায় রেখাছিদ্র, যুণ্ম-প্রিজ্ম এবং অভিনেতের দৃষ্টি-ক্ষেতের মধাবিন্দুতর যোগ করিয়া যে সরলরেখা পাওয়া যাইবে সেটি অপটিক্যাল বেণ্ডে চলাচলের সরলরেখার সহিত সমান্তরাল হইবে।

এই বাবস্থার পর অভিনেত্রটি একটি সুবিধামত দ্রম্বে রাখিয়া (রেখাছিদ্র হাতে 100 ও 150 cm দ্রম্বই প্রশস্ত) ঝালরের প্রস্থ মাপিতে হাবে । প্রথমে ক্রসওয়ারের উল্লেম্ব তারের প্রতিবিষটি ঝালর প্রেণীর ধারের দিকের একটির সহিত মিলাইয়া দিয়া অভিনেত্রের মাইক্রোমিটার ক্ষু-এর (micrometer screw) পাঠ দেখিতে হাবে । এরপর ক্রসওয়ারটি একটি ঝালরের প্রস্থ সরাইয়া আবার ন্তন পাঠ দেখিতে হাবে এবং এইভাবে ঝালরশ্রেণীর অনাধার পর্যান্ত অন্ততঃ 10-15টি পাঠ নিতে হাবে । আবার গতির দিক পরিবর্তন করিয়া এই পাঠ নিতে নিতে পূর্বস্থানে ফিরিয়া আসা দরকার । এইর্পে অন্ততঃ তিন প্রস্থ পাঠ নিতে হাবে । এই পর্যবেক্ষণগুলি হাইতে একটি ঝালরের গড় প্রস্থ পাওয়া বাইবে । এখন যুগ্য-প্রিজ্ম হাইতে রেখাছিদ্র এবং অভিনেত্রের ফোকাসতলের দ্রম্ব মাপিতে হাকের । অপটিকালে বেণ্ডে রেখাছিদ্র, যুগ্য-প্রিজ্ম এবং অভিনেত্রের ধারক (stand) হাইতে এই দ্রম্ব পাওয়া বাইবে । তবে অভিনেত্রের ফোকাসতলের দ্রম্ব নির্ণয়ে এই পাঠের কিছু সংশোধন করা দরকার । কারণ

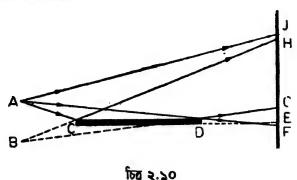
কোকাসভলের দূরত্ব অভিনেত্রের পাঠ হইতে সাধারণত পাওয়া বার না । সূতরাং बृहेकारव धरे সংশোধন कहा बाहेरक भारत । शक्षमकः সূচক-সংশোধন (index correction) প্রণালীতে এই দরদ মাপা বাইতে পারে। এই প্রণালীতে चित्रक इटेट इन-अज्ञादि बदा चर्नाहेकाल तक इटेट दुन्म-शिक्सिं সরাইরা ফোলতে হইবে। । লবার একটি সূচক দও নিরা সেটি রেখাছিদ্র এবং অভিনেক্তর মধ্যে এমনভাবে বসাইতে হইবে বাহাতে ইহার এক মাথ। রেখাছিদ্রটি স্পর্শ করে এবং অভিনেত্রটি সরাইরা দণ্ডের অন্য মাথা ফোকাস করিতে হইবে। এই অবস্থায় রেখাছিদ্র ও অভিনেত্রের পাঠ বাদ R, এবং R_{\star} হয় তবে সূচক সংশোধনের মান দাঁড়াইবে $I-(R_1\sim R_{\star})$. এই সূচক সংশোধনের সাহাব্যে প্রিজ্ম হইতে অভিনেত্রের প্রকৃত দূরত্ব বাহির করা সম্ভব হইবে । বিদ সূচক সংশোধন x এবং ঝালরের গড় প্রস্থ eta হয়, আর রেখাছিদ্র হইতে অভিনেত্রের দূরক্ষের পাঠ D হয় তবে তরসদৈর্ঘা দাঁড়াইবে $\lambda = \frac{2d\beta}{D+r}$; এখানে 2d বুঝাইতেছে S,S, দূরত। অন্যভাবে এই সূচক-সংশোধন এবং আরও এই জাতীয় ভূল এড়ানো যাইতে পারে। অভিনেত্রের দুই বা ততোধিক অবস্থানে যদি ঝালরের গড় প্রস্থ মাপা যায় এবং এই প্রস্কের মান হয় eta_1, eta_2, eta_3 ইত্যাদি এবং রেখাছিদ্র হইতে অভিনেদ্রের দূরত্বের পাঠ র্বাদ $D_1,\,D_2,\,D_4$ ইত্যাদি হয় তবে তরঙ্গ-দৈর্ঘ্যের মান দাঁড়াইবে

$$\lambda = \frac{(\beta_1 \sim \beta_2)2d}{D_1 \sim D_2} \quad \text{and} \quad \lambda = \frac{(\beta_1 \sim \beta_3)2d}{D_1 \sim D_2}$$
 (2.33)

এই দুইটি দৈর্ঘ্যের গড় নিয়া তরঙ্গদৈর্ঘ্য নির্ণয় করা হইলে অধিকতর নির্ভূল মান পাওয়া বাইবে। এই প্রণালীতে দুইপ্রস্থ পাঠের বিয়োগফল বাবহার করায় সৃচক-সংশোধন বতই দূর হইয়া বায়। তবে এই প্রণালীতে D_1, D_2, D_3 ইত্যাদি দূরত্ব খুব কাছাকাছি হইলে রাশিটির হর এবং লব দুইটিই (বিশেষ করিয়া লব) ছোট হয়; ফলে নির্ণেয় তরঙ্গদৈর্ঘ্যের ভূলের পরিমাণ বেশ বাড়িয়া বায়। 2 metre দৈর্ঘ্যের অপটিক্যাল বেশ্ব নিলে তিনটি দৈর্ঘ্যের একটি 50-75 cm, বিতীয়টি 100-125 cm এবং তৃতীয়টি 150-175 cm নিলে ভাল ফল পাওয়া বায়। এয়ুপ দৈর্ঘ্য নিতে গেলে অবল্য ঝালরপ্রোর সৃত্তি খুব ভাল এবং উচ্ছল হওয়া দরকার অন্যথায় 150-175 cm দূরত্বের জন্য ঝালরগুলি এমন অস্পর্ট হইবে বাছাতে ইহাদের প্রস্থের সৃক্ষ পরিমাণ সম্ভব হইবে না।

লারেডের দর্গণের পরীকা (Lloyd's mirror experiment).

আপতিত এবং প্রতিফলিত আলোকরন্ত্রির পরস্পরের বিক্রিয়া দারা ব্যতিচার-ঝালরের উৎপাদনের একটি সুন্দর পরীক্ষা লয়েডের দারা আবিষ্কৃত হয়। এই প্রণালীতে A একটি আলোকিত রেখাছিদ্র বাহার দৈর্ঘ্য চিত্র তলের সহিত লম্বভাবে অবস্থিত।



এই আলোকউৎস হইতে আলোকরশি একটি পালিশকরা দর্পণ CD এর উপর আসিয়া পড়ে এবং দর্পণ হইতে প্রতিফলিত হয়। প্রতিফলনের ফলে মনে হয় বে এই প্রতিফালিত বন্ধি অসদ উৎস B হইতে আসিতেছে। সূতরাং যদি দর্পণের D প্রান্তের পরে একটি পর্দা রাখা যায় তবে এই পর্ণার GH অংশ রেখাছিদ A হুইতে সরাসরি আলোকর্মন JF দারা আলোকিত হইবে। একই সময়ে এই অংশ প্রতিফলিত রশ্বি GH দারাও আলোকিত হইবে। অতএব এই GH অংশে ব্যতিচার-ঝালরের সৃষ্ঠি হইবে এখানে একই আলোকউৎস A হইতে আপতন এবং প্রতিফলনের সাহায্যে দুইটি উৎসের সৃষ্টি হইরাছে এবং এই উৎস দুইটি হইতে নির্গত আলোক-রশ্মিষর পরস্পরের উপর বিক্রিয়া দারা ব্যতিচার ঝালরের উৎপাদন করিতেছে। পূर्विट वना इटेन्नाएक या छेरभन्न यानातन প্रन्त छेरम पृष्टेपिन मधान पृत्रप 2d এর বান্তানুপাতিক ; সূতরাং দৃষ্টিগোচর প্রশন্ত ঝালর উৎপন্ন করিতে হইলে এই দূরত্ব 2d খুবই কম হওয়া দরকার। এইজন্য আপতন কোণ 90° এর যথাসম্ভব কাছাকাছি করা হয় যাহাতে B এবং A খুব কাছাকাছি থাকে এবং 2d খুব কম হয়। এই প্রণালীতে ঝালরগুলির তীব্রভা ইয়ংএর বা ক্লেলের পরীক্ষার ঝালরের তীব্রতা হইতে আলাদা হইবে। এখানে ঝালরের চরম তীব্রতা যাহাই হোক না কেন, অবম তীব্রতা কখনও শুন্য হটবে না। কারণ সরাসরি পর্দার আপতিত বশির তীরতা দর্শণে প্রতিফলিত রন্দির তীব্রতার অপেকা অধিক হইবে এবং এই কারণে ঝালরপ্রোণীর তীব্রতার বৈষম্য হ্রাস পাইবার কথা। তবে আপতন কোন প্রায় 90° হওরার প্রতিফলনের পরিমাণ খুবই কেশী হয় এবং প্রতিফালত রন্দির তীব্রতা পর্ণার সরাসরি আপতিত রন্দির প্রায় সমান হওরার ব্যতিচার ঝালরের আলোর তীব্রতার বৈষম্যের খুব তারতম্য ঘটে না।

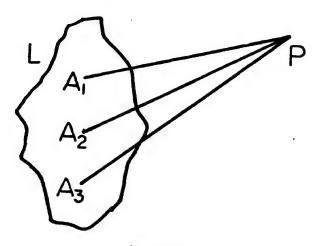
লরেড-দর্শণের পরীক্ষায় আর একটি বৈশিষ্ট্য দেখা যায়। বদি পর্দাটি দর্শনের D প্রান্তে আনিয়া উহাকে স্পর্ণ করানো বার তবে দেখা বাইবে বে পর্দা এবং দর্শণের সংযোগস্থলে যে ঝালর উৎপার হইবে তাহার আলোর তীব্রতা অবম হয়। এই বিন্দুতে সরাসরি আপত্তিত এবং দর্শণে প্রতিফলিত রন্দিরের পথের দ্রম্ব একই। সুতরাং তাহাদের দশাও এক। এমতাবস্থায় এই বিন্দুতে ঝালবের আলোর তীব্রতা চরম হওয়ার কথা। কিছু ইহা অবম হওয়ার অর্থ এই যে উপরোম্ব রন্দিরের দশার পার্থকা ন. সরাসরি আপতিত রন্দির দশা পরিবর্তনের কোনও প্রশ্নই ওঠে না। সূতরাং তীব্রতার এই অবম মান এই ইন্দিত দেয় যে প্রতিফলিত রন্দির প্রতিফলনের ফলে ন্দশা-পরিবর্তন হইয়াছে এবং ফলে রন্দিরের বিপরীত দশার D বিন্দুতে মিলিবার ফলে এখানকার তীব্রতা অবম হইয়াছে। প্রতিফলনের ফলে এইর্প ন্দশা-পরিবর্তনের উদাহরণ মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপকে, নিউটনের বলরসমূহ (Newton's rings) প্রভৃতির ক্ষেত্রেও দেখা যাইবে।

ব্যক্তিচারের সর্ভাবলী (Conditions of interference).

বিভিন্ন প্রকারের ব্যতিচার ঝালর সুস্পন্টর্পে সৃষ্টি করিতে হইলে এই ঝালরপ্রেণীর আলোর তীরভার বৈষম্য বত বেশী হয় ততই ভাল । চরম তীরভার মান উচ্চ এবং অবম তীরভার মান শূল্য হইলে ঝালরগুলি সুস্পন্টর্পে দৃশামান হইবে । এইজন্য করেকটি সর্ভ পূর্ণ করা দরকরে এবং নীচে ইহাদের প্রাধান্যের জমানুসারে সর্ভগুলি দেওরা হইল ।

ব্যতিচার ঝালরের আদৌ সৃষ্টির প্রথম এবং সর্বপ্রধান সর্ভ এই যে অসমবাঁত্তত (unpolarised) আলোর ক্ষেত্রে ব্যতিচার উৎপাদক আলোক উৎস দুইটি সংসত্ত (coherent) হওরা একান্ত আবশ্যক। দুইটি বা ততোধিক আলোকরশ্বি তখনই সংসত্ত হর বখন ভাহাদের মধ্যে দশা-পার্থক্য সাধারণ পর্যবেক্ষণ কালের জন্য ধ্বুবক থাকে। এই ধুবক থাকার জন্য আলোকভরক্বের ক্ষেত্রে সর্বাপেক্ষা সহস্ক উপার হইল এই যে তরস্ত্রেশীগুলি (wave trains)

अन्दे **छरत ह**रेए छरना रहेता विख्यि नथ पाँछक्य क्षिता चाराह क्र स একাধিক বিশ্বতে অধিস্থাপিত হয়। একাধিক উৎস হইতে উৎপরে আলোক-তর্ম শ্রেণীর মধ্যে এই ধর্ম বর্তমান থাকে না। কারণ প্রতিটি উৎসের আলোক-তরক্ষের মশা-ধুবক গড়ে 10^{-8} সেকেণ্ডে একবার অনিরমিতবৃপে পরিবটিড হয়। ফলে দুইটি তরঙ্গশ্রেণীর দশা-পার্থকাও গড়ে সেকেওে 10° বার পরিবাতিত হয়। এইরূপ আলোককে অসংসম্ভ আলো বলা হয়। এ পর্বন্ত ৰে সমন্ত পরীক্ষার কথা বর্ণনা করা হইরাছে এবং পরে ব্যতিচার প্রসঙ্গে বে সমস্ত পরীক্ষা বাঁণত হইবে ভাহার প্রত্যেকটিতেই একটি বিষয় খুব আৰম্ভিক-ভাবে দেখা গিয়াছে। বাতিচার-উৎপাদনকারী রশ্বিষয় একই রশ্বি হইতে উত্তত। ইরংরের পরীকা এবং ফ্রেনেলের পরীক্ষান্বরের ক্রেত্রে রশ্বিন্ধর একটি প্রাথমিক রশ্বি হইতে উৎপল্ল হইরাছে ; লরেডের পরীক্ষার ক্ষেত্রে এই উৎসম্বয় একটি প্রাথমিক উৎস এবং তাহার প্রতিফ লিত রশ্বি হইতে সৃষ্ঠি হইরাছে। কিন্তু গ্রিমলুডির প্রীক্ষার ক্ষেত্রে উৎস দুইটি পৃথক এবং অসংসম্ভ। ফলে দেখা গিরাছে বে গ্রিমলুডির ক্ষেত্রে ব্যক্তিচার-বালরের সৃষ্টি হয় নাই। ব্যতিচারের যে সমস্ত পরীক্ষা এ পর্যন্ত বর্ণনা করা হইরাছে, তাহাতে আলোক উৎসটি একটি আলোকিত রেখাছিদ্রের আকারে ব্যবহৃত হইরাছে এবং ইহা S, ও S, র সহিত প্রতিসমরূপে (symmetrically) বসানো হইরাছে। আলোক উৎসের প্রত্যেক বিন্দু হইতে যে আলোকরণ্মি নির্গন্ত হয় তাহা S_1 ও S. তে পৌছিলে এখানকার দশা-পার্থকা (phase-difference) সব সময়ে একই থাকে। ইহার ফলে যখন S, এবং S, হইতে আলোকরন্দি আসিয়া P বিন্দুতে পড়ে, তখন এই বিন্দুতেও দখা-পার্থক্য সময়ের সঙ্গে পরিবৃতিত না হইরা ধ্রবন্ধ থাকে। দেখা গিয়াছে বে P বিন্দুতে আলোকের তীব্রতা প্রধানতঃ ঐ স্থানে দুইটি বাতিচারী আলোকরন্মির দশা-পার্থক্যের উপর নির্ভর করে। (बहुकु छेश्त्र पृष्टेपि S. & S. अक्टे छेश्त्र S इट्टेंट छेश्त्रम, Sa मणाव পরিবর্তন হইলেও ইহা S_1 ও S_2 র দশাকে সমভাবে প্রভাবিত করে ; সেজন্য S, ও S, র দশা-পার্থকা একই থাকে এবং ইহার ফলে P বিন্দুতেও দশা-পার্থক্য অপরিবর্তিত থাকে। ফলে এই স্থানের আলোর ভীরতারও কোন পরিবর্তন হয় না এবং ব্যতিচার-ঝালর সমন্তক্ষণই দেখা বার। আলোকসৃষ্ঠির धात्रणा जनुत्रादत यमा यात्र य এकि आत्माक छेरत छेरखिक इश्वतात करन देश হইতে আলোক নিৰ্গত হইতে থাকে ; কিন্তু নানাৱপ অবমন্দনের (damping) करन अहे छिश्म द्वरम निरवक हहेरा इहेरा धामिया वात अवः बारमाक्छ निर्भाठ হর না । আবার কিছুক্ষণ পর ই**ছা নৃতন করি**র। বহিঃশতির বারা উত্তেজিত হইরা আলোক উৎপন্ন করিতে থাকে। একবার উত্তেজনার ফলে উৎসটি গড়ে 10^{-8} সেকেও পদর আলোক বিভরণ করিরা থাকে। এবতাবস্থার বিদ্ধালাক উৎস দুইটি S_1 ও S_2 অসংসম্ভ (incoherent) হর ভবে P বিন্দুভে সেকেওে গড়ে 10^8 বার আলোর তীরতা পরিবাঁতত হইবে। শুধুমাত চকু নর, বে কোনও আলোক মাপিবার বন্ধই এই পুত পরিবর্তন অনুসরণ করিতে পারিবে না; গড় আলোকই তাহার কাছে প্রতিভাত হইবে এবং প্রভোক বিন্দুতেই আলোর গড় তীরতা এক হওয়ার কোনওর্প ব্যতিচার ঝালর দেখা যাইবে না।



हिंग २.५५

ব্যাপারতিকে এইভাবেও দেখা বাইতে পারে। ধরা বাক বে L একটি আলোকিত বন্ধু এবং ইহা A_1 , A_2 , A_3 প্রভৃতি অসংসক্ত আলোক উৎসের সমস্তি। এই সমস্ত আলোক উৎস হইতে আলোকরিশা P বিন্দৃতে আসিরা পড়িতেছে। এই স্থানে আলোকের তীব্রতা নির্ণর করিতে হইলে পূর্বে ব্যবহৃত আলোকের অধিস্থাপনের নীতি (principle of superposition of light) প্রয়োগ করা বাইতে পারে। সেখানে দেখা গিরাছে বে বাদ A_1 , A_2 , A_3 ইভ্যাদি হইতে আলোকরিশার বিস্তারের মান P বিন্দৃতে বথাক্রমে a_1 , a_2 , a_3 হর তবে P বিন্দৃতে আলোর তীব্রতা I দাঁড়াইবে

$$I = \left(\sum_{p=1}^{n} a_p \cos \vartheta_p\right)^2 + \left(\sum_{p=1}^{n} a_p \sin \vartheta_p\right)^2$$

এখানে $\partial_{\rho} A_{\rho}$ বিন্দু হইতে নির্গত আলোকতরকের দশা-ধূবক ; বোগফল চিহ্ন বিভিন্ন উৎস $A_1 A_2$ ইত্যাদির মোট প্রভাব বুঝাইতেছে (ধরা হইরাছে বে মোট উৎসের সংখ্যা n)

$$I = \sum_{p=1}^{n} (a_p \cos \theta_p)^2 + \sum_{p=1}^{n} (a_p \sin \theta_p)^2$$

$$+ \sum_{p=1}^{n} \sum_{q=1}^{n} a_p a_q (\cos \theta_p \cos \theta_q + \sin \theta_p \sin \theta_q)$$

$$p \neq q \qquad \dots \qquad 2.34$$

এখানে তৃতীর পদটি (term) একটি বুগল-সমষ্টি (double-summation) বৃষাইতেছে। এখানে সাধারণত একটি গুণক 2 থাকিবার কথা। কিন্তু যোগের সময় প্রতিটি পদই দুইবার জাসিবার ফলে এই 2 গুণকটি এই তৃতীর পদে নিহিত আছে, নৃতন করিয়া ইহাকে অন্তর্ভুক্ত করিবার প্রয়োজন নাই। ইহা ছাড়া বে সমস্ত পদে p=q হইবে সেগুলি প্রথম ও দিতীর পদ-সমষ্টিতেই অন্তর্ভুক্ত করা আছে, সূতরাং সেই পদগুলি তৃতীর পদ-সমষ্টি হইতে বাদ দিতে হইবে। এই নির্দেশ বুঝাইবার জন্য লেখ্য হইরাছে $p \neq q$. ইহা হইতে লেখা বাইতে পারে

$$I = \sum_{p=1}^{n} a_{p}^{2} + \sum_{p=1}^{n} \sum_{q=1}^{n} a_{p} a_{q} \cos (\partial_{p} - \partial_{q}) \qquad \dots \quad 2.35$$

$$p \neq q$$

এখন পূর্বে বলা হইরাছে বে প্রতিটি আলোক উৎস সেকেন্তে গড়ে 10° বার উর্ব্রেক্ত হয় এবং প্রতিবারই ইহা হইতে নির্গত আলোকতরঙ্গের দশাধুবক বির মান পরিবাঁতিত হয়। আলোক উৎসসমূহ A_1, A_2, A_3 ইত্যাদি বাদ অসংসক্ত হয় তবে তাহাদের দশাধুবকের মধ্যেও কোনওর্প সক্তর থাকিবে না। তাহাড়া এই পরিবর্তন প্রতি সেকেন্তে গড়ে 10° বার হইতেছে। সূতরাং তৃতীর পদ-সর্মান্টির মান দাড়াইবে শূন্য কারণ ইহার প্রতিটি পরা পদের (positive term) সহিত একটি সমমূল্যের অপরা পদের (negative term) থাকিবার সম্ভাবনা সমান হইবে। ফলে তৃতীয় পদের সমন্টির মান দাড়াইবে শূন্য।

$$\therefore I = \sum_{n=1}^{\infty} a_n^n \qquad \dots \quad 2.36$$

এই গণনা হইতে দেখা বাইতেছে বাদ কোনও বিন্দু অসংসক্ত উৎসসমূহ হইতে আলোক পার তবে সেন্থানের আলোর ভীব্রতা দাড়াইবে প্রত্যেকটি বভর উৎসের ঐক্যানে আলোক তীব্রতার বোগফলের সমান। বাদ a বিস্তার সম্পন্ন দুইটি উৎস কোনও স্থানে আলো দের তবে ঐ স্থানে আলোর তীব্রতা দাড়াইবে $2a^{\circ}$. কিন্তু বাদ ঐ দুইটি উৎস সংসক্ত হর তবে ঐ স্থানের আলোক-ভীব্রতা সমান (uniform) হইবে না। ইহা $(2a)^{\circ}$ এবং শ্নোর মধ্যে পরিবাতিত হইবে। (সমীকরণ 2.26 প্রসঙ্গে আলোচনা দুকবা)।

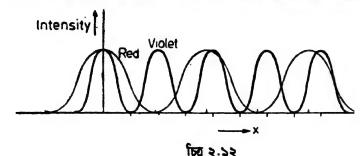
দিতীয়তঃ ব্যতিচারী আলোক উৎসগুলির তরঙ্গদৈর্ঘ্য এক হওয়। আবশ্যক এবং ইহাদের বিস্তার সমান বা কাছাকাছি মানের হওয়। প্রয়োজন। বিস্তার বত কাছাকাছি হইবে ব্যতিচার কালরের আলোর তীব্রতার বৈবম্য তত বেশী হইবে ফলে কালরগুলি বেশী প্রকট (visible) হইবে। [অবশা পাতলা পরত (thin film) হইতে বহুল প্রতিকলনের (multiple reflection) এর ফলে বে ব্যতিচারের সৃষ্টি হয় ভাহাতে এই নিরম খাটে না।]

ভূতীরতঃ আলোক উৎস দুইটি একবর্ণীর (monochromatic) বা প্রার একবর্ণীর হওরা দরকার। আলো বত একবর্ণীর হইবে তত বেশীসংখ্যক ব্যতিচার বালার দেখা বাইবে। বাদি আলোক উৎসে অনেক রকম দৈর্ঘ্যের তরঙ্গ থাকে তবে মিশ্ররঙের অস্প করেকটি ঝালার দেখা বাইতে পারে এবং কোন কোন কেন্তে একেবারেই কোন ঝালার দেখা বাইবে না।

সাদা আলোর বালর—(White light fringes).

সমীকরণ 2.25 হইতে দেখা বার যে একটি ব্যতিচার ঝালরের প্রস্থা হইবে $\omega = \frac{D}{2d}\lambda$; এখানে λ আলোক তরঙ্গের দৈর্ব্য । D এবং 2d (সাধারণতঃ) একটি পরীক্ষাকালে অপরিবর্তিত থাকে । সূতরাং বদি তরঙ্গ-দৈর্ব্য এক থাকে অর্থাং আলো একবর্ণের হয় তবে ঝালরের প্রস্থও একই থাকিবে এবং অনুকূল পরীক্ষা-বাবস্থার সমস্ত দৃষ্টিক্ষেচ জুড়িয়া অনেক ঝালর দেখা বাইবে । এই সমীকরণ হইতেই দেখা বার যে ঝালরের প্রস্থ তরঙ্গদর্শের সমানুপাতিক । সূতরাং বদি আলোক উৎসে লাল এবং বেগুনী দুইটি তরঙ্গ থাকে তবে দুই রকম প্রন্থের ঝালর উৎপর হইবে । লাল ঝালরের প্রস্থ বেগুনী ঝালরের প্রস্থে বায় বিগুণ দাড়াইবে । ফলে কেন্দ্রীর ঝালর হইতে বতই উচ্চেমের ঝালরের দিকে বাওয়া যাইবে ততই ইহাদের চরম যা অবম ভীরতার মধ্যে অমিল বাড়িতে থাকিবে । কেন্দ্র হইতে করেকটি ঝালরের প্রস্থ দৃরেঃ

লাল কালরের চরম জীরতা এবং বেগুলী ঝালরের অবম জীরতা একই স্থানে সম্পদ্ধ হইবে; ফলে ঝালরশ্রেণীর আলোর তীরতার বৈষম্য রুমণ কমিরা আসিবে। আর এই জীরতার বৈষম্যের উপরই ঝালরের দৃশ্যমানতা (visibility) নির্ভর করে। চরম এবং অবম জীরতার পার্থকা বত বেলী হইবে ঝালরের স্মর্ভতাও তত বৃদ্ধি পাইবে। সূত্রাং দেখা যাইতেছে বে আপতিত আলোক-রাশ্বতে একাথিক তরঙ্গ বর্তমান থাকার অর্থ ঝালরশ্রেণীর স্পর্কতা হ্রাস পাওরা। উপরের আলোচনার ধরা হইরাছে বে আলোকরশ্বিতে মান্র দুই রকম তরঙ্গ-দৈর্ঘ্য বর্তমান। কিন্তু যদি সাদা আলো ব্যবহার করা হয় তবে অনেক রকম তরঙ্গদৈর্ঘ্য ভাহাতে থাকিবে। কারণ সাদা আলোকে একটি লাগাতার



(continuous) তরঙ্গদৈর্ঘার বহুবর্ণ আলোক হিসাবে গণা করা বাইতে পারে। প্রতিটি তরঙ্গদৈর্ঘার আলোই একটি নিন্দিন্ত প্রস্কের ঝালরমালা সৃষ্ঠি করিবে এবং এই প্রস্কু বিভিন্ন বর্ণের পক্ষে বিভিন্ন হইবে। সূতরাং উপরের আলোচনা হইতে বৃঝা বার যে কেন্দ্রীয় ঝালর হইতে যত উক্ত ক্রমের ঝালরের দিকে বাওরা বাইবে ততই বিভিন্ন রন্ডের ঝালরের সংমিশ্রণ বাড়িতে থাকিবে। কেন্দ্রীয় ঝালরে অবশ্যা সমন্ত তরঙ্গদৈর্ঘাই চরম (বা অবম) আলোক-তীব্রতা সৃষ্ঠি করিবে বার ফলে এই ঝালরটি সাদাই থাকিবে। কিন্তু কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে বিভিন্ন বর্ণের সংমিশ্রণের ফলে এই সব স্থানে একটি গড় বর্ণের সৃষ্ঠি হইবে। এই সব স্থানে কতকগুলি বর্ণ বর্তমান থাকিবে যে সব বর্ণের পক্ষে এই বিন্দুতে 2.22 সমীকরণ অনুসারে চরম বা কাছাকাছি তীব্রতা হওরার কথা। এই একই বিন্দুতে অন্য কতকগুলি বর্ণের অনুর্প সমীকরণ অনুসারে অবম বা কাছাকাছি তীব্রতা হইবে। ফলে গড় একটি মিশ্রিত রং দেখা বাইবে এবং পরপর অনেকগুলি বর্ণের উপন্থিতির জন্য এই বিন্দুর রং সাদা দেখা বাইবে। তবে এই অবস্থা হইবে সাধারণত কেন্দ্র হইতে ৫—১০টি ঝালর বাওরার পর। ভাহার পূর্বে দেখা বাইবে যে কেন্দ্রের সাদা ঝালরের পর করেকটি রামধনু

बरध्य वामय गृष्टि क्टेरव धवर यज छेळकरमत वामरतत मिरक बाधता याहेरव ভতই তাহাদের স্পর্কতা কমিয়া আসিতে থাকিবে : শেবে আর আলোর তীরতার হ্বাসবৃদ্ধি থাকিবে না এবং সেস্থানে সমান তীব্রতার আলো দেখা বাইবে। অবশ্য বদিও এই সব স্থানে সাদা চোখে ব্যতিচার ঝালর দেখা বাইবে না, তবুও মনে করিবার কারণ নাই যে এখানে আলোর ব্যতিচার হইতেছে না। ব্যতিচারের অন্তিম দেখাইবার জন্য বর্ণালি-বীক্ষণবদ্ধের (spectrometer) পরীক্ষা করা যাইতে পারে। যদি এই সমান তীব্রতার আলো পর্ণার ফেলিরা সেই পর্ণার কোনও এক জারগার একটি সরু রেখাছিদ্র করিরা আলো প্রেরণ করা হয় এবং এই প্রেরিড আলো বর্ণালি-বীক্ষণের রেখাছিদ্রকে আলোকিড করে তবে উহার অভিনেত্রের দৃষ্ঠিক্ষেত্রে বর্ণালি দেখা বাইবে। এই ক্ষেত্রে দেখা বাইবে বে দৃষ্ঠিক্ষেত্রে পর পর অনেকগুলি আলোকডরঙ্গের রেখা আছে এবং এই সব রেখার মাঝের স্থানে আলোর তীব্রতা শূন্য। পর্ণার রেখাছিদ্রের স্থানে বে সমন্ত আলোকতরক্ষের তীব্রতা চরম হইবার কথা, তাহারা বর্ণালি-বীক্ষণের পৃতিক্ষেত্রে রেখার সৃতি করিয়াছে ; অপর্যাদকে যে সমন্ত তরঙ্গের পর্ণার রেখা-ছিদ্রে তীব্রতা অবম হইবার কথা তাহারা দৃষ্ঠিক্ষেত্রে শূন্য আলোক তীব্রতার সৃষ্ঠি করিয়াছে। অভিনেত্রের দৃষ্ঠিক্ষেত্রে দেখা বাইবে যে সাদা আলোর ব্যতিচারের ক্ষেত্রে রেখাগুলি পর পর প্রায় সমান দূরত্বে বর্তমান এবং ইহাদের সংখ্যাও অনেক। সূতরাং বর্ণালির সমন্ত বিস্তার জুড়িয়া অনেকগুলি তরঙ্গদৈর্ঘাই পর্ণার ঐ স্থানে উজ্জ্ব কালবের সৃষ্টি করিরাছে এবং ইহাদের মিশ্রণের ফলে দৃশ্যতঃ माना चारनाव मुक्ति श्हेतारह।

অবার্থ ব্যক্তিচার-ঝালরের উৎপাদন (Production of achromatic interference fringes).

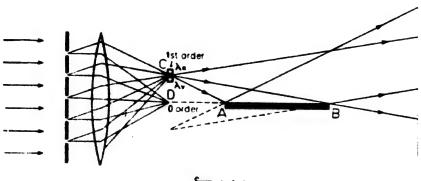
উপরের আলোচনা হইতে দেখা বাইতেছে বে সাদা আলো বাবহার করিলে শুধু কেন্দ্রীর ঝালরটি সাদা হইবে। বাকিগুলি রামধনু রঙের হইবে এবং এইবৃপ করেকটি ঝালরের পর আলোর তীরতা সমান (uniform) হইরা বাইবে। ইহার কারণ অবশ্য সমীকরণ 2.25 হইতে সহজেই বুঝা বার

$$\omega = \frac{D}{2d}\lambda$$

এখানে সমন্ত বর্ণের পক্ষেই D এবং 2d এক কিন্তু তরঙ্গলৈষ্ঠা ম প্রভ্যেক বর্ণের ক্ষেত্রেই আলাদা। সূতরাং বিভিন্ন বর্ণের ঝালরের প্রস্থ আলাদা হওরার

ভাহার। মিশিরা একাকার হইরা বার (jumbled up) এবং সাদা আলোর সৃষ্ঠি করে। কিন্তু র্যাদ পরীক্ষার সমর এমন ব্যবস্থা করা বার বে $\frac{\lambda}{2d}$ সংখ্যাটি ধ্রুবক হর তবে সমস্ত বর্ণের বালরের প্রস্থুই সমান হইবে এবং সমস্ত স্থান জুড়িরা অবার্ণ (achromatic) ঝালরের সৃষ্ঠি হইবে। ইহার অর্থ এই বে প্রভিটি বর্ণের ক্ষেত্রেই উৎস দুইটির দূরত্ব 2d আলাদা হইবে এবং এই দূরত্বের তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ এর সমানুপাতে হ্রাসবৃদ্ধি হইবে বাহার ফলে $\frac{\lambda}{2d}$ সংখ্যাটি ধ্রুবক হইবে।

এইর্প পরীক্ষা বাবস্থা লয়েডের দর্পণ এবং ব্যবর্তন-ঝাঝরির (diffraction grating) সমন্বরে তৈরী করা বাইতে পারে। (ঝাঝরির আলোচনা পরের অধ্যারে দুর্ভবা)।



वित २.५०

২.১৩ নং চিত্রে AB একটি লয়েডের দর্পণ। ইহার আলোকউৎস C হিসাবে বাবহার করা হইরাছে একটি বাবর্তন-ঝার্মারর প্রথমক্তমের বর্ণাল (1st order spectrum). বাবর্তন ঝার্মারটি সমান্তরাল সাদা আলোর রশ্মিদার। আলোকিত হইরাছে। (বাবর্তন-ঝার্মার দার। বর্ণালী উৎপাদনের আলোচনা বাবর্তনের অধ্যারে দ্রন্থর) এই বাবর্তন-ঝার্মারর প্রথম ক্রমের বর্ণালিতে বিভিন্ন বর্ণের প্রতিবিশ্ব কেন্দ্রীয় বর্ণালী D হইতে বিভিন্ন দূরদে সৃষ্ঠ হইবে এবং এই দূরদ্ব $2d_\lambda$ সংগত (corresponding) তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ এর সমানুপাতিক হইবে। অর্থাৎ $2d_\lambda \propto \lambda = K \lambda$ $\{K =$ ধুবক $\}$; এখানে $2d_\lambda$ ব্যতিচারী দুইটি আলোক উৎসের মধ্যের দূরদ্ব । সূত্রাং বদি লাল এবং বেগুনী তরঙ্গদৈর্ঘ্যের

মৃল্য হয় λ_R ও λ_V এবং সংগত দূরত লেখা হয় $2d_R$ ও $2d_V$, তবে লাল এবং বেগুনী ঝালরের প্রস্থ দাঁড়াইবে বখাক্রমে

$$\begin{split} w_R &= \frac{D}{2d_R} \lambda_R = \frac{D\lambda_R}{K\lambda_R} - \frac{D}{K} - K'D \; ; \quad \text{when } K' = \frac{1}{K} - \text{graph} \; ; \\ w_V &= \frac{D}{2d_V} \lambda_V - \frac{D\lambda_V}{K\lambda_V} - \frac{D}{K} - K'D \; . \end{split}$$

এবং এই সমীকরণ সমস্ত তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বেলারই প্রযোজ্য হইবে।

সূতরাং দেখা ষাইতেছে যে এই ব্যবস্থায় সমস্ত বর্ণের ঝালরের প্রস্থই এক হাইবে। কাজেই এখন আরু মিশ্রণের ফলে সমান রং উৎপত্র হওরার কারণ থাকিবে না। পর্দার যে কোনও বিস্পৃতে সমস্ত রঙের পথ-দূরস্থই তরঙ্গদৈর্ঘের একই গুণক হইবে। সূতরাং এই বিস্পৃ যদি একটি বর্ণের চরম ভীরতার স্থান হর তবে ইহা অন্য সমস্ত বর্ণেরও অনুর্প তীরতার স্থান হইবে এবং ফলে এই স্থান সাদা-আলোর চরম তীরতা সৃষ্ঠি করিবে। অবম তীরতার ক্ষেত্রেও অনুর্প ব্যাপারই ঘটিবে এবং পরিণামিক তীরতা শৃন্য হইবে। সূতরাং এই ব্যবস্থায় অবার্ণ ঝালরশ্রেণী পাওয়া যাইবে।

ষেহেতু $2d \propto \lambda$ এবং 2d কেন্দ্রীয় O-ক্রমের ব্যবর্তন বর্ণাল হইতে আলোকউংসের দ্রম্ব বৃঝাইতেছে, এই পরীক্ষায় লয়েডের দর্পণিটি এমনভাবে স্থাপন করা দরকার যাহাতে ইহার প্রতিফলনকারী তলটি বাড়াইলে ব্যবর্তনের O-ক্রমের বর্ণালিটিকে ছেদ করে। একমাত্র তাহা হইলেই $2d \propto \lambda$ এই সর্ত পূর্ণ হইবে।

এই পরীক্ষায় বাবর্তন-ঝাঝরির পরিবর্তে প্রিজ্মৃও বাবহার করা যাইতে পারে। প্রিজ্মের বর্ণালি আলোক-উৎস হিসাবে এমনভাবে ব্যবহার করিতে হইবে বাহাতে $\frac{\lambda}{2d}$ ধুবক হয়। তবে এই সর্ভটি প্রিজ্মের বর্ণালীদ্বারা সম্পূর্ণ-বৃধ্বে করা যায় না বলিয়া প্রিজ্মের সাহায্যে উৎপক্ষ ব্যতিচার-ঝালর বাবর্তন ঝালরের ন্যায় নিখুত্বুপে অবার্গ হয় না।

আলোকউৎসের সংগত বিন্দুসমূহ (Corresponding points of the source).

ইয়ংএর পরীক্ষায় বাতিচারী আলোকউৎস দুইটি একটি আলোকউৎস হইতে উৎপদ্ন হয়। ফ্রেনেলের বুগ্গ-প্রিজ্ম এবং বুগ্গ-দর্পণের ক্ষেত্রে উৎসম্বয় একই উৎসের প্রতিবিশ্ব এবং সেজনা ভাহারা একইরকম। সুতরাং এখানে একই আলোকবিন্দু হইতে দুইটি সংস্তু বিন্দুর সৃষ্টি হয় বাহা ব্যতিচার ঝালয় সৃষ্টির পক্ষে অপরিহার্যা। চিত্র ২.৪ এবং ২.৮ হইতে দেখা যায় যে ব্যতিচারী উৎস দুইটির পরস্পরের দক্ষিণ দিকের বিন্দুরয়ের মধ্যে সংগতি (correspondence) থাকে এবং একটি উৎসের বামদিকের বিন্দুর সহিত অন্যটির বাম দিকের বিন্দুর সংগতি বর্তমান। কিন্তু লয়েডের দর্পণের ক্ষেত্রে এ ব্যাপারে কিছু পার্থক্য আছে। এখানে বেহেতু ব্যতিচারী আলোকউৎস দুইটির একটি অন্যটির দর্পণে প্রতিফলিত প্রতিবিশ্ব, সেজনা একটি উৎসের বামদিকের বিন্দু অন্য উৎসটির ডানদিকের বিন্দুর সহিত সংগতি রক্ষা করে।

আর দুইটি সংগত বিন্দুর মধে।ই ব্যতিচারের ফলে ঝালরের সৃষ্টি হয়। কাজেই এখানে এই কারণে ঝালরের প্রস্থ এই দুই বিন্দুর সৃষ্ঠ ব্যতিচারের বেলার আলাদা হইবে। আমরা জানি ঝালরের প্রস্থ দাঁড়ায়

$$w = \frac{D}{2d}\lambda$$

যুগা-প্রজ্ম এবং যুগা-দর্পণের ক্ষেত্রে যেহেতৃ উৎসন্বয়ের বামদিকের বিন্দু দুইটি সংগত কাজেই ইহাদের মধ্যের দূরত্ব 2d উৎসের সমস্ত বিন্দুর ক্ষেত্রেই এক থাকে। তবে প্রতিটি বিন্দুর কেন্দ্রীয় ঝালরের অবস্থান আলাদা হয়। যদি সমস্ত রেখাছিদ্রকে একগুছ সমান্তরাল সরলরেখার সমষ্টি বলিয়া ধরা হয় তবে ভাবা যাইতে পারে যে প্রতিটি সরলরেখার জনা একগুছ ঝালরের উৎপত্তি হইবে। এই বিভিন্ন ঝালরগুছে পরস্পরের পাশাপাশি কিছু সরিয়া অবস্থান করিবে ষার ফলে ঝালরের চরম বা অবম আলোক-তীব্রতার প্রসার বাড়িয়া যাইবে। বলা যায় যে প্রতিটি ঝালরগুছ তাহার পাশের ঝালরগুছের তুলনায় আপেক্ষিকভাবে সরিয়া যাইবে এবং ঝালরের প্রসার বাড়াইয়া দিবে। ইহার ফলে ঝালরের আলোর তীব্রতার বৈষম্য কমিয়া যাইবে এবং সঙ্গে সঙ্গে তাহাদের স্পন্ধতাও হাস পাইবে।

অপরপক্ষে লয়েডের দর্পণের ক্ষেত্রে একটি উৎসের বার্মাদকের বিন্দু অপর উৎসের ডার্নাদকের বিন্দুর সহিত সংগতি রক্ষা করে। এর ফলে প্রাথমিক উৎসের প্রতিটি বিন্দুর জন্য 2d আলাদা হয় এবং ঝালরের প্রস্থ এই কারণের জন্য আলাদা হয়। এই প্রস্থের পরিবর্তন উচ্চক্রমের ঝালরের স্পষ্টতা নক্ষ করে। যদি কেন্দ্র হইতে m ক্রমের ঝালরের দ্রম্ব হয় x_m , তবে

$$x_{+} = \frac{D}{2d} m \lambda$$

এবং প্রেক্সে পরিবর্তনের জন্য বণি এই দূরদের পরিবর্তন ধরা হয় ঠx তবে লেখা বার

$$\delta x = -\frac{D}{2} m\lambda \frac{\delta d}{d^2} = -\frac{D}{2d} m\lambda \frac{\delta d}{d}$$

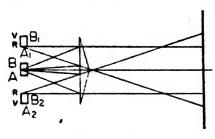
$$w = \frac{D}{2d} \lambda$$
(2.38)

Öx বারা একটি m ক্রমের ঝালরের দূরত্বের পরিবর্তন বুঝান হইরাছে। সূতরাং এই পরিবর্তন যত বেশী হইবে ঝালরের স্পষ্টতাও তত কমিবে এবং ðx বৃদি w এর সমান হয় তবে সমন্ত দৃষ্টিক্ষেএই সমান আলোয় ভবিয়। বাইবে এবং ঝালর সম্পূর্ণ অদৃশ্য হইবে। কান্দেই $\frac{\delta x}{w}$ যত কম হইবে তত বালরের স্পর্কতা বাড়িতে থাকিবে । \cdot আবার দেখ। যাইতেছে বে $rac{\delta x}{w}$ m এর সমানুপাতিক অর্থাৎ m যত বেশী হইবে $rac{\delta x}{w}$ ও ততই বাড়িবে। সমীকরণ 2.39 হইতে দেখা যায়. যে যদি উচ্চক্রমের ঝালর স্পর্করূপে দেখিতে হর তবে ঠd এর মান খুবই কম হওয়া দরকার। ইহার অর্থ ঠd এর মান বেশী হইলে বিশেষ কৰিয়া উচ্চত্ৰমেৰ ঝালরের স্পষ্টতা কমিয়া আসিতে থাকিবে। বলা বাহুলা ôd রেখাছিদ্রের প্রস্থের সমানুপাতিক। তবে লয়েড-দর্শনের ঝালরগুলি শুনা-ক্রমের (Zero-order) পরিপ্রেক্ষিতে প্রতিসমর্পে (Symmetrically) সৃষ্ঠ হয়। সূতরাং শ্না-ক্রমের ঝালরের ক্রেন্তে সমন্ত बानबरे अकरे कात्रभाव পড़ित अवर त्रथाहिएत शक् अरे बानत्वव न्मर्चेण नर्च क्रींत्रत्व ना अवः त्रामा व्यातमा वावशात क्रींत्रत्म अवे बामत्रीरे व्यवार्ग शहेत्व । শুধু উচ্চত্রমের ঝালরের বেলার রেখাছিলের প্রস্থ ক্রমশ বেশী অসুবিধা সৃষ্ঠি क्रिंदि दिया युश्च-शिक्ष्या क्रिंदि क्रिंदि ना ; এवः जाना आलाब क्रिंदि এই बानर्वाहे ठिक खवार्थ इटेरव ना ।

কিন্তু বৃশ্ধ-প্রিজ্মের কেতে আলোর বিজুরণের জন্য অসুবিধার সৃষ্টি হইবে। যদি সাদা আলো ব্যবহার করা হর তবে প্রিজ্মের ভিতর দিয়া যাইবার সমর বিজুরণের জন্য ব্যতিচারী আলোকউৎসগুলি আলাদা হইয়া যাইবে। যদি লাল এবং বেগুনী আলোর কথা ধরা যায় তবে ইহাদের ক্ষেত্রে আলোর উৎস দুইটির দূরত্ব আলাদা হইবে। সূতরাং যদি কেন্দ্র হইতে m ক্রমের ঝালরের দূরত্ব x_m হয় তবে লেখা যায়

$$x_{m}(\text{red}) = \frac{D}{2d \text{ red}} \lambda \text{ red} ; \quad x_{m}(\text{violet}) = \frac{D}{2d \text{ violet}} \lambda \text{ violet}$$
 (2.40)

 $\lambda_{
m red}$ $\lambda_{
m violet}$ হইতে বড় ; অন্যাদিকে $2d_{
m violet}$ $2d_{
m red}$ হইতে বড় । সূতরাং শুধু তরঙ্গদৈর্ঘের পরিবর্তনের জন্য x_m এর যতটা পরিবর্তন হইবে



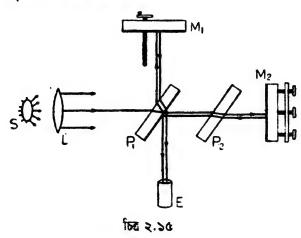
চিত্ৰ ২.১৪

2d এর প্রভাব সেই পরিবর্তনকে আরও বৃদ্ধি করিবে এবং ইহার ফঙ্গে সাদ। আলোর ক্ষেত্রে ঝালর শ্রেণীর স্পর্কতা আরও কমিয়া যাইবে।

মাইকেলসনের ব্যতিচার-মাপক (Michelson's Interferometer).

মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপক যত্র ব্যতিচারের প্রীক্ষার প্রয়োগের একটি অতি সুন্দর গুরুত্বপূর্ণ দৃষ্ঠান্ত। মাইকেলসনের মত খ্যাতিমান বৈজ্ঞানিকের দ্বারা আবিষ্কৃত এই যত্র অতি বিখ্যাত সব প্রীক্ষার প্রযুক্ত হইরাছে। এই যত্রে একটি আলোকর্রান্ম প্রতিফলন এবং প্রেরণ (transmission) দ্বারা দুইভাগে ভাগ হইয়া বায় এবং দুটি দর্পণে প্রতিফালত হইয়া আবার আসিয়া একঠিত হয়। এর ফলে এই দুইটি সংসক্ত আলোকর্রান্মর মধ্যে ব্যতিচার হয় এবং ঝালরের সৃষ্টি হয়। এ পর্যন্ত যে সমন্ত ব্যতিচার উৎপাদক যত্ত্রের বর্ণনা দেওয়া হইয়াছে সে সমন্ত ক্ষেত্রেই তর্ত্রসমূথের বিভাজন (division of wave front) দ্বারা ব্যতিচারী রান্মন্থরের উত্তব হইয়াছে। সূতরাং এইগুলিকে বলা যায় তর্ত্রসমূখ-বিভাজন দ্বারা উৎপাদ ব্যতিচার ঝালর। কিন্তু মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপক যত্ত্রের ক্ষেত্রে দেখা যাইতেছে যে এই ক্ষেত্রে তরঙ্কের বিস্তার বিভাজনের (division of amplitude) দ্বারা ব্যতিচারী রান্মন্থরের সৃষ্ঠি

হইরাছে। কাজেই এই প্রণালীতে উৎপন্ন ঝালরকে বিস্তার-বিভাজন দারা উৎপান ঝালরবৃপে শ্রেণীকদ্ধ করা যার।



এই ষব্ৰে একটি আলোকউৎস S হইতে নিগত আলোকরাম উত্তল লেক $m{L}$ দ্বারা একগুচ্ছ সমান্তরাল আলোকরশ্মিতে পরিণত হয় : বলা বাহুলা Sউৎসটি লেন্স L এর ফোকাসতলে অবস্থিত। এইরূপ চওড়া ও সমান্তরাল আলোকরন্মির প্রয়োজন পরে ব্যাখ্যা করা হইবে। এই রশ্মি আসিয়া একটি সমতল ও সমান্তরাল কাচের প্লেট P, এর উপর আপতিত হয়। এই আলোকের একটি রশ্মির কথা যদি ধরা হয় তবে এই রশ্মিটি কাচের প্রেটে প্রতি ফলিত ও প্রেরিত হইবে। এই প্রক্রিরায় আলোকরশ্মির বিস্তারের বিভাজন হইবে । রশ্মিটির একাংশ সোজা কাচের প্রেট P_1 এর মধ্য দিয়া প্রেরিত হট্রা একটি সমতল দর্পণ M_z এর উপর পড়ে এবং সেখানে প্রতিফ্লিত হইয়া আবার পূর্বপথে ফিরিয়া আসিয়া P_1 এর উপর পড়ে ও সেখানে আবার প্রতিফলিত হইয়া অভিনেত্র E তে প্রবেশ করে। অপর অংশ P_1 এর ভিতরে প্রবেশ করে এবং ইহার পিছনের তল হইতে প্রতিফালত হইয়া P, হইতে বাহির হইয়া অন্য একটি সমতল দর্পণ M, এর উপর আপতিত হয়। এই দপণ M_1 এ প্রতিফলিত হইয়া রশিটি দ্বিতীয়বার কাচের প্লেট P, এর মধ্য দিয়া অভিনেটের ভিতরে প্রবেশ করে। এই দুইটি রশ্বি ভিন্ন প্রতিফলন দার। অন্যান্য রশিরও সৃষ্টি হয় কিন্তু ইহাদের তীব্রতা খুব কম হওরার ভাহাদের সৃষ্ট ব্যতিচার বান্তবে দৃষ্টিগোচর হয় না। মূল উপাংশ (component) রশ্বিষয়ের তীব্রতা বাহাতে মোটামূটি সমান হয় সেজন্য কাচের প্রেট P_1 এর পিছনের তলে খুব পাতলা করিরা একটি রূপার

ন্তর দেওরা থাকে। ইহা না হইলে অভিনেত্রে যে দুইটি প্রধান উপাংশ প্রবেশ করে তাছাদের তীরতা খুব কম হয় এবং ব্যতিচার ঝালর খুব অস্পর্করূপে দেখা বার। $P_{f 2}$ $P_{f 1}$ এর অনুর্প আর একটি কাচের প্রেট, তবে ইহাতে রূপার প্রলেপ নাই। এই প্লেটটিকে পরিপ্রক (compensator) বলা হয়। ইহার কান্ত হইল কাচের প্লেট P_1 এর মধ্য দিয়া গমনকারী রশ্মি দুইটির আলোক পথ (optical path) ব্যাসম্ভব একরকম করা। চিত্র নং ২.১৫ হইতে দেখা যার যে রশ্মিটি M_1 দর্পণে যাইতেছে সেটি P_1 প্লেটটি তিন্বার অতিক্রম (traverse) করিতেছে ; সে জারগার যে রশ্মিটি M_2 দর্পণে যাইতেছে সেটি P, একবার অতিক্রম করিতেছে। সেইজনা এই দ্বিতীয় বৃদ্ধিটি কাচের প্রেট P2 এর ভিতর দিয়া আরও দুইবার যায় যাহাতে আলোক পথ দুইটি মোটামুটি একরকম হয়। যে রশ্মিটি পুইটি ব্যতিচারী রশ্মিতে বিভক্ত হয় তাহার। একটি রন্দি হইতে উত্ত বলিয়া পরস্পর সংসত্ত। সূতরাং ইহারা ব্যতিচার-উৎপাদনের প্রথম এবং প্রধান সর্ত পালন করিতেছে বলিয়া ইহাদের অধিস্থাপনের ফলে বাতিচার ঝালর উৎপত্ন হইবে। রশ্মি দুইটির আলোক পথ সমান বা প্রায় সমান হওয়া প্রয়োজন বলিয়া (বিশেষতঃ সাদা-আলোর ব্যতিচার-ঝালর সৃষ্ঠি করিতে হইলে) P_{γ} প্রেটের পিছনদিকের তল হইতে দর্পণ দুইটি M_{γ} এবং M_{2} এর দূরত্ব মোটামুটি সমান করা দূরকার। ইহা করিবার জন্য M_{1} দর্পণটি একটি সৃক্ষ 👺 এর সাহায়ে নিজের তলের সমান্তরালভাবে নড়ানো যায় এবং এই সরানোর পরিমাণ ঐ হ্র এর সঙ্গে সংলগ্ন স্কেল হইতে নির্ণয় করা যায়। ইহা ছাড়াও বৃত্তাকার (circular) ব্যতিচার ঝালর সৃষ্ঠির জন্য দর্পণ দুইটি পরস্পরের সহিত উল্লম্বভাবে অবস্থান কর। আবশাক। এই ধাপটি সম্পন্ন করিবার জন্য দিতীয় দর্পণ M_a বিভিন্ন তলে নড়াইবার তিনটি স্ক আছে যেগুলির সাহাযে। M কে M এর সহিত উল্লম্ব অবস্থানে আনা যায়। এবং এই স্কুর্গালর সাহাযোই আবার প্রয়োজনমত ইহার অবস্থান এমনভাবে পরিবর্তন করা যায় যাহাতে ইহার তল M_1 এর তলকে একটি সরলরেখায় খণ্ডিত করে।

মাইকেলসনের ব্যতিচার মাপকের সমঞ্জন করণ (adjustment of the Michelson interferometer).

প্রথমে M_1 এবং M_3 দর্পণ দুইটি হইতে P_1 প্লেটের পিছনদিকের তল (রূপার প্রলেপ দেওয়া) পর্যন্ত দূরত্ব প্রায় সমান করিতে হইবে এবং এই উদ্দেশ্যে ছু এর সাহাব্যে M_1 দর্পণটি প্রয়োজনমত নড়াইতে হইবে। এই

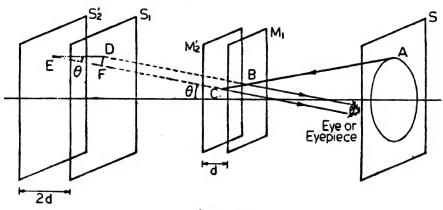
পুইটি দৃষ্য বেন 2-3 মিলিমিটারের বেশী তফাং না হয়। এই অবস্থায় চক্ষুর সাহায়ে M_1 এবং M_2 পরস্পরের সহিত মোটামূটি উল্লয় অবস্থানে আনিতে হইবে। ইহার পরে লেল L এবং অভিনেত্র E সরাইয়া S এর স্থানে একটি উক্ষণ ক্ষুত্র আলোকউৎস বসাইয়া অভিনেত্র E এর স্থান হইতে M_1 দর্পণের দিকে সোজা ভাকাইতে হইবে যাহাতে ঐ দর্পণে আলোকউৎসটির প্রতিবিশ্ব দেখা যায়। সাধারণত M_1 এবং M_2 পরস্পরের সহিত সম্পূর্ণ উল্লয়ভাবে না অবস্থান করায় M_1 দর্পণে দুইটি প্রতিবিশ্ব দেখা যাইবে। পূর্ববর্ণিত কারণে P_1 এর বিভিন্নে তল হইতে প্রতিফলনের ফলে আরও প্রতিবিশ্ব দেখা যাইবে ক্ষেত্র সিছনের তলে ঠিকমত রূপার প্রলেপ দেওয়া থাকিলে কেবলমাত দুইটি প্রতিবিশ্বই (চিত্রে যে দুইটি রিশ্ব দেখান হইয়াছে সেই দুইটি দ্বারা সৃষ্ঠ) উক্ষল দেখা যাইবে। এইবার M_2 দর্পণের পিছনিদকের স্কুত্রর সাহাযো এই প্রতিবিশ্ব দুইটি পরস্পরের সহিত মিশাইয়া দিতে হইবে। যখন ইহারা মিশিয়া যাইবে তখন M_1 এবং M_2 দর্পণ দুইটি পরস্পরের সহিত উল্লয়ভাবে অবস্থিত হয়।

সমগ্রনের এই ধাপের পর এইবার আলোকউংস S এবং লেন L বসাইয়া আবার প্লেট P_1 এর মধ্য দিয়া M_1 দর্পণের দিকে দেখিতে হইবে। এই অবস্থায় একবর্ণের (monochromatic) আলো বাবহার করা প্রয়োজন। এইবার M, দর্পণে ব্যতিচার ঝালর দেখা ষাইবার কথা। কিন্তু ঝালরগুলি খুব সুস্পর্করূপে দৃষ্ঠ নাও হইতে পারে । M_2 দর্পণটি ইহার পিছনের স্ক্রএর সাহাব্যে সমঞ্জন করিয়া M_1 এর সঙ্গে খুব সঠিকভাবে উল্লম্ব অবস্থানে আনিতে হুটবে। ইহা করা হুইলে দৃষ্টিক্ষেত্রে এককেন্দ্রীয় (concentric) বৃদ্রীয় ঝালর-শ্রেণী দেখা বাইবে। এই ঝালরশ্রেণীর প্রস্থ খুব কম হইতে পারে এবং ইহাদের কেন্দ্র দৃষ্টিক্ষেতের বাহিরে থাকিতে পারে। M, দর্পণটি (এবং প্রান্তন হইলে $M_{
m s}$ দর্পণটিও ঘুরাইয়া) আগে পিছনে আনিয়া এই ঝালরের প্রস্থ সুবিধামত বাড়াইতে হইবে এবং ঝালরের কেন্দ্র দৃষ্টিক্ষেত্রের মাঝামাঝি জারগার আনিতে হইবে। এই অবস্থায় চকু উপরে নীচে ব। ডাইানে বায়ে সরাইলে হয়তো দেখা যাইবে যে ঝালরের ব্যাসের পরিবর্তন হইতেছে। M_{\odot} দর্শনের হুগুলি সমঞ্জন করিয়া এই ব্যাসের পরিবর্তন দুর করা দরকার। এজন্য অবশ্য M, দর্পণও M_2 এর সঙ্গে পর্যায়ক্তমে নড়াইতে হইতে পারে। যদি সাদা আলোর ঝালর উৎপন্ন করিতে হয় তবে S এর স্থানে সাদা আলোর উৎস বসাইয়া নিলেই চলিবে। একবর্ণের ঝালর উৎপাদনের জন্য সোডিয়াম বান্দের বাতি ব্যবহার করা সুবিধান্তনক। বিকম্প ব্যবস্থার পারদ্বান্দের

বাতি ব্যবহার করিয়া ফিলটারের সাহাষ্যে ইহার সবৃক্ত তরঙ্গ আলাদ। করিয়া নেওয়া বায়। সুস্পর্য ঝালর উৎপাদনের পর পরিমাপের জন্য এইবার অভিনের E ঠিকমত জায়গায় বসাইয়া নিতে হইবে।

বৃত্তীয় কালবের উৎপাদন (Production of circular fringes).

মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপক যত্ত্বে পরীক্ষার কাজে বৃত্তীর ঝালরই সর্বাধিক ব্যবহৃত হইয়া থাকে: এজন্য এই ঝালর স্বভাবতই সর্বাপেক্ষা গুরুত্বপূর্ণ। এইগুলি উৎপন্ন করিতে হইলে একবর্ণের আলোকউৎস ব্যবহার করিতে হয় এবং দর্পণ দুইটির সমঞ্জন সঠিক হওয়৷ প্রয়োজন। বিশেষতঃ ইহাদের তল পরস্পারের সহিত উল্লেম্ব অবস্থানে রাখিতে হইবে। সংশ্লিক চিত্র নং ২.১৬ হইতে ইহাদের উৎপত্তির কারণ বৃথিতে পারা যাইবে।



व्य २.५७

কাচের প্লেট P_1 এ প্রতিফলনের দর্শ ধরা যায় যে আলোকউৎস S অভিনেত্র E এর পিছন দিকে অবস্থিত। এই উৎসের একটি বিন্দু A হইতে একটি আলোকরশ্বি দর্পণ M_1 এ পড়িতেছে এবং প্রতিফলিত হইয়া অভিনেত্রের দিকে আসিতেছে এবং এই প্রক্রিয়ায় উৎসের একটি অসদ্ প্রতিবিদ্ধ S_1 এর সৃষ্টি করিতেছে। আবার P_1 এ প্রতিফলনের ফলে M_2 দর্পণিটি M_2 অবস্থানে থাকিবে বলিয়া ধরা যায়। যে আলোকরশ্বিটি M_1 দর্পণে প্রতিফলিত হইয়াছে তাহার একাংশ M_2 এও প্রতিফলনের ফলে রশ্বিটি আলোকউৎস S এর একটি অসদ্ প্রতিবিদ্ধ S_2 উৎপান করিবে। সূত্রাং মনে হইবে যে ঐ অসদ্ প্রতিবিদ্ধ S_1 এর দুইটি বিন্দু D এবং E (A

বিন্দুর সংগত বিন্দুবর) হইতে দুইটি রন্দি DB এবং EC অভিনেত্রে দিকে আসিতেছে। P_1 প্লেটের তল হইতে M_1 এবং M_2 দর্গণের দূরদের পার্থক্য যদি d হয় তবে S_1 এবং S_2 এর মধ্যের দূরদ্ব অভাবতই 2d হইবে। যদি সমঞ্জন সঠিকমত করা হয় তবে M_1 এবং M_2 সমান্তরাল থাকিবে। ইহার ফলে অভিনেত্রগামী রন্দিবরও সমান্তরাল হইবে। এই রন্দি দুইটি সংসত্ত হওরার ফলে ব্যতিচার উৎপন্ন করিবে এবং চোখের রেটিনায় অথবা অভিনেত্রের ফোকাসতলে A বিন্দুর জন্য একটি ব্যতিচারী বিন্দুর সৃষ্টি হইবে। এই বিন্দুতে আলোর তীব্রতা নির্ভর করিবে ব্যতিচারী বিন্দুর সৃষ্টি হইবে। এই বিন্দুতে আলোর তীব্রতা নির্ভর করিবে ব্যতিচারী রন্দি দুইটির আলোকসক্ষের দূরদের পার্থক্যের উপর। উপরের চিত্র হইতে দেখা যায় যে সংসত্ত বিন্দু দুইটি E এবং D এর দূরদ্ব 2d. যদি A হইতে আলোকরন্দি দর্পণের উপর θ কোণে আপতিত হয় তবে ED এবং EC এর মধ্যের কোণেও θ হইবে। D বিন্দু হইতে যদি EC এর উপর লম্ব DF টান। হয় তবে DF একটি তরঙ্গমুখ হইবে বাহার ফলে D এবং F বিন্দুতে দশার মূল্য এক হইবে। D এবং F হইতে অভিনেত্রের ফোকাসতল পর্যস্ত আলোকপথ সমান। সূতরাং রন্দি দুইটির পথ-দূরদের পার্থক্য দাড়াইতেছে EF।

কিন্তু $EF - ED \cos \theta - 2d \cos \theta$.

এখন যদি $2d \cos \theta - m\lambda$ হয় (2.41)

ভবে রশ্বিষয় অভিনেত্রের ফোকাসতলে একটি উজ্জল বিন্দুর সৃষ্টি করিবার কথা (এই সহজে পরের আলোচনা প্রক্তির)।

র্যাদ 2d, m এবং ম অপরিবর্তিত থাকে (অর্থাং M_1M_2 সমান্তরাল হয়, আলো একবর্ণের হয় এবং m ক্রমের একটি ঝালরের কথাই বিবেচনা করা হয়) তবে এই ব্যক্তিরারী উজ্জল বিন্দুর সন্ধারপথ (locus) দাড়াইবে এমন একটি বৃত্ত বাহার কেন্দ্র হইবে চক্ষু হইতে দর্পদের উপর অন্দিকত একটি লবের মিলনন্থল। বিদ ও কোণের পরিবর্তন করা বার অর্থাং অন্য কোণে আপতিত একটি রন্দির কথা চিন্তা করা বায় তবে একটি ভিন্ন ও মূলোর কোণের জন্য অন্য m এর ক্ষেত্রে আবার এই সমীকরণ সিদ্ধ হইবে এবং অন্য ব্যাসের আর একটি বৃত্ত পাওরা বাইবে। এইর্পে বৃত্তীর একশ্রেণী কালর উৎপক্ষ হইবে এবং ইহাদের প্রত্যেকেরই কেন্দ্রবিন্দু একই হইবে।

পূর্বেই বলা হইরাছে বে এই ব্যার ব্যতিচারঝালর সূচুর্পে উৎপাদন করিতে হইলে একটি বিষ্ঠুত আলোকউৎস ব্যবহার করা অত্যাবশাক। এই ব্যাপারটি ইরংএর, ক্লেনেলের বা লয়েডের পরীক্ষার সম্পূর্ণ বিপরীত। ইহার কারণ চিত্র ২.৯৬ হইতে সহক্রেই বৃঝিতে পারা বার। Λ বিন্দু হইতে যে আলোকরিনা θ কোণে দর্পণের উপর পড়িতেছে সেইটিই কেবল m ক্রমের ঝালর উৎপান্ন করিতেছে এবং অন্য কোণে আপতিত রিন্দা ইহাতে অংশ গ্রহণ করিতেছে না। আর এই রিন্দা অভিনেত্রের ফোকাসতলে মাত্র একটি বিন্দুই উৎপান করিতেছে। এই ব্যাতিচারীবিন্দুর সণ্ডারপথ দেখা গিরাছে একটি বৃত্ত। এই বৃত্তের একটি বিন্দুই শুধু Λ হইতে নিগতেরিনা দ্বারা সৃষ্ঠ হইবে। সমস্ত বৃত্তিটি সন্দৃণ করিতে হইলে Λ র মধ্য দিরা আলোকউৎসে একটি বৃত্ত আরিকলে তাহার পরিধির (circumference) বিভিন্ন অংশ হইতে রিন্দাসমূহ আসা প্রয়োজন। অন্য একটি বৃত্তীর ঝালর উৎপান হইবে আর একটি অনুরূপ কিছু ভিন্ন ব্যাসের বৃত্তের পরিধির বিন্দুসমূহ হইতে নিগতে আলোক দ্বারা। সুত্রাং দেখা বাইতেছে যে সুস্পর্ক এবং সন্দৃণ ঝালরশ্রেণী সৃষ্ঠি করিতে হইলে একটি প্রশন্ত আলোকউৎস দরকার অর্থাৎ ইহা হইতে নিগতে আলোকরিনা সমান্তরাল হইরা কাচের প্রেট P_1 এর উপর পড়া প্রয়োজন।

বিদ কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে বৃত্তশ্রেণীর কোনও একটি ব্যাসার্থ টানা যার তাহা হইলে এই সরলরেখার আলোর তীরভার হাসবৃদ্ধি দেখা যাইবে এবং ইহা চরম ও অবম তীরভার মধ্য দিয়া গমন করিবে। কি নিয়মানুসারে এই তীরভার পরিবর্তন হইবে তাহা দশা পার্থক্যের রাগি হইতে নির্ণর করা যায়। দেখা গিয়াছে বে রশ্মি দুইটির পথদূরদ্বের পার্থক্য △ য় হইতেছে

$$\wedge x = 2d \cos \theta$$
.

আবার দশা-পার্থক্য $\triangle \phi = \frac{2\pi}{\lambda} \ 2d \cos \theta = \frac{4\pi d \cos \theta}{\lambda}$.

 $I=4a^2\cos^2\frac{\Delta\phi}{2}$ [বেখানে a তরকের বিস্তার]

সূভরাং
$$\frac{2d\cos\theta}{\lambda} = m$$
. (2.42)

অথবা
$$\frac{2d\cos\theta}{\lambda} = (m + \frac{1}{2}) \tag{2.43}$$

এই পুইটি সমীকরণ বৃদ্তাকার ঝালরের ব্যাসার্ধের উপর আলোর তীব্রতার চরম এবং অবম অবস্থানের নির্ণয় করিবে।

M, দর্পণটি সরাইরা বদি d দূরত্ব হ্রাসবৃদ্ধি করা বার তবে ঝালরের প্রস্থ

অনুর্পভাবে পরিবর্তিত হইবে। ইহার কারণ নির্মালখিত বিক্রেনা বারা বুঝা বার।

$$2d \cos \theta_1 - m_1 \lambda$$

$$2d \cos \theta_2 - (m_1 - 1)\lambda$$

এই সমীকরণনরে m_1 ক্রমের ঝালর θ_1 কোণে উৎপার হইতেছে এবং ঠিক ইহার বাহিরের (m_1-1) ক্রমের ঝালর θ_2 কোণে উৎপার হইতেছে । এখানে $\theta_2>\theta_1$.

$$\therefore 2d(\cos\theta_1 - \cos\theta_2) = \lambda \qquad \dots 2.44$$

বদি d দূর্ছ কমানো যায় তবে এই সমীকরণ সিদ্ধ করিতে $(\cos\theta_1-\cos\theta_2)$ এই গুণকটি বাড়াইতে হইবে। বদি θ_1 কোণ অপরিবর্তিত ধরা যায় তবে θ_2 এবং θ_1 এর পার্থক্য যত বাড়িবে $(\cos\theta_1-\cos\theta_2)$ গুণকের মানও তত বাড়িবে। সূতরাং সমীকরণ বজায় রাখিবার কারণেই θ_1 এবং θ_2 কোণের মধ্যের পার্থক্য বৃদ্ধি পাইবে। আর এই কোণ দূইটির পার্থক্যের সহিত কালরের প্রস্থ সমানুপাতিকর্পে সংযুক্ত ; ইহাদের পার্থক্য বাড়িলে ঝালুরের প্রস্থ বাড়িবে এবং কমিলে ঝালুরের প্রস্থ কমিবে। সূতরাং আলোচা ক্ষেত্রে d দূরত্ব কমাইলে ঝালুরের প্রস্থ কমাইলে ঝালুরের প্রস্থ বাড়িবে। অনুরূপ কারণে d দূরত্ব বাড়াইলে ঝালুরের প্রস্থ কমিবে এবং এইগুলি বেশী ঘেষার্ঘের করিয়া সৃষ্ঠ হইবে।

এই একই কারণে d দূরত্ব ক্রমাগত কমাইলে কেন্দ্রের নিকটতম বৃত্তীর কালরের বাাস কমিতে থাকিবে এবং ইহা কেন্দ্রন্থলে সম্কৃতিত হইতে হইতে শেবে অদৃশ্য হইবে। এই প্রক্রিরা চলার ফলে ক্রমশ বাহিরের দিকের ঝালর সম্কৃতিত হইরা কেন্দ্রে অদৃশ্য হইরা বাইবে। d দূরত্ব কতাট কমাইলে একটি ঝালরের কেন্দ্রে অবলুগ্তি ঘটিবে তাহা সহজেই বাহির করা বায়। কেন্দ্রের ক্রমের ক্রেন্তে $\theta=0$. সূতরাং লেখা বায়

$$2d_1 = m_1 \lambda$$
; $2d_2 = (m_1 - 1)\lambda$... 2.45

এই সমীকরণের প্রথমটি দেখাইতেছে বে m_1 রূমের ঝালর কেন্দ্রে অবস্থিত ; বিভীরটি বুঝাইতেছে যে, পরবর্তী (m_1-1) রূমের ঝালরটি কেন্দ্রন্থলে আসিয়াছে, অর্থাৎ M_1 দর্পণের d_1-d_2 পরিবর্তনের জন্য একটি ঝালরের অবলুপ্তি ঘটিয়াছে ।

or
$$d_1 - d_2 = \lambda$$
 ... 2.46

সুভরাং দেখা বাইতেছে বে M_1 দর্পণিটির যদি $\frac{\lambda}{2}$ দূরত্ব ক্যানো বার তাহা হইলে কেন্দ্রে একটি ঝালরের অবলুপ্তি ঘটে। আবার ঐ একই দূরত্ব $\frac{\lambda}{2}$ বাড়াইলে কেন্দ্রে একটি নৃতন ঝালরের আবির্ভাব ঘটে এবং কেন্দ্রের ঝালরটি আফুতিতে বড় হইরা নৃতন ঝালরটির বহির্ভাগে অবস্থান করে। এই আলোচনা হইতে সহজেই বুঝা যার যে র্যাদ M_1 সরাইবার ফলে P_1 হইতে ইহার এবং M_2 এর দূরত্ব সমান হয় তবে ক্রমাগত ঝালরের প্রস্থ বাড়িতে ঝাড়িতে এমন অবস্থা আসিবে যে একটি কেন্দ্রীয় ঝালরই শেষ পর্যন্ত সমস্ত দৃষ্টিকেন্দ্র জুড়িরা বসিবে। এই অবস্থায় ৫ দূরত্ব শূন্য হইরা যাইবে, ফলে আলোকর্মান দুইটির পথ-দূরত্ব আর মোটেই থাকিবে না এবং সমস্ত কোণেই এই শূন্য পথ দূরত্বের রম্মিযুগল ব্যতিচারের সৃষ্টি করিবে। এই অবস্থায় দৃষ্টিক্রেন্সের আলোর উচ্জনতা নির্ভর করিবে রম্মি দুইটির দশার উপরে। ইহারা সমদশা সম্পন্ন হইলে তীব্রতা চরম হইবে এবং দশার পার্থক্য থাকিলে তীব্রতাও অনুরুপভাবে হ্রাস পাইবে। ৫ দূরত্বের আবির্ভাব খুব সৃক্ষা দূরত্বি মাণিবার কাজে বাবহুত হইরা থাকে।

এখানে মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপক ব্যব্রের ঝালরের একটি বৈশিক্টোর উল্লেখ করা প্রয়োজন। এই ঝালরশ্রেণী উৎপাদনের সর্ত হইল

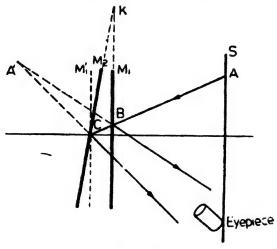
 $2d\cos\theta = m\lambda$.

এই $\cos\theta$ গুণকের জনা কেন্দ্র হইতে যত বাহিরের দিকে যাওয়া যায় ততই m এর মান কমিতে থাকে। ফলে θ_1 কোণে বদি m রুমের ঝালর উৎপদ্র হর তবে ঠিক ইহার বাহিরের দিকের θ_2 কোণে $[\theta_2>\theta_1]$ (m-1) রুমের ঝালর উৎপদ্র হইবে। এই জ্বায়গায় ঝালরশ্রেণী ফ্রেনেলের যুগ্ম-প্রিজ্ম, বুগ্ম-দর্পণ, লয়েডের দর্পণ ইত্যাদিতে সৃষ্ট ঝালরশ্রেণী হইতে আলাদা এবং বিপরীত্যমাঁ বলা যার। শেষোক্ত ঝালরশ্রেণীতে কেন্দ্রীয় ঝালর হইতে যত বাহিরের দিকে যাওয়া যায় ততই ঝালরের রুমিক সংখ্যা m এর মান বাড়িতে থাকে।

খানীকৃত ঝালুর (Localised fringes).

এই জাতীর ঝালরের সৃষ্টি হয় যখন M_1 এবং M_2 দর্পণ দুইটি পরস্থানের সহিত উল্লেখভাবে অবস্থান না করিয়া 90° ডিগ্রী হইতে সামান্য

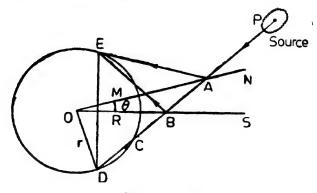
আলাদা কোণে থাকে। কোণটি যখন সম্পূর্ণরূপে 90° ডিগ্রী হর তখন বৃত্তীয় খালরের সৃষ্টি হর দেখা গিরাছে। কিন্তু বখন একটি দর্শণ এই অবস্থান হইতে সামান্য বিচ্যুত হর তখন সাধারণত বৃত্তাংশের আকারের ঝালরের উৎপত্তি হয়। এই ঝালরের উৎপত্তি হইতে হইলে অবশা ৫ দূরত্ব খুব বেশী হইলে চলিবে না। বড় জাের করেক মিলিমিটারের বেশী হইলে আর এই ঝালর দেখা যার না। এইগুলির উৎপত্তির কারণ সক্রের চিত্র নং ২.১৭ হইতে বৃঝা যায়। যদি দর্শণ পুইটি উল্লেখ্য যা হয় তবে ইহাদের তল পুইটি বাড়াইলে একটি সরল-বেখায় মিলিত হইবে। চিত্রে ১ একটি আলোকউৎসের এবং M_1 M_2 দর্শণ



क्ति २.५१

দুইটির অবস্থান বুঝাইতেছে। ইহাদের তল চিত্রের তলের সহিত উল্লয়ভাবে অবস্থান করিতেছে। এই অবস্থার দর্পণ দুইটি এমন একটি সরলরেখার মিলিবে বাহা চিত্রভলের সহিত উল্লয় অবস্থানে থাকিবে। এটি K বিস্দৃর মধ্য দিরা একটি উল্লয় সরলরেখা দারা বুঝান বার। আলোকউৎসের একটি বিস্দু A হইতে একটি রিশা দর্পণ দুইটিতে প্রতিফলিত হইরা অভিনেত্রের দিকে বাইবে। কিন্তু M_1M_3 সমান্তরাল না হওরার প্রতিফলিত রশ্মি দুইটিও সমান্তরাল হইবে না এবং মনে হইবে বে ইহারা দর্পণ দুইটির নিকটস্থ কোনও বিস্দু A' হইতে আসিতেছে। এই A' বিস্দৃর আলোর তীরতা অবশ্যরেশা দুইটির পথদ্রদের পার্থক্যের উপর নির্ভরশীল। পথদূরদের মানের অনুসারে ইহার বে তীরতা হর, সেই তীরতাসম্পন্ন বিস্দৃর সঞ্চারপথ এক্ষেত্রে দর্ভির করিবে প্রধানতঃ আপতন বিস্দৃর নিকটে দর্পণ দুইটির দ্রদের উপর ৮

আর এই দূরত্ব অপরিবাঁতিত থাকিবে এমন একটি সরলরেখার উপর যেটি Kবিন্দুর মধ্য দিয়া চিত্রতলের সহিত উল্লয়ভাবে অবস্থান করিতেছে। সূতরাং এই ব্যক্তিচারী বিন্দুর সঞ্চারপথও এই দৃষ্টিকোণ হইতে বিবেচনা করিকে একটি সরলরেখার আকার গ্রহণ করিবে। তবে বদি ${M_1}{M_2}^\prime$ দূরত্ব খুব কম না হয় ভবে পূর্বোক্ত ক্ষেত্রের ন্যায় এই দূরত্ব 2d এর প্রভাবও ব্যতিচার ঝালরের আকৃতিকে প্রভাবিত করিবে। ফলে ঝালরের আকৃতি নির্য়ামত হইবে এই উভয় কারণের ধারা যাহার ফলে ঝালরগুলি সম্পূর্ণ সরলরেখার আকার ধারণ করিবে না ; ইহাদের আকৃতি হইবে বৃত্তাংশের মত । উপরের আলোচনা হইতে সহজ্বেই অনুমান করা যায় যে M_1M_2 ' দূরত বাড়িলে ঝালরের বক্তাও ৰাড়িবে। যখন M, M, কৈ ছেদ করে তখন 2d দূরত্ব অবম হইবে এবং ইহার প্রভাবও অবম হইবে। এই অবস্থায় ঝালরগুলি সরলরেখার আর্কুত ধারণ করিবে। $M_1 M_2$ দূরত্ব কমাইবার সঙ্গে সঙ্গে ঝালরের প্রস্থ পরিবর্তনের যে আলোচনা বৃত্তীয় ঝালরের ক্ষেত্রে করা হইয়াছে তাহা এই ক্ষেত্রেও প্রযোজ্য। আর এই ক্ষেত্রে ব্যতিচারী রশ্মি দুইটি সমান্তরাল না হওয়ায় মনে হইবে যেন বালরগুলি M, দর্পণের খব নিকটে অবস্থিত। স্তরাং এই বালর চোখে দেখিতে হটলে চোখ অসীমের (infinity) দিকে ফোকাস না করিয়া M_1 দর্পণের নিষ্ঠে ফোষ্ঠাস করিতে হইবে এবং মনে হইবে বেন ইহা M. দর্পণের গায়ে সৃষ্ঠ হইরাছে। এই ঝালরগ্রেণীর বেশ খানিকটা ফোকাসের গভীরতা (depth of focus) দেখা বার। ফোকাসের গভীরতার বিষয়ে নিছলিখিত বৰ্ণনাটি বিবেচনা করা যাইতে পারে।



চিত ২.১৭ (a)

চিত্র নং ২.১৭ (a) তে দুইটি প্রতিফলক তলের সহিত চিত্রতলের সংযোগ-রেখা MN এবং RS সম্বলমেখার বারা চিহ্নিত হইরাছে, এই সরলরেখা দুইটি O বিন্দুতে মিশিরাছে। একটি আলোকউৎসের P বিন্দু হইতে একটি আলোকরণি MN এবং RS তল হইতে যথাক্রমে A এবং B বিন্দুতে প্রতিফালিত হইরা E বিন্দুতে মিশিরাছে। তাহা হইলে E বিন্দুর MN এবং RS তলে প্রতিবিদ্ধ হইবে যথাক্রমে C এবং D; আর এই বিন্দু দুইটি PAB রাশার সরলরেখার উপর অবস্থান করিবে। যেহেতু MN EC সরলরেখার লম্ব বিশ্বন্ধক (perpendicular bisector) এবং RS এর সঙ্গেও ED এর অনুরূপ সম্মন বর্তমান, সূতরাং E, C এবং D O বিন্দুকে কেন্দ্র করিরা অন্দিত একটি বৃত্তের উপর অবস্থান করিবে। E বিন্দুতে প্রতিফালিত রাশা দুইটির পথ-পার্থক্য হইবে AB + BE - AE অর্থাং AD - AC এবং ইহা CD এর সমান। ফলক দুইটির মধ্যের কোণ যদি θ হর এবং বৃত্তের ব্যাসার্ধ যদি r ধরা যায় তবে লেখা যায়

$CD = 2r \sin \theta$

কাজেই দেখা বাইতেছে যে উৎসের যে কোনও বিন্দু হইতে একটি রণ্মি দুইটি ফলকে প্রতিফালত হইরা বৃত্তের কোনও বিন্দুতে মিলিত হইলে ইহাদের পথপার্থক্য সমান হইবে। এখন যদি E বিন্দুতে একটি অণুবীক্ষণ যা এমন অবস্থানে ফোকাস করা হয় যাহাতে যােরর অক্ষ বৃত্তের E বিন্দুতে স্পর্শকের সমাস্তরাল হয় তাহা হইলে ফোকাসের সসীম গভীরতার জন্য E বিন্দু ছাড়াও ইহার আন্দে পালে বৃত্তের উপর অবস্থিত বিভিন্ন বিন্দু হইতে দৃতিক্ষেত্রের ফোকাসে আলো আসিবে। এই সমন্ত আলোকর্মশ্রেরই পথপার্থক্য সমান হইবে। সূত্রাং এই পথপার্থক্য বদি নির্মালিখিত সর্ত পালন করে

$2r \sin \theta = n\lambda$

ভাহা হইলে E একটি উচ্চল বিন্দু হিসাবে দেখা যাইবে। অণুবীক্ষণ বন্ধটিকে বদি নিজ অক্ষের অভিলৱে সরানো হয় (অর্থাং OE ব্যাসার্থের সমান্তরালে) তবে ইহার দৃষ্টিকেতে পরপর উচ্চল এবং অন্ধকার ঝালররাশি সরিয়া যাইতে থাকিবে।

মাইকেলসনের ব্যক্তিচার-মাপকের প্রয়োগ (Application of Michelson's Interferometer).

মাইকেলসন ব্যতিচার-মাপক ব্যারে নির্মালখিত ধরণের প্রয়োগ করা বার। ১। তরঙ্গদৈর্ঘোর নির্ণর।

२। पृत्रत्कत वा निर्द्धात श्रीव्रमाश।

ত। বর্ণালিরেখার স্কাঠন নির্ণয় (fine structure of spectral lines) ।

৪। প্রতিসরাক্ষ নির্ণর।

এই প্রয়োগপদ্ধতি পরপর আলোচিত হইবে।

ভরকদৈর্ঘ্যের নির্ণয়—এই প্রণালীতে প্রথমতঃ বৃত্তীয়-ঝালরের সৃষ্ঠি করা হর এবং ইহার জন্য নির্ণের তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলো ব্যবহার করা হয় ; ফলে মোটামুটি একবর্ণের ঝালরপ্রেণীই উৎপদ্ম হয় । এই অবস্থায় যদি M_1 দর্শনটি (চিত্র ২.১৬) সরানো যায় তবে ঝালরপ্রেণীর কেন্দ্রন্থলে ক্রমান্বয়ে একটি করিয়া নৃতন ঝালরের সৃষ্ঠি বা অবলুপ্তি ঘটে । দেখা গিয়াছে যে যদি কেন্দ্রের কথা বিবেচনা করা হয় তবে লেখা যাইতে পারে

$$2d_1 - m_1 \lambda \tag{2.47}$$

$$2d_2 - m_2 \lambda \tag{2.48}$$

সূতরাং
$$2(d_1 - d_2) = (m_1 - m_2)\lambda$$

অথবা
$$(d_1 - d_2) = (m_1 - m_2) \frac{\lambda}{2}$$

অথবা
$$\lambda = \frac{2(d_1 - d_2)}{m_1 - m_2} \tag{2.49}$$

কান্দেই উপরের সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে যখন M_1 দর্পণিতি $2(d_1-d_2)$ দূরত্ব সরানো বার, ঝালরশ্রেণীর কেন্দ্রের বিন্দু দিয়া m_1-m_2 সংখ্যক ঝালর গমন করে। এই সংখ্যা খুব সহজেই নির্ণয় করা যায়, কারণ ইহাতে m_1 এবং m_2 এর মান স্বভব্ররূপে জানিবার প্রয়োজন হয় না শুধু যে কর্মটি ঝালর কেন্দ্রের ভিতর দিয়া গমন করে তাহা গণনা করিলেই (m_1-m_2) পাওয়া যায়। অনুরূপভাবে d_1 এবং d_2 এর বেলায়ও ইহাদের মান স্বভব্ররূপে জানিবার প্রয়োজন নাই, ইহাদের পার্থক্য $(d_1 \sim d_2)$ জানিলেই চলে। এখন এই যদ্রের বর্ণনাপ্রসঙ্গে বলা হইয়াছে যে M_1 দর্পণের গাঁতর পরিমাণ একটি সূক্ষ স্কুএর সাহায্যে খুব ঠিকভাবে মাপা যায়। সূত্রাং d_1 এবং d_2 দাড়াইবে M_1 দর্পণের দূই অবস্থানে স্কুএর পাঠ এবং এই পাঠের বিয়োগফল হইতে (d_1-d_2) দূরত্বের পরিমাপ পাওয়া যাইবে। কাজেই 2.49 নং সমীকরণের সমস্কে ভানদিকের রাশিই নির্ণীত হওয়ার ইহার সাহায্যে নির্ণেয় তরঙ্গদৈর্ঘ্য বাহির করা যায়। M_1 দর্পণের স্কুএর সাহায্যে দূরত্ব 10^1 তর্গ নির্ণেয় ব্যর্ক্তর সাহ্যযে দ্রুত্ব 10^1 করা যার বার ফলে তরঙ্গদৈর্ঘ্যও অনুরূপ সুক্ষতায় পাওয়া যাইতে পারে যা সাবধানভার সহিত পরীক্ষা করিলে (m_1-m_2) প্রায় সঠিকভাবে

মাপা বার এবং ইহাতে বেটুকু সামানা ভূল হর তালের পরিমাণ (m_1-m_2) এর মান বাড়াইরা আনুপাতিক ভাবে কমানো বার ।

দূরছের বা দৈর্ঘ্যের সূক্ষ্ম পরিষাপ—সমীকরণ 2.49 হইতে দেখা যায় বে বদি কোনও জানা তরসদৈর্ঘ্য ব্যবহার করিয়া উত্ত পরীক্ষা করা বার তবে এই সমীকরণের সাহাব্যে (d_1-d_2) দূরত্ব মাপা বার । সূতরাং কোনও দূরত্ব সূক্ষ্মাপে নির্ণয় করিতে হইলে M_1 দর্পণের গতি হইতে ইহা বাহির করা বার । এখানে সমীকরণিট লেখা বার

$$(d_1 - d_2) = (m_1 - m_2) \frac{\lambda}{2}$$

 M_1 দপ'ণের গতির দুইপ্রান্ডের পাঠ d_1 এবং d_3 .
বিদ একটি ঝালরের আবির্ভাব ব৷ অবসুস্থি ঘটে তবে সোডিয়াম তরঙ্গের বেলায় সংশ্লিষ্ঠ দূরত্ব হইবে $(d_1-d_3)=\frac{\lambda}{2}=\frac{5893}{2}\times 10^{-8}~{
m cm}$ $= 2.947\times 10^{-8}~{
m cm}$

বদ্ধের সাহাব্যে একটি ঝালরের $j_0^{\rm t}$ th পর্যস্ত গাঁত সহক্রেই মাপা বায়। তাহা হুইলে মোটামুটি 3×10^{-6} cm পর্যায়ের দূরত্ব এই প্রণালী দ্বারা মাপা সম্ভব ।

দূরত্ব এবং তরঙ্গদৈর্ঘার মধ্যে এই যে সম্বন্ধ ইহার একটি খুব গুরুত্বপূর্ণ প্ররোগ দেখা যায় মাইকেলসন এবং বেনোর (Michelson & Benoit) পরীক্ষার যাহা দ্বারা তরঙ্গদৈর্ঘার সঙ্গে প্রামাণা মিটারের দৈর্ঘা সংগ্রিষ্ট করা হইয়াছে। এই পরীক্ষা দ্বারা প্যারিসে (Paris) রাখা প্রামাণা মিটার দণ্ডের দুইটি দাগের মধ্যের দৈর্ঘা ক্যাডমিয়ামের (cadmium) তিনটি বর্ণালীরেখার তরঙ্গদৈর্ঘার রাশিতে (terms) নির্ণাত হইয়াছে।

মাইকেলসন এবং বেনো কর্তৃক আলোকভরজের দৈর্ঘ্যের হিসাবে প্রামাণ্য মিটারের মূল্যায়ণ (Evalution of the standard metre in terms of wave length by Michelson and Benoit).

প্রামাণা মিটারের দৈর্ঘের আন্তর্জাতিক স্বীকৃত সংজ্ঞা হইতেছে পারিসের সন্মিকটে ইনটারন্যাশনাল বারে। অব ওয়েট্স আত্ত ক্টানেডারড্স্এ (International Bureau of weights and standards) রক্ষিত একটি ইরিডো-প্র্যাটিনাম (Irido-Platinum) দত্তের দুই প্রান্তে অন্কিত দুইটি সৃক্ষা রেখার মধ্যেকার দ্রত্ব। এই দূরত্ব কোনও পরম প্রমাণের (absolute standard) সাহাব্যে নির্পণের বাস্থনীয়তা অনেকদিন হইতেই বৈজ্ঞানিক মহলে চিত্তা করা

হইতেছিল বাহাতে কোনও কারণে ঐ মিটারদণ্ড নন্ট হইলেও আবার তৈরী করা বাইতে পারে। 1892 সনে মাইকেলসন এবং বেনো এই পরীক্ষা আরম্ভ করেন। উপরের আলোচনা হইতে সহজেই বুঝা বার যে M_1 দপণিটি বদি মিটারদণ্ডের দুই প্রান্তের রেখার মধ্যের দূরত্ব সরাইয়া নিয়া ঝালরপ্রেণীর কেন্দ্রে অবলুগু বা আবিভূতি ঝালরের সংখ্যা গণনা করা হয় তবে বাবহৃত আলোকতরঙ্গ এবং মিটার দৈর্ঘোর মধ্যের সম্বন্ধ বাহির করা বায়। কিন্তু ইহাতে দুইটি অসুবিধা আছে। প্রথমত বদি একবারে এই প্রক্রিয়া সম্পন্ন করা হয় তাহা হইলে নৃতন ঝালরের সংখ্যা দাড়াইবে নিয়র্প:

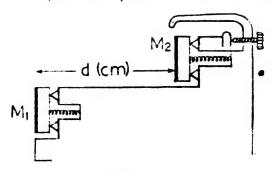
$$d_1 - d_2 = (m_1 - m_2) \frac{\lambda}{2}$$

$$m_1 - m_2 = \frac{2(d_1 - d_2)}{\lambda}$$

এখানে $d_1-d_2=1$ metre ; এক্ষণে যদি λ এর মান ধরা যায় 5×10^{-5} cm ভবে দাঁড়ায় $m_1-m_2=\frac{2\times 10^2}{5\times 10^{-5}}=4\times 10^6$

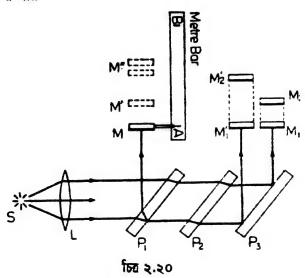
এই বিপুলসংখ্যক ঝালর গণনা কর। খুবই কন্ষসাধ্য এবং ইহাতে ভুল হওয়ার সম্ভাবনাও খুবই বেশী।

অধিকন্তু $d_1 - d_2$ এর মান এক মিটারের মত দীর্ঘ হইলে ঝালরের প্রস্থ এত কমিয়া থাইবে যে ইহা দেখাই যাইবে না। তাছাড়া দৃশ্যতার (visibility) আলোচনা (পরের আলোচনা দুক্তবা) হইতেও বুঝা যায় যে দর্পণের এত দীর্ঘ গতির ক্ষেত্রে এমন কোনও সম্পূর্ণ একবর্ণীয় বর্ণালিরেখা পাওয়া সম্ভব নয় যাহাতে সৃষ্ট ঝালরের দৃশাতা প্রায় শ্নোর কাছাকাছি হইবে না। এই সমস্ত



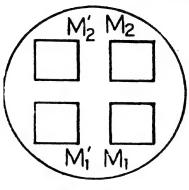
हित २.५৯

অসুবিধা দৃর করিবার জন্য দর্শটি মধ্যবর্তী প্রমাণ (intermediate standard) ব্যবহার করা হইরাছে। এইগুলিকে বলা হয় ইটালন (etalon). ইহাতে দুইটি সমতল দর্পণ M_1 এবং M_2 থাকে বাহারা চিত্রে প্রদাণত-ভাবে d দূরছে অবন্ধিত। M_2 দর্পণটি ছু এর সাহাব্যে নড়াইরা M_1 এর সমান্তরাল করা যার। পরীক্ষার বাবহৃত দীর্ঘতম ইটালনটির দর্পণ দুইটির দূরছ মোটামুটি 10 cm. এই দর্শটি ইটালন এমনভাবে তৈরী বে বিতীয়টির দৈর্ঘ প্রথমটির আনুমানিক অর্থেক এবং পর্যারক্তমে এইভাবে দশমটি প্রায় 0.02 cm. ইহার ফলে এই দূরছের জন্য কেন্দ্রে যে ঝালরের আবির্ভাব হইবে ভাহার মোটামুটি সংখ্যা হইবে এক হাজারের মত এবং এই সংখ্যা সহজেই নির্ভুলভাবে গণনা করা যার। প্রথমে ক্ষুন্তম এবং তাহার পরের ইটালনটি দিরা পরীক্ষা আরম্ভ করা হয়। ২.২০ নং চিত্রে প্রদাণত একটি বিশেষভাবে তৈরী ব্যতিচারমাপক ব্যরের সাহাযো এই পরীক্ষা করা হয়। এই ব্যরে দৃষ্টিক্রের অপেক্ষাকৃত বৃহত্তর বাহাতে চারিটি দর্পণে সৃষ্ট ঝালরই ইহাতে একসঙ্গে দেখা যার।



প্রথমে M এবং কুন্তম ইটালনের সামনের দর্পণ M_1 দুইটি একটু হেলাইরা সাদা আলোর ঝালর সৃষ্টি করা হয়। এইবার সাদা আলোর বদলে ক্যাডিমিয়ামের লাল বর্ণালিরেখা আলোক উৎস হিসাবে ব্যবহার করিয়া বৃত্তীর ঝালর উৎপন্ন করা হর এবং P_1 হইতে এই দর্পণ দুইটির দূরত্ব সমান করা হয়। অনুরূপভাবে, সাদা আলোর সাহায্যে বিভীর ইটালনের সামনের দর্পণ M'_1 এর দূরত্বও M এর দূরত্বের সমান করা হয়। এই অকছার M_1 এবং M'_1 একই তলে অকছান করে এবং দৃষ্টিক্ষেত্রে (চিত্র নং ২.২১) M_1 এবং

 M'_1 এ ঝালর দেখা বার । ক্যাডিমিরামের লাল আলোর সাহাব্যে ঝালর সৃষ্ঠি করিরা এবার M দর্পণ ক্রমশঃ সরানো হর বাহাতে MM' M_1M_2 র



क्ति २.२५

সমান হয় এবং এই প্রক্রিয়ায় যত সংখ্যক নৃতন ঝালরের আবিভাব হয় তাহা সাবধানে গণন। করা হয়। এই সময় ঝালরের পূর্ণসংখ্যা এবং ভগ্নাংশও হিসাব করা দরকার। সাদা আলোর সাহাষ্যে দেখা হয় বাহাতে M' এবং M_{s} একই তলে আসে। এই সময় দৃষ্ঠিক্ষেত্রে M_{s} দর্পণে ঝালর দেখা যায়। এইবার কুনুতর ইটালনটি এতটা সরাইয়া নেওয়া হয় যাহাতে M, দপণ পূর্বেকার Mু দপণের স্থান অধিকার করে; এই ধাপে ঝালর গণনার প্রয়োজন নাই । এই ধাপ সম্পন্ন হইলে দৃষ্ঠিকেটে আবার M_{\star} দর্পণে ঝালার দেখা যাইবে। ইহার পর M দর্পণটি M' পর্যন্ত সরাইতে হইবে বাহাতে M. এর নৃতন দূরত্ব M' এর সমান হয়। এই সময়ও वामरबंद সংখ্যা গণনা कविवाद প্রয়োজন নাই, কারণ ইহা পূর্বে নির্ণীত সংখ্যার এই সরানোর ফলে M_{\star} এর নৃতন অবস্থানে দৃষ্ঠিক্ষেত্রে ইহাতে ঝালরের আবিভাব হুইবে। এরপর M কে আর সামান্য একটু সরাইরা M'ু এ ঝালর উৎপন্ন করিতে হইবে এবং এই সামান্য গতির জ্বন্য বে বাড়তি ঝালরের আবিভাব হইবে তাহা সাবধানে নির্ণর করিতে হইবে। কুন্ততম ইটালনের জন্য যদি নৃতন ঝালরের আবির্ভাব সংখ্যা হয় $N_1+f_1 \ [N_1$ একটি পূর্ণসংখ্যা এবং f একটি ভন্নাংশ] এবং অনুরূপভাবে M' এর বাড়তি গতির জন্য ঝালবের সংখ্যা যদি হয় N_*+f_* তবে বৃহত্তর ইটালনের সংখ্যিক ঝালরের সংখ্যা দাঁডাইবে

$$2(N_1 + f_1) + N_2 + f_3 \tag{2.50}$$

এই রাশিমালার মধ্যে N_1 , f_1 , N_2 এবং f_2 মাপা হইরাছে $[N_2 < N_1]$ সূতরাং এই প্রণালীতে বৃহন্তর ইটালনে ঝালরের সংখ্যা নির্ণর করা সহজ্ব। এইভাবে বৃহন্তম ইটালনে ঝালরের সংখ্যা নর্রাট ধাপে বাহির করা হয়।

এইবার বৃহত্তম ইটালন (10 cm) ব্যবহার করিয়া দশ ধাপে মিটার দণ্ডের দৈর্ঘ্য মাপা বার । প্রথমে প্র দর্গনিটি মিটার দণ্ডের এক প্রান্তের দাগা এর সহিত মিলাইয়া দিয়া ইহার দূরত্ব প্র', এর সমান করিতে হয় । পরে প্র পি দূরে সরাইয়া প্র', এ ঝালর সৃষ্টি করিতে হয় । এইভাবে দশটি ধাপে মিটার দণ্ডের শেব প্রান্তে আসিয়া পৌছান বায় । এই সময়ে ঝালরের সংখ্যা গালবার প্রয়োজন নাই কারণ প্রতিটি ধাপে ঝালরের সংখ্যা পূর্বেই নিগাঁত হইয়াছে । দশম ধাপের পর প্র দর্পণিটি অন্য প্রান্তের দাগ ৪ এর সহিত মিলাইবার সময় বে বাড়তি ঝালরের আবির্ভাব হয় তাহা সাবধানে গণিতে হইবে । তাহা হইলেই মিটার দণ্ডের এক প্রান্তের দাগ হইতে অন্য প্রান্তের দাগ পর্বান্ত দৈর্ঘ্যের মধ্যে ঝালরের সংখ্যা সঠিকভাবে পাওয়া বাইবে এবং ইহা হইতে এই এক মিটার দৈর্ঘ্যের হিসাবে বাবহৃত্ত আলোক তরঙ্গের দৈর্ঘ্য নিগাঁত হইবে ।

মাইকেলসন এবং বেনো এইভাবে ক্যাডমিয়ামের তিনটি বর্ণালিরেখার ভরস্কদৈর্ঘ্য নির্ণয় করেন। ইহাদের মান নিয়ে দেওরা হইল

> লাল — $\lambda_r = 6438.4722 \text{ Å}$ সবুজ — $\lambda_n = 5085.8240 \text{ Å}$ নীল — $\lambda_n = 4799.9107 \text{ Å}$

ইহাদের মধ্যে লাল রেখাটি বর্ণালিবীক্ষণ লাস্ত্রে (spectroscopy) প্রাথমিক প্রমাণ (primary standard) হিসাবে বর্তমানে দ্বীকৃত হইয়াছে। ইহার পরেও এই আলোকভরক্ষের দৈর্ঘ্য আধুনিককালে ৩ বার পুননিগীত হইয়াছে। সবশৃদ্ধ চারিটি প্রধান নির্ণয়ের মান এইরূপ

মাইকেলসন এবং বেনো (1895) 6438·4691 Å
বেনো, ফেরি এবং পেরো (1906) 6438·4703 Å
ভরাতানাবে এবং ইমাইজুমি (1928) 6438·4682 Å
সিরার্স এবং ব্যারেল (1934) 6438·4708 Å

গড=6438·4696 Å

গড় মান হইতে ইহার বে কোনও একটিয় বিচাতি এক কোচিতে 2.2

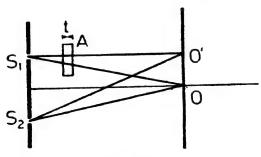
ভাগ মাত । ইহার ফলে আন্তর্জাতিক কেতে ধরিয়া লওয়া হইয়াছে যে ক্যাডমিয়ামের লাল রেখাটি শুদ্ধ আবহাওয়ায় এবং 15°C তাপমাত্রায় ও 76 cm পারদের চাপে মাইকেলসনের নির্দেশমত উৎপন্ন করা হইলে ইহার আলোক-তরকের দৈর্ঘ্যের নির্মালখিত মান হইবে ঃ—

Ared = 6438.4696 Å.

বর্ণালীরেখার সূক্ষ্ম গঠন নির্ণয় (Determination of fine structure of lines):

মাইকেলসন M_1 দর্পণ নড়ানোর সঙ্গে সঙ্গে ঝালর গ্রেণীর দৃশ্যতার পরিবর্তন পরীক্ষা করিয়া বিভিন্ন বর্ণালিরেখার সৃক্ষা গঠন অনুসন্ধান করেন। ফোর এবং পেরোর (Fabry & Perot) আবিষ্কৃত ব্যতিচার মাপক যন্তের সাহাযো এই অনুসন্ধান আরও অনেক সঠিকভাবে করা যায়। সূতরাং ঐ প্রণালীই পরে বিশদভাবে আলোচিত হইবে বলিয়া মাইকেলসনের প্রণালীর আর বিস্কৃত বিবরণ দেওয়া হইল না।

প্রতিসরাম নির্ণায় : তরঙ্গ-মতবাদ এবং কণা-মতবাদ অনুসারে আলোর গতিবেগ ঘনতর মাধ্যমের ভিতর দিয়া যাইবার সময় যথাক্রমে কমে এবং বাড়ে। সূতরাং এই দুইটি সিদ্ধান্তের মধ্যে কোনটি সতা তাহা যাচাই করিতে পারিলে ভাল হয়। বাতিচারের সাহাযো এই উদ্দেশ্য সিদ্ধ করা সম্ভব।



छ्य २.२२

উপরের চিত্র নং ২.২২ হইতে দেখা যায় যে ব্যতিচার ঝালর শ্রেণীর কেন্দ্রীয় ঝালর্রিট O বিন্দুতে উৎপন্ন হয়, কারণ এই বিন্দু উৎস দুইটি S_1 এবং S_2 হইতে সমান দ্বে অবস্থিত যেজনা ব্যতিচারী রশ্মি দুইটি S_1O এবং S_2O এই বিন্দুতে আসিতে একই সময় নেয়। কিন্তু যদি এখন S_1 উৎস হইতে নিগত আলোর পথে কোনও বছু বনুর ফলক (plate) বসাইয়া দেওয়া হয়

তবে দেখা বাইবে বে কেন্দ্রীর ঝালরের অবস্থানের পরিবর্তন ঘটিবে এবং ইহা O বিন্দুর হিতে উপর বা নীচে সরির। বাইবে। O বিন্দুর গতি কোন দিকে হইবে তাহা নির্ভর করিবে এই নবসামিবিক ফলকে আলোর গতিবেগের উপর। গতিবেগ কম হইলে O উপরের দিকে সরির। ঘাইবে। সূত্রাং এই গতির পরীক্ষা হইতে নির্মালিখতর্পে প্লেটের প্রতিসরাক্ষ নির্ণর করা বার। আর এই সঙ্গে তরঙ্গ ও কণা মতবাদের মধ্যে কোনটি সত্য তাহাও নির্ণাত হইরা বার। নৃতন প্লেটটি S_1O এর পথে সামিবিক করিবার ফলে ধরা বাক যে কেন্দ্রীর ঝালর O বিন্দু হইতে সরিরা O' বিন্দুতে আসিয়াছে। এই O' বিন্দুর অবস্থান এমন হইবে যাহাতে S_1 এবং S_2 হইতে আলোক O' পর্যান্ত আসিতে একই সমর লাগে। সূত্রাং লেখা বাইতে পারে

$$\frac{S_2O'-S_1O'-t}{v} + \frac{t}{v'} \qquad ... (2.51)$$

এই সমীকরণে v এবং v' যথাক্রমে S_1S_2 ও OO' এর মধ্যে ও প্লেটের মাধ্যমে আলোর গাতিবেগ এবং t প্লেটটির বেধ বুঝাইতেছে।

$$\therefore \frac{S_1O'-S_1O'+1}{v}-\frac{t}{v'}$$

অথবা $S_2O' - S_1O' = \frac{vt}{v'} - t = t(u-1)$: $\frac{v}{v'} = \mu =$ প্লেটের প্রতিসরাক। এই প্লেট সামিবেশের ফলে যদি কেন্দ্রবিন্দু O দিয়া m সংখ্যক ঝালর গমন করে তবে লেখা যায়

$$S_2O' - S_1O' = t(u-1) = m\lambda$$

$$\therefore \mu = \frac{m\lambda}{t} + 1 \qquad \dots (2.52)$$

ইহা হইতে দেখা যায় যে ঝালরের সংখ্যা গণনা করির। এবং ১ ও । এর মূল্য জানা থাকিলে প্রেটের প্রতিসরাক্ত বাহির করা যায়। পরীক্ষা হইতে দেখা যায় যে প্রেটিট যদি গভীরতর মাধ্যমের বন্ধু হয় তবে O' বিন্দু উপরের দিকে সরিয়। যাইবে; এবং তরক্ষ মতবাদ এই বৃপই সিদ্ধান্ত করে। সূতরাং পরীকাফল তরক্ষ মতবাদকেই সমর্থন করে, কণা মতবাদকে নয়।

এই নীতি প্ররোগ করিয়া মাইকেলসন ব্যতিচার মাপক বত্তে রশ্বি দুইটির একটির পথে প্লেটটি সন্নিবিষ্ঠ করিলে ইহার প্রতিসরাক্ষ নিগর সন্তব হইবার কথা: কিন্তু ইহাতে কিছু অসুবিধা আছে। প্রথমত বদি এক বর্ণের আলো ব্যবহার করা বার তবে প্লেট সন্নিবেষের সময় ঝালরগুলির একটি অসম্ভত (discontinuous) গতি হয় বাহার ফলে ঝালরের ক্রমিক সংখ্যার পরিবর্তন নির্ণয় করা সম্ভব হয় না। আর ইহাতে কেন্দ্রীয় ঝালরের নৃতন অবস্থানের নির্পণেরও উপায় নাই। অন্য দিকে সাদা আলোর ক্ষেত্রে কেন্দ্রীয় ঝালর অবার্ণ হওয়ায় সাদা আলো দিয়া এই পরীক্ষা করা সম্ভব বলিয়া মনে হইতে পারে। কিন্তু এই প্রণালীতেও প্লেটে আলোর বিচ্চুরগের জন্য কেন্দ্রীয় ঝালরের কিছু অস্বাভাবিক স্থানান্তরণ (abnormal shift) ঘটে। ফলে উপরের সমীকরণ এই ক্ষেত্রে সম্পূর্ণরূপে প্রযোজ্য হয় না। এই অস্বাভাবিক স্থানান্তরণ নির্মালখিত রূপে নির্ণয় করা বায় ঃ—

ফলকটিতে বাদ আলোর বিচ্ছুরণ না হইত তবে ইহাতে উৎপল্ল পথ পার্থকা সমন্ত তরঙ্গলৈর্ধার বেলারই সমান হইত। ফলে পর্দার যে কোনও বিস্পৃতেই ঝালর শ্রেণীর সমান চ্যুতি হইত এবং কেন্দ্রীয় ঝালরটি সমন্ত তরঙ্গ-দৈর্ধার বেলারই একই দ্রন্ধে সরিয়া যাইত। অতএব স্থানচ্যুত কেন্দ্রীয় ঝালরটি অবার্ণ থাকিত। কিন্তু ফলকে আলোর বিচ্ছুরণ হওয়ার এই সিদ্ধান্তের পরিবর্তন করা প্ররোজন। বিচ্ছুরণের ফলে দশা পার্থকা তরঙ্গদৈর্ধার উপর নির্ভর করিবে এবং বিভিন্ন তরঙ্গলৈর্ধার দশা-পার্থকা বিভিন্ন হইবে। সূতরাং দীর্ঘতর তরঙ্গলৈর্ধার আলোর ঝালরের হুষতর চ্যুতি হইবে। বিদ্ λ তরঙ্গ-দৈর্ধার আলোর ঝালরের চ্যুতি হর Δx , তবে লেখা যার

$$\triangle x = \frac{D\delta}{d}$$
 ; এখানে $\delta = (\mu - 1)t = f(\lambda)$

 μ ফলকের প্রতিসরাক্ষ, t ফলকের বেধ এবং $f(\lambda)$ λ -এর অপেক্ষক

সূতরাং
$$\triangle x = \frac{D}{d}f(\lambda)$$
.

আদি কেন্দ্ৰীয় ঝালৱ হইতে n ক্ৰমের ঝালৱের চুতি হইবে x

$$x = \frac{D}{d} n\lambda + \Delta x = \frac{D}{d} [n\lambda + f(\lambda)].$$

যখন এই চুতি বর্ণালির উজ্জলতম অংশের জন্য বধাসন্তব তরক্রদৈর্ধোর উপর অনির্ভরশীল হইবে তখন x-এর এই অবস্থানে অবার্ণতার সৃষ্ঠি হইবে ! আর এই সর্তের অর্থ $\frac{dx}{d\lambda} = 0$. এই সর্ত প্রয়োগ করিয়া পাওয়া বার

$$\frac{dx}{d\lambda} = \frac{D}{d}[n+f'(\lambda)] = 0$$

$$\left[\frac{d}{d\lambda}f(\lambda) = f'(\lambda)\right]$$

$$\therefore n = -f'(\lambda) = -\frac{d}{D}\frac{d(\triangle x)}{d\lambda}$$
সূতরাং পাওয়া বায় $x = \frac{D}{d}$ $[f(\lambda) - \lambda f'(\lambda)].$

△.४-এর মান ব্যবহার করিরা পাওয়া বায়

$$x = \triangle x - \lambda \, \frac{d(\triangle x)}{d\lambda}$$

এই সমীকরণের $\frac{d(\triangle x)}{d\lambda}$ পদটি ঝণাম্বক ; কারণ তরঙ্গদৈর্ঘা λ বত বাড়িতে থাকিবে বালরের চ্যুতি $\triangle x$ তত কমিতে থাকিবে । সূতরাং দিতীর পদটি ধনাম্বক দাঁড়াইবে । অর্থাৎ বিচ্ছুরণের প্রভাব বাদ দিলে ঝালরের চ্যুতি বিদ্হর $\triangle x$, তবে বিচ্ছুরণের দরুণ এই চ্যুতি $\lambda \frac{d(\triangle x)}{d\lambda}$ পরিমাণ বাড়িরা বাইবে ।

মাইকেলসনের বাতিচার মাপকে উৎপল্ল ঝালরকে দুইটি ছতত্ত ভাগে ভাগ করা যায়। বৃদ্ধীয় ঝালরের ক্ষেত্রে উহার সৃষ্টি হয় (একটি m ক্রমের ঝালরের বেলার) অক্ষরেখার সহিত একই কোণে আপতিত রশ্মিসমূহ দারা। এই কারণে ইহাদের বলা যার সম-আনতির ঝালর (fringes of equal inclination). স্থানীকৃত ঝালরের বেলায় ব্যতিচারী রশ্মি দুইটির পঞ্ম দ্রন্থের পার্থক্য প্রধানতঃ বিদ্রন্থের পরিবর্তনের উপর নির্ভর করে এবং একটি m ক্রমের ঝালরের বেলায় এই দ্রম্ব ব অপরিবর্তিত থাকে। সূতরাং এই ঝালরশ্রেণীকে বলা যার সম-বেধের ঝালর (fringes of equal thickness).

সাদা আলোর বালর (White light fringes).

মাইকেলসনের ব্যতিচার-মাপক ব্রে সাধারণতঃ এক-বর্ণের ঝালরই পরীক্ষার জন্য ব্যবহৃত হইয়া থাকে। বধন বৃত্তীর ঝালর উৎপার হয় তখন সাদা আলো ব্যবহার করিয়া ঝালর দেখা সম্ভব হয় না। ইহার কারণ ২.১২ নং চিত্রের সাহায্যে বুঝিতে পার। বায়। প্রতিটি বর্ণের আলোকের জনাই ঝালরের প্রস্থা আলাদা হইবে এবং ক্রমশঃ উক্তরুমের ঝালরের ক্ষেত্রে এইগুলির আমল ব্যাড়িতে থাজিবে। ফলে এমন কতকগুলি অবস্থানের সৃষ্টি হইবে যেখানে একটি বর্ণের ঝালরের জন্য চরম আলোক-তীব্রতা এবং অপর বর্ণের ঝালরের আলোক-তীব্রতার অবম মান মিলিরা ঐ প্রানে আলোর তীব্রতার বৈষম্য খুক

কমাইর। দিবে। দুইটি বর্ণের জনা বদি এই অকথার সৃষ্ঠি হর তবে অসংখ্য বর্ণের একই সমরে উপস্থিতির ফল সহজেই অনুমান করা বার। সমন্ত বিন্দুতেই কভকগুলি বর্ণের আলো চরম তীব্রতার বর্তমান থাকিবে বাহার ফলে একটি গড় বর্ণ দেখা বাইবে এবং সমন্ত বিন্দুতেই গড়ে এই একই অকথার সৃষ্ঠি হওরার সমন্ত বিন্দুরই গড় বং একই হইবে আর এই বং মোটামুটি সাদা হইবে। শুধু কেন্দ্রীর ঝালরের ক্ষেত্রে সমন্ত বর্ণের আলোক-তীব্রতাই এক হইবে এবং এইটি অবার্ণ (achromatic) হইবে। কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে গেলেই অমিল বাড়িতে থাকিবে এবং ঝালরগুলি রামধনুরঙের হইবে। ৫—১০টি ঝালর গেলেই আর কোনও আলোক-বৈষম্য দেখা বাইবে না এবং ফলে ঝালরও দেখা বাইবে না।

সমীকরণ $2d\cos\theta-m\lambda$ হইতে দেখা বার বে বৃত্তীর ঝালরের ক্ষেত্রে কেন্দ্রের ঝালরেরি ক্রম শ্না নয় $(m\neq 0)$; শ্না ক্রমের ঝালর কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে অবস্থান করে। আর এই শ্না ক্রমের ঝালরের আশেপাশেই ৫—১০টি সাদা আলোর ঝালর দেখা বার। সূতরাং বৃত্তীর ঝালরের ক্ষেত্রে সাদা আলো বাবহার করিলে কোনও ঝালর দেখা বাইবে না, বিশেষতঃ বদি M_1M_2 দূরত্ব বেশী হয়।

সাদা আলোর ঝালর উৎপন্ন করিতে হইলে স্থানীকৃত ঝালর (localised fringes) প্রথার সাহাষ্য নিতে হয়। এক বর্ণের আলো দিয়া এই ঝালর প্রথমে সৃষ্টি করিয়া নিয়া M_1 সরাইতে হয় যাহাতে ঝালরগুলি সরলরেখার আকার ধারণ করে। এইবার একবর্ণের আলোকের স্থানে সাদা আলো বসাইয়া M_1 খুব ধীরে আগে পিছনে সরাইতে হয়। এক সমর সাদা আলোর ঝালর দৃষ্টি-ক্ষেত্রে আবিভূতি হয়। এই ঝালর শ্রেণীর মধাবর্তীটি অবার্ণ পাওয়া যায় এবং ইহার উভয় পার্শে করেকটি রামধনু রঙ্গের সরলরেখাকৃতি ঝালর দেখা বায়। M_1 দর্পণিটি কয়েক মিলিমিটার সরাইলেই ইহারা অদৃশা হইয়া যায়।

উপরোক্ত আলোচনার বলা হইরাছে যে সমীকরণ $2d\cos\theta=m\lambda$ অনুসারে দেখা যার যে শ্না ক্রমের ঝালরের ক্ষেত্রে ব্যতিচারী আলোকর্রশ্বিষর একই দখার অধিশ্বাপিত হওরার এই খ্থানে আলোর তীরতা চরম হইবার কথা। কিন্তু চিত্র নং ২.১৫ হইতে দেখা যার যে একটি র্নাম P_1 প্লেটের পিছনের তলের বহিন্তাগ হইতে প্রতিফালত হয়; অনাটি প্রতিফালত হয় ইহার অন্তর্ভাগ হইতে। সুক্তরাং লয়েডের দপণের ক্ষেত্রে বের্প দেখা গিয়াছে সেইবৃপে এই ক্ষেত্রে বহিন্তাগে প্রতিফালত রশ্বির স্ব দশার পরিবর্তন হয়। সূতরাং শ্ন্য

ক্রমের ঝালরের ক্ষেত্রে বে দুইটি রশ্বি বাতিচার উৎপাদন করে ভাহার। পরস্পর বিপরীত দশার হওরার কথা। অবশ্য এই দশার পরিবর্তন P_1 এর তলের বৃপার প্রলেপের অবস্থার উপর থানিকটা নির্ভার করে বলিয়া শূন্য ক্রমের ঝালরের আলোর তীব্রতা অনুর্পভাবে চরম এবং অবমের মধ্যে পরিবৃতিত হর।

বালবের দুখতা (Visibility of the fringes).

উপরের আলোচনা হইতে বুঝা বার বে বাদ M_1M_2' (চিন্ন নং ২.১৬) দূরত্ব বাড়িতে থাকে তবে কালরের প্রস্থাও বাড়ানুপাতে কমিতে থাকে ; ফলে ঝালরের দৃশাতাও কমিতে থাকে (অবশ্য বাদ একই অভিনেত্র বাবহার করা হয় ; অভিনেত্রের বিবর্ধন ক্ষমভা বাড়াইলে সাধারণত দৃশাতাও বাড়িবে) কিন্তু অন্য একটি কারণেও এই দৃশাতার পরিবর্তন হইরা থাকে। কারণটি হইল আলোক-উৎসের প্রকৃতি। এই বিবর্গিট ঠিকমত গণনা করিবার ক্ষন্য মাইকেলসন দৃশাতার একটি গাণিতিক সংস্কা উদ্ভাবন করেন। এই সংক্ষানুসারে

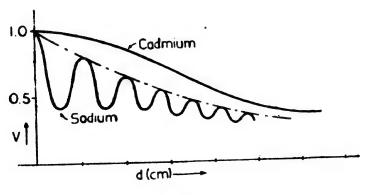
দুখাতা
$$V = \frac{I_{max} - I_{min}}{I_{max} + I_{min}}$$
 (2.56)

অখানে I_{max} একটি বালরের আলোর চরম তীরতা এবং I_{min} পার্থবর্তী কালরের আলোর করম তীরতা বুবাইতেছে। বিদ আলোটি সম্পূর্ণ একবর্ণের হর তবে দৃশাতা এই সংক্ষানুসারে বালরের (বৃত্তীর) কৌণক বাাসের উপর নির্ভয় করে না। সরল দোলগতি সম্পন্ন একটি আলোকতরঙ্গ বাবহার করিলে I_{min} এর মান দাড়াইবে শ্না। সূত্রাং এই ক্ষেত্রে V-1. ইহার কারণ $I-4a^2\cos^2\frac{\Delta\phi}{2}$ এই সমীকরণে করম তীরতার হানে $\frac{\Delta\phi}{2}-(2m+1)\frac{\pi}{2}$ কিন্তু বিদ একবর্ণের পরিবর্তে দুইটি খুব কাছাকাছি মানের তরঙ্গ দৈর্ঘা λ_1 এবং λ_2 আলোকতংকে বর্তমান থাকে তবে প্রত্যেকের ক্ষনা একটি ঝালরশ্রেণী উৎপন্ন হইবে এবং কোনও কোনও M_1M_2' দূরদ্বের ক্ষনা এমন অবস্থার সৃষ্টি হইবে বে একই বিন্দুতে λ_1 তরঙ্গের চরম আলোক তীরতার সঙ্গে λ_2 তরঙ্গের করম আলোক তীরতার সঙ্গে করা করম তীরতার স্থাক তরজের করা অবম তীরতার সৃষ্টি হওরার কথা সত্ত্বেও λ_1 তরঙ্গের কনা সেটা হইবে না। অভ্যান ব্যালরশ্রেণীর আলোর তীরতার বৈষমা এবং সাথে সাথে দৃশ্যতাও কিম্মা বাইবে। চরম প্রতিকৃত্য ক্ষেত্রে প্রতি বিন্দুতেই একই আলোক তীরতার

হুইবে এবং $I_{max} = I_{min}$ দাড়াইবে। ফলে দৃশ্যতা V এর মান হুইবে শ্ন্য । অবশ্য এখানে ধরিরা লওরা হুইরাছে যে আলোকতরক দুইটির বিস্তার সমান ।

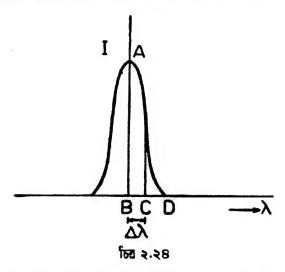
পরীক্ষাকালে দেখা যায় যে ঝালরশ্রেণীর দৃশাতা V এর মান সাধারণত কখনই । হয় না। ইহা হইতে বুঝিতে পারা যায় যে কোনও আলোকউৎসই সম্পূর্ণরূপে একবর্ণের নয়। অতএব এই দৃশাতার পরিমাপ হইতে একটি বর্ণাল রেখার (spectrum line) একবর্ণতার পরিমাণ (degree of monochromatism) বুঝিতে পারা যায়।

সোডিরামের হলুদ আলোতে দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘ্য বর্তমান এবং ইহাদের পার্থকা 6A. এই আলো ব্যবহার করিলে M, দর্পণ সরাইবার সঙ্গে দেখা যার যে ঝালরপ্রেণীর দৃশ্যমানতা সাধারণভাবে কমিতে থাকে, কিন্তু এই হ্লাসও সমভাবে হর না। ইহা একবার কমে আবার বাড়ে। ইহা হইতে বুঝা যার যে ভরঙ্গ দুইটির জন্য যে দুইটি বতত্র ঝালরপ্রেণী উৎপন্ন হইরাছে তাহা দর্পণের গতির সঙ্গে সঙ্গে পরস্পরের মধ্যে সংযোগ এবং বিসঙ্গতির (concordance and discordance) সৃষ্টি করার দৃশ্যমানতার এই হ্লাস বৃদ্ধি হইতেছে। প্রতি 1000 ক্রমের ঝালরের গতির জন্য এই হ্লাস বৃদ্ধি একবার ঘটে বলিয়া বুঝা যার যে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থক্য আলোকতরঙ্গের 1000 ভাগের 1 ভাগ অর্থাং প্রায় 6A: কিন্তু সাধারণভাবে দৃশ্যমানতার ব্যাখ্যার জন্য অন্য একটি কারণও বিবেচনা করিতে হইবে। দেখা যার যে ক্যাডমিরামের লাল আলোর ক্ষেত্রে এই দৃশ্যমানতা নিরবিচ্ছিলভাবে কমিরা যার।



हित २.२०

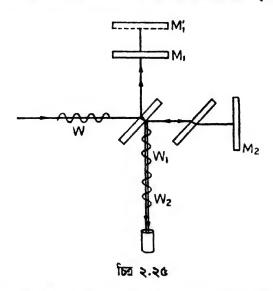
সুতরাং এখানে সোভিয়ামের হলুদ আলোর মত একাধিক তরঙ্গদৈর্ঘ্য বর্তমান নাই। তবে অন্যান্য নানাদিক হইতে বিবেচনার ফলে ধরা বায় বে কোনও আলোকতরসই সম্পূর্ণ একবর্ণের নর ইহা একাধিক নিরবজ্জিন (continuous) তরসমালার সমষ্টি। এই তরসমালার তীব্রতা এবং তরসদৈর্ঘ্য নিরের চিত্র ছারা (চিত্র ২.২৪) চিত্রিত করা বার। এই ধারণা অনুসারে



বর্ণাল রেখাটি কতকগুলি নিরবচ্ছিন তরঙ্গমালার সমষ্টি। এই চিটে $BC - \triangle^{\lambda}$ দারা বৃঝার চরম ও ইহার অর্দ্ধেক আলোক তীব্রতার মধ্যে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থকা এবং এই পার্থক্যকে বলা হর বর্ণালিরেখার অর্ধ-প্রস্থ (half-width). এই অর্ধ-প্রস্থ বত কম হইবে রেখাটিও তত বেশী একবর্ণের বিলিয়া গণ্য করা হইবে।

এই মতানুসারে M_1 দপ'ণ সরাইলে বর্ণালিরেখার প্রতিটি তরঙ্গদৈর্ঘার উৎপল্ল ঝালরই পরস্পরের সহিত ক্রমশ অধিক অস্ক্রতির (discordance) সৃষ্টি করিবে; ফলে দৃশামানতা ক্রমশই কমিতে থাকিবে। দপ'ণের দ্রম্ব ৫ এর সহিত এই দৃশামানতা ৮ এর হ্রাস পর্ববেক্ষণ করিয়া বর্ণালিরেখার অর্ধ-প্রস্থ নির্ণর করা বায় এবং ইহা হইতে রেখাটির একবর্ণম্বের (mono-chromatism) পরিমাণ নির্ণর করা বায়। ইহা হইতেই এটাও বুঝা বায় বে ৫ দূরম্ব বাড়াইবার জন্য এই কারণেই সোডিয়ামের হলুদ আলোর ঝালরের দৃশামানতার সাধারণভাবে হ্রাস ও বৃদ্ধি হইয়াছে।

পৃশ্যমানতার এই নিরবচ্ছিম হ্রাস এবং পরিণামে অবলুপ্তি আর একটি পৃত্তিকাশ হইতেও দেখা বাইতে পারে। তরঙ্গদৈর্ঘের বিস্তৃতির একটি প্রচলিত অর্থ এই বে উৎস হইতে সীমিড দৈর্ঘের তরঙ্গমালা (wave trains of finite length) নির্গত হইতেছে। এই তরঙ্গমালার দৈর্ঘা বলি $d=M_1M_1'$ (চিত্র ২.২৫) এর অপেক্ষাক্ষম হর তবে ইহার ফল দাড়াইবে বে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের দিকেবে দুইটি তরঙ্গমালা যাইবে তাহারা পরস্পরের উপর অধিস্থাপিত হইবে না

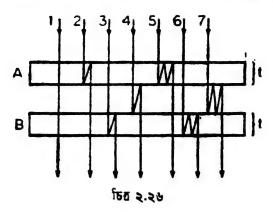


এবং ইহার অর্থ দাড়াইবে যেন ইহার। দুইটি পরস্পর অসংসম্ভ আলোকরশি ।
সূতরাং এই ক্ষেত্রে ব্যতিচারও উৎপল্ল হইবে না । d দূরত্ব শূন্য হইতে বাড়িতে
থাকিলে এই কারণের জন্য অসংসন্তির প্রভাবও বাড়িতে থাকিবে যাহার ফলে
ঝালরের দৃশ্যমানতা বাস্তানুপাতে কমিতে থাকিবে ।

ব্ৰুপ্টাব্লের পাট (Brewster's Bands).

বৃদ্ধি একটি আলোকরশ্বি দুইটি রচ্ছ এবং অনতিক্ষীণ প্লেটে আসির।
পড়ে তাহা হইলে এই রশ্বি প্লেটের মধ্য দিয়া বাইবার সময় বহুল-প্রতিফলনের ফলে একশ্রেণীর ব্যতিচার ঝালর সৃষ্টি করে। এই ঝালরগুলিকে বলা হয় রুষ্টারের পটি। এইগুলি প্রথমে রুষ্টার ১৮১৫ সনে পর্যাবেক্ষণ করেন।
ইহালের উত্তবের কারণ নিয়ের চিত্র হইতে বুঝা বাইবে।

২.২৬ নং চিত্রে দেখা যায় যে আলোকের বিভিন্ন রশ্মি বিভিন্নর্পে প্রতিফলনের সৃষ্টি করে। ১ নং রশ্মি কোনও প্রতিফলনের মধ্য দিয়া নাঃ গিয়া সোজাসুজিই চলিয়া যায়। ২ এবং ৩ নং রশ্মিদ্বয় প্লেট A এবং B তে বথাক্রমে ১ বার প্রতিফলিত হয়। এই রশ্মি দুইটি সদৃশ এবং সংসক্ত হওরার ২ ও ৩ নং রশ্মি একই আপতিত রশ্মির দুই অংশ; আপতিত রশ্মির একাংশ A ফলকে প্রতিফলিত হইরা ২ নং রশ্বি হিসাবে B ফলকের মধ্য দিরা সোজা চলিরা বাইতেছে। অনা অংশ A ফলকের মধ্য দিরা সোজা দিরা রশ্বি হিসাবে B ফলকে প্রতিফলিত হইরা গমন করিতেছে। ইছাদের মধ্যে বাতিচারের সৃষ্টি হইবে। ৪ নং রশ্বিটি প্লেট দুইটির মধ্যের স্থানে একটি প্রতিফলনের সৃষ্টি করিবে। ১ নং রশ্বির মত ইছারও কোন



জুড়ি নাই, সূতরাং ১ ও ৪ নং রশ্বি কোনও বাতিচারের সৃষ্টি করিবে না। আবার ৫ ও ৬ নং রশ্বি দুইটি ২ ও ০ নং রশ্বির নাার বাতিচারের সৃষ্টি করিবে। কিন্তু ইহাদের রশ্বির ভীরতা ২ ও ০ নং রশ্বির অপেক্ষা অনেক কম হওরার এইগুলি প্রার দেখাই যাইবে না। প্রেট দুইটি ৫ ও ৪ এর বেধ । বাদ সমান হর এবং তাহারা রাদ সমান্তরাল হর তবে ২ ও ০ নং রশ্বির উৎপার প্রতিবিধ পরস্পরের সহিত মিলিয়া যাইবে এবং ইহাদের মধ্যে কোনও পথদূরকের পার্থকা না থাকার বাতিচার ঝালরের উৎপার হইবে না। কিন্তু বাদ প্রেট দুইটি সমান্তরাল না হর এবং খুব ক্ষুম্র কোনে অবস্থান করে তবে রশ্বিধরের মধ্যে কিছুটা পথ পার্থকা আসিবে। ফলে একপ্রেলীর ঝালর উৎপার হইবে বেগুলি সরল রেখাকৃতি এবং ইহাদের দৈখা প্লেট দুইটির তল বে সম্বলবেশার মিলিবে ভাহার সমান্তরাল হইবে। বাদ আলো ৫ এবং ৪ প্রেট দ এবং দ' কোনে প্রতিস্ত হর তবে ইহারা এই প্লেট দুইটিতে 2µ cos r এবং 2µ cos r' (বহুল প্রতিফলনে সৃষ্ট ঝালরের আলোচনা প্রতীর) আপেক্ষিক মন্দন (relative retardation) জোগ করে। সূত্রাং ইহাদের পথদূরত্বের পার্থকা দাড়ার

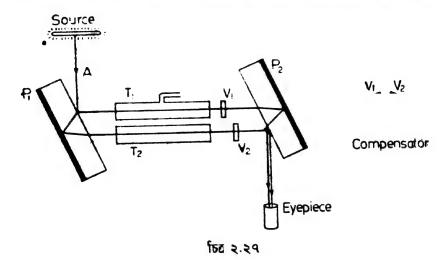
$$2\mu t \left(\cos r - \cos r'\right) \tag{2.57}$$

সূতরাং বণি ৮-৮ হর (অর্থাৎ প্লেট পূইটি সমান্তরাল হর) তবে এই

পথ-পার্থক্য শ্ন্য হইবে এবং কোনও ব্যতিচার ঝালর সৃষ্ঠ হইবে না। অপরপক্ষে প্রেট দুইটি সমান্তরাল না হইলে $r \neq r'$ এবং পথ-পার্থক্য উৎপক্ষ হওরার ঝালরও দেখা দিবে। এইগুলি হইবে সম-বেধের ঝালর (fringes of equal thickness). এই নীতির উপর নির্ভর করিয়া যামা (Jamin) একটি ব্যতিচারমাপক বন্ধ তৈরারী করেন। ইহার বর্ণনা এবং কার্যপ্রশালী এখানে দেওরা হইল:—

যামার ব্যভিচারমাপক (Jamin's Interferometer).

 P_1 এবং P_2 দুইটি কাচের প্লেট ; ইহারা ষথাসম্ভব একই বেধের এবং একই প্লেট হইতে কাটিয়া তৈরী। ইহাদের উভরের পশ্চাংদিকের তলে রূপার



পুরু প্রলেপ দেওয়া আছে। প্রথমে ইহাদের একটি অপটিক্যাল বেণ্ডে সমান্তরাল করিয়া বসানো হয় এবং ইহাদের তল উল্লেছভাবে রাখা হয়। একটি আলোকউৎস হইতে একটি বিকৃত এবং সমান্তরাল রান্দ্রগৃদ্ধ P_1 প্রেটের উপর আপতিত হয়। ইহার একটি রান্দ্র A বিবেচনা করিলে দেখা বাইবে বে এটি P_1 প্রেটের দুইতল হইতে প্রতিফলিত হইয়া দুইভাগে ভাগ হইয়া বাইবে এবং P_2 প্রেটের উপর আপতিত হইবে। যে ভাগটি P_1 প্রেটের প্রথম তল হইতে প্রতিফলিত হইয়াছে সেটি এবার P_2 প্রেটের বিভীয় তল হইতে প্রতিফলিত হইয়া আভনেরের দিকে বাইবে। অনাটি P_1 প্রেটের বিভীয় তল হইতে প্রতিফলিত হইয়া আভনেরের দিকে বাইবে। অনাটি P_1 প্রেটের বিভীয় তল এবং P_2 প্রেটের প্রথমতলে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের বিভীয় তল এবং P_3 প্রেটের প্রথমতলে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের বিভীয় তল এবং P_4 প্রেটের প্রথমতলে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের বিভার ভিয়ম্ব যাইবে। ইহারা সূত্রোং সদৃশ্য এবং সংস্কে হইবে (চির ২.২৬ এ

২ এবং ৩ নং রশ্বির নাার)। কাজেই তাহারা বাতিচার ঝালরের সৃষ্ঠি করিবে। অবলা এই এ রশ্বিটির অন্যান্য প্রতিফলনও হইবে; কিন্তু উপরোক্ত রশ্বিদুইটিই সর্বাপেকা উজ্জল এবং পরস্পর সদৃশ বলিয়া সর্বাধিক গুরুত্বপূর্ণ। তাই শুধু এই দুইটিকেই বিবেচনা করা হইয়াছে।

এই যা বার। কঠিন, তরল ও বিভিন্ন চাপের বারবীর পদার্থের প্রতিসরাক্ষ্ মাপা বার। আলোকরণি দুইটির পথে দুইটি নল বসাইরা ইহাদের একটির মধ্যে বিভিন্ন চাপে বারবীর পদার্থ আন্তে আন্তে ঢোকান যাইতে পারে; ফলে ঝালরগুলিও আন্তে আন্তে সরিতে থাকিবে এবং কোনও বিন্দু দিরা এই অপস্রমান ঝালরের সংখ্যা সহজেই গণনা করা বাইবে। T_i নলের সঙ্গে একটি চাপমাপক যার (manometer) লাগাইলে নলে পরীক্ষাধীন বারবীর পদার্থের চাপও জানা যাইবে। এই ভাবে সমীকরণ হইতে বারবীর পদার্থের ঐ চাপে প্রতিসরাক্ষ নির্ণীত হইবে। এই প্রণালীর পরীক্ষা হইতে গ্লাড়কোন এবং ডেলের (Gladstone & Dale) নিয়োক্ত নিরম সমাধিত হর

$$\mu - 1 = \text{const} \times \rho \tag{2.59}$$

এখানে ρ এবং μ বথাক্রমে সংশ্লিষ্ট চাপে গ্যাসের ঘনত এবং প্রতিসরাক্ষ।

ইহার সাহায্যে লোরেঞ্জ এবং লোরেঞ্জের (Lorentz & Lorenz) এর নিম্নলিখিত নীতিও পরীক্ষা করিয়া সমর্থন করা যায়

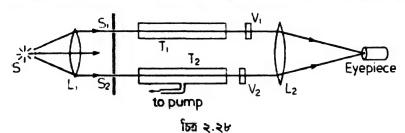
$$\frac{\mu^2 - 1}{\mu^2 + 2} = \rho \times \text{const}$$
 (2.60)

পরীক্ষার সৃবিধার জন্য এই বব্রে একটি পরিপ্রক (compensator) ব্যবহার করা হর। একজেড়া সদৃশ কাচের প্রেট পরস্পরের সহিত সমঞ্জনীর (adjustable) কোণে অবস্থান করে। একটি কাচের প্রেটের মধ্য দিয়া বাতিচারী রিমা দুইটির একটি গমন করে; এই কারণে বদি এই পরিপ্রকটি ঘুরানো হয় তবে একটি রিমার পথ বাড়িতে এবং অপরটির কমিতে থাকে ফলে রিমা দুইটির পথ-পার্থক্য বাড়িতে থাকে। কাজেই এই রিমা দুইটির T_1 এবং T_2 নলের মধ্য দিয়া ঘাইবার সময় বে পথ-পার্থক্যের উৎপত্তি হয়, পরিপ্রকটি প্রয়োজনমত ঘুরাইয়া ভাহা খণ্ডন করা যায় এবং ঝালরপ্রেণীর কেন্দ্র আবার আগের অবস্থানে ফিরাইয়া আনা যায়। যদি জানা প্রতিসরাক্ষের বয়ুর সাহাব্যে এই পরিপ্রকটি আগে হইতে অংলাক্ষন (calibrate) করা থাকে তবে কেন্দ্রীয় ঝালরটি পূর্বস্থানে ফিরাইয়া আনিতে এই পরিপ্রকটি বতটা ঘুরাইতে হয় ভাহা হইতেই সরাসরি প্রতিসরাক্ষ বাহির করা যায়। সহজেই

অনুমান করা বার যে প্লেট দুইটির মধোর কোণ যত কম হইবে পরিপ্রকের সুবেদিতা (Sensitivity) ততই বাড়িবে।

র্যালের প্রতিসরাম্ব-মাপক (Rayleigh's Refractometer).

অনুর্প আর একটি যা হইল রালের প্রতিসরাক্ত-মাপক (Rayleigh's Refractometer). ইহার নাম হইতেই বুঝা যায় যে পদার্থের প্রতিসরাক্ত মাপিবার জন্য এই যা বাবহার করা হয়। তবে প্রকৃতপক্ষে দুই বা ততােধিক তরল বা বায়বীয় পদার্থের প্রতিসরাক্তের মধ্যে সামান্য পার্থক্য মাপিবার পক্ষে এই যা খুবই উপযোগী। এখানে একটি আলোকউংস ১ হইতে উত্তল লেক



 L_1 দ্বারা আলো সমাস্তরাল হইয়া S_1 এবং S_2 দুইটি রেখাছিচের উপর পড়ে (চিচ নং ২.২৮)। এই উৎস হইতে রশ্মিদ্বর দুইটি নল T_1 এবং T_2 এর ভিতর দিয়া গিরা আবার উত্তল লেক L_2 দ্বারা অভিনেচের দৃক্তিক্ষেচে একচিত হয়। নল দুইটিতে পরীক্ষাধীন তরল বা বায়বীয় পদার্থ রাখা যায়। $V_1 V_2$ একটি পরিপুরক যাহা দ্বারা প্রতিসরাক্ষ সরাসরি মাপা যায়।

রালে এবং বামা ব্যতিচারমাপক বদিও ব্যতিচারের পরিচ্ছেদেই একসঙ্গে বাঁণত হইয়াছে তবুও ইহাদের মধ্যে বিশেষ প্রকৃতিগত পার্থক্য বিদামান। রাালে ব্যতিচারমাপকে যে ঝালরশ্রেণী সৃষ্ঠ হয় তাহা প্রকৃতপক্ষে ফ্রণহফার বাবর্তনের দর্গই হইয়া থাকে। এইগুলি বুগ্ম রেখাছিদ্রে ফ্রণহফার বাবর্তনের ঝালর এবং রেখাছিদ্র দুইটির মধ্যের বাবধান বেশী হওয়ায় (প্রায় ১০ মিলিমিটারের মত) উৎপল্ল ঝালরগুলি খুবই সৃক্ষ্ম হইয়া থাকে (চিত্র নং ৩.৩৯ দ্রুইবা)। এই সৃক্ষ্ম ঝালরগুলি দেখিবার জন্য একটি কাচের দণ্ডকে (cylindrical) লেজ হিসাবে বাবহার করা হয়। এই লেলের পরিবর্ধনক্ষমতা (magnification) সাধারণত ১৫০ এর মত হয়। ঝালরশ্রেণীর এই সৃক্ষ্মতার জন্য এই বন্ধের সাহাব্যে পরিমাপও খুব নির্ভূলের্পে করা বায়। অবশ্য স্থারী চিন্থ হিসাবে আর এক শ্রেণীর ঝালর পাদাপাদা ব্যবহার করিয়া পরিমাপের সৃক্ষাতাকে আরও বাড়ানো হইয়া থাকে।

ষামা ব্যক্তিরমাপকের ক্ষেত্রে ঝালরপ্রেণী ব্যক্তির প্রক্রিরার সৃষ্ঠ হইর। থাকে। এইগুলিকে বলা বাইতে পারে অধিস্থাপনজাত ঝালর (fringes of superposition), আর দুইটি রশ্বিপুচ্ছ হইতে উৎপান হর বলিরা ইহার। অন্যান্য ব্যক্তিরঝালরের (বথা মাইকেলসন বা ফ্রেনেল বুগ্ধ-প্রিজ্ম্ বরের ঝালর) মত প্রশ্বন্ত হর র্যালের ক্ষেত্রের ন্যার সৃক্ষ হর না। অতএব এই ব্যের সাহাব্যে পরিমাপও র্যালে ব্যের মত অতটা নির্ভূল হয় না।

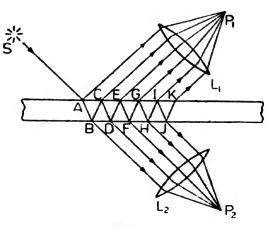
বছল-প্রতিকলনে প্রসূত ব্যক্তিচার (Interference produced by multiple reflections).

বহুল প্রতিফলনে উৎপন্ন ব্যতিচারের একটি দৃষ্ঠান্ত পূর্বেই বাঁণত হইয়াছে। এটি হইল যামার ব্যতিচারমাপক যা (Jamin's Interferometer). এখানে ৰাদিও বহুল প্ৰতিফলন হয় তবুও প্ৰধানত ২ ও ৩ নং (চিত্ৰ নং ২.২৬) এই রন্দি দুইটিই ব্যতিচারের ঝালর সৃষ্টি করিয়া থাকে। তাই ইহাদের বর্ণনা মাইকেলসন ব্যতিচারমাপকের পরেই দেওয়া হইয়াছে। এবার এই শ্রেণীর ৰ্যাতিচার সম্বন্ধে আরও বিশদভাবে আলোচন। করা হইবে। প্রথমে রাভাবিক-ভাবে উৎপদ্ম (কোনও যৱের সাহাষ। ছাড়াই) ব্যক্তিচারের বিষয় ধরা যাক। বখন কোনও খুব পাতলা ভেলের শুর রাশ্রায় বা জলের উপর ছড়াইয়া থাকে এবং সূর্ব্যালোক ইহার উপর আসিয়া পড়ে তখন এই শুরে বিভিন্নরকমের বংরের সৃষ্ঠি হইতে দেখা যায়। এইগুলি অনেক সময় একরঙের হয়, আবার একই শুরে আলোর নানারূপ পরিবর্তন হইতে দেখা যার। মনে হয় বে একই তেলের তরই বেন নানা রঙে রঙীন। অর্থাৎ এই ব্যতিচারী বিন্দুগ্লি ন্তরের খুব নিকটেই অবস্থান করে। ক্ষেত্রবিশেষে এইগুলি দেখিতে হইলে চকু অসীমের দিকে ফোকাস করিতে হয়। এইবুপ বিচিত্র রঙের আর একটি পুব সাধারণ (common) ব্যাপার দেখা যায় সাবান জল দিয়া ভৈরী পাতল। छदा । देश मिया थूर मुम्मद अकिं भरीका करा यात । याम अदेवभ अकिं পুরু সাবান জলের শুর কোনও তারের ফ্রেমে তৈরী করা হয় তবে ইছা সাদা ব্রুরের দেখা বার। এবার বদি এই স্তর্রাটকে খাড়া করিয়া দাড়া করানে। বায় ভবে ইহা ক্রমণ: পাতলা হইয়া আসিবে এবং ক্রমে ইহাতে রঙের আবিভাব আর শুরের বেখ পরিবর্ডনের সঙ্গে সঙ্গে ইহার রঙ্কেরও পরিবর্তন ৰটিতে থাকিবে। এই ধরণের বাতিচারের আর একপ্রকারের দৃষ্ঠান্ত দেখা বার পাধীর পালকের বিভিন্ন এবং বিচিত্র রঙের উপস্থিতিতে। এখানেও ঐ একই প্রক্রিয়াতে রঙের উত্তব হর। মুক্তাতে বে সমন্ত সুন্দর রঙের খেল।

দেখিতে পাওয়া যায় তাহায় কায়ণও এই একই। ইহায় মধ্যে অন্তর্ভুক্ত সৃক্ষা ভিন্ন পদার্থের শুনের জনাই এই রঙ দেখিতে পাওয়া যায়। এবং এই একই কায়ণে সদাপ্রকৃত ইস্পাতের প্রেট বা তারের গায়েও রং দেখা যায়, কায়ণ বায়ৣয় সংস্পর্শে আসিয়া এই প্রেট বা তারের উপর আয়য়ন অক্সাইডের (oxide of iron) সৃক্ষা শুরের সৃষ্টি হয়। এ পর্যন্ত যে সমন্ত দৃষ্টান্ত দেওয়া হইল তাহায় সবগুলিই সৃক্ষা শুরে বহুল প্রতিফলনের ফলে প্রস্তুত বাতিচারের নমুনা। ইহাদিগকে বলা চলে পাতলা শুরের রং (colour of thin films) (যে বং বাতিচারের ফলে উৎপক্ষ হয়)। ইহা ভিন্ন অবশ্য পাতলা নয় এমন শুরে বহুল প্রতিফলনের ফলেও বাতিচার ঝালর সৃষ্টি হয় এবং এই নীতির উপর ভিত্তি করিয়া খুব গুরুষপূর্ণ এবং প্রয়োজনীয় ষরেরও সৃষ্টি হইয়াছে। ইহার আলোচনায় ক্রমে আসা বাইবে। এই বিষয়টি ঠিকমত বুঝিবার জন্য সর্বপ্রথম একটি আদর্শ উদাহরণের (idealised case) বিবেচনা দিয়া আলোচনা আরম্ভ হইবে। এই আদর্শ উদাহরণ হইতেছে একটি সমতল, সমান্তরাল ও স্বচ্ছ ফলকে বা শুরে আলোর বহুল প্রতিফলনের প্রতিক্রিয়া।

একটি সমতল ও সমান্তরাল ফলক হইতে আলোর বছল প্রতিকলন—

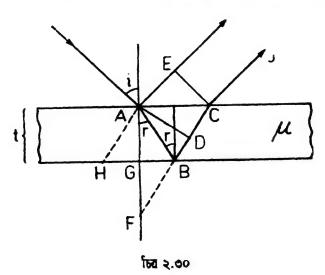
২ ২৯ নং চিত্রে আলোকউৎস S হইতে আলো আসিয়া স্বচ্ছ সমতল ও সমাস্তরাল ফলকের উপর পড়িতেছে। এই আলোকের একটি রশির



व्यि २.२৯

কথা ধরা যাক। এই বৃদ্ধিটি ফলকের A বিন্দুর উপর আপতিত হইয়াছে। এখানে বৃদ্ধিটির একাংশ ফলকের উপরের তলে প্রতিফলিত হইবে অপরাংশ

ফশকের ভিতরে প্রতিসূত হইবে। এই প্রতিসূত রন্ধির একাংশ আবার ফলকের বিতীয় তলে প্রতিফলিত এবং প্রতিস্ত হইবে। এই প্রক্রিয়ার পুনরাবৃত্তির (repetition) ফলে A বিন্দুতে আপতিত রন্দিটি একগুচ্ছ প্রতিফালত সমান্তরাল রাশ্ম এবং অনুরপভাবে একগৃচ্ছ সমান্তরাল প্রতিসূত রাশ্রর সৃষ্ঠি করিবে। এই রশ্বিগুচ্ছ দুইটি ফলকের বিপরীত দিকে অবন্থিত হইবে। এই অবস্থার যদি ইহার৷ উত্তল লেন্স L_1 এবং L_2 এর উপর পড়ে তবে ঐ লেনের ফোকাসতলে P_1 এবং P_2 বিন্দৃতে ফোকাসিত হইবে। উপরের वर्गना रहेए সহজেই ववा यात ए এक्ट तन्मिकाए वीनता এই প্রতিফালত রশ্বিগুক্ত সংসম্ভ এবং প্রতিসূত রশ্মিগুক্তের বেলারও এই কথা খাটে। সূতরাং P1 ও P, বিন্দৃতে এই রশ্মিগুচ্ছ ব্যতিচারের সৃষ্টি করিবে। কাচ্চেই P, ও P, বিন্দুতে আলোর তীৱতা নির্ভর করিবে পাশাপাশি দুইটি রশিষর পথ-পার্থকে।র উপর । যদি এই পার্থকা সংগ্রিক তরঙ্গদৈর্ঘোর পূর্ণসংখ্যা হর তবে এই স্থানের তীব্রতা চরম হইবে বলিয়া মনে হয় পেরের আলোচনা দুক্তব্য)। আর ইহাও দেখা বাইবে পাশাপাশি বে কোনও দুইটি রুশ্মির পথ-পার্থক্যের মান একই হইবে। সূতরাং P_{α} বা P_{α} বিন্দুর আলোকের তীরতার মান নির্ণয় করিতে হইলে স্বাগ্রে পাশাপাশি দুইটি রশ্মির পথ-পার্থকা নির্ণয়



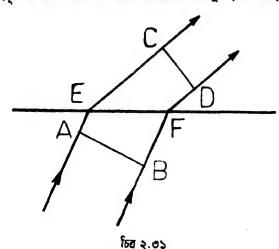
করা প্ররোজন। ইহা নিমের চিত্রের সাহাব্যে করা হইরাছে (চিত্র নং ২.৩০) ২.৩০ নং চিত্রে একটি । বোধের এবং µ প্রতিসরাক্ষের সমতল ও সমান্তরাল বছ ফলকের উপর A বিন্দুতে একটি আলোকরণি । আপতন কোণে আসিরা পড়িয়াছে। এই আপতিত রশ্মির একাংশ AE রশ্মি হিসাবে প্রতিফালিত হইরাছে। অপর অংশ ফলকের r কোণে প্রতিসৃত হইরা এবং ইহার বিতীয় তলে পুনরার প্রতিফালিত হইয়৷ CJ রশ্মি হিসাবে প্রথম তলে প্রতিসৃত হইরা বাহির হইরাছে। আলোচা অবস্থায় AE এবং CJ সমাস্তরাল হইবে। এই রশ্মি দুইটির পথ-পার্থক্য বাহির করিতে হইবে। এজনা A এবং C বিন্দু হইতে যথাক্রমে BC এবং AEর উপর দুইটি লম্ম AD এবং CE টানা হইল। তাহা হইলে CE প্রতিফালিত রশ্মিগুছের তরঙ্গমুখ এবং এজনা C এবং E বিন্দুর দশা একই হইবে। সূতরাং A বিন্দু হইতে একটি রশ্মি বায়ুতে AE পথ এবং অপর রশ্মিটি ফলকের মধ্যে ABC পথ অতিক্রম করিবার ফলে ইহাদের মধ্যে যে পথ-পার্থক্যের সৃষ্ঠি হইরাছে তাহাই হইবে রশ্মি দুইটির পথ-পার্থক্য। সূতরাং ইহাদের মধ্যে আলোকপথের দূরন্ধের পার্থক্য

$$\triangle x = \mu \cdot ABC - AE. = \mu(AB + BC) - AE.$$

যদি A বিন্দু হইতে ফলকের দ্বিতীয় তলে একটি লম্ব AG অঞ্চন করিয়। ইহা বর্ধিত করা হয় এবং CB বর্ধিত করিয়া এই লম্বকে F বিন্দুতে ছেদ করানো হয় তবে GFB কোণটিও r এর সমান হইবে । সূতরাং ABF সমন্বিবাহু বিভুজে AB = FB

$$\therefore \triangle x = \mu \cdot FC - AE = \mu(FD + DC) - AE$$

এদিকে CE যেমন প্রথমতলের বাহিরে প্রতিফলিত রশ্মিদ্বয়ের তরক্ষমুখ, ADG সেইরপ ঐ রশ্মিদ্বয়ের ফলকের ভিতরের তরক্ষমুখ (ঐ বাহিরের রশ্মিদ্ব



এবং CD আলোকপথ দুইটি সমান অর্থাৎ $AE = \mu \cdot DC$. ইহার কারণ একই রশিমমালার দুইটি তরুসমুখের মধ্যে যে কোনও আলোকপথই সমান ।

২.৩১ নং চিত্রে AC এবং BD পুইটি আলোকরণিম। ইহারা EF তলে প্রতিপ্রত হইরাছে। প্রতিসরণের পূর্বে এবং পরে রণিম পুইটি সমান্তরাল। AB এবং CD প্রতিসরণের আগে এবং পরে পুইটি তরঙ্গমূথের অবস্থান। সূতরাং A ও Bতে এবং C ও Dতে দখা সমান। ধরা যাক যে এই দখা খূন্য। এবার পর পর খূন্য দখা সম্পন্ন কতকগুলি তরঙ্গমূধ আকা বার। এই দখা অনুসরণ করিয়া বদি AEC এবং BFD আলোকপথে যাওয়া যার তবে উভয় পুরুষ্টে সমসংখ্যক চক্ত (cycle) অতিক্রম করিতে হইবে। সূতরাং উভয় আলোকপথেই প্রথদ্বত্ব সমান।

কাজেই লেখা যায়
$$\triangle x = \mu \cdot FD + \mu \cdot DC - AE$$

$$= \mu \cdot FD + AE - AE$$

$$= \mu \cdot FD. = \mu \cdot AF \cos r$$

$$= 2\mu t \cos r. \qquad (2.61)$$

পাশাপাশি দুইটি রশ্মির মধ্যে এই পথ-পার্থক্য এই রশ্মিগুচ্ছের যে কোনও পাশাপাশি দুইটির ক্ষেত্রেই প্রযোজ্য হইবে। সূতরাং যদি নিয়োক্ত সর্ত পালিত হয়

$$\triangle \dot{x} = 2\mu t \cos r = m\lambda \tag{2.62}$$

তবে P_1 বিন্দুর আলোর তীপ্তত। এই ক্রম এবং তরঙ্গদৈর্ঘোর বেলার চরম হওরার কথা। আবার যদি সর্ত এইরূপ হয়

$$\Delta x = 2\mu t \cos r = (m + \frac{1}{2})\lambda \tag{2.63}$$

তবে এই বেলায় P_1 বিন্দুতে আলোর তীওতা অবম হইবার কথা। এইস্থানে লক্ষ্য করিবার বিষয় বে সমীকরণে ফলকের প্রতিসরণ কোণটিই আসিতেছে, আপতন কোণ নয়।

কিন্তু পূর্ব অভিজ্ঞত। ইইতে জানা আছে যে ফলকের বাহিরের তল হইতে প্রতিফলনে আলোকতরকের দশার দ পরিবর্তন হর, কিন্তু অন্তর্ভাগে প্রতিফলনে এর্প কোনও দশার পরিবর্তন হয় না। সুতরাং একেতে আলোচ্য পাশাপাশি রশ্মি দুইটির মধ্যে বাড়তি একটি দ দশার পরিবর্তন হইবে। ফলে ব্যতিচারের পরিবর্তিত সর্ভ দাড়াইবে

$$2\mu t \cos r = (m + \frac{1}{2})\lambda$$
 ...আলোক-ভারভা চরম। (2.65)

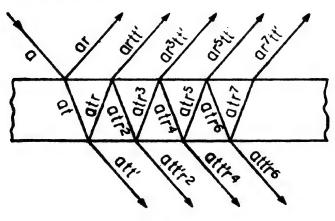
এই সৰ্ভ অবণ্য প্ৰথম দুইটি প্ৰতিফলিত ৰণিমৰ ক্ষেত্ৰেই শুধু প্ৰবোজা।

সাধারণভাবে আলোর ভীরতা উপরের সমীকরণ দারা নিরব্রিত হইবে। [ফোর-পেরো বাভিচার-মাপকের আলোচনা দুর্ভব্য]

কিন্তু আরও বিশদভাবে তীব্রতার আলোচনা করিতে হইলে অন্যান্য রশ্মিগুলির পরস্পরের সম্বন্ধও বিবেচনা করিতে হইবে।

প্রথমত যদি চরম তীরতার কথা ধরা যায় তবে প্রথম দুইটি রশ্মি দ্বিতীর সমীকরণ অনুসারে এই বিন্দু P_1 এ চরম তীরতা সৃষ্টি করিবে। তৃতীর এবং চতুর্থ রশিমর ক্ষেত্রে পঞ্চনুরত্বের মান $(m+\frac{1}{2})\lambda$ -ই হইবে। কিন্তু ইহার। উভয়েই ফলকের ভিতর হইতে প্রতিফালত হওয়ায় তাহাদের বাড়তি π দশা-পরিবর্তন হইবে না। সূতরাং ইহারা পরস্পরের বিপরীত দশায় থাকিবে এবং পরস্পরেক ধ্বংস করিবার চেন্টা করিবে। কিন্তু তৃতীয় রশ্মির বিস্তার চতুর্থ রশিমর অপেক্ষা বেশী হওয়ায় (প্রতিটি প্রতিফলনেই রশ্মির বিস্তার কিছুটা কমিতে থাকিবে) ইহাদের কিছু পরিণামিক বিস্তার বর্তমান থাকিবে। আর এই পরিণামিক বিস্তারের দশা প্রথম দুইটির পরিণামিক দশায় সদৃশ হওয়ায় ইহারা পরস্পরকে বৃদ্ধি করিবে। এইর্পে তৃতীয় ও চতুর্থ, পঞ্চম ও ষষ্ঠ রশ্মির জ্যোড়ায় জোড়ায় নিলে ইহাদের পরিণামিক বিস্তারগুলি প্রথম ও দ্বিতীয়ের সহিত বৃদ্ধ হইয়া চরম তীরতার সৃষ্টি করিবে।

অপরদিকে প্রথম সমীকরণ 2.64 অনুসারে দিতীর রশিটির দশ। প্রথমটির বিপরীত হওয়ায় ইহা প্রথমটিকে ধ্বংস করিবার চেষ্টা করিবে, কিন্তু প্রথমটির



क्वि २.०२

বিস্তার অনেক বেদ্দী হওরার সম্পূর্ণ সক্ষম হইবে না । আবার তৃতীর, চতুর্থ এবং পরবর্তী সমস্ত রশ্মিরই দশা বিতীয়টির সদৃশ হওরার ইহারা মিলিতভাবে প্রথমটির উপর ক্রিয়া করিবে। সূতরাং সমন্তর্গুলির বোগফল বাহির করিতে হইলে প্রথমটি বাদে অনাগুলির পরিণামিক বিন্তার নির্ণন্ন করা প্ররোজন। এই পরিণামিক বিন্তার পূর্ববর্ণিত ভৌক্সের উদ্ভাবিত আলোকের প্রতিফলন ও প্রতিসরণের নিরুপণ অনুসারে (Stokes' treatment of reflection and refraction of light) বাহির করা যার। ঐ নীতি অনুসারে আপতিত রন্মির বিন্তার বাদ a হর, এবং ইহার r ভ্যাংশ (ফলকের প্রথম এবং দিতীর তল হইতে প্রতিফলিত অংশ একই হইবে ইহা পরে দেখান হইয়াছে) বাদ ফলকের উভর তল হইতে প্রতিফলিত হয় আর া ও i ভ্যাংশ বাদ বথাক্রমে প্রথমতলে ও দ্বিতীয়তলে প্রতিস্ত হয় তবে প্রতিফলিত ও প্রতিস্ত রন্মিগুডেছর বিন্তারের মান চিত্র নং ২.৩২ প্রদার্শত রূপ হইবে। সুতরাং দ্বিতীয়, তৃতীয় ইত্যাদি রন্মসমূহের পরিণামিক বিন্তার দাড়াইবে

$$Y = artt' + ar^{3}tt' + ar^{4}tt' + - \cdots$$

$$= artt'(1 + r^{2} + r^{4} + \cdots)$$
 (2.66)

বেহেতু r একটি ভগাংশ বাহার মান এক হইতে কম, এই বোগফল দাড়াইবে $Y = \frac{artt'}{1-r^2}$. [এখানে ধরিয়া লওয়া হইয়াছে যে বাতিচারী রশ্মির সংখ্যা অনস্ত : প্রকৃতপক্ষে ইহা সভ্য না হইলেও রশ্মির সংখ্যা অনেক হওয়ায় এবং শেষেরগুলির বিস্তার দুত কমিয়া আসাতে এই রাশিমালা ব্যবহার কর

কিন্তু কৌক্সের নির্পণ অনুসারে পাওয়। যায় (এই বিষয়ে পূর্বের আলোচনা দুক্তী $tt'=1-r^2$ (2.67)

চলিতে পারে 1

সূতরাং
$$Y = \frac{ar(1-r^2)}{1-r^2} = ar$$
. (2.68)

কাজেই দেখা বাইতেছে যে এই পরিণামিক বিস্তার প্রথম রশ্মিটির বিস্তারের সমান। আর আগেই বলা হইরাছে যে ইহাদের দশা প্রথম রশ্মিটির লশার বিপরীত। সুতরাং সকল রশ্মির সন্মিলিত পরিণামিক বিস্তার দাড়ার শৃনা। অর্থাৎ বাতিচারের ফলে অবম আলোক তীব্রতার মান শ্না হইবে এবং ঝালর-শ্রেণীর স্পষ্ঠতা বৃদ্ধি পাইবে।

সূতরাং দেখা বাইতেছে বে যদি নীচের সমীকরণটি সিদ্ধ হয় অর্থাৎ $2\mu t \cos r = (m+\frac{1}{2})^{\lambda}$ তবে একটি আলোকরিনার জন্য অভিনেত্রের ফোকাসভলে অথবা চোখের রেটিনাতে এক উজ্জ্ঞল আলোকবিন্দুর সৃষ্টি হইবে। এই উজ্জ্ঞল বিন্দুর সঞ্চারপথ (locus) ছইবে একটি বৃত্ত (এখানে একটি বৃত্তাংশ)

যাহার কেন্দ্র হইবে চকু হইতে ফলকের উপর অন্কিত লবের ছেদবিন্দু।
ইহার কারণ একটি m ক্রমের ঝালরের ক্রেন্তে r কোণ অপরিবর্তিত থাকিবে।
আর আলোচা ক্রেন্তে µ এবং 1ও অপরিবর্তিত ধরা হইরাছে। আবার m এর
মান পরিবর্তন করিলে r এর একটি ভিন্ন মান এর জন্য এই সমীকরণ আবার
সিদ্ধ হইবে এবং আর একটি বৃত্তাকার সমকেন্দ্রিক ঝালর পাওয়া বাইবে।
বেহেতু ব্যতিচারী রন্মিগুলি সমান্তরাল এবং একটি নির্দিষ্ঠ কোণে প্রতিফলিত,
এই ঝালরগুলি সম-আন্তির ঝালর (fringes of equal inclination)
শ্রেণীতে পড়িবে।

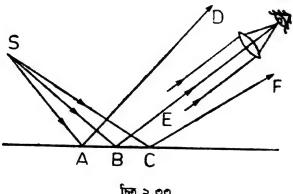
উপরের আলোচনার ধরা হইয়াছে যে আলোকউৎস হিসাবে একবর্ণের আলো ব্যবহার করা হইয়াছে এবং ঝালরশ্রেণী বৃত্তাকার হইবে আর দুইটি ঝালরের মাঝের স্থানের অবম তীত্রতা শূন্য দাড়াইবে। এখন বদি সাদ। আলো ব্যবহার করা বায় তবে একই r কোণে 2t cos r এক হইলেও প্রতিবর্ণের আলাদা হইবে ষেজনা একটি তরঙ্গদৈর্ঘোর জনা এই দিকে আলোর তীব্রতা চরম হইলেও অন্য তরঙ্গদৈর্ঘের জন্য এই তীব্রতা হয়তো অবম। সাদ। আলো পরপর অনেক তরঙ্গদৈর্ঘার সমষ্টি হওরায় সমস্ত বর্ণালির অনেকর্গাল তরঙ্গের জনা এইদিকে চরম এবং অনেকর্গালর পক্ষে অবম আলোক-তীব্রতা হইবে। সূত্রাং ফলে দাড়াইবে একটি মিশ্রিত বর্ণের ঝালর। যদি এই ঝালরের একস্থান হইতে আলো নিয়া বর্ণালীবীক্ষণ বব্রে পরীক্ষা করা হয় তবে দেখা যাইবে যে বর্ণালির মধ্যে অনেকগুলি কালো দাগ দেখা যাইতেছে। এই দাগগুলি সংশ্লিষ্ট তরঙ্গদৈর্ঘগুলির অনুপস্থিতি বৃঝাইবে। অবদ্য বদি ফলকের বেধ বেশী হয় তবে এইগুলি খুব বনসমিবিষ্ট হইবে। ফলে অনেকগুলি রংয়ের অনুপশ্হিতির (এবং প্রায় সমসংখ্যক রঙের উপস্থিতি) দরুণ মিশ্রিত রং সাদা মনে হইবে। সূতরাং ফলকের বেধ বেশী হইলে ব্যতিচার ঝালর দেখা বাইবে না, সমস্তটাই সাদা দেখাইবে, র্যাদও এই অবস্থাতেও ব্যতিচার ঠিকই ঘটিতেছে।

ফলকের বেধ বেশী হইলে আরও একটি কারণে রং বা ঝালর দেখা বাইবে না। বাদ আলোর আপতন কোণ i বড় হয় তবে এই ক্ষেত্রে দুইটি প্রতিফলিত রশির দূরদ্বও বেশী হইবে। চোথের তারারক্তের (pupil) ব্যাস মোটামুটি 3 mm এর মত হইয়া থাকে। কাজেই খুব অস্প সংখ্যক রশিষ্ট এই তারারদ্ধ দিয়া চক্ষুতে প্রবেশ করিবে। বেহেতু এই শ্রেণীর ব্যতিচারের উৎপাদনে বহু সংখ্যক রশির অংশগ্রহণ আবশ্যিক, সূতরাং এই ক্ষেত্রে ব্যতিচার

वालत वा तर रम्था वाहेरव ना। अवना मृतवीकन वह वावहात कतिता वा আলো ফলকতলে অভিলব্ধণে আপতিত করিয়া বেলী বেধের ফলক হইতেও ব্যতিচার দেখা বার, কিন্ত ইহারও সীমা আছে।

এ পর্যন্ত যে আলোচনা করা হইয়াছে তাহাতে ধরিয়া লওয়া হইয়াছে বে বেধ সর্বত্র সমান । কিন্তু সাধারণত এইরূপ পাতলা ফলক বাস্তবে পাওরা যায় না । আপতন বিন্দুর বেধের পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে সেইস্থানের আলোর তীব্রতাও সমীকরণ 2µt cos r = m\ অনুসারে পরিবর্তিত হয়। যাদ পরিবর্তনদীল বেধের ফলকে ব্যতিচার উৎপল্ল হয় তবে সাধারণত দেখা যার যে ইহাতে স্থানে স্থানে আলোর তীব্রতা বা রঙেরও পরিবর্তন হইতেছে।

আর একটি বিষয় এখানে লক্ষ্য করা প্রয়োজন। আলোকউৎসটি এখানে যত প্রশন্ত হইবে ব্যতিচার-ঝালর বা রঙের উৎপত্তিও তত সুষ্ঠ হইবে। আলোকউংস योग একটি বিন্দু হয় তবে তাহা হইতে নানা কোণে বৃদ্ধিসকল আপতিত হইবে।



छ्ल. इ. इसी

২.০০ নং চিত্রে তিনটি এইরকম রশি দেখানো হইরাছে। ইহাদের প্রতিটির জনাই একগৃচ্ছ সমান্তরাল প্রতিক্লিত রশ্বির সৃষ্টি হইবে এবং ইহাদের বে গুচ্ছটি $2\mu t \cos r = (m + \frac{1}{4})\lambda$ সমীকরণ সিদ্ধ করিবে একমাত্র সেই গুচ্ছের জন্মই একটি উজ্জল বিন্দুর সৃষ্টি হইবে। সূতরাং বৃদ্তাংশের অন্যান্য বিস্ফুগুলির উৎপত্তির জন্য আলোকউৎসে S এর মন্ড আরও অনেক ৰিন্দু থাকা প্ররোজন অর্থাৎ আলোকউৎসটি বথাসম্ভব বিস্তৃত হওয়া প্ররোজন। এই বিষয়টি মাইকেলসনের ব্যতিচার-মাপকেও দেখা গিয়াছে; অপরদিকে ফ্রেনেল বা লয়েডের পরীক্ষার আলোকউংস বধাসম্ভব সরু হওয়া প্রয়োজন।

পাতলা ফলকে উৎপন্ন বাতিচারের বেলার ফ্রেনেল এবং লরেডের দর্শনের ঝালরের সহিত আরও একটি বিষয়ে পার্থক্য আছে। এই পার্থক্যটির সৃষ্ঠি হয় ফলকের মধ্যে আলোকের বিচ্ছুরণের দর্ণ (এখানে সাদা আলোর বা একাধিক বর্ণের আলোর কথা ধরা হইরাছে) বেটি ফ্রেনেল বা লরেডের দর্পণের ক্ষেত্র অনুপক্ষিত। ফলকে বিচ্ছুরণের দর্ণ বে দশা-পার্থক্যের সৃষ্ঠি হয় তাহা তরঙ্গদৈর্ঘার পরিবর্তনজাত দশা-পার্থক্যের সমানুপাতিক বা বাস্তানুপাতিক হইতে পারে। অতএব বিচ্ছুরণের ফলে রঙের উৎপত্তিও সঙ্গে বাড়িতে বা কমিতে পারে।

র্যাদ সাদা আলো একটি সমান্তরাল রশ্মিমালার আসিরা একটি সমতল সমান্তরাল ফলকে আপতিত হয় এবং প্রতিফলিত রশ্মি চোখ দিয়া দেখা বার তবে এই ক্ষেত্রে সমন্ত বর্ণের ক্ষেত্রেই আপতন কোণ এক হইলেও বিচ্ছুরণের পরুণ প্রতিসরণ কোণ বিভিন্ন তরঙ্গের আলাদা হইবে । কান্দেই দশা-পার্থক্যের মানের রাশিটি $\frac{2t\cos r}{\lambda}$ এর পরিবর্তন হর এবং লব উভর দিকেই হইবে । কান্দেই $\cos r$ এবং λ এর পরিবর্তন বাদ একই দিকে হর অর্থাৎ ইহারা বাদি সমানুপাতে পরিবর্তিত হইতে থাকে তবে $\frac{2t\cos r}{\lambda}$ সমন্ত আলোর ক্ষেত্রেই এক থাকে । ফলে ব্যতিচারী ঝালর বা রঙ অবার্ণতার সৃষ্টি করে । সুতরাং এই ক্ষেত্রে অবার্ণতার সর্ত দাড়াইতেছে

এই আলোচনার ধরিরা লওরা হইরাছে বে t অপরিবর্তিত থাকিবে অর্থাৎ শুরুটি সমতল ও সমান্তরাল হইবে । সম্পূর্ণ অবার্ণতা সৃষ্টির জন্য শুরের প্রতিসরাক্ষ এবং আলোকতরঙ্গের দৈর্ঘোর মধ্যে একটি বিশেষ সম্বন্ধ থাকা প্ররোজন । এটি বাহির করা বার $\frac{\cos r}{\lambda}$ – শ্বুবক এই সমীকরণ হইতে

এখানে
$$\sqrt{1-\sin^2 r} = K\lambda$$
 [$K =$ ধুবক]

 $\sin^2 r = 1 - K^2 \lambda^2$

ন্তরের প্রতিসরাক্ষ যদি 🗸 হর তবে লেখা বাইতে পারে

$$\sin^2 i - 1 - K^2 \lambda^2$$

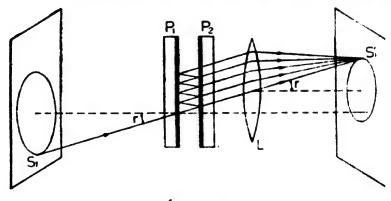
$$\mu^2 = \frac{\sin^2 i}{1 - K^2 \lambda^2} \tag{2.70}$$

দেখা বাইবে যে অবার্ণতার সৃষ্টি করিতে ফলকের প্রতিসরাক্ষ উপর এবং নীচের মাধ্যমের অপেকা কম হওয়। প্ররোজন। একমাত্র তাহা হইলেই আপতন মাধ্যম হইতে ফলকে প্রবেশের সমর প্রতিসৃত আলোক প্রতিসরণ কোণ তরঙ্গদৈর্ঘার বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে কমিতে থাকিবে যাহার ফলে cos r এবং ম এর পরিবর্তন একই দিকে হইবে। এই ক্ষেত্রে আপতন কোণ পরিবর্তন করিয়া গেলে এমন এক অবস্থা আসিবে যখন cos r/ম সমন্ত তরঙ্গদৈর্ঘার বেলারই ধ্রবক হইবে এবং ঝালরের অবার্ণতার সৃষ্টি হইবে।

কেব্রি-পেরো ব্যতিচার-মাপক (Fabry-Perot Interferometer).

ব্যতিচার কালরের সাহাযে। যে সমস্ত পরীক্ষা এবং পরিমাপ করা হয় তাহাদের মধ্যে সর্বাপেক্ষা গুরুত্বপূর্ণ এবং নিভূল ফলাফল পাওয়া যায় ফেরি-পেরো ব্যতিচার মাপকে। এই বব্রের সাহায্যে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের যে মান পাওয়া যায় তাহার নিভূলতা অতিশয় উচ্চ পর্ব্যায়ের। ইহা ভিন্ন বর্ণালি-রেশার অতিস্কা গঠন অনুসন্ধানের ক্ষেত্রেও এই যত্তের বাবহার খুবই প্রশস্ত । ইহার গঠন এবং কার্যপ্রশালী নিয়ে আলোচিত হইল:

এই ব্য়ে দুইটি সমান্তরাল ও সমতল কাচ বা কোরাট্সের (Quartz) ফলক P,P, পাশাপাশি সমান্তরাল ও উল্লখভাবে স্থাপিত হয়। ইহাদের একটি



চিত্ৰ ২.৩৪

ফলক নিজতলের সমান্তরালে সরাইর। P_1P_2 দূরত্ব হ্রাসবৃদ্ধি করা বায় (চিচ নং ২.০৪)। অন্য ফলকটির পিছনে অবন্থিত তিনটি ছু এর সাহায্যে ইহার তল প্রয়োজনমত প্রথমটির তলের সঙ্গে নিভূলির্পে সমান্তরাল করা বার। এই ফলক দূইটি নিজেদের মধ্যে একটি সমান্তরাল বায়ুন্তর আবন্ধ করে। P_2P_3 র মুখোমুখি ভিতর্রাদকের তলে এমনভাবে পাড়লা বুপার

প্রবেশ দেওয়া থাকে বাহাতে P_1 প্লেটে বাহিরের দিক হইতে একটি আপতিত রশ্বি ইহার ভিতরে প্রবেশ করিতে পারে (অবশ্য প্রলেপ থাকার ফলে এই প্রবেশকারী রশ্মির তীব্রতা খানিকটা কমিয়া ঘাইবে)। বায়ুন্তরে প্রবেশের পর এই রশ্মিটি P_1P_2 তে বহুল প্রতিফলিত হইয়৷ P_2 ফলকের বাহির দিকে নির্গত একগুচ্ছ সমান্তরাল রশ্বির সৃষ্টি করিবে। এই রশ্বিগুচ্ছ একটি উত্তল লেম্স L এর উপর আপতিত হইয়া লেন্দের ফোকাসতলে S_1 বিন্দুতে ফোকাসিত হইবে। S,' বিশুর ঔজ্জনা নির্ভর করিবে সমান্তরাল রাশ্বগুলির পথ-পার্থক্যের উপর। এই বিন্দুতে আলোকের তীব্রতা চিত্র নং ২.৩২ এর সাহায্যে নির্ণর কর। যায়। এই চিত্তানুসারে উপরোক্ত রিশ্বগুচ্ছ নির্গত (transmitted) রশ্মি হিসাবে পরিগণিত হইবে। S_1 হইতে আপতিত রশ্বির বিস্তার যদি a ধরা যায় তবে (ফলক এবং বায়ুতে শোষণ অগ্রাহ্য করিয়া) নিগতি রন্মির বিস্তার দাড়াইবে ait', ait'r" ইত্যাদি। ইহাদের পরিণামিক মান বাহির করিতে চিকোণমিতিক প্রণালী (trigonometric method) অথবা কন্শিতের প্রণালী (method of imaginaries) ব্যবহার করা চলিতে পারে। ইহাদের মধ্যে শেষোক্ত প্রণালীটি অধিকতর পরিষ্কার (elegant) এবং হ্রন্ডর (shorter) বলিয়া এটিই এখানে ব্যবহার করা হইবে। এই প্রণালী অনুসারে পূর্বেই বলা হইয়াছে যে a বিস্তারের আপতিত রশির বিস্তার P_a ফলকের অপরদিকে নির্গমনের পর att', $att'r^a$, $att'r^a$ ইত্যাদি বিস্তারে বিভক্ত হইবে। সূতরাং ইহাদের ভ্রংশ (displacement) লেখা যায় যথাঞ্চমে $att'e^{i\delta}$, $att'r^*e^{2i\delta}$, $att'r^*e^{3i\delta}$ ইত্যাদি। এখানে 🗿 সংখাটি রশ্বির দশা বুঝাইতেছে। প্রতিটি রশ্মির বেলায় তাহার পূর্ববর্তীটির অপেক্ষা ৪ দশা বন্ধি পাইতেছে আর $\delta = 2\mu t \cos r = 2t \cos r$ কারণ µair ≈ 1 अवर १ वायुख्यत्व विष । (2.70 a)

কিন্তু পরস্পর সংশ্লিষ্ট একগুচ্ছ রশ্মির দশাকে প্রয়োজনমত সুবিধাজনক রাশিতে পরিণত করিতে এই দশাগুলির সহিত কোনও একটি দশা বোগ বা বিয়োগ করা যাইতে পারে। সূতরাং এই দশাগুলি এমনভাবে পরিবাতিত করা হইবে যাহাতে প্রথম দশাটি শ্না দাড়াইবে। তাহ। হইলে পরিণামিক তরঙ্গের ভ্রংশ ছিসাবে লেখা যার

$$Ye^{i\theta} = att'e^{0} + att'r^{2}e^{i\delta} + att'r^{4}e^{2i\delta} + \cdots$$
$$= att'\left[1 + r^{2}e^{i\delta} + r^{4}e^{2i\delta} + \cdots\right]$$
(2.71)

বছনীর মধ্যে আছে একটি অসীম জ্যামিতিক রাশিমালা (infinite geometric series) বাহার পদগুলির মধ্যের সার্ব পার্থকা (common difference) দেখা বাইতেছে $r^2e^{i\delta}$. সূতরাং এই জ্যামিতিক রাশিমালার বোগফল হইবে (::r < 1)

$$Ye^{i\theta} = att' \frac{1}{1 - r^2 e^{i\delta}}$$
 (2.72)

কিশতের নিয়মানুসারে এই পরিণামিক স্রংশ হইতে তীব্রতা বাহির করিতে এই রাশিটিকে ইহার ফটিল বিপরীত (complex conjugate) সংখ্যা দারা গুণ করিতে হইবে। অর্থাৎ সংখ্যাটিকে অন্য এমন একটি সংখ্যা দারা গুণ করিতে হইবে বেটিতে কিশ্সিত সংখ্যা । বদল করা হইরাছে — । দারা। অন্তএব

$$|Y|^{2} = (att')^{2} \frac{1}{1 - r^{2}e^{i\delta}} \frac{1}{1 - r^{2}e^{-i\delta}}$$

$$= (att')^{2} \frac{1}{1 - r^{2}\left(e^{i\delta} + e^{-i\delta}\right) + r^{4}}$$

$$= (att')^{2} \frac{1}{1 - 2r^{2}\cos\delta + r^{4}}$$

$$= (att')^{2} \frac{1}{1 - 2r^{2} + r^{4} + 4r^{2}\sin^{2}\frac{\delta}{2}}$$

$$= (att')^{2} \frac{1}{(1 - r^{2})^{2} + 4r^{2}\sin^{2}\frac{\delta}{2}}$$

কিন্তু ভৌক্সের নির্পণ অনুসারে জানা আছে $ti'=1-r^2$

$$|Y|^{2} = Intensity = \frac{a^{2}(1-r^{2})^{2}}{(1-r^{2})^{2} + 4r^{2} \sin^{2} \frac{\delta}{2}}$$

$$\frac{I_{0}}{1+\frac{4r^{2} \sin^{2} \frac{\delta}{2}}{(1-r^{2})^{2}}}$$
(2.73)

কারণ a^2-I_0 — আপতিত রাম্মর তীরতা

সুতরাং এই গণনা অনুসারে নিগত রশ্মির S_1' বিন্দুতে আলোর তীরত৷ I_T সাড়াইতেছে $I_T=\frac{I_0}{1+\frac{4r^2}{(1-r^2)^2}\sin^2\frac{\delta}{2}}-\frac{I_0}{1+F\sin^2\frac{\delta}{2}}$

বেখানে $F = \frac{4r^2}{(1-r^2)^2}$. ফোর এই F সংখ্যাটিকে বালয়াছেন 'স্কাতাৰ্ক' (coefficient of finesse) কারণ ঝালরশ্রেণীর স্কাতা এই F সংখ্যাটির উপর নির্ভর করে ।

এই সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে ইহার চরম মান দাড়াইবে I_0 অর্থাৎ আপতিত রশ্মির ভীরভার সমান আর এইটি হইবে যখন $\sin^2\frac{\delta}{2}=0$ এই সর্ভটি পালিত হইবে। এজন্য লেখা যাইতে পারে যে যখন

$$\frac{\hat{\delta}}{2} - m\pi$$
 বা $\delta = 2m\pi$ তখন $I_T = I_0$ (2.74)

কিন্তু আলোর অবম তীন্তত। সাধারণত শ্না হইবে না। এই মান শ্না হইতে সমীকরণ 2.73 হইতে দেখা যার যে r-1 হওয়া দরকার। r-1 হইতে হইলে রূপার প্রকোপটি খুব পূরু হওয়া প্রয়োজন যাহাতে সমস্ত আপেতিত আলোই প্রতিফলিত হয়। কিন্তু প্রলেপ খুব পূরু হইলে আবার S_1 হইতে আপতিত রন্মি P_1 ফলকে প্রকেশ করিতে পারিবে না বা P_2 ফলক হইতে নিগতি হইতে পারিবে না। এই বারে সাধারণত r এর মান 0.8 হইতে ০.9 এর মধ্যে রাখা হয়। পূর্বেই দেখা গিয়াছে যে বছছ পাতলা ভারের ক্ষেত্রে নিগতি রন্মিতে উৎপার ঝালারের ক্ষেত্রে আলোর তীরতার বৈষম্য খুবই কম হয়। ইহার কারণ এই বে এই বৈষম্য r এর মান এর উপার নির্ভর করে। r যত ছোট হইবে বৈষম্যও ততই কমিবে। বছছ ভারে বিদি আপাতন কোণ 90° র কাছাকাছি হয় তবে $r^2 \simeq 0.04$. এই r এর মূল্যে আলোর অবম তীরতা দাড়াইবে

$$I_T = \frac{I_o}{4 \times 0.04 \sin^2 \frac{\delta}{2}} - 0.8 I_o \text{ (approx)} \left(\sin^2 \frac{\delta}{2} - 1 \text{ afaces} \right)$$

$$1 + \frac{4 \times 0.04}{\{1 - 0.04\}^2}$$

আর বৃদি 🕝 ০ ৭ হয় ভবে অবম তীব্রতা হইবে

$$I_T = \frac{I_0}{4 \times 0.81 \sin^2 \frac{\delta}{2}} = 0.013 I_0$$

$$1 + \frac{4 \times 0.81 \sin^2 \frac{\delta}{2}}{\{1 - 0.81\}^2}$$

এই হিসাব হইতে দেখা বাইতেছে বে r^2 এর মান 0.04 হইতে 0.81 এ বাড়িলে ঝালরের অবম তীরতা $80\% I_0$ হইতে $1\% I_0$ এ আসিয়া দাড়ায়। ইহা হইতে সহজেই বৃথিতে পার। বায় যে ঝালরের আলোর তীরতার বৈষম্য বাড়াইতে হইলে r এর মান বাড়ানে। খুবই প্রয়োজন। তবে ইহারও সীমা আছে, কারণ r = 1 হইলে $I_0 = 0$ হইবে এবং আলোর চরম তীরতাও শূন্য হইবে। অর্থাৎ এই অবস্থায় P_1 ফলকে আলো প্রবেশ করিতে না পারায় কোন ঝালরের সৃষ্টি হইবে না।

চিন্ত নং ২.৩৪ হইতে বুঝা যায় যে S_1 হইতে r কোণে যে রশ্মিটি আপতিত হইতেছে তাহা বহুল প্রতিফলনের পর নিগত হইয়া লেশ L ঘার। S_1 বিন্দৃতে ফোকাসিত হইবে। যদি

21 cos $r = m\lambda$ এই সর্ভ পালিত হয় তবে এই বিন্দৃটি উচ্ছল হইবে। তবে এই উচ্ছল বিন্দৃটির সপ্তারপথ হইবে একটি বৃত্ত বাহার কেন্দ্র লেন্দের অক্ষের সহিত অভিনেত্রের ফোকাসতলের ছেদবিন্দৃতে অবস্থান করিবে। এই উচ্ছল বৃত্তের একটি বিন্দৃই মাত্র S_1 হইতে উৎপন্ন হইবে। সূত্রাং এই বৃত্তিটি সম্পূর্ণ করিতে উৎসের S_1 এর মধা দিয়া একটি বৃত্তের প্রয়োজন হইবে আর এই জন্য আলোক উৎসটি বিস্তৃত হওয়া প্রয়োজন।

আগেই দেখা গিয়াছে বে মাইকেলসনের ব্যতিচার মাপকেও সমান্তরাল দর্পদের ক্ষেত্রে ফেরি-পেরো ব্যতিচার মাপকের মত সমকেন্দ্রিক (concentric) বৃদ্ধাকার ঝালরশ্রেণীর সৃষ্টি হয়। কিন্তু দেখা বাইবে যে নির্ভূল পরিমাপের পক্ষে ফেরি-পেরোর ব্যতিচারমাপক মাইকেলসনের যত্ত্বের অপেক্ষা প্রেষ্ঠ। এই তথাটি বৃদ্ধিবার জন্য ঝালরগুলির তীক্ষতা (sharpness) বিবেচনা করিতে হুইবে।

ৰদি $\delta=2m\pi$ হয় তবে m এর বিভিন্ন পূর্ণসংখ্যক ম্লোর জন্য আলোর তীব্রতা চরম পাওয়া যায়। কাজেই দুইটি এইরূপ পরপর উজ্জল ঝালরের মধ্যে দশার পার্থক্য 2π . আর যদি এই দশা $2m\pi$ হইতে মাঠ $\frac{\pi}{10}$ অর্থাৎ 18° বাড়ে বা কমে তবে I_T এর মান গাড়ায় $[r^*=0.81$ এর জনা]

$$1 + \frac{I_0}{4 \times 0.81 \sin^2 9^\circ} = \frac{I_0}{1 + 82 \times 0.0244} = 0.33I_0 \text{ approx.}$$

সুক্তরাং দেখা বাইতেছে যে আলোর তীব্রতার চরম অবস্থা হইতে যদি বালবের প্রস্থের 🕯 th দূরে সরিয়া আসা যায় তাহা হইলেই এই স্থানের তীরতা কমিয়া দাড়ায়। ফলে উজ্জল ঝালরের তীরতা খুব দুত হারে কমিতে থাকে এবং দুইট্টি উজ্জল ঝালরের মাঝের অধিকাংশ স্থানেই তীরতা খুব কম হয়। তীরতার এই তারতম্য চিত্র নং ২.০৪(৫)তে দেখানো হইরাছে। আর ইহার অর্থ এই বে উজ্জল ঝালরগুলির দৃশ্যমানতা অতিশর বৃদ্ধি পায়। অপরপক্ষে মাইকেলসনের বয়ের ক্ষেত্রে উজ্জল ঝালরগুলির তীক্ষতা (sharpness) তুলনার অনেক কম যাহার ফলে এগুলির দৃশ্যমানতাও ফেরি-পেরোর অপেক্ষা অনেক কম। এই পার্থক্যের মূল কারণ হিসাবে বলা যাইতে পারে যে মাইকেলসন যয়ে যেখানে মাত দুইটি রিশ্মির মধ্যে ব্যতিচার ঘটে, ফেরি-পেরোর ক্ষেত্রে সেখানে ব্যতিচারী রিশ্মির মধ্যে ব্যতিচার ঘটে, ফেরি-পেরোর ক্ষেত্রে সেখানে ব্যতিচারী রিশ্মির সংখ্যা অনেক। ব্যবর্তনের ক্ষেত্রেও অনুর্পভাবে দেখা যাইবে যে একটি রেখাছিদ্রের ঝালর যেখানে খুব প্রশন্ত হইবে, ব্যবর্তন ঝার্ঝারতে অনেক রেখাছিত্র থাকার ইহাতে উৎপান ঝালরের তীক্ষতা আগের ক্ষেত্রের অপেক্ষা অনেক বেশী দাড়াইবে। ঝালরশ্রেণীর এই তীক্ষতাই ফেরি-পেরোর ব্যতিচারমাপক্ষের বৈশিন্ট্য যেজনাইহা ধারা অতিস্ক্রম সব পরিমাপে করা যায়।

ফেরি-পেরোর ব্যতিচার-মাপ**ক বার। প্রধানতঃ নিম্নলিখিত পরিমাপ** করা হয়।

- ১। দুইটি কাছাকাছি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থক্য নির্ণর (determination of difference of two close wave lengths)
- ২। তরক্রদৈর্ঘের নির্ভুল মান নির্ণর (accurate determination of wave length)
- ত। বর্ণালিরেখার অভিস্কা গঠন অনুসন্ধান (investigation of hyperfine structure of a spectral line)

দুইটি কাছাকাছি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থকা নির্ণয়।

এই প্রণালী দারা দুইটি কাছাকাছি তরঙ্গদৈর্ঘার পার্থকা নির্ণর করা যার এবং ইহাদের একটির তরঙ্গদৈর্ঘা জানা থাকিলে অনাটির মান বাহির করা যার। সোডিরামের হলুদ অথবা পারদের হলুদ বর্ণালি রেখাদরের মধ্যের পার্থকা সহজেই এই প্রণালীর দারা মাপা সম্ভব। ইহাতে ঝালর শ্রেণী দুইটির মধ্যে সংযোগ ও বিসঙ্গতির প্রণালী (method of coincidence and discordance) ব্যবহার করা হর। যখন ব্যতিচার মাপক ফলক দুইটির দ্রম্ব খুব কম থাকে তখন দুইটি তরঙ্গের দারা সৃষ্ঠ ঝালরগুলি পরস্পরের সহিত প্রার মিলিরা থাকে। একটি ফলক সরাইরা ইহাদের মধ্যের দ্রম্ব বাড়াইলে ঝালর-

শ্রেণীর দুইটির মধ্যেও আপেক্ষিক গতি দেখা বাইবে এবং ফলকবরের একটি দ্রত্বে এই ঝালরশ্রেণীর মধ্যে বিসঙ্গতির (discordance) সৃষ্টি হইবে; ফলে একশ্রেণীর উজ্জল ঝালর অন্য শ্রেণীর অন্ধকার ঝালরের সহিত মিশিবে। এই অবস্থার কেন্দ্রের কথা বিবেচনা করিলে লেখা যায় [$\cos \theta - 1$]

$$2t_1 = m_1\lambda_1 = (m_1 + \frac{1}{2}) \lambda_2$$
 : এখানে অবশ্য $\lambda_1 > \lambda_2$ (2.74a) $t_1 = P_1P_2$ ফলক দুইটির মধ্যের দূরত।

বাদ ফলকটি আরও দৃরে সরানো হইতে থাকে তবে ঝালরশ্রেণীর আপেচ্চিক গতির জন্য আবার ইহাদের মধ্যে সংযোগের (coincidence) এর সৃষ্টি হইবে এবং ইহার পরে আবার বিসঙ্গতির উত্তব হইবে। এই দিতীয় বিসঙ্গতির সময় লেখা বাইতে পারে

$$2t_2 = m_2 \lambda_1 = (m_2 + 1\frac{1}{2}) \lambda_2 \tag{2.75}$$

$$\therefore 2(t_2 - t_1) = (m_2 - m_1) \lambda_1 = (m_2 - m_1) \lambda_2 + \lambda_2 \qquad (2.76)$$

$$(m_2 - m_1) (\lambda_1 - \lambda_2) = \lambda_2$$

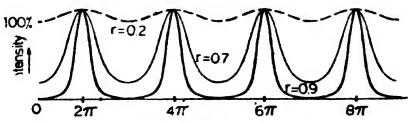
বা
$$\lambda_1 - \lambda_2 = \frac{\lambda_2}{m_2 - m_1}$$
 (2.77)

কিন্তু
$$m_s - m_1 = \frac{2(t_2 - t_1)}{\lambda_1}$$
, (সমীকরণ 2.76 হইতে)

$$\lambda_1 - \lambda_2 = \frac{\lambda_1 \lambda_2}{2(t_2 - t_1)} \simeq \frac{\lambda_1^*}{2(t_2 - t_1)} = \frac{\lambda_2^*}{2(t_2 - t_1)}$$

$$\begin{bmatrix} \vdots & \lambda_1 \lambda_2 \simeq \lambda_1^* \simeq \lambda_2^* \end{bmatrix} \qquad (2.78)$$

ফলকের এই অবস্থানের মধ্যে ঝালরের ক্রম হইতে m_1-m_1 এবং এই অবস্থান দুইটির পার্থক্য হইতে স্কু এর মান পাঠ করিয়া $\ell_2-\ell_1$ পাওয়া বায় বাহা ℓ_2 হৈত $\lambda_1-\lambda_2$ এর মান বাহির করা বাইবে।



r এর মানের সহিত ফেরি-পেরে। কালরের তীরতার তারতমা চিত্র ২.৩৪ (a)

এই পরীক্ষা পদ্ধতিটি খুব নির্ভূল নর । প্রথমতঃ বিসঙ্গতির নির্ভূল অবস্থান ঠিকমত বাহির করা খন্ত । দ্বিতীরতঃ t_s-t_1 এর মান বে ছু এর পাঠ হইতে বাহির করা হর তাহার পরিমাপের নির্ভূলতাও খুব উচ্চমানের নর । দেখা বার বে বিদ এই ছুরের পরিমাপে এক সেন্টিমিটারের হাজার ভাগের এক ভাগ ভূল হর তবে 6000\AA তরঙ্গের ক্ষেত্রে $\lambda_1-\lambda_2$ এর মানের ভূল দাঁড়োর 0.02Å। এই হিসাবে t_3-t_1 এর মূল্য ধরা হইরাছে 0.1~cm. অবশ্য ভূল আরও বেশী হর বিসঙ্গতির সঠিক অবস্থান নির্ণরে।

তরঙ্গদৈর্ঘার নির্ভূল মান নির্ণর স্পর্টিক ভ্যাংশের পদ্ধতি (method of exact fractions).

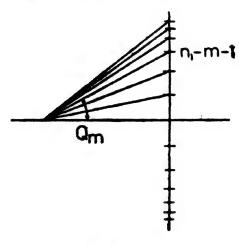
এই পদ্ধতিতে ফেরি-পেরো ইটালন (etalon) ব্যবহার করা হয়। বে ব্যবস্থায় P_1P_2 ফলক দুইটির মধোর দ্রত্ব অপরিবর্তিত (fixed) থাকে তাহাকে ইটালন (etalon) বলা হয়। তিন বা ততোধিক জানা তরঙ্গদৈর্ঘার আলোক নিয়া ঝালর সৃতি করা হয় এবং প্রিজ্ম ও সরু রেখাছিদ্রের সাহায্যে এই ঝালর প্রেণীকে আলাদা করিয়া ইহাদের ফোটোগ্রাফ নেওয়া হয়। এই ফোটোগ্রাফ হইতে একই সঙ্গে সব কর্মাট আলোক তরঙ্গের দৈর্ঘাই পাওয়া যায়। তবে এই পদ্ধতির প্রয়োগের জনা তরঙ্গদৈর্ঘাপুলি আগে হইতেই মোটামুটিভাবে ব্যবর্ত্তন-ঝাঝরি দ্বারা জানিয়া নেওয়া দরকার। এই পরিমাপ এমন হওয়া দরকার যাহাতে তরঙ্গদৈর্ঘা অন্তঃ পরিমাণ আমন হওয়া দরকার যাহাতে তরঙ্গদৈর্ঘা অন্তঃ পরিমাণ আরও বাড়ানো হয় মাত এবং উপবৃত্ত সাবধানতা সহকারে পরীক্ষা করিলে নির্ভূলতা বাড়াইয়া ০.০০1 মি পর্যায়ে আনা যায়।

বেনো (Benoit) প্রথমে এই পদ্ধতির আবিদ্ধার করেন। ইহাও একপ্রকার সংযোগের নীতিরই (principle of coincidence) প্রয়োগ। যদি তিনটি দোলকৈ দোলনকাল হয় 2, 3 এবং 5 সেকেও এবং তাহাদের একসঙ্গে দোলাইয়া দেওয়া হয় তবে ভাহাদের দোলনের সঙ্গতি হইবে প্রতি 30 সেকেও পর পর। ফোরি-পেরো ইটালনের প্রয়োগে ধরা বাক তিনটি তরঙ্গদৈর্বার ঝালরের কেন্দ্রে ঝালরের রুম মাপা হইতেছে। এই রুমগুলি সাধারণত পূর্ণসংখ্যক হইবে না। এই ক্ষেত্রে ইহাদের কেন্দ্রে রুমিক সংখ্যা ধরা বাক n_1+x_1 , n_2+x_2 এবং n_3+x_3 ; এদের মধ্যে n_1 , n_2 এবং n_3 পূর্ণসংখ্যা আর x_1 , x_2 ও x_3 ভ্যাংশ। ব্যতিচার মাপকের একই ফলক দূরত্বে এই তিনটি পরিমাপ লওয়ার তিন ক্ষেত্রেই আলোক পথের দূরত্ব এক হইবে; অভএব লেখা বার

$$2d = (n_1 + x_1) \lambda_1 = (n_2 + x_3) \lambda_2 = (n_3 + x_3) \lambda_3 \qquad (2.79)$$

এই সমীকরণে ফলক দুইটির মধ্যের দ্বাদ d এবং তরঙ্গ তিনটির দৈর্ঘ্য λ_1 , λ_2 ও λ_3 .

এই সমীকরণে ৫ গ্রহ মাইক্রেমিটারের সাহাব্যে মোটামুটিভাবে জানা আছে (±0.005 mm পর্বান্ত নির্ভূল)। তাছাড়া এই নির্পীত ৫ এর সাহাব্যে n_1 , n_2 ও n_3 র মানও মোটামুটি বাহির করা বার। কিন্তু ইহাকের সঠিক মান জানিতে পারা বাইবে না। x_1 , x_2 ও x_3 ত্যাংলগুলি শতকরা 97-98 ভাগ নির্ভূলভাবে গণনা করা বার। এইবার সম্মতির নীভি প্ররোগ করিরা n_1 , n_2 ও n_3 র সঠিক মান বাহির করা হর। এই সঠিক মানের সাহাব্যে ৫ এর মান অধিকতর নির্ভূলভাবে গণনা করিবার পর পরের ধাপে তরসলৈর্ধার স্বাত্র হিসাব করা সভব। এই প্রণালীতে স্থলভাবে নির্ণীত তরসলৈর্ধার অধিকতর স্কাভাবে বাহির করা বার। ভ্যাংলগুলি x_1 , x_2 এবং x_3 কি করিরা নির্ণর করা হর তাহা নিরে বাঁণত হইল।



क्वि २.०६

বে কোনও একটি ভরঙ্গদৈর্ঘ্য 🕹, বার। উৎপন্ন ঝালরশ্রেণী নিয়লিখিত সর্ব্ত বারা নির্মানত হইবে

$$n_{1}\lambda_{1} = 2d\cos\theta_{1} - (n_{1} + x_{1})\lambda_{1}\cos\theta_{1}$$

$$(n_{1} - 1)\lambda_{1} = 2d\cos\theta_{2} - (n_{1} + x_{1})\lambda_{1}\cos\theta_{2}$$

$$(n_{1} - m - 1)\lambda_{1} = 2d\cos\theta_{m} - (n_{1} + x_{1})\lambda_{1}\cos\theta_{m}$$
(2.80)

র্যাদ পরীক্ষাধীন ঝালর্রাট কেন্দ্র হইতে খুব দূরে না হর তবে লেখা বার

$$\cos\theta_{m}=1-\frac{\theta_{m}^{2}}{2}$$

বৃদ্ধি ঝালরটির ব্যাস D_m হর, f এবং M লেলের ফোকাস-দূরত্ব ও বিবর্ধন-ক্ষমতা হর তবে লেখা বাইতে পারে

$$D_{m} = 2\theta_{m} f M$$

$$\overline{q} = \frac{\theta_{m}^{a}}{2} = \frac{D_{m}^{a}}{8f^{a}M^{a}} \qquad (2.81)$$

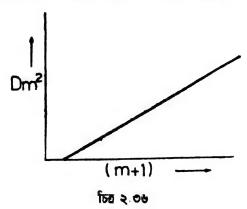
$$\overline{q} = \frac{1 - \frac{D_{m}^{a}}{8f^{a}M^{a}} = \frac{(n_{1} - m_{1} - 1)\lambda_{1}}{2d} = \frac{(n_{1} - m_{1} - 1)\lambda_{1}}{(n_{1} + x_{1})\lambda_{1}}$$

$$= 1 - \frac{m_{1} + x_{1} + 1}{n_{1} + x_{1}}$$

$$\overline{q} = \frac{m_{1} + x_{1} + 1}{n_{1} + x_{1}} = \frac{m_{1} + x_{1} + 1}{2d}\lambda_{1}$$

$$\overline{q} = \frac{(m_{1} + x_{1} + 1)4f^{a}M^{a}\lambda_{1}}{d} \qquad (2.82)$$

র্যাদ একটি লেখ অব্দন করা বার বাহার এক অব্দে থাকিবে D_m^2 অন্য অব্দে সংখ্রিক (m+1) মানসমূহ, তাহা হইলে ইহা একটি সরলরেখা হইবে এবং অব্দে ইহার ছেদ হইতে x_1 ভ্যাংশের মান পাওরা বাইবে।



এইর্পে ভ্যাংশসমূহ x_1, x_2 ও x_3 নির্ণয় করিবার পরের ধাপ হইবে নিম্নরূপ ঃ

এই প্রণালীটি চাইলৃড্স্ এর বাণিত উদাহরণের দারা বৃঝান হইবে ঃ একটি ইটালনের পরীক্ষার নিমলিখিত মানসমূহ পাওয়া গোল ঃ

$$x_1 = 0.20 \pm .03$$
 $\lambda_1 = 6096.163 \text{Å}$ GR GRAS $x_2 = 0.90 \pm .03$ $\lambda_2 = 5852.488 \text{Å}$, , , $\lambda_3 = 5015.675 \text{Å}$, , ,

ষাইক্রমিটারের সাহাব্যে পরিমাপ হইতে জানা বার বে d এর মান $d=10.040\pm0.005~\mathrm{mm}$. ইহাতে বে জনিক্রমতা আছে তাহার অর্থ হইল বে n_1 এর মান 32922 এবং 32955 এর মধ্যে আবদ্ধ থাকিবে । ইহার কারণ $32922.20\times6096.163\times10^{-8}=2\times1.0035~\mathrm{cm}$.

[সমীকরণ 2.79 হইতে]

 $32955.20 \times 6096.163 \times 10^{-8} = 2 \times 1.0045$ cm.

ইহাদের মধ্যে কোনটি সঠিক মান তাহা বুঝাইতে হইলে এবার সঙ্গতির নীতির সাহাষ্য নিতে হইবে। উক্ত n_1 এর মানের প্রত্যেকটির সহিত ভগ্নাংশ 0.20 বোগ করিরা এবং পর্যায়ক্রমে অন্য দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘোর জন্য (n_2+x_2) এবং (n_3+x_3) এর মান হিসাব করিরা একটি তালিকা তৈরী করা হয়। নিম্নে এই টেবিলটি দেওয়া হইল।

ভরঙ্গ দৈর্ঘা ১, এর ক্ষেত্রে কাম্পনিক ক্রম	তৰক দৈখা ১, ও ১, জন। নিৰ্ণীত সংশ্লিষ্ঠ ক্ৰম	
$\lambda_1 = 6096.163 \text{\AA}$	$\lambda_2 = 5852.488$ Å	$\lambda_{a} = 5015.675 \text{Å}$
32922:20	34292.95	40014:37
32923-20	34293.99	40015.58
32924.20	34295.03	40016.80
•••	•••	•••
32944·20	34315.87	40041:11
32945.20	34316.91	40042:32
32946.20	34317-95	40043.54
•••	•••	***
32954.20	34326.28	40053-26
32955-20	34327-32	40054-47

নিলাঁত ভ্যাংশ x_1 , x_2 ও x_3 র সহিত তুলনা করিলে দেখা যার যে একমাত্ত $n_1 = 32945$ সংখ্যাটিই নিলাঁত ভ্যাংশ তিনটিকে মোটাযুটি সিদ্ধ করে। হিসাব করিলে দেখা যাইবে যে $32945\cdot 20 \times 6096\cdot 163 = 34316\cdot 91 \times 5852\cdot 488 = 40042\cdot 32 \times 5015\cdot 675$. এই n_1 এর মান n_2 ও n_3 এর মানকেও নির্ণর করে আর এইগুলির সাহাযো d এর নৃতন নির্ভূলতর মান দাঁড়ার $10\cdot 04197 \pm 0\cdot 00001$ mm. কাজেই যেখানে মাইক্রোমিটারের সাহাযো d এর মান $0\cdot 005$ mm সামার মধ্যে নিলাঁত হইরাছিল, সঠিক ভ্যাংশের নিরমের সাহাযো সেই সীমা $0\cdot 00001$ mm পর্যান্ত নিরা যাওরা। সম্ভব হইল।

এইবৃপে অভান্ত সৃক্ষ মাপে d এর মান নির্পণ করিবার পর নির্ণের ভরক্ষের উপর এই পদ্ধতি প্ররোগ করা হয়। ইহার জন্য তরঙ্গ দৈর্ঘাটি প্রাথমিকভাবে বাবর্তন ঝাঝরি বারা এমনভাবে নির্ণর করা আবশ্যক বাহাতে 10° ভাগে একভাগের বেশী ভূল না থাকে। এই নির্ভূলতার কেন্দ্রে ঝালরের ক্রমের পূর্ণসংখ্যা m ইটালনের সাহাব্যে দ্বার্থবিহীনভাবে বাহির করা বার। সংশ্লিষ্ট ভগ্নাংশ x এর মান উপরে বাণত উপারে হিসাব করিরা তরঙ্গের দৈর্ঘ্য পাওরা বাইবে।

এই পদ্ধতিতে তরঙ্গদৈর্ব্যের নির্ভূলতার সীমা ± 0.05 Å হইতে ± 0.005 Å এ নিরা বাওয়া সম্ভব । এই সীমা আরও বাড়ানো সম্ভব বিদ্বি 100 mm এর ইটালন ব্যবহার করা যার । কিন্তু ইহা করিতে হইলে বর্ণালি রেখার একবর্ণদ্ব পুবই পরিশুদ্ধ (exact) হওয়া দরকার ; দৃশ্যমানতার আলোচনা হইতে দেখা গিরাছে যে প্রায় কোন বর্ণালি রেখায়ই এই মানের পরিশুদ্ধতা বিদামান নাই ।

বর্ণালিরেখার অতিসৃক্ষ গঠন অনুসন্ধান—(Investigation of hyperfine structure of spectral lines).

কোন কোন বর্ণালিরেখার ক্ষেত্রে দেখা বার বে যদিও ইহ। আপাতদৃষ্ঠিতে একবর্ণের আলো বলিয়া মনে হয় প্রকৃতপক্ষে তাহা নয়। উচ্চ বিবর্ধন ক্ষমতার যয় দিয়া পরীক্ষা করিলে দেখা যাইবে যে রেখাটি একাধিক ঘনসির্মাবর্ত রেখার সমষ্টি। ইহাদের মধ্যে তরঙ্গদৈর্ঘের পার্থক্য সাধারণত 0.1Å হইতে 0.001Å এর মধ্যে থাকে। এই তথাটি বুঝাইতে বলা হয় যে উক্ত বর্ণাল রেখার একটি অতি সৃক্ষা গঠন বিদ্যমান। ইহার কারণ প্রধানত দুইটি। বোরের (Bohr) প্রবাত্তিত সিদ্ধান্ত অনুসারে জানা বায় যে একটি বর্ণালিরেখার তরঙ্গ সংখ্যা দ এর (wave number) মান

$$\nu = \frac{2\pi^2 \mu e^4 z^2}{ch^3} \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \tag{2.83}$$

এখানে e – ইলেকট্রনের আধান ; c – আলোর গতিবেগ ; h – প্ল্যান্কের ধ্বক ; z – পারমাণবিক সংখ্যা (atomic number) ; μ – পরমাণ্র লঘুকৃত ভ্যা (reduced mass of the atom) ; আর μ – $\frac{mM}{m+M}$;

এখানে m এব M বধান্তমে ইলেকট্রন এবং নিউক্লিরাসের ভর ; n_1 , n_2 বিভিন্ন কোরাভীয় সংখ্যা (quantum numbers).

ইহা হইতে দেখা বাইতেছে বে M এর মান আলাদা হইলে সংগ্লিষ্ট ৮ এর মান আলাদা হইবে। এদিকে পরমাণ্ত্র ক্ষেত্রে আইসোটোপ (isotope) থাকার জনা একই পরমাণ্তে বিভিন্ন মানের M বর্তমান বাহার ফলে ইহার ৮ এর মানও আলাদা হইবে। এইজনা অনেক বর্ণালিরেখারই অতিস্কল পঠনের সৃতি হর।

ষিতীরতঃ পাউলী (Pauli) এবং রাসেল (Russell) পৃথকভাবে বথাক্রমে ১৯২৪ এবং ১৯২৭ সনে সিদ্ধান্ত করেন বে পরমাণ্রে নিউক্লিরাসের সামান্য চৌষক ভ্রামকের (magnetic moment) অন্তিষ্ণের জন্য বর্ণালিরেখার অভিসূক্ষর পরীক্ষালক ফলের সহিত নির্ভূলভাবে মিলিরা বার । অভএব বলা বার বে বর্ণালিরেখার অভিসূক্ষর গঠন পরমাণ্রে আইসোটোপ-গঠন অথবা চৌষক ভ্রামকের অন্তিম্ব ইহার বে কোনও কারণে অথবা কোন জোন কেন্তে একসঙ্গে উভয় কারণেই উৎপান হর । পরমাণ্র কতকর্গুলি দান্তি-ন্তর (energy level) বর্তমান থাকে । এই বিভিন্ন দান্ত-ন্তরের মধ্যে ইলেকট্রনের কক্ষপথের পরিবর্তনের ফলেই একটি বর্ণালী-রেখার উৎপত্তি হর । এখন নিউক্লিরাসের সামান্য চৌষক-ভ্রামক থাকার ফলে এই শক্তিন্তরের কোন কোনটি সামান্য পরিমাণ দ্বে আলাদা হইরা বার ; ইহার ফলে একটি বর্ণালিরেখার জারগার একাধিক বর্ণালিরেখার উৎপত্তি হর ।

ফোর-পেরোর বাতিচার মাপকে একটি কলক সাজাইরা বাদ d দ্রছ বাড়াইতে থাকা বার তাহা হইলে একসমর বর্ণালরেশার অতিসৃক্ষ গঠনের জন্য প্রধান রেখার পাশে বে সমস্ত উপগ্রহ রেখা (satellite lines) থাকে তাহাদের ঝালরশ্রেণী পরস্পর হইতে পৃথক হইরা বাইবে। ফলে প্রতিটি রুমের ঝালরের জন্য একটি ঝালরশ্রেণী পাওরা বাইবে। ইহারা বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্য হইতে উৎপন্ন হর। একটি তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ_1 বিবেচনা করিলে বলা বার বে ইহার ল রুমের ঝালর নিয়োর সর্ত মানিরা উৎপন্ন হইবে।

$$2d\cos\theta_1 = m\lambda_1 \tag{2.84}$$

अवर देशा किंक वाहिएतत बामारत कारत निरम्न गर्छ शायाका दहेरव

$$2d\cos\theta_1 = (m-1)\lambda_1 \quad (\theta_2 > \theta_1) \tag{.285}$$

মনে করা বাক বে λ , এর খুব কাছে λ , আর একটি তরঙ্গলৈর্বা বিদামান আছে। এখন বিদ সংগতির পদ্ধতি (method of coincidences) প্রয়োগ করিয়া একটি ফলক এমনভাবে সরানো হয় বে λ , তরঙ্গের m রূমের বালর

 λ , ভরকের (m-1) ক্রমের ঝালরের সহিত মিশিয়া বার তবে লেখা বাইতে পারে

$$2d \cos \theta_2 - m\lambda_2 - m(\lambda_1 - \Delta \lambda) - (m-1) \lambda_1 \qquad (2.86)$$

ইহাতে ধরা হইরাছে বে $\lambda_1 - \lambda_2 + \triangle \lambda$ এবং $\lambda_1 > \lambda_2$ এই সমীকরণ হইতে পাওয়া বার

$$m(\lambda_1 - \Delta \lambda) = (m-1) \lambda_1$$

$$\Delta \lambda = \frac{\lambda_1}{m}$$
(2.87)

কিন্তু 2.84 নং সমীকরণ হইতে লেখা যার

$$m = \frac{2d \cos \theta_1}{\lambda_1}$$

$$\therefore \quad \Delta \lambda = \frac{\lambda_1^8}{2d \cos \theta_1} \simeq \frac{\lambda_1^8}{2d}$$
(যদি কেন্দ্রের নিকটে পরিমাপ করা হয়) (2.88)

দুইটি ঝালরপ্রেণী আপেক্ষিকভাবে একটি ঝালরের প্রস্থ দারা অপসারিত (displaced) হইলে ইহাদের তরঙ্গদৈর্ঘের পার্থক্য দাড়ার $\frac{\lambda_1}{2d}$. এই পরিমাপ আরও সৃক্ষতর পর্বারেও আনা যার। যদি আপেক্ষিক অপসারণ একটি ঝালরের প্রস্থের এক দশমাংশ হয় তবে $\triangle\lambda$ এর মান এই ক্ষেত্রে দাড়াইবে

$$\Delta \lambda = \frac{\lambda_1^2}{2d \times 10}$$

কি ধরণের সৃক্ষ পরিমাপ এই ষদ্রের সাহাব্যে করা বার তাহার উদাহরণ হিসাবে নিমের হিসাবিট কার্যাকরী হইবে। ধরা বাক $d=10~{
m cm}$ এবং $\lambda=6000{
m \AA}$.

ভাহা হইলে
$$\triangle \lambda = \frac{6 \times 6 \times 10^{-10}}{2 \times 10^2} = 18 \times 10^{-12} = 0.0018 \times 10^{-8}$$
 cm = 0.0018Å

সূতরাং উপরের উদাহরণ হইতে বুঝা ধায় বে উপবৃদ্ধ d দ্রম্বে বর্ণালিরেখার এই অতিসূক্ষ গঠন খুব নির্ভূলভাবে নির্ণয় করা ধায়।

উপরের আলোচনা হইতে দেখা বায় বে △৴ এর মান *m ক্র*মের উপর নির্ভর করে না। কাজেই এই পরিমাপ বে কোনও সুবিধামত ক্রমের বালরের উপরেই করা চলে; অবশা এটি কেন্দ্রের নিকট না হইলে উপরের সমীকরণটি সিদ্ধ হইবে না। এ হাড়া $\sigma=\frac{1}{\lambda}$ (এখানে σ বুঝাইতেছে একক দ্বতে ভরকের সংখ্যা) সম্মটি বনি ব্যবহার করা যার তবে সাড়ার

$$\Delta \sigma = -\frac{\Delta \lambda}{\lambda^2} = -\frac{\lambda^2}{2d\lambda^2} = -\frac{1}{2d}$$
 (2.89)

সুভরাং দেখা বার বে বদি এই তরঙ্গ দুইটির তরঙ্গ সংখ্যার পার্থক্য বিবেচনা করা হয় তবে এই রাশিটি শুধু m ক্রমই নর, তরঙ্গদৈর্ঘ্যের উপরও নির্ভরশীল নর।

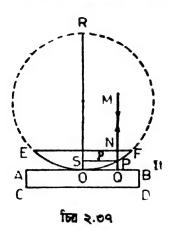
বর্ণালিরেখাটর বদি সৃক্ষ কোনও গঠন না থাকে এবং ইহা একবর্ণের হর তাহা হইলেও ইহার একটি গঠন থাকিবে। (মাইকেলসনের বাভিচারে বর্ণালিরেখার দৃশামানতার আলোচনা দুক্তবা)। এই গঠনের বিশদ জ্ঞানও ফেরি-পেরোর ব্যতিচার মাপক ধারা অর্জন করা সম্ভব। তবে ইহা করিতে হইলে ৫ দ্রম্বটি বেশ বড় করিবার ব্যবস্থা থাকা দ্রকার এবং ব্যতিচার মাপকের গঠনপ্রণালীটি খুবই উচ্চমানের হওয়া প্ররোজন।

निউটনের বলরসমূহ (Newton's Rings).

রাখা বার তবে ইহাদের মধ্যে একটি বায়ুর ন্তর আবদ্ধ হর। এই ন্তরের বেধ কাচের ফলক এবং লেন্দের সংযোগছলে শ্না এবং এই সংযোগবিন্দু হইতে বাহিরের দিকে অন্কিত সরলরেখার ক্রমশ বাড়িতে থাকে। বায়ুন্তরটির উপর বাহির হইতে আলো আসিয়া পড়িলে (উত্তল লেন্দের মধ্য দিয়া) একপ্রকার বাতিচার ঝালর দেখা বায় । এই ঝালরগুলি বৃত্তাকার এবং সমকেন্দ্রিক এবং ফলক ও লেন্দের সংযোগছলকে কেন্দ্র করিয়া গঠিত হয় । এই ঝালরগ্রেণীকে কলা হয় নিউটনের বলরসমূহ (Newton's rings). নিউটনই প্রথমে এই বলরসমূহ বিশেশভাবে পরীক্ষা করেন যে জন্য এই প্রলরের ঝালরের নাম নিউটনের নামানুসারে চিহ্নিত হইয়াছে । তিনি এই বলরগুলির ব্যাস খুব সতর্কতার সহিত নির্ণর করেন । এই বলরসমূহ ছভাবতই আলোর ব্যাতিচারের লরুল সৃত্তি হয় এবং ব্যতিচারের ঝালর স্বৃত্তির উদাহরণের এইপুলি একটি অভি সহজ্বসাধ্য উপার । বলি স্ক্রালোক বায়া এই ফলক এবং লেন্দ্র সমব্র আলোকিত করা বায় তবে বলরগুলি রামধনুবর্ণের হইবে । ইহানের গ্রন্থ ক্রের হইতে বাহিরের দিকে ক্রমণ্ড ক্রমতে ক্রমতে শেষে এক সম্ব হইর।

বা**ইবে** বে আর দেখাই বাইবে না এবং ঐ স্থান সাদা আলো ধারা অধিকৃত হ**ই**বে।

এই বলরের উৎপত্তি নির্মালখিত চিত্র হইতে বৃক্তিতে পারা বাইবে।



চিত্র নং ২০৭এ ABCD একটি কাচের ফলক এবং ইহার উপরে একটি কাচের উত্তল লেল EOF রাখা হইরাছে; ইহাদের সংযোগস্থল O বিন্দু।

MN একটি আপতিত রান্দ্র; এই রান্দাটি বায়ুন্তরের দুই প্রান্ত P এবং Q

হইতে প্রতিফলিত হইয়া QM দিকে ঘাইতেছে। যেহেতু এই রান্দ্র দুইটি একই রান্দ্র হইতে উভূত, ইহায়া পরম্পর সংসক্ত এবং সেকারণে ব্যতিচার সৃষ্টিতে সক্ষম। সূতরাং QM দিকে একটি ব্যতিচারী বিন্দুর সৃষ্টি হইবে।

আর এই বিন্দুর সন্ধারপথ হইবে এমন একটি বৃত্ত বাহার ব্যাসার্দ্ধ PS

(SP = OQ). যদি SP = ρ হয় তবে ρয় মান নিম্নালিখিত উপারে বাহির করা বায়। EOF বৃত্তাংশকে বাড়াইয়৷ EOFR বৃত্তটি সম্পূর্ণ করা হইল।

O বিন্দু হইতে এই বৃত্তের বে ব্যাস OR টান৷ হইয়াছে P বিন্দু হইতে তাহার উপর একটি অভিলম্ব PS টানিতে হইবে। PS = p. এবং OS = t

জ্যামিতির সৃত্র হইতে লেখা বায়

$$SP^{\circ} = OS \times SR$$

ৰা
$$\rho^2 = t \times (D - t)$$
 এখাতে $D =$ বুৱের ব্যাস (2.90)

এই ধরণের পরীক্ষার সাধারণতঃ D>>1. সূতরাং লেখা বার

$$\rho^2 - tD \tag{2.91}$$

এই বাতিচার এর্প দুইটি আলোকরণিমর মধ্যে হইতেছে বাহার। বারুতরের দুই প্রান্ত হইতে প্রতিফলিত হইরা উৎপন্ন হইরাছে। সূতরাং পূর্বের আলোচনা মতে ইহাদের সৃত্তির সূত্র হইবে

$$2t\cos r = (m + \frac{1}{2})\lambda$$

··· চরম ভীরভা

 $2t \cos r = m\lambda$

··· **অবম তী**রতা

অভএব সমীকরণ 2.91 এর সহিত প্ররোগ করিলে লেখা বার

$$\rho^{2} = \frac{D(m + \frac{1}{2})\lambda}{2 \cos r} = D \sec r (m + \frac{1}{2})\frac{\lambda}{2}$$

বা
$$\rho = \sqrt{D \sec r (m + \frac{1}{2}) \frac{\lambda}{2}}$$
 চরম উল্লেখনের কোরের কোরে (2.92)

এবং
$$\rho = \sqrt{D \sec r \frac{m\lambda}{2}}$$
 অবম উত্তলভার বলরের কেতে (2.93)

যদি লেন্দের বৃত্তের ব্যাসার্ছ R বিবেচনা করা বার তবে লেখা বার $\left(R-\frac{D}{2}\right)$

$$\rho = \sqrt{R} \sec r \left(m + \frac{1}{2} \right) \lambda \qquad \cdots \qquad 5 \pi A \qquad (2.94)$$

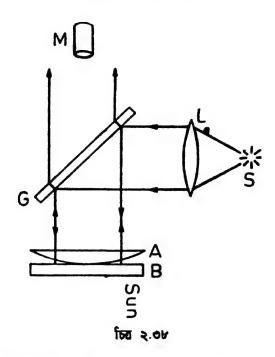
$$\rho = \sqrt{R} \sec r \, m\lambda \qquad \cdots \qquad \text{with} \qquad (2.95)$$

এইর্পে উপরোক্ত সমীকরণ হইতে r, R, m এবং r এর মান নির্ণয় করিয়া বাবহাত আলোকের তরঙ্গদৈর্ব্য λ বাহির করা বায়। অথবা λ জানা থাকিবে R বাহির করিতে পারা বায়। এথানেও অবশ্য প্রতিফলনে একটি রশ্মির π দশাপরিবর্তন হইবে এইটি ধরিয়া লইয়াই উপরের সমীকরণগুলি লেখা হইয়াছে। তাছাড়া r কোণটি পরীক্ষাকালে সাধারণতঃ 0° র কাছাকাছি থাকে বলিয়া sec r এর মান মোটামুটি 1 হয়।

পরীক্ষাকালে নিমলিখিতরূপে এই পরীক্ষাটি করা হয়।

চিত্র ২.৩৮এ AB একটি কাচের ফলক এবং লেলের সমন্বর। লেলটি এমন নেওরা হর বাহাতে ইহার ফোকাসদ্রম্ব অন্তঃ 50 cm. থাকে; ভাছা হইলে বলরগুলি বেশ ফাক ফাক হর এবং ভালভাবে দেখিতে এবং মাপিতে পারা বার। S একটি একবর্ণের আলোক উৎস। ইহা হইতে নির্গত আলোচ দেশে এর সাহাব্যে সমান্তরাল রাশ্মতে পরিণত ছইনা 45° কোণে রাশ্যত

কাচের ফলক G এর উপর আপতিত হয়। এই ফলকে রশ্মির একাংশ প্রতিফলত হইরা AB সমন্বরের উপর আসিয়া পড়ে এবং ঐ স্থানের বায়ুন্তরে যুগ্ধ প্রতিফলনের পর আবার আপতন পথেই ফিরিয়া ধার। ইছারা G এর



ভিতর দিয়া গিয়া ভাষামান অনুবীক্ষণ বন্ধ (Travelling microscope) M দারা সংগৃহীত হওরার ফলে ইহার ফোকাসতলে ব্যতিচার বলরের আবির্ভাব হয়। প্ররোজনীর সমজনের (adjustment) পর অনুবীক্ষণ বন্ধের সাহাযো
সুবিধামত (পণ্ডদশ বা দশম) বলরের একধার হইতে অন্যধার পর্যান্ত এই বলরসমূহের ব্যাস একাধিক বার মাপা হয়। এইবার সমীকরণ 2.94 এবং 2.95 এর সাহাযো তরঙ্গদেশ্য বাহির করা বাইবে।

এই পরীক্ষার আলোকরণি AB সমন্বরের উপর অভিলন্ধভাবে আসিরা পড়ার $r=0^\circ$. সূতরাং বদি m ক্রমের বলরের ব্যাসার্ক ρ_m হয় তবে লেখা চলিতে পারে

 $ho_m^2 = Rm \lambda$ আলোর অবম তীরতা $ho_m^2 = R(m + \frac{1}{2}) \lambda$ চরম তীরতা

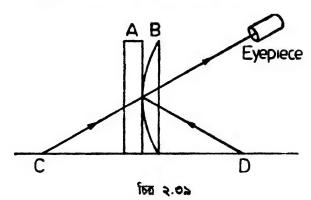
अरेड्ट न र्याप m+p क्टमंत्र सामद्र माना यात

$$\rho_{m+p}^{\ 2} = R(m+p)\lambda$$
 অবম ভীৱভা
$$\rho_{m+p}^{\ 2} = R(m+p+\frac{1}{2})\lambda$$
 চরম ভীৱভা
∴ $(\rho_{m+p}^{\ 2} - \rho_m^{\ 2}) = Rp\lambda$
বা $\lambda = \frac{\rho_{m+p}^{\ 2} - \rho_m^{\ 2}}{Rp}$ (উভয় কেনেই) (2.96)

এইভাবে বলমের বাসে মাপিরা আলোক উৎসের তরঙ্গদৈর্ঘ্য সহজেই বাহির করা বার।

নিউটনের বলরের পরীক্ষার সাহাব্যে তরলের প্রতিসরাক্তর নির্পণ কর। বার ।

প্রতিফলিত রশ্মিতে বেমন বলর দেখা বার প্রতিসৃত রশ্মিতেও অনুর্প বলর দেখা বাইবার কথা অনুমান করা বার । আর সভাই প্রতিসৃত রশ্মিদারাও একপ্রস্থ বলর সৃষ্ঠ হর । ইহাও বুঝা বার বে এই বলরগুলি প্রতিফলনের বলরের প্রক (complementary) হওয়ার কথা । মোট আলোক শব্দি অপরিবৃতিত থাকার বিদ ধরিয়া নেওয়া হয় বে আলো ঐ ফলক ও লেল সমন্বরে শোষিত হয় না তবে প্রতিফলিত ও প্রতিসৃত বলরের আলোক তীরতার বোগফল আপতিত আলোক তীরতার সমান হইবে । সূত্রাং প্রতিফলিত বলয়ের কেন্দ্র তবে হইবে উজ্জল এবং এইরূপ ভাবে তাহারা পরস্পরের প্রক হইবে । এই তথাটি আারাগোর (Arago) পরীক্ষা দ্বারাও প্রমাণ করা বার ।



চিত্র নং ২.৩৯এ AB একটি বচ্ছ ফলক ও লেলের সমন্বর। এটি একটি সালা এবং সর্বত্র সমানভাবে আলোকিত কাগজের উপর উল্লেখ্যাবে বসানো

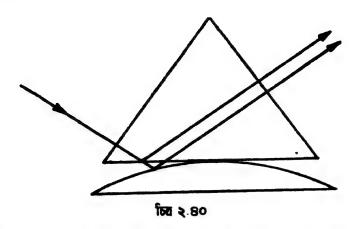
ছইরাছে, ইহার কারণ দুইটি বলয়প্রেণীই একসঙ্গে দেখিতে হইবে। ভাহা হইলে D বিন্দু হইতে আলো আসির। প্রতিফলিত এবং C বিন্দু হইতে আলো প্রতিস্তৃত বলরপ্রেণীর সৃষ্ঠি করিবে এবং অভিনেত্রে ইহার। একসঙ্গে বর্তমান থাকিবে। বিদ কাগজটির সর্বহ্য সমান আলোকতীরতা হর তবে C এবং D বিন্দুর আলোকতীরভাও এক হইবে এবং ধরা বাইতে পারে যে একই বিন্দু হইতে আলোক দুই শ্রেণীর বলর সৃষ্ঠি করিরাছে। ইহাদের অধিস্থাপনের (Superposition) ফলে সর্বহ্য সমান আলো দেখা বাইবে বাহা হইতে এই সিদ্ধান্তে আসা বার যে প্রতিফলিত ও প্রতিসৃত আলোতে সৃষ্ঠ নিউটনের বলরসমূহ পরস্পরের পূরক।

মাইকেলসন বাতিচারমাপকের এবং লয়েডের দর্পণের ক্ষেত্রে বলা হইরাছে বে তনু (rarer) মাধাম হইতে ঘনতর (denser) মাধামে বাইবার সমর প্রতিফলনে আলোকরণির দ দশার পরিবর্তন হয় কিন্তু ইহার বিপরীত জিনিষ হয় না। নিউটনের বলয়ের ক্ষেত্রেও এই নীতি সমভাবেই প্রযোজা। একটি সুন্দর পরীক্ষার দ্বারা ইয়ং (Young) এই তথা প্রমাণ করেন। একটি ফ্লিন্ট কাচ (flint glass) ও আরেকটি ক্লাউন কাচের (crown glass) লেল সমবায়ের মধ্যের বায়ুত্তর তেলের তর দ্বারা ভাঁত্ত করা হয়। এই তেলের প্রতিসরাক্তের মান ক্লাউন ও ফ্লিন্ট কাচের প্রতিসরাক্তের মানের মাঝামাঝি। কাক্ষেই এই অবস্থায় ব্যতিচারী দুইটি আলোকরণিই একই অবস্থায় প্রতিফলিত হয় (তনু হইতে ঘনতর মাধ্যমে অথবা ইহার বিপরীত); কাক্ষেই এখানে উভয়ের মধ্যে কোনও আপেক্ষিক দশার পরিবর্তন ঘটিবে না এবং বলয়শ্রেণীর কেন্দ্রটি উক্লল হইবে। বিদ বায়ুত্তরে প্রতিফলন হয় তবে বিপরীত অবস্থায় প্রতিফলন হওয়ায় দ দশার আপেক্ষিক পরিবর্তন হইবে এবং কেন্দ্রটি অন্ধকার হইবে। পরীক্ষার ফল এই সিদ্ধান্তই সমর্থন করে।

বৃহৎ ও উজ্জ্বল বলম্মের স্থান্তি—জবার্ণডার সর্ভ (Production of large and bright rings—condition of achromatism).

এই ফলক ও লেলের সমন্বরে যে বলরপ্রেণীর সৃষ্টি হয় ভাহাদের ব্যাস
েকোণের উপর নির্ভর করে। এই কোণ বাড়িলে বলরের ব্যাসও বাড়ে
(সমীকরণ 2.94 ও 2.95)। সুতরাং আলোর আপতন কোণ বাড়াইরা
বলরের ব্যাস বাড়ানো বায়। কিন্তু আপতন কোণ বাড়াইলে লেলের উপরের
তল হইতে প্রতিফলিত রন্ধির তীরভার অনুপাত সঙ্গে বাড়িয়া বায়;
ফলে ব্যাভিচারী রন্ধি দুইটির তীরভা অনুরপভাবে কমিয়া বাওয়ায় বলরের

উজ্জনাও কমিতে থাকে। বাদ ফলক ও লেল সমহরের বদলে একটি প্রিজ্যু ও লেলের সমহর ব্যবহার করা যার তবে বৃহৎ ও উজ্জন বলরের সৃতি করা বাইতে পারে।

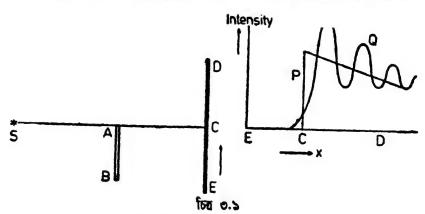


উপরের ২.৪০ নং চিত্রে দেখা বাইভেছে বে একটি আলোকরণি প্রিজ্মে উল্লেখ্যবে পড়িতেছে এবং ইহার ফলে এই তল হইতে প্রতিফলনের অনুপাত খুব কম। এই রণ্মি বারুত্তরের উপর বৃহৎ আপতন কোণে পড়ার প্রতিফলিত রণ্মিছরের পরিমাণ খুব বেশী হইবে এবং r কোণটি বেশী হওরার উৎপন্ন কলরগুলি খুব উজ্জল ও বৃহৎ হইবে।

অধিকভূ বাদ সাদা আলো বাবহার করা বার তবে আপতন কোণ প্ররোজনমত সমস্ত্রন করিলে বলরসমূহ মোটামুটি অবার্ণ হর। ইহার কারণ সাদা আলোর
বিচ্ছুরণ। বিচ্ছুরণের ফলে বেগুনী আলো বারুস্তরে লাল আলোর অপেক্ষা বড়
কোণে আপতিত হইবে বাহার ফলে ইহার বলরের ব্যাস লাল আলোর তুলনার
বৃদ্ধি পাইবে। অনাদিকে লাল আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য বেলী হওয়ার এই কারণে লাল
আলোর বলরের ব্যাস বেগুনী আলোর ব্যাসের অপেক্ষা বেলী হইবে। এই
দুই বিপরীতমুখী প্রবণতা একটি কোনও আপতন কোণে সমান হইবে এবং
পরস্পরকে প্রণ করিবে। ফলে এই আপতন কোণে বলরগুলি মোটামুটি
অবার্ণ হইবে। এইভাবে সাদা আলো এবং প্রিজ্ম লেল সমবর ব্যবহার
করিয়া বৃহৎ উক্ষল ও অবার্ণ নিউটন-বলর সৃত্তি করা বাইতে পারে।

আলোকের ব্যবর্তন (Diffraction of light).

আলোকরণি বখন গতিপথে বাধা অতিক্রম করে তখন ইহার গতিপথের কিছু পরিবর্তন হয়। এই পরিবর্তন আলোকের কণাবাদ অনুসারে হইবার কথা নর। চিত্র নং ০.১এ ১ একটি কুন্র আলোকউৎস। ইহা হইতে নির্গত আলোক DCE পর্দার উপর পাড়ভেছে। আলোকের গতিপথে একটি অবছ বাধা AB রাখা হইরাছে; এই বাধা AB একটি আরতক্ষেতাকার (rectangular) ধাতুর পাত হইকেও চলিবে। এই অবস্থার কণাবাদ অনুসারে পর্দার বে আলো পড়িবে ভাহার তীব্রতা এর্প হইবে যে C এর নীচের দিকে সম্পূর্ণ অক্কভার এবং C এর উপর দিকে অপরিবর্তিত তীব্রতা দেখা যাইবে।



ECD সরলরেখার যদি আলোর তীব্রতা মাপা যার এবং ইহা একটি লেখ খারা অব্দন করা যার তবে এই লেখ চিত্রের প্রদর্শিত রূপ নিবে। E হইতে C পর্যান্ত আলোকতীব্রতা শূন্য হইবে; C বিন্দুতে এই তীব্রতা হঠাং বাড়িরা বাইবে এবং C হইতে D এর দিকে এই তীব্রতা সামান্য কমিতে থাকিবে কিন্তু এই হ্রাস নিরবিচ্ছিল হইবে, ইহাতে কোনও ভেদ (variation) দেখা যাইবে না। ৩.১ চিত্রে P লেখ খারা এই বর্ণিত আলোক তীব্রতা বুঝান হইরাছে।

কিন্তু সৃক্ষভাবে লক্ষ্য করিলে দেখা যায় বে আলোকতীরতা উপরে বর্ণনার সহিত মিলে না। C হইতে E এর দিকে আলোকতীরতার খুব দুত হ্বাস হর আর C হইতে D এর দিকে আলোকতীরতার ভেদ দেখা যার। ফলে এক শ্রেণীর বালরের (fringe) উৎপত্তি হর। এই ঝালরের প্রস্থ এবং তীরতার বৈষমা C হইতে D এর দিকে ক্রমশ কমিতে থাকে এবং কিছুদ্র যাওয়ার পর অপরিবর্তী তীরতা (uniform illumination) আসিয়। যায়। তবে এই ঝালরের উৎপত্তি খুব সৃক্ষ মাপের হয় বলিয়া খুব বয়সহকারে অথবা বয়ের সাহাব্য ছাড়া দেখা দুয়য়। অনাদিকে এই ঝালরগুলি সৃষ্টি করিতে কোনও বিশেষ পরীক্ষাবাকছার প্রয়েজন হয় না বলিয়া ইছার উৎপত্তি একটি অতি সাধারণ ঘটনা। এইজনা ব্যতিচার-ঝালরের পরীক্ষার অনেক পূর্বেই এই জাতীয় ঝালরের অন্তিম্ব সরমের বিজ্ঞানীয়া অবহিত ছিলেন এবং ইহার ঝারণ অনুসন্ধান করিতেছিলেন।

আপাতদৃষ্ঠিতে বদিও মনে হইবে বে ছুলমাপে দেখিলে এই আলোকতীরতা কণাবাদ দারাই সহজে ব্যাখ্যা করা বায় (এই মতবাদ অনুসারে আলো
সরলরেখার গমন করে) তবুও উপরের আলোচনা হইতে বুঝা যায় বে সৃক্ষতর
মাপে কণাবাদের সিদ্ধান্ত পরীক্ষার ফলের সহিত মিলে না । অথচ তরক্ষবাদের
দারাও এই পরীক্ষাফল ব্যাখ্যা করা সন্তব বলিয়া মনে হয় না কায়ণ আলোকতরক্ষ বাধা AB পার হইয়া চতুর্দিকে ছড়াইয়া পাড়বার কথা । সুতরাং এই
ধারণা অনুসারে পর্দার C বিন্দু হইতে তীরতার হ্রাস খুব মন্বর হওয়ার কথা ।
কিন্তু ফ্রেনেলের (Fresnel) যয়ে তরক্ষবাদের দারা এই পরীক্ষাফলের শুধু
ব্যাখ্যাই পাওয়া বায় নাই, তাহার প্রবিত্ত বৃদ্ধিধারা দিয়া এইসব ক্ষেত্রে
আলোক সীরতার সন্তাব্য মানও সঠিকভাবে নির্ণয় করা সন্তব হইয়াছে ।

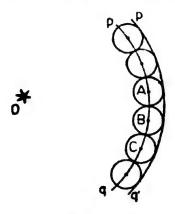
উপরের বর্ণনা মত আলোকরণ্দি বখন কোনও ছিন্ত দিয়া বা বাধা ঘেসিয়া গমন করে তখন ইহার গতিপথে সরলরেখা হইতে যে বিচ্যুতি (deviation) ঘটে তাহাকে বলা হর আলোর বাবর্তন। আলোর এই বাবর্তন অতি দীর্ঘকাল পূর্ব হইতে লক্ষিত হইয়া আসিয়াছে। প্রকৃতপক্ষে ইহা ব্যতিচারের পরীক্ষার মত বিশেব ব্যাত্রক কৌশলের সাহাব্য ছাড়াই উৎপদ্ধ হয়। বিশেবত ইহা সৃত্তির জন্য আলোকউৎসের সংস্তির প্রেজন না থাকায় অতি সহজেই ইহা উৎপদ্দ হয়। অনুরূপ বাবর্তন শশতরক্ষের ক্ষেত্রেও খুব সহজেই দেখা বায়; সেখানে শশতরক্ষের অনেকটা বিচ্যুতি ঘটে। কিছু আলোকতরক্ষের গৈব্য শশতরক্ষের তুলনায় অনেক কম হওরায় পূর্বোন্ত ক্ষেত্র বিচ্যুতির পরিমাণও আনুপ্যতিকভাবে অনেক কম হওরায় পূর্বোন্ত ক্ষেত্র বিচ্যুতির পরিমাণও আনুপ্যতিকভাবে অনেক কম হওরায় পূর্বান্ত ক্ষেত্র হিছার বাবর্তন প্রত্যক্ষ করিতে হইলে অনেক সৃক্ষ পর্ব্যবেক্ষণের প্রয়োজন হয়।

আলোকের ব্যতিচার প্রসঙ্গে গ্রিমল্ডির পরীকার কথা উল্লেখ কর। চটবাছে। অৰচ্ছ আবরণে দুইটি অভিকৃষ্ট ছিন্ত করিয়া ভাহা দিরা সুর্ব্যালোক প্রবেশ করাইয়া পর্ণার উপর এমনভাবে ফেলা হইয়াছে বাহাতে ঐ আলোকরন্দি দুইটির খানিক অংশ পরস্পরের উপর আপতিত হয়। ব্যক্তিচারের আলোচনা হইতে বৃঞ্জিতে পারা বায় যে আলোকউৎস দুইটি প্রস্পর সংসম্ভ না হওরায় এক্ষেত্রে অধিস্থাপনের অংশে ব্যতিচার ঝালরের সৃত্তি হইবে না। কিন্তু দেখা যায় যে পদার উপরে অবস্থিত গোলাকার आलाकिविन्मुष्रात्रत्र वाहेरत्रत्र थात्र प्रिया वृद्याकात्र वामरतत्र छेस्टव श्रहेशार्षः। সূতরাং এই পরীক্ষার বাতিচার ঝালরের সৃষ্ঠি না হইলেও ব্যবর্তন-ঝালরের উৎপত্তি হইয়াছে (চিচ নং ২.২)। ইহার পরে নিউটন প্রমুখ বিজ্ঞানীর। এই ধরণের ব্যাপারে পরীক্ষা নিরীক্ষা করেন। ইয়াং (Young) এই শ্রেণীর ঝালবের উৎপত্তির কারণ ব্যাখ্যা করিবার চেষ্ঠা আরম্ভ করেন। স্বভাবতই তিনি ইহা তাহার প্রবাতিত আলোকতরঙ্গের ব্যতিচারের মতবাদ দিয়া ব্যাখ্য করিবার প্রয়াস পান। ভাহার মতে এই ঝালরের সৃষ্ঠি হয় দুইটি রশ্মির ব্যতিচারের দরুণ। ইহাদের একটি রশ্মি বাধা বা ছিদ্রের ধার ঘেষিয়া বায়, অনাটি ঐ বাধা বা ছিদ্রের ধারের তল হইতে প্রতিফালত হইরা গমন করে। এই দুইটি রশ্বি একই উৎস হইতে উৎপন্ন বলিয়া পরস্পর সংসম্ভ আর তাহাদের মধ্যে পথ-পার্থকাও বিদামান। সূতরাং ব্যতিচারের সমস্ত সর্ভই পুরণ করার রশ্মি-দুইটি ব্যতিচার ঝালরের সৃষ্টি করে। ফ্রেনেলের মতে এই বাাখ্যা ঠিক নয়। দেখা গিয়াছে বে দুইটি ক্ষুরের ধারালো দিক পাশাপাশি রাখিয়া একটি রেখাছিদ্র ভৈরী করিয়া সেই রেখাছিদ্রের সাহাব্যে যদি একক্ষেত্রে ঝালর সৃষ্টি হয় আর অন্যক্ষেত্রে একটি ক্ষুরের ধারালো দিক অন্য একটি ক্ষুরের ভোতা দিকের পাশাপাশি রাখিয়া রেখাছিদ্র তৈরী করিয়া ঝালর সৃষ্টি করা হয় তবে উভয়ক্ষেত্রেই এই ঝালরের আকৃতি এবং তীব্রতা সম্পূর্ণ একর্প হয়। কিন্তু ইয়াংয়ের ব্যাখ্যা অনুসারে যদি ইহার। প্রতিফলিত এবং সরাসরি প্রেরিত রশ্বিদ্বরের ব্যতিচারের দার৷ সৃষ্ঠ হর তবে এই দুইক্ষেত্রে তীব্ৰতার পাৰ্থকা হওয়া উচিত, কাৰণ প্ৰতিফালত ৰন্মির তীব্ৰতা এই দুইক্ষেত্ৰে আলাদা হইবে। সূতরাং এই ধরণের পরীক্ষা হইতে ইয়াংয়ের ব্যাখ্যা বাতিল করা হয়। অবশ্য সমারফেক্টের (Sommerfeld) আলোচনামতে দেখা যায় ষে সোজা ধারে আলোর বাবর্তনকে এই ধরণের বুল্তি বারাও ব্যাখ্যা করা বার].

ফেনেলের বৃত্তি অনুসারে এই ব্যবর্তন বালরের সৃষ্ঠি হয় একটি মৃল তরক হইতে বে সমন্ত মাধ্যমিক কুনতরক্ষের (secondary wavelets) উদ্ভব হয় ইহাদের মধ্যে ব্যতিচারের ফলে। এই প্রকারের ব্যতিচারকেই বলা হর আলোকতরঙ্গের বাবর্তন। সূতরাং, দেখা বার যে বাবর্তনকে প্রকৃতপক্ষে একপ্রকার ব্যতিচারেও বলা বার ; একমার প্রভেদ এই যে ব্যতিচারের ক্ষেয়ে দুইটি সংসক্ত আলোকউৎস হইতে উৎপার আলোকর শ্ম দুইটি অধিস্থাপনের ফলে ব্যতিচারের সৃষ্ঠি হয়। অপরাদকে একই মূল তরঙ্গ হইতে উৎপার মাধ্যমিক ক্ষুদ্রতরঙ্গের মধ্যে ব্যতিচারের ফলে যে আলোক তীব্রতার ভেদ সৃষ্ঠি হর তাহাকে আলোকের বাবর্তন বলা হয়। এই প্রসঙ্গ পরে আরও বিশদর্পে আলোচিত হইবে।

শ্রেনেল আলোকতরক্রবাদের সাহাবে। বাবর্তনের ব্যাখ্যা করিতে চেকী করেন। তিনি বে শুধু ইহাতে সফল হন তাহাই নহে; তাহার হাতে এই ব্যাখ্যা এর্প পূর্ণভালাভ করে বে তিনি পরীক্ষালব্ধ ফলগুলি পূজ্বানুপূজ্বরূপে নির্ণর করেন এবং ইহার অনুষিত (predicted) ফলাফলও পরে পরীক্ষা দ্বারা পাওয়া বার।

এই ব্যাখ্যা বর্ণনা করিতে হইলে সর্বপ্রথমে হাইগেন্সের নীতি (Huygens' Principle) আলোচনা করিতে হইবে। আলো কি করিরা বিস্তারলাভ করে বা উৎস হইতে চতুদিকে গমন করে তাহাই এই নীতির বন্ধর। ৩.২ নং চিত্রে দেখা যাইতেছে বে একটি আলোকউৎস ০ হইতে আলো

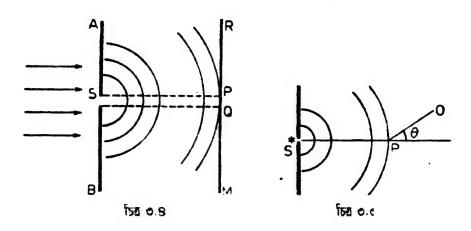


हित ७.२

চতুদিকে হড়াইরা পড়িতেহে। কোনও এক সমরে এই বৃত্তাকার তরঙ্গের তরজমুখের একাংশ pq ধারা বুঝান হইরাহে। হাইগেন্সের নীতি অনুসারে এই ভরজমুখ pq র প্রতিটি বিশ্ব একটি মাধামিক কুন্ত-ভরজের জন্ম দের।

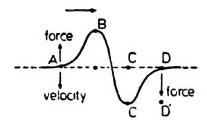
প্রতিটি মাধ্যমিক ক্ষুদ্রভরঙ্গ আবার বৃত্তাকারে ছড়াইয়া পড়ে। চিত্রে ABC প্রভৃতি বিন্দু হইতে এইরূপ কতকগুলি বৃত্তাকার ক্ষুদ্র তরঙ্গ দেখান হইয়াছে। এই বৃত্তের ব্যাস নির্ভর করিবে আলোকতরঙ্গের বেগ, মাধ্যমের প্রতিসরাক এবং বিবেচা সময়ের উপর । যদি ।' সময়ে ক্ষুদ্রভরক্ষের ব্যাস চিত্রে প্রদর্শিত বৃত্তসমূহ খার৷ বৃঝান হয় তবে হাইগোন্সের নীতি অনুসারে এই সময়ে তরকমূখ pq এর নৃতন অবস্থান হইবে p'q' . p'q' এর আফুতি হইবে একটি বৰ্দ্ধিত ব্যাসের বৃত্ত এবং এই বৃত্তের কেন্দ্রও হইবে O. যদি ক্ষুদ্রতরক্ষের বৃত্তসমূহকে স্পূৰ্ণ করিয়া একটি আবরণ (envelope) p'q' টানা যায় তবে এই আবরণ p'q' ই হইবে ι' সময় পরে pq তরঙ্গমূথের নৃতন অবস্থান। এই প্রণালীর পৌনঃপুণিক প্রয়োগ দার। আলোকের বিস্তার হইয়া থাকে। হাইগেন্স এই ক্ষেত্রে অবশ্য বলেন যে, একটি ক্ষুদ্র তরঙ্গের কার্ষ্যকরী অংশ একমাত্র সেই বিন্দুটি যেটিতে p'q' আবরণ ইহাকে স্পর্শ করে। কিন্তু স্বভাবতই এই বৃত্তাকার ক্ষুদ্র তরঙ্গগুলিকে স্পর্শ করিয়া pq এর ভিতরদিকেও একটি আবরণ অব্দন করা সন্তব হওয়া উচিত এবং এই আবরণটিও একটি নৃতন তরক্ষমুখের ্র উৎপত্তি করিবার কথা ষেটাকে বলা যাইতে পারে পশ্চাংগামী তরক (back wave). এইরূপ তরঙ্গ অবশ্য কার্ধ্যক্ষেত্রে দেখা যায় না। হাইগেন্স্ এই পশ্চাংগামী ভরক্ষের অনুপস্থিতির কোনও কারণ দেখান নাই। তিনি শুধু আলো কি করিয়া সমূর্থাদকে গমন করে তাহার ব্যাখ্যাই করিয়াছেন। অর্থাৎ বলা যায় যে তিনি তাহার প্রয়োজনমত ধরিয়া লইয়াছেন যে মাধ্যমিক ক্ষুদ্র তরঙ্গের কার্যাকরী অংশ হইল সমূর্যদিকের তরঙ্গমূর্য p'q' ইহাকে যে বিন্দুতে স্পর্গ করে একমাত্র সেই বিন্দুটিই আর এই বন্ধব্যের স্বপক্ষে তিনি কোনও যুদ্ধি দেখান নাই। তবে ভৌকুসের (Stokes) এর ছিতিস্থাপক মাধ্যমের কম্পনের আলোচনা (vibration of elastic medium) হইতে এই কারণের ব্যাখ্যা পাওয়া যায়। ভৌকৃস্ এই আলোচনা হইতে সিদ্ধান্তে আসেন বে প্রাথমিক তরঙ্গের যে কোনও বাহিরের বিন্দৃতে এই তরঙ্গের ভ্রংশ $(1+\cos\,\theta)$ অনুপাতে নির্মাত হইবে। এখানে heta কোণ উৎপন্ন হইরাছে আলোক তরক্ষের অভিলয় (wave normal) এবং মাধ্যমিক তরক্ষের কেন্দ্র ও আলোচ্য বিন্দুর সংবোগকারী সরলরেখার মধ্যে (চিত্র নং ৩.৩)। এই সম্বন্ধ অনুযায়ী ভরক্ষের শ্রংশ $heta^\circ = 0$ কোণে অর্থাৎ সমূর্থাদকে চরম হইবে আর পশ্চাৎ-দিকে ক্রমশ কমিতে কমিতে θ কোণ যখন π হইবে তখন শূন্য দাড়াইবে। কাজেই এই সৰদ্ধের দারা পশ্চাংগামী তরঙ্গের অনুপদ্থিতি ব্যাখ্যা করা বাইতে পারে।

হাইগোন্সের সিদ্ধান্তের সভাতা একটি পরীক্ষার সাহাযো প্রমাণ করা বাইতে পারে। ৩.৪ নং চিত্রে একটি অম্বচ্ছ পর্দ। AB তে একটি অতি ক্ষুদ্র ছিন্ন S অবস্থিত। S এর আয়তন বাবহুত তরঙ্গদৈর্ঘোর সহিত তুলনীয়। AB পর্দার উপরে একটি সমান্তরাল আলোকরণ্ম আসিয়া পড়িতেছে। মনে হইতে



পারে বে RM পর্ণার উপরে আলোকের যে তীব্রতা দেখা যাইবে তাহা PQ ক্ষেতেই সীমাবন্ধ থাকিবে। কিন্তু বাস্তবক্ষেতে দেখা বায় যে S এর আয়তন আলোক তরক্ষের দৈর্ঘের যত কাছাকাছি হইবে PQ এর আয়তনও ততই বাড়িতে থাকিবে এবং ইহা খুব কুদ্ৰ হইলে RM পৰ্ণাৰ প্ৰায় সমন্তটাই জুড়িয়া আলো বিস্তুত হইবে। এই ক্ষেত্রে প্রাথমিক আলোক ভরকের S অংশ হইতে হাইগেন্সের নীতি অনুসারে মাধামিক কুদ্র তরঙ্গসমূহের উংপত্তি হওয়ার ফলে আলোকতরক অধবৃত্তাকারে বিশুত হইবে এবং RM পর্দার প্রায় সমস্তটাই ছাভিয়া থাকিবে। কিন্তু ১ এর আয়তন বদি বড় হয় তবে দেখা যায় যে পৰ্দায় যে প্ৰতিবিদ্ধ পড়ে তাহার আয়তন মোটামুটি জ্যামিতিক প্ৰতিবিদ্ধ PQ এর সমান। বাবর্তনের আলোচনা আরও অগ্রসর হইলে বঝা ঘাইবে বে প্রথম ক্ষেত্রে আপতিত তরঙ্গের অনেকটা কার্যাকরী অংশ AB পর্ণায় বাধা পাওয়ার ভরসের বাবর্তন হইভেছে, সূতরাং পারগত আলো জ্যামিতিক আলোক বিজ্ঞানের প্রচলিত নিরম মানিয়া চলিতেছে না। কিন্তু বিতীয় ক্ষেত্রে যখন ছিন্ন S এর আরতন বড হয় তখন তরকের সমন্ত কার্যাকরী অংশই ইছার মধ্য দিরা গমন করিবার ফলে ব্যবর্তনের প্রভাব এখানে পড়ে না। আর তার ফলে RM পৰ্ণায় যে প্ৰতিবিশ্ব পাওৱা বায় তাহাৰ আয়তন মোটামুটি জ্যামিতিক আলোক বিজ্ঞানের নিরম অনুসারেই নিরম্ভি হর।

হাইণেন্সের নীতির আলোচনা প্রসঙ্গে প্রত্যাশিত পশ্চাংগামী তরঙ্গের (Back wave) অনুপদ্থিতির কথার উল্লেখ করা হইরাছে। এই অনুপদ্থিতির নিয়র্প ব্যাখ্যা দেওয়া বাইতে পারে। যদি কোনও মাধ্যমের একটি বিন্দু বে কোনও নিয়মানুসারে আন্দোলিত হয় তবে ইহা সামনে এবং পিছনে উভয় দিকেই তরঙ্গ প্রেরণ করিয়া থাকে। কিন্তু যদি মাধ্যমের কোনও বিন্দু ইহার উপর আপতিত তরঙ্গের প্রভাবে আন্দোলিত হয় তবে ইহার সমুখ দিকের (যে দিকে আপতিত তরঙ্গ গমন করিতেছে) তরঙ্গ এই বিন্দুর আন্দোলনের ফলে সৃষ্ট হইতেছে বলিয়া ধরা বায়। কিন্তু এই ক্ষেত্রে বিন্দুটি হইতে শুধু সামনের দিকেই তরঙ্গ প্রেরিত হয় পিছনের দিকে নয় যদিও আলোচা দুই ক্ষেত্রেই মাধ্যমের বিন্দুটি সমভাবেই আন্দোলিত হইতেছে। দুই ক্ষেত্রে ইহাদের



हिन 0.6

আচরণের পার্থকা আলোচিত কারণ হইতে বুঝা যাইবে। চিত্র নং ৩.৫ এ একটি তরক্ষশন্দন (Pulse) ডানদিকে গমন করিতেছে এবং আলোচা সমরে এই তরক্ষশন্দনের চেহারা দেখানো হইয়াছে। এই গতির বেলায় তরকটি ডানদিকে অপরিবাতিত আকারে ভ্রমণ করিবে এবং মাধ্যমের যে বিন্দু দিয়। ইহা গমন করিবে সেই বিন্দুটি আন্দোলিত হইবে; কিন্তু তরঙ্গ স্পন্দনিট চলিয়া যাইবার পরই বিন্দুটি আবার স্থিতাবস্থায় আসিবে। অথচ যদি কোনও মাধ্যম এই তরক্ষশন্দনের আকারে বিকৃত (distort) করিয়। ছাড়িয়া দেওয়া হয় তবে এই অংশ আন্দোলিত হইতে থাকিবে এবং উভয় দিকেই তরঙ্গ প্রেরণ করিবে। দুই ক্ষেত্রে আচরণের এই পার্থকা মাধ্যমের বিন্দুগুলির গতি এবং ভ্রংশের (velocity & displacement) কথা আলোচনা করিলে বুঝা যাইবে। গতিশীল আপতিত তরক্ষের কথা বিবেচনা করিয়া দেখা যায় যে এই ক্ষেত্রে ট বিন্দু নীচের দিকে মাধ্যমের বক্রতার দরুণ একটি বল অনুভব করিবে এবং এইং এইটিই বিন্দুটির উপর প্রযুক্ত একমাত্র বল হওয়ায় বিন্দুটি নীচের দিকে নিড়বে। করুবুণভাবে এ বিন্দুটি উপরের দিকে একটি বল অনুভব করিবে। কিন্তু

টি বিশুটির মত ইহা এই সমর স্থিতাবস্থার ছিল না। তরজশালনটি ইহার মধা দিরা গমন করিবার ফলে এ বিশ্বর আন্দোলন হইরাহে এবং আলোচা সমরে ইহা নিচের দিকে নামিতেহে। এ বিশ্বতে পূর্বোত বলের জন্য গতি এবং এই গতি সমান এবং বিপরীত হওরার বিশ্বটি প্রারম্ভিক অবস্থানে (original position)-এ আসার সঙ্গে সঙ্গে নিক্তল হইরা বার। বিতীর ক্ষেত্রে (অর্থাং বে রাবারটি তরঙ্গের আকারে বিকৃত করা হইরাছে) এ এবং ট বিশ্ব উভয়েই গোড়ার স্থিতাবস্থার থাকার বখন ইহাদের ছাড়িরা দেওরা হইবে তখনই ইহারা আন্দোলিত হইতে থাকিবে এবং উভর দিকেই তরঙ্গ প্রেরণ করিবে।

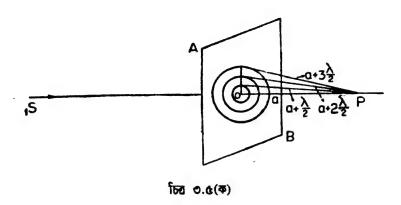
এই আলোচনা হইতে D বিন্দু দিয়া একটি তরঙ্গ স্পান্দনের গমনের ফলে পানাংগামী তরঙ্গের অনুপদ্ধিতির কারণ বুঝা বাইতে পারে। পর্বায়ের (Period) এক চতুর্থাংশ সময় T/4-এ D বিন্দু D' অবস্থানে আসিবে এই সমরে C বিন্দু C' অবস্থানে চলিয়া বাইবে। D বিন্দুর গতির ফলে C বিন্দুর উপর যে বল প্রস্থার ইইবে (এবং বাহার ফলে পানাংগামী তরঙ্গের সৃষ্টি হইবার কথা) তাহা C বিন্দুর উর্ক্ক দিকের গতি হইতে উদ্ভূত বলের সমান এবং বিপরীত হওয়ায় C বিন্দু নিশচল অবস্থায় আসিয়া বাইবে। আর ইহার অর্থ এই যে তরঙ্গ স্পান্দনিটি ভানদিকে চলিয়া যাওয়ার পর মাধামের বিন্দুগুলি আবার প্রারম্ভিক অবস্থায় অর্থাং নিশ্চল অবস্থায় আসিবে এবং কোনও পানাংগামী তরঙ্গের উদ্ভব হইবে না।

পরীক্ষা ব্যবস্থার (experimental set up) ভেদ অনুসারে ব্যবর্তনকে দুই ভাগে ভাগ করা যায়। এক ব্যবস্থার ব্যবর্তন উৎপাদনকারী বাধা বা ছিদ্র হইতে আলোক উৎস এবং পর্দা উভয়ের দৃরস্থই অম্প এবং সাঁমিত। এই প্রধানীতে বিশেষ কোনও যন্ত্রাদির প্রয়োজন হয় না বলিয়া এই জাতীয় ব্যবর্তন ঝালর খুবই সহজে দেখা যায়। জেনেলই (Fresnel) ইহার উৎপত্তির কায়ণ সন্তোষজনকর্শে ব্যাখ্যা করেন। এই জাতীয় ব্যবর্তনকে বলা হয় জেনেল-ব্যবর্তন (Fresnel diffraction). অনাটিতে ব্যবর্তন উৎপাদনকারী ব্যবস্থা হতৈে আলোক উৎস এবং পর্দা উভয়েই কার্যাতঃ (effectively) অসীম দ্রমে অবস্থান করে। এই জাতীয় ব্যবর্তন ক্রহাফার-বিবর্তন (Fraunhofer diffraction) নামে অভিহিত হইয়া থাকে। প্রথমে ক্রেনেল-ব্যবর্তন আলোচিত হইবে।

ফ্রেনেল এই জাতীর ব্যবর্তন ব্যাখ্যা করিতে হাইগোন্সের নীতির সাহায্য নেন তাহা পূর্বেই বলা হইরাছে। ইহা ছাড়া তিনি এইজন্য আরও একটি নৃতন ধারণার প্রবর্তন করেন। এইগুলিকে বলা হর অর্থ-প্রার অংশ (half-

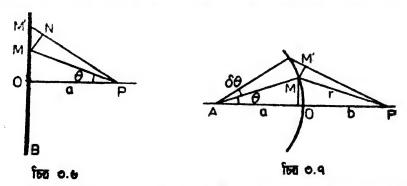


period element). এই ধানপার সাহাব্যে একটি প্রাথমিক ভরক্রের বাহিরের বে কোনও বিশ্বতে এই ভরক্রের প্রভাব নির্পর করা বার। নিরের চিয়ে এইর্প দুইটি উদাহরণ আলোচিত হইল।



চিত্র নং ৩.৫ (ক)-এ S একটি অতিদূরে অবস্থিত আলোকউৎস ; ইহা হইতে ডার্নাদকে আলে। আসিতেছে। P বিস্পৃতে আলোর তীব্রত। বাহির করিতে হইবে। S আলোকউৎসটি অনেক দূরে অবস্থিত বলিয়া ইহা হইতে আগত আলোকের তরঙ্গমুখকে P বিন্দুর নিকটে সমতল বলিরা ধরিরা লওরা বার। এই সমতল তরুসমুখের একটি অংশ দেখা যাইতেছে AB. P বিস্তুতে এই তরক্ষের প্রভাব নির্ণয় করিতে হইলে AB তরঙ্গমুখ হইতে যে সমন্ত মাধ্যমিক ক্ষুদ্রতরঙ্গ এই বিস্দৃতে আসিয়া পড়িবে ভাহাদের যোগফল বাহির করা প্রয়োজন। এই উদ্দেশ্যে প্রাথমিক তরঙ্গ AB এর উপর P কিন্দুর সংশ্লিষ্ট মের (pole) প্রথমে বাহির করিতে হইবে। এই মেরটি P বিন্দু হইতে তরঙ্গ-মুখের উপর অবম বা চরম দূরত্বে অবন্থিত [ফারমাটের নীতির (Fermat's Principle) সহিত সাদৃশ্য লক্ষ্যণীয়]। আলোচ্য ক্ষেত্রে P হইতে AB তলের উপর অভিলয় অন্কিত করিলে এই অভিলয় AB তলকে O বিন্দুতে ছেদ করিবে। এই O বিন্দুই নির্ণের মেরু। এইবার O বিন্দুকে কের করিয়া বিভিন্ন ব্যাসার্দ্ধ নিয়া কতকগুলি বৃত্ত অব্দন করা হইল। এই সমন্ত বৃত্তের ব্যাস এমন হওয়া প্রয়োজন যেন প্রদাশত চিত্রানুষায়ী Ο বিন্দু হইতে একটি ব্যাস টানিলে ইহা বিভিন্ন বৃত্তকে যে সমস্ত বিন্দুতে ছেদ করে সেই বিন্দুসমূহের পুরত্ব P বিন্দু হইতে ক্রমান্বয়ে $rac{\lambda}{2}$ পুরত্ব দারা বাড়িতে থাকে। পরপর দুইটি বৃত্তের মধ্যে তরঙ্গের যে অংশ আবদ্ধ হর তাহাকে বলা হর ফ্রেনেলের অর্দ্ধ-

প্রায় অংশ (Fresnel's half-period element). এইরূপ সংজ্ঞা প্রবর্তনের কারণ পরের আলোচনা হইতে বুকিতে পারা বাইবে। হাইগেন্সের নীতি অনুসারে প্রাথমিক ভরঙ্গের প্রতিটি বিন্দু হইতে বে মাধ্যমিক কুন্ত ভরঙ্গের উত্তৰ হয় তাহাদের সমষ্টিই P বিষ্ণুতে আলোকের তীব্রতা নির্ণয় করিবে। সূতরাং ধরা বাইতে পারে যে এই অর্কপ্রার অংশের যে ক্ষেত্রফল ছইবে, কুদ্র তরক্ষের সৃষ্ঠিকারী উৎসের সংখ্যাও তাহার সমানুপাতিক দীড়াইবে। দিতীয়তঃ পরপর দুইটি বৃত্তের পরিধির উপর হইতে P বিন্দুর দূরত্ব $rac{\lambda}{2}$ বার। বৃদ্ধি পাওয়ায় সহজেই বুবিতে পারা বার বে একটি অর্দ্ধ পর্যায়ের গড় প্রভাবের দলা তাহার পূর্ব বা পরবর্তীর গড় প্রভাবের দলার বিপরীত হইবে অর্থাৎ ইহাদের দশা-পার্থকা হইবে ন. কাজেই যদি পরপর দুইটি অর্থ পর্যার অংশের क्कारकन अकरे इस **उरव (मृतएब शक्ष वाम मिल**) देशारमंत्र गढ़ विद्यात अ একই হইবে ; আর ইহাদের দশা বিপরীত হওয়ায় P বিন্দুতে ইহাদের পরিণামিক প্রভাব দাড়াইবে শুনা ৷ অতএব দেখা বাইতেছে বে P বিন্দুতে সম্পূর্ণ তরঙ্গের প্রভাব হিসাব করিতে হইলে ইহাকে বিভিন্ন অর্থ পর্বায় অংশে বিভক্ত করিরা এই সমষ্টিগুলির ক্ষেত্রফল বাহির করিতে হইবে। জিনিষ্টি এইভাবে দেখা বাইতে পারে। পরপর দুইটি অংশকে আবার অনেকর্গুল সমান সংখ্যক কুদুতর বৃত্তাংশে ভাগ করিলে প্রথম অংশটির প্রথম কুদুতর বৃত্তের বিন্দুগুলি দিতীর অংশের সংশ্লিষ্ট (corresponding) ক্ষুদ্রতর বৃত্তের তুলনার π দশা-পার্থকা সৃষ্টি করিবে। এই বৃত্তি সমন্ত ক্ষুদ্রতর বৃত্তসমূহের ক্ষেতেই প্রযোজা। কাজেই ধরা যাইতে পারে যে একটি অর্দ্ধপর্যায় অংশের গড় বিস্তার ইহার আগের বা পরের অংশের গড় বিস্তারের অপেক। π দশা দারা পথক হটবে।



চিত্র নং ৩.৬-এ দেখান হইয়াছে যে P বিন্দু হইতে AB সমতল ক্ষেত্রের উপর অভিলয় ইহাকে O বিন্দুতে ছেম্ম করিয়াছে । AB ভলটি পুরুকের

পৃঠার তলের সহিত লয়ভাবে অবস্থান করার OMM' সরলরেখা স্থারা ইহাকে চিন্তিত করা হইরাছে। PM এবং PM' O বিন্দু হইতে একটি আর্দ্ধ পর্যার অংশের দুইটি বৃত্তের পরিষির উপর অধ্কিত সরলরেখা। আর্দ্ধ পর্যার অংশটি MM' প্রস্থের একটি বলরাকার ক্ষেত্র এবং ইহার তল পুত্তকের পৃঠার সহিত অভিলয়ভাবে অবস্থান করিতেছে।

MN M বিন্দু হইতে PM' এর উপর অন্থিত অভিলয় । সাধারণতঃ a > MM'. এই অবস্থায় লেখা যাইতে পারে $M'N = \frac{\lambda}{2} = \delta$

যদি O বিন্দু হইতে M এবং M' এর গড় দূরত্ব হর x হর আর PM এবং PM' দূরত্বের গড় হর r তবে অর্দ্ধ পর্যার অংশের ক্ষেত্রফল A লেখা বাইতে পারে

$$A = 2\pi x \cdot MM' \tag{3.1}$$

আবার OPM' এবং NMM' দুইটি সদৃশ চিতৃক বাহা হইতে পাওয়া যায়

$$r: x - MM': M'N$$

সূতরাং
$$A = 2\pi r \hat{o} = 2\pi \frac{\Lambda}{2} r$$
 (3.3)

কাজেই এই হিসাব হইতে দেখা যাইতেছে থে O বিন্দু হইতে বত বাহিরের দিকে যাওয়া বাইবে r এর মান ততাই বাড়িতে থাকার সংগ্লিষ্ট আর্দ্ধ পর্যার আংশের ক্ষেত্রফল আনুপাতিকভাবে বৃদ্ধি পাইবে । অবশ্য এই হিসাবে কিছু স্থলতা (approximation) গ্রহণ করা হইয়াছে বলিয়া উপরের সমীকরণ সম্পূর্ণ নির্ভূল হইবে না ; তবুও মোটামুটিভাবে এই হিসাবের দ্বারা নির্ভরযোগ্য সিদ্ধান্তে উপনীত হওয়া যাইতে পারে ।

উপরের ক্ষেত্রে আলোক উৎস অনেক দৃরে অবস্থিত বলিয়া প্রাথমিক তরঙ্গন্থ AB কে সমতল বলিয়া ধরা হইয়াছে। কিন্তু যদি এই দৃরত্ব বেশী না হয় তবে এই তরঙ্গমুখ বৃত্তের আকৃতি হইবে। এইক্ষেত্রে অর্ধপর্যায় অংশের ক্ষেত্রকল নিম্নোক্তর্পে বাহির করা যায়। চিচ্চ নং ০.৭-এ আলোকউৎস A হইতে নির্গত তরঙ্গের P বিন্দুতে আলোর তীব্রতা বাহির করিতে হইবে। A এবং P বিন্দুর্যকে যদি একটি সরলরেখা বারা যোগ করা হয় তবে ইহা তরঙ্গমুখ M'MO কে O বিন্দুকে ছেল করিবে এবং P বিন্দুর ক্ষনা O হইবে মেরু। এক্ষেত্রে অবশ্য তরঙ্গিটি A বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া একটি বৃত্ত অক্ষন

কৰিবে বাহার চিত্রবৃপ M'MO বৃত্তাংশ। MM' একটি অর্কপর্ব্যার অংশের প্রস্থ বৃকাইভেছে। A এবং P বিন্দুবরকে M এবং M' বিন্দুবরের সহিত বোগ করা হইরাছে; আর M হইতে PM' এর উপর অভিলয় অঞ্কন করা হইরাছে। দেখা বার বে অর্কপর্বার অংশের ক্ষেত্রফল

$$A = 2\pi a \sin \theta \cdot MM'$$
 (approx.) (3.4)

anter OA-a; OP-b; $\angle OAM-\theta$.

MAP চিভূজ হইতে পাওয়া বার

$$MP^3 = AM^3 + AP^3 - 2AM \cdot AP \cos \theta$$

$$q$$
 $r^2 = a^2 + (a+b)^2 - 2a(a+b) \cos \theta$

বা $r \delta r = a(a+b) \sin \theta \delta \theta$. [a এবং b ধ্বক বলিয়া]

িক্তু
$$δθ ≃ \frac{MM}{a}$$

$$\therefore r \, \delta \, r = a(a+b) \sin \theta \cdot \frac{MM'}{a} = (a+b) \sin \theta \cdot MM'$$

বা
$$\sin \theta \cdot MM' = \frac{r \, \delta r}{a + b}$$

$$\therefore A = \frac{2\pi a r \, \delta r}{a+b} = \frac{2\pi a}{a+b} \, \frac{\lambda}{2} \, r. \quad \left[\because \delta r = \frac{\lambda}{2} \right] \quad (3.5)$$

সূতরাং পূর্বের মতই এক্ষেত্রেও দেখা যাইতেছে যে অর্থপর্যায় অংশের ক্ষেত্রফল বাহিরের দিকে r এর সমানুপাতে বাড়িবে।

সমীকরণ 3.5 এর বেলার যদি $a=\infty$ বাবহার করা খার অর্থাৎ আলোক-উৎসটির দূরণ পুব বেশী হয় তবে আলোকতরঙ্গটি কার্বাত সমতল হইবে। এই বেলার ক্ষেত্রফল দাড়ার

$$A=2\pi\frac{\lambda}{2}r$$
 [কারণ $a>>b$].

অতএব দেখা বাইতেছে বে P বিন্দৃতে তরক্ষের প্রভাব ক্লেনেল প্রবর্তিত অর্ধপর্যার অংশের ধারণ। বারা নির্ণার করা সম্ভব। এ পর্বস্ত বে আলোচনা করা হইরাছে তাহা হইতে বুঝা বার বে এই পরিণামিক ফল বাহির করিতে নিরোম্ভ তিনটি বৃত্তি গণ্য করা আকশ্যক:

১। অর্থপর্বার অংশের ক্ষেত্রফল দ দ্রন্ধের সমানুপাতে বাড়িতে থাকিবে এবং ইহার ফলে বাছিরের দিকের ক্ষেত্রফল ক্ষমাগত বাড়ির। বাইবে। আর

এই অংশগুলির গড় বিস্তার ক্ষেয়ফলের সমানুপাতিক বলিরা ইহাও ঐ r এর সমানুপাতে বৃদ্ধি পাইবে। (অর্থাং $I \propto r^2$)

- ২। তীরতার বান্তিবর্গের নিরমানুসারে (inverse square law) আলোর তীরতা দ্রম্বের ব্যক্তি-বর্গানুসারে পরিবর্তিত হয়। তীরতা বিস্তারের বর্গানুপাতে পরিবর্তিত হয়; সূতরাং অর্থপর্যার ক্ষেত্রের গড় আলোর বিস্তার আলোচ্য বিন্দু হইতে ইহার দ্রম্বের ব্যস্তানুপাতে পরিবর্তিত হয়। কাজেই দেখা বার বে এই ক্ষেত্রের প্রভাব পূর্বের প্রভাবের বিপরীত দিকে কাজ করে এবং ইহারা পরস্পরের প্রভাবকে সম্পূর্ণরূপে নন্ট করে। $\left(\frac{1}{2} \right)$.
- ৩। কৌক্সের স্তান্যারী একটি অর্ধপর্যার অংশের গড় প্রভাব ইহার বক্রভার উপর নির্ভর করে। এই বক্রতা (1 + cos θ) গুণক দ্বারা বুঝান হইর। থাকে।
- ০.০ নং চিত্রে θ কোণের মান হইতে সহজ্বেই দেখা যায় বে θ বাড়িলে $(1+\cos\theta)$ কমিতে থাকিবে বাহার ফলে বাহিরের দিকের অর্থপর্বায় অংশের প্রভাবও কমিতে থাকিবে। এই হ্রাসের হার প্রথমদিকে বেশী হইলেও ক্রমশ্ব ইহা কমিয়া আসে। এই তিনটি ক্রিয়ার মোট ফল দাড়ায় এই বে O বিন্দূ হইতে যত বাহিরের দিকে যাওয়া যাইবে ততই অংশের বিস্তার কমিয়া আসিবে (চিত্র নং ০০৫ক)। প্রথমে ইহা দুত কমিতে থাকিবে আর পরে এই হ্রাসের হার ক্রমশ্ব কমিয়া আসিবে। অধিকন্তু এই গড় বিস্তারের দশা একান্তরভাবে (alternately) বিপরীত হইবে। বদি P বিন্দুতে এই সমন্ত অর্থপর্বায় অংশের গড় বিস্তার ক্রমানরের q_1, q_2, q_3 ইত্যাদি ধারা এবং পরিণামিক বিস্তার Q ধারা ব্রান হয় তবে লেখা বার

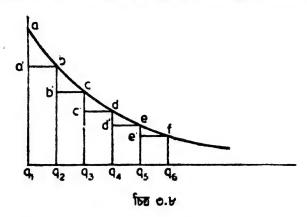
$$Q = q_1 - q_2 + q_4 - q_4 + \dots {3.6}$$

এই অংশের সংখ্যা বিজ্ঞাড় বা জ্ঞোড় (odd or even) হইতে পারে। বিদ ধরিয়া লওয়া হয় বে এই সংখ্যা n জ্ঞোড় তবে উপরোক্ত রাশিমালা নীচের দুইভাবে লেখা যায়

$$Q = q_1 - \frac{q_3}{2} - \left(\frac{q_3}{2} - q_3 + \frac{q_4}{2}\right) - \left(\frac{q_4}{2} - q_5 + \frac{q_6}{2}\right) \dots - \frac{q_n}{2}$$
(3.7)
$$= \frac{q_1}{2} + \left(\frac{q_1}{2} - q_3 + \frac{q_3}{2}\right) + \left(\frac{q_3}{2} - q_4 + \frac{q_5}{2}\right) + \dots + \frac{q_{n-1}}{2} - q_n$$
(3.8)

বাদ একটি লেখ বারা এই রাশিমালাকে এমনভাবে চিগ্রিত করা বার

বাছাতে q এর মান আনুপাতিক কোটি বার। সমান ভূজের প্রছে অক্ষন কর। হর এবং এই কোটিসমূহের শীর্ষবিন্দু যোগ করিয়া একটি রেখা টানা বার তাহা হইলে দেখিতে পাওয়া বাইবে যে এই রেখার হাসের হার ক্রমণ কমিয়া আসিতে



থাকিবে এবং ক্রমে ইহা ভূজের অক্ষের সমান্তরাল হইয়া এই অক্ষের সহিত মিলিয়া বাইবে (চিচ নং ৩.৮)। অধিকন্তু যেহেতু aa'>bb'>cc', বন্ধনীর মধ্যের প্রতিটি রাশিমালার মানই ধনাস্থক। কারণ $\left(\frac{q_1}{2}-\frac{q_2}{2}\right)>\left(\frac{q_2}{2}-\frac{q_3}{2}\right)$:

সূতরাং $\left\{\left(\frac{q_1}{2}-\frac{q_2}{2}\right)-\left(\frac{q_2}{2}-\frac{q_3}{2}\right)\right\}$ সংখ্যাটি ধনাত্মক । আর এই সৰদ্ধটি প্রতিটি করনীর বেলারই খাটে । সূতরাং লেখা যায়

$$\frac{q_1 - q_2}{2} - \frac{q_n}{2} > Q > \frac{q_1}{2} + \frac{q_{n-1}}{2} - q_n.$$
 (3.9)

কিন্তু দুইটি পাশাপাশি q এর মানের পার্থকা থুবই সামানা। সুতরাং স্কুলভাবে লেখা বায় যে $q_1 = q_2$ এবং $q_{n-1} = q_n$.

আর ইহার ফলে পাড়ার

$$\frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} > Q > \frac{q_1}{2} \cdot \frac{q_n}{2}$$

এই সৰক্ষি প্রণ হইবে একমাত্র তথনই বখন নিছের সমীকরণটি সিদ্ধ হইবে

$$\frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} = Q - \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} \tag{3.10}$$

্রিই আপাত পরস্পর বিরোধী সম্বন্ধের উদ্ভব হর উপরের স্থৃতা সম্বন্ধ ব্যবহার করার জন্য]

সুতরাং দাড়াইতেছে বে জোড় সংখ্যক অর্ধপর্যার অংশের ক্ষেত্রে P বিন্দৃতে সমগ্র তরঙ্গের প্রভাব দাড়াইবে সর্বপ্রথম এবং সর্বশেষ অংশের প্রভাবের বিরোগফলের অর্থেক। অর্থাৎ

$$Q = \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2}. (3.11)$$

পূর্বেই দেখানো হইয়াছে যে বক্সতার গুণক $(1+\cos\theta)$ এর জন্য q সংখ্যাগুলির মান দুত কমিয়া আসিতে থাকিবে [অবলা প্রতিটি অর্থপর্বারের জন্য θ বাদ সমান হারে বৃদ্ধি পাইত তবে $(1+\cos\theta)$ গুণকের জন্য ৩.৮ চিত্রের বক্সতা বিপরীত হইত। কিন্তু এখানে θ প্রথম দিকে খুব দুত হ্রাস পার (চিত্র ৩.৬), সূত্রাং অর্থপর্বার অংশের ক্ষেত্রফল q প্রথমে দুত এবং ক্রমে অপেক্ষাকৃত মন্দর্গতিতে হ্রাস পাইবে। এইজন্য রেখাচিত্রের আকার চিত্র নং ৩.৮ এর মত হইবে]। যদি সমন্ত তরঙ্গটি P বিন্দুতে ক্রিয়া করে তাহা হইলে ইহার শেষ অংশ q_n এর মান শ্না হইবে বলিয়া ধরা যার। ইহার ফলে দাড়ায় যে সমগ্র তরঙ্গের প্রভাব প্রথম অর্থপর্বার অংশের অর্থেকের সমান হইবে।

অনুর্পভাবে দেখানো যায় যে অর্থপর্যায় অংশের সংখ্যা বিজ্ঞোড় হইলে দাড়াইবে

$$Q = \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} \tag{3.12}$$

উপরে প্রাপ্ত ফল ব্যবহার করিয়া বিভিন্ন প্রকারের পরীক্ষায় উৎপক্ষ ব্যবর্তনে আলোকের তীব্রভার ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে।

অবশ্য 3.11 নং সমীকরণ পাইবার জন্য রেখাটি চিত্র নং ০.৮ এর মত প্রথমে দুত এবং পরে ধীরে ধীরে হ্রাস না পাইলেও চলে। যদি হ্রাসের হার ইহার বিপরীত প্রকৃতির হয় তবে বন্ধনীর মধ্যের প্রতিটি রাশিমালা ঋণাত্মক হইবে। তাহা হইলে লেখা যার

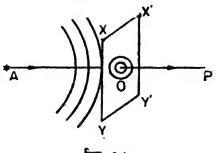
$$\frac{q_1}{2} + \frac{q_{n-1}}{2} - q_n > Q > q_1 - \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2}$$

এবং ইহা হইতে আগের মত লেখা বার $\frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} > Q > \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2}$

অর্থাৎ $\frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} - Q = \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2}$. সূতরাং দেখা যাইতেছে যে রেখার হ্লাসের

হার প্রথমদিকে বা শেবদিকে দুত বাড়িলেও স্থুল সম্বন্ধ (approximate) বাবহার করার ফলে উভয়ক্ষেত্রেই একই ফল পাওয়া বায়।

গোলাকার ছিজে ব্যবর্তন (diffraction at a circular hole).



চিত্ত ৩.১

০.১ নং চিত্রে আলোকউংস A হইতে আলোক আসিরা একটি অস্বচ্ছ সমতল বাধা XX'Y'Y' এর উপরে পড়িতেছে। এই বাধার কেন্দ্রন্থল O বিন্দৃতে একটি ক্ষুদ্র গোল ছিন্ন আছে। A এবং O বিন্দৃ যোগকারী সরলরেখা অন্যাদিকে বাড়াইয়া দিলে ইহাতে অবস্থিত একটি বিন্দু P এ আলোর ভীব্রতা নির্ণয় করিতে হইবে।

এখানে চিত্র হইতে দেখা যাইতেছে যে উৎস A হইতে আগত আলোক-তরঙ্গ XY' এ আসিয়া বাধাপ্রাপ্ত হইতেছে এবং অপরদিকে বাইতে পারিতেছে না। O বিন্দৃতে যে ছিদ্র আছে শুধুমাত তাহার মধা দিরাই তরঙ্গের কিছুটা অংশ গমন করিতেছে। P বিন্দৃতে তীরতা বাহির করিতে হইলে তরঙ্গটিকে এমনভাগে কতকগুলি অর্ধপর্যার অংশে বিভক্ত করিতে হইবে বাহাতে ইহান্দের প্রথমিটি মেরু O বিন্দৃতিকে কেন্দ্র করিয়া অবস্থান করিবে। এখন O বিন্দৃতে অর্বিস্থত ছিদ্রটির আকার যদি এমন হয় বে শুধুমাত প্রথম অর্ধপর্যার অংশটিই ইহার মধা দিরা গমনে সক্ষম হর তবে P বিন্দৃতে কেবল এইটিই ক্রিয়া করিবে। ফলে এই বিন্দৃতে তরঙ্গের বিশ্তার দাড়াইবে

$$Q_1 - q_1$$

এবং তীরতা $I_1 = q_1^2$

বাদ ছিল্লের আকার বৃহস্তর হর বাহাতে প্রথম দুইটি অর্থপর্বার অংশ গমন করিতে পারে তবে এই ক্ষেত্রে পাওরা বাইবে q_1 এবং q_2 প্রায় সমান হওয়ার ইহাদের বিয়োগফল একটি কুদ্র সংখ্যা হইবে। কাজেই Q_2 এর মান দাড়াইবে একটি কুদ্র সংখ্যা। ছিদ্রের আকার আরও বড় হওয়ার বদি তিনটি অর্থপর্বায় অংশ ইহার মধ্য দিয়া গমন করে তবে পরিণামিক বিশুরে দাড়াইবে

$$Q_8 = q_1 - q_2 + q_3$$

এই ক্ষেত্রে আবার Q এর মান বাড়িবে বাদও ইহা Q_1 এর অপেক্ষা কিন্তিং কম হইবে। এইভাবে ছিদ্রের আকার বাড়াইয়া গেলে P বিন্দৃতে আলোর তীব্রভারও পর্যায়ক্তমে হ্রাসবৃদ্ধি হইবে। এই তীব্রভার মানগুলি সমগ্র তরঙ্গের তীব্রভার সহিত তুলনা করিলে বাবর্তন ঝালর সৃষ্টির কারণ ভারও স্পর্টভাবে বৃবিতে পার। যাইবে। সমগ্র তরঙ্গের ক্ষেত্রে পাওয়া যাইবে

$$Q - \frac{q_1}{2} \pm \frac{q_n}{2} - \frac{q_1}{2}$$
, Fight $q_n = 0$.

চিত্র নং ৩.৬ হইতে দেখা যার যে সৃক্ষভাবে হিসাব করিলে অর্থপর্যার অংশের ক্ষেত্রফল r এর সমানুপাতিক হইবে না, r বৃদ্ধির সঙ্গে সংস্কৃ ইহার ক্ষেত্রফল কমিতে থাকিবে । সুতরাং $\theta=90^\circ$ হইলে $r=\infty$ হইতে থাকায় এবং ক্ষেত্রফল কমিতে থাকায় $q_n=0$ লেখা যায় । আর বৃত্তাকার তরঙ্গমুখের বেঙ্গার বক্ততা $(1+\cos\theta)$ র জন্য $q_n=0$ হইবে ।

$$\therefore I = \frac{q_1^2}{4}.$$

কাজেই দেখা বাইতেছে যে সমগ্র তরঙ্গের জনা (অর্থাৎ XX'Y'Y না থাকিলে) P বিন্দৃতে যে আলোকতীরত। হওয়ার কথা ছিদ্রের আকার ক্ষুদ্রতম (বাহাতে ইহার মধ্য দিয়া শুধু একটি অর্ধপর্যার অংশ বাইতে পারে) হইলে আলোকতীরতা তাহার চতুপূর্ণ হয়। ছিদ্রের আকার বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে P বিন্দৃতে আলোর তীরতার তারতম্য চিত্র নং ৩.১০ এ লেখ বারা দেখান হইয়াছে। এই আলোচনায় একটি বিশেষ তরঙ্গদৈর্ঘা এবং P বিন্দৃ ও XY' এর দূরছ ধরা হইয়াছে। কিন্তু ইহা সহজেই বুঝা বায় যে অর্ধপর্যায় অংশের আকার এই রাশিগুলির মানএর উপর নির্ভরশীল। সূতরাং এই রাশিগুলি পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে P বিন্দৃতে আলোর তীরতাও অনুবৃশভাবে পরিবর্তিত হইবে।

অবচ্ছ গোলাকার চাকডিতে ব্যবর্তন (diffraction at an opaque circular disc).

অবচ্ছ গোলাকার চাকভিডে আলোর বাবর্ডনকে পূর্ববাঁণত ক্ষেত্রের পূরক

(complementary) হিসাবে গণ্য করা বাইতে পারে। সাধারণভাবে মনে হইবে বে এই কেন্তে অকের উপর একটি বিন্দু P তে আলোর তীরভাও পূর্বের কেন্তের পূরক হইবে এবং এই বিন্দুতে তীরভার ভারতমাও ছিন্তের পূরক হইবে। কিন্তু প্রকৃতপক্ষে পরীক্ষা করিয়া দেখা বায় বে এই সিদ্ধান্ত সভা নয়; এই বেলার আলোর তীরভার কোনও পর্যায়ন্তমে হ্রাসবৃদ্ধি হয় না। এখানে আলোর তীরভা চাকভির ব্যাস বাড়িবার সঙ্গে কমিতে থাকে কিন্তু এই হ্রাস নিরবজ্জির (continuous) হইয়া থাকে। বুলি দিয়া বিচার করিলেও এইর্প সিদ্ধান্তেই উপনীত হইতে হয়। ধয়া বাক বে চাকভির ব্যাস এর্প বে ইহা প্রথম অর্ধপর্বায় অংশটিকে সম্পূর্ণরূপে আবৃত করে বাহায় ফলে এই প্রথমটি বাদে অন্য অংশগুলি প্রেরিত হইতে পায়ে এবং P বিন্দুতে তাহাদের প্রভাব বিস্তার করে। সূত্রাং এই ক্ষেত্রে ধয়া বায় বে অংশগুলির পরিণামিক প্রভাব হিসাব করিতে বে য়াশমালার বোগফল বাহির করিতে হয় তাহাতে প্রথম অংশ ব্র এর পরিবর্তে দ্বিতীয়টি ব্র দিয়া আরম্ভ করিতে হয়। সূত্রাং লেখা বায়

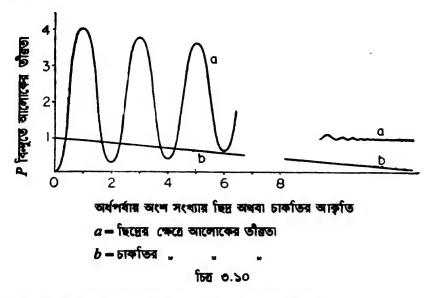
$$Q_1 = q_0 - q_3 + q_4 - \dots - q_n = \frac{q_0}{2} \pm \frac{q_n}{2} = \frac{q_0}{2}$$

ৰদি চাকতির ব্যাস বাড়াইয়। প্রথম দুইটি অর্থপর্বার অংশ কাটিয়া দেওর। বার তবে এই ক্ষেত্রে রাশিমাল। আরম্ভ হইবে q_s দিয়া ; অতএব

$$Q_x = q_5 - q_4 + q_4 - q_4 + \cdots - q_n = \frac{q_5}{2} \pm \frac{q_n}{2} \approx \frac{q_5}{2}$$

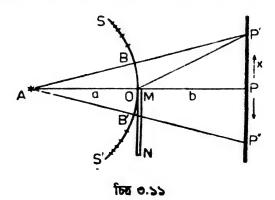
বেহেতু $q_1 q_2$ হইতে সামানা ছোট, সুভরাং এইক্ষেতে Q_1 এর মান Q_1 অপেকা সামানা কম হইবে। এইবুপে চাকতির বাাস ক্রমাগত বাড়াইরা গেলে Q এর মানও আনুপাতিকভাবে কমিতে থাকিবে কিন্তু এই হ্রাস নির্বাচ্ছির হইবে. ইহার মধ্যে কোনও ভেদ দেখা বাইবে না। অর্থপর্যায় অংশগুলির প্রভাব প্রথমদিকে খুব দুত এবং পরে আন্তে আত্তে কমিরা আসিতে থাকিবে (চিত্র নং ০.৮ এর প্রসঙ্গে আলোচনা দুর্ভব্য)। ইহার ফলে কিছুসংখ্যক অংশের পরে ইহালের প্রভাব খুবই নগণা হইরা ঘাইবে। সুভরাং বিদ চাকতির ব্যাস এত বড় হর বে ইহা সমন্ত কার্যাকরী (effective) অর্থপর্যার অংশই আবৃত করিরা ফেলে তাহা হইলে কার্যাকরী অংশের সম্পূর্ণ অনুপান্থিতর জন্য P বিস্তুতে পূর্ণ অন্ধারের সৃত্তি হইবে। এই আলোচনা হইতে অন্তএব দেখা বাইতেহে বে গোল ছিদ্রের এবং গোল অবচ্ছ চাকতির ক্ষেত্রে P বিস্তুতে

আলোকের তীরতা পরস্পরের প্রক নহে। চিত্র নং ৩.১০ দারা এই তথ্য বুরাল হইরাছে।



ঋষু খারে ব্যবর্তন (diffraction at a straight edge).

ব্যবর্তনের আলোচনার গোড়াতেই (চিত্র ৩.১) বলা হইরাছে বে আলো খন্তু ধার ঘেবিয়া যাওয়ার সময় বাবাতিত হওয়ার ফলে পর্দার ঝালরের সৃষ্টি করে। প্রাথমিক আলোচনা হইতে এই পরীক্ষালন ফলের ব্যাখ্যা করা যাইতে, পারে।



৩.১১ নং চিত্রে A আলোকউংস হইতে আলো আসিরা $^{7}P'P'$ পর্ণার পঞ্জিবার পথে MN অবচ্ছ বাধার সমূধীন হইতেছে। P'P' পর্ণার, বিভিন্ন

অংশে আলোর ভীব্রতা নির্ণয় কবিতে হইবে। এইক্ষেত্রে ভরকমুখ শুদ্রাকার (cylindrical) হইবে : (ফ্রেনেলের সমাকলের আলোচনা দুর্ভবা)। হেনেলের অর্থপর্যায় অংশের ধারণা হইতে জানা যার বে P'P' পর্ণার উপরে SS' তরঙ্গের প্রভাব পর্দার অবস্থিত বে কোনও বিন্দুর মেরুর চতুদিকে অস্প করেকটি অর্ধপর্যায় অংশে সীমাবদ্ধ থাকিবে। কাজেই P'P" পর্দায় অবন্থিত আলোচা বিন্দুর অবস্থান যদি এমন হয় যে সেখানে তরঙ্গের কোন কার্যাকরী অংশই পৌছিতে পারে না তবে এই স্থান সম্পূর্ণ অন্ধকার হইবে। অপরদিকে বদি এই বিন্দুতে তরঙ্গের সমন্ত কার্যাকরী অংশই পৌছিতে পারে তবে এই স্থানের আলোক-তীব্রতা বাধাহীন সমগ্র তরঙ্গের প্রভাবের সমান হইবে। যদি পৰ্দার P' বিন্দুটির কথা ধরা বায় তবে ইহার জনা মেরু হইবে B. তরঙ্গটিকে এই মেরুবিন্দু দিয়া দুই ভাগে ভাগ করা যার। তরঙ্গের উপরের অংশ P' বিন্দুতে নিরবচ্ছিন তীব্রতার সৃষ্টি করিবে। এই তীব্রতার সঙ্গে বুরু হটবে তরক্ষের নীচের যে অংশ পর্ণায় পড়িবে ভাহার প্রভাব। সূতরাং যদি OB খণ্ডে জ্বোড় সংখ্যক অর্থপর্যায় অংশ বিদামান থাকে তবে তাহার৷ জ্বোড়ায় জোড়ার পরস্পরের প্রভাবকে প্রায় খন্ডন করিবে। ফলে এই ক্ষেত্রে OB খণ্ডের প্রভাব হইবে অবম। লেখা বাইতে পারে বদি OP'-BP'=2n . $\frac{\Lambda}{\Omega}$ তাহা হইলে P' বিম্পুতে আলোর তীব্রতা দাড়াইবে অবম।

আবার যদি $OP'-BP'=(2n+1)\frac{\lambda}{2}$ হয় তবে P' বিন্দুতে আলোর তীব্রতা দাড়াইবে চরম ।

এইর্পে একটি উজ্জল বা অন্ধকার বিন্দু P' এর সণ্ডারপথ হইবে এমন একটি পরাবৃত্ত বাহার ফোকাস দুইটির অবস্থান হইবে A এবং O বিন্দুতে ।

কারণ AP'-OP'=AB+BP'-OP'=AB-(OP'-BP')

আর AB-ধুবক

সূতরাং OP' - BP' - ধ্বক। তবে এই পরাবৃত্তের বক্ততা এত কম বে ইহা প্রার অসীম পথের (asymptote) সহিত মিলিয়া বাইবে। (বাতিচার বালরের আলোচনা দুক্র।)। কাজেই দেখা হইতেছে বে আলোক উংসের জ্যামিতিক ছারা P বিন্দু হইতে উপরের P' এর দিকে গোলে আলোর তীরতার ভেল দেখা বাইবে। ইহার ফলে একশ্রেণীর ব্যবর্তন কালরের উৎপত্তি হইবে। ইহার বিভিন্ন স্থানে আলোর তীরতা সাধারণভাবে নিরোকর্ণে ৰাছির করা বার। বঁদি ধরা বার, OA = a, OP = b, PP' = x, তবে লেখা বার

$$AP'^{2} = AP^{2} + PP'^{2} = (a+b)^{2} + x^{2}$$

$$\therefore AP' = \{(a+b)^{2} + x^{2}\}^{\frac{1}{2}} = (a+b)\left\{1 + \frac{x^{2}}{(a+b)^{2}}\right\}^{\frac{1}{2}}$$

$$(a+b)\left\{1 + \frac{x^{2}}{2(a+b)^{2}}\right\}$$
(3.13)

ি পরীক্ষার a, b এবং x দ্রম্ব যে অনুপাতে ব্যবহৃত হয় তাহাতে (a+b) এর তুলনার x অনেক ক্ষুদ্রতর আর সেইজনা x^a এর বেশী ঘাতের (power) পদ অগ্রাহ্য করা হইরাছে]

$$-a+b+\frac{1}{2(a+b)} \tag{3.14}$$

অনুরূপভাবে

$$OP' = b + \frac{x^3}{2b} {(3.15)}$$

সূতরাং বৃদ্দি OP' - BP' = OP' - (AP' - AB)

$$\begin{bmatrix}
b + \frac{x^2}{2b} \\
-b + \frac{x^2}{2b}
\end{bmatrix} - \left[a + b + \frac{x^2}{2(a+b)} - a
\end{bmatrix}$$

$$= b + \frac{x^2}{2b} - b - \frac{x^2}{2(a+b)}$$

$$= \frac{x^2}{2} \left[\frac{1}{b} - \frac{1}{a+b} \right] - (2n+1) \frac{\lambda}{2} \quad \text{EF}$$
(3.16)

তবে P হইতে এই x প্রন্থের বিন্দৃতে আলোর ভীরতা চরম হইবে। এই ক্ষেত্রে

$$x = \left\{ \frac{b(a+b)}{a} (2n+1)\lambda \right\}^{\frac{1}{8}}$$
 (3.17)

আর আলোর অবম তীব্রভার ক্ষেত্রে দূরণ হইবে

$$x - \left\{ \frac{b(a+b)}{a} \, 2n \, \lambda \right\}^{\frac{1}{4}} \tag{3.18}$$

বাদ বিন্দুটি পর্দার জ্যামিতিক ছারা P এর নীচের দিকে P' এ P হইতে এত দূরদে অবস্থিত হর বে SS' তরক্ষের সমগ্র নীচের অর্দ্ধেকাংশ ভো ঢাকিয়া বারই অধিকন্তু উপরের অর্দ্ধেক B'S এর কার্য্যকরী অংশও P' বিন্দুতে আসিতে

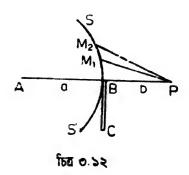
পারে না তাহা হইলে P' বিন্দু সম্পূর্ণ অন্ধকার হইবে। কিন্তু P' বিন্দুর দ্রম্ব P বিন্দুর হইতে কম হইলেও এদিকে আলোর তীরতার ভেদ দেখা বাইবে না কারণ P' বিন্দুর নীচের দিকে গমনের সঙ্গে সঙ্গে তরঙ্গের উপরের অর্কেডাগে কার্য্যকরী অর্কপর্যার অংশের সংখ্যা একাদিরুমে কমিতে থাকিবে। আর গোল চাকতির ক্ষেত্রে ব্যবর্তনের আলোচনা হইতে সহজেই বুঝা বার বে P হইতে নীচের দিকে আলোর তীরতা নিরবিচ্ছিমভাবে হ্রাস পাইবে।

উপরের আলোচনা হইতে দেখা বার বে কেন্দ্র হইতে বত বাহিরের দিকে বাজয়া বার ততই অর্ক্পর্বার অংশের প্রভাব রুত কমিতে থাকে (চিত্র ৩.৮)। আর প্রতিটি অর্কপর্বার অংশের ক্ষেত্রফল খুবই ছোট হওয়ার (আলোক তরঙ্গের দৈর্ঘের সমানুপাতিক বলিয়া) মেরু (pole) হইতে অম্প ব্যাস বাড়াইলেই অনেকগুলি অর্ধপর্বার অংশ পাওয়া বাইবে। ইহার তাংপর্ব এই বে তরঙ্গের কার্যাকরী অংশ মেরুর সন্মিকটে অতি সামান্য ক্ষেত্রফলে বা সামান্য ক্রেকটি অর্ধপর্বার অংশ আবদ্ধ থাকিবে। এই কার্যকরী অংশ বদি কোনও রক্ষমে বাধাপ্রাপ্ত হয় তবে আলোর প্রভাব বাধার অপর পার্ষে শৃন্য দাড়াইবে।

কর্ম সর্গিলরেখা (Cornu's spiral) ও ক্রেনেলের সমাকল (Fresnel's integrals).

সরলরেখাকৃতি বাধার উৎপন্ন বাবর্তনের সমসাশ্রেণী ফ্রেনেল এবং কর্ণ্ (Cornu) লেখচিতের পদ্ধতি দ্বারা (graphical method) সমাধান করেন। এই শ্রেণীতে যে সমস্ত বাধার কথা ধরা হর তাহাদের মধ্যে আছে সরল ধার, রেখাছিদ্র প্রভৃতি। এই শ্রেণীর বাধা দ্বারা উৎপন্ন বাবর্তনের ক্ষেত্রে আলোর তারতার মান নির্ণয় করিতে কর্ণু যে পদ্ধতির প্রবর্তন করেন ভাহা নিম্নে দেওয়। হইলে। ইতিপ্র্বে সরলধারে বাবর্তনের যে আলোচনা করা হইয়াছে তাহাতে পুধু গুণাত্মকভাবে (qualitatively) তারতার ভেল দেখান হইয়াছে। কর্ণু এবং ফ্রেনেলের পদ্ধতির সাহায্যে এই তারতার পরিমাণাত্মক (quantitative) ভেল ও [অবশ্য আপেক্ষিক গ্রামে (relative scale)] নির্ণর করা বার।

এই ধরণের পরীক্ষার আলোক উৎস হিসাবে একটি খুব কম প্রস্থের রেথাছিদ্র ব্যবহার করা হয় আর ইহার দৈর্ঘ্য সরল ধারের সঙ্গে সমান্তরাল করিয়া বসান হয়। এই ব্যবস্থার আলোকউৎস হইতে বে তরঙ্গ বাধার ধার ঘেবিয়া ধার তাহার আর্কৃতি বৃত্তাকার না হইয়া শুস্তকাকার (cylindrical) হইয়া থাকে। বাদিও ব্যবর্তন ঝালরের উৎপাদনে রেখাছিদ্রের এই ব্যবহার আর্বাদাক নহে তবুও এই প্রণালীতে ঝালরের উক্ষল্য খুব বাড়ে। ৩.১২ নং চিত্রে রেখাছিদ্রের এবং ইহার সমান্তরাল বাধার অভিলব একটি তল অব্দন করা হইয়াছে। রেখাছিদ্রের দৈর্ঘ্য A বিন্দুর মধ্য দিয়া চিত্রতলের অভিলবে আছে এবং অনুর্পভাবে বাধাটিও BC এর মধ্য দিয়া চিত্রতলের অভিলবে অবস্থিত। এই অবস্থায় রেখাছিদ্র হইতে ব্যঞ্জাকার (cylindrical)



তরঙ্গ নির্গত হইয়া বাধা ঘেষিয়া যাইবে। বিদ ইহার ডানদিকে যে-কোনও বিন্দু P এর উপর (P বিন্দু উপরোক্ত চিত্রতালে অবিন্ধৃত) আলোকের তীব্রতা নির্ণয় করিতে হয় তবে এই বিন্দুর সম্পর্কে ফ্রেনেলের অর্ধপর্যায় অংশের নীতি প্রয়োগ করা যাইতে পারে। P বিন্দুতে স্তম্ভকাকার (cylindrical) তরঙ্গের অনাবৃত্ত অংশই শুধু প্রভাব বিস্তার করিবে। আর এই প্রভাবের মান বাহির করিতে SS' তরঙ্গমুখের কেবলমাত্র চিত্রতলের এবং তাহার খুব নিকটের অংশ বিবেচনা করিলেই চলিবে। ইহার কারণ পূর্বের আলোচনা হইতে দেখা গিয়াছে যে কোনও বিন্দুতে আলোকতরঙ্গের একমাত্র সেই অংশই কার্যকারী প্রভাব বিস্তার করে যে ভ্রংশ তরঙ্গের মেরু বা তাহার খুব নিকটে অবন্ধিত। সূত্রয়ং তরঙ্গের মেরু B বিন্দুতে ভ্রংশ যদি লেখা যায় A sin ($wt - \delta$) তবে হিসাবের সুবিধার জন্য ইহাকে নিম্নোক্তভাবে পরিবার্তিত করা বায়।

ভ্রমেন
$$\sin wt - \sin 2\pi$$
 $T - ভরকের প্র্যার (3.19)$

এখানে বিস্তার a-1 এবং $\delta-0$ ধরা হইরাছে। প্রথমতঃ ইহার ফলে আলোর তীরতা একটি আপেক্ষিক গ্রামে (relative scale) বাহির হইবে। বিতীয়তঃ দশা-ধ্বক δ কে সুবিধামত বে কোনও মানে পরিবাতিত করা বার (ফেরি-পেরো ব্যতিচার মাপকের আলোচনা দুক্তব্য)। SS' তরঙ্গের B বিন্দুর

সামাহত একটি কুন্ত অংশ *টS* এর P বিন্দৃতে প্রেরিড ভ্রংশকে ভাহা হই*লে* লেখা বার

$$\delta S \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda}\right)$$
; $b - BP -$ ৰাধা ছইতে P বিন্দুর প্রস্থ ।

সূতরাং B বিন্দু হইতে সামান্য কিছু দৃরে M_1 বিন্দুতে তরঙ্গের অনুরূপ অংশ δS হইতে তরঙ্গের স্রংশ হইবে $\delta S \sin 2\pi \Big(\frac{t}{T} - \frac{b+\delta}{\lambda}\Big)$.

अशास $PM_1 = b + \delta$.

এইভাবে সমগ্র তরঙ্গের প্রভাব দাড়াইবে তরঙ্গের এইরূপ বিভিন্ন অংশের বোগফলের সমষ্টি এবং এই পরিণামিক শ্রংশ Y কে লেখা বায়

$$Y = \sum \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b+\delta}{\lambda}\right) dS. \tag{3.20}$$

অবশ্য এই রাশিমালা বক্ততা এবং দ্রন্থের জন্য $\frac{1+\cos\theta}{r}$ এই গুণকটি দারা গুণ করা দরকার। কিন্তু এইটির মধ্যে লবটি কমার সঙ্গে সঙ্গে হরটি নিরবচ্ছিরভাবে বাড়িতে থাকিবে। অতএব গুণকটি নিরবচ্ছিরভাবে কমিতে থাকিবে। সূতরাং ইহাকে সমাকলনের বাহিরে রাখা চলিতে পারে। শুধু মনে রাখিতে হইবে যে ইহা সমাকলের আলোর তীব্রতার তারতমের উপরে একটি ক্ষীর্মান আবরণের (decreasing envelope)এর কাজ করিবে।

বদি *òS* সংখ্যাগুলি ক্রমাগত ক্ষুদ্রতর করা হয় তবে শেষ পর্বান্ত (in the limit) এই বোগফল একটি সমাকলনে পর্বাবেশিত হয় । সূতরাং লেখা বায়

$$Y = \int \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b + \delta}{\lambda}\right) dS. \tag{3.21}$$

এই সমাকলের উপরের এবং নীচের সীমা P বিন্দুর অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে।

क्या
$$Y = \int \sin \left[2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda} \right) - \frac{2\pi\delta}{\lambda} \right] \delta S$$

$$= \int \left[\sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda} \right) \cos 2\pi \frac{\delta}{\lambda} - \cos 2\pi \right] \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda} \right) \sin 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \right] \delta S$$

$$-\sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda}\right) \int \cos 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \delta S - \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda}\right)$$
$$\int \sin 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \delta S.$$

(কারণ এই সমাকলনের চল (variable) হইতেছে δS).

ধরা বাক
$$\int \cos 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \delta S - R \cos \theta$$
 ; $\int \sin 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \delta S - R \sin \theta$

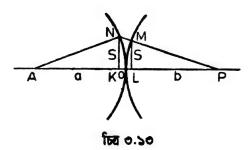
$$\therefore Y = R \cos \theta \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda}\right) - R \sin \theta \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda}\right)$$

$$= R \sin \left[2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda}\right) - \theta\right] \qquad (3.22)$$

সূতবাং ভীৱতা.
$$I = R^2 = \left[\int \sin 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \delta S \right]^2 +$$

$$\left[\int \cos 2\pi \, \frac{\delta}{\lambda} \, \delta S\right]^{2} (3.23)$$

এইবার \hat{o} সংখ্যাটির মান চিত্রের জ্যামিতি হইতে নির্ণয় করা আবশ্যক। এইজন্য ৩.১৩ নং চিত্র হইতে লেখা যায় (0 হইতে অনতিদৃরে অবস্থিত বিন্দুসমূহের জ্বনা)



$$\delta - NM - KL - KO + OL - \frac{S^2}{2a} + \frac{S^2}{2b} - \frac{S^2}{2} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right) - S^2 \frac{a+b}{2ab}$$
 (3.24)

এখানে S ON এবং OM (चून হিসাবে) (approximately) বৃত্তাংশের সমান এবং ঐ ভাবে ইহা লক্ষর KN এবং ML এর সমান। আর ইহাদের

বেলার লেখা বার $KN^2 = KO(2a - KO) = KO \cdot 2a$ (কারণ পরীক্ষাব্যবস্থার 2aর তুলনার KO খুবই ছোট বলিয়া বাদ দেওরা বার)

অনুর্পভাবে
$$OL \simeq \frac{S^*}{2b}$$
.

$$\therefore I = \left[\int \sin \frac{2\pi S^a}{\lambda} \frac{(a+b)}{2ab} \delta S \right]^a + \left[\int \cos \frac{2\pi S^a(a+b)}{\lambda} \delta S \right]^a$$

$$= \left[\int \sin \frac{\pi(a+b)}{ab\lambda} S^a \delta S \right]^a + \left[\int \cos \frac{\pi(a+b)}{ab\lambda} S^a \delta S \right]^a$$
(3.25)

এই সমাকল (integral) দুইটি a, b এবং λ এর মান এর উপর নির্ভর-দীল হওরার ইহাদের মান পরীকাকালীন বাবস্থার জ্যামিতিক অবস্থান এবং তরঙ্গ দৈর্ঘোর সঙ্গে সঙ্গে পরিবাত্তিত হইবে। এই অসুবিধা দূর করিবার জন্য ইহাদের একটি নির্মাচিক চলে (dimensionless variable) পরিবাত্তিত করা করা হয়। অর্থাং ধরা হয়

$$\frac{\pi(a+b)}{ab\lambda}S^2 = \frac{\pi}{2}v^2. \quad [এখানে v একটি নির্মাচিক চল]$$
 (3.26)

তাহা হইলে পাওয়া বায়
$$S=v\sqrt{\frac{ab\ \lambda}{2(a+b)}}$$
 ; $\partial S=\sqrt{\frac{ab\ \lambda}{2(a+b)}}\partial v$

$$I = \left[\int \sin \frac{\pi}{2} v^2 \sqrt{\frac{ab \lambda}{2(a+b)}} \delta v \right]^2 + \left[\int \cos \frac{\pi}{2} v^2 \sqrt{\frac{ab\lambda}{2(a+b)}} \delta v \right]^2$$

$$= \frac{ab \lambda}{2(a+b)} \left[\left(\int \sin \frac{\pi}{2} v^2 \delta v \right)^2 + \left(\int \cos \frac{\pi}{2} v^2 \delta v \right)^2 \right] \qquad (3.27)$$

তরক্রের সমন্ত অংশের প্রভাব বিবেচনা করিলে

এই সমীকরণটি সম্পূর্ণ তরঙ্গের তীব্রতা নির্ণর করিবে । ইহা হইতে যদি $\frac{ab\lambda}{2(a+b)}$ পূণকটি বাদ দেওরা বার তবে তীব্রতার মান একটি আপেক্ষিক গ্রামে পাওরা বাইবে । তাহাতে বিশেষ অসুবিধা নাই, কারণ আপেক্ষিক গ্রামে তীব্রতার মান নির্ণরই প্রধান উদ্দেশ্য । তাহাড়া এই হিসাবের গোড়ার দিকে বিস্তাবের মান 1 ধরিরা লওরার সেধানেই একটি আপেক্ষিক গ্রাম আসিরা গিরাছে । সূত্রাং তরঙ্গের বে কোনও একটি আকাক্ষিত (desired)

ক্রেনেলের সমাকলের ভালিকা (Table of Fresnel's Integrals)

v	x .	у	v	x	у
0.00	0.0000	0.0000	 2·10	0.5815	0.3743
0.10	0.1000	0.0005	2.20	0.6363	0.4557
0.20	0.1999	0.0042	2.30	0-6266	0.5531
0.30	0.2994	0.0141	2.40	0.5550	0.6197
0.40	0.3975	0 0334	2.50	0.4574	0.6192
0.50	0.4923	0.0647	2.60	0.3890	0.5500
0.60	0.5811	0.1102	2.70	0.3925	0.4529
0.70	0.6597	0.1721	2.80	0.4675	0.3915
0.80	0.7230	0.2493	2.90	0.5624	0.4101
0.90	0.7648	0.3398	3.00	0.6058	0.4963
1.00	0.7799	0.4383	3.10	0.5616	0.5818
1.10	0.7638	0.5365	3.20	0.4664	0.5933
1.50	0.7154	0.6234	3.30	0.4058	0.5192
1.30	0.6386	0.6863	3.40	0.4385	0.4296
1.40	0.5431	0.7135	3.20	0.5326	0.4152
1.20	0.4453	0.6975	3.60	0.5880	0.4923
1.60	0.3655	0.6389	3.70	0.5420	0.5750
1.70	0.3238	0.5492	3.80	0.4481	0.5656
1.80	0.3336	0.4508	3.90	0.4223	0.4752
1.90	0.3944	0.3734	4.00	0.4984	0.4204
2.00	0.4882	0.3434	4·10	0.5738	0.4758

ভৌড অলোক্বিভান

v	x	у	v	x	у
4·20	0.5418	0.5633	5.70	0.5385	0.4595
4.30	0.4494	0.5540	5.80	0.5298	0.5461
4.40	0.4383	0.4622	5.90	0.4486	0.5163
4.20	0-5261	0.4342	6.00	0.4995	0.4470
4.60	0.5673	0.5162	6.10	0.5495	0.5165
4.70	0.4914	0.5672	6.30	0.4676	0.5398
4.80	0.4338	0.4968	6.30	0.4760	0.4555
4.90	0.5002	0.4350	6.40	0.5496	0.4965
5.00	0.5637	0.4992	6.20	0.4816	0.5454
5·10	0.4998	0.5624	6.60	0'4690	0.4631
5·20	0.4389	0.4969	6.70	0.5467	0.4915
5'30	0.5078	0.4405	6.80	0.4831	0.5436
5.40	0.5573	0.5140	6.90	0.4732	0.4624
5·50	0.4784	0.5537	7.00	0.5207	0.4591
5·60	0.4517	0.4700	G. Carlos and		

অংশের জন্য P বিন্দুতে আলোকের আপেক্ষিক তীব্রতা পাওয়া বাইবে নিয়োক্ত সমীকরণ হইতে

$$I = \left[\int_{0}^{v} \sin \frac{\pi}{2} v^* dv \right]^2 + \left[\int_{0}^{v} \cos \frac{\pi}{2} v^* dv \right]^2$$
 (3.28)

এখানে সমাকলের সীমা v এবং 0 এর মান প্রকৃতপক্ষে নির্ভর করিবে আলোচা পরীক্ষার কালে a, b এবং λ এর মানের উপর । এই সংখ্যাগুলির মূল্য হইতে সংশ্লিক নির্মাতিক চল v এর মান 3.26 সমীকরণের সাহাব্যে বাহির করিয়া তীরতার হিসাব কর। হয়।

এই সমাকল দুইটিকে বলা হয় ক্লেনেলের সমাকল (Fresnel's integrals).
ইহালের মান ক্লেনেল নকেনহাওয়ের, কন্দি এবং গিলবাট (Fresnel, Knochenhauer, Cauchy, Gilbert) বিভিন্ন পদ্ধতিকে নির্ণয় করিয়াছেন ।
ইহা নিমের তালিকায় দেওয়া হইল । এই তালিকা হইতে দেখা যায় বে ৮ চলটির মান বাড়াইতে থাকিলে সমাকল দুইটির মান ক্রমান্বয়ে চরম এবং অবম মানের মধ্য দিয়া গমন করে এবং অবশেষে ইহারা উভয়েই একটি ধ্বকে আসিয়া উপস্থিত হয় । এই ধ্বকের মৃলা 🖟 । ইহার কারণ এই ষে

$$\int_{0}^{\infty} \sin mx^{2}dx - \int_{0}^{\infty} \cos mx^{2}dx - \sqrt{\frac{\pi}{8m}}; \text{ এটি একটি প্রতিষ্ঠিত}$$

ফল

কাজেই এই ফলের সাহাযে। $m=\frac{\pi}{2}$ এবং v=x বসাইয়া পাওয়া যার

$$\int_{0} \sin \frac{\pi}{2} v^{2} dv - \int_{0} \cos \frac{\pi}{2} v^{2} dv - \sqrt{\frac{\pi}{8 \times \frac{\pi}{2}}} - \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{8}.$$

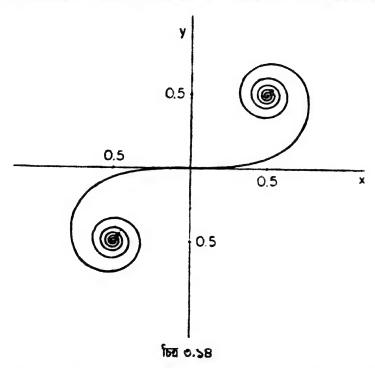
সূতরাং দেখা বার বে অর্থেক তরক্ষের প্রভাব এই হিসাবে আপেক্ষিক গ্রামে

माफ़ाইद्व
$$I = \left[\int_{0}^{\infty} \sin \frac{\pi}{2} v^{2} dv \right]^{2} + \left[\int_{0}^{\infty} \cos \frac{\pi}{2} v^{2} dv \right]^{2}$$
$$= \left(\frac{1}{2}\right)^{2} + \left(\frac{1}{2}\right)^{2} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4}.$$

আলোর ভীরতা পাওর। বার দুইটি সমাকলের বর্গের সমকি হইতে। সূতরাং এই সমাকল দুইটি বনি x এবং y ধরা বার তবে লেখা বাইতে পারে

$$I = x^3 + y^3.$$

অতএব এই সমাকল দুইটি পরস্পর অভিলবে অবস্থিত অক্ষরের দিকে পরিণামিক বিস্তারের উপাংশ বলিরা গণা করা বাইতে পারে। কাল্কেই এই পরিণামিক বিশুরের লেখ পাওয়া বাইবে এমন একটি বিস্পুর গতি হইতে বাহা সমাকল দুইটির মানের উপর নির্ভরশীল। অক্ষরের উৎস এই বিস্পৃতে বোগ করিলে বে সরলরেখার সৃষ্টি হইবে সেইটিই হইবে পরিণামিক বিশুরে। এই পরিণামিক বিশ্তারের বর্গ আলোর তীব্রভা নির্ণর করিবে। এই লেখটি প্রথমে কর্ণু আলোচনা করেন বলিয়া ইহাকে কর্ণুর সপিলরেখা (Cornu's spiral) বলা হয়। চিত্র নং ৩.১৪এ এই সপিলরেখাটি দেখান হইয়াছে।



এই লেখ অনুসারে বাদ সমগ্র তরঙ্গই P বিন্দৃতে প্রভাব বিস্তার করে তাহা হুইলে পরিণামিক বিস্তার পাওয়া বাইবে

$$x=0.5+0.5=1$$
; $y=0.5+0.5=1$.
 $I=x^2+y^2=1^2+1^2=2$.

সূতরাং দেখা বাইতেছে যে অপেক্ষিক গ্রামে সমগ্র তরক্ষের প্রভাবে উৎপন্ন আলোর তীবাতা 2 হইবে, আর এই গ্রামে অর্থেক তরক্ষের প্রভাব হইবে 1.

কর্ণুর এই সির্পালরেখা দারা বাবর্তনের সমস্যার সমাধান করা বার বলিরা ইহার বৈশিষ্ট্য আলোচনা করা বাস্থনীর। এই লেখে ৩ উৎসবিন্দু ও হইডে স্থাপিলরেখার বরাবর আলোচাবিন্দুর দূরত্ব বোঝার। কাজেই

$$x = \int_0^v \sin \frac{\pi}{2} v^2 dv \qquad y = \int_0^v \cos \frac{\pi}{2} v^2 dv$$

হইতে সহজেই বোঝা যার যে ৩ এর মান শ্ন্য হইলে সমাকল দুইটিও শ্ন্য হইবে। অভএব সর্গিলরেখাটি উৎসবিন্দু 0 এর মধ্য দিয়। যাইবে। এছাড়া লেখটি কেন্দ্রবিন্দু 0 এর সহজে প্রতিসম ও (symmetrical about the origin) হইবে; কারণ ৩ এর মান ধনাত্মক হইতে ঋণাত্মক অথবা বিপরীতমুখী করিলে সমাকলের মানের কোন পরিবর্তন হইবে না শুধু ইহার চিন্দের (sign) পরিবর্তন ঘটিবে। তবে ৩ যখন ধনাত্মক হইবে তখন ৫ এবং ৫ উভরেই ঋণাত্মক হইবে। আবার ৩ ঋণাত্মক হইলে ৫ এবং ৫ উভরেই ঋণাত্মক দাড়াইবে। অতএব সর্গিলরেখাটি কেন্দ্রবিন্দু 0 এর সহজে প্রতিসম হইবে। ৫ এবং ৫ অজক বারা যে চারিটি পাদের (quadrant) সৃষ্টি হইবে সর্গিলরেখাটি ভাহার প্রথম এবং তৃতীর পাদে আবদ্ধ থাকিবে। প্রথমপাদের অংশ তৃতীর পাদের সম্পূর্ণ অনুর্প; একমাত্র তফাং এই যে ইহারা কেন্দ্রবিন্দু 0 এর সহজে বিপরীতমুখী হইরা অবস্থান করিবে (প্রতিসামোর ধর্ম অনুসারে এইর্পই হইবার কথা)।

ধরা বাক সপিলরেখাটির কোনও বিস্পৃতে ইহার নতি (slope) ψ . তাহা হইলে লেখা বার

$$\tan \psi - \frac{dy}{dx} - \frac{dy}{dv} \cdot \frac{dv}{dx} - \frac{dy}{dv} / \frac{dx}{dv}$$
.

ফ্রেলের সমাকল হইতে লেখা বার

$$\tan \psi = \frac{\sin \frac{\pi v^2}{2}}{\cos \frac{\pi v^2}{2}}$$

$$-\tan\frac{\pi v^2}{2}$$

$$\therefore u = \pi v^2$$

$$\therefore \quad \psi = \frac{\pi v^2}{2}.$$

সিপিলরেখার একটি ক্ষুদ্র অংশ dl কে লেখা বার

$$(dl)^{2} = (dx)^{2} + (dy)^{2} = \cos^{2}\frac{\pi v^{2}}{2}(dv)^{2} + \sin^{2}\frac{\pi v^{2}}{2}(dv)^{2} - (dv)^{2}$$

 $\therefore dl = dv.$

আবার dv ∝ ds. [এখানে ds ভরঙ্গমুখের মেরু হইতে অনাবৃত অংশ বুঝার]
∴ dl ∝ ds.

সূত্রাং উৎস হইতে সর্গিলরেখার দৈর্ঘ্য তরঙ্গমুখের অনাবৃত অংশের সমানুপাতিক। সর্গিলরেখার বক্ততার ব্যাসার্ধ (radius of curvature) যদি ρ হর তবে লেখা বার

$$\rho = \frac{dl}{d\psi} - \frac{dv}{d\psi}$$

शृर्क्ट लाचा गिताए du = #vdv

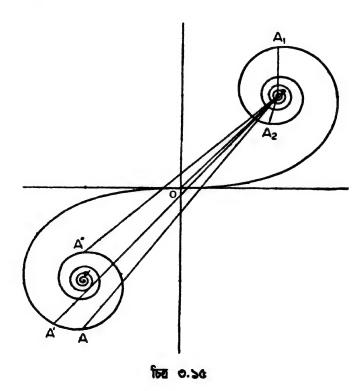
$$\rho = \frac{dv}{\pi v dv} = \frac{1}{\pi v}$$

বেহেতু উৎসে v=0, সুভরাং $\rho=\infty$

অভএব উৎস একটি নতিবিন্দু (point of inflection), v এর বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে ρ এর মান কমিতে থাকে আর যখন $v=\infty$ হয় তখন $\rho=0$ দাড়ায়। উৎসের উভর দিকে ρ এর মান প্রতিসম।

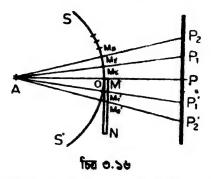
আৰু খারে ব্যবন্ত ন (diffraction by a straight edge).

এই প্রকারের ব্যবর্তন পূর্বে গুণাস্থকভাবে (qualitatively) আলোচিত হইরাছে। ক্রেনেলের সমাকলব এবং কর্ণুর সাঁপলরেখার সাহাব্যে পরিমাণাস্থক ভাবে (quantitatively) ঝালরের আলোর তীব্রতা বাহির করা বার (অবশ্য আপেক্ষিক গ্রামে)। ০.১৬ নং চিত্রে A আলোকউৎস হইতে MN অবছ বাধার ঋতু ধার ছেবিরা আলো P_*P_* ' পর্দার আসিয়া পড়িতেছে। পর্দার P_*P_* পর্দার আসিয়া পড়িতেছে। পর্দার P_*P_* ক্যামিতিক ছায়ার সীমার অর্বান্থত। পর্দার বিভিন্ন বিন্দৃতে আলোকের তীব্রতা নির্ণর করিতে হইবে। যে পদ্ধতিতে সাধারণত এই পরীক্ষা করা হর তাহাতে P_* একটি রেখাছির, ইহার দৈর্ঘ্যে চিন্ততলের সহিত অভিলয়ে অবস্থিত ; আর ঋতু ধারটিও ইহার দৈর্ঘ্যের সহিত সমাস্তরাল। পূর্বেই দেখান হইয়াছে যে এর্প ক্ষেত্রে রেখাছির হইতে ব্যন্তকাকৃতি তরঙ্গ নির্গত হইবে। আর পর্দার যে কোনও বিন্দু P_* বা P_* এ আলোর তীব্রতা হিসাব করিতে হইলে তরঙ্গের একমান্ত সেই তলই কার্য্যকরী হইবে যেটি চিত্রে দেখান হইয়াছে। এখানে চিন্ততল ব্যন্তকের অক্ষের সহিত অভিলয়ে অর্বান্থত আর P_* বা P_* বিন্দু এই তলেই অবন্থিত ; উক্ত তল ব্যন্তকাকৃতি তরঙ্গকে P_* বা P_* বিন্দু এই তলেই অবন্থিত ; উক্ত তল ব্যন্তকাকৃতি তরঙ্গকে P_* বাংশে ছেদ করিতেছে।



পর্দার বে কোনও বিন্দু P এ আলোর তীব্রতা নির্ণর করিতে হইলে পূর্বের ন্যার ফ্রেনেলের অর্দ্ধপর্যার অংশের ধারণার সাহায্য নিতে হইবে।

রেখাছিয় A হইতে বে শুন্তভাকৃতি ভয়স বাহির হইবে P বিন্দুতে তাহার কার্যাকরী অংশ SS' বৃত্তকে P বিন্দুর জন্য M_1 , M_2 , M_3 , M_3' , M_3' ইত্যাদি অর্ধপর্বার অংশে বিভন্ত করা হইরাছে। P বিন্দুটি বদি আলোকের



জ্যামিতিক সীমার অর্থাস্থত হর তবে ইহার মেরু হইবে O বিন্দু। এই বিন্দৃটি SS' কে এমন দুইটি সমানভাগে ভাগ করিতেছে বাহার নীচের অংশ বাধা M_N দ্বারা সম্পূর্ণ ঢাকা পড়িরাছে আর উপরের সমস্ত অংশটাই প্রেরিত হইতেছে। এই অবস্থার কর্নুর সাপিলরেখা O বিন্দু হইতে P পর্যান্ত সর্মারেখা তরঙ্গের বিস্তার দিবে। সূত্রাং তীরতার মান দাড়াইবে

$$I = (0.5)^2 + (0.5)^2 = 0.25 + 0.25 = 0.50$$

P বিন্দু যদি উপরদিকে সরির। P_1 বিন্দুতে অবস্থান করে তবে P_1 বিন্দুর মেরু হইবে M_1 . ধরা বাক P_1 এর অবস্থান এমন বে OM_1 ক্লেনেলের প্রথম অর্থপর্বার অংশ বুকাইতেছে। তাহা হইলে তরঙ্গের সম্পূর্ণ উপরের অর্ধাংশ আর নীচের অর্ধাংশের প্রথম অর্থপর্যার অংশ পর্দার P_1 বিন্দুতে পাড়িবে। এই ক্ষেত্রে সাঁপলরেখার P বিন্দুতে বালাকের পরিপামিক বিন্তার বুঝাইবে আর এই ক্ষেত্রে আলোরে তীরভা দাড়াইবে $P_1\Lambda^2$ (এখানে $O\Lambda$ একটি অর্থপর্যার অংশের প্রভাব বুঝাইতেছে)। এই ভীরভা ফ্লেনেলের সমাকলের ভালিকা হইতে বাহির করা যার। এস্থলে মুলভাবে লেখা যার

$$x = 0.5 + 0.54 = 1.04$$

$$y = 0.5 + 0.71 = 1.21$$

$$\therefore I = x^2 + y^2 = (1.04)^2 + (1.21)^2 = 2.549.$$

সূতরাং শেখা বাইতেছে বে এই তীব্রভার মান বাধাহীন সম্পূর্ণ তরঙ্গের মান 2 এর চেরেও অনেকটা বেশী। জার ছারার জ্যামিতিক সীমাস্ত P বিশৃতে ভীন্নভার অপেকা ইহা চতুর্গুণেরও বেশী। অবশ্য এটিই সর্বোচ্চ ভীরভা নর, ইহার অপেকাও বেশী ভীরভা পাওরা বাইবে P_1 এর অবস্থান হইতে সামান্য নীচে।

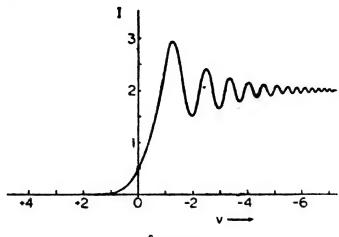
বদি একটি সরলরেখার একদিক P বিন্দুতে রাখিয়া অন্যদিকে OP' সাঁপলরেখার এমনভাবে সরানো যার যাহাতে এই সরলরেখার দৈর্ঘ্য পরিবাঁতিত হইতে থাকে তবে দেখা যাইবে বে A' বিন্দুতে এই দৈর্ঘ্য বৃহত্তম হইবে, আর O হইতে A বিন্দুর কিছু আগেই A' বিন্দু পাওয়া যাইবে । ইহার মোটামুটি তীব্রতা দাড়াইবে

$$x_1 = 0.50 + 0.64$$
; $y_1 = 0.50 + 0.68$
= 1.14 = 1.18
 $\therefore I = (1.14)^2 + (1.18)^2 = 2.692$.

বদি এবার এমন একটি বিন্দু P_2 ধরা বায় বে ইহার মেরু M_2 O বিন্দু হইতে দুইটি অর্ধপর্যার অংশ জুড়িয়া থাকে তবে বিস্তার পাওয়া বাইবে চিত্রে PA' সরলরেখা হইতে। আর ইহার দৈর্ঘা PA অথবা PA' হইতে অনেক কম। এইরুপে P বিন্দু হইতে বত উপরের দিকে বাওয়া বাইবে ততই বিস্তারের সরলরেখা সাঁপলরেখার O বিন্দু হইতে ক্রমণ P' বিন্দুর দিকে বাইতে থাকিবে। আর ইহার ফলে তীরতাও পর্যারক্রমে বাড়িতে এবং কমিতে থাকিবে। অইরুপে যখন P হইতে এত উপরে বাওয়া বাইবে যে তরঙ্গের কার্যাকরী অংশের সমস্রটাই প্রেরিড হওয়ার সুবোগ পাইবে তখন তীরতা একটি ধুবক মান 2 এ আসিরা দাড়াইবে। অর্থাৎ এই ক্রেত্রে ধরা বায় বে অবচ্ছ বাধাটি বেন উপস্থিত নাই।

অপরাদকে যদি P'_1 বিন্দুটি P এর নীচের দিকে অবস্থিত হয় এবং OM'_1 একটি অর্ধপর্যায় অংশের সমান হয় তবে তরঙ্গের সমস্ত নীচের অর্ধাংশ এবং উপরের অর্ধাংশের প্রথম অর্ধপর্যায় অংশ কাটা পড়িবে। সূতরাং সাঁপলরেখা হইতে বিস্তার পাওরা যাইবে এবার P বিন্দুকে A_1 বিন্দুতে যোগ করিয়া। আর চিত্র হইতে দেখা যাইবে যে এই বিস্তার PA এর তুলনার অনেক কম। বিদ্ P'_2 আরও নীচে হয় এবং OM'_2 দুইটি অর্ধপর্যায় অংশের সমান হয় তবে বিস্তার হইবে PA_2 ; ইহা PA_1 হইতে কম। কিন্তু লক্ষাণীয় এই যে P' বিন্দুগুলির অবস্থান যত নীচের দিকে যাইতে থাকিবে PA দৈশ্বা সমূহও ততই ক্রমাগত এবং নিরবিদ্ধারমূপে ক্ষুত্রর হইতে থাকিবে, P হইতে উপরের দিকের বিন্দুসমূহের তীর্মার মত ইহাতে

ভেদ দেখা বাইবে না। এই তীব্রতার বর্ণন নিয়লিখিত চিপ্রদার। বুঝান বার ।



চিত্ৰ ৩.১৭

ইহার একটি আপেক্ষিক মান নিমের তালিকা হইতে মোটামুটি পাওয়া বার। এই ক্ষেত্রে MP দূরত্ব 1 মিটার ধরা হইয়াছে।

P বিন্দু হইতে	জ্যামিতিক ছায়৷ P হইতে	জ্যামিতিক ছায়া P হইতে
দূরত্ব (cm)	বাহির দিকে আলোর তীরতা	ভিতর্নিকে আলোর তীব্রতা
0.060	2.7496	0.0596
0.094	1.5548	0.0280
0.117	2.3990	0.0182
0.136	1.6984	0.0134
0.155	2.3018	0.0106
0.170	1.7436	0.0088

এই তালিকা অনুসারে বাধাহীন সম্পূর্ণ তরঙ্গের তীরতা 2 ধর। হইয়াছে। বালরশ্রেণীর প্রথমটির চরম তীরতা 2.7496 এবং ইহার পরের অবম তীরতা 1.5548. অপর্যাদকে ছারার মধ্যে এই দ্রন্ধে তীরতা যথাক্রমে 0.0596 ও 0.0280. সুতরাং 2 তীরতার তরঙ্গের সহিত 0.0596 এবং 0.0280 তীরতার তরঙ্গের বাতিচারের ফলে যথাক্রমে 2.7496 এবং 1.5548 তীরতা পাওরা উচিত। দেখা যার প্রথমক্ষেত্রে পরিগামিক বিভার হইবে

 $\sqrt{2.0} + \sqrt{0.0596} = 1.4140 + 0.2441 = 1.6581$ ভੀਜ਼ਰਮ $I = (1.6581)^2 = 2.739$

আবার বিতীয় ক্ষেত্রে পরিণামিক বিস্তার হইবে

$$\sqrt{2.0} - \sqrt{0.0280} = 1.4140 - 0.1643 = 1.2467$$

∴ তীব্যুতা I = (1.2467)² = 1.555

সূতরাং দেখা যাইতেছে যে মোটামুটিভাবে নির্ণীত তীব্যতা পরীক্ষালন্ধ তীব্যতার সহিত মিলিয়া যাইতেছে যাহা হইতে এই হিসাব পদ্ধতির যথার্থতা সম্বন্ধে নিঃসন্দেহ হওয়া যায়।

উপরের হিসাবপদ্ধতির ব্যাখ্যা হিসাবে বলা যায় যে ছায়ার নীচের দিকে তরক্ষের এক অর্ধাংশ সম্পূর্ণরূপে রুদ্ধ হইয়াছে অপর অর্ধাংশের খানিকটাই শুধু প্রভাব বিস্তার করিতেছে। উপর্রদিকে অনুরূপ অংশ একবার সমদশা-সম্প্রহ হওয়ায় যুক্ত হইতেছে এবং দ্বিতীয় ক্ষেত্রে বিপরীত দশা-সম্প্রহ হওয়ায় ইহার প্রভাব বাদ দিতে হইতেছে।

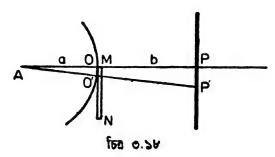
আলোর সরলরেখায় গমন (Rectilinear propagation of light).

সাধারণভাবে মনে হয় যে আলো সরলরেখায় গমন করে কারণ কোনও বাধার ধার বেষিয়া গেলে ইহা ছায়ার সৃষ্টি করে। কিন্তু এই সরলরেখায় গমন শুধু আপাতদৃষ্টিতে সত্য ; সৃক্ষভাবে দেখিলে বুঝা যাইবে যে ছায়ার সীমানার নিকটে আলোর তীব্রতার ভেদ সৃষ্টি হয়। ইহার ব্যাখ্যা করিতে হইলে মনে রাখা প্রয়োজন যে সমগ্র তরঙ্গের প্রভাব দাড়ায়

$$S=\frac{m_{\perp}}{2}\pm\frac{m_{\rm a}}{2}$$

এই সমীকরণে m_1 এবং m_n যথাক্রমে প্রথম এবং শেষ অর্ক্রপর্যায় অংশ ব্যাইতেছে। তাছাড়া দেখা গিয়াছে বে এই অর্ক্রপর্যায় অংশসমূহের প্রভাব মেরু হইতে বাহিরের দিকে দুত কমিয়া আসে যাহার ফলে শেষের দিকের অংশগুলির প্রায় কোন প্রভাবই থাকে না (চিত্র নং ৩.৮)। সূতরাং বলা যায় যে প্রভাববিস্তারে মেরুর নিকটবর্তী কয়েকটি অর্ক্রপর্যায় অংশই শুধু কার্যকরী হয় বাকীগুলি নয়। আর আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য খুবই ক্ষুদ্র হওয়ায় মেরু হইতে অম্প দ্রের মধ্যেই বেশ কিছুসংখ্যক অর্দ্রপর্যায় অংশ আবদ্ধ থাকে। সূতরাং যদি এই কার্যাকরী অংশগুলি কোনও বাধার দ্বারা ঢাকা পড়িয়া বায় তবে আলোচা বিস্ফুতে আলোর তীব্রতা শ্না দাড়াইবে। অর্থাৎ জ্যামিতিক ছায়ার ভিতর্বাদকে অম্প দ্রেই আলোর তীব্রতা খুব দুত কমিয়া যাইবে এই স্থানে কার্যকরী অর্ক্রপর্যায় অংশের অনুপান্থিতির দর্শ । ইহাই হইল আলোর আগ্নাত

সরলরেখার গমনের ব্যাখা। ইহা নিরের উদাহরণ বার। আরও স্পর্কভাবে বুবান বার।



০.১৮ নং চিত্রে একটি ঋদু ধার বাধা MN ঘেবিয়া আলো উৎস A হইন্তে PP' পর্পার উপরে পড়িভেছে । স্থামিতিক ছায়া P হইতে নীচে P' বিস্পৃতে বিদ আলোর পরিমাণাস্থক তীওতা নির্ণয় করিতে হয় তবে কর্ণ্,র সাঁপলরেখার সাহাব্যে নেওয়া বাইতে পারে । ধরা বাক $a-b=400~\mathrm{cm}$; $\lambda=6000~\mathrm{Å}$. তাহ। হইলে

$$\triangle v = \triangle s \sqrt{\frac{2(a+b)}{ab\lambda}} = \triangle s \times 1.30 \times 10 - 13.0 \times \triangle s$$

এক্ষেরে তরঙ্কের সম্পূর্ণ নীচের অর্জাংশ এবং উপরের অর্জাংশের OO খণ্ড ঢাকা পড়িরাছে। সূতরাং পরিণামিক বিস্তার নির্ণয় করিতে হইলে কর্ণার সাঁপল-রেখার উপরের অর্জেক হইতে OO অংশের প্রভাব বাদ দিতে হইবে। আর এই OO অংশের মান নির্ভর করিবে P বিন্দুর অবস্থানের উপর। বাদ ধর। বার PP'=0.02 cm, ভবে $\Delta s=\frac{a}{a+b}\times 0.02=0.01$

দ্রেনেলের সমাকলের তালিকা হইতে দেখা যার বে $\triangle v$ এই মানের জন্য পাওয়া বার $x_1 = 0.13$ $y_1 = 0.002$

পূর্বেই দেখা গিয়াছে যে তরঙ্গের অর্দ্ধাংশের দরুণ x এবং y এর মান $\frac{1}{2}$. একেত্রে এই বিস্তার হইতে x_1 এবং y_2 এর মান বাদ দিলে অনাবৃত তরঙ্গের প্রভাব বাহির হইবে। কাজেই তীরতা দাড়াইবে

$$I = (x - x_1)^2 + (y - y_1)^2$$
= (0.50 - 0.13) + (0.50 - 0.002) - (0.37) + (0.498) - 0.39.

সম্পূর্ণ তরদের তীব্রতা 2 এর সঙ্গে তুলন। করিলে দেখা বার বে জ্যামিতিক

ছারার মাত $0.02~\mathrm{cm}$. ভিতরদিকে আলোর ভীরতা ইহার $0.39/2\simeq 1$ দাড়ার। বদি PP' $(0.6)~\mathrm{cm}$. হয় তবে পাওয়া বায়

$$\triangle s = 0.3$$
; $v = 3.9$.

আর PP' এর এই মানের জন্য ভীব্রতা হইবে

I = (0.50 - 0.42) + (0.50 - 0.47)
= (0.08) + (0.03) = 0.0064 + 0.0009 = 0.0073

কাজেই P বিন্দু হইতে এই দ্রম্বের তীব্রতা দাড়াইবে সম্পূর্ণ তরক্ষের তীব্রতার 0.0073 = 0.0037.

এই হিসাব হইতে দেখা বাইতেছে বে জ্যামিতিক ছারা P বিন্দু হইতে ভিতরদিকে আলোর তীব্রতা অতি দুত কমিতে থাকে বেজন্য আপাত দৃষ্টিতে মনে
হয় বে আলো সরলরেখার গমন করিতেছে। আর এজনা P বিন্দুতে সম্পূর্ণ
অন্ধকারের সৃষ্টি হইরাছে। কিন্তু প্রকৃতপক্ষে P বিন্দুতে আলোর তীব্রতা
কিছুটা বর্তমান থাকে এবং এই তীব্রতা ছারার ভিতরের দিকে অতি পুত
কমিতে কমিতে অম্প দূরেই শূন্যে পরিণত হয়।

মণ্ডল কলক (Zone plate).

মণ্ডল ফলক ফ্রেনেলের অর্থপর্যার অংশের ধারণার একটি সমর্থক পরীক্ষা বলা যায়। এই ধারণা অনুসারে সমগ্র তরঙ্গের প্রভাব নির্ণর করিতে ইহাকে কতকর্গুলি অর্জপর্যার অংশে বিভক্ত করা হইরাছে এবং ধরা হইরাছে পাশাপাশি দুইটি অংশ বিপরীত দশার থাকার জন্য পরস্পরকে প্রায় ধ্বংস করে। এইরুপে সমগ্র তরঙ্গের পরিণামিক প্রভাব হিসাব করা হয়। ইহা হইতে সহজেই ধরা যায় যে প্রথম ও তৃতীর অংশ বা দিতীর ও চতুর্থ অংশ সমদশা-সম্পন্ন হইবে। সূতরাং যদি সমগ্র জ্যোড় বা সমস্ত বিজ্ঞোড় সংখ্যক অংশগুলি কোনওক্রমে আটকাইয়া দেওয়া যায় তবে বাকী প্রেরিত অংশগুলি সকলেই সমদশা-সম্পন্ন হইবে; আর ইহার ফলে ইহাদের পরিণামিক প্রভাব অনেক বাড়িয়া যাইবে। সমগ্র তরঙ্গ প্রেরিড হইলে দেখা গিয়াছে যে এই ক্ষেত্রে বিস্তার হইবে

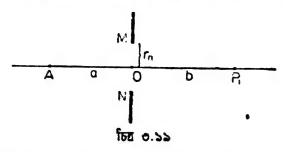
$$s = \frac{m_1}{2} \pm \frac{m_n}{2} = \frac{m_1}{2}$$
.

কিন্তু সমস্ত বিজ্ঞাড় অংশগুলি আটকাইয়া দিলে পরিণামিক বিস্তার দাড়াইবে $s=m_*+m_*+...m_*$

এবং জ্বোড় অংশগুলি বাদ দিলে দাডাইবে

$$s = m_1 + m_8 + m_8 + \dots m_{2n+1}$$

০.১৯ নং চিত্রে A উৎস হইতে আলোক MN বৃত্তাকার ছিন্ন দিয়া ডানদিকে বাইতেছে। ছিন্রের কেন্দ্র O এবং A বিন্দু যোগ করিয়া যে সরলরেখা পাওয়া বার তাহাকে চিত্রের অক্ষ বলা যায়। এই অক্ষের উপর P_1 বিন্দুতে বিদ আলোর তীব্রতা নির্ণর করা বায় তবে দেখা বাইবে বে O বিন্দু হইতে



 P_1 এর দ্রুদ্বের সঙ্গে আলোর তীরতারও হ্রাসবৃদ্ধি হইবে। A হইতে বে তরঙ্গ MN বাধার আসিয়া পড়ে তাহাকে P_1 বিন্দুর জন্য কিছুসংখ্যক অর্দ্ধপর্যার অংশে ভাগ করা যায়। পূর্বে দেখা গিরাছে বে এই অর্দ্ধপর্যায় অংশের ক্ষেত্রফল স্থুলভাবে দাড়ায় (সমীকরণ 3.5)

$$\frac{\pi ah\lambda}{a+h}$$

এই রাশিমালার সমীকরণ 3.5 এর r = b ধরা হইরাছে ; ছিদ্রের ব্যাস OP(=b) দূরত্বের তুলনার খুবই ছোট হওয়ায় এইজনা তুল খুব সামানাই হইবে । তবে এই রাশিমালা হইতে মনে হইবে যে সমস্ত অর্ধপর্যায় অংশের ক্ষেত্রফলই এক বিলও পূর্বের হিসাব হইতে দেখা গিয়াছে যে ইহা r এর সমানুপাতে বাড়ে । বাহা হোক মোটামূটিভাবে ধরা ষায় যে ক্ষেত্রফল উপরোম্ভ রাশিমালা ঘারা বুঝান ঘাইবে । P_1 এর দূরত্ব বাদ এমন হয় যে ছিদ্র দিয়া m সংখ্যক অর্ধপর্যায় অংশ গমন করে তবে লেখা যায় (বর্হমান ক্ষেত্রে ছিদ্রের বাসে ধরা হইয়াছে r_m)

$$\pi r_{m}^{2} = \frac{m\pi ab\lambda}{a+b} \quad \boxed{1} \qquad r_{m}^{2} = \frac{mab\lambda}{a+b}.$$

$$\therefore b = \frac{ar_{m}^{2}}{ma\lambda - r_{m}^{2}} \qquad (3.29)$$

পূর্বের আলোচনা হইতে বুঝা ঘাইবে m এর জোড় সংখ্যার জনা P_1 বিস্ফুতে অবম আলোক তীব্রতা এবং m এর বিজ্ঞোড় সংখ্যার জনা চরম আলোক তীব্রতা পাওয়া ঘাইবে। সুতরাং বদি অক্ষরেখা বরাবর P_1 এর অবস্থান পরিবর্তন করা হয় তবে ইহা পর্বায়ক্রমে চরম এবং অবম তীব্রতার মধ্য

দিরা বাইবে। এই নীতির উপর নির্ভর করিরা মণ্ডলফলক তৈরী করা হয়। একটি কাগজে কতকগুলি সমকেন্দ্রিক বৃত্ত আঞা হয় এবং ইহাদের ব্যাসার্ধ পরপর পূর্ণসংখ্যার বর্গমূলের সমান নেওয়া হয় (proportional to \sqrt{n}



চিত্ৰ ৩.২০

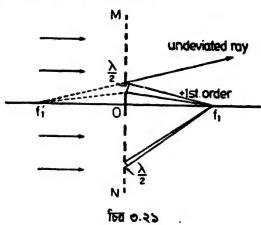
where n=1, 2, 3, 4···etc.). তাহা হইলে প্রতিটি ব্রের ক্ষেত্রফল এই পূর্ণসংখার সমানুপাতিক হইবে। ফলে পরপর দুইটি বৃত্তের মধ্যে বে ক্ষেত্রফল আবদ্ধ হইবে তাহা সমন্ত ক্ষেত্রেই এক হইবে। অর্থাৎ এইরপ অব্বনের ফলে সূত্র অর্ধপর্যায় অংশগুলির ক্ষেত্রফল সমান দাড়াইবে। এইবার বদি প্রতিটি বিজ্ঞোড অথবা প্রতিটি জ্ঞোড সংখ্যক অর্ধপর্যায় অংশকে কালো বং করিয়া ফোটোগ্রাফিক প্লেটে ইহার একটি ছোট ছবি তোলা যায় তবে এই ছবিটির উপরের চিত্রে প্রদৰ্শিত চেহার। হইবে। এই প্লেটের মধ্যে কালো অংশগুলি দিয়। কোনও আলো যাইতে পারিবে না, শুধুমাত স্বচ্ছ অংশগুলি দিয়াই আলো যাইবে। এইবার যদি MN অবস্থানে প্লেটটি রাখা হয় তবে কোনও তরঙ্গ-দৈর্ঘার জনা A এবং P, এর যে যে অবস্থানে ইহা অর্ধপর্যায়ের কাজ করিবে সেই সমন্ত স্থানে আলোর তীব্রতা চরম হইবে। কারণ আগেই বলা হইরাছে যে. এই সমন্ত ক্ষেত্রে একান্তর (alternate) অর্থপর্যায়গুলির আলো বন্ধ হওয়ায় যে সমন্ত অর্থপর্যায়ের মধ্য দিয়া আলো গমন করিবে তাহারা সমদশাসম্পন্ন হওয়ায় পরস্পরকে বৃদ্ধি করিবে। অতএব এই ক্ষেত্রে ফলকটি উত্তল লেলের মত আলোকে ফোকাসিত করিবার ক্ষমতার অধিকারী হইবে। এইবুপ ফলককে বলা হয় মণ্ডল-ফলক (zone plate).

ষ্বিব বলা হইয়াছে বে মণ্ডল-ফলক উত্তল লেলের মত আলো ফোকাসিত করিবার ক্ষমতা রাখে, তবুও লক্ষ্য করা দরকার যে উহাদের মধ্যে কিছুটা পার্থক্য আছে। প্রথমত উত্তল লেলের ক্ষেত্রে আলোকউংস হইতে ফোকাসতল পর্যান্ত সমস্ত আলোকরন্দিরই আলোকপথ সমান, কিছু মণ্ডলফলকের ক্ষেত্রে পরপর দুইটি অর্ধপর্যায় হইতে ফোকাস বিন্দু পর্যন্ত আলোকপথের তফাং মন্ত্রাং বিদিও মণ্ডলফলকের ক্ষেত্রে চরম আলোকভীরতার বিন্দুতে মিলিত রন্দিগুলির দশা একই, কিছু তাহাদের আলোকপথ বিভিন্ন। বিভীয়ত সাদা

আলোর ক্ষেত্রে লেলের জন্য বেগুনী আলোর ফোকাসলৈর্য্য লাল আলোর ফোকাসদৈর্ঘ্যের অপেকা কম। কিন্ত সমীকরণ 3.29 ছইতে দেখা বার যে মঙলফলকের বেলার লাল আলোর ফোকাসলৈর্ধ্য বেগুনী আলোর ফোকাসলৈর্ধ্যের অপেকা কম। এ ছাড়া একটি তরঙ্গদৈর্ঘোর জনা উত্তল লেলের কেন্তে একটিই ফোকাসতল থাকিবে। কিন্তু অৰ্থপৰ্বার আলের ক্ষেত্রফলের রাণিমালা $\frac{\pi ab\lambda}{a+b} = \frac{\pi a\lambda}{\frac{a}{c}+1}$ হইতে দেখা যায় যে bএর মান যদি কমিতে থাকে তবে একটি অর্থপর্বায় অংশের জনা প্রয়োজনীয় ক্ষেত্রফলও কমিতে থাকিবে। ধরা বাক boর এমন মান হইতে হিসাব আরম্ভ কর। হইল বাহাতে ফলকের বচ্ছ অংশগুলি এই P, বিন্দুর জন্য অৰ্ধপৰ্যায় বুঝাইতেছে। এখন যদি b ক্রমাগত কমাইয়া বাওয়া হয় তবে এমন একটা সময় আসিবে যে পূর্বের একটি অর্দ্ধপর্যায় অংশের ক্ষেত্রফল এখন তিনটি অর্কপর্যার অংশের ক্ষেত্রফলের সমান দাড়াইবে। এই অবস্থায় পর পর অর্বাস্থত তিনটি অর্ধপর্যায়ের দুইটি পরস্পরকে কংস করিবে কিন্তু তৃতীর্রটি নিজের প্রভাব অক্ষম রাখিবে। অতএব এই P, বিন্দুর অবস্থানে অৰ্থপৰ্বায় তিন্টির জন্য খানিকটা আলোকতীরত। অর্থাশন্ট থাকিবে। প্রতিটি বছে অর্থপর্বার অংশের জন্মই এই সর্ত পালিত হওয়ার ফলে P_{\star} বিন্দুতে আলোকতীব্রতা আবার চরম হইবে । এইরূপ P_1 বিন্দু যখন এমন সব অবস্থানে থাকিবে বে এই অবস্থানের জনা স্বচ্ছ অংশ পাঁচ, সাত ইত্যাদি অর্থপর্বার অংশ বুঝাইবে তখনও এই সমন্ত বিন্দুতে আলোকতীরতা চরম হইবে। অবশা উপরের আলোচনা হইতে সহজেই বুঝা বার বে প্রথম ক্ষেত্র হইতে ফোকাসবিশু যত মঙলফলকের দিকে আসিতে থাকিবে ততই আলোক-তীব্রতা হাস পাইবে। কারণ দিতীর ক্ষেত্রে তিনটি অর্ধপর্বারের একটির প্রভাব মাত্র অক্তম থাকিবে অথচ প্রথম ক্ষেত্রে সমন্ত বচ্ছ অংশের প্রভাবই কার্য্যকরী হটবে। অপরদিকে বে সমন্ত বিশুর জনা একটি বচ্ছ বৃত্ত দুই, চার, ছর ইত্যাদি অর্থপর্বার অংশের কাজ করিবে, সেই সমন্ত ক্ষেত্রে ইহা জোড়ায় জোড়ার পরস্পরকে ধ্বংস করায় সংশ্লিষ্ট বিন্দুর্গালতে অবম আলোকতীরত। দাড়াইবে। অভএৰ মণ্ডলফলককে বহু ফোকাস সম্পন্ন লেম্স বলা যায়।

মণ্ডলফলক শুধু অভিসারী (convergent) নর অপসারী (divergent) লেল হিসাবেও ক্রিয়া করিবে। চিত্ত নং ০.১৯ হইতে দেখা বার বে MON বিদ মণ্ডলফলকের একটি ছেদ (section) বুঝার তবে ইহার কেন্দ্র ০ বিন্দু হইতে বত বাহিরের দিকে বাওয়া বাইবে ততই বলরের প্রস্কৃত করিবে। বার্মাদক হইতে বন্দি সমান্তরাল আলোর লম্বভাবে আপতন ধরা বার এবং একটি

ক্ষোকাসবিন্দু যথা f_1 এর কথা বিবেচনা করা যার তবে একটি বলরের উভস্ন প্রান্ত হইতে নির্গত আলোকরণার মধ্যে পথপার্থক্য হইবে $\frac{\lambda}{2}$ এবং সমস্ত অর্ধপর্যার অংশের ক্ষেত্রেই এই সর্ত পালিত হইবে। বেহেতু বাহিরের গিকে বলরের প্রস্থ ক্রমাগত কমিতে থাকিবে সেজনা এই সর্ত পালিত হইতে হইলে একটি বলরের প্রান্তিক রশ্মি দুইটির অক্ষের সহিত বক্ততাও (inclination) বাড়িবে যাহাতে এই দুইটির পথপার্থক্য $\frac{\lambda}{2}$ হয়। আর এই সর্ত পালিত হওয়ার জনাই f_1 বিন্দৃতে একটি চরমতীরতা পাওয়া যার।

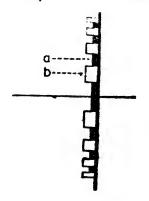


এখন অচ্যুত (undeviated) রশ্মির উপরের দিকে বে সমন্ত রশ্মি বাবতিত হইবে, তাহাদের প্রান্তিক রশ্মি দুইটিও এই সর্ত পালন করিবে। সূতরাং তাহাদের বেলারও ফোকাসের ধর্ম পাওয়া যাইবে। এইগুলিকে বলা চলিতে পারে ঋণাত্মক ফোকাস (negative focus). ইহারা মণ্ডলফলকের ডার্নাদকে পরস্পরকে ছেল করিবে না। বস্তুত অপসারী লেন্সের ন্যায় এই রশ্মি দুইটি বামদিকে বাড়াইলে f_1 বিন্দৃতে ছেল করিবে বলিয়া মনে হইবে। এই f_1 বিন্দৃই হইবে মণ্ডলফলকের ঋণাত্মক ফোকাস। স্বভাবতই এই ক্ষেত্রেও একাধিক ঋণাত্মক ফোকাসবিন্দুর অন্থিছ থাকিবে।

দশা-উৎক্ৰমণ মণ্ডলকলক (Phase-reversal zone plate).

এ পর্বান্ত মণ্ডলফলকের বে সব আলোচনা করা হইয়াছে তাহাতে দেখানো হইয়াছে বে পাশাপাশি অবন্থিত দুইটি অর্থপর্যায়ের একটিকে বন্ধ করিবার ফলে আলোকের চন্নম তীব্রভার উৎপত্তি হইয়াছে। কিন্তু এই প্রক্রিয়ায় আপত্তিত আলোর অর্থ্ধেক অংশই নক হইয়াছে। বিদ কোনও প্রকারে সংলগ্ধ দুইটি

অর্থপর্যায়ের একটির দশা স বদলানো যাইত তবে দুইটিই একই দশার হইত। ফলে ইহাদের প্রভাব পরস্পরকে সাহাষ্য করার পরিণামিক বিভার বিগুণ এবং আলোকতীব্রতা চতগুণি হইত । আর. ডব্রিউ. উড (R. W. Wood) এইরপ মঙলফলক তৈরী করিতে অনেকাংশে সফল হন। তিনি বাইকোমেট অব পটাশ (bichromate of potash) মিগ্রিড জিলেটিনের প্রলেপ দেওয়া ফটোগ্রাফিক প্লেটের সাহায়ে মণ্ডলফলকের একটি কাগজের নমুনার ছবি তোলেন। জিলেটিনের যে অংশগুলিতে আলো পড়ে সেখানে রাসার্যানক বিক্রিয়া হয় : ফলে সেই সমন্ত অংশের দ্রবণীরতা (solubility) কমিয়া বার । কাৰেই যদি ফোটোগ্রাফিক প্লেট 'ডেভেলপ' করিবার প্রণালীতে প্লেটটি ঈষদুফ জলে খানিকক্ষণ ডুবাইয়। নাড়া হয় তবে বে অংশে আলে। পড়ে নাই তাহার। অনা অংশের তুলনার বেশী গলিয়া ষাইবে এবং এই সমন্ত বলয়াকৃতি অংশে জিলেটিনের প্রলেপের গভীরত। কম হইবে। ইহার অর্থ এই দাড়াইবে বে আলো যখন এই সমন্ত অর্থপর্যায় অংশ দিয়া গমন করিবে তখন তাহাদের আলোকপথ অন্য অংশের তুলনায় অপেক্ষাকৃত কম হইবে। সূতরাং দুইটি পাশাপালি অর্থপর্যার অংশের মধ্য দিয়া পারগত রুলির পথপার্থকা 🛪 এর অপেক্ষা কম হইরা আসিবে। যদি ঠিকমত গভীরতা নিয়ন্ত্রণ করা যার তবে এই পথপার্থকোর মান শুন্যে পরিণত করা সন্থব। সেক্ষেত্রে পাশাপাশি দুইটি অর্ধপর্যায়ের আলোক রন্মি একই দশার হওয়ায় ইহার৷ পরস্পরকে ধ্বংস করার বদলে পূর্ণ সাহায়। করিবে । এবং লব্ধি বিস্তার দ্বিগুণ ও আলোকভীব্রতা চতুগুণ দাড়াইবে। অবশা গভীরতা এইবুপ নিয়ব্রণ করিবার কোনও নিশ্চিত পদ্ধতি নাই। তবে বার বার চেষ্ঠা করিলে কোনওটি এই সর্ত পালন করিতে পারে। সেক্ষেত্রে আলোকতীরতা চতুর্গুণের কাছাকাছি বাডিবে। চিচ্ন নং ৩.২৯(a) এইরপ একটি দশা-উৎক্রমণ মওলফলকের ছেদ দেখানো হইল।



- (a) অন্ধকার অংশ; এথানে ন্তরের গভীরত। আলোকিত অংশ হইতে কম। এই অংশ দিয়া পারগত আলোর পথ (b) অপেক্ষা কম।
- (b) আলোকিত অংশ, এখানে ন্তরের গভীরতা অন্ধকার অংশ হইতে বেশী। এই অংশ দিয়া পারগত আলোর পথ (a) হইতে বেশী।

লেন্স এবং মণ্ডল ফলকের মধ্যের সাদৃশ্য গাণিতিক সম্বন্ধ দ্বারাও দেখানো বার। মণ্ডল ফলকের আলোচনা হইতে পাওয়া গিয়াছে

$$r_m^2 = \frac{mab \lambda}{a+b}$$
.

ইহা হইতে লেখা ৰায়

$$ar_m^2 + br_m^2 = mab \lambda$$
আখবা $\frac{1}{b} + \frac{1}{a} = \frac{m\lambda}{r_m^2}$

সূতরাং এই ক্ষেত্রে বাদি চিত্র নং ৩.১৯ অনুসারে a বন্ধুদ্রত্ব এবং b প্রতিবিশ্ব দ্রত্ব বুঝার তবে $\frac{1}{m\lambda}$ কে ফোকাস দ্রত্ব হিসাবে বাবহার করিয়া লেখা যাইতে পারে

$$\frac{1}{b} + \frac{1}{a} = \frac{1}{f}$$

এবং এইটি লেন্সের সঙ্কেত

$$\frac{1}{v} + \frac{1}{u} - \frac{1}{f}$$
 এর অনুরূপ।

আবার দেখানো যায় যে

$$r_m^2 = mr_1^2$$

সূতরাং লেখা যায় $\frac{1}{b} + \frac{1}{a} = \frac{m\lambda}{mr_1} = \frac{\lambda}{r_1}$

এখানে r_1 এবং r_m মধাক্রমে প্রথম এবং m ক্রমের অর্থপর্যায় অংশের বৃত্তের ব্যাসার্দ্ধ ।

ব্যাবিনেটের নীঙি (Babinet's Principle).

বাবর্তনের ফলে প্রতিবিশ্ব গঠনের জ্যামিতিক নীতির পরিবর্তন হইরা থাকে। উদাহরণ শ্বরূপ বলা যায় বে যখন আলো আসিয়া এমন একটি অস্বচ্ছ বা বার উপরে পড়ে যাহার মধ্যে নাতিকুদ্র আকারের একটি ছিদ্র থাকে তাহা হইলে বাধার অপরাদকে রাখা কোনও পর্ণার উপর ঐ ছিদ্রের একটি প্রতিবিশ্বের সৃষ্টি হয়। একেতে ছিদ্রটি বড় হওয়ায় বাবর্তনের ভূমিকা গোণ হইয়া থাকে। কিন্তু ছিদ্রটি বদি খুব ছোট হয় তবে বাবর্তনের প্রভাবে প্রতিবিশ্বের আকৃতির পরিবর্তন হইবে। জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞান অনুসারে প্রতিবিশ্বের যে আকৃতির

হওরা উচিত তাহার অপেকা বড় কারগার আলো ছড়াইরা পড়ে। প্রতিকৃতিরী বাহিরে বে বিন্দুতে আলোকতীরতা শ্না সেখানে ছিন্তের এক অংশের প্রভাব নিন্দরই উহার বাকী অংশের প্রভাবের সমান এবং বিপরীত। অর্থাৎ S_1 বিদ ছিন্তের এক অংশ এবং S_2 ইহার বাকী অংশ হর আর সম্পূর্ণ ছিন্ত হয় S_2 তবে লেখা বার

$$S - S_1 + S_2$$

বে হেতু এই স্থানে আলোক তীৱতা শ্না, অতএব এখানে পরিণামিক বিস্তারও শ্না হইতে হইবে। কান্দেই S_1 অংশের জন্য এই বিন্দুতে বণি স্থা হয় $y_1=a_1 \sin wt$ তবে S_2 এর জন্য এই বিন্দুতে স্থাপ হইতে হইবে $y_2=-a_1 \sin wt$ বাহাতে পরিণামিক স্থাপ দাড়ার

$$y = y_1 + y_2 = a_1 \sin wt - a_1 \sin wt = 0$$

সৃত্রাং দেখা যাইতেছে যে বৃদি কোনও ছিদ্রের এক অংশ S_* অবচ্ছ বৃদির৷ ধরা বার এবং বাকী বৃদ্ধ অংশ S_* এর ভিতর দির৷ আলো বাবতিত হইরা ক্ষমন করে তাহা হইলে পর্দার এই বিন্দুতে আলোক তীরতার জন্য লেখা যার

$$y_1 = a_1 \sin(wt + a_1)$$
; $I_1 = a_1^2$.

আবার বাদ ইহার বদলে S_1 অংশ অস্বচ্ছ হয় এবং বাকী স্বচ্ছ অংশ S_2 দিয়া আলো গমন করে তবে এইক্ষেত্রে অনুরূপভাবে লেখা বার

$$y_2 = -a_1 \sin(wt + a_2)$$
; $I_2 = a_1^2$.

সূতরাং $I_1 = I_2$

অর্থাং দেখা বাইতেছে বে বাদ এক ক্ষেত্রের বছ অংশ অন্যক্ষেত্রের অবছ আংশ পরিবাতিত হয় তবে আশোকতীরতা অপরিবাতিত থাকে। ইহাই ব্যাবিনেটের নীতি। কিন্তু এই নীতি প্রবৃত্ত হইবে একমাত্র সেই সব বিশ্বুতেই বেখানে আলোক তীরতা শ্ন্য কারণ ইহাতে উপনীত হইতে প্রথমেই বিশ্বুতির আলোকতীরতা শ্ন্য ধরা হইয়ছে ।

অন্যাদকে P বিন্দুর আলোকতীরত। যদি শ্ন্য না হয় তবে জিনিষটি এইভাবে দেখিতে হইবে। ছিদ্রের দুই অংশ S, এবং S, হইতে উৎপদ্ম সংশ্বদি বথান্তমে লেখা বার

$$y_1 - a_1 \sin(wt + x_1)$$

$$y_2 = a_2 \sin(wt + \epsilon_2)$$

এবং সমগ্র ছিদ্র হইতে উৎপন্ন ভ্রংশ লেখা যার

$$y = A \sin(wt + \theta)$$
.

বেহেতু y_1 এবং y_2 এর মধ্যে দশার সম্বন্ধ বর্ত্তমান, সেইজন্য লেখা বার (সমীকরণ 2.6 অনুসারে)

$$A^2 = a_1^2 + a_2^2 + 2a_1a_2 \cos(\alpha_1 - \alpha_2)$$

অতএব আলোকভীৱতা লেখা যায়

$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1I_2}\cos(\alpha_1 - \alpha_2)$$

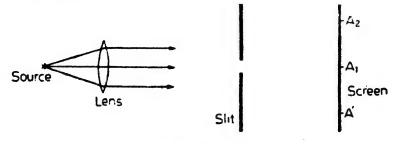
বলি $(a_1 - a_2) = \frac{\pi}{2}$ হর তবে লাড়ার

$$I = I_1 + I_2$$

সূতরাং একমাত্র এই ক্ষেত্রেই দুই অংশের আলোক তীব্রতা প্রক, (complementary) সবক্ষেত্রে নর।

ক্রমহকার ব্যবর্তন (Fraunhofer Diffraction).

আলোকের ব্যবর্তনের আলোচনার প্রসঙ্গে এ পর্যান্ত যে সমন্ত ক্ষেত্রের কথা বিকেনা করা হইয়াছে সেগুলি ফ্রেনেল ব্যবর্তন বলিয়া অভিহিত করা হয়। দেখা গিয়াছে যে এই সমন্ত ক্ষেত্ৰে আলোকরণ্ম যে কোনও একটি বাধা যা ছিদ্ৰে আপতিত হওরার ফলে সংগ্লিষ্ট তরঙ্গমুখ প্রভাবিত এবং পরিবটিতত হয়। এই বাধা বা ছিন্তে পরিবর্তনের পর বে প্রতিকৃতির সৃষ্টি হয় তাহা ঐ বাধা বা ছিদ্র ৰারা তরঙ্গমূখের পরিবর্তনের ফল। এই জাতীয় পরীক্ষায় এ পর্যান্ত যে সমন্ত উদাহরণ বিকেন৷ কর৷ হইয়াছে ভাহাতে কোনওর্প লেন্স বাবহার করা হয় নাই। উৎস হইতে আলো আসিয়া বাধা বা ছিদ্ৰের উপর পড়িয়াছে এবং ব্যবর্তনের পর অন্যদিকে প্রতিকৃতির সৃষ্টি করিরাছে। এই ধরণের ব্যবর্তনকে বলা হয় ফ্রেনেল ব্যবর্তন। আর এক শ্রেণীর ব্যবর্তনের পরীক্ষা করা হইয়া থাকে যেখানে আলোক উৎস এবং পদ। (যেখানে প্রতিবিদ্বের সৃষ্টি হয়) উভয়েই কার্যতঃ (effectively) অসীম দূরত্বে অবন্থিত। প্রকৃতপক্ষে ইহারা অসীমে না থাকিলেও চলে। যদি উৎস হইতে নিগত আলো লেন্সের সাহায্যে সমান্তরাল রশ্মিমালায় পরিণত করিয়া বাধা বা ছিদ্রে আপতিত করা হয় এবং ইহা হইতে বাবভিত রশ্বিসমূহ আবার লেন্সের সাহাযো পর্দায় ফোকাসিত করা হয় তবেও ইহারা কার্যাতঃ অসীম দূরছেই অর্থান্থত হয়। স্ক্রনহফার প্রথমে ব্যবর্তন ঝাঝারির পরীক্ষার জনা এই বাবস্থার প্রবর্তন করেন। তাহার পর হইতে এই জাতীয় ব্যবহনের পরীক্ষা, যাহাতে আলোকউংস এবং পর্দা উভয়েই কার্ব্যতঃ অসীম দূরত্বে অবস্থিত থাকে ফুনহফার ব্যবর্তন বলিয়া অভিহিত হই: থাকে। বলা হইয়া থাকে যে ফ্রনহফার বাবর্তনে তরঙ্গমুখ তলীয় আকৃতির (planar) হওয়া দরকার। আর এইটি বাধায় বা ছিদ্রে আপতনের পূর্বে এবং পরে উভয় ক্ষেত্রেই তলীয় হইতে হইবে। অনাদিকে ফ্রেনেল বাবর্তনে সাধারণতঃ গোলকীয় অথব। অনুরূপ তরঙ্গমুখ উৎপক্ষ হয়। বিষয়টিকে নিমলিখিত রূপেও বিবেচনা করা যাইতে পারে।



চিত্ৰ নং ৩.২১(b)

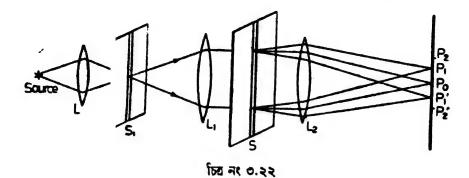
৩.২১(b) নং চিত্রে একটি আলোক উৎস হইতে নিগতি আলো লেন্সের সাছাযো সমান্তরাল করির। রেখাছিদের উপর আপতিত করা হইরাছে। এই রেখাছিদের মধ্য দিয়া বাইবার সময় আলোকের বাবর্তন হইবে। বাবর্তনের পর এই আলোক পর্ণার উপর পড়িবে। রেখাছিদ্র এবং পর্ণার মধ্যে দুরুত্বের উপর নির্ভর করিবে পর্দার উপরে বিভিন্ন বিন্দু $A_1,\,A_2,\,A'$ ইন্ড্যাদির আলোক তীব্রতা। বলি এই দুরম্ব খুব সামানা হয় তবে পর্দায় রেখাছিদ্রের একটি অবিকৃত প্রতিবিশ্ব গঠিত হইবে এবং এই ক্ষেত্রে জ্যামিতিক আলোক বিজ্ঞানের সূত্রানুসারে প্রতিবিষের সৃষ্টি হইবে ; বাবর্তনের ভূমিক। হইবে এই ক্ষেত্রে খুবই নগণা। যদি দূরত্ব খানিকটা বাড়ানো হর তাহা হইলে জ্যামিতিক প্রতিবিদ্ধ বর্ত্তমান থাকিবে যদিও ইহার ধারে আলোক তীব্রতার তারতমোর আবিভাবের দর্ণ ঝালরের উৎপত্তি দেখা দিবে। এখানে ফ্রেনেল বাবর্তন কার্যাকরী হইতে আরম্ভ হইয়াছে। পুরত্ব ক্রমাগত বাড়াইয়া যাইতে থাকিলে জ্যামিতিক প্রতিবিদ্ধ ক্রমশঃ লোপ পাইবে এবং এই প্রতিবিষের স্থান দখল করিবে এক শ্রেণীর ঝালর (চিত্র নং ৩.২৩ দুষ্টব্য)। এই ঝালর শ্রেণী হইবে রেখাছিদ্রে উৎপক্ষ ফ্রনহফার বাবর্তন ঝালর। সূত্রাং রেখাছিদ্র এবং পর্দার মধ্যে দূরত্ব খুব অম্প পরিমাণ হইতে ক্রমাগত বাড়াইয়া গেলে পর্দার প্রতিবিদ্ধ জ্যামিতিক প্রতিবিদ্ধ হইতে ক্লেনেল ঝালরের মধ্য দিয়া শেষ পর্যান্ত ফুনহফার ঝালরে পরিণতি লাভ করিবে। অবশা এই তিন ক্ষেত্রের খুব নিদিষ্ট সীমারেখা নাই; তবুও মোটামুটিভাবে দূরণ্ণের উপর নির্ভর করিয়া তিনটি ক্ষেত্রকে আলাদাভাবে নাম দেওয়া যায়। ক্লেনেল বাবর্তন পূর্বেই আলোচিত হইয়াছে ; এবার ফুনহফার ব্যবর্তনের কয়েকটি উদাহরণ আলোচনা করা হইবে।

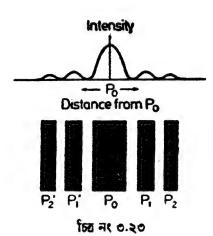
একক রেখাছিত্তে ফ্রনহফার ব্যবর্তন (Fraunhofer diffraction at a single alit).

একক রেখাছিদ্রে আলোর বাবর্তন ইহার পূর্বে বাঁণত হইয়াছে। কিন্তু সেখানে আলোর উৎস এবং প্রতিবিষের পদা উভয়েই সীমিত দূরত্বে অবস্থিত। এই বাবর্তন ফ্রেনেল বাবর্তন শ্রেণীর অশুভূতি। কিন্তু যদি আলোর উৎস এবং পদা উভরেই কার্যাতঃ অসীম দূরত্বে থাকে তবে যে বাবর্তন ঝালরের উৎপত্তি ইইবে তাহাকে বলা হইবে ফ্রনহফার বাবর্তন ঝালর (Fraunhofer diffraction pattern), এই ঝালরের সৃষ্টির জনা নিয়ে প্রদাশত পরীক্ষা বাবস্থা গ্রহণ করা যাইতে পারে।

৩.২২ নং চিত্রে একটি জোরালো আলোক উৎস হইতে নিগত আলো S_1

রেখাছিদ্রে আসিয়া পড়িতেছে। উৎস হইতে নিগতি আলো L কেন্স দারা S_1 রেখাছিদ্রের উপর ঘনীভূত করা হইরাছে বাহাতে তীব্রতা বৃদ্ধি পার। S_1 একটি এমন আরতনের রেখাছিদ্র বাহাতে গৈর্বোর তুলনার প্রস্থ ধুবই কয়।





ইহার কারণ পরে বিন্তৃত আলোচনা করা হইবে। S, রেখাছিদ্র দিরা যাইবার পর আলো L_1 লেশ্স দ্বারা সমান্তরাল আলোকরণ্ম মালার পরিবাতিত হইতেছে। এই সমান্তরাল আলোকরণ্মমালা S রেখাছিদ্রের অভিলব্ধে আপতিত হইরাছে। এই রেখাছিদ্র S ও S, এর নাার দৈর্ঘোর তুলনার প্রস্থে সুবুই সরু। আলো এই রেখাছিদ্র S এর মধ্য দিয়া যাইবার সময় ইহার ব্যবর্তন ঘটে। প্রতিটি বিন্দু হইতেই একগুছু রণ্মি নানা কোণে ছড়াইরা পড়ে। সুতরাং একটি বিন্দেব কোনও কোণে ব্যব্তিত রণ্মির কথা যদি চিন্তা করা যার তবে রেখাছিদ্রের প্রতি বিন্দু হইতেই এই দিকে একটি রান্ম ব্যব্তিত ছইবে। করে একটি সমান্তরাল রণ্মিরালা পাওয়া বাইবে। এই সমান্তরাল

রবিমালা L_s লেলের মধা দিরা বাইবার ফলে L_s লেলের ফোকাসতলে প্রতিবিশ্বিত হইবে এবং এই স্থানে S_1 রেখাছিয়ের একটি প্রতিবিশ্ব পাওয়া যাইবে (অবশ্য ঠিক কোন অবস্থানে প্রতিবিদ্ধ পাওয়া বাইবে ভাছা নির্ভর করিবে করেকটি বিষয়ের উপর বাহ। সহত্তে শীন্তই বিজ্ত আলোচনা করা হইবে)। ৩.২২ নং চিত্ৰে ধরা বাক এই প্রতিবিশ্বটি $P_{
m o}$. আর একটি কোনেও অনুরূপ সমান্তরাল বার্বতিত আলোক রশিমালার উত্তব হইবে এবং ইহার৷ $L_{
m s}$ লেন্স স্বার৷ ফোকাসে ঘনীভূত হইর৷ $S_{
m 1}$ এর আর একটি প্রতিবিষের সৃষ্টি করিবে। এইরূপে বিভিন্ন কোণে S_1 রেখাছিদ্রের বিভিন্ন প্রতিবিধের উন্তব হইবে। অতএব L, লেন্সের ফোকাসতলে একটি ব্যবর্তন ঝালরের সমষ্টির উৎপত্তি হইবে। এই স্থানে কোনও পর্দা রাখিলে সেই পর্দায়ও এই বাবর্তন বালর পাওরা যাইবে। অনাধায় পর্ণার স্থানে একটি কোনও অভিনেত্র রাখিলে ইহা ছারা এই বাবর্তন ঝালর দেখা বায় এবং ইহাদের প্রস্তুও মাপা যাইতে পারে। এই বাবর্তনের উৎপত্তির কারণ সম্বন্ধে পরিমাণাত্মকরূপে (quantitatively) আলোচনা করিবার পূর্বে সাধারণভাবে বলা যার যে হাইগেন্সের নীতির কথা পূর্বে বাহা বিবেচনা করা হইরাছে তাহা হইতে বুঝা যায় যে আলোকর শিমালা রেখাছিদ্র S এর উপর আপতিত হইরা ইহার মধ্য দিয়। যাইৰার সমর চতুদিকে ছড়াইয়া পড়ে। জ্যামিতিক আলোক বিজ্ঞানের সূত্রানুসারে পর্নার S, রেখাছিদ্রের একটি সুস্পর্ট প্রতিবিম্ব হওরার কথা। কিন্ত রেখাছিদ্র S এর মধ্য দিয়া বাইবার সময় আলোকের বাবর্তনের ফলে এই একটি প্রতিবিষের শুলে কয়েকটি প্রতিবিষের একটি ব্যবর্তন ঝালর উৎপদ্ম হর। বাবর্তন ঝালর শ্রেণীর অবস্থান এবং তীব্রতা চিচ্র নং ৩.২৩ এ দেখানে। হইরাছে। এখানে P_{α} কেন্দ্রীয় ঝালর ; ইহার দুইপাশে অন্যান্য ঝালরশ্রেণী প্রতিসমরূপে অবস্থিত আছে ৷ ইহাদের আপেক্ষিক প্রস্থ এবং আলোক তীব্রতার একটি ধারণাও উপরের লেখচিত হইতে মোটামুটি পাওয়া যাইবে।

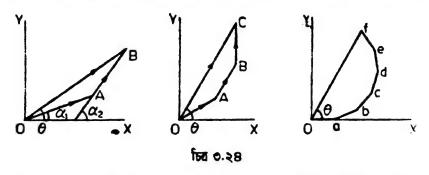
ব্যবর্তন ঝালরে আলোক-ভীত্রতার হিসাব (Calculation of intensity in the diffraction pattern).

বাবর্তন ঝালরের প্রকৃতি সম্বন্ধে খুবই সাধারণভাবে বলা হইয়াছে। ইহান্দের আপেক্ষিক আলোক তীরতার সম্বন্ধে পরিমাণাশ্মকর্পে কিছু বলিতে গেলে সেটি হিসাব করিয়া বাহির করিতে হইবে এই হিসাবের বিভিন্ন উপার আছে এবং সবগুলিই শুভাবত একই ফল দেখার। এখানে দুই প্রণালীতে এই ছিসাৰ করা হইবে। প্রথমটি লেখচিন্তীর (graphical) এবং বিভীরটি বীজ্ঞগালিভিক (algebraic).

আলোকভীন্তভার হিসাবের লেখচিত্রীয় পদ্ধতি (Calculation of intensity by the graphic method)

এই হিসাবের পছতিই প্রথমে বিবেচনা করা হইবে, কারণ ইহাতে অতিম ফল অন্যান্য পছতির মতই শুদ্ধরূপে পাওরা বাওরা ছাড়াও বাবর্তন ঝালর কিরুপে উৎপন্ন হইতেছে ভাহারও একটি সুন্দর ধারণা করা বার।

এটা পূর্বেই আলোচিত হইয়াছে বে বাদ কোনও বিন্দুতে দুইটি ক্রংশ একই সময়ে ক্রিয়া করে তবে ঐ বিন্দুর লব্ধি ক্রংশ লেখাচিগ্রীয় পদ্ধতিতে নির্ণয় কর। বায়। ইহার জন্য আপতিত ক্রংশ দুইচির বিস্তার এবং দশা জানা দরকার। এইগুলি জানা থাকিলে লব্ধি ক্রংশের বিস্তার এবং দশা সহজেই বাহির কর।



সন্তব হয়। ৩.২৪ নং চিত্রে এইর্প দুইটি দ্রংশের বিস্তার দেখানো হইরাছে OA এবং AB; ইহারা OX অক্ষের সহিত যথাঞ্জমে বা এবং বা কোণে অবস্থিত। এই বা এবং বা ইহাদের দলা। এই ক্ষেত্রে ইহাদের দলা। এই ক্ষেত্রে ইহাদের দলা। এই ক্ষেত্রে ইহাদের দলা। এই ক্ষেত্রে ইহাদের দলা হইবে েও পরের চিত্রে এইর্প তিনটি দ্রংশ OA, AB এবং BC দেখানে। হইয়াছে; ইহারা বুগপং একটি বিন্দুতে ক্রিয়া করিছেছে। এক্ষেত্রেও ইহাদের দলি দ্রংশের মান হইবে OC এবং দলা হইবে ও এই প্রণালীতে বে কোনও সংখ্যক দ্রংশের লবি বাহির করা যায়। চিত্রে আরও একটি উদাহরণ দেখানো হইয়াছে। এখানে ০০, ০১, ৮০, ০০, ৫০ এবং প্র আলোচনা প্রসারিত করিয়া গিরাছে Of এবং ইহার দলা হইরাছে ও এই আলোচনা প্রসারিত করিয়া বলা যায় বে যদি কতকগুলি সমান বিস্তারের দ্রংশ কোনও বিন্দুর উপর একই সমরে ক্রিয়া করে, এবং এই হালেগুলির দলা একটি নিদিন্ট হারে সমানভাবে

পরিবৃত্তিত হর তবে ইহাদের লব্ধি বাহির করিতে বিদ্তারগুলি পর পর এমনভাবে আকিতে হইবে বেন বে কোনও সংলগ্ন দুইটি বিস্তারের মধ্যের দশা সমান

হয়। ভাহা হইলে প্রথম বিস্তারের প্রথম বিন্দু শেষ বিস্তারের শেষ বিন্দুর

সহিত যোগ করিলে যে সরলরেখা পাওয়া যায় তাহার দৈর্ঘা বিস্তারের পরিমাপ

দেখাইবে। আর সংখ্লিক অক্ষের সহিত এই সরলরেখার উৎপান্ন কোল লব্ধির

দশা বুঝাইবে। এইবার বিদ বিস্তারগুলি ক্রমলঃ ক্ষুদ্রতর করা হয় এবং সমান

রাখা হয় আর অনুর্পভাবে দশাগুলিও ক্ষুদ্রতর ভাগে বিভক্ত করা হয় তবে এই

প্রণালীর সীমার (in the limit) বিস্তারগুলি একটি বৃত্তাংশ অক্ষন করিবে আর

ইহার জ্যা (chord) লব্ধি বুঝাইবে। এই রেখাকে বলা হয় কম্পন-রেখা

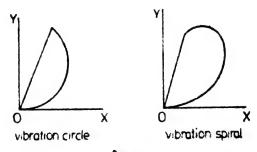
(vibration curve). আলোচ্য ক্ষেত্রে এইটি বৃত্তাকার হওয়ায় ইহাকে বলা হইবে

কম্পন-বৃত্ত (vibration circle). যদি কোনও ক্ষেত্রে বিস্তারগুলি ক্রমাগত

ছোট হইতে থাকে তবে এইক্ষেত্রে রেখাটি দাড়াইবে সম্পিল আকৃতির (spiral shaped). এই রেখাকে বলা হইবে সম্পিল কম্পনরেখা (vibration spiral).

নিম্নে ইহাদের চিত্র দেওয়া হইল (চিত্র নং ৩.২৫)। বলা বাহুল্য বিস্তারের

সংখ্যা বেশী হইলে রেখাটি একটি পূর্ণ বৃত্ত অথবা তাহারও বেশী পথ অভিক্রম

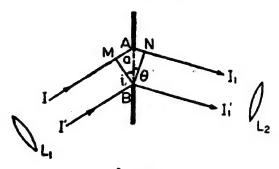


हिंच ७.२७

করিতে পারে। অনুরূপভাবে সাঁপিল কম্পন রেখায়ও ইহা একাধিক মোড় নিতে পারে।

এই লেখাচিত্রীর পদ্ধতি ব্যবর্তন ঝালরের আলোক তীব্রতা হিসাব করিতে বাবহার করা যাইতে পারে। এই ক্ষেত্রে L_1 লেল হইতে একগৃছে সমান্তরাল আলোকরণা আসিয়া S রেখাছিদ্রে পাড়িতেছে। রেখাছিদ্রিটির প্রস্থ a; এই প্রস্থ দৈর্ঘোর ভূসনায় খুবই ছোট। S এর দৈর্ঘা চিত্রতলের অভিলবে অবস্থিত। একটি সমান্তরাল রন্মিয়ালা S এর উপরে এমনভাবে আপভিত হইতেছে বাহাতে ইহার বে কোনও রাশ্বি রেখাছিদ্রের তলের সহিত 90-i কোন উৎপক্ষ

করে। এখানে সাধারণ কেন্ত বিবেচনার উদ্দেশ্যে আপাডন কোণ এইরুপ নেওরা হইরাছে। চিন্ন ৩.২২ এর মত আপতন কোণ শূন্য ধরা হর নাই। IA এবং I'B এই রশ্মিমালার ধারের রশ্মি দুইটি দেখাইতেছে। S এ ব্যবর্তনের



ठिंग ७.२७

পর আলোকরণি অপরণিকে গমন করিতেছে। এই ব্যবতিত রশ্মিমাল। হইতে যদি I_1A এবং I'_1B এমন দুইটি সমান্তরাল রশ্মি নেওয়া হয় যে ইহার। রেখাছিদ্রের তলের সহিত 90- θ কোণ উৎপন্ন করিতেছে তবে এই দুইটি রশ্মির মধ্যে দশা-পার্থক্য 2ϕ হইবে। আর এই 2ϕ এর মান চিত্র নং ৩.২৬ হইতে লেখা যায়

$$2\phi = \frac{2\pi}{\lambda} a \left(\sin i + \sin \theta \right)$$

$$C \Rightarrow \Delta$$

$$C$$

150 o.29

এই ক্ষেত্রে কম্পন-বৃষ্টের পছতি প্রবোজা হইবে ইহা সহজেই বুঝা বায়। ০.২৬ নং চিত্রে রেখাছিপ্রের অভিলবে বে ছেদ দেখানো হইরাছে তাহাতে দুইটি ধারের রাশ্বর দশা-পার্থকা হইবে 2 ϕ . ফ্রেনেল বাবর্তনের আলোচনা ছইতে বলা বার বে এই ছেদে লেলের ফোকাসতলে বে আলোকতীরতা হইবে

তাহা সৃষ্টি করিতে AB সরলরেখার সনিকটবর্তী বিন্দু সকলই কার্ব্যকরী হইবে। এই সরলরেখা AB হইতে দৃরে বে সমন্ত আলোকবিন্দু অবন্থিত ভাহারা এই তলে বিশেষ কোনও প্রভাব বিস্তার করিতে পারিবে না।

এখন দেখা বাইবে বে AB সরলরেখার বে সমস্ত বিন্দু হইতে গোল (secondary) তরঙ্গের সৃষ্টি হর L_2 লেলের ফোকাস তলে ভাহাদের আলোক পথ প্রায় সমান হওরার ফলে সংগ্লিক বিস্তারগুলিও প্রায় সমান হইবে। তবে ইহাদের মধ্যের দশা-পার্থকোর উল্লেখযোগ্য পরিবর্তন হইবে। সূতরাং বিদ ইহাদের বহুসংখ্যক ক্ষুদ্র তরঙ্গে বিভক্ত করা যায় তবে এই সমস্ত তরঙ্গের L_2 লেলের ফোকাসতলে লিন্ধ কন্সন-বৃত্তের পদ্ধতির সাহাযোয় নির্ণর করা যায়। ৩.২৭ নং চিত্রে OA বৃদ্তাংশ এই কম্পন-বৃত্ত বৃশ্বাইতেছে এবং OA জ্যাটি সংগ্লিক লিন্ধ। আলোকভীরতা বাহির করিতে হইলে OA জ্যাঞর মান নির্ণর করা আবশ্যক। O এবং A দুইটি ধারের রন্দ্রি IAI_1 এবং $I'BI'_1$ এর ভংশ বৃশ্বাইতেছে। যদি এই দুই বিন্দুতে দুইটি স্পর্গক (tangent) টানা যায় তবে $AXB = L OCA = 2\phi$ হইবে। চিত্রে OA বৃত্তাংশকে বাড়াইয়া সম্পূর্ণ বৃত্ত OAY আকা হইরাছে।

ে বৃদ্ধি এই বৃত্তের কেন্দ্র হর এবং R ব্যাসার্দ্ধ হর তবে লেখা বাইতে পারে [OAY কোণটি ব্যাসের উপর দাড়াইয়া পরিষির উপর উৎপদ্ম হইয়াছে বিলয়৷ $\angle OAY = 90^\circ]$ $OA = 2R \sin OYA$.

এখানে C হইতে OAর উপরে একটি লয় OD আকা হইরাছে যাহার ফলে $\angle OCD = \angle ACD = \phi$.

আবার একই বৃত্তাংশ OA এর উপর দাড়াইরা দুইটি কোণ OCA এবং OYA উৎপদ্ম হইয়াছে । ইহাদের একটি কেন্দ্রে এবং অপরটি পরিধির উপর অবিহিত । অতএব $\angle OCA = 2 \angle OYA$.

$$\therefore OA - 2R \sin \phi \tag{3.36}$$

আবার OA বৃত্তাংশের দৈর্ঘা নির্ভর করিবে বিস্তারের সংখ্যার এবং ইহাদের মানের উপর। আর এই সংখ্যা এবং মান আবার নির্ভর করিবে রেখাছিদ্র S এর প্রন্থের উপর ; ইহার প্রস্থ বাড়িলে OA বৃত্তাংশও অনুবৃপভাবে বাড়িবে। সৃতরাং লেখা বাইতে পারে

I-OA বৃদ্তাংশের গৈণা ; k-ধুবক ; a-বেখাছিয় S এর প্রস্থ আবার $I-2R\phi$

ৰা
$$2R = \frac{l}{\phi}$$

$$\therefore OA = \frac{l \sin \phi}{\phi} = \frac{ka \sin \phi}{\phi}$$
 (3.38)

OA লব্ধি ভ্রংশের বিস্তার বুঝাইডেছে। সুভরাং ইহার আলোকতীরতা
Int দাড়াইবে

Int
$$\propto OA^{*} \simeq \frac{k^{*}a^{*}\sin^{*}\phi}{\phi^{*}}$$
 (3.39)

বাদ আনুপাতিক শ্বুবক (constant of proportionality) k-1 ধর। হয় তবে উপরের রাশিমালা। কিছুটা সহক্তর হইরা আসে। অফচ ইহাতে ফলাফলের সভ্যভার কোনও ব্যতিক্রম হয় না। শৃধুমাত্র এই ধাপের ফলে একটি আনুপাতিক গুণক (scale factor) এই তীব্রভা মাপক রাশিমালায় প্রবেশ করে। তবে ইহাতে কোন অসুবিধা নাই বাদও এই ধাপের ফলে বাবর্তন ঝালরের তীব্রভা পরম ক্রমে (absolute scale) না মাপিয়া আপেক্রিক ক্রমে (relative scale) মাপা হইবে। ইহা ছাড়াও ধরা হইয়াছে $Int \propto (Amp)^2$. এখানেও একটি আনুপাতিক গুণক ঢোকানো হইয়াছে। কাজেই এই সমন্ত আনুপাতিক গুণকের প্রভাব অগ্রাহা করিয়া লেখা বাইতে পারে

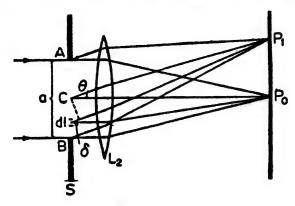
$$Int = \frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2} = \frac{a^2 \sin^2 \left[\frac{\pi a}{\lambda} \left(\sin i + \sin \theta \right) \right]}{\left[\frac{\pi a}{\lambda} \left(\sin i + \sin \theta \right) \right]^2}$$
(3.40)

আলো বদি রেখাছিদ্র S এর তলের অভিনৰে আপতিত হয় তবে i=0'.

CFI CFIG. Int =
$$\frac{a^{2} \sin^{2} \left[\frac{\pi a}{\lambda} \sin \theta\right]}{\left[\frac{\pi a}{\lambda} \sin \theta\right]^{2}}$$
 (3.41)

(এবার বীজগাণিতিক পদ্ধতিতে বাবর্তন কালরে আলোর তীব্রতা নির্ণর করা হইবে।

০.২৮ নং চিত্রে দেখানো হইরাছে একটি সমান্তরাল আলোকরশিমাল। রেখাছিন্ন S এর উপর আপতিত হইরাছে। হিসাবের সুবিধার জন্য এখানে ধরা **হইরাছে বে এই ক্ষে**ত্রে আপতন কোণ 0° (চিন্ন নং ০.২২ এর মত)। ইহার ব্যতিক্রম হইলে প্ররোজনীর সংশোধন সহজেই করিয়া নেওরা বাইতে পারে। রেখাছিয় S এর প্রস্থ AB সরলরেখার বিভিন্ন অংশে অবিস্থিত



क्ति ०.२४

আলোকউৎস হইতে যে সমন্ত রন্দির উত্তব হয় তাহারা L_2 লেন্দের সাহায্যে ইহার ফোকাসতলে কেন্দ্রীভূত হয়। একপ্রস্থ সমান্তরাল রন্দ্রিমালা একটি বিন্দৃতে কেন্দ্রীভূত হইবে। চিয়ে এইরূপ দুই প্রস্থ রন্দ্রিমালা এবং ফোকাসতলে তাহাদের অবস্থান P_0 এবং P_1 দেখানে। হইয়াছে। বিদ এই ফোকাসতলে কোনও একটি বিন্দৃতে আলোকতীরতা নির্ণয় করিতে হয় তবে সেখানে এই সমান্তরাল আলোকরন্দ্রিমালার লব্ধি বাহির করিতে হইবে। AB সরলরেখার মধাস্থানে C বিন্দৃরে সংলগ্ন ক্ষুদ্র অংশে যে তরঙ্গের উত্তব হইবে তাহার বিন্তার এই অংশের প্রস্থ রাজানুপাতিক এবং C হইতে P_1 এর দূরত্ব x এর বান্তানুপাতিক হইবে। কাজেই P_1 বিন্দৃতে এই তরঙ্গের ভ্রংশ y_1 লেখা যাইতে পারে]

$$y_1 = \frac{Adl}{x}\cos(wt - kx) \tag{3.42}$$

এখানে A C বিন্দৃতে উৎপদ্ম তরঙ্গের বিস্তার, w = 7তীর কম্পনসংখ্যা। C হইতে খানিকটা নীচে অনুরূপ একটি অংশ dl হইতে যে তরঙ্গ সৃষ্ঠ হইবে তাহার প্রভাব P_1 বিন্দৃতে খানিকটা অনারকম হইবে। এই ক্ষেত্রে x এর কিছু পরিবর্তন হইতেছে; কিন্তু পরীক্ষা বাবস্থার x দূর্ঘটি প্রস্থি এর তুলনার এতই বেশী যে x এর এই পরিবর্তনের প্রভাব বিস্তারের ক্ষেত্রে ধর্তব্য নহে। কিন্তু দশার পরিবর্তনের বেলার এই কথা খাটে না। λ দৈর্ঘের পথ পরিবর্তনের

জন্য (অর্থাৎ 10⁻⁶ cm জাতীর পথের জন্য) দশা একটি পূর্ণ চক্র (full cycle) পরিবর্ণিতত হর । সূত্রাং পথের এই পরিবর্তনের পরিমাণ বিদ ঠ হর তবে এই অংশ হইতে উক্ত তরকের P_1 বিন্দৃতে মান দাড়াইবে

$$y_2 = \frac{Adl}{x} \cos \left[wt - k(x + \delta)\right]$$

ৰণি আলোচ্য বিন্দু C হইতে / দ্রখ নীচে অবস্থিত হয় তবে চিচ হইতে দেখা বাইবে

$$\delta = l \sin \theta$$
.

$$\therefore y_2 = \frac{Adl}{x} \cos \left[wt - kx - kl \sin \theta \right]. \tag{3.43}$$

সূতরাং সমন্ত রেখাছিন্তে অবন্থিত আলোকউৎসের মোট প্রভাব বাহির করিতে এই সমন্ত y গুলির বোগফল বাহির করা প্ররোজন এবং সমাকলন বারা এই বোগফল পাওরা বাইতে পারে। হিসাবের সুবিধার জন্য AB র মধাবিন্দু C কে কেন্দ্র করিয়া ইহার উপরে এবং নীচে দুইটি খণ্ডের বোগফল বাহির করিলে ইহালের মান শাড়াইবে

$$y = y_{+} + y_{-} = \frac{Adl}{x} \left[\cos \left(wt - kx - kl \sin \theta \right) + \cos \left(wt - kx + kl \sin \theta \right) \right]$$
$$= \frac{2Adl}{x} \left[\cos \left(wt - kx \right) \cos \left(kl \sin \theta \right) \right]. \tag{3.44}$$

এইবৃপ একজোড়া খণ্ডের যোগফল বাহির করিয়া নিরা এইবার / এর মান 0 এবং a/2 সীমার (limit) মধ্যে সমাকলন করিলে সমন্ত রেখাছিদ্রের প্রভাব বাহির হইবে। এই লব্ধি প্রংশ বলি Y হর তবে লেখা বাইতে পারে

$$Y = \frac{2A}{x} \int_{0}^{a/2} \cos(wt - kx) \cos(kt \sin \theta) dt$$

$$Y = \frac{2A}{x} \cos (wt - kx) \int_{0}^{a/2} \cos (kl \sin \theta) dl.$$

$$-\frac{2A}{x}\cos(wt - kx)\left[\frac{\sin(kl\sin\theta)}{k\sin\theta}\right]$$

$$\frac{2A}{x} \frac{\sin\left(\frac{ka}{2}\sin\theta\right)}{k\sin\theta} \cos(wt - kx)$$

$$\cdot \frac{Aa}{x} \frac{\sin\frac{1}{2}(ka\sin\theta)}{\frac{1}{2}(ka\sin\theta)} \cos(wt - kx)$$
(3.45)

সূতরাং দেখা বাইতেছে বে P_1 বিন্দুতে সদ্ধি প্রংশ একটি সরল দোলগতি সন্দান কন্দান এবং ইহার কন্সাব্দ রেখাছিদ্রের আলোক উৎসগুলির কন্সাব্দের সমান আর ইহার বিস্তার P_1 বিন্দুর অবস্থানের উপর নির্ভর করে, কারণ P_1 বিন্দুর অবস্থান θ কোণের মান নির্ণার করিবে। যদি লেখা বার

$$\frac{Aa}{x} - A_0 \; ; \; \frac{1}{4} \; ka \sin \theta - \phi$$

তাহা হইলে দাড়ার

$$Y = \frac{A_0}{\sin \phi} \cos (wt - kx) \tag{3.46}$$

পূর্বের লেখচিত্রীর পদ্ধতি হইতে দেখা গিরাছে বে রেখাছিদ্রের দুই প্রান্তের রিন্ম দুইটির মধ্যে দশা পার্থক্য 2 ϕ . এই দশা পার্থক্য

$$2\phi = \frac{2\pi a}{\lambda} \sin \theta.$$

কাজেই θ কোণের পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে এই দশা পার্থকোরও পরিবর্তন হইতে থাকিবে এবং লব্ধি ভংশের বিস্তারও অনুরূপভাবে পরিবর্তিত হইবে। আরও দেখা যার বে কোনও একটি পরীক্ষার যদি রেখাছিদ্রটি আলো দারা সমভাবে আলোকিত করা হর তবে $\frac{A}{x}$ এর মান প্রার ধ্বক থাকিবে (কারণ P_1 এর বিভিন্ন অবস্থানের পক্ষে x এর মানের পরিবর্তন ধর্তব্য নর)। সৃত্যরাং এখানেও বদি লেখা হর

$$\frac{Aa}{x} = ka = a (k-1)$$

তবে এখানেও শুধু একটি আনুপাতিক গুণক (scale factor) ঢোকানো হইবে। এবং ইহার ফলে আপেক্ষিক ক্রমে (relative scale) তীব্রতা মাপিতে কোনই অসুবিধা হইবে না। অতএব আলোর তীব্রতা Int লেখা চলে

$$Int = \frac{a^* \sin^* \phi}{\phi^*}.$$
 (3,47)

$$Int = \frac{a^2 \sin^2 \left[\frac{\pi a}{\lambda} (\sin \theta) \right]}{\left[\frac{\pi a}{\lambda} \sin \theta \right]^2}$$
 (3.48)

বণি আলো রেখাছিয়ের উপর *i* কোণে আপতিত হর তবে পথ পার্থক্যের। মান হটবে

$$\delta - a (\sin i + \sin \theta)$$

এবং সহজেই দেখা ৰাইবে বে এক্ষেত্ৰে তীব্ৰতার মান হইবে

$$Int = \frac{a^{2} \sin^{2} \left[\frac{\pi a}{\lambda} \left(\sin i + \sin \theta \right) \right]}{\left[\frac{\pi a}{\lambda} \left(\sin i + \sin \theta \right) \right]^{2}} = \frac{a^{2} \sin^{2} \phi}{\phi^{2}}$$
(3.49)

এখানে
$$\phi = \frac{\pi a}{\lambda} (\sin i + \sin \theta)$$

কান্ধেই দেখা যাইতেছে বে লেখাচিত্ৰীয় এবং বীৰগাণিতিক দুই পদ্ধতি দার। বভাৰতই একই ফলে উপনীত হওয়া গিয়াছে।

ব্যবর্ড ন কালরে আলোকভীত্রভার চরম এবং অবম অবস্থান নির্ণয় (Determination of positions of maximum and minimum intensity in the diffraction pattern).

পর্ণার বাদ P_0P_1 দিকে বাওর। বার (অর্থাৎ রেখাছিন্র S এর প্রস্থের সমান্তরালে) তবে চিগ্র হইতে দেখা বার যে θ কোণের পরিবর্তন হইতে থাকে । আর আলোকতীরতা এই θ কোণের উপর নির্ভরশীল বালারা ইহার পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে চরম এবং অবম মানের মধা দিরা বাইবে । ইহার ভারতমা তীরতার বে রাখি পাওরা গিরাছে তাহা হইতে নির্ণর করা বার ।

অবম ভীত্ৰতা (Intensity minima).

এইগুলির অবস্থান অতি সহজেই বাহির করা বার। দেখা গিরাছে

$$Int = \frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^4}$$

সূতরাং এখানে বে বে ক্ষেত্রে লবের (numerator) মান শৃন্য হইবে সেই সেই স্থানে তীব্রতাও শৃন্য দাড়াইবে। সূতরাং অবম তীব্রতার সর্ত দাড়াইবে

$$\phi = n\pi$$

$$\exists 1 \quad \frac{\pi a}{\lambda} (\sin i + \sin \theta) = n\pi$$

$$\exists 1 \quad a (\sin i + \sin \theta) = n\lambda$$
 (3.50)

এখানে n = অখও সংখ্যা, ধনাত্মক ও খণাস্থক = +1. ±2 ইত্যাদি :

এই সমন্ত অবস্থানে আলোর তীরতা শুনা হইবে।

চরৰ ভীত্তভা (Intensity maxima).

কিন্তু এই শ্রেণীতে বখন n-0 হয় তখন লব ও হয় (numerator and denominator) উভয়েই শ্না দাড়ায় এবং সংখ্যাটি অনিধার্ম (indeterminate) হইয়া দাড়ায়। এরূপ ক্ষেত্রে এই সংখ্যার মান নির্পণ করিবার জনা $\sin\phi$ কে একটি ঘাতশ্রেণী (power series) তে সম্প্রসারিত করিয়া ইহার মান নির্ণর করিতে হয়। এইপ্রকার হিসাব করিলে পাওরা বার

$$\frac{\sin \phi}{\phi} - 1$$
 for $n = 0$

এইটি হইবে প্রধান (principal) অথবা কেন্দ্রীয় চরম তীব্রতার ঝালর ।

মনে হইতে পারে যে লব $\sin\phi$ যে হানে চরম হইবে আলোর তীব্রতাও সেই সমস্ত স্থানেই চরম হইবে। কিন্তু সেটা ঠিক নর, কারণ সঙ্গে সঙ্গে হর ϕ ও পরিবৃতিত হইতে থাকিবে। সূতরাং $\frac{\sin\phi}{\phi}$ রাশিটিকে অস্তরকলন করিয়া প্রাপ্ত রাশি যদি শ্নোর সমান ধরা যার তবে ঐ সমীকরণ হইতে চরম তীব্রতার অবস্থান নির্ণয় করা যাইবে।

$$\frac{d}{d\phi} \left(\frac{\sin \phi}{\phi} \right) = \frac{\phi \cos \phi - \sin \phi}{\phi^2} = 0.$$

$$\boxed{41} \quad \phi \cos \phi = \sin \phi$$

$$\boxed{41} \quad \phi = \tan \phi.$$

$$\boxed{(3.51)}$$

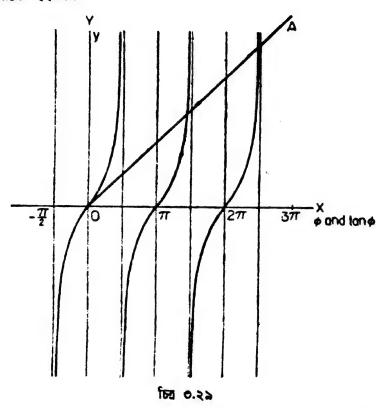
লেখাচিত্রীর পদ্ধতিতে এই সমীকরণ সমাধান করিতে নিম্নলিখিত দুইটি লেখাচিত্র আকিতে হইবে।

$$y = \phi$$

$$447 \quad y = \tan \phi$$

এই দুইটি লেখাচিত্র যে সমন্ত বিন্দুতে ছেদ করিবে সেই সমন্ত বিন্দুতে ϕ – $\tan \phi$ এই সর্ত পালিত হইবে। সূতরাং ঐ সমন্ত বিন্দুই এই সমীকরণের সমাধান। ইহাদের প্রথম লেখাচিত্রটি হইবে অক্ষ দুইটির যে কোনও একটির সহিত 45° কোণ করিরা একটি সরলরেখা। বিতীয় সমীকরণ হইতে অনস্ত সংখ্যক রেখা পাওয়া বার । ইহাদের প্রত্যেকেই π বিত্তারের মধ্যে সীমাবদ্ধ, কিন্তু

প্রত্যেক্টির এই সীমা আলাদা। ৩.২৯ চিত্রে এই দুই প্রকারের লেখাচিত্র বেখানো হইরাছে।



প্রথমটি OA সরলরেখা OX অথবা OY এর সহিত 45° কোণে অবস্থিত এবং এইটির সমীকরণ $y = \phi$.

ষিতীর সমীকরণ $y = \tan \phi$ এর জনা করেকটি রেখা (curve) অক্ষন করা হইরাছে। প্রথম রেখাটি $\frac{-\pi}{2}$ এবং $\frac{+\pi}{2}$ এর মধ্যে সীমাবদ্ধ এবং অক্ষরের মূল বিন্দু (origin of coordinates) O দিয়া গমন করিতেছে। X অক্ষের ধনাত্মক দিকে খিতীর রেখাটি $x = \frac{+\pi}{2}$ এবং $\frac{+3\pi}{2}$ এই দুই সরলরেখার মধ্যে সীমাবদ্ধ। এইরূপ π বিস্তারের অনন্তসংখ্যক রেখা আকা বাইতে পারে। OA সরলরেখাটি প্রতিটি দিতীর প্রেণীর রেখাকে একটি বিন্দুতে ছেদ করিয়াছে; আর এই বিন্দুগুলিই আলোকতীরতার চরম অবস্থান হাইবে। সূত্রাং দেখা বাইতেছে বে দ্বিতীর রেখাটি OA সরলরেখাকে বেখানে

ছেদ করিরাছে তাহার মান $\frac{3\pi}{2}$ নর, ইহার চেরে সামান্য একটু কম। তৃতীয় রেখার বেলারও এই ছেদবিন্দু $\frac{5\pi}{2}$ এর অপেক্ষা সামান্য কিছু কম। অভএব পূর্বে বে বলা হইরাছে বে $\phi=(2n+1)\frac{\pi}{2}$ সমীকরণ দারা চরম তীব্রভার অবস্থান নির্ণীত হয় না ভাহা এই লেখাচিত্র হইতে সমাধিত হয়। এই লেখাচিত্রের সাহাব্যে সমাধান হইতে চরম তীব্রভার বে অবস্থান পাওরা বার ভাহা নিম্নের তালিকায় দেওয়া হইল। আবার এই সমাধান হইতে ঝালরগুলির আপেক্ষিক তীব্রভাও বাহির করা বার। মোটামুটিভাবে (approximately) বদি হিসাব করা যায় তবে দেখিতে পাওরা বাইবে বে দ্বিতীর চরম ভীব্রভা প্রথমিটর তুলনার $\frac{1}{\left(\frac{3\pi}{2}\right)^2}$ গুণ হইবে; তৃতীরটি হইবে $\frac{1}{\left(\frac{5\pi}{2}\right)^2}$ গুণ। এই

হিসাবে স্থূলভাবে (grossly) ধরা হইয়াছে যে চরম তীব্রতার অকস্থান নির্ণীত হইবে $\phi = (2n+1)\frac{\pi}{2}$ এই সমীকরণ দ্বারা। এই সমীকরণ অবশ্য সম্পূর্ণ সত্য নয়। তবে ইহাতে প্রকৃত অবস্থা হইতে খুব সামানাই পার্থক্য হইবে যাহার ফলে মোটামুটি আলোকতীব্রতা এই সমীকরণের সাহায্যে হিসাব করিলে খুব ভূল হইবে না। তালিকায় 0 ক্রমের অর্থাৎ প্রধান ঝালরের তীব্রতা 1 ধরা হইয়াছে।

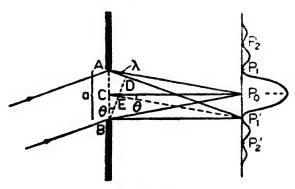
ϕ এর মান		তা ঠ এর প্রকৃত মান ধরিরা।
0	1	1
1.4303#	0.0489	0.0472
2.4590π	0.0176	0.0165
3.4709π	0.0090	0.0083
4.4774π	0.0054	0.0050
	0 1.4303π 2.4590π 3.4709π	্ঠ এর মান (2n+1) দু ধরিরা 0 1 1.4303π 0.0489 2.4590π 0.0176 3.4709π 0.0090

এখানে একটি জিনিষ লক্ষণীয়। চরম তীরতার ক্ষেত্রে ϕ এর মান $(2n+1)^n_{\overline{Q}}$ হইতে আলাদ। হইলেও ঝালরের ক্রম যত বাড়িতে থাকে তত্তই ইয়া $(2n+1)^n_{\overline{Q}}$ এর নিকট্বর্তী হয়। ইহার কারণ লেখাচিত্র হইতে স্পষ্ঠ

হইবে । $y = \tan \phi$ সমীকরণ দারা বে রেখাগুলি পাওরা দার তাহারা $y = \phi$ সরলরেখাকে ছেদ করিবার ব্যাপারে দেখা বার ঝালরের ক্রম বত বাড়ে এই ছেদবিন্দুগুলিতেও y এর মান ততই বাড়িতে থাকে । ইহার কলে সরলরেখাটি $\tan \phi$ রেখাগুলিকে ক্রমশ বেশী উপরদিকে ছেদ করিতে থাকে । $\tan \phi$ রেখাগুলির উপরের দিক ক্রমশঃ $(2n+1)\frac{\pi}{2}$ সরলরেখার দিকে অগুসর হর । সূতরাং ঝালরের ক্রম বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গেক একটি ব্যাপারের সৃষ্টি হয় । দুইটি পাশাপাশি ঝালরের শ্না তীব্রতার মধ্যের দ্রম্ব সব ঝালরের ক্রম বাড়িবার সঙ্গের হয়ন । ক্রিট্ ইহাদের চরম তীব্রতার মধ্যের দ্রম্ব সমান নহে ; ঝালরের ক্রম বাড়িবার সঙ্গে ইহা ক্রিতে থাকে এবং শেষে একটি ধ্রক মানে আসিরা বার ; এই ধ্রক দ্রম্ব শুনা তীব্রতার দ্রম্বের সমান ।

তালিকার আলোক তীরতার মান হইতে দেখা যার বে ঝালরের ক্রম বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে তীরতা খুব দুত হ্রাস পাইতে থাকে। প্রথম ঝালরের তীরতা 1 ধরা হইলে দিতীয় ও তৃতীয়টি যথাক্রমে 0.047 এবং 0.0165 অর্থাৎ 5 এবং 1 দুলতাংলের মত হইবে। ফলে সাধারণ পরীক্ষা ব্যবস্থায় এই জ্ঞাতীয় ব্যবস্তান খুব ক্রম সংখ্যক ঝালর দেখা যায়।

একক রেখাছিদ্রে ফ্রনহফার ব্যবর্তন ঝালরের উৎপত্তির কারণ নিম্নলিখিত-রুপেও বুঝিতে পারা বার। ৩.৩০ নং চিত্রে রেখাছিদ্রের প্রস্থ AB দেখানে। হইরাছে; ইহার উপর একটি সমান্তরাল রশ্মিমালা আপতিত হইরাছে। এই



क्ति 0.00

ব্যবস্থার ব্যবহৃত লেলগুলি দেখানো হয় নাই। P_o যদি কেন্দ্রীয় ঝালর হয় তবে রেখাছিদের সমস্ত বিন্দু হইতে উত্তুত আলোকর্যনার পথই এই

Po বিশ্বু পর্যান্ত সমান হওয়ার তাহারা একই গশার এই স্থানে পোছার ; ফলে এই স্থানের আলোকভীব্রতা চরম হয়। পালে P_1 কিন্দুর কথা ধরা বাক। P_1 ' এর অবস্থান এরুপ যে A এবং B হইতে P_1 ' এ আগত রশি ম্বরের পথপার্মকা λ $(AD - \lambda)$. এই স্থানের তীব্রতা হইবে শূন্য। ইহার কারণ অনুসন্ধানের জনা AB প্রস্থকে দুই সমানভাগে যদি ভাগ করা যায় তবে এই দই ভাগ হইতে নিগত রশ্মির P_1 বিন্দুতে প্রভাব হিসাব করা যাইতে পারে। উপরের অর্ধেক অংশের প্রথম রশির এবং নীচের অর্ধেকের প্রথম রশিরত কথা যদি চিন্তা করা যায় তবে P_1 বিন্দুতে ইহাদের পথপার্থক্য হইবে $rac{\lambda}{2}.$ সুতরাং ইহারা উভয়ে মিলিয়া P_1 বিন্দুতে শ্না তীরতার সৃষ্টি করিবে। এইরপে যদি দুই অধেকের বিভিন্ন স্থানের সংগ্লিষ্ট রশিক্ষয় ধরা হয় তবে তাহার। পরস্পরকে ধ্বংস করিবে। ফলে P₁' বিন্দুতে মোট তীব্রতা দাড়াইবে শুনা। যদি P_a বিন্দুর কথা ধরা হর যাহাতে $AP_a' - BP_a' = 2\lambda$ তবে এইক্ষেত্রে AB প্রস্থাকে সমান চারভাগে ভাগ করিয়া এই পদ্ধতি প্রয়োগ করিতে হইবে। প্রথম এবং দ্বিতীয় অংশ পরস্পরকে ধ্বংস করিবে এবং তৃতীয় অংশ চতুর্থকে ধ্বংস করিবে। ফলে এই স্থানেও শূন্য আলোকতীব্রতা হইবে। কিন্তু P_{\bullet} ' এবং P_{\bullet} ' এর মাঝে যদি এমন একটি বিন্দুর কথা ধরা বায় যেখানে A এবং B হইতে আগত রন্ধি দুইটির পথপার্থক্য $\frac{3\lambda}{2}$, তবে এইক্ষেত্রে AB প্রস্থ তিনটি সমান ভাগে বিভন্ত করিতে হইবে। ইহার পরপর অবস্থিত দুইটি অংশ পরম্পরকে ধ্বংস করিলেও তৃতীয়টি তাহার প্রভাব বিস্তার করিবে ; ফলে এই বিন্দুতে আলোর তীব্রতা শূন্য হইবে না। আর ইহা প্রায় চরম হইবে তাহা এর্মানতেই অনুমান কর। বায় । এইর্প যুক্তির সমর্থনে বলা বাইতে পারে যে এই পদ্ধতিতে প্রাপ্ত ফল পরীক্ষালব্ধ ফলের সহিত সুন্দরভাবে মিলিয়া যায়।

৩.৩০ নং চিত্র হইতে দেখা যায় যে অবম তীব্রতার ঝালরগুলির সমীকরণ লেখা যায়

$$a \sin \theta = n\lambda$$
 $n = 1, 2, \dots -1, -2 \dots$

এখানে আপতন কোণ 0° ধরা হইয়াছে। তাহা না হইলে প্রয়োজনীয় পরিবর্তন সহজেই করিয়া লওয়া যায়।

সূতরাং $a \sin \theta_1 - \lambda$ প্রথম অবম তীরতার ঝালর $a \sin \theta_2 - 2\lambda$ দিতীর অবম তীরতার ঝালর $\therefore \sin \theta_1 \sim \sin \theta_2 - \frac{\lambda}{a}$

বেভাবে এই পরীক্ষা করা হর তাহাতে θ কোণের মান পুবই ছোট হইর। থাকে এবং $\sin \theta - \theta$ লেখা বার । ফলে দাড়ার

$$\theta_1 - \theta_2 - \frac{\lambda}{a} \tag{3.52}$$

সূতরাং একটি ঝালরের কৌপিক (angular width) প্রস্থ (অবম তীরভার মধ্যে) দাড়ার $\frac{\lambda}{a}$. L_s লেলের ফোকাস দ্রস্থ (চিচ নং ৩.২২) বদি f হর ভবে ঝালরের বৈশিক প্রস্থ w (linear width) হইবে

$$w = \frac{r\lambda}{a} \tag{3.53}$$

এই সমীকরণ হইতে দেখা বার বে ঝালরের প্রস্থ তরঙ্গদৈর্বার সমানুপাতিক এবং রেখাছিন্রের প্রস্থের বাস্ত্যানুপাতিক। ইহা ভিন্ন এই প্রস্থ ফোকাস দ্রম্বেরও সমানুপাতিক। কাজেই সাদা আলো ব্যবহার করিলে কেন্দ্রীর ঝালর ছাড়া অন্যানাগুলি রঙীন হইবে এবং বিচ্ছুরণের জন্য কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে গেলে অধিস্থাপনের (overlapping) জন্য ঝালরের স্পষ্টতা পুত কমিরা আসিবে। একটি উদাহরণ নিলে দেখা বার যে বদি S রেখাছিন্তের প্রস্থ হর 0.1 mm, এবং L_{s} লেন্দের ফোকাস দ্রস্থ হর 100 cm তবে 6000 A° তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের আলো বাবহার করিলে ঝালরের রৈখিক প্রস্থ হইবে

$$w = \frac{100 \times 6 \times 10^{-8}}{1 \times 10^{-8}} = 6 \times 10^{-1} = 0.60$$
 cm.

এই পরীক্ষার S_1 রেখাছিন্তের প্রক্ষেরও একটি গুরুষপূর্ণ ভূমিকা আছে। S_1 এর প্রস্থ বাদ নগণা হয় তবে ধরা বার বে ইহা হইতে একটি মাত্র সমান্তরাল রন্মিমালা S রেখাছিন্তের উপর আপতিত হইবে। কিন্তু S_1 এর বাদ পরিমিত (finite) প্রস্থ হয় তবে ইহার প্রতিটি বেখার ক্ষনা একগুছু সমান্তরাল রন্মি নিগতি হইবে এবং ইহারা বিভিন্ন কোলে S এর উপর আপতিত হইবে আর ইহার ফলে প্রতিটি রেখার ক্ষনা এক শ্রেণীর ঝালর উৎপন্ন হইবে। এই ঝালরশ্রেণী সমূহ পরস্পরের ভূলনার কিছু সন্থিয়া অবস্থান করিবে বাহার ফলে ঝালরের স্পর্কতা কমিরা বাইবে। সূত্রাং S_1 রেখাছিন্তের প্রস্থপ কম রাখা প্রয়োজন। অবস্থা এই প্রস্থ খুব কমাইলে আপতিত আলোর পরিমাণও আনুপাতিকভাবে কমিরা বাইবে এবং ঝালরশ্রেণীর দৃশ্যতাও সঙ্গে সঙ্গে কমিরা

বাইবে। সুভরাং এই প্রস্থ একটি অনুকূল (optimum) মানে রাখিতে হইবে।

এই প্রন্থের আলোচনা প্রসঙ্গে লক্ষণীর যে কেন্দ্রীর ঝালর্যাটর প্রস্থ অন্যান্য ঝালরের প্রন্থের বিগুণ। ইহা হইতেই এই জাতীর ব্যবর্তন ঝালরকে ব্যতিচার ঝালর হইতে সহজেই আলাদা বলিয়া চেনা বায়। এই বিগুণ প্রস্থের কারণ অনুসন্ধান করিলে দেখা বায় যে প্রস্থের নির্ণয় করা হয় নির্মালখিত সমীকরণ হইতে

a sin θ = nλ → অবম তীব্রতার বালব
এখানে n এর মান 1, 2, — 1, — 2··· প্রভৃতি
কিন্তু এই সমীকরণে n = 0 ক্ষেত্রে অবম তীব্রতার পরিবর্তে চরম তীব্রতা হর।
সূতরাং এই স্থানে বালবের প্রস্তুও বিগুণ দাড়ার।

আয়তকার কুজ ছিজে ক্রনহকার ব্যবর্তন (Fraunhofer diffraction at a small rectangular aperture).

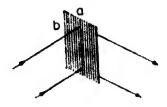
রেখাছিদ্রে ব্যবর্তন আলোচনা করিবার সময় ধরা হইরাছে যে ইহার দৈর্ঘ্য প্রদর্শন অনেকগুণ বড়, ফলে এই দৈর্ঘ্যের দিকে আপতিত তরঙ্গমুখের সমস্তটাই পারগত হয় এবং এই জনা এই মাত্রার (dimension) কোনও বাবর্তনের উৎপত্তি হয় না। এজন্য তীব্রতার হিসাব করিবার সময় রেখাছিদ্রের দৈর্ঘ্যের অভিলব্ধে একটি ছেদ নিয়া ধরা হইরাত্রে যে এই ছেদের উপর এবং অতান্ত নিকটে বে সমস্ত তরঙ্গের উত্তব হয় তাহারাই লেলের ফোকাসতলে প্রভাব বিস্তার করে। কিন্তু যদি একটি আয়ভাকার কুদ্র ছিদ্র দিয়া ইহাতে ফ্রনহফার বাবর্তনের কথা বিবেচনা করা হয় তবে সহজেই অনুমান কয়া যায় যে এই ক্ষেত্রে উভর মাত্রায়ই আপত্তিত তরঙ্গমুখ পারগমে বাধা পাইবে এবং ইহার ফলে উভর দিকেই বাবর্তনের সৃষ্টি হইবে। ধরা যাক যে আয়ভাকার এই কুদ্র ছিদ্রের দৈর্ঘ্য ৮ এবং প্রস্থ এবং ইহারা উভরেই কুদ্র (চিত্র নং ৩.৩১)। আলোর তীব্রতার হিসাব করিতে সহজভাবে পূর্ববাণত রেখাছিদ্রের বেলার বাবহৃত পদ্ধতি এখানেও কাজে লাগানো যাইতে পারে।

এই কুদ্র আরতাকার ছিন্নটি লৈখ্যের সমান্তরাল রেখা ধারা কিছু সংখ্যক রেখাছিদ্রে বিভক্ত করা চলিতে পারে। এই বিভাগের ফলে ছিন্নটি অনেকগুলি রেখাছিদ্রের সমব্বিতে পরিণত হইবে এবং এই রেখাছিন্ন প্রত্যেকটির লৈখ্য হইবে b এবং প্রস্থ খুব অম্প হইবে (কতগুলি ভাগে ছিন্নটিকে বিভক্ত করা হইরাছে তাহার উপর প্রস্থ নির্ভর করিবে)। এইবার বদি একটি সমান্তরাল রশিমালা

এই ছিন্তের একটির দৈর্বেদর সহিত 90°— i কোণে আপতিত হয় এবং ব্যবর্তনের পর 90° – t কোণে নিগত হয় তবে লেন্সের ফোকাসতলে বে ভ্রংশের সৃষ্ঠি হইবে তাহার বিস্তার A দাড়াইবে

$$A = \frac{b \sin 4}{4}$$
 (3.54)

এখানে $2 - \frac{2\pi}{\lambda} b$ ($\sin i + \sin \theta$). অর্থাৎ $2 - \sin \theta$ রাজিক দুইটির মধ্যের দশা পার্থকা। ইহা রেখাছিদ্রের পূর্বের আলোচনা হইতে সরাসরি পারেরা যার।



हिन ०.०५

প্রতিটি রেখাছিন্ন হইতে এইবৃপ বিভার এর একটি তরঙ্গের উত্তব হইবে। ইহারা পরস্পর সমান হইলেও ইহাদের দশা-পার্থকা বর্তমান থাকিবে। কারণ ধরা বার বে আপতি ত আলো ছিন্তের প্রস্থের সহিত 90°—i' কোণে আপতিত হইরা 90°— b' কোণে ব্যবাতিত হইতেছে। ইহার ফলে প্রতিটি রেখাছিদ্র হইতে বে আলো বাবাতিত হইতেছে তাহার দশার পরিবর্তন হইতেছে। সূতরাং ঐ পূর্বের ব্যবহৃত একই পছতির সাহাব্যে লেখা বার বে ইহারা লেশ্সের ফোকাসতলে বে লাভি ক্রাণ্ডের সৃতি করিবে তাহার বিভার এ' দাড়াইবে—

$$A' = \frac{Aa\sin\phi}{\phi} \tag{3.55}$$

এখানে $2\phi = \frac{2\pi}{\lambda} a \left(\sin i' + \sin \theta' \right)$

অর্থাং ইহা রেখাছিদ্রগুলির প্রান্তিক দুইটি হইতে উৎপন্ন দুইটি তরঙ্গের দখা-পার্থক্য। কাজেই দাড়াইতেছে

$$A' = ab \frac{\sin < \sin \phi}{< \phi} \tag{3.56}$$

এবং আলোক ভীৱতা / হইবে

$$I = a^*b^* \frac{\sin^* < \sin^* \phi}{4^*\phi^*} \tag{3.57}$$

আলোক তীরতার এই রাশিমালা হইতে দেখা বাইতেছে বে ইহা দুইটি গুণকের উপর নির্ভরশীল । এই দুইটি গুণকের প্রতিটিই পূর্ববাঁণত রেখাছিদ্রের বাবর্তন ঝালরের সৃষ্টি করিবে । কাজেই $\frac{b \sin 4}{4}$ যে ঝালরেশ্রণী সৃষ্টি করিবে তাহারা ছিদ্রের প্রস্থা বিশ্বর করিবে তাহারা ছিদ্রের প্রস্থা বিশ্বর করিবে তাহারা ছিদ্রের প্রস্থা বিশ্বর তাহার৷ দৈর্ঘ্য $\frac{a \sin \phi}{\phi}$ গুণকের জন্য যে ঝালর-শ্রেণী উৎপদ্র হইবে তাহার৷ দৈর্ঘ্য b এর সমান্তরাল হইবে ৷ ইহার ফলে আয়তাকার আকৃতির কতকগুলি ঝালরের উৎপত্তি হইবে ৷

এই রাশিমালার মধ্যে $\frac{b \sin \alpha}{\alpha}$ গুণকের জন্য যে ঝালরশ্রেণী উৎপন্ন হয় তাহার প্রস্থ w_1 লেখা বাইবে

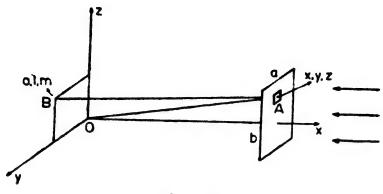
$$w_1 - \frac{\lambda}{h}$$

সূতরাং ইহাদের প্রস্থ b এর বাস্তান্পাতিক, অর্থাৎ ছিদ্রের দৈর্ঘের বাস্ত্যানুপাতিক। আবার $\frac{a \sin \phi}{c}$ গুণকের জনা যে ঝালরশ্রেণীর সৃষ্টি হয় ভাহাদের প্রস্থ

$$w_2 = \frac{\lambda}{a}$$

সূতরাং ইহাদের প্রস্থ ছিদ্রের প্রস্থ a এর বাস্ত্যানুপাতিক। অতএব আয়তাকার ঝালরগুলি ছিদ্রের আকৃতির হইবে। কিন্তু ইহাদের আপেক্ষিক দৈর্ঘ্য এবং প্রস্থ ছিদ্রের দৈর্ঘ্য এবং প্রস্থের সহিত 90° কোণ করিয়া অবস্থান করিবে। এই জ্বাতীয় ঝালর ঠিকমত উৎপন্ন করিতে হইলে ১, রেখাছিদ্রের স্থানে একটি উজ্জল বিন্দু উৎস ব্যবহার করা দরকার; রেখাছিদ্র বাবহার করিলে ইহার প্রতিটি বিন্দুর জন্য একটি পূর্ববাণত ঝালরগ্রেগার সৃষ্টি হয় এবং ইহারা পরস্পরের তুলনায় সরিয়া থাকায় ঝালরের স্পর্টতা নন্দ ইইয়া য়য়। রেখাছিদ্রের ঝালরের আলোচনায় বলা হইয়াছে যে ঝালর সৃষ্টি করিবার জন্য আলোকউৎস হিসাবে একটি বিন্দু ব্যবহার করিলেই চলে। তবে ইহাতে ঝালরের উজ্জলা খুব কম হয়। উজ্জলা বাড়াইবার জন্য রেখাছিদ্রের আকৃতির আলোক উৎস ব্যবহার করিতে হয় এবং এই উৎস ব্যবতন সৃষ্টিকারী উৎসের সমান্তরাল হওয়া দরকার। কিন্তু উপরোক্ত কারণের জন্য আয়তাকার ছিদ্রের ক্ষেত্রের রেখাছিদ্রের আকৃতির উৎসের স্থানি দেরকার। কিন্তু উপরোক্ত কারণের জন্য আয়তাকার ছিদ্রের ক্ষেত্রের রেখাছিদ্রের আকৃতির উৎসের স্থানের করিতে হয়। সূতরাং উজ্জল ঝালর সৃষ্টির জন্য এই আলোক বিন্দুর উজ্জলা বথাসন্তব বেশী কয়া দরকার।

এই ফল ৰীজগাণিভিক পছভিতেও পাওয়া বাইতে পারে।



চিত্ৰ ৩.৩২

০.০২ নং চিত্রে ab একটি আরতাকার ছিদ্র : ইহার দৈখা এবং প্রস্থ যথাক্রমে b এবং a. এই ছিদের উপর একটি সমান্তরাল র্নান্দমাল। অভিলৱে আপতিত হইয়া বাবর্তনের পর L_{\star} লেম্পের ফোকাসতলে একচিত হইতেছে। L_{\star} লেম্পটির ফোকাস দৈখা ছিদ্রের দৈখা এবং প্রস্থের তুলনার খুবই বেশী এবং ছিদ্র হইতে স্থানান্দ অক্ষের উৎস O এর দূরন্থের সমান। L, দেশেসর ফোকাস বিস্ফুকে স্থানাব্দ আক্ষের উৎস ধরা হইয়াছে। স্থানাঞ্চ আৰু তিনটি Ox, Oy এবং Oz ৰারা বুৰানো হইরাছে। Oyz তল ফোকাসভলের সম্পাতী। ছিদ্রে বে সমাস্তরাল আলোকরন্মিমালা আপতিত হইতেছে ভাহার তরঙ্গমুখ তলীয় আকৃতির : ছিদ্রে ব্যবর্তনের পর এই তরঙ্গমুখ L. লেন্সের ফোকাসতলে একচিত হইতেছে। অতএব এই তরঙ্গমুখের আর্কাত হইবে গোলীর। কিন্তু পূর্বেই বলা হইয়াছে ফোকাসতলের দুরত ছিদ্রের দৈর্ঘা এবং প্রস্থের হইতে ষে জেন্স তুলনার অনেকগুণ বেশী। সূত্রাং এই গোলীর তর্ত্তমুখের যে অংশ ছিদ্রবারা নির্রায়ত হয় তাহাকে মোটামুটি তলীর বলিয়া ষাইতে পারে।

ছিন্তের মধ্যে A বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া একটি শুদ্র অংশ নেওরা হইল । ইহার A বিন্দুর স্থানাক্ষ ধরা বাক x, y, z. তাহা হইলে এই শুদ্র অংশের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ধরা বাইতে পারে dz এবং dy ছিন্তের তলে A বিন্দুতে তরঙ্গের স্রংশে বলি ধরা বার δY_A তবে লেখা বাইতে পারে

 $\delta Y_A = A \cos 2\pi vt$. v = আপতিত তরঙ্গের কপাব্দ ;

ভাছা হইলে L_s লেন্সের ফোকাসতলের কোনও বিন্দু B এ এই স্রংশ লেখা যাইতে পারে

$$\delta Y_B = A \cos 2\pi \left(vt - \frac{d}{\lambda} \right) \tag{3.58}$$

এখানে দূরত এবং কৌণিক আনতির (angle of inclination) জন্য বিস্তারের যে পরিবর্তন হয় তাহা অগ্রাহ্য করা হইয়াছে। কারণ AB দূরত্বের তুলনায় এই পরিবর্তন খুবই সামান্য।

B বিন্দুর স্থানাব্দ ধরা বাইতে পারে o, l, m. আর OA দূরত্ব D ধরা যাইতে পারে । তাহা হইলে পাওয়া বাইবে

$$D^{8} = x^{9} + y^{9} + z^{9}$$

$$d^{2} = x^{2} + (y - l)^{9} + (z - m)^{2}$$

$$= x^{2} + y^{8} + z^{9} + l^{9} + m^{2} - 2yl - 2zm$$

$$= D^{8} + l^{2} + m^{2} - 2(yl + zm)$$

$$\Rightarrow D^{9} - 2(yl + zm)$$
(3.60)

এইর্পে লেখার কারণ l এবং m D দ্রম্বের তুলনার খুবই ছোট।

$$d^2 = D^2 \left[1 - \frac{2}{D^2} (yl + zm) \right]$$

$$d=D\left[1-\frac{(yl+zm)}{D^2}\right]$$
 উচ্চতর ঘাতের রাশিগুলি অগ্রাহ্য করিয়া

$$D = \frac{(yl + zm)}{D} \tag{3.61}$$

কাজেই A বিন্দুতে অবন্থিত dydz আয়তক্ষেত্র হইতে যে স্রংশ B বিন্দুতে আসিতেছে ভাহাকে লেখা যাইতে পারে

$$\delta Y_B = A \cos 2\pi \left[vt - \frac{1}{\lambda} \left(D - \frac{yl + zm}{D} \right) \right] dydz \qquad (3.62)$$

ইহার কারণ B বিন্দুতে যে শ্রংশ আসিবে তাহা A বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়। যে অংশ হইতে এই শ্রংশ উত্ত হইবে সেই অংশের ক্ষেত্রফলের উপর নির্ভয় করিবে। সূতরাং B বিন্দুতে সমস্ত ছিন্ন হইতে আগত তরঙ্গমুখের মোট প্রভাব

নির্ণর করিতে হইলে এই প্রংশকে সমাকলন করিতে হইবে। এই মোট স্রংশ $Y_{\scriptscriptstyle B}$ লেখা বার

$$Y_B = \int_{-a}^{\frac{a}{b}} \int_{-b}^{\frac{b}{b}} A \cos 2\pi \left[vt - \frac{1}{\lambda} \left(D - \frac{yl + zm}{D} \right) \right] dydz \qquad (3.63)$$

হিসাবের সূবিধার জনা এখানে ধরা হইরাছে বে A বিন্দূটি $\bar{a}b$ আরতক্ষেত্রের মধান্থলে অবস্থিত ; অতএব সমাকলনের সীমা নেওরা হইরাছে $\pm rac{a}{2}$ এবং $\pm rac{b}{2}$.

এবার ধরা বাক $2\pi \left(vt - \frac{D}{\lambda}\right) = u$ এবং $\frac{2\pi}{\lambda D} = v$.

$$Y_{B} = \int_{\frac{-a}{3}}^{\frac{a}{3}} \int_{\frac{-b}{3}}^{\frac{b}{3}} A \cos \{u - v(yl + zm)\} dydz.$$
 (3.64)

সমাকলনের সুবিধার জন্য কম্পিত সংখ্যার পদ্ধতির (method of imaginary quantities) সাহাষ্য নেওরা যাইতে পারে । ধরা যাক লেখা যাইতে পারে

$$\cos \{u - v(yl + mz)\} = e^{i\{u - v(yl + zm)\}}$$
(3.65)

[পরে প্রয়েজন মত বাড়তি অংশ বাদ দেওয়৷ বাইবে]

তাহা হইলে দাড়ার

$$Y_{B} = \int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}} \int_{-\frac{h}{4}}^{\frac{h}{4}} Ae^{i\{u - v(yl + zm)\}} dydz$$
 (3.66)

এই সমাকলনে এর সামান্য পরিবর্তনকে অগ্রাহ্য করিলে ইহাকে সমাকলন চিন্দের বাহিরে আনা যার। ফলে দাভার

$$Y_{B} = Ae^{i\omega} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} e^{-ivyl} dy \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} e^{-ivzm} dz$$

$$= Ae^{i\omega} \frac{1}{-ivl} \left\{ e^{-\frac{1}{2}iavl} - e^{-\frac{1}{2}iavl} \right\}$$

$$\times \frac{1}{-ivm} \left\{ e^{\frac{1}{2}ibvm} - e^{-\frac{1}{2}ibvm} \right\}$$

$$-Ae^{iu}\frac{1}{-ivl}2i\sin\frac{1}{2}avl\times\frac{1}{-ivm}2i\sin\frac{1}{2}bvm$$

$$-Ae^{iu}\frac{2}{vl}\sin\frac{1}{2}avl\frac{2}{vm}\sin\frac{1}{2}bvm \qquad (3.67)$$

এইবার ৩ এর মূল্য প্রয়োগ করিয়া লেখা বায়

$$Y_B = Ae^{iu} \frac{\sin \frac{\pi al}{\lambda D}}{\frac{\pi l}{\lambda D}} \frac{\sin \frac{\pi bm}{\lambda D}}{\frac{\pi m}{\lambda D}}$$

$$-Ae^{i\omega}ab\frac{\sin\frac{\pi al}{\lambda D}\sin\frac{\pi bm}{\lambda D}}{\frac{\pi al}{\lambda D}\frac{\pi bm}{\lambda D}}$$

এইবার কন্শিত রাশির কন্শিত অংশ বাদ দিয়া আবার পূর্বের অবস্থায় ফিরিয়া আসা প্রয়োজন । ইহা করিলে দাড়াইবে

$$Y_{B} = A \ ab \frac{\sin \frac{\pi al}{\lambda D} \sin \frac{\pi bm}{\lambda D}}{\frac{\pi al}{\lambda D} \cdot \pi bm} \cos 2\pi \left(\nu t - \frac{D}{\lambda}\right)$$
(3.68)

B বিম্পুতে আলোর তীব্রতা পাওয়া বাইবে এই দ্রংশের বিস্তারের বর্গ হইতে। সূতরাং তীব্রতা Int. লেখা বার.

Int =
$$A^2 \left\{ a \frac{\sin \frac{\pi al}{\lambda D}}{\frac{\pi al}{\lambda D}} \right\}^2 \left\{ b \frac{\sin \frac{\tau bm}{\lambda D}}{\frac{\pi bm}{\lambda D}} \right\}$$
 (3.69)

বিদি ধরা বার,
$$\frac{\pi al}{\lambda D} = \phi$$
 $\frac{\pi bm}{\lambda D} = 4$

তবে লেখা বায়

$$Int = A^2a^2b^2 \frac{\sin^2\phi}{\phi^2} \frac{\sin^2\alpha}{\alpha^2}$$

বদি A=1 ধরা বার ভবে দাড়ার

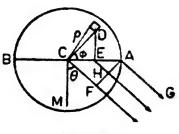
$$Int = a^*b^* \frac{\sin^* < \sin^* \phi}{\phi^*} \tag{3.70}$$

লক্ষ্য করিলে দেখা বাইবে বে এই রাখিমালা লেখাচিত্রীর পদ্ধতিতে বে রাখি-মালা পূর্বে পাওরা গিরাছে (সমীকরণ 3.57) তাহার সহিত সম্পূর্ণ অভিম। কাজেই ব্যবর্তন ঝালরশ্রেণী সহছে পূর্বে বাহা বলা হইরাছে এক্ষেত্রেও তাহা পূরাপুরিভাবে খাটিবে।



বৃত্তাকার ছিত্তে ক্রমন্থকার ব্যবর্তন (Frannhofer diffraction at a circular aperture).

আলোকবিজ্ঞানে ব্যবহৃত অনেক ৰব্ৰে বৃত্তাকার ছিপ্তে ব্যবর্তন হইয়া থাকে। ইহার প্রকৃষ্ঠ উদাহরণ হিসাবে বলা বায় দূরবীক্ষণ ব্যান্ত ভারক। বা গ্রহ জাতীয় খণোলীয় বনুর (celestial bodies) প্রতিবিধের সৃষ্ঠি। অথবা অণ্যবীক্ষণ ব্যান্ত কুন্ত বন্ধু কর্তৃক প্রতিবিদ্ধ সৃষ্ঠি। সূত্রাং এই বিষয়টি বিশদভাবে আলোচিত হইবে।



150 O.08

০.০৪ বং চিত্রে বৃত্তাকার ছিদ্রের একটি আফুডিতে কেন্দ্রবিন্দু C এবং C এর মধ্য দিরা গমনকারী ব্যাস ACB দেখানো হইরাছে। এই ছিদ্রের উপর সমান্তরাল আলোকরশিমালা চিত্রতলের পশ্চাংদিক হইতে ছিদ্রতলের অভিসবে আপভিত হইরাছে এবং ছিদ্রে ব্যবর্তনের পর সমুখদিকে সমান্তরাল রশিমালা

ছিসাবে নিগত হইতেছে। এই রশ্মিনালা L_2 লেল দ্বারা ইহার কোলাসতলে দ্বনীভূত হইবে; ফলে এই ফোলাসতলের কোনও বিন্দুতে আলোর তীপ্রতার র্মিনাগুলির দশা-পার্থকার উপর নির্ভর করিবে। ACB সরলরেখার মধ্য দিরা ছিম্রতলের অভিলবে বে তল অবন্থিত তাহাতে দুইটি বার্বতিত সমান্তরাল রশ্মি দেখানো হইরাছে CF এবং AG. ছিম্রতলে C বিন্দুর উপর লহ CM. ব্যর্বতিত সমান্তরাল রশ্মিগুলি CF এবং AG এই লহ CM এর সহিত θ কোণ উৎপ্রম করিরাছে। সূতরাং এই দুইটি রশ্মির মধ্যে পথ-পার্থকা হইবে $AC \sin \theta$. এখানে A বিন্দু হইতে CF রশ্মির উপর লহটি AF; ফলে এই সমান্তরাল রশ্মিমালার তরঙ্গমুখ দাড়াইতেছে AF. ছিম্রতলে র্যাদ D বিন্দুকে ঘিরিরা একটি ক্ষুম্র অংশ ধরা যায় এবং CA ও CD সরলরেখার মধ্যের কোণ ধরা যায় ϕ তবে এই ক্ষুম্র অংশের ক্ষেমুফল

$$dA = \rho d\rho d\phi \tag{3.71}$$

[aqica p - CD qaq]

D হইতে ACB এর উপর অন্তিত লয় ইহাকে E বিন্দৃতে ছেদ করিয়াছে। এই অবস্থায় D এবং A হইতে নিগত সমান্তরাল রশ্মিদ্বয়ের দশা-পার্থকা দাড়াইবে A এবং E বিন্দু হইতে নিগত সমান্তরাল রশ্মিদ্বয়ের দশা-পার্থকার সমান। সূত্রাং এই দশা-পার্থকা ট লেখা বায়

$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda} AE \sin \theta = \frac{2\pi}{\lambda} (a - \rho \cos \phi) \sin \theta = l(a - \rho \cos \phi)$$
 (3.72)
এখানে $a =$ ছিন্দ্ৰের ব্যাসার্থ ; $l = \frac{2\pi}{\lambda}$

সূতরাং A বিশ্দু হইতে নিগত ভ্রংশ বদি লেখা যায় sin wt
তবে D এর চতুদিকে অবন্থিত অংশ হইতে উৎপন্ন অংশের ভ্রংশ দাড়াইবে $\sin \left[wt + I(a - \rho \cos \phi)\right] \rho d\rho d\phi \tag{3.73}$

এবং সমন্ত ছিন্ন হইতে উৎপান সংশের L_{s} লেন্দের ফোকাসতলে লব্ধি লেখা বাইবে

$$\int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{a} \sin \left[wt + l(a - \rho \cos \phi)\right] \rho d\rho d\phi.$$

িএখানে একটি কোণ heta দিকে আলোকতীরতা হিসাব করা হইতেছে

ৰিলয়া সমাকলনে । অপরিবর্তিত থাকিবে ; অভএব ।ও অপরিবর্তিত থাকিবে) সূতরাং লেখা বার

$$-\sin (wt + la) \int_{0}^{2\pi} \int_{\rho}^{a} \rho \cos (l\rho \cos \phi) d\rho d\phi - \cos (wt + la)$$

$$\int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{a} \rho \sin (l\rho \cos \phi) d\rho d\phi \qquad (3.74)$$

ইহাদের বিভীর রাশিমালার কথা যদি বিবেচনা করা হয় তবে দেখিতে পাওরা বাইবে বে সমাকলনের পর ইহার মোট মূল্য দাড়াইবে শূন্য। কারণ ACB ব্যাসচি ছিদ্রতলকে প্রতিসমর্পে (symmetrically) দুই ভাগে বিভক্ত করিরাছে। কাকেই D এর মত এমন দুইটি সমান অংশ ACB সরলরেখার উপরে এবং নীচে প্রতিসমর্পে অবস্থিত থাকিবে বাহাতে ইহাদের প্রভাব সমাকলনে পরস্পরকে ধ্বংস করিবে। আর দেখা বার বে সমন্ত ছিদ্রটিই এইর্প প্রতিসম জ্যোড়ার বিভক্ত করা চলে। সূত্রাং ইহাদের মোট ফল বিতীর রাশিমালার ক্ষেত্রে দাড়াইবে শূন্য। অতএব ব্যর্বার্ডত রন্ধির L_s লেন্দের ফোকাসন্তলে স্নোট ভ্রংশ Y হইবে নিম্নর্প

$$Y = \sin (wt + la) \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{a} \rho \cos (l\rho \cos \phi) d\rho d\phi$$
 (3.75)

अवः θ कालে, वर्षाः CF निक चालाकडोडडा इट्रेव

$$Y^{2} = Int - \left[\int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{a} \rho \cos(l\rho \cos \phi) d\rho d\phi\right]^{2}$$
 (3.76)

এই সমাকলন দুই ধাপে করা হইবে; একটিতে পরিবর্তনীয় রাখি ho, অন্যটিতে ϕ .

প্রথমটি হইবে
$$\int_{0}^{a} \rho \cos (l\rho \cos \phi) d\rho$$

$$-\left[\frac{\rho}{l\cos\phi}\sin\left(l\rho\cos\phi\right)\right]_0^a - \frac{1}{l\cos\phi}\int_0^a\sin\left(l\rho\cos\phi\right)d\rho$$

$$-\frac{a}{l\cos\phi}\sin(la\cos\phi) + \frac{1}{l^{\frac{2}{3}}\cos^{\frac{2}{3}}\phi}\{\cos(la\cos\phi) - 1\}$$

$$-a^{\frac{2}{3}}\frac{\sin(la\cos\phi)}{la\cos\phi} - \frac{1}{2}a^{\frac{2}{3}}\frac{\sin^{\frac{2}{3}}(\frac{1}{3}la\cos\phi)}{(\frac{1}{3}la\cos\phi)^{\frac{2}{3}}}$$
(3.77)

ৰ্যাদ la - 2p লেখা বায় তবে দাডায়

$$Int = \left[a^{2} \int_{0}^{2\pi} \frac{\sin(2p\cos\phi)}{2p\cos\phi} d\phi - \frac{1}{8} a^{2} \int_{0}^{2\pi} \frac{\sin^{2}(p\cos\phi)}{(p\cos\phi)^{2}} d\phi \right]^{2}$$
(3.78)

দ্বিতীর ধাপে 🔌 পরিবর্তনীয় রাশি ধরিয়া সমাকলন করিতে রাশিমালার সাহাব্যে সমাধানের (series solution) পদ্ধতি অবলম্বন করিতে হইবে। নির্মালিখিত রাশিমালার সাহাষ্য নেওয়া যাইতে পারে

$$\frac{\sin \alpha}{\alpha} = 1 - \frac{\alpha^{8}}{13} + \frac{\alpha^{6}}{15} - \frac{\alpha^{6}}{17}$$

$$\frac{\sin^{8}\alpha}{\alpha^{8}} = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2\alpha^{8}} = 1 - \frac{2^{8}\alpha^{8}}{14} + \frac{2^{6}\alpha^{6}}{16} - \frac{2^{7}\alpha^{6}}{18} + \frac{2^{6}\alpha^{6}}{18} + \frac{2^{6}\alpha^{6}}{18}$$

कारकरे

$$\sqrt{Int} = a^2 \int_0^{2\pi} \left[1 - \frac{(2p\cos\phi)^2}{13} + \frac{(2p\cos\phi)^4}{15} - \frac{(2p\cos\phi)^6}{17} + \cdots \right] d\phi$$

$$-\frac{1}{2}a^{2}\int_{0}^{2\pi}\left[1-\frac{2^{5}(p\cos\phi)^{2}}{\lfloor 4}+\frac{2^{5}(p\cos\phi)^{6}}{\lfloor 6}-\frac{2^{7}(p\cos\phi)^{6}}{\lfloor 8}+\cdots\right]d\phi \qquad (3.79)^{6}$$

এইগুলি প্রতিটি আলাদ। পদ হিসাবে সমাকলন কর। বার ; এইর্প সমাকলনে নিয়ের সংকেতটি বাবহার কর। হইরাছে

$$\int_{0}^{2\pi} \cos^{2\pi} x \ dx = \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \cdots (2n-1)}{2 \cdot 4 \cdot 6 \cdot \cdots \cdot 2n} 2\pi$$

এই সংকেড বাবহার করিরা পদগুলি সমাকলন করিলে শেব পর্বন্ত দাভার

$$\sqrt{Int} = \pi a^{2} \left\{ 1 - \frac{1}{3} \left(\frac{p}{1} \right)^{2} + \frac{1}{3} \left(\frac{p^{2}}{2} \right)^{2} - \frac{1}{3} \left(\frac{p^{2}}{13} \right)^{2} + \frac{1}{3} \left(\frac{p^{4}}{14} \right)^{2} - \dots \right\}$$

$$= \pi a^{2} \left[1 - \frac{p^{2}}{2} + \frac{p^{4}}{3.4} - \frac{p^{6}}{4.6} + \frac{p^{6}}{5.24} - \right]$$

$$= \frac{\pi a^{2}}{p} \left[\frac{2p}{1!2} - \frac{(2p)^{3}}{1!2!2^{3}} + \frac{(2p)^{4}}{2!3!2^{4}} + \dots \right]$$

$$\therefore I = \pi^{2} a^{4} \left[2 \frac{J_{1}(2p)}{2p} \right]^{2} = \pi^{2} a^{4} P^{2}$$

এখানে $J_1(2p)$ রাশিমালাকে প্রথম ক্রমের বেলেল রাশিমালা (Bessel's function of the first order) वना शहेबा शास्त्र ।

$$\therefore \sqrt{Int.} = \pi a^2 P. \tag{3.80}$$

এখানে খিতীয় বন্ধনীর মধ্যেকার রাশিমালার সমষ্টিকে P খারা বুঝানো হইয়াছে।

:. Int =
$$\pi^2 a^4 P^2$$
.

P द्रानियाना pas সমন্ত মূলোর জনাই অভিসারী (convergent) হয়, তবে pএর মূল্য পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে ইহা ধনাত্মক এবং ঋণাত্মক মানের মধ্য দিয়া যায়; p ৪ কোণের সহিত সম্পর্কিত বলিয়া ৪ কোণের পরিবর্তনের সক্তেও আলোর তীব্রতারও ভেদ হইবে। অতএব আলোর তীব্রতাও চরম এবং च्यवम मात्नद्र मधा निया शमन करत् । काइन धनाचक दरेख चनाचक मात्न गारेट ইহা শূন্য মূল্যের মধ্য দিরা ৰাইতে হইবে : আৰু এই সমন্ত কেনে আলোর ভীরতা হইবে শ্না। সুভরাং আলোর চরম ও অবম (শ্না) ভীরতা নির্ণর করিবে $\frac{dP}{dP}=0$ এবং P=0 এই সমীকরণ দুইটি। নিয়ের দেওরা টেবিলে বিভিন্ন

চরম তীরতার সংগ্রিষ্ট pag মান ও তীরতার পরিমাণ দেওরা হইল

কালরের ক্রম	paa यान	আলোক তীক্তা	कामरत्रत क्रम	p এর মান	আলোক ভীৱতা
প্রথম চরম	0	1	তৃতীর অবম	1.619#	0
প্রথম অবম	0.610#	0	हरूबं हम्म	1.847#	0.0017
খিতীর চরম	0.819#	0.0175	চতুৰ্থ অবম	2.120#	0
ৰিতীয় অবম	1.116#	0	পশুম চৰম	2.361#	0.0008
তৃতীর চরম	1.333#	0.0042	পশ্বম অবম	2.621#	0

এই টেবিল হইতে দেখা বাইতেছে বে প্রথম অবম তীব্রতা হইবে নির্মালখিতর্প

$$\frac{p}{\pi}$$
 = 0.610 अथवा $\frac{la}{2} = \frac{2\pi a}{2\lambda} \sin \theta = \frac{\pi a}{\lambda} \sin \theta = 0.610\pi$

$$\sin \theta = \frac{0.610\lambda}{a} \tag{3.81}$$

θ কোণ খুবই ছোট বলিয়া লেখা যায়

$$\theta = \frac{0.610\lambda}{a} = \frac{1.22\lambda}{d} \tag{3.82}$$

এখানে d - ছিদের ব্যাস - 2a

θ কোণে ব্যবর্তিত রশ্মি ছিন্নতলে অঞ্চিত অভিনয় CM এর সহিত এমন একটি শব্দু উৎপদ্ম করিবে যাহার অর্ধ্বশীর্বকোণ (semi-vertical angle) দাড়াইবে θ. সূতরাং, অবম তীব্রতার ঝালর হইবে বৃদ্তাকার আর এই বৃত্তের কেন্দ্র হইবে CM এবং L₂ লেন্দের ফোকাসতলের ছেদকিন্দু। অন্যান্য অবম এবং চরম-তীব্রতার হিসাবে করিলে দেখা যাইবে যে বৃদ্তাকার ছিদ্রের বেলায় বাবর্তন ঝালর হইবে এক প্রস্থ সমকেন্দ্রিক বৃদ্তাকার ঝালর। ইহাদের মধ্যে কেন্দ্রীর ঝালরটিই অন্যান্যদের তুলনায় বহুগুণ উজ্জ্বল এবং ইহাকে বলা হয় এয়ারীর চাক্তি (Airy's disc). আলোক-উৎস খুব উজ্জ্বল না হইলে বা ফটোগ্রাফের এক্সপোজার বেশী না দিলে সাধারণত এই কেন্দ্রীর চাক্তিটিই শুধু পাওয়া যায়। তবে বেশীক্ষণ এক্সপোজার দিলে বা উৎসের উজ্জ্বতা বেশী হইলে এই কেন্দ্রীর চাক্তির বাহিরেও দুই কি তিনটি চক্র দেখা যায়। এয়ারীর চক্র নাম হওয়ার কারণ এয়ারীই প্রথম এই সমস্যার সমাধান করেন।

এখানে লক্ষণীয় যে রেখাছিদ্রের বেলায়ও অনুরূপ সমীকরণ দারা বাবর্তন ঝালরের আলোক তীব্রতা নির্ণীত হয়। কিন্তু সেখানে সমীকরণটি একটু আলাদা

$$\theta = \frac{m\lambda}{a}$$
, $m = \text{ann}(\text{sign} a)$; $a = \text{sign}(\text{sign} a)$

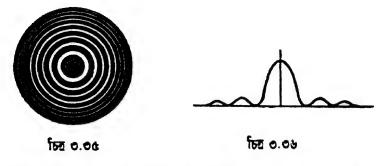
এখানে দেখা বার যে অবম তীব্রত। নির্ণর করে যে ক্রমিক সংখ্যা m, তাহারা সব অখণ্ড সংখ্যা।

অন্যদিকে বদি বৃত্তাকার ঝালরের বেলায় অনুরূপ সংকেত ব্যবহার করা বার

$$\theta = \frac{m'\lambda}{d}$$
; $d =$ ছिলের ব্যাস

ভবে এখানে m' সংখ্যাগুলি অখণ্ড সংখ্যা নর । ইহারা প্রথম, খিতীর ও তৃতীর অবম তীব্রতার বেলায় দাড়াইবে যথাক্রমে 1.22, 2.232 এবং 3.238. ইহাদের মধ্যে প্রথমটিই সর্বাপেক্ষা গুরুত্বপূর্ণ কারণ এইটিই এরারীর চাকৃতির আরতন নির্ণার করে আর এরারীর চাকৃতি অনা ঝালরের তুলনার অনেকগুণ উক্ষল ।

রেখাছিদ্রের বেলার দিতীর ঝালরটির আলোকতীরতা প্রথমটির প্রার পাঁচ শতাংশ হইবা থাকে। কিন্তু বৃদ্তাকার ছিদ্রের ফেলার কেন্দ্রের তীরতা দিতীর ঝালরের চরম তীরতার প্রার 60 গুণ! ইহার পরের ঝালরগুলির তীরতা আরও প্রতভাবে কমিতে থাকে। সূতরাং সাধারণ ক্ষেত্রে কেন্দ্রীর ঝালর বা এরারীর চক্র ছাড়া বাহিরের ঝালরগুলি দেখা বার না।



কেন্দ্র হাতে যদি ইহার কোনও বাাসার্দ্ধের দিকে আলোর তীব্রতা মাপা হয় তবে ৩.৩৬ নং চিত্রে প্রদশিত লেখাচিত্র পাওয়া যাইবে। চিত্র নং ৩.৩৫ এ বলয়গুলির মোটামুটি চেহার। দেখানো হইল। ৰুগ্ধ রেখাছিতে ক্রনহফার ব্যবর্ড ন (Fraunhofer diffraction at a double slit).

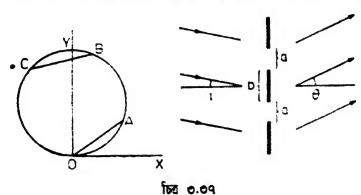
এই জাতীর পরীকা বাতিচার ঝালরের উৎপত্তির বেলায় বাঁণিত হইরাছে।
ইরং-এর বাতিচার ঝালরের পরীক্ষার অনুরূপ বাবস্থার সাহাব্যে ঝালর সৃষ্ঠি করা
ছইরাছিল। কিন্তু বর্তমান পরীক্ষার সঙ্গে উত্ত পরীক্ষার কিছু পার্থকা বর্তমান।
প্রথমত বর্তমান পরীক্ষা ইতিপূর্বে আলোচিত একক রেখাছিল্রের পরীক্ষারই
সম্প্রসারণ, সূতরাং এখানে আলোক উৎস এবং প্রতিবিশ্বতল উভরেই কার্যাতঃ
অসীম দূরত্বে অবন্থিত। এটি করা হইরাছে দুইটি লেন্স ব্যবহার করিরা।
কিন্তু ইরংএর বাতিচারের পরীক্ষার আলোকউৎস এবং প্রতিবিশ্বতল উভরেই
সসীম দূরত্বে অবন্থিত এবং সেজনা এই পরীক্ষাতে কোনও লেন্সের প্রয়েজন
নাই। বিতীরত ইরংএর পরীক্ষার রেখাছিদ্র দুইটির প্রস্থ খুবই ছোট করা হর
যাহাতে ইহা ব্যবহৃত তরঙ্গদৈর্ঘোর সহিত তুলনীর হয়। কিন্তু বর্তমান পরীক্ষার
রেখাছিদ্র দুইটির প্রস্থ অত ছোট নয়। ইহা সাধারণত 0.1mm হইতে
0.5 mm এর মধ্যে রাখা হয় এবং ইহাদের মধ্যে দূরত্বও কাছাকাছি মানের
হইয়া থাকে। এই ব্যবস্থার যে ব্যবর্তন ঝালরের সৃষ্ঠি হইবে তাহা ইরংয়ের
বাতিচার ঝালর হইতে বভাবতই কিছুটা আলাদা হইবে। এই দূইশ্রেণীর
মধ্যে কি এবং কতটা পার্থকা তাহা আলোচনা চলা কালে ক্রমণঃ স্পর্ট হইবে।

এই পরীক্ষার জন্য একক রেখাছিদ্রের পরীক্ষা ব্যবস্থাই ব্যবহার করা চলিবে।
(চিন্ত নং ৩.২২)। একমাত্র একক রেখাছিদ্র ১ এর স্থানে এই বুগা রেখাছিদ্রটি
বসাইতে হইবে। তাহা হইলেই ব্যবর্তন ঝালরশ্রেণীর আবির্ভাব হইবে। ইহারা
অনেকাংশে ইরংয়ের বাতিচার ঝালরের মত কিন্তু তফাং এই যে ইয়য়ের পরীক্ষার
সমান প্রস্থের কতকর্গুলি ঝালর ঘৃষ্ঠিক্ষেত্র জুড়িয়া থাকে। ইহাদের তীব্রতা কেন্দ্রীয়
ঝালরের চরম মান হইতে ক্রমে কিন্তু খুব আস্তে ধারের দিকে কমিতে থাকে।
আর ব্যবর্তন ঝালরের বেলার যদিও সমান প্রস্থের এক শ্রেণীর ঝালর পাওয়া
যায় কেন্দ্র হইতে ধারের দিকে গোলে এইগুলির তীব্রতার খুব দুত পরিবর্তন ঘটে।
কেন্দ্রীয় ঝালরের দুই পাশে কয়েকটি উজ্জ্বল ঝালর, পরে খানিকটা স্থান অন্ধকার
আবার অপেক্ষাকৃত কম তীব্রতার কয়েকটি ঝালর, তারপরে খানিকটা অন্ধকার
পরে হয়তো আরও কয়েকটি ক্ষীণ তীব্রতার ঝালর। এইর্পে সমান প্রস্থের
ঝালরগুলির মাঝে মাঝে অন্ধকার অংশ বর্তমান থাকিবে। আর ঝালরের প্রস্থ,
অন্ধকারের অবস্থান প্রভৃতি নির্ভর করিবে রেখাছিদ্র দুইটির এবং ইহাদের মাঝের
অক্ষ্ড স্থানের প্রস্থের উপর। তীব্রতার ব্যব্যাক্তন। নিয়ে তাহা করা হইল।
মানের জন্য একটি রাশিমালা বাহির করা প্ররোজন। নিয়ে তাহা করা হইল।

আলোকডীলডার মান (Intensity Expression).

একক রেখাছিদ্রের বেলার বে লেখাচিগ্রীর পদ্ধতির প্ররোগ করা হইরাছে তাহা এইক্ষেচেও সমভাবেই ব্যবহার করা বার।

০.০৭ নং চিত্রে একটি বুশ্ব রেখাছিল দেখানো হইরাছে। হিসাবের সূবিধার জন্য ধরা হইরাছে বে দুইটি রেখাছিলের প্রস্থই সমান এবং এই প্রস্থ ব বারা বুঝানো হইরাছে। ইহারা মাঝের b প্রস্থের অবচ্ছ অংশ বারা বিচ্ছিম। সমান্তরাল আলোক রশ্বিমালা i কোণে রেখাছিলে আপতিত হইরা b কোণে বাবাতিত হইতেছে। তাহা হইলে পূর্বের একক রেখাছিলের আলোচনা অনুসারে বলা বার বে প্রতিটি ছিলের জন্য প্রভাব একটি বৃত্তাংশ



দারা বুঝানো ষাইতে পারে। চিত্রে এই বৃত্তাংশ দুইটি OA এবং BC. ইহার। সমান এবং যদি প্রত্যেককে 2¢ কোণ থারা বুঝানো হয় তবে

$$2\phi = \frac{2\pi a}{\lambda} \left(\sin i + \sin \theta \right). \tag{3.84}$$

ইহারা বিচ্ছিন্ন হইয়াছে বে অংশ b দারা তাহা বুঝাইতেছে AB বৃত্তাংশ ; ইহার কৌণিক পরিমাপ বদি 2β হয় তবে লেখা বাইতে পারে

$$2\beta = \frac{2\pi b}{\lambda} (\sin i + \sin \theta). \tag{3.85}$$

a রেখাছিদ্রের মধ্য দিরা বে লব্ধি শ্রংশ বাইবে তাহার বিস্তার হইবে $\frac{a\sin\phi}{\phi}$ এবং ইহার দশা হইবে ϕ (O বিন্দুতে দলা শ্বা ধরিলে) ; সূতরাং এই শ্রংশ y_1 লেখা বার

$$y_1 = \frac{a \sin \phi}{4} \sin (wt + \phi) \tag{3.86}$$

এখানে a রেখাছিচে আপতিত স্রংশ ধরা হইরাছে sin wt. অন্য রেখাছিচটি দিয়া বাবতিত স্রংশ বদি y, হয় তবে ইহাকে লেখা বায়

$$y_2 = \frac{a \sin \phi}{\phi} \sin (wt + \phi + 2\phi + 2\beta) = \frac{a \sin \phi}{\phi} \sin (wt + 3\phi + 2\beta)$$
 (3.87)

দশার মান এইবৃপ দাড়াইবার কারণ এই যে Λ বিন্দুতে শ্রংশের দশা 2ϕ এবং B বিন্দুতে $2\phi+2\beta$. আর একক রেখাছিদ্রের আলোচনা হইতে দেখা বার বে $O\Lambda$ ছিদ্রের লব্ধি দশা ইহার মধ্যবিন্দুর দশার সমান অর্থাৎ ϕ . অনুর্পভাবে BC রেখাছিদ্রের লব্ধি দশাও ϕ . সূতরাং O বিন্দুর তুলনার BC রেখাছিদ্রের দশা হইবে $\phi+2\phi+2\beta$.

সূতরাং y_2 ভংশের দশা ধ্বক হইবে $3\phi + 2\beta$.

हेशाम्ब छे अस्त्र मिक माज़ारेत प्र, अवः अहे मिक रहेत

$$y = y_1 + y_2 = \frac{a \sin \phi}{\phi} \left\{ \sin (wt + \phi) + \sin (wt + 3\phi + 2\beta) \right\}$$
$$= \frac{2a \sin \phi}{\phi} \left\{ \cos (\phi + \beta) \sin (wt + 2\phi + \beta) \right\} \quad (3.88)$$

সুতরাং L_{2} লেন্সের ফোকাসতলে আলোর তীরতা Int দাড়াইবে

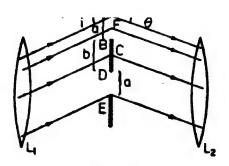
$$Int = \frac{4a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2} \cos^2 (\phi + \beta) = \frac{4a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2} \cos^2 \gamma \quad (3.89)$$

এখানে
$$\phi + \beta = \frac{\pi}{\lambda} (a+b) (\sin i + \sin \theta) = \frac{\pi}{\lambda} W (\sin i + \sin \theta) = \gamma$$
(3.90)

W-a+b অর্থাৎ প্রথম রেখাছিদ্রের কেন্দ্র হইতে দ্বিতীয় রেখাছিদ্রের কেন্দ্র পর্যান্ত দূরত্ব।

বীজগাণিতিক পদ্ধতিতেও ছভাবতই ঐ একই কল পাওয়া বাইবে। নিমলিখিতবৃপে এই ফল পাওয়া বাইতে পারে। ৩.০৮ নং চিত্রে AB এবং DE দুইটি রেখাছিদ্রের প্রস্থা। ইহাদের প্রত্যেককেই হিসাবের সুবিধার জন্য ধরা হইরাছে a র সমান। মাঝে b প্রস্থের অবচ্ছ অংশ। একটি সমান্তরাল রিশ্মমালা এই রেখাছিদ্র দুইটির উপর i কোণে আপতিত হইরাছে এবং θ কোণে বাবতিত হইরাছে। এই প্রক্রিয়ার দুইটি লেক L_1 এবং L_2

ব্যবহার করা প্ররোজন ; b অবচ্ছ অংশের মধ্যভাগ C বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া বদি উভয়দিকে দূরত মাপা হয় তবে C বিন্দু হইতে s দূরতে F বিন্দুর মধ্য



150 O.OF

দিয়া বে আলোকরন্দি গমন করিতেছে তাহার ক্রপে সহজেই লেখা বার। বদি C কিন্দুর তুলনার লেখা বার তবে এই ক্রপে হইবে dy

$$dy = A \cos 2\pi \left(\nu t - \frac{\Delta}{\lambda} \right). \tag{3.91}$$

এখানে A ৰেখাছিদ্ৰে আপভিত রশ্বিৰ বিস্তার, ৮ ইহার কম্পাক্ষ এবং
△ পথ পার্থকা। CF দূরত্ব বণি ৫ হয় তবে লেখা বাইতে পারে:

$$\triangle - s (\sin i + \sin \theta) - s.\delta$$

 $\delta - (\sin i + \sin \theta).$

সূতরাং F কিপুর নিকটে ds অংশের জনা এংশ হইবে

$$dy = A \cos 2\pi \left(vt - \frac{s \cdot \delta}{\lambda} \right) ds = A \cos \left(wt - s \right) ds;$$

$$w = 2\pi \qquad s = \frac{2\pi \delta}{\delta}$$

 L_s লেলের ফোকাসতলে লভি স্রংশ পাওরা যাইবে এই রাশিমালাকে ${b\choose 2}+a$) হইতে ${b\choose 2}$ পর্বান্ত এবং $-{b\choose 2}$ হইতে $-{b\choose 2}+a$) পর্বান্ত সীমার মধ্যে স্বান্ত্রনা করিয়া ।

ইভিপূর্বে ব্যবহৃত কম্পিন্ডের পদ্ধতি (method of imaginaries) অবস্থান করিয়া লেখা বার

$$\cos (wt - 4s) = R. P. of e^{-i(wt - 4s)}$$

সূত্রাং লব্ধি দ্রংল Y লাড়াইবে [R. P. of বারবার না লিখিয়া]

$$Y = A \int_{\frac{b}{2}}^{\frac{b}{2}} + a \qquad -\frac{b}{2}$$

$$Y = A \int_{\frac{b}{2}}^{\frac{b}{2}} e^{-i(wt - 4s)} ds + A \int_{\frac{b}{2}}^{\frac{b}{2}} e^{-i(wt - 4s)} ds.$$

$$-\left(\frac{b}{2} + a\right) \qquad (3.92)$$

$$-\frac{Ae^{-iwt}}{i4} \left[\left\{ e^{i4} \left(\frac{b}{2} + a\right) - e^{-i4} \left(\frac{b}{2} + a\right) \right\} \right]$$

$$+ \left\{ e^{-\frac{i4b}{2}} - e^{\frac{i4b}{2}} \right\}$$

$$-\frac{2Ae^{-iwt}}{i4} \left\{ i \sin 4 \left(\frac{b}{2} + a\right) - i \sin \frac{4b}{2} \right\}$$

$$-\frac{2A}{4} e^{-iwt} \left\{ \sin 4 \left(\frac{b}{2} + a\right) - \sin \frac{4b}{2} \right\}$$

$$-\frac{4A}{4} \cos \frac{4(a+b)}{2} \sin \frac{4a}{2} e^{-iwt} \qquad (3.93)$$

সূতরাং ভ্রংশের বিস্তার দাড়াইতেছে

Amp
$$-\frac{4A}{4}\cos\frac{4(a+b)}{2}\sin\frac{4a}{2}$$
.

বদি ধরা বার

$$\frac{4a}{2} = \frac{a}{2} \cdot \frac{2\pi}{\lambda} \cdot \delta = \frac{\pi a}{\lambda} (\sin i + \sin \theta) = \phi.$$

$$\frac{4(a+b)}{2} = \frac{a+b}{2} \cdot \frac{2\pi}{\lambda} \delta = \frac{\pi(a+b)}{\lambda} (\sin i + \sin \theta) = \gamma$$

তাহা হইলে বিস্তার হইবে

Amp =
$$\frac{4A}{4} \sin \phi \cdot \cos \gamma$$
.
= $2Aa \frac{\sin \phi}{\phi} \cos \gamma$ (3.94)

এই রাশিমালা লেখাচিন্তীর পদ্ধতিতে প্রাপ্ত রাশিমালার সহিত অভিল ; শুধু এইমান্ত পরিবর্তন করা হইরাছে বে একটি বাড়তি সংখ্যা A আসিরাছে। ইহার কারণ আগের ক্ষেত্রে বিভার ধরা হইরাছে 1 ; আর বর্তমান ক্ষেত্রে বিভার ধরা হইরাছে A. সূতরাং A গুণকটি পরের ক্ষেত্রে বাড়তি আসিরাছে। অতএব L, লেলের ফোকাসতলে আলোর তীব্রতা দাড়াইবে

Int =
$$4A^2a^2\frac{\sin^2\phi}{\phi^2}\cos^2\gamma$$
.
= $A^24a^2\frac{\sin^2\phi}{\phi^2}\cos^2\gamma$. (3.95)

ব্যবর্জ ন বালরের অবম এবং চরম তীত্রভার বন্টন (Distribution of minima and maxima in the diffraction pattern).

উপরের আলোকতীব্রতার রাশিমালা হইতে দেখা যায় যে আলোকতীব্রতা দুইটি গুণকের উপর নির্ভর করে। ইহাদের মধ্যে প্রথমটি $\frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}$ পূর্বেই একক রেখাছিদ্রের ফ্রনহফার বাবর্তনের তীব্রতার রাশিমালা হিসাবে পাওয়া গিয়াছে। দ্বিতীরটি $\cos^2 \gamma$ দেখা যাইবে যে দুইটি রেখাছিদ্র হইতে আগত আলোর মধ্যে বাতিচার ঝালরের আলোকতীব্রতার মান নির্পণ করিবে। আলোচনার প্রথমেই অনুমান করা সম্ভব ছিল যে এই বাবর্তন ঝালর উভর প্রকার ঝালরেরই সমষ্টি হইবে: কারণ রেখাছিদ্র দুইটির প্রত্যোকটিতেই বাবর্তনের ফলে ঝালরের স্থিত হইবে। আবার ইহাদের দুইটির আলো অধিস্থাপনের (superposition) ফলে বাতিচার ঝালরেরও উংপত্তি হইবে।

আলোর তাঁব্রত। অবম এবং এক্ষেত্রে শ্ন। হইবে নিয়োভ পুইটি ক্ষেত্রে

$$\gamma = (2n+1) \frac{\pi}{2} \; ; \quad n = \text{constant} \; \text{second}$$

প্রথমটি হইতে পাওয়া যার

$$\frac{\pi}{\lambda} (a+b) \left(\sin i + \sin \theta \right) - (2n+1) \frac{\pi}{2}$$
 (3.96)

ৰা
$$(a+b)$$
 (sin $i+\sin\theta$) = $(2n+1)$ $\frac{\lambda}{2}$ ··· অবম (শ্না) আলোকতীওতা (3.97)

চিত্র হইতে দেখা বাইবে বে প্রথম রেখাছিন্তের কেন্দ্র হইতে খিতীর রেখাছিন্তের কেন্দ্র পূর্বান্ত দূরত্ব (a+b); অর্থাং ইরংরের পরীক্ষার দূইটি রেখাছিন্তের মধ্যের দূরত্বের সমান। সূত্রাং অবম তীব্রতার এই সর্ভ আসিতেতে ই

পুইটি রেখাছিদ্রের মধ্যের আলোর সৃষ্ঠ বাতিচারের [যদি (a+b)=W লেখা বার] কেয়ে দাড়ার

$$W(\sin i + \sin \theta) = \frac{\Lambda}{2}, \frac{3\lambda}{2}, \frac{5\lambda}{2}$$
 অবম তীব্রতা (3.98)

ইহার অর্থ খুবই স্পর্ক। $W(\sin i + \sin \theta)$ দুইটি রেখাছিদ্র হইতে আগত আলোর মধ্যের পথ পার্থকা। সুতরাং এই পথ পার্থকা যদি বিজ্ঞোড় সংখ্যক $\frac{\lambda}{2}$ হয় তবে ইহারা বিপরীত দশায় থাকে বিলয়া পরস্পরকে ধ্বংস করে এবং ইহাদের মোট ফল দাঁড়ায় শূন্য।

φ - mπ হইতে পাওয়া যায়

$$\frac{\pi a}{\lambda}(\sin i + \sin \theta) = m\pi$$

বা
$$a(\sin i + \sin \theta) = m\lambda$$
 λ , 2λ , 3λ ...(0λ বাদে $)$ · (3.99) অবম আলোকতীরত। ।

এখানেও দেখা যার যে এই সংকেতিট একক রেখাছিদ্রের ক্ষেত্রের অবম ভীরতার সহিত অভিন্ন। এই সংকেতিট পালিত হইলে সংগ্লিষ্ট কোণ θ দিকে শূন্য আলোকতীরতা সৃষ্টি হইবে। একমাত্র তফাং এই যে এই কোণে উভর রেখাছিদ্রের বেলায়ই শূন্য আলোকতীরতা জান্মবে। পূর্বেই দেখা গিয়াছে যে $a(\sin i + \sin \theta)$ প্রত্যেকটি রেখাছিদ্রের দুই প্রান্তের রান্মর মধ্যের পথ-পার্থকা; আর একক রেখাছিদ্রের ক্ষেত্রে দেখা গিয়াছে যে এই ক্ষেত্রে পথ পার্থক্য $m\lambda$ হইলে θ দিকে আলোকতীরতা শূন্য হয় (সমীকরণ 3.50):

আলোকতীরতার রাশিমালা দুইটি গুণকের গুণফল হওয়ার ফলে তীরতার চরম অবস্থান অবমের মত সহজে নির্ণয় করা যায় না। যদি কিছু স্থূলভাবে (approximately) হিসাব করা যায় তবে নিম্নলিখিতর্পে এই আসম মান (approximate value) বাহির করা সম্ভব। এই পদ্ধতিতে $\frac{\sin^2\phi}{\phi^2}$ এর পরিবর্তন অগ্রাহ্য করিলে লেখা যার

 $\gamma = n\pi$, n = অখণ্ড সংখ্যা→চরম তীরতা

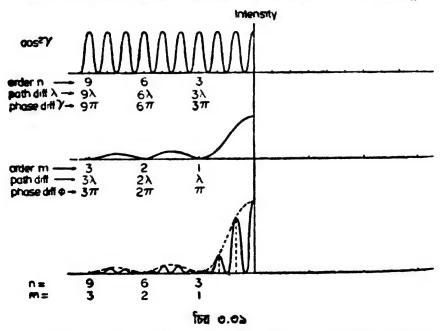
বা
$$\frac{\pi}{1}(a+b)$$
 (sin $i+\sin\theta$) – $n\pi$

$$\P W(\sin i + \sin \theta) = n\lambda \tag{3.100}$$

এখানেও সহজেই দেখা বার বে $(a+b)(\sin i + \sin \theta)$ দুইটি রেখাছিয়ের সংশ্লিক (corresponding) বিন্দু হইতে আগত আলোকর নির পথ দূরত।

কাজেই ব্যতিচারের নিরম অনুসারে ইহারা ৮১ হইলে রন্ধি দুইটি একই দশার থাকে বাহার ফলে ভাহাদের লবি চরম হর । কিন্তু বে সর্ভ আরোপ করা হইরাছে (অর্থাৎ $\sin^2 \phi$ এর পরিবর্তন ধরা হর নাই ; কিন্তু সেটা সাধারণতঃ এই পরীক্ষার পালিত হর না) একক রেখাছিদ্রের প্রস্থ খুব কম হইলেই শুধু এই অবস্থার সৃষ্টি হর । একক রেখাছিদ্রের ব্যবর্তন ঝালরের প্রস্থ রেখাছিদ্রের প্রস্থক বালরের প্রস্থ রেখাছিদ্রের প্রস্থক বালরের প্রস্থ রেখাছিদ্রের প্রস্থ কম হর তবে ইহার বাবর্তন ঝালরগুলিও খুব প্রশন্ত হইবে ফলে কেন্দ্রীর ঝালরটির আলোকতীরতার হাস ধারের দিকে খুবই ধীরে ধীরে হইতে থকিবে। এই অবস্থার $W(\sin i + \sin \theta)$ নাম এই সর্ভ মোটামুটিভাবে পালিত হইবে এবং আলোক তীরতার চরম অবস্থানগুলি এই সম্বন্ধ হইতে স্থলভাবে পাওরা বাইবে। ইরং এর প্রীক্ষার রেখাছিদ্র দুইটির প্রস্থ কম রাখা হর বলিরা ঐ ক্ষেত্রে চরম তীরভার ঝালর এই সম্বন্ধ হইতে পাওরা বার ইহা পূর্বেই দেখা গিরাছে।

আলোক তীব্ৰভাৱ বৰাৰ্থ বন্ধন বাহির কবিতে হইলে প্ৰথমে দুইটি গুণকের জনাই আলাদা কবিয়া তীব্ৰভাৱ মান নিশ্র করিতে হইবে। পরে এই দুইটি



তীৱতার মান গুণ করিলে করি তীৱত। পাওয়া বাইবে। লেখাচিত্রীর প্রতিতে এই আলোকভীৱতা সহজেই বাহির করা বার। ০.০৯ নং চিত্রে এইর্গ প্রতি শেখানে। হইরাহে। প্রথমটি তেঃ পৃথকের লেখাচিত। এইগুলি পরিচিত ব্যতিচার বালরের লেখাচিত বলিরা সহজেই চেনা বার। ইহাদের প্রস্থ সমান হইবে। চিত্রে অবশ্য সব বালরগুলিরই তীরতা সমান দেখানো হইরাছে বলিও প্রকৃতপক্ষে তীরতা কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে ক্রমশঃ কমিতে থাকিবে। চিত্রের নীচে বিভিন্ন তীরতার অবস্থানে সংশ্লিষ্ট বালরের ক্রম এবং পথ ও দশা পার্থক্য স্চিত হইরাছে।

ষিতীয় চিত্রে অনুর্পভাবে একক রেখাচিতের ব্যবর্তন ঝালর অভিকত হইরাছে। এখানেও উপরোক্ত বিষয়গুলি পার্খে লিখিত আছে।

তৃতীর্রটিতে লব্ধি আলোক তীরতার মান দেখানো হইরাছে। এই লেখাচিত্র পাওরা গিরাছে প্রতিটি ট কোণের জনা উপরের লেখাচিত্র দুইটির
সংক্লিট কোটি (ordinate) গুল করিরা। যদিও কেন্দ্রীর তীরতা তিনটি
চিত্রেই একই স্কেলে আকা হইরাছে, প্রকৃত ক্ষেত্রে তৃতীর্রটির কোটিগুলি 4
নারা গুল করা প্ররোজন কারণ তীরতার রাশিমালার একটি 4 গুণক বর্তমান।
এই 4 গুণকটির অন্তিন্ধের কারণ নিমর্প। দুইটি রেখাছিদ্রের বে কোনও
একটি বন্ধ করিলে অনাটি একই স্থানে এবং একই প্রকারের বাবর্তন বালর
উৎপার করে। ইহার কারণ বালরগুলির কেন্দ্রে L_1 লেলের কেন্দ্রের সহিত
সম্পাতী হইবে বলিরা দুই ক্ষেত্রেই একই জারগার বালর উৎপার হয়। কিন্তু
দুইটি একসঙ্গে খোলা থাকিলে নিগুণ তীরতার একটি ব্যতিচার বালরশ্রেণীর
স্থি হয় না। চরম ভীরতার বেলার L_2 লেলের ফোকাসতলে প্রতিটি বিশুতে
রেখাছিরে হইতে আগত প্রংশ বোগ হইরা নিগুণ বিদ্রার হয়, কারণ এই প্রংশ
পরস্পর সংসন্ত। ফলে লব্ধি তীরতা নিগুণের স্থানে চতুগুণি হইরা থাকে।

আরও একটি জিনিষ লক্ষণীয়। লব্ধি ঝালরের মান দুইটি গুণকের গুণফলের সমান হওরার অর্থ এইভাবে ভাবা বার বে ব্যভিচার ঝালর যেটা সৃষ্ঠি হর, ব্যবর্তন ঝালরের তীব্রভার মান ভাহার আবরণ (envelope) হিসাবে কাজ করিয়া তীব্রভার মান নিরম্ভণ করে। কাজেই বে অংশে সমান তীব্রভার ব্যভিচার ঝালরগুলির কোটি (ordinates) ব্যবর্তন ঝালরের বর্জমান (increasing) কোটি ধারা গুণ করা হর সেখানে লব্ধি ভীব্রভার চরম মান কোটির বৃদ্ধির দিকে সরিয়া আসিবে। ভীব্রভার অবস্থানের এইবৃপ স্থানচুতি চিত্র নং ৩.৩৯ এ (ভৃতীর চিত্র) দেখানো হইরাছে। কেন্দ্রীর ব্যবর্তন ঝালরের কেত্রে এই ব্যভিচার ঝালর কেন্দ্রের বিকে সরিয়া আসিয়াছে। ইহার পরের ব্যবর্তন ঝালরের মধ্যে অবন্ধিত ব্যভিচার ঝালরেগি আসিয়াছে। ইহার পরের ব্যবর্তন ঝালরের মধ্যে অবন্ধিত ব্যভিচার ঝালরগুলি এই বৃদ্ধি জনুসারে উভর বিকেই

সনিয়া বাইবে। তীরভার মান খুবই কম বলিয়া এইগুলি চিচ্চে ঠিকমত অক্ষিত করা সম্ভব হয় নাই; শুধু কেন্দ্রীয় ব্যবর্তন ঝালায়ের বেলায়ই এই স্থানচুত্তি কেখানো হইয়াছে। স্থানচুত্তি না হইলে এই ঝালারগুলির চরম তীরভার অক্ষান জ্যারেখা বরাবর হওয়ার কথা।

০.০১ নং চিত্রের তৃতীর অংশে বে শব্দি ঝালর আকা হইরাছে তাহাতে রেখাছিদ্রের প্রস্থ এবং তাহাদের মধ্যেকার ব্যবধানের একটি বিশেব সম্বন্ধ আছে। এই ঝালরগুলি আকা হইরাছে একটি θ কোণের ক্ষেল অনুসারে। আবার এই θ কোণের সহিত ϕ এবং ; কোণেরও সম্বন্ধ আছে। চিত্র নং ০.০৮ হইতে এই সম্বন্ধ নির্ণর করা বাইতে পারে। হিসাবের সুবিধার জন্য বদি ধরা হর বে আলো রেখাছিন্তের উপর অভিলম্ভাবে আপতিত হইরাছে তবে বাবর্তন ঝালরের ক্ষেত্র লেখা বার

$$\frac{2\pi}{\lambda}$$
 a sin $\theta = 2\phi$

এ একই কোণে উৎপদ্ধ ব্যতিচার ঝালরের ক্ষেত্রে লেখা যায়

$$\frac{2\pi}{\lambda} W \sin \theta = 2\gamma.$$

সূতরাং
$$\frac{2\gamma}{2\phi} - \frac{W}{a}$$
.

कार्क्सरे (मधा वारेराजरह त्व अकरे कांग म त कना

$$\frac{\gamma}{\phi} = \frac{W}{a} = \frac{a+b}{a}$$

চিত্র ৩.০১ বেভাবে আকা হইরাছে, ভাহাতে $\frac{\gamma}{\phi} = 3$ ধরা হইরাছে ।

चारुवा बचारन a:b=1:2

বাহাতে পাওরা বার
$$\frac{a+b}{a} = 3$$
.

বাদ রেখাছিনের প্রস্থ এবং ইহাদের মধ্যের অবচ্ছ অংশের প্রস্থের অনুপাত আলাদ। হর তবে বালরপুলিতে আপেক্ষিক অবস্থান এবং প্রস্থেও অনুর্পভাবে পরিবর্তিত হইবে। বেমন বর্তমান ক্ষেত্রে কেন্দ্রীর বার্যতন বালরের মধ্যে তিনটি (একলিকে) ব্যতিচার বালরে অবস্থিত থাকিবে। বিদ a:b=1:5 হর তবে এই ব্যতিচার বালরের সংখ্যা সাড়াইবে হর্রাট। ইরংরের পরীক্ষার এই অনুপাত খুব বড় করা হয় 1:10 অথবা 1:15 লাভীর অথবা ইহার

অপেকাও বেশী ; সূতরাং সেইসব ক্ষেত্রে কেন্দ্রীর বাবর্তন ঝালরের মধ্যে দশ-পদেরোটি অথবা বেশী ব্যতিচার ঝালর বর্তমান থাকিবে।

লুপ্ত ক্ৰেব্ৰ কাল্ব (Missing order fringes).

০.০৯ নং চিত্রে তৃতীর, ষষ্ঠ, নবম ইত্যাদি ঝালর লক্ষ্য করিলে দেখা বাইবে বে এখানে বে চরম তীরতার ঝালরগুলি হইবার কথা সেগুলি প্রায় অনুপক্তি বলিলেই চলে। ইহার পরিবর্তে ঐ অবস্থানের দুই পালে খুব কম তীরতার দুইটি ঝালর দেখা বায়। এই ঝালরের অনুপস্থিতিকে লুগু রুমের (missing order) ঝালর বলা হয়। এই সব অবস্থানে সমীকরণ 3.100 অনুসারে ব্যতিচার ঝালরের চরম তীরতা হওরার কথা; কিন্তু একই সমরে বাবর্তন ঝালরের অবম (অর্থাং শ্না) তীরতাও এই একই কোণে উৎপল্ল হইবার কথা। কিন্তু লব্বি তীরতা এই দুই স্বতম্ব তীরতার গুণফল হওরার জন্য এইসব অবস্থানে শ্না দাড়াইবে। এই অবস্থান অবশ্য একটি বিন্দুর বেলারই প্রযোজা; লেখাচিত্র ০.০৯ হইতে দেখা বায় যে ইহার দুইপালে সামান্য তীরতা বর্তমান থাকায় দুইটি সামান্য তীরতার ঝালর উৎপল্ল হইবে। লুগু রুমের ঝালর সৃষ্ঠির সর্ত হইবে নিম্নর্প

 $W \sin \theta = n\lambda$ \rightarrow চরম তীরতার ব্যতিচার ঝালর $a \sin \theta = m\lambda$ \rightarrow অবম তীরতার ব্যবর্তন ঝালর

$$\therefore \frac{W \sin \theta}{a \sin \theta} = \frac{n\lambda}{m_A}$$

চিত্রে অন্কিত ক্ষেত্রে W: a=3:1

সূতরাং এই ক্ষেত্রে m=1, 2, 3 ইত্যাদির জন্য লুপ্ত ঝালরের ক্রম হইবে 3, 6, 9.

ৰ্ষাদ W: a=2:1 হয় তবে

m=1, 2, 3 देजामित क्ला मुख यामात्र हम व्हेर्य 2, 4, 6.

তবে একটি জিনিষ বুঝা প্ররোজন। m এবং n দুইটিই অথও সংখ্যা। কাজেই লুগু ক্রমের ঝালর উৎপাম হওরার জন্য W এবং a এর অনুপাতও দুইটি কুদ্র অথও সংখ্যার অনুপাতের সমান হওরা প্ররোজন। ফলে লুগু ক্রমের ঝালর সাধারণত দেখা বার মা। অবশা W: a বাদ খুব বড় হর তাহা হইলেও

তাত্ত্বিক দিক হইতে লুপ্ত ক্রমের ঝালর দেখা সম্ভব কিন্তু প্রকৃত পরীক্ষার ক্রেয়ে এই লুপ্ত ঝালর পাওরা দুক্তর হইবে।

এই লুপ্ত ঝালবগুলির সৃষ্টির কারণ সাধারণভাবেও বুঝা বার। চিত্রে অন্দিত ক্ষেত্রে তৃতীর ক্রমের ধ্যতিচার ঝালরটি লুপ্ত হইবে। এইটির ক্ষেত্রে সমীকরণ দাড়াইবে

$W \sin \theta - 3\lambda$

ইহাতে দুইটি রেখাছিদ্রের সংগ্লিষ্ট বিন্দু হইতে নির্গন্ত রাশ্বর মধ্যে পথপার্থকা 3\lambda. সুতরাং তাহারা একই দশার হওরার এই কোণে তীব্রতা চরম হওরার কথা। কিন্তু ঠিক এই একই কোণে নির্গত একটি রেখাছিদ্রের দুই প্রান্ত হইতে বাবর্তিত রাশ্বর পথপার্থকা \lambda. সুতরাং এই রেখাছিদ্রের সমন্ত রাশ্বর এই কোণে লব্ধি তীব্রতা হইবে শ্লা। অনাটির বেলারও এই কথাই প্রবোজ্য হইবে। কাজেই এই θ কোণে দুইটি রেখাছিদ্রের প্রত্যেকটি হইতে নির্গত আলোকরাশ্বর মোট কল শ্লা হওরার এই কোণের বাতিতার ঝালরটি লুস্ত হইরা বাইবে।

বৃশ্ব-রেখাছিন্রের বালরশ্রেণীতে রেখাছিন্রের প্রস্থ a এবং ইহাদের মধ্যের অবছ অংশের প্রস্থ b এর অনুপাতের উপর ঝালর নকসা অনেকাংশে নির্ভর করিবে একথা আগেই বলা হইরাছে। বাদ ইহাদের মধ্যে a অপরিবর্তিত রাখিরা b এর মান বাড়ানো বার ভবে ব্যবর্তন ঝালরের প্রস্থ অপরিবর্তিত থাকে, কিন্তু রেখাছিন্ন দুইটির মধ্যে দুরম্ব বাড়ার ইহাদের আলোতে উৎপন্ন ব্যতিচার ঝালরের প্রস্থ কমিতে থাকিবে। সূতরাং কেন্দ্রীর ব্যবর্তন ঝালরের মধ্যে অবস্থিত ব্যতিচার ঝালরের সংখ্যাও ব্যাড়িতে থাকিবে। আবার বাদ অবছ খংশ b এর প্রস্থ অপরিবর্তিত রাখিরা রেখাছিন্তের প্রস্থ a কমানো হর ভবে ব্যবর্তন ঝালরের প্রস্থ বাড়িয়া বাইবে বাদও ব্যতিচার ঝালরের প্রস্থ পুব সামান্যই পরিবর্তিত হইবে। এক্ষেত্রেও কেন্দ্রীর ব্যবর্তন ঝালরের মধ্যে অবস্থিত ব্যতিচার ঝালরের সংখ্যা ব্যক্তির কেন্দ্রীর ব্যবর্তন ঝালরের মধ্যে অবস্থিত ব্যতিচার ঝালরের সংখ্যা ব্যক্তির বাহুরে। অন্যাদকে b কমাইলে বা a ব্যড়াইলে স্থভাবতই ইহার বিপরীত ব্যাপার ঘটিবে।

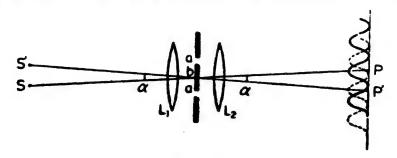
বৃশ্ব রেখাছিদ্রের বে ঝালর নকসার আবির্ভাব হর তাহার উৎপত্তি সবছে
প্রশ্ন উঠিতে পারে বে ইহা বাবর্তন না বাতিভার ঝালর ? এ পর্যন্ত বে
আলোচনা করা হইরাছে তাহা হইতে দেখা বার বে এই ঝালরের উৎপত্তির
কারণ বাবর্তন এবং ব্যতিভার বৃইই হইতে পারে। ইরংএর পরীক্ষার রেখাছিদ্রের মত এক্ষেত্রেও দুইটি রেখাছিল্ল হইতে আলো আসিরা অধিস্থাপিত
(superposed) হইতেতে ; অভবন এখানে ব্যতিভার ঝালর হওয়ার কথা।

আবার একক রেখাছিদ্রের বাবর্তন ঝালরের আলোচনা হইতে দেখা বার কে প্রতিটি রেখাছিন্নই একপ্রস্থ ব্যবর্তন ঝালছের সৃষ্টি করে। আর দ্বিতীর লেশটি L_s (চিচ্চ নং ৩.৩৮) থাকার জন্য এই দুইটি ঝালরশ্রেণী একই স্থানে পডে। তবে বাবর্তনের আধোচনার দেখা গিয়াছে যে ইহা প্রকৃতপক্ষে তরঙ্গমূখের বিভিন্ন অংশ হইতে উৎপন্ন মাধ্যমিক তরঙ্গসমূহের (secondary wavelets) ব্যতিচার ভিন্ন আর কিছুই নর। সূতবাং এইদিক হইতে বিচার করিলে বৃশ্ব রেখাছিদ্রের ঝালরশ্রেণীর উৎপত্তির কারণ সমস্তটাই ব্যতিচার বলিরা বলা চলে। আবার অনা দিকে সমন্ত ব্যাপারটাকে শুধুমাত্র ব্যবর্তনও বলা চলিতে পারে। কারণ ঝালরের আলোকতীব্রতা পাওয়া গিয়াছে (সমীকরণ ০.৯৪) আপতিত আলোকরণিমালার তরক্সমুখের প্রভাব সমাকলন করিয়া, যেরপভাবে একক রেখাছিদের বাবর্তনের জন্য আলোকতীরতার রাশিমালা হিসাব হুৱা হইয়াছে। তবে প্রচলিত রীতি অনুসারে দুই বা ততোধিক আলোক রন্মিমালার অধিস্থাপনের ফলে সৃষ্ট ঝালরকে বলা হর আলোকের বাতিচার। আর আলোকের তরক্ষয়খের বিভিন্ন কিন্দু হইতে নিগত মাধ্যমিক তরঙ্গসমূহের বাতিচারকে বাবর্তন বলিয়া আখ্যা দেওরা হয়। সূতরাং এই দিক হইতে দেখিতে গেলে বুগ্মরেখাছিদ্রের বালরশ্রেণীর উৎপত্তিকে বুগপৎ বাৰ্ডন এবং ব্যাতিচারের দর্শ বলা বাইতে পারে। আর বার্ডনও ব্যতিচারেরই নামান্তর এবং প্রকারভেদ মাত ।

আলোকউৎসের পরিমিত প্রেমের প্রভাবে ঝালরের প্রকৃতির পরিবর্তন (The change in the nature of the fringe pattern due to the influence of finite width of the light source).

বালরের আলোচনায় এ পর্যন্ত শুধু রেখাছিদ্র পূইটি এবং তাহাদের মধ্যেকার অবচ্ছ অংশের আপেক্ষিক প্রস্থের কথাই বিবেচনা করা হইরাছে এবং ঝালরের উপর ইহাদের প্রভাবই দেখা হইরাছে। আলোকউংস হিসাবে যে রেখাছিদ্র বাবহাত হইরাছে, তাহার প্রস্থ কোনওর্প হিসাবের মধ্যেই আনা হয় নাই। কিছু একটু ভাবিয়া দেখিলে বুঝা যাইবে যে এই রেখাছিদ্রের প্রস্থও ঝালরের প্রকৃতি অনেকাংশে নিয়ম্রণ করিবে। ঝালরের সৃত্তির বেলায় ধরা হইরাছে বে রেখাছিদ্র পূইটিতে একটি মাত্র সমান্তরাল আলোকর ন্মানা আপতিত হইরাছে এবং এই রিশামালা L_s লেলের ফোকাসতলে থকটি সরলরেখাকৃতি উৎস্বলবিদ্ধত আছে এই সরলরেখাকৃতি উৎস্বলবিদ্ধত আছে এই সরলরেখার কোনও প্রস্থ বর্তমান নাই। কিছু প্রকৃতপক্ষে

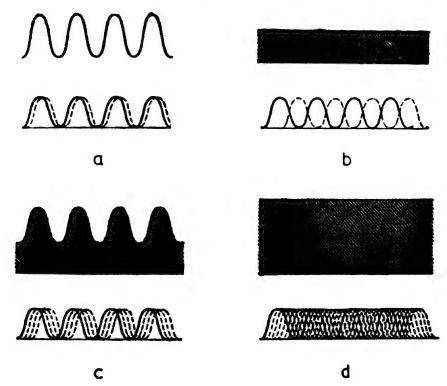
ব্যবহৃত রেখাছিপ্রটি এইরূপ অনেকগুলি সরলরেখার সমষ্টি বলিয়া মনে করা বার। ইহাদের প্রভোকেই একটি সমান্তরাল রশ্মিমালার সৃতি করিবে এবং ইহারা প্রভ্যেকেই আলাদা কোণে বুশ্ব রেখাছিয়ের উপর আপতিত হওরার L, লেক্ষার। ইহার ফোকাসতলে বিভিন্ন অবস্থানে ধনীভূত হইবে। ফলে একটি বালরশ্রেণীর পরিবর্তে পাশাপাশি অর্বান্থত অনেকর্গুল ঝালরশ্রেণীর উদ্ভব হইবে এবং লব্ধি ঝালৱশ্ৰেণী পাওয়া বাইবে এই সমন্তৰ্গালর সমষ্টির সমান। ধরা বাক এইর্প দুইটি আলোকিত সরলরেখা উৎস হিসাবে ব্যবহার করা হইরাছে এবং ইহাদের দশার মধ্যে কোনও সম্বন্ধ নাই ; অর্থাৎ এই উৎস দুইটি পরম্পর সংসত্ত নহে। তাহা হইলে এই দুইটি উৎস S এবং S' প্রত্যেকেই একটি সমান্তরাল বন্দ্রিমালা বৃদ্ধ রেখাছিদ্রের উপর আপতিত করিবে। ইহাদের আপতন কোণ আলাদা হওরার প্রভাকেই L_s লেলের ফোকাসতলে একপ্রস্থ ঝালর সৃষ্টি করিবে। এই দুইপ্রস্থ ঝালর একসঙ্গে মিলিবে না, পাশাপাশি সরিয়া অবস্থান করিবে। আলোকউৎস দুইটি বুশ্ব রেখাছিদ্রে বে কোণ উৎপর করে, ঝালর প্রস্থ দুইটিও বুগ্ধ রেখাছিদ্রে সেই কোণই উৎপক্ষ করিবে। আর উৎস দুইটি পরস্পর সংসক্ত নর বলিয়া ৰ্শাৰ বালরের আলোকভীব্রতা পাইতে হইলে ইহাদের পৃথক তীব্রতা যোগ করিতে হইবে। ৩.৪১ নং চিত্রে দেখা বাইতেছে অসংসত্ত আলোকউৎস SS' বৃদ্ধ রেখাছিদ্র ২ কোণ উৎপান করিতেছে। ইহাদের প্রত্যেকেই L, লেপের



हित 0.85

ফোকাসতলে একপ্রস্থ কালর উৎপন্ন করিরাছে। S এবং S এর বালরের কেন্দ্রীর বালর স্থান্তমে P এবং P' আর ইছারা রেখাছিদ্রের তলে এ কোণ উৎপন্ন করিরাছে। বে লব্ধি বালরশ্রেণী পাওরা বাইবে তাহা হইবে এই পুইটি বালরশ্রেণীর ভীত্রতার যোগকল। যদি এ কোণ খুবই ক্ষুদ্র হর তবে এই পুই প্রস্থ বালর প্রার মিলির। বাইবে এবং ইহাদের স্পর্কতার চ্লাস হইবে

মা। চিয়ে শুধুমাত বাভিচার ঝালরই আকা হইরাছে; ব্যবর্তন ঝালরের প্রভাবে কেন্দ্র হইতে ধারের দিকে ইহাদের তীব্রতা কমিতে থাকিবে। কিন্তু মোটামুটিভাবে বাতিচার ঝালরের প্রভাবই বেশী গুরুত্বপূর্ণ হইবে বলিরা শুধু এইগুলিই আকা হইরাছে। S এবং S' বদি এত কাছাকাছি হয় যে P এবং P' এর মধ্যের দূরত্ব একটি বাতিচার ঝালরের প্রস্থের তুলনার খুবই কম তবে দুইটি ঝালরশ্রেণীর স্বতর এবং লব্ধি তীব্রতা চিত্রে দেখানে। হইরাছে (চিত্র ৩.৪২৫)। লব্ধি তীব্রতা কোথারও শুনা হইবে না আর চরম তীব্রতা প্রায়



\$8.0 वर्त

ষিগুণ হইয়া বাইবে। কিন্তু স্পষ্ঠতা বিশেষ কমিবে না। কিন্তু যদি ১ এবং ১ এর দূরত্ব এমন হয় বে P এবং P এর দূরত্ব ঝালরের প্রস্থের অর্থেক দাড়ায় তবে চিত্র হইতে দেখা যায় বে এখানে ফোকাসতলে সর্বত্র সমান তীব্রতা হইবে অর্থাৎ এই ক্ষেত্রে কোনও বাতিচার ঝালর দেখা যাইবে না। র্যালে মাপদত্ত (Rayleigh criterion) অনুসারে অবশ্য মনে হইতে পারে বে বখন একটি ঝালরশ্রেণীর চরম তীব্রতা অন্যটির প্রথম অবম তীব্রতার সহিত মিলিরা বার তখন এই দুই শ্রেণীকে বতর বলিরা চিনিতে পারা বার, বলিও এইটিই সীমারেখা ; ইহা অপেকা নিকটবর্তী হইলে দুইন্টিকে আর বতর বলিরা চেনা বাইবে না । কিন্তু বর্তমান ক্ষেত্রে ইহাদের বতর বলিরা চেনা বাইবে না । ভাহার কারণ ব্যভিচার ঝালরের অবম তীরতার অবস্থান নির্ণীত হর নির্মালিখিত সর্ভ বারা

$$\sin \theta = \theta = (n + \frac{1}{2}) \frac{\lambda}{a+b} \qquad n = \text{Sign} \text{ $\pi(4)$}$$
 (3.104)

বর্তমান ক্ষেত্রে \prec র্যাদ heta এর সমান হর তবে এক শ্রেণীর ব্যতিচার বালরের চরম ভীরতা অপর শ্রেণীর অবম তীরতার সহিত সম্পাতী হটবে। সেক্ষেত্রে L_z লেক্ষের কোকাসতলে বে কোনও বিন্দুতে আলোকতীরতা দাড়াইবে

Int =
$$\cos^2 \gamma_s + \cos^2 \gamma_s$$
.

[সমীকরণ 3.95 মুক্তবা ; বাবর্তনের প্রভাব অগ্নাহ্য করা হইরাছে]

= $\cos^2 \left[\frac{\pi(a+b)\theta}{\lambda} \right] + \cos^2 \left[\frac{\pi(a+b)(\theta+\kappa)}{\lambda} \right]$

[সমীকরণ 3.90]

= $\cos^2 \delta + \cos^2 \left[\delta + (n+\frac{1}{2})\pi \right]$

[এখানে $\delta = \frac{\pi(a+b)\theta}{\lambda}$ ধারিরা। এবং সমীকরণ 3.104

বাবহার করিরা।]

= $\cos^2 \delta + \sin^2 \delta$

সূতরাং এই ক্ষেত্রে বালরগুলি অনুশা হইরা তাহার স্থলে সমান ভীরতার সৃষ্ঠি হইবে । যখন এইবৃপ সমান তীরতা হইবে তখন \sim কোণের মান দাড়াইবে $\sim \frac{\lambda}{2(a+b)} - \frac{\lambda}{2W}$ কারণ একটি ব্যাতিচার বালরের প্রস্থ $\frac{\lambda}{a+b}$ এবং সমান তীরতার ক্ষেত্রে দুইটি বালর শ্রেণী ইহার অর্জেক কোণে সরিরা। থাকিবে । আবার বখন একশ্রেণীর বালরের কেন্দ্রীর চরম তীরতা ছিতীর শ্রেণীর বালরের বিত্তীর অবম তীরতার অবস্থানের সম্পাতী হইবে তখনও সমান ভীরতার সৃষ্ঠি হইবে । সূতরাং L_2 লেশের ফোকাসতলে বালরের অন্তর্ধানের সর্ভ হইবে :

-1.

$$\leftarrow \frac{\lambda}{2W}, \frac{3\lambda}{2W}, \frac{5\lambda}{2W} = \frac{(2n+1)\lambda}{2W}$$
(3.105)

কিন্তু বণি S এবং S' পুইটি সম্পূর্ণ অসংসম্ভ আলাদা আলোক উৎস না হইয়। একটি পরিমিত প্রন্থের রেখাছিয়ের অংশ হয় তবে এই রেখাছিয়ে এইর্প ব্দেকগুলি উৎসের পাশাপাশি অবস্থান হইবে। তাহা হইলে বদি রেখাছিয়ের পুই প্রান্তে অবস্থিত রশ্বিধরের জন্য $\alpha = \frac{\lambda}{2\,W}$ সর্ত পালিত হয় তবে এক্ষেত্রে ঝালবের অন্তর্ধান ঘটিবে না। চিচ্চ নং ৩.৪২ c হইতে সহজেই ইহা দেখা বাইবে। এই বেলার তীরভার তারতম্য বর্তমান থাকিবে, কিন্তু ইহাদের পৃষ্ঠভূমিতে (background) আলোকের তীরতা বৃদ্ধি পাইবে। ঝালরের অন্তর্ধানের জন্য এই ক্ষেত্রে পুইটি প্রান্তিক আলোর নির্মালখিত সর্ত পালন করা আকশ্যক হইবে

$$\alpha = \frac{\lambda}{W}$$

কারণ এই সর্ভের পালনের ফলে কালরের সর্বচই সমান সংখ্যক উপাংশ বর্তমান থাকিবে; ফলে লব্ধি তীরতা সর্বচই সমান হইবে (চিন্ত নং ৩.৪২ d)। অতএব পূর্বের আলোচনার পরিপ্রেক্ষিতে লেখা বার বে সীমিত প্রস্থের রেখাছির আলোক উৎসের বেলার ঝালরের অন্তর্থানের সর্ত হইবে

$$\alpha = \frac{\lambda}{W}, \ \frac{2\lambda}{W}, \ \frac{3\lambda}{W}$$
 (3.106)

এই আলোচনা হইতে পরীকা ব্যবস্থার আলোক উৎসের প্রস্তের সীমা সহছে একটি ধারণা করা বার । বিদ এই প্রস্থ সূত্র তবে বালরের সম্পূর্ণ অন্তর্ধান ঘটিবে । আবার বিদ ইহা খুবই কম হর তবে প্রস্তের জন্য ঝালরের স্পষ্ঠতা না কমিলেও আপিতিত আলোর স্থপতার জন্য স্পষ্ঠতার হ্রাস হইবে । সূত্রাং এই দুইটি সীমার মধ্যে সামঞ্জস্য করিয়া রেখাছিদ্রের প্রস্থ নিরন্তরণ করিতে হইবে । এটা অবল্য খানিকটা ইচ্ছাধীন (arbitrary) এবং স্পষ্ঠতার সম্ভার উপরও নির্ভর করিবে । বিদ ধরা বার বে $\alpha = \frac{\lambda}{2W}$ অবস্থায় বে ঝালর সৃষ্ঠ হর তাহাই স্পষ্ঠতার লেখ সীমা, আর বিদ L_1 লেলের ফোকাস দূরত্ব হর f'তবে রেখাছিদ্রের প্রস্থ হইবে

$$SS' = f'\alpha = \frac{f'\lambda}{2W}$$

কিন্তু বৰ্ণি ধরা হয় বে স্পন্ধতার সীমা হওয়া দরকার $\alpha = \frac{\lambda}{4W}$, তাহা হইলে ব্যভাবতাই এই ক্ষেত্রে রেখাছিয়ের প্রস্থ দাড়াইবে

$$SS' = \frac{f'\lambda}{4W}$$

সূতরাং বৃদি ইহাদের প্রথমটি নিরা হিসাব করা বার এবং সেজন্য নির্মাণীখড রাশিগুলি ব্যবহার করা হর

f' = 20 cm., $\lambda = 5000$ Å, W = 1 mm., তবে পাওয়া বায় SS' = 0.05 mm.

মাইকেলসমের ভারকীয় ব্যক্তিচারমাপক (Michelson's Stellar Interferometer).

আলোকউংসের আকৃতির উপর নির্ভর করিরা বাবর্তন ঝালরের তীরতার এই পরিবর্তন এবং কোনও কোনও কেনে ঝালরের অন্তর্ধান হইতে দুইটি ভারকার কৌণিক বিবাজন (angular separation) মাপা বার । দুইটি তারকা বাদ দ্রবীক্ষণ বন্ধ দিরা দেখা বার এবং ইহার সামনে বাদ একটি বৃগ্ধ রেখাছিদ্র রাখা হর তবে প্রত্যেকটি তারকা একপ্রস্থ ঝালরের সৃষ্ঠি করিবে। বিদি তারকার কৌণিক বিবোজন এমন হর যে $\alpha - \frac{\lambda}{2\,H'}$ তাহা হইলে অভিনেতের দৃষ্ঠিক্ষেত্রে ঝালরগুলি অদৃশ্য হইরা শুধু সমান তীব্রতার আলো দেখা বাইবে। কিন্তু বৃগ্ধ তারকার বিবোজন ডপ্লারের নীতির (Doppler's Principle) সাহাব্যে আরও সহজে নির্ণর করা বার । বাদ একটি তারকার ব্যাসে নির্গর করিতে হঁর তবে ইহার বেলার ডপ্লারের নীতি প্ররোগ সম্বব নর । এই ব্যাসের নির্পণ প্রথম মাইকেলসন করেন বৃগ্ধ-রেখাছিদ্রের পরীক্ষার সাহাব্যে । এইক্ষেত্র অভিনেত্রের দৃষ্ঠিক্ষেত্র আলোকতীব্রতা নির্মালখিতর্পে নির্গর করা বার ।

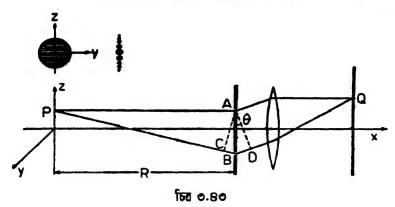
০.৪০ নং চিত্রে একটি বৃশ্ব রেখাছিল্ল দূরবীক্ষণ ব্যার সামনে রাখা হইয়াছে। আলোকউৎস একটি বৃত্তাকার ভারকা। ভারকাটির সর্বা সমান আলোকভীরতা ধরা হইয়াছে। এই ভারকার জনা অভিনেত্রের দৃষ্ঠিক্ষেত্রে ঝালরের সৃষ্ঠি হইবে। ইহার আলোক ভীরতা বাহির করিবার জনা বৃত্তাকার ভারকাটিকে y অক্ষের দিকে সরলরেখা বারা অনেকগুলি সমান প্রস্তের খণ্ডে বিভক্ত করা হইয়াছে। এই প্রতিটি খণ্ডকে কার্যাতঃ একটি অসংসম্ভ আলোকবিন্দুর হারাছে। এই প্রতিটি খণ্ডকে কার্যাতঃ একটি অসংসম্ভ আলোকবিন্দুর হারা হইবে আর ইহাদের প্রত্যেক বিন্দুর আলোক ভীরতা ঐ খণ্ডের ক্ষেত্রফলের সমানুপাতিক হইবে। সূত্রয়াং ইহারা চিত্রে প্রদাসত আলোকবিন্দুর সারি হিসাবে গণ্য হইতে পারে। এইবৃপ বিন্দু হিসাবে গণ্য করিবার স্বপক্ষে বৃদ্ধি এই বে বাদ রেখাছিল্রের দৈর্ঘ্য এত বেশী না হয় বাহাতে ঐ ভারকার কৌণিক ব্যাস বিভেদন সীমার (limit of resolution) অনেক

ৰাছিরে থাকে তবে প্রতিটি থওকে একটি কিন্দু উৎস হিসাবে ধরা বার। ভারকার চাকতির কেন্দ্র হইতে z দূরে একটি থণ্ডের ক্ষেত্রফল da হইবে

$$da = ydz = (r^2 - z^2)^{\frac{1}{2}}dz$$
 (3.107)

এথানে r - তারকার চাকতির ব্যাসার্ছ।

এই চিত্রে y অক্ষকে রেখাছিদ্রের দৈর্ব্যের সমান্তরাল বলিয়া ধরা হইয়াছে।



এইবার দূরবীক্ষণের অভিলক্ষের ফোকাসতলে কোনও বিন্দু Q তে আলোকতীব্রতার কথা বদি ধরা যার তবে তারকার যে কোনও বিন্দু হইতে নিগত দুইটি আলোক রন্মির, যাহারা রেখাছিদ্রের মধ্য দিরা গমন করিতেছে, পথপার্থকা নিগর করিতে হইবে। এইজনা A রেখাছিদ্র হইতে B এর ভিতর দিরা গমনকারী রন্মির উপর দুইটি লয় টানা হইরাছে এবং ইহারা C এবং D বিন্দুতে রন্মিটিকৈ ছেল করিয়াছে। সূতরাং এই দুইটি রন্মি PAQ এবং PBQ এর মধ্যে পথ-পার্থক্য CB+BD. অভএব ইহাদের দশা-পার্থক্য 8 লেখা বার

$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda}(CB + BD)$$

কিন্তু চিত্ৰ হইতে কেখা বার

$$CB = \frac{W \cdot z}{R}$$
; $BD = W \cdot \theta$

এখানে R — তারকা এবং বৃদ্ধ-রেখাছিয়ের মধ্যের দূরদ ; W = দূইটি রেখাছিয়ের মধ্যের দূরদ

$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda} W \left(\frac{z}{R} + \theta \right) \tag{3.108}$$

এখানে দেখা বাইতেছে বে Q বিন্দৃতে দুইটি সংসত আলোকরণিম অধিছাপিত (superposed) হইতেছে । ইহাদের আলোকতীরতা da এর সমানুগাতিক আর ইহাদের মধ্যে দশা পার্থক্য δ . এইক্ষেত্রে লভি ভীরতা হয় 2da $[1+\cos(\delta_1-\delta_2)]=2da$ $[1+\cos\delta]$

টু এবং ট্র পুইটি আলোকরন্মির বতর দশা ধুবক।

: তারকার এই বিশুর জন্য আলোক তীব্রতা dl লেখা বার

$$dI = 2(r^2 - z^2)^{\frac{1}{2}} \left[1 + \cos \frac{2\pi W}{\lambda} \left(\frac{z}{R} + \theta \right) \right] dz$$
 (3.109)

সূতরাং সমন্ত তারকার জনা Q কিন্দুতে আলোকতীরতা বাহির করিতে ছইলে চাকতির বিভিন্ন অংশ হ ইতে নিগত আলোকের তীরতার সমধি বাহির করিতে ছইবে। এইর্প করিবার কারণ এই বে ভারকার বিভিন্ন বিন্দু পরস্পর সংসম্ভ নর। সেজনা ক্রণে বোগ না করিয়া আলোকতীরতা বোগ করিতে ছইবে। বনি এই আলোকতীরতা Int হর তবে লেখা বাইবে

Int =
$$2\int_{-\pi}^{\pi} (r^2 - z^2)^{\frac{1}{2}} \left[1 + \cos \frac{2\pi W}{\lambda} \left(\frac{z}{R} + \theta \right) \right] dz$$
 (3.110)

এইবার লেখা যাক $\frac{z}{r} - Z$,

छार। दरेल गाफ़ात Z=+1 अवर -1 यथन यथाउरम z=r अवर z=-r. जात dz=rdZ.

$$Int = 2 \int_{-1}^{1} r^{2} (1 - Z^{2})^{\frac{1}{2}} \left[1 + \cos \frac{2\pi W}{\lambda} \left(\frac{rZ}{R} + \theta \right) \right] dZ.$$

$$= \pi r^{2} + 2r_{2} \int_{-1}^{1} (1 - Z^{2})^{\frac{1}{2}} \left[\cos \frac{2\pi W rZ}{R\lambda} \cos \frac{2\pi W \theta}{\lambda} - \sin \frac{2\pi W rZ}{R\lambda} \sin \frac{2\pi W \theta}{\lambda} \right] dZ \quad (3.111)$$

বৃত্তীর ছিন্ন হইতে ক্লনহফার বাবর্তনের ক্ষেত্রে বেরকম দেখা গিরাছে এখানেও সেইবৃপ বিত্তীর সংখ্যাটি অর্থাৎ বাহাতে \sin আছে বিষম অপেকক (odd function) বালিরা এটির সমাকলনের কল দাড়াইবে শূন্য। আর ভাছাড়া বে কোনও একটি বিন্দু Q এর ক্ষম্য θ কোন ধ্রক। সূতরাং দাড়ার

$$Int = \pi r^2 + 2r^3 \cos \frac{2\pi W\theta}{\lambda} \int_{-\infty}^{+\infty} (1 - Z^2)^{\frac{1}{2}} \cos \frac{2\pi Wr}{R\lambda} ZdZ.$$

এবার নির্লিখিত মানক কর্লাট (standard result) ব্যবহার করা বার

$$\int (1-Z_2)^{\frac{1}{2}} \cos \frac{2\pi Wr}{R\lambda} Z dZ = \frac{\pi J_1 \left(\frac{2\pi Wr}{R\lambda}\right)}{\left(\frac{2\pi rW}{R\lambda}\right)}$$
(3.112)

এই রাশিমালার $\frac{J_1(x)}{x} = 0$ বধন $x = 1.22\pi$.

ফলে Int রাশিমালার বিতীর পদটি শ্ল্য দাড়াইবে বখন

$$\frac{2\pi Wr}{R\lambda} = 1.22\pi.$$

এই সর্ত পালিত হইলে আলোকতীরতা হইবে πr^2 ; অর্থাৎ ইহা Q বিন্দুর অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে না । সুতরাং এই অবস্থার ঝালরশ্রেণীর লোপ হইবে ।

০.৪৩ নং চিত্র হইতে দেখা বার যে তারকার কোণিক ব্যাস $\alpha = \frac{2r}{R}$.

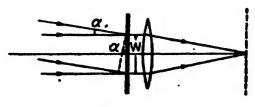
সূতরাং
$$\leftarrow = \frac{1.22\lambda}{W}$$
. (৩.১১০ সমীকরণের সাহাব্যে) (3.114)

এই হিসাবে অবশা বাবর্তনের জন্য কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে আলোক-তীরতার হ্রাস ধরা হয় নাই। ইহা মোটামুটি পালিত হইতে হইলে (অর্থাৎ হ্রাসের হার কম হইতে হইলে) রেখাছিদ্রের প্রস্থ খুবই ছোট হওয়া দরকার।

এখানে বিশেবভাবে লক্ষণীয় এই বে পূর্বের আলোচনায় আলোকউংস রেখা-ছিদ্রের আকৃতির ধরিরা পাওরা গিরাছিল বে $\alpha=\frac{\lambda}{W}$ হইলে ঝালরের প্রথম অন্তর্ধান ঘটে। আলোকউংস বৃদ্ধাকার ধরায় $1\cdot 22$ একটি বাড়তি রাশি আসিয়াছে। অর্থাং এরারীর চাকতির (Airy's disc) বেলার বে $1\cdot 22$ পদটি পাওরা গিরাছিল এখানেও অনুরূপ একটি পদ পাওরা গিরাছে। রেখাছিদ্রাকার হইতে বৃদ্ধাকারে পরিবর্তনের ফলে এই $1\cdot 22$ গুগকের আবির্তাবিট লক্ষণীর।

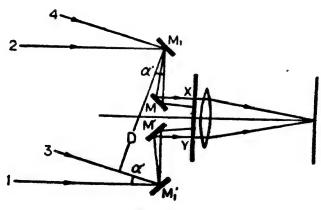
এই নীতি (অর্থাৎ রেখাছিদ্রের মধ্যে ব্যবধানের উপর নির্ভর করির। বালরের অন্তর্ধান) ব্যবহার করিয়া মাইকেলসন তারকার ব্যাস নির্ণয় করেন।

৩.৪৪ নং চিয়ে দেখা বাইতেহে বে একটি ভারকা হইতে সমান্তরাল আলো একটি বুদ্ধ রেখাছিয়ে আসিরা পড়িতেহে এবং দূরবীক্ষণের অভিসক্ষেত্র কোকাসভলে ভারকার প্রতিবিধ সৃষ্টি করিতেছে। বিদ ধরা বার বে ভারকার চাকভির (star disc) একপ্রান্ত অক্ষের উপর অবস্থিত তবে এই প্রান্ত হইতে আলো অক্ষের সমান্তরালে আসিরা বৃগ্ধ-রেখাছিয়ে পড়িভেছে। ভারকার



fee 0.88

চাকতির অপরপ্রান্ত হইতে আর একগুচ্ছ সমান্তরাল রন্দ্রি এই রন্দির সহিত < কোণ করিয়া রেখাছিদ্রে পড়িতেছে। সূতরাং এই ক্ষেত্রে দুইটি প্রান্ত হইতে আগত রন্দির মধ্যে পথ পার্থক্য দাড়াইবে ৮'ন আর উপরের আলোচনা হইতে দেখা গিরাছে যে যখন এই পথ-পার্থক্য 1·22 λ হইবে তথনই অভিনেত্রের



150 0.8a

দৃতিকৈতে বালরের অন্তর্ধান ঘটিবে। সূতরাং দেখা বার বে বলি একটি দূরবীক্ষণ বন্ধ কোন ভারকার লিকে ফোকাস করা বার এবং দূরবীক্ষণের অভিলক্ষের সক্ষুথে একটি এমন বুগা রেখাছিল রাখা হর বাহাতে রেখাছিলের মধ্যের দূরত্ব প্ররোজনমত পরিবর্তন করা বার তবে ইহার সাহাবো ভারকার বাাস নির্ণর করা সন্তব। রেখাছিলের মধ্যের দূরত্ব বাড়াইবার সঙ্গে সঙ্গে বালরের স্পর্কভাও ক্ষিতে অভিবর এবং আত্তে আত্তে বাজরুগুলি সম্পূর্ণ জদৃশা হইরা ভাহার ক্ষুলে দৃত্তিকৈতে সমান ভীরভার আবির্ভাব হুইবে। বাদ রেখাছিলের

মধ্যের দূরত্ব আরও বাড়ানো হর তবে আবার ঝালর দেখা যাইবে এবং দিগুণ দূরত্বে আবার ঝালরের অন্তর্ধান ঘটিবে। যদি তারকার কৌণিক ব্যাস 1 sec হর তবে W হইবে (ঝালরের প্রথম অবলুগ্তির জন্য)

$$W = \frac{1.22\lambda}{4} = \frac{1.22 \times 5.5 \times 10^{-6}}{1} = 13.9 \text{ cm. approx. } (\lambda = 5.5 \times 10^{-6} \text{cm})$$
হিন্ত হৈ য়াছে)

সুভরাং এই ধরণের কোঁণক ব্যাসের তারকা মাপিতে অসুবিধা কিছু নাই। রেখাছিদ্রের মধ্যেকার দূরত্ব অতি সহজেই এই পরিমাণ করা বার এবং মানমন্দিরের দূরবীক্ষণের অভিনক্ষাের বাাসও সাধারণত ইহার বেশী হইরা থাকে। কিন্তু কার্ব্যক্ষেত্রে নিকটবর্তী বে সমন্ত তারকার ব্যাস মাপা হর তাহার। সাধারণত ইহার অপেক্ষা অনেক ছোট ব্যাসের। র্যাদ ইহার একটির বাাস হয় 0.01 sec তবে ৰভাবতই দেখা যাইবে যে এই ক্ষেত্রে ঝালরের প্রথম অন্তৰ্ধানের জনা W হওয়া দরকার 1390 cm অর্থাৎ 13'9 metre. ইহাতে অসুবিধা দুইটি। এত বড় ব্যাসের অভিলক্ষ্যের দূরবীক্ষণ যব্ধ অপ্রাপ্য। দ্বিভীরত রেথাছিদের মধ্যের এই দূরত্বের জনা ঝালরের প্রস্থ আনুপাতিক ভাবে এতই क्रिया याहेर् बब्रेशिन शाय मिथाहे याहेर्य ना । बहेक्ना माहेर्कनमन भवीका পদ্ধতিতে একটি পরিবর্তন সাধন করেন। তিনি একটি লোহার রেলিংএর (iron girder) উপর দুইটি ৬ বাসের সমতল দর্পণ M_1M_1 এমনভাবে বসান বাহাতে ইহাদের মধ্যের দূরত্ব অক্ষের প্রতিসমরূপে (symmetrically) পরিবর্তন করা যায় (চিচ নং ৩.৪৫)। এই দর্পণ দুইটিতে তারকার দুইপ্রান্ত হইতে আলো আসিয়া পড়ে এবং প্রতিফলনের পর অন্য দুহটি সমতল দর্পণ MM'এ দিতীয়বার প্রতিফালত হইয়া বুগা-রেথাছিদ্রের উপর পড়ে। ্যদি তারকার দুইপ্রান্তের রশ্বির মধ্যের কোণ \prec হয় এবং M_1M_1 দর্শণের দ্রম D হয় তবে প্রান্তিক রশি দুইটির মধ্যের পথ-দূরম দাড়াইবে Da' এবং যখন এই পথদূরত 1·22ম এর সমান হইবে তখন ঝালরের প্রথম অন্তর্ধান বটিবে।

চিত্র নং ৩.৪৫ হইতে দেখা বার যে রশ্মি দুইটি 1 এবং 2এর পথদূরত্ব বেমন সমান, তেমনই 3 এবং 4নং রশ্মি দুইটির পথদূরত্বও পরস্পর সমান 1 অভএব ব্যতিচারী রশ্মি দুইটির মধ্যে পথদূরত্ব দাড়াইবে 4D বাহা হইতে লেখা বার $4 = \frac{1.22\lambda}{D}$.

এখানে লক্ষ্য কৰিবার কথা বে প্রথম কেন্দ্রে (অর্থাৎ M_1M_1 ' দর্পণ দুইটি ছাড়া) কৌণিক ব্যাস দাঁড়াইরাছিল $<-\frac{1.22\lambda}{W}$.

বিতীয় ক্ষেত্রে অর্থাং M_1M_1 দর্শণ বাবহার করিয়। যদি এই কৌণিক ব্যাস ধরা হয় a তবে ইহার মান দীড়াইবে

$$\mathbf{A}' = \frac{1.22\lambda}{D}$$

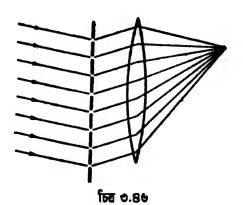
$$\mathbf{A}' = \frac{W}{D}.$$
(3.115)

অর্থাং পরিমাপবোগ্য কৌণিক ব্যাসের অনুপাত পরের ক্ষেপ্র $\frac{W}{D}$ এই অনুপাত কমিয়া বার । এইটিই মাইকেলসনের ভারকীর ব্যাতিচারমাপক ব্যরের বিশেষত্ব । প্রয়োজনমত M_1M_1 পূরত্ব বাড়াইয়া অতি কুমু কৌণিক ব্যাসের ভারকাও মাপা বার । এজনা অবশ্য ভারকার আলোর কার্যাকর ভরঙ্গদৈর্ঘ্য নির্ণার করিতে হইবে । ইহা ছাড়া সমীকরণ 3.106 হইতে কেখা গিয়াছে বে কালরের অন্তর্ধানের সর্ভ হইল

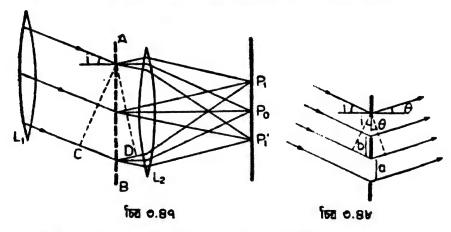
সূতরাং M_1M_1 ' দর্শন দুইতির দ্রন্থ পরিবর্তবের সঙ্গে সঙ্গে পর পর বালরের আবির্ভাব এবং অন্তর্থান বাটবে। তারকার প্রকৃত কৌনিক ব্যাস জানিতে হইলে সঙ্গে সঙ্গে জানিতে হইলে বে এই কালরের অন্তর্থানটি কোন রুমের। ইহার জনা MM' দর্শন হইতে M_1M_1 ' দর্শনের দূরত্ব অন্প রাখিরা আন্তে আন্তে ইহা বাড়ানো চলিতে পারে। প্রথম বথন ২' — $\frac{1.22\lambda}{D}$ এই সর্ভ পালিত হর তথন প্রথমবার বালরের অন্তর্থান বটে। এইবুপে এইক্ষেত্রের জনিন্দরত। দূর করা বার। ইহা ছাড়া বালরের সন্পূর্ণ জন্তর্থান না বটিলেও এই পরীক্ষা চালানো বাইতে পারে। তারকার কৌনিক ব্যাস বলি খুবই কুন্ত হর তবে M_1M_1 ' দর্শনের মধ্যের দূরত্ব অন্তর্থান অর্থান আর্থাং বালরের সম্পূর্ণ অন্তর্থান হইলে বালরের সম্পূর্ণ অন্তর্থান হইলে বালরের সম্পূর্ণ অন্তর্থান হইলে বালরের জন্মবর্থমান অন্স্লিত। হইতেও ভারকার কৌনিক ব্যাসের একটা ধারনা করা বাইতে পারে বলিও ইহা হইতেও ভারকার কৌনিক ব্যাসের একটা ধারনা করা বাইতে পারে বলিও ইহা হইতে ব্যাসের দূরত্ব পরিয়াপ করা সম্ভব নর।

बार्कन कांकति (Diffraction grating).

বর্ণালিবিজ্ঞানে (Spectroscopy) এই বছাটার ভূমিকা খুবই গুরুত্বপূর্ণ। এই বাবারির নানা প্রকারের মধ্যে একটি নিমিত হয় নিয়লিখিতর্পে। একটি বাক্ত কাচের ফলকে হীরকথও নিমিত বাটালি বারা পর পর অনেকগুলি খুব সরু সরলরেখা টানা হয়। সরলরেখাগুলি সমান্তরাল, সমান প্রস্তের এবং পরস্পর হইতে সমান পূরে অবস্থিত। সৃক্ষ কাজে বাবহৃত একটি বাবর্তন বাবারিতে সাধারণত এক সেল্টিমিটারে 5 হইতে 10 হাজার এইর্প সরলরেখা থাকে এবং ইহা প্রার 10 হইতে 15 cm ছান জুড়িয়া অবস্থান করে। সূত্রাং মোট সরলরেখার সংখ্যা 50000 হইতে 150000 পর্যন্ত হইয়া থাকে। এই বাবারিতে বে বাবর্তন হয় ভাহা ফ্রনহফার প্রেণীর। সূত্রাং এই বাবারির আগেও পরে পুইটি কোল বিয়া আলোক উৎস ও প্রতিবিধের তল কার্যান্ত অসীম দ্বদে রাখা হয়। এই সমান্তরাল আলোকরিশা বখন বাবারির উপর পড়েত তখন প্রতিটি সরলরেখা হইতে আলো বিক্ষেপণের ফলে চতুর্দিকে ছড়াইয়া বায়, পারগত হইতে পারে না। প্রকৃতপক্ষে আলোর পারগম এই সরলরেখার অংশ বিয়া সম্পূর্ণ বন্ধ হয় না এবং হওয়ার প্রয়োজনও নাই, একমাত্র প্ররোজন পারগত আলোকে একটা তারতমা এবং এই তারতম্যে একটা



আবর্তনও (periodicity) থাকা আবশাক]। আর মসূন ও সমতল অংশ দিরা আলো বাধা না পাইরা পারগত হর। সূতরাং ব্যবর্তনের ফলে মোটামুটি বলা বার বে প্রভিটি মসূন ও সমতল অংশ একটি কুন্ত আলোক উৎস হিসাবে ভিন্না করে এবং এই উৎস হইতে আলোকরণি বিভিন্ন কোশে ইড়াইরা পড়ে। সরলরেশার অংশগুলি কার্যন্ত অবছ বলিয়া ধরা বার । কার্বারর প্রাথমিক সিদ্ধান্ত (elementary theory) খুব সহজেই ব্যাখ্যা করা বাইডে পারে। ৩.৪৭ নং চিত্রে L_1 লেল হইডে একগুছে সমান্তরাল রিম্মালা AB কার্বারতে i কোণে আপতিত হইডেছে। ঝার্বারর সরলরেখাগুলি চিত্রভলের অভিলবে অবন্থিত; চিত্রে ইহার প্রস্থ দেখানো হইরাছে। প্রতিটি সরলরেখা প্রকৃতপক্ষে অভি কুন্ত প্রস্থের একটি রেখাছিত্র। এইগুলি অবছ বিলারা গল্য করা বার। অবলা আরও বিশাদ আলোচনা হইডে দেখা বার বে এইগুলি সম্পূর্ণ অবছ হওরার প্ররোজন নাই, কেবলমাত্র এই অংশ দিরা পারগত আলোর তীরতা বছ অংশের পারগত তীরভার অপেকা কম হইলেই চলে। প্রকৃতপক্ষে এই অংশে আলো সরাস্থার পারগত না হইরা বিশ্বিপ্ত হওরার তীরতা করিবে এবং এই উৎস হইডে বিভিন্ন কোণে আলোকরিখা বিশ্বিপ্ত হইবে। ৩.৪৮ নং চিত্রে এইবুপ দুইটি আলোক উৎস দেখানে। হইরাছে।



এই চিত্রে অছছে অংশের প্রস্থ b এবং ছচ্ছ অংশের প্রস্থ a. ছচ্ছ অংশ হইতে নিগতে θ কোশে বাবাঁতিত একগৃছে সমান্তরাল রশ্বি L, লেল দারা ইহার কোক্যাসতলে ধনীভূত হইবে। চিত্র হইতে দেখা বার বে একটি ছচ্ছ অংশের একপ্রান্ত দিরা এবং ঠিক পরের ছচ্ছ অংশের সংশ্লিক বিন্দু দিরা গমনকারী রশ্বিদরের মধ্যে পথ-দূরত্ব বিদ্পু Δ ধরা বার তবে লেখা বার

$$\Delta = (a+b)(\sin t + \sin \theta) \tag{3.117}$$

বৰি এই পথ-গুৱাহ একটি অবভ সংখ্যার ভরস্কদৈর্ব্যের সমাম হয় ভবে L_s লেলের কোন্সাভলে ইহার। একই দশার উপনীত হইবে ; কলে ইহার। পরস্পারকে বৃদ্ধি করিবে । আর ববি এই পথ-গুৱাহ বিজ্ঞোত্তসংখ্যক $\frac{\lambda}{2}$ হয় ভবে

ইহারা বিপরীত দশার উপনীত হওয়ার দরুন পরস্পরকে ধ্বংস করিবে। সূতরাং এই দুইটি পাশাপাশি অবন্থিত উৎসের সংশ্লিষ্ঠ রশ্বিষ্বরের ক্ষেত্রে আলোকতীরতার সর্ভ দাড়াইবে

$$(a+b)(\sin i + \sin \theta) = n\lambda$$
 চৰম আলোক তীব্ৰতা (3.118)

$$(a+b)(\sin i + \sin \theta) - (2n+1)\frac{\lambda}{2}$$
 অবম আলোক তীব্রতা (3.119)

প্রথম উৎসের বিতীর রশ্বি এবং বিতীর উৎসের সংগ্রিষ্ঠ বিতীর রশ্বিও এই একই সর্ত পালন করিবে। এইরুপে উৎস দুইটিকে কিছু সংখ্যেক সমান ভাগে বিভক্ত করিলে তাহাদের বিভক্ত অংশগুলিকে এইরুপ সংগ্রিষ্ঠ জোড়ার জোড়ার নিরা সম্পূর্ণ বচ্ছ অংশ দুইটির প্রভাব বাহির করা যাইবে। অবশ্যই প্রথম বচ্ছ অংশ এবং বিতীর বচ্ছ অংশ সমান সংখ্যক ভাগে বিভক্ত করা হইবে কারণ ধরা হইরাছে যে সমন্ত বচ্ছ অংশের প্রস্থই সমান। কাজেই দেখা যাইতেছে প্রথম রশ্বি জোড়ার বেলার যে সর্ত পালিত হয় বাকী সমন্ত জোড়ার বেলারও ঐ একই সর্ত পালিত হইবে। ফলে বদি কোনও কোণ θ র জনা উপরের একটি সর্ত (সমীকরণ 3.118 অথবা 3.119) পালিত হয় তবে এই কোণে চরম অথবা অবম তীব্রতা হইবে।

আদর্শ ব্যবর্তন ঝাঝারতে সমস্ত বছে অংশই সমান প্রস্থের এবং ইহাদের মধ্যের অবছে অংশের বেলারও এই কথাই খাটে। ইহাদের প্রস্থ বধারুমে a এবং b ধরা হইরাছে। কাল্লেই তৃতীর ও চতুর্থ বছ অংশের বেলারও উপরের বুল্লি অনুসারে প্রথম ও বিতীর অংশের মতই আলোক তীরতা হইবে। এইর্পে ঝাঝারর সমস্ত বছে অংশকেই পাশাপাশি জোড়ার বিবেচনা করিরা দেখা বার বে প্রথম ও বিতীর অংশের জন্য θ কোণে বে আলোক তীরতা হইবে সমস্ত ঝাঝাররও ঐ একই ধরণের আলোক তীরতা হইবে। শুমু চরম তীরতার ক্ষেত্রে একটি বছ অংশের জন্য লাক্লি বিস্তার বিদ ধরা বার a এবং বদি ঝাঝারতে N সংখ্যক এইর্শ বছে অংশ থাকে, তবে সমস্ত ঝাঝারর জন্য মোটামুটি লাক্লি বিস্তার দাড়াইবে Na এবং ইহার ফলে এই চরম তীরতা লেখা বাইতে পারে N^2a^2 .

এইবার অন্য θ , কোণে বাবাঁতিত সমান্তরাল রন্মির কথা বিবেচনা করিলে দেখা বাইবে যে যদি ইহারা আবার নিয়লিখিত সর্ত পালন করে

$$(a+b) (\sin i + \sin \theta_1) = n_1 \lambda$$

 $\exists i (a+b) (\sin i + \sin \theta_1) = (2n_1 + 1)_{\bar{2}}^{\lambda}$

তবে প্রথমক্ষেত্র এই 0, কোপে আলোর তীরতা চরম হইবে; আর বিতীর সর্ভ পালিত হইলে এই কোপে আলোর তীরতা হইবে অবম। সূতরাং সাধারণভাবে বলা বার বে নির্মালখিত সর্ভ দুইটি হইবে বিভিন্ন চরম ও অবম তীরতার বর্ণালির (spectrum) সমীকরণ

$$(a+b)$$
 ($\sin i + \sin \theta_n$) — $n\lambda$ —চরম তীরতার বর্ণালি $(a+b)$ ($\sin i + \sin \theta_n$) — $(2n+1)$ — অবম তীরতার বর্ণালি

এই সমীকরণে n অখওসংখ্যা। ইহা ধনাস্বক, ঋণাক্ষক অথবা শ্ন্য হইতে পারে। n বর্ণালির ক্রম (order of the spectrum) বুঝাইবে। n-0 হইলে কেন্দ্রীর অথবা শ্না ক্রমের বর্ণালি পাওরা বাইবে। n-1, 2, 3 প্রভৃতি একদিকের প্রথম, দিতীর, তৃতীর ইভ্যাদি ক্রমের বর্ণালি উৎপন্ন করিবে। আবার n-1, -2, -3 অনুরূপ ঋণাক্ষক ক্রমের বর্ণালির সৃষ্টি করিবে। কাজেই শেখা বাইতেছে বে কেন্দ্রীর বর্ণালী P_0 এর উভর পার্শে দুইপ্রস্থ প্রতিসম (symmetrical) বর্ণালি হইবে।

ব্যবর্তন বাবরির আলোকডীপ্রতার বন্টন (Intensity distribution for a diffraction grating).

এই ক্ষেত্রেও একক এবং বৃশ্ব রেখাছিন্তের ন্যার একাধিক পদ্ধতিতে আলোকতীরতার রাশিমালা বাহির করা বার । তবে কাশ্দানক রাশির পদ্ধতিই এক্ষেত্রে
সর্বাপেক্ষা সহজ ও প্রকৃষ্ট হইবে বলিরা এইটিই প্ররোগ করা হইবে । এখানে
ধরা হইবে বে রেখাছিন্রগুলির প্রন্থ সমান এবং ইহাদের মধ্যের অবছ অংশের
প্রন্থও সব সমান । অর্থাং ৫ এবং ৫ একটি বাবর্তান বাঝারের পক্ষে ধুবক ।
তাহা হইলে একক রেখাছিন্তের বেলার দেখা গিরাছে বে প্রতিটি রেখাছিন্ত হইতে
বার্বাভিত রন্দির বিস্তার হইবে ৫ এর সমানুপাতিক । আর দুইটি রেখাছিন্তের
মাবে ৫ প্রন্থের অবছ অংশ বর্ত্তমান থাকার পরপর দুইটি রেখাছিন্তের বিস্তারের
মধ্যে একটি দশাপার্থকা ও বিদ্যামান থাকিবে । ধরা বাক বাবর্তান বাবারিতে
রেখাছিন্তের মোট সংখ্যা N. তাহা হইলে এই N রেখাছিন্ত হইতে বাব্তিত
আলোকরন্মিমালার লব্ধি কটিল বিস্তার (complex amplitude) হইবে
(ক্যেন্তি-পেরো বাতিচার মাপকের আলোচনা প্রক্রিয়)

$$A_e^{i\theta} = a'e^{i\delta'} + a'e^{i(\delta' + \delta)} + a'e^{i(\delta' + 2\delta)} + \dots a'e^{i[\delta' + (N-1)\delta]}$$
(3.120)

a' - अक्क त्रशाहित्स विकास

বেহেতু এই দশাগুলির মধ্যে বে কোনও একটিকে সুবিধামত পরিবাঁতত করা বার (অন্যানাগুলিও অনুর্পভাবে সঙ্গে সঙ্গে পরিবাঁতত হইবে), প্রথম রেখা-ছিন্ন হইতে আগত বিস্তারের দশা ঠ' – 0 ধরা বাইতে পারে।

$$Ae^{i\theta} = a' + a'e^{i\delta} + a'e^{2i\delta} + \dots \quad a'e^{i(N-1)\delta}$$

$$= a'[1 + e^{i\delta} + e^{2i\delta} + \dots e^{i(N-1)\delta}]$$

$$= a'\frac{1 - e^{iN\delta}}{1 - e^{i\delta}}$$
(3.121)

তীৱতা Int পাইতে হইলে এই জটিল বিস্তারকে ইহার জটিল অনুবন্ধী (complex conjugate) দারা গুণ করিতে হইবে। এই প্রণালীতে পাওয়া বাইবে

Int =
$$a'^{2} \frac{1 - e^{iN\delta}}{1 - e^{i\delta}} \cdot \frac{1 - e^{-iN\delta}}{1 - e^{-i\delta}} = a'^{2} \frac{1 + 1 - (e^{iN\delta} + e^{-iN\delta})}{1 + 1 - (e^{i\delta} + e^{-i\delta})}$$

$$= a'^{2} \frac{2 - 2\cos N\delta}{2 - 2\cos \delta} = a'^{2} \frac{1 - \cos N\delta}{1 - \cos \delta}$$

$$= a'^{2} \frac{1 - 1 + 2\sin^{2} \frac{N\delta}{2}}{1 - 1 + 2\sin^{2} \frac{\delta}{2}} = a'^{2} \frac{\sin^{2} \frac{N\delta}{2}}{\sin^{2} \frac{\delta}{2}}$$
(3.122)

এই তীরতার রাশিমালার a'—রেখাছিদ্রের প্রস্থ হইতে ব্যব্যতিত রশ্মির বিস্তার এবং $\delta = \frac{2\pi}{\lambda}(a+b)$ ($\sin i + \sin \theta$) অর্থাৎ পর পর দুইটি রেখাছিদ্রের সংক্রিন্ট বিন্দু হইতে নির্গত সমান্তরাল দুইটি রশ্মির মধ্যের দশা পার্থক্য। বুশ্ম রেখাছিদ্রের বেলার এই পদ্টিকে ধরা হইরাছিল 2γ (সমীকরণ 3.90)। সূতরাং বদি অনুবৃপভাবে লেখা বায়

$$\frac{\delta}{2} = \gamma$$
, তবে আলোকভীঃভা দাড়াইবে
$$Int = a^{-3} \frac{\sin^3 N\gamma}{\sin^3 \gamma}$$
 (3.123)

পূর্বে ধরা হইয়াছে বে একটি রেখাছিদ্রের বাবাঁতিত আলোকর নির বিস্তার a'. একক রেখাছিদ্রের আলোচনা হইতে দেখা গিয়াছে বে এই বিস্তার লেখা বার $a' = \frac{a \sin \phi}{A}$ (সমীকরণ 3.39)

अथात्न
$$a$$
 = द्विशांक्सिक शक् ; $2\phi = \frac{2\pi}{\lambda}a$ (sin $i+\sin\theta$)

[সমীকরণ 3.35]

সুভরাং আলোক ভীৱভার মান দাড়াইবে

$$Int = a^2 \frac{\sin^2 \phi}{\phi^2} \cdot \frac{\sin^2 N\gamma}{\sin^2 \gamma}$$
 (3.124)

এখানেও বৃশ্ব-রেখাছিদ্রের বাবর্তনের ন্যার আলোক তীরতা দুইটি গুণকের সমষ্টি। ইহাবের প্রথমটি একক রেখাছিদ্রের ব্যবর্তনের পলের অনুরূপ। বিতীরটি সমস্ত রেখাছিদ্র হইতে আগত আলোকের প্রভাব দেখাইতেছে। এই রাশিমালার বিদ N=2 করা হর তবে ইহা বৃশ্ব-রেখাছিদ্রের তীরতার রাশিমালার সমান হওয়া উচিত। দেখা বার N=2 এর ক্ষেঠে আলোক তীরতা দাড়ার

Int
$$= a^2 \frac{\sin^2 \phi}{\phi^2} \cdot \frac{\sin^2 2\gamma}{\sin^2 \gamma} = a^2 \frac{\sin^2 \phi}{\phi^2} \cdot \frac{4 \sin^2 \gamma \cos^2 \gamma}{\sin^2 \gamma}$$

 $= 4a^2 \frac{\sin^2 \phi}{\phi^2} \cos^4$

অর্থাৎ n = 2 এর ক্ষেত্রে বাবর্তন বার্বারর আলোক তীব্রতার রালিমালা বৃশ্ব-রেখাছিদ্রের তীব্রতার রালিমালার সমান দাড়ার।

চরৰ এবং অবৰ ভীত্ৰভার বৰ্ণালি (Maxima and minima of the spectrum).

আলোক তীরতার রাশিমালা দুইটি গুণকের গুণফলের সমান। ইহাদের প্রথমটি একক রেখাছিন্তের ধাবর্তনে বে আলোক তীরতা পাওরা বার তাহার সহিত পুরহু মিলিরা বার। সূতরাং ইহার প্রভাব পূর্ব আলোচনা হইতে সহজেই অনুমান করা বার। বিতীর গুণকটির প্রভাব নির্ণর করিতে হইলে ইহার অন্তর্মকলন করিরা কলটিকে শুনোর সমান ধরিতে হইবে। তাহা হইলে পাওরা হাইবে

$$\frac{d}{d\gamma} \frac{\sin^2 N\gamma}{\sin^2 \gamma} = \frac{2N \sin N\gamma \cos N\gamma \sin^2 \gamma - 2 \sin^2 N\gamma \sin \gamma \cos \gamma}{\sin^4 \gamma}$$
$$= \frac{2 \sin N\gamma}{\sin^2 \gamma} \left[N \cos N\gamma \sin \gamma - \sin N\gamma \cos \gamma \right]$$
(3.125)

যদি এইটিকে 0 ধরা হর তবে দাড়াইবে

 $\mathbf{ER} \quad \text{(i)} \quad \frac{2\sin N\gamma}{\sin^2 \gamma} = 0 \quad \mathbf{ERR} \quad \text{(ii)} \quad N\cos N\gamma \sin \gamma - \sin N\gamma \cos \gamma = 0.$

প্রথম সর্ভ হইতে পাওরা বাইবে $\sin N_{\gamma}=0$

(3.126)

ৰিতীয় সৰ্ভ হইতে পাওয়া বাইবে $N\cos N_{\gamma}\sin \gamma = \sin N_{\gamma}\cos \gamma$

$$\frac{N \sin \gamma}{\cos \gamma} = \frac{\sin N\gamma}{\cos N\gamma}$$

$$\frac{1}{\sqrt{N}} \frac{N \tan \gamma}{\sqrt{N}} = \frac{1}{\sqrt{N}} \frac{N \sin \gamma}{\sqrt{N}} = \frac{1}{\sqrt{N}} = \frac{1}{\sqrt{N}} \frac{N \sin \gamma}{\sqrt{N}} = \frac{N} \frac{N \sin \gamma}{\sqrt{N}} = \frac{1}{\sqrt{N}} = \frac{1}{\sqrt{N}} \frac{N \sin \gamma}{\sqrt{N}} = \frac{1}$$

যদি $\sin N_y = 0$ হয় তবে পাওয়া যাইবে

$$N_{\gamma} = m\pi$$
 $m =$ অখণ্ড সংখ্যা

সূতরাং $\frac{\sin^2 N_y}{\sin^2 y}$ পদে লব শ্ন্য হওয়ায় এই পদটির মান দাড়াইবে শ্ন্য (অবশ্য পরের সমীকরণ 3.130 ক্ষেত্রগুলি বাদে)

সূতরাং
$$N_{\gamma} = m\pi$$
 বা $\gamma = \frac{m\pi}{N}$

ৰা
$$\frac{\pi}{\lambda}(a+b)$$
 (sin $i+\sin\theta$) = $\frac{m\pi}{N}$

বা
$$(a+b)$$
 (sin $i+\sin\theta$) $=\frac{m\lambda}{N}$... অবম (শ্না) আলোক তীব্ৰতা (3.128)

কিন্তু বখন m=0, N, 2N ইত্যাদি মানের হয় তখন সমীকরণটি দাড়ার (a+b) ($\sin i + \sin \theta$)=0, λ , 2λ ... $n\lambda$ (3.129)

এই ক্ষেত্রে, $\gamma = 0$, π , 2π ,... $n\pi$ হওয়ার জন্য $\frac{\sin^3 N\gamma}{\sin^2 \gamma}$ পদে লব ও হর উভরেই শূনা হইবে এবং পদটির মান জনির্ধার্থা (indeterminate) দাড়াইবে । তবে এই ক্ষেত্রে একক রেখাছিন্তের ভীরতার মত পদ্ধতি অবলম্বন করিয়া বাহির করা বায়

$$\frac{\sin N\gamma}{\sin \gamma} = \pm N.$$

$$\lim_{N\gamma \to Nn\pi}$$

সুভরাং তীরতার মান দাড়াইবে এই ক্ষেত্রে N^2 এর সমানুপাতিক। এই শ্রেণীর বর্ণালিগুলি হইবে মুখ্য চরম তীরভার বর্ণালি (principal maxima).

এरेगूनित क्टा (मथा यात्र

$$\gamma - n\pi$$

$$\P \mid \frac{\pi}{\lambda}(a+b) \text{ (sin } i+\sin\theta) = n\pi$$

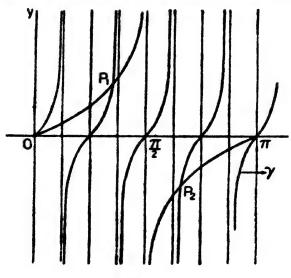
বা (a+b) (sin i+sin d) - nh ... মুখ্য চরম তীরভার বর্ণালি (3.130)

এই সমীকরণে (a+b) ($\sin i + \sin \theta$) দুইটি পরপার অবস্থিত রেখা-ছিন্তের সংগ্লিক বিন্দু দুইটি হইডে নিগত আলোকরণিকরের পথ পার্থকা। এই পথ-পার্থকা বাদ পৃথসংখ্যক তরঙ্গ-দৈর্ঘ্যের সমান হর তবে তরঙ্গ দুইটি সম ক্যার থাকার জন্য L_* লেলের কোকাসতলে তাহারা পরস্পারকে বৃদ্ধি করিবে। এই বর্ণালিগুলিই থাকরির প্রাথমিক সিদ্ধান্তের ক্ষেত্রে পাওয়া গিরাছিল।

বিতীর সর্ভ N tan y = tan Ny হইডে আর এক শ্রেণীর বর্ণালির অবস্থানও পাওরা বাইবে। একক রেখাছিয়ের ক্ষেত্রের ন্যার এই সমীকরণের সমাধানও বাহির করা বার দুইটি রেখাচিত্র ক্ষকন করিয়া

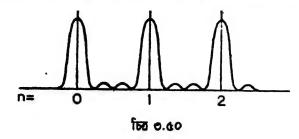
$$y = N \tan \gamma$$
 $y = \tan N\gamma$ (3.131)

প্রথম লেখাচিত্রটি হইবে একটি $\tan \gamma$ লেখাচিত্র এবং ইহা সীমাবদ্ধ থাকিবে $\gamma = \pm \frac{\pi}{2}$ এর সীমার মধ্যে । দিভীরটিও ঐ একই প্রকৃতির লেখাচিত্রই হইবে । কিন্তু ইহার প্রজেকটি শাখার বিস্তার প্রথমটির $\frac{1}{N}$ গুণ হইবে । কর্থাৎ ইহার শাখারুলি $\frac{\pi}{N}$ এই সীমার মধ্যে আবদ্ধ থাকিবে । এই দুই শ্রেণীর লেখাচিত্রের ছেম-বিন্দুগুলি হইবে ভীরভার চরম মানের অবস্থান । এই ভীরভার বর্ণালি-



fee 0.8%

পুলিকে বলা হইবে গৌণ চরম ভীৱতার বর্ণাল (secondary maxima). ৩.৪৯ নং চিত্রে এই দুই প্রেণীর লেখাচিত্র এবং ভাহাদের ছেদ্বিশু দেখানো হইরাছে। অবশ্য ইহা খুবই স্থাভাবে আকা হইরাছে কারণ এই ক্ষেত্রে ধরা হইরাছে N=4. বিতীয় শ্রেণীর লেখাচিত্রে 0 এবং π সীমার মধ্যে N সংখ্যক রেখা হইবে। সভিাকারের ঝাঝরির ক্ষেত্রে এই সংখ্যা সূতরাং খুবই বড় হইবে। কিন্তু চিত্রে ইহা আকাও সম্ভব নর আর নীতিটি বুঝাইবার জন্য ইহার প্রয়োজনও



নাই। লেখাচিত হইতে দেখা বাইতেছে যে দুইটি মুখ্য চরম তীব্রতার বর্ণালির মধ্যে N-2 অর্থাং N=4 এর ক্ষেত্রে দুইটি গোণ চরম তীব্রতার বর্ণালির সৃষ্টি হইরাছে।

মুখা বর্ণালির ক্ষেত্রে বলা ইইরাছে বে ইহাদের তীব্রতা দাড়াইবে N^* এর সমানুপাতিক। একটি বাবর্তন ঝার্ঝারর বেলার N সাধারণত খুবই বড় সংখ্যা হইরা থাকে! ইহা বদি 10^* ও হর (প্রকৃতপক্ষে ইহা আরও অনেক বেশী) তবে N^* হর 10^* এইদিক ইইতে বিচার করিলে মনে হইবার কথা বে মুখ্য বর্ণালিগুলির আলোক তীব্রতা অত্যন্ত বেশী। কিন্তু পরীক্ষাকালে দেখা বার বে বাবর্তন ঝার্ঝারর বর্ণালির আলোক তীব্রতা একক বা বুণ্ম রেখাছিদ্রের বর্ণালির আলোক তীব্রতার অপেক্ষাও কম। ইহার কারণ অনুসদান করিলে দেখা বাইবে বে আলোক তীব্রতার বিশ্ব একটি গুণক বর্তমান। ব্যবর্তন ঝার্ঝারর বেলার এই প্রস্থ ব খুবই ছোট হর। এক ইণ্ডিতে বদি 10^* রেখাছিদ্র থাকে তবে ব হইবে $\frac{2\cdot 5}{10^*} = 2\cdot 5 \times 10^{-*}$ cm. সূতরাং বি* দাড়াইবে $6\cdot 25 \times 10^{-*}$ cm. অত্যন্তব এই গুণকটি N^* গুণকটির ফলকে নিম্প্রভাবিত (neutralise) করিবে। ইহার উপর আছে ঝার্ঝার ফলকে আলোকের শোষণ, বিক্ষেপণ ইত্যাদি। এই সমন্ত কারণের ফলে ব্যবর্তন ঝার্ঝারর বর্ণালি একক অথবা বুখা রেখাছিদ্রের ঝালারের অপেক্ষা কম তীব্রতা সম্পন্ন হইরা থাকে।

বখন $\gamma - n\pi$ হর তখন মুখ্য বর্ণালগুলি পাওরা বার এবং তাহাদের তীরতা N° এর সমানুপাতিক হর । আবার দেখানো বার বে

$$\frac{\sin^{2} N\gamma}{\sin^{2} \gamma} = \frac{N^{2}}{1 + (N^{2} - 1) \sin^{2} \gamma}$$
 (3.132)

সুভরাং গোণ এবং মুখা বর্ণালর অনুপাত হইবে

$$\frac{1}{1+(N^2-1)\sin^2\gamma}$$

 $\frac{\sin^2 N_\gamma}{\sin^2 \gamma}$ এই রাশিমালা পরীক্ষা করিলে দেখা বার বে বখন $N_\gamma = mn$ হর তখন $\sin N_\gamma = 0$ পাওর। বার ৷ কিবু এই সমর $\sin \gamma = 0$ হওর। আবশাক নর ৷ সূত্রাং হর (denominator) বখন শূন্য না হইবে তখন রাশিমালাটির মান লাড়াইবে শূন্য ৷ এই গুলি গৌণ অবম তীব্রতার (secondary minima) বর্ণালির সমীকরণ ৷ এই সম্বন্ধ হইতে লেখা বার

$$(a+b)$$
 (sin $i+\sin\theta$) = $\frac{m\lambda}{N}$

$$= \left[\frac{\lambda}{N}, \frac{2\lambda}{N} ... \frac{(N-1)\lambda}{N}, \frac{(N+1)\lambda}{N}\right]$$
অবম তীব্রতা (3.131 \hat{a})

এখান হইতে সহজেই দেখা বার বে বখন m-pN হইবে ($p-\gamma$ র্গসংখ্যা) তখন সমীকরণটি দাড়াইবে

$$(a+b)(\sin i + \sin \theta) - n\lambda = \lambda$$
, 2λ , 3λ ...etc.

কিন্তু সমীকরণ 3.130 অনুসারে দেখা গিরাছে বে এইগুলি মুখ্য চরম ভীৱতার বর্ণালির অবস্থান বুঝাইবে। আর N সংখ্যক রেখাছিয়ের ঝাঝারর জন্য পরপর দুইটি চরম ভীরভার মুখ্য বর্ণালির মধ্যে (N-1) অবম ভীরভার অবস্থান বর্তমান থাকিবে। আর এটাও সহজেই বুঝা যার এই অবস্থার (N-2) চরম ভীরভার গৌশ বর্ণালি উৎপার হইবে।

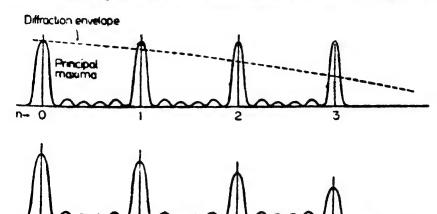
মুখ্য বর্ণালির আলোকতীব্রতার তুলনার গোণ বর্ণালির আলোকতীব্রতা খুবই কম। আর মুখ্য বর্ণালি হইতে বত পূবে বাওরা বার ততই ইহার ভীরতা কমে এবং N এর মান বড় হইলে পুইটি মুখ্য বর্ণালির মাঞ্চামান্তি জারগার গোণ বর্ণালির আলোকতীব্রতা প্রায় পূন্য দাড়ার। কিন্তু মুখ্য বর্ণালির সংলগ্ন গোণ বর্ণালির ক্ষেত্রে ইহা সভ্য নহে। বিশ্ব এইক্ষেত্রে মুখ্য এবং গৌণ বর্ণালির আলোকতীব্রতার অনুপান্ত N এর মানের উপর অনেকটা নির্ভর করে তবুও এটা

লালা দরকার যে এই অনুপাত খুব বড় নর। নিরের তালিকা হইতে এ সহকে একটা ধারণা পাওয়া বার।

রেখাছিয়ের সংখ্যা <i>N</i>	মুখ্য এবং সংলয় গোণ বৰ্ণালয় আলোক- তীব্ৰতার অনুপাত
3	9
4	13.5
5	16.0
15	20.6
Infinite	21.2

সূতরাং দেখা বাইতেছে বে N এর মান বড় হইলে (বে কোনও সাধারণ বাঝরির ক্ষেত্রে ইহার সংখ্যা অন্তত করেক হাজার) গোণ বর্ণালির আলোকতীব্রতা সংলগ্ন মুখ্য বর্ণালির শতকরা পাচভাগের মত হইরা থাকে। কিন্তু
এই গোণ বর্ণালিগুলি সাধারণত দেখা বার না কারণ মুখ্য বর্ণালির আলোকতীব্রতাই বাঝরির বাবর্তন বালরের বেলার এত কম হয় বে গোণ বর্ণালিগুলি
সে তুলনার খুবই অনুক্ষল হওয়ার দৃশ্যমান হয় না।

এ পর্বান্ত শুধু $\frac{\sin^2 N_{\gamma}}{\sin^2 \gamma}$ এই গুণকের কথাই বিবেচিত হইরাছে এবং এই রাশি হইতে উক্ত চরম ও অবম তীব্রতার বর্ণালির কথা আলোচিত হইরাছে।



Resultant Pottern

150 0.63

কিছু আলোকতীরতার রাশিমালার আরও একটি গুলক $\frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}$ বর্তমান আহে এবং দেখা গিরাছে যে ইহা একক রেখাছিদ্রের বাবর্তনের রাশির সহিত অভিন্য । কাজেই বুঝা বার যে বুঝা রেখাছিদ্রের বেলার যের্প দেখা গিরাছিল এখানেও $\frac{\sin^2 N\gamma}{\sin^2 \gamma}$ রাশি হইতে উক্ত মুখ্য (ও গোণ) বর্ণালির আবরণ (envelope) হিসাবে কাজ করে $\frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}$ হইতে সৃষ্ঠ ঝালার । কাজেই উপরের চিত্রের (চিত্র নং ৩.৫১) প্রদাশত মতে মুখ্য বর্ণালিগুলির তীরতা θ কোণ বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে হাস পাইবে । এইটি হইবে $\frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}$ গুক্টাটর উপস্থিতির প্রধান কল । ইহা ছাড়াও লুস্ত রুমের ঝালরের উৎপত্তির কথা পরে বর্ণিত হইবে ।

বিচ্ছুরণ (Dispersion).

উপরের আলোচনা হইতে দেখা গেল যে সাধারণত মুখ্য বর্ণালিই শুধু বিবেচনা করা প্রয়োজন; গোল বর্ণালিগুলির তীব্রতা নগণ্য হওয়ায় এইগুলি ধর্তবার মধ্যে নর। সূতরাং বিদি নিম্নলিখিত সমীকরণটি বিবেচনা করা হয়

$$(a+b)(\sin i + \sin \theta) = n\lambda$$

তাহা হইলে ইহাকে হিসাবের সুবিধার জন্য লেখা যায়

$$W \sin \theta - n\lambda \tag{3.133}$$

[W - (a + b) ঝাঝারের ফাক (grating space) এবং ধরা হইয়াছে বে আলো ঝাঝারিতে 0° কোণে আপতিত হইয়াছে]।

এই সমীকরণকে ঝাঝরির সমীকরণ বলা চলিতে পারে। ইহা হইতে দেখা বার বে যখন ব্যবতিত রশ্বি একটি বিশেষ কোণ θ_0 করিয়া ঝাঝরি ছইতে নিগত হয় যাহাতে $W \sin \theta_0 = 0 \times \lambda$ এই সর্ভ পালিত হয় তখন শ্না ক্রমের বর্ণালি পাওয়া বায়। এই কোণ বাড়িয়া বখন θ_1 হয় যাহাতে

 $W \sin \theta_1 - \lambda$ এই সর্ত পালিত হয় তখন প্রথম ক্রমের বর্ণালি পাওয়া বার । অনুর্পভাবে θ_3 , θ_3 কোণে বািদ $W \sin \theta_3 = 2\lambda$; $W \sin \theta_3 = 3\lambda$ সর্ত পালিত হয় তবে বিতীয় ও তৃতীয় ক্রমের বর্ণালি পাওয়া বাইবে । কেন্দ্রীয় বর্ণালির অপর দিকেও ঋণাত্মক n এর জন্য প্রতিসম বর্ণালি ক্রম পাওয়া বাইবে । কিন্তু ঝাঝরির সমীকরণ হইতে এটাও দেখা বার বে প্রথম ক্রমের বে

বর্ণালির কথা বলা হইরাছে তাহা $heta_{\lambda_1}$ কোণে উৎপদ্ম হইবে শুধু একটি তরঙ্গ- দৈর্ঘ্যের λ_1 এর জন্য অর্থাৎ $W\sin\, heta_{\lambda_1} - \lambda_1$.

কিন্তু বদি আপতিত আলোতে আর একটি তরঙ্গের অন্তিম্ব থাকে বাহার দৈর্ঘ্য $\lambda_2 = \lambda_1 + \triangle \lambda$ তবে এখানে λ_2 তরঙ্গের জন্য প্রথমরুমের বর্ণাল উৎপ্রম হইবে θ_{λ_0} কোণে এবং ইহার সর্ভ হইবে

$$W \sin \theta_{\lambda_2} - \lambda_2$$

কাজেই দেখা বাইতেছে বে কোনও একটি ক্রমের বিভিন্ন ভরঙ্গদৈর্ব্যের বর্ণালির বাবর্তনকোণ (angle of diffraction) ভরঙ্গদৈর্ব্যের মানের উপর নির্ভন্ন করিবে। যদি দুইটি ভরঙ্গদৈর্ব্যের মধ্যে পার্থক্য হয় $\triangle \lambda$ এবং ইহার। $\triangle \theta$ কোণে আলাদা হইয়া থাকে ভবে

 $\frac{\Delta \theta}{\Delta \lambda}$ হইবে সংশ্লিষ্ট কৌণিক বিচ্ছুরণ (angular dispersion).

ঝাঝরির সমীকরণ 3.133 হইতে পাওয়া বায়

$$\frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{n}{W \cos \theta} \tag{3.134}$$

এই সমীকরণ হইতে তিনটি জিনিব দেখা বাইতেছে :

- (i) দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘার তফাং ৫১র জন্য কোণিক বিযোজন ঝালরের ক্রম nএর সমানুপাতিক হইবে। ইহার ফলে প্রথম ক্রমে যে কোণিক বিযোজন হইবে দ্বিতীয় এবং তৃতীয় ক্রমে ইহার দ্বিগুণ এবং তিনগুণ বিযোজন সৃষ্টি হইবে, এবং উচ্চতর ক্রমের জন্য ইহা সমানুপাতিক হারে বাড়িয়া যাইবে।
- (ii) কৌণিক বিচ্ছুরণ W অর্থাৎ ঝাঝারর ফাক (grating space) এর বাস্ত্যানুক্রমিক হইবে। সূতরাং W কমিতে থাকিলে কৌণিক বিচ্ছুরণ আনুপাতিকর্পে বাড়িতে থাকিবে। ঝাঝারতে একক প্রস্থে রেখাছিদ্রের সংখ্যা যত বেশী হইবে Wএর মানও ততই কমিবে এবং সঙ্গে সঙ্গে কৌণিক বিচ্ছুরণও বাড়িবে। কাজেই খুব কাছাকাছি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বর্ণালি আলাদা করিতে হইলে যথাসভব কম W এর ঝাঝার ব্যবহার করা প্রয়োজন।
- (iii) কৌণিক বিচ্ছুরণ $\cos\theta$ পদের ব্যস্ত্যানুপাতিক হইবে। কাজেই $\cos\theta$ এর মান বত কম হইবে কৌণিক বিচ্ছুরণও তত বেশী দাড়াইবে। অর্থাৎ ব্যালিগুলি কেন্দ্রীয় বর্ণালির সহিত বত বেশী কোণে উৎপন্ন হইতে ততই ইহার

কৌণক বিচ্ছুরণ বাড়িবে। ৰভাবতই কেন্দ্রের সমিহিত বর্ণালির ক্ষেত্রে বিচ্ছুৰণ সৰ্বাপেকা কম হইবে এবং কোণ যত বাড়িতে থাকিবে ততই বিচ্ছুরণ অবশ্য ইহাও বুঝা প্রয়োজন বে cos θ এর উপর কৌণিক বিবোজনের এই নির্ভরশীলত। প্রকারান্তরে তরঙ্গদৈর্ধ্য ১এর উপরেও নির্ভরশীলত। ৰটে। কাৰণ বৰ্ণালিৰ কোণ θ নিৰ্ভৱ কৰে সংশ্লিষ্ঠ তরস্থলৈখ্য λ এৰ উপৰ ι কেন্দ্রীর বর্ণালির নিকটে $\theta = 6^\circ$ পর্যান্ত $\cos \theta$ এর মানের পরিবর্তন খুবই সামান্য (1000 ভাগের 5 ভাগ মাত্র)। সূতরাং স্থুলদৃষ্ঠিতে ইহাকে এই সীমার কাছাকাছির মধ্যে ধ্রবক ধরা চলে। ইহার অর্থ এই দাড়ায় যে এই কৌণিক অবস্থানের নিকট (near the normal) $\Delta \theta$ দাড়াইবে $\Delta \lambda$ এর সমানুপাতিক। অবশ্য এই সঠ পালিত হইবে যখন n অপরিবর্তিত হইবে। এই ধরণের বর্ণালিকে অতএব বলা হয় নিয়মিত বর্ণাল (normal spectrum). নিয়মিত বর্ণাল ঝাঝরির বিশেষত্ব। প্রিজ্মের বর্ণাল সম্পূর্ণ অন্যরপ। ইহাতে বেগুনী আলোর দিকের বিচ্চুরণ লাল আলোর দিকের বিচ্ছুরণের অপেক্ষা অনেক বেশী। ঝাঝরির বর্ণালির এই বিশেষদ্বের জন্য কেন্দ্রীয় বর্ণালির নিকটে কৌণিক বিযোজন $\Delta \theta$ মাপিয়া সহজেই দুইটি তরঙ্গ-দৈৰ্ঘ্যের তফাৎ ∧ ম বাহির করা যায়। বৈথিক বিচ্ছুরণের (linear dispersion) সংজ্ঞা করা হইয়াছে $\frac{\Delta I}{\wedge \lambda}$; অর্থাৎ তরঙ্গদৈর্ঘোর $\Delta \lambda$ পার্থকোর कना कानल कराब थे पुरेषि जतकात वर्गानित माथा दिश्यक पृत्र । এই সংজ্ঞাতি স্থাকে লাগে বৰ্ণাল-লেখীতে (spectrograph) তোলা বৰ্ণালির চিত্রে তরঙ্গদৈর্ব্যের হিসাবের জন্য। এই মানটি ছভাবতই বর্ণাল ফোকাস করিবার লেলের ফোকাসদৈর্ঘা ʃ এর উপর নির্ভর করে। আর ইহা পাওয়া যায় $\triangle l = f \triangle heta$ এই সম্বন্ধ ব্যবহার করিয়া। সূভরাং রৈখিক বিচ্ছুরণ লেখা যায়

$$\frac{\Delta l}{\Delta \lambda} = \frac{nf}{W \cos \theta} \qquad f = লেলের ফোকাসলৈর্ঘ্য \qquad (3.135)$$

অবশ্য বর্ণালিলেখীর সহিত বে উপাত্ত (data) নির্মাতারা (manufacturers) সরবরাহ করিয়া থাকে তাহাতে এই রৈখিক বিচ্ছুরণের বিপরীত সংখ্যাই (inverse quantity) দেওরা হয়। এইটিকৈ বলা হয় ফলক গুণাল্ক (plate factor) এবং সাধারণভাবে এই ফলক গুণাল্ক হয় $\frac{\Delta \lambda}{\Delta l}$ প্রতি মিলি-মিটারের জন্য এত জ্যাংক্রম (Å/mm).

এই আলোচনা হইতে বুৰা ৰায় যে বদি আপতিত আলো হিসাবে

সাদা আলো ব্যবহার করা হয় তবে কেন্দ্রীয় ঝালরটি সাদা হইবে, কারণ সমন্ত তরঙ্গদৈর্ঘাই এই কোণে একই স্থানে উৎপন্ন হইবে। কিন্তু θ কোণ বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গল এবং বেগুনী আলোর বর্ণাল আলাদা হইরা বাইবে; প্রতিটি ক্রমের লাল কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে থাকিবে। আর ঝালরের ক্রম বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে লাল ও বেগুনীর বিষোজনও আনুপাতিকর্পে বাড়িবে। ফলে প্রত্যেকটি ক্রমের বর্ণালিই রামধনু রঙের চেহারা দেখাইবে। অবশ্য এটি হইবে খুব কম ক্রমতার ঝাঝরির ক্রেন্তে এবং সাদা আলো ব্যবহার করিলে। সাধারণ এবং উচ্চ ক্ষমতাসম্পন্ন ঝাঝরির বেলার (W খুব কম হওরার) বর্ণাল-গুলি সম্পূর্ণ আলাদা হইরা যাইবে (সাদা আলোর ক্ষেত্র বাদে)।

বর্ণালির ক্রমের অভিব্যাপন (Overlapping of orders in spectra).

ক্রমের পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে কোঁণক বিচ্ছুরণের সমানুপাতিক পরিবর্তনের কল দাড়াইবে বিভিন্ন ক্রমের বর্ণালির অতিব্যাপন। ধরা বাক আপতিত রশ্মি হিসাবে দৃশ্যমান তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সমস্ত আলো ব্যবহার করা হইল এবং এই তরঙ্গদৈর্ঘ্যের উভর সীমা মোটামুটি 7200Å হইতে 3500Å পর্যান্ত এবং ধরা বাক যে কোনও একটি θ কোণে 7200Å তরঙ্গদৈর্ঘ্যের জন্য দিতীর ক্রমের বর্ণালি দেখা গেল। তাহা হইলে এই সর্ত হইবে

 $W \sin \theta = 2 \times 7200 \text{Å}.$

কিন্তু আপতিত আলোতে অবস্থিত আর একটি তরঙ্গ দৈর্ঘ্য 4800\AA এই একই θ কোণে তৃতীয় ক্রমের ঝালর উৎপদ্ম করিবে। কারণ এই একই কোণে নিম্নালিখিত সর্তটি পালিত হইবে

 $W \sin \theta = 3 \times 4800 \text{Å}$.

অনুরূপভাবে ঐ একই কোণে 3600Å তরঙ্গদৈর্ঘ্য চতুর্থ ক্রমের বর্ণালি সৃষ্ঠি করিবে কারণ

W sin $\theta = 4 \times 3600$ Å.

আরও একটি জিনিষ লক্ষ্য করিবার মত। ধরা বাক এই আপতিত আলোতে শুধু দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘ্য 7000Å এবং 4000Å বর্তমান। তাহা হইলে আশা করা বায় বে 4000Å এর বর্ণালি 7000Å বর্ণালির অপেক্ষা ছোট কোণে অবিন্থিত থাকিবে। কিন্তু বিদ বর্ণালির ক্রম বেশী হয় অর্থাৎ পর্যাবেক্ষণ বিদ ক্রে হইতে অনেকটা বাহিরের দিকে করা হয় তবে দেখা বাইবে বে 4000Å এর বর্ণালির অপেক্ষা ছোট কোণে 7000Å এর বর্ণালির দেখা বাইবে। তবে

সহজ্বেই বুঝা যার যে এই ক্ষেত্রে এই দুইটি বর্ণালি একই ব্রমের নহে। হরতো 7000\AA এর বর্ণালিটি বিতীর ব্রমের এবং 4000\AA এর বর্ণালিটি চতুর্থ ক্রমের। কারণ এই ক্ষেত্রে $2\times7000<4\times4000$ এবং এইজন্য 4000\AA এর θ 7000\AA এর θ হইতে বেশী হওয়ার প্রথমোক্ত বর্ণালিটি বাছিরের দিকে থাকিবে।

কাৰারিতে আলোর অবম চ্যুতি (Minimum deviation of light in the grating).

আলো বখন প্রিজ্মের মধ্য দিয়া প্রতিসৃত হয় তখন ইহার খানিকটা চুতি (deviation) হয়। আর এই চুতি আপতন কোণের উপর নির্ভরশীল। কিন্তু এই চুতিরও একটি অবম মান আছে। এইবৃপ অবম চুতি (minimum deviation) ঝাঝারতে আলোর ব্যবর্তনের ক্ষেত্রেও ঘটিয়া থাকে। একটি আলোকরিশা বাদ i কোণে আপতিত হয় এবং θ কোণে বাবর্তিত হয় তবে এই আলোকরিশার চুতি D হইবে $i+\theta$. এই চুতির অবম মান বাহির করিতে হইলে উপরের সমীকরণটির অন্তর্মকলন করিয়া এই অন্তর্মকলনের ফল শুনোর সমান করা দরকার।

$$D = i + \theta \tag{3.136}$$

আবার $(a+b)(\sin i + \sin \theta) - n\lambda$

$$31 \quad \sin i + \sin \theta - \frac{n\lambda}{a+b}$$

কোনও একটি ক্রম এবং তরঙ্গলৈর্বোর জন্য $\frac{n\lambda}{a+b}$ = ধূবক । সূতরাং দাড়ায়

 $\cos idi + \cos \theta d\theta = 0.$

বা cos idi – cos θdi = 0. ···সমীকরণ 3.137 ব্যবহার করিয়া

 $\cos i = \cos \theta$.

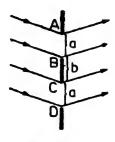
$$\therefore i = \theta. \tag{3.138}$$

সূতরাং অবম চ্যুতির বেলার আপতন কোণ i ব্যবর্তন কোণ θ -র সমান হইবে। গ্রিজ্মের প্রতিসরণের মত এই ক্ষেত্রেও বর্ণালির স্পন্ততা বৃদ্ধি পাইবে। এই পরীক্ষার আপতিত এবং প্রতিকলিত রাশ্বর মধ্যের কোণ নির্পণ করিয়া i এর সান পাওয়া বার । স্যাসকার্ট (Mascart) এই পদ্ধতিতে বাবরির সাহাব্যে

আলোকের তরঙ্গদৈর্ঘ্য নির্ণর করেন। তবে সাধারণত এই পদ্ধতির প্ররোম করা হয় না। সচরাচর আলো ঝাঝরির তলের অভিলয়ে আপতিত করিরাই পরীক্ষা করা হয়।

বৰ্ণালির লুপ্ত ক্রেম (Absent orders of the spectrum).

বৃশ্ব-রেখাছিদ্রের বেলায় বের্প দেখা গিয়াছে, বাবর্তন ঝাঝরির বেলায়ও সেইবৃপ কিছু বর্ণালি বিশেষ অবস্থায় লুপ্ত হইতে পারে। ৩.৫২ নং চিত্রে AB



किंग 0.62

এবং CD দুইটি পরপর রেখাছিদ্রের প্রস্থ a এবং BC ইহার মধ্যেকার অংশ b. ধরা যাক a এবং b এর প্রস্থের অনুপাত দুইটি ছোট অখণ্ড সংখ্যা দারা বুঝানো যাইতে পারে । বর্তমান ক্ষেত্রে ধরা যাক a:b=1:2. তাহা হইলে যদি কোনও θ কোণে তৃতীর ক্রমের বর্ণালি সৃষ্টির সর্ত পালিত হর তবে লেখা বাইতে পারে

$$(a+b)(\sin i + \sin \theta) = 3\lambda$$
.

রেখাছিদ্র দুইটির সংশ্লিক বিন্দুদর হইতে নিগত রশিমর পথ-পার্থকা এখানে 3 λ হওরার তাহারা সমদশার থাকিবে এবং চরম তীরতা সৃষ্ঠি করিবে। কিছু বে কোনও একটি রেখাছিদ্রের দুই প্রান্তের রশিমর মধ্যে এক্ষেত্রে পথ পার্থক্য হইবে λ বাহার ফলে এই রেখাছিদ্রের সমস্ত রশিমর লাভ্ভি ফল দাড়াইবে θ কোণে শূন্য। সূত্রাং এই কোণে পরিণামে কোনই আলোকতীরতা হইবে না। অনুর্পভাবে ষঠ, নবম প্রভৃতি বর্ণালি দুশ্ত হইরা বাইবে। কোন কোন রুমের বর্ণালি দুশ্ত হইবে তাহা নির্ভর করিবে α এবং b প্রস্থের অনুপাতের উপর। ইহারা 1:2 হইলে তৃতীর, ষঠ, নবম ইত্যাদি রুমের বর্ণালি দুশ্ত হইবে। ভবে ব্যবহৃত ঝাঝরির বেলার সাধারণত α এবং b এর অনুপাত দুইটি কুন্ত অখণ্ড সংখ্যা হর না এবং কর্ণালির এই কারণে লোপণ্ড অভএব ধটে না।

প্রতিফলিড আলোর বাবরি (Reflection gratings).

এতক্ষণ পারগত আলোর ঝাবরি সম্বন্ধেই আলোচনা করা হইরাছে। ইহা ছাড়া আর এক শ্রেণীর ঝাবরি আছে বাহাতে আলো আপভিত হইরা প্রতিফালিত হয় এবং এই ক্ষেত্রে প্রতিটি রাম্মর আপতন বিন্দুতে একটি আলোক-উৎসের সৃষ্টি হইরা থাকে। এই উৎসগৃলি হইতে বিক্ষেপিত আলো ব্যবর্তন বর্ণালির সৃষ্টি করে। ধাতুর মসৃণ ও সমতল পৃষ্ঠে সমান্তরাল ও সমান দ্রন্থের সরলারেখা অক্ষিত করিলে এইবুপ ঝাবরি ভৈরী করা বার। ইহাতে আলো । কোণে আপতিত হইরা ও কোণে প্রতিফালত হইলে পরপর দুইটি সরলারেখার সংখ্যিক রাম্মিরের পথ-পার্থক্যের ব্যতিচারী সমীকরণ হইবে

$$(a+b)(\sin i \pm \sin \theta) = n\lambda \tag{3.139}$$

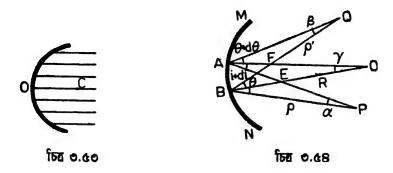
বিদ আপতন বিন্দৃতে অন্কিত অভিলব্ধের দুইদিকে i এবং θ কোণ অবস্থিত হয় তবে ঋণাশ্বক চিহ্ন বাবহার করিতে হইবে ; ইহারা অভিলব্ধের একদিকে থাকিলে ধনাশ্বক চিহ্ন কার্যাকরী হইবে । এই ধরণের প্রতিফলন-ঝার্বার কোনও সমতল ধাতুর কলকের উপর আলুমিনিরমের তার জমাইরা পরে সরলরেখাগুলি যাবের সাহাব্যে খোদাই করা হয় ।

অবভল কাকরি (Concave grating).

সমতল পৃঠের ঝাঝারর পরীক্ষার জনা দুইটি লেলের প্রয়োজন হয়। এই লেলের নানারকম অপেরণ (aberration) থাকে এবং এই অপেরণগুলি সম্পূর্ণ বৃদ্ধ করা খুবই কন্টকর। আর ভাছাড়া অতিবেগুনী (ultra violet) এবং অবলোহিত (infra-red) আলো নিয়া পরীক্ষার সময়ও লেল নিয়া অসুবিধা হয় কারণ লেল এই সমস্ত আলোর কোন কোন অংশের জন্য অবছ্চ মাধ্যমের মত বাবহার করে। এই বাধা দৃর করিবার জন্য সমতল পৃঠের বদলে অবতল পৃঠের ঝাঝারের উদ্ভাবন হইরাছে। একটি অবতল মসৃণ ধাতব পৃঠে কতকগুলি সমান্তরাল ও সমান প্রস্তে রেখা টানা হয় এগুলি পরম্পর হইতে মোটামুটি সমান দৃরছে অবন্থিত থাকে। এই রেখাগুলি সৃষ্ঠ হইবে সমান দৃরছে অবন্থিত কিছুসংখাক সমান্তরাল তলের সহিত ঝাঝারর অবতল পৃঠের ছেদের ফল। এই তলগুলির কেন্দ্রেরটি অবতল পৃঠের কেন্দ্রেরটি অবতল পৃঠের কেন্দ্রেরটি ত্বতল পৃঠের কেন্দ্র হিল্ নাম্বান্য তলগুলি ইহার উজয় পার্শ্বে সমান ব্যথানে এবং সমান্তরালভাবে অবন্থিত থাকিবে [চিত্র নং ৩.৫৩]।

`<u>.</u>.

৩.৫৪ নং চিত্রে MN অবতল ঝাঝারির তলের একটি ছেদ এবং ইহাতে A, B পরপর দুইটি প্রতিফলন রেখা। P একটি আলোক বিন্দু। ইহা



হইতে দুইটি রশ্মি A এবং B তে i এবং i+di কোণে আপতিত হইরা যথাক্রমে θ এবং $\theta+d\theta$ কোণে বাবাঁতত হইরা Q বিম্পুতে ঘনীভূত হইতেছে। তাহা হইলে P আলোকবিম্পুর ফোকাস দাড়াইতেছে Q বিম্পু । ধরা যাক $PB=\rho$; $QB=\rho'$; AB=W এবং AO=BO=R; এখানে R অবতল পৃঠের বাসার্দ্ধ ; রশ্মি দুইটির P হইতে A এবং Bর মধ্য দিয়া গমনের ফলে আসম (approximate) পথ-পার্থক্য Δ হইবে

 $\triangle - W(\sin i \pm \sin \theta)$.

এই পথ-পার্থক্য যদি অখণ্ড সংখ্যক তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সমান হয় তবে Q বিন্দুর আলোকতীরতা এই দুইটি রিন্মির পক্ষে চরম হইবে। সূতরাং P বিন্দুর ফোকাস Q এর অবস্থান নির্ণায় করিতে হইলে নির্মালিখিতরূপে অগ্রসর হওয়া যায়। Q যদি P বিন্দুর ফোকাস হয় তবে P বিন্দু হইতে নির্গত রন্মিসমূহের Q পর্যান্ত পথের পার্থক্য ধ্রুবক হইবে। এই সর্ভ হইতে পাওয়া যায়

 $\sin i - \sin \theta = \frac{n\lambda}{W}$ [সমীকরণ 3.139 এর একটি ব্যবহার করিয়া]

এবং ইহাকে অস্তরকলন করিয়া দাড়ায়

 $\cos i \, di - \cos \theta \, d\theta = 0.$

৩.৫৪ নং চিত্র হইতে পাওয়া বায়

a+i=y+i+di

[E বিন্দুতে কোণ দুইটির সম্পূরক (supplement) হিসাবে] $\theta + \gamma = \beta + \theta + d\theta$ [F বিন্দুতে কোণ দুইটির সম্পূরক হিসাবে] সূতরাং $di = \alpha - \gamma$ $d\theta = \gamma - \beta$.

এগুলি প্রয়োগ করিরা পাওরা বাইবে

 $(\alpha - \gamma) \cos i - (\gamma - \beta) \cos \theta = 0.$

আবার চিত্র হইতে দেখানো বায় [B এবং A হইতে বধারুমে AP এবং BQ এর উপরে সম্ব টানিয়া]

$$\cos i - \frac{\rho \alpha}{W}; \cos \theta - \frac{\rho' \beta}{W}; \quad \gamma = \frac{W}{R}.$$

সূতরাং লেখা বার

$$\cos i \left[\frac{W \cos i}{\rho} - \frac{W}{R} \right] - \cos \theta \left[\frac{W}{R} - \frac{W \cos \theta}{\rho'} \right] = 0$$

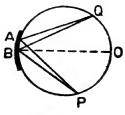
$$\frac{R \cos^2 i - \rho \cos i}{\rho R} = \frac{\rho' \cos \theta - R \cos^2 \theta}{\rho' R}$$

গ্রধানে P বিন্দুর মেরু-স্থানাক্ষ (Polar coordinates) ধরা বার ρ এবং i; অনুর্পভাবে Q বিন্দুর মেরু স্থানাক্ষ হইবে ρ' এবং θ . ভাহা হইলে দেখা বাইতেছে বে P বিন্দুর সরণের সহিত Q বিন্দুর সরণ সংবৃদ্ধ থাকিবে । আরু ভাহাদের দুইটির অবস্থান সংবৃদ্ধ হইবে ρ , i এবং ρ' , θ এই মেরু স্থানান্দের বারা । ফলে P বিন্দু হইতে নির্গত রণ্মিসমূহ ইহার ফোকাস Q বিন্দুতে ঘনীভূত হইরা চরম তীব্রতার সৃষ্ঠি করিবে । অবতল ঝাঝরির এই ধর্ম সাধারণভাবে ব্যব্যতিত রণ্মিকে ফোকাসে ঘনীভূত করে । কিন্তু যখন $\rho - R$ cos i হর তথন দেখা বার

$$\rho = \frac{R \cos^2 \theta R \cos i}{R \cos i (\cos i + \cos \theta) - R \cos^2 i}$$

$$-\frac{R^2 \cos i \cos^2 \theta}{R \cos^2 i + R \cos i \cos^2 \theta - R \cos^2 i}$$

$$= \frac{R^2 \cos i \cos^2 \theta}{R \cos^2 i + R \cos^2 \theta}$$
(3.141)



150 O.66

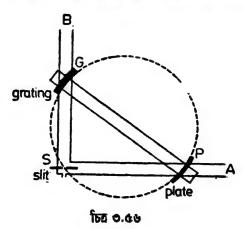
এইটি খুব তাংপর্বাপূর্ণ সৰদ্ধ। ইহার অর্থ এই বে অবভল কার্বারের ব্যাসার্ধ

R কে বাস করিয়া যদি একটি বৃত্ত অব্দান করা হর এবং P এই বৃত্তের পরিধির উপর অবস্থান করে তবে ইহার সংগ্রিষ্ট ফোকাস Q এই বৃত্তের পরিধির উপরই অবস্থিত হইবে। সূতরাং P হইতে যে আলোকর্মান্দার্কারি AB তে আপতিত হইবে তাহাদের বাবর্তন বর্ণালিগুলি সকলই উক্ত বৃত্তের উপর সৃষ্ট (অর্থাং ফোকাসিত) হইবে। এই বৃত্তকে বলা হর রোল্যান্ডের বৃত্ত (Rowland circle) (চিত্র নং ৩.৫৫)। উপরের আলোচনা হইতে দেখা যাইতেছে যে এই বাবর্তন বাবস্থার কোনও লেন্দের প্রয়োজন নাই। ঝার্মারর তল হইতে আপতিত রন্মি প্রতিফলিত হইয়া অবতল পৃষ্ঠের ধর্মানুসারে লেন্দ ছাড়াই ফোকাসে ঘনীভূত হইবে। আর এই ফোকাস কোথার হইবে তাহাও আগে হইতেই জানা থাকে। তাহার ফলে সেই পূর্বনিশিষ্ট স্থানে ফোটোগ্রাফিক প্রেট রাখিলে বর্ণালির সুস্পন্ট ছবি তোলা যাইবে।

রোল্যাণ্ডের বৃত্তের পদ্ধতির উপর নির্ভর করিয়া অবতল ঝাঝারর বিভিন্ন: প্রকার আরোপণ (mounting) প্রচলিত হইয়াছে। নিয়ে ইহাদের একটি সংক্ষিপ্ত বর্ণনা দেওয়া হইল।

অবঙল ঝাঝরির বিভিন্ন আরোপণ (Different mountings of concave grating).

রোল্যাণ্ড আরোপণ (Rowland mounting): অবতল ঝাঝারর এইটিই সর্বপ্রথম আবিষ্কৃত আরোপণ। রোল্যাণ্ড আরোপণে একটি শক্ত বীম GP র (beam) দুইপ্রান্তে থাকে ঝাঝার G এবং ফোটোগ্রাফিক প্লেটবাহক-



P; ইহাদের মধ্যের প্রত্ব সংখ্যিত রোল্যাও-বৃত্তের ব্যাসের সমান, অর্থাৎ অবতল পৃষ্ঠের ঝাঝরির বৃত্তের ব্যাসার্জের সমান। এই বিমটি পুইটি বিমের মধ্যে

চাকার সাহায্যে চলাফেরা করিতে পারে। শেবোন্ত বিম দুইটি SA এবং SB সমকোণে অবস্থিত। ইহাদের উপর GP বিমটি বিভিন্ন অবস্থানে থাকিলে S আলোক-উৎস হইতে ঝাঝার G এর উপরে আপতিত আলোর আপতন কোণ পরিবাভিত হয়। BSA কোণ 90° হওয়ায় আলোকউৎস S সবসমরেই রোল্যাণ্ড বৃত্তের উপর থাকিবে। আর ফোটোগ্রাফিক প্লেটও এই বৃত্তের ব্যাসের উপরই রাখা হয়। কাজেই বর্ণালিগুলি সবসময়েই প্লেটের উপর ফোকাস হইবে। তবে এই ব্যবস্থায় ব্যবর্তন কোণ 0° ডিগ্রী অথবা ইহার খুব কাছাকাছি মানের হইবে। সূতরাং ঝাঝারর সমীকরণ হইবে

$$W \sin i = n\lambda \tag{3.142}$$

চিত্র হইতে দেখা যায়

$$\sin i = \frac{SP}{GP}.$$

$$\therefore \quad \lambda = \frac{W \sin i}{n} = \frac{W}{n} \cdot \frac{SP}{GP}.$$

কোনও একটি ক্রমের বর্ণালির জন্য n=ধ্বুবক. আর W এবং GP ও ধ্বুবক। সূতরাং কোনও একটি ক্রমের বর্ণালির জন্য পাওয়া বাইবে

$$\lambda \propto SP$$
. (3.143)

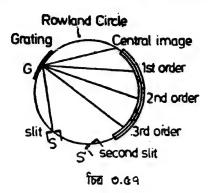
SP কে অতএব তরঙ্গদৈর্ঘ্যে চিহ্নিত করা বাইতে পারে। বেহেতু θ কোণ 0° অথবা ইহার খুব কাছাকাছি মানের হইবে, বর্ণালিটি সম্পূর্ণরূপে নির্মাত (normal) হইবে।

রোল্যাণ্ডের আরোপণে দৃষ্টি বৈষম্য (astigmatism) অতাস্ত প্রবল । এই দৃষ্টি বৈষম্যের ফলে আলোকউংসের একটি বিন্দুর প্রতিবিশ্ব বিন্দু না হইরা একটি সরলরেখা হয় । ইহার ফলে প্রতিবিশ্বের তীব্রতা খুব হ্রাস পায় । এই এবং অন্যান্য কারণে রোল্যাণ্ড আরোপণ বর্তমানে বিশেষ ব্যবহৃত হয় না ।

প্যাপেৰ আরোপণ (Paschen Mounting).

এই ধরণের আরোপণই সর্বাধিক ব্যবহার হয়। সাধারণ কাজের জন্য এই আরোপণ ব্যবহার করা খুবই সুবিধাজনক। ইহাতে একটি শক্ত বৃত্তাকার কাঠামো রোল্যাও বৃত্তের কাজ করে। এই বৃত্তের উপর চিত্রে প্রদাশত সুবিধাজনক অবস্থানে রেখাছিদ্র S এবং ঝার্বার বসানো হয়। রোল্যাওের বৃত্তের ধর্মের জন্য বিভিন্ন ক্রমের সমস্ত বর্ণালিই বুগপং এই বৃত্তের উপর

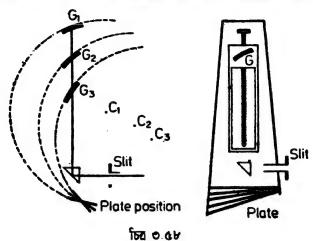
ফোকাস হইরা থাকে। সূতরাং এই বৃত্তের আকারের ইস্পাতের কাঠামোতে বিদ ফোটোগ্রাফিক প্লেট লাগাইরা দেওরা যার তবে সমন্ত বর্ণালিরই একসঙ্গে ছবি ভোলা সন্তব হর। ইহাতে সমরের খুব সাশ্রর হর। প্ররোজন হইলে



অনা তলে দ্বিতীর একটি রেখাছিদ্র রাখিলে ঐ তলে ভিন্ন আপতন কোণ বাবহার করিয়া দ্বিতীর প্রস্থ বর্ণালিরও একই সময়ে ছবি তোলা যায় (চিত্র নং ৩.৫৭)। এই আরোপণে দৃষ্ঠিবৈষয়া (astigmatism) রোল্যাণ্ডের আরোপণের অপেক্ষা অনেক কম হওয়ায় বর্ণালিগুলির, আলোকতীরতা অনেক বেশী হয়। প্যাশেন আরোপণে সর্বাপেক্ষা বড় অসুবিধা বৃত্তের মধ্যের তাপমাত্রা নিয়য়ণ করা। সাধারণত একটি হিটার (heater) এবং সপ্তারী পাখা (circulating fan) ব্যবহার করিয়া এই তাপনিয়য়ণ করা হয়। যদি পরীক্ষাকালে তাপমাত্রার 1°C পরিবর্তন হয় তবে ঝাঝরির প্রসারণ বা সম্পেচনের জন্য বর্ণালি রেখাগুলি অনেক প্রক্রার সময়ে অনেক পরীক্ষাধীন বর্ণালিরেখার তীব্রতা এমনিতেই কম হয়; তাপমাত্রা পরিবর্তনের ফলে ইহাদের তীব্রতা আরও কমিয়া বাইবৈ। খব সৃক্ষা পরীক্ষার রোল্যাণ্ডের বৃত্তের ব্যাস 20 metre পরিমাণ হইয়া থাকে আর ছবি তোলার সময় 24 বন্টা পর্যান্ত কয়া দরকার হয়। সৃভয়াং এই অবস্থার বিদ্য তাপমাত্র। 0·1°C এর মধ্যের অপরিবর্ণিত রাখিতে হয় তবে ইহার দুরুহতা সহজেই অনুমেয়।

ইণ্লু আরোপণ (Eagle Mounting)

এই আরোপণটি খুব সুসংহত (compact). আলো চুকিতে পারে না এইবৃপ একটি লবা বাজের এক প্রান্তে ফোটোগ্রাফিক প্লেট হোল্ডারটি এমনভাবে রাখা হর বাহাতে এইটি একটি উল্লব অক্ষে ঘুরিতে পারে। এই বাজের অন্য প্রান্তে থাকে বাকরিটি। এটির অবস্থানও একটি লয়া স্কুরের সাহাব্যে প্রয়োজনমন্ড বদলানো বার, অবস্থান বদলাইবার সঙ্গে সঙ্গে ইহাকেও উল্লয় অক্ষে ঘুরানো হয়। বাজের একধার হইতে রেখাছিদ্রের আলো প্রিজুমের

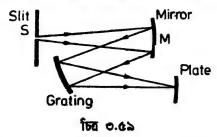


সাহাষ্যে পূর্ণ প্রতিফলিত হইয়া ঝাঝারতে আপতিত হয়। ০.৫৮ নং চিত্রে বের্প প্রদাশিত হইয়াছে, ঝাঝারর অবস্থান পরিবর্তন করিয়া আপতন কোণের ইছেয়ত মান করা হয়। আর প্রয়োজনমত রোল্যাও বৃত্তের উপর রাখিবার জন্য ঝাঝার এবং প্রেট হোজ্ঞার অনুর্প পরিমাণে ঘোরানো হয়। কাজেই বুঝা বায় বে বিভিন্ন কমের বর্ণালি পরিমাপ করিবার জন্য ঝাঝারর প্রয়োজনমত অবস্থানের পরিবর্তন করা হয়। এই আরোপণে বর্ণালির প্রথমক্রমে দৃষ্টিবৈষম্য (astigmatism) মোটে এক দশমাংশের মত হওয়ায় বর্ণালির উজ্জ্লত। খুবই বাড়ে। বর্ণালির ভৃতীয়ক্রমে যেখানে রোল্যাও আরোপণে দৃষ্টিবৈষম্য বর্ণালির জন্য দৃষ্টিবৈষম্য বর্ণালির জন্য দৃষ্টিবৈষম্য মাত্র ০.47 গুণ হয়। অর্থাৎ দৃষ্টিবৈষম্যের জন্য বর্ণালিরেখার দৈর্ঘ্য বাজাবিক অপেক্ষা আরও ০.47 গুণ বাড়েয়া বায়। তাছাড়া বার্লাটর আয়তন প্যালেন আরোপণের তুলনার অনেক কম হওয়ায় এইটিতে তাপমালা সহজ্জেই নিয়য়ণ করা চলে। আবার প্রয়োজন হইলে বার্লাট বায়ুশূন্য করা চলে বালিয়া বর্ণালির বিভিন্ন অংশ অর্থাৎ অতিবেগুনী ও অবলোহিত আলোও ইহা ধারা পরীক্ষা করা সন্তব হয়।

ওয়াত স্ওয়ার্থ আরোপণ (Wadsworth mounting).

এই আরোপণের প্রধান বিশেষৰ দুইটি। প্রথমত ইহা রোল্যাও বৃদ্ধের

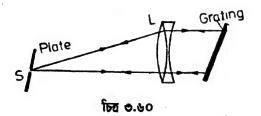
নীতির উপর ভিত্তি করিয়া ক্রিয়া করে না, বাহা উপরের তিনটি আরোপশে পালিত হইয়াছে। বিতীয়ত এই ব্যবস্থায় দৃষ্টিবৈষম্য প্রায় নাই বলিলেই চলে। এই ব্যবস্থায় বে স্থানের প্রয়োজন হয় তাহা ঈগ্ল্ আরোপণের প্রায় অর্জেক। সুতরাং ইহাতে ভাপমান্তা নিয়ত্ত্বণ এবং বায়ুশ্ন্য করা খুবই সুবিধাজনক। ৩.৫৯ নং চিত্রে এই আরোপণের ছবি দেখানো হইল।



রেখাছিদ্র S হইতে নির্গত আলো দর্শণ M এ প্রতিফলনের পর সমান্তরাল হইয়া ঝাঝারতে আপতিত হর ; ফোটোগ্রাফিক প্লেট ঝাঝারর কেন্দ্র হইতে লম্বের উপর রাখা হর এবং ঝাঝারতে আলোর আপতন কোণ প্রয়োজনমত পরিবর্তন করিয়া বিভিন্ন ক্রমের বর্ণালি পরীক্ষা করা হর ।

मिहेर्त्रा चार्त्राभन (Littrow Mounting).

বড় আকারের সমতল পৃষ্ঠের ঝার্কারর বেলার এই আরোপণটি ব্যবহার

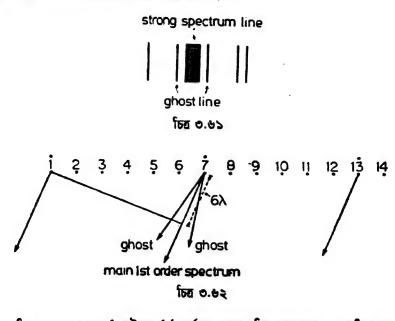


করা হয়। ৩.৬০ নং চিত্রে একটি রেখাছির ১ হইতে আলো একটি অবার্ণ লেক্ষারা সমান্তরাল রিন্ধমালার পরিণত হইয়া সমতল ঝাঝরিতে পড়িতেছে। ঝাঝরি হইতে ব্যবর্তনের পর আবার আগমনপথেই ফিরিয়া গিয়া রেখাছিদ্রের ডলে ঘনীভূত হইতেছে এবং এইস্থানে ফোটোগ্রাফিক প্রেট রাখা হইলে ছবিতালা সম্ভব হইবে। এইখানে বিশেষত্ব হইল এই যে সাধারণ আরোপন্দের ক্ষেত্রে রেখাছির এবং প্রেটের মধ্যে বে কৈব্য হয় লিট্রো আরোপণে ভাছার অর্কেক দৈর্ঘ্যের প্রয়োজন হয়। সেই জন্য বৃহদাকার বর্ণালীলেখীতে (Large spectrograph) এই ধরণের আরোপণ ব্যবহৃত হয়।

কাকরির বর্ণালিতে অশুদ্ধিজাত রেখা (Ghost lines in grating spectrum).

- এ পর্বান্ত আলোচনার ধরা হইরাছে বে বার্বারর রেখাছিলুগুলি এবং ভাহাদের মধ্যের স্থানের প্রস্থ বর্ষাবর সমান থাকিবে। কিবু এই ব্যুসংখ্যকরেখার বেলার এই সর্ভ পালন করা প্রার অসম্ভব এবং এই ভৈরী করার সমার প্রস্থের কিছু ভারতমা ঘটিরা থাকে। এই ভারতমার জনা কিছু বাড়তি বর্ণালিরেখার উত্তব হয় এবং পশ্চাদৃপটের (back ground) আলোকতীরভাও বাড়ে। বার্বারর রেখাগুলির মধ্যে এই দ্রন্থের ভারতমা সাধারণত ভিনপ্রকারের হইরা থাকে:
- (i) যদৃচ্ছ ভূল (Random error). ইহার জন্য কোনও বাড়াত রেখার উৎপত্তি হয় না শুধু পশ্চাদপটের তীব্রতা বাড়িয়া বায়।
- (ii) ক্রমিক ভূল (Progressive error). এই ভূলের জন্যও কোন বাড়তি রেখার সৃষ্টি হর না। ইহাতে বর্ণাল রেখাগুলি লেলের ফোকাসতলে ঘনীভূত না হইরা সামান্য আলাদা তলে ঘনীভূত হইবে। ইহার কারণ রেখাগুলির এইরূপ ক্রমিক পরিবর্তনের ফল হইবে ইহাদের নিজৰ একটি কোকাস করিবার ক্ষমতার সৃষ্টি। ফলে লেলের ফোকাস ক্ষমতার সহিত এই বাড়তি ফোকাসক্ষমতা বৃত্ত হইয়া কোকাসতলের পরিবর্তনের সৃষ্টি করে।
- (iii) পর্বাবৃত্ত ভূল (Periodic error). এই ভূলের বিভিন্ন রকমের জন্য বিভিন্ন শ্রেণীর বাড়তি বর্ণালিরেশার উত্তব হইবে আর এই বাড়তি রেখাগুলিকে বলা হর অপুন্ধিজাত রেখা। প্রথম শ্রেণীর ভূল হইবে এমন (ghosts) বাহার পর্বার (Period) কুএর থাকের (pitch of the screw) সমান। পূর্বেই বলা হইরাছে বে ঝাঝারতে সরলরেখাগুলি খোদিত করিতে হীরার একটি অতিসৃক্ষ বাটালির সাহাব্য নেওরা হর এবং একটি অতিসৃক্ষ কুএর ঘারা এই বর্রাট থাপে থাপে আগাইরা নিরা বাওরা হর। এই ছু খুব সৃক্ষমাপে তৈরী করিবার চেন্টা করিলেও ইহার গঠনে কিছু ভূল থাকিরা বার। ফলে হীরার বাটালিটি সরাইবার সমর এই ভূলের একটি পর্বাবৃত্ত প্রভাব পড়ে ঝাঝারর রেখাগুলির বন্টনে বাহার ফলে কিছুসংখাক রেখার পর ফাকের একটু পরিবর্তন হর এবং ফাকের সমরন্টনের পরিবর্তন হর। এই জাতীর ভূলের মধ্যে বেশ কিছু সংখ্যক সরলরেখা থাকিবে। এই জাতীর ভূলের জন্য বে অপুন্ধিজ্ঞাত রেখা (ghosts) জন্মার ভাহা একটি উক্ষল প্রখান রেখার বর্ণালির উভর পাশে প্রতিসমর্পে অবহান করে। সূতরাং ইহাদের সহজেই চেনা বার। আর ভাহাড়া খুব উক্ষল প্রধান রেখার হবির প্রস্থ বেশী হওরার ইহার সঠিক অবহান

নির্ণর করা কঠিন হর। সেক্ষেত্রে এই প্রতিসম রেখা দুইটি মাপিরা মুখ্য রেখার অবস্থান নির্ণর সম্ভব হয় (চিত্র নং ৩.৬১)। এই জাতীর রেখা নিরা প্রথম পরীক্ষা করেন কুইন্কে (Quincke) এবং এইগুলি এখন রোল্যাও অশুনিক্তনিত রেখা (Rowland ghosts) বলিরা পরিচিত। ইহাদের উৎপত্তি নিমলিখিতভাবে দেখা যাইতে পারে।



চিত্র নং ৩.৬২এ 1 হইতে 14 পর্যান্ত কতকগুলি সমদ্রদ্বের ঝাঝ্রির সরল-রেখার অবস্থান । ইহাদের মধ্যে 1 এবং 7 এর জন্য প্রথম রুমের বর্ণালি দেখানো হইরাছে । প্রথম এবং সপ্তম রেখা হইতে নিগত আলোর পথদূরত্ব 6λ . মুখ্য বর্ণালির উভরপার্দ্ধে দুইটি বাড়তি রেখা দেখানো হইরাছে । ইহাতে ধরা হইরাছে বে নির্ভূল রেখার ঝাঝ্রির পক্ষে এই দিকে আলোর তীব্রতা শূন্য হইবে এবং পথদূরত্ব হইবে $6\lambda \pm \frac{\lambda}{2}$. এখন ধরা বাক বে 1, 7, 13 ইত্যাদি অবস্থানে কিছু বুটি আছে বাহার ফলে এই দুইটি রান্দর পথদূরত্ব ঠিক $6\lambda \pm \frac{\lambda}{2}$ না হইরা একটু কমবেশী হইবে । সূত্রাং ইহারা পরস্থারকে সম্পূর্ণ ধ্বংস করিতে পারিবে না এবং এই দিকে কিছু বিদ্যারের উৎপত্তি হইবে ; ফলে এই দিকে বাড়তি রেখা দুইটির সৃষ্টি হইবে । ধরা বাক এই বিদ্যার Λ . সূত্রাং তীব্রতা হইবে Λ^2 . বিতীর রুমের ক্ষেত্রে এই পথদূরত্ব বিশ্বার Λ .

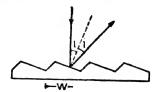
বিজ্ঞারও বিশুণ অর্থাৎ 2A হইবে। বিজ্ঞার বিশুণ হওয়ার কারণ এইর্প। প্রথম রুমের বাড়িত রেখার দিকে বিদ পথদূরত্ব হর $6\lambda \pm \frac{\lambda}{2} \pm \delta$, তবে ইহার বিভীর রুমে δ এর হলে 2δ বাড়িত পথদূরত্ব দাড়াইবে। আর এই δ বাড়িত পথদূরত্বর জনাই লাঁক বিস্তার শুনোর বদলে A হইবে। বিভীর রুমে এই বাড়িত পথদূরত্ব 2δ হওয়ার ধ্বংসাত্মক ব্যতিচার আরও অসম্পূর্ণ হইবে। ফলে লাঁক বিস্তারও সমানুপাতিকভাবে বাড়িয়া গিয়া দাড়াইবে 2A. আর তাহার ফলে তীরতা এই ক্ষেত্রে দাড়াইবে $4A^{\circ}$, এবং অনুরূপভাবে তৃতীর রুমে $9A^{\circ}$. এইগুলি অবশ্য হইবে বিভিন্ন রুমের অশৃক্ষিক্তানত রেখার আনুপাতিক তীরতা। কিন্তু ইহারা প্রত্যেকেই তীরতার ব্যাপারে বৃত্ত থাকিবে সংগ্লিন্ট মুখ্য বর্ণালির তীরতার সহিত। ইহার অর্থ এই বে প্রথম, রুমের বর্ণালির জন্য মুখ্য এবং অশুক্ষিক্তানত রেখার তীরতার অনুপাত বদি 1000 হয় তবে এই অনুপাত বিতীর এবং তৃতীর রুমের জন্য হইবে বথারুমে 250 এবং 110. এই রেখাগুলির সৃষ্টির কারণ হইতেই উন্ত মানের অপক্ষে এইর্প বৃত্তি পাওয়া বায়। আর এই সিক্ষান্ত পরীক্ষালক ফলের সহিত ভালভাবে মিলিয়া বায়।

ষিতীয় প্রকারের অশুক্ষিঞ্জনিত রেখাকে বলা হয় লাইমানের অশুক্ষিজনিত রেখা (Lyman Ghosts). ইহারাও রেখাছিদ্রের পর্যাবৃত্ত ভূলের জনাই উৎপক্ষ হয় কিন্তু এইক্ষেত্রে ভূলের পর্যায় খুবই ছোট (6 to 8 lines). এই রেখাগুলি মূল বর্ণালি হইতে অনেক দ্রে এবং খুব ক্ষীণ হইয়া থাকে বলিয়া ইহাদের চেনা সহজ নহে। রেখাছিদ্রের এই ভূল হয় ঝার্মায়র রেখায় খোদাই য়য়টি বে মোটয় দিয়া চালানো হয় তাহার পুলির বেল্টের (pulley belt) গুটিয় জন্য। প্রতিবায় ঘুয়য়য়া আসিবায় সময় এই বেল্ট খোদাই বয়ে একটু বেলী চাপ দেয় বাহাতে বয়ের হীয়কের বাটালের মুখ সামান্য বাকিয়া যায়; আয় ইহার ফলে রেখাছিদ্রের খোদাইয়ের ফাকে কিছু ভূল প্রবেশ করে। এই পর্যাবন্ত ভূলই লাইম্যানের অশুক্ষিজনিত রেখায় সৃষ্ঠি কয়ে।

বর্ণালির ভীত্রতার উপর কাকরির সরল্রেখাগুলির খোদাইয়ের আকৃতির প্রভাব (Influence of the shape of grooves of grating rulings on the intensity of spectra).

উপরের আলোচনার বলা হইয়াছে বে $\frac{\sin^2 N_\gamma}{\sin^2 \gamma}$ পদের জন্য বে মুখ্য বর্ণাল শ্রেণীর সৃষ্টি হইবে তাহাদের ভীরতা $\frac{\sin^2 \phi}{\phi^2}$ পদ হইতে উৎপ্র

আবরণের (envelope) প্রভাবে কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে কমিতে থাকিবে। আর এই হাসের পরিমাণ নির্দারিত হটবে শেবোর পদ হটতে উৎপর বর্ণালির আকৃতির উপর। কিন্তু পরীক্ষাকালে দেখা যার বে মুখ্য বর্ণালির ভীরতার হাস ঠিক এই নিয়ম মানিয়া চলেনা। অনেক সময়ই দেখা বার বে দিতীয় ক্রমের বর্ণালি প্রথম ক্রমের বর্ণালির অপেকা উচ্ছল হয় বা অনুরপ ব্যতিক্রম ঘটে। ইহার কারণ এই যে পূর্বের আলোচনায় রেখাছিদ্র এবং ইহার সংলগ্ন অন্বচ্ছ অংশ আদর্শ বুগা-রেখাছিদের আকৃতির ধরা হইয়াছে। কিন্তু কার্যাক্ষেরে খোদাইয়ের অংশে যে আলে। পড়ে তাহার বিক্ষেপণের উপর বাবতিত আলোর কৌণিক বন্টন অনেকাংশে নির্ভর করে; এই কোণিক বন্টনই পরিণামে মুখ্য বর্ণালিতে তীব্রতা নিয়ন্ত্রণ করে। সূতরাং বঝা যায় যে যদি এই বাবতিত আলোর কৌণিক বন্টন নিয়ন্ত্রণ করা সম্ভব হয় তবে ইচ্ছামত যে কোন ক্রমের বর্ণালির তীব্রতা প্রয়োজনমত হ্রাসবৃদ্ধি করা সম্ভব হয়। আরু, ডবিউ, উড (R. W. Wood) এই প্রচেষ্টায় সর্বপ্রথম সফল হন। তিনি সোনার পাতলা স্তর জমানো তামার পাতের উপর স্বভাবক (natural) কারবোর্যাণ্ডাম কেলাসের ধার ব্যবহার করিয়া সরলরেখা খোদাই করেন এবং এই রেখাগুলির খোদাইয়ের আকুতি চিত্র নং ৩.৬৩এ প্রদাশিতরূপে নিয়ন্ত্রণ করেন। এই চিত্র হইতে দেখা যায় যে যদি আলো এই খোদাইয়ের

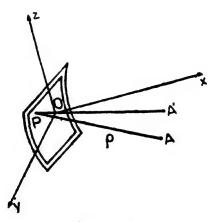


চিত্ৰ ৩.৬৩

তলের উপর i কোণে আপতিত হয় তবে i কোণে প্রতিফলিত রন্মির তীরতা সর্বাধিক হইবে। এই i কোণ হিসাবমত নিয়ািরত করিয়া (অর্থাৎ খোদাইরের আকৃতি নিয়ারণ করিয়া) প্রয়োজনমত দিকে প্রতিফলিত আলাের ভীরতা এমনভাবে বাড়ানাে বায় বাহাতে এই দিকে পরীক্ষাধীন বর্ণালিটির সৃষ্টি হয়। উড এই প্রণালীতে একটি বিশেষ ক্রমের বর্ণালিতে 90 শতাংশ আলাে ঘনীভূত করিতে সক্ষম হন। অবশ্য ইহা মনে রাখিতে হইবে বে আপতন বিশ্ব হইতে আলাে শুধু প্রতিফলিতই হয় না ; এই বিন্দু একটি আলােকউৎস হিসাবে বাবাতিত আলােকরশির উৎপত্তি করে। তবে এই বাবাতিত রাশির বাইনে প্রতিফলিত রশির দিকে তীরতা সর্বাধিক হয় ৷ উত্তের প্রথম দিকে

বাবারতে রেখার সংখ্যা ছিল মোটামুটি 1000/cm এবং ইহা অবলোহিত আলোর বেলার বাবহারের জনাও এইরুপ ঝার্বার তৈরী করেন এবং ইহাদের আলোর কেন্দ্রে বাবহারের জনাও এইরুপ ঝার্বার তৈরী করেন এবং ইহাদের রেখার সংখ্যা ছিল 6000/cm এর মতন। তিনি এই ধরণের ঝার্বারর নাম দেন ইশ্লেট্ বাবার (echelette grating), ইহার কারণ এই যে এই ঝার্বার সাধারণ বাবর্তন ঝার্বার এবং ইশ্লেন্ (echelon) ঝার্বারর (পরে বার্ণত হইরাছে) মাঝারাবি প্রকৃতির বলিয়া মনে করা বার।

অবভল কাকরির উপর রুংগের মতবাদ (Runge's theory of concave grating).



চিত্ৰ ৩.৬৪

উপরের ৩.৬৪ নং চিত্রে কার্ঝারর মেরু O স্থানান্দ্র অক্ষের উৎস (origin) হিসাবে ধরা হইরাছে। রেখাছিন্তগুলি Oz এর সমান্তরাল এবং Oy দিকে ইহারা সমান দ্রুম্বে অর্বাস্থিত। xyO তলে একটি আলোকউৎস A আছে বিলয়া ধরা বাক এবং ঐ একই তলে অন্য একটি বিন্দু A' এর উপর ঝাঝারর সমন্ত স্থান হইতে বাবাঁতিত রন্মির প্রভাব হিসাব করা যাক। ঝাঝারর তলে P একটি বিন্দু; ইহার স্থানান্দ্র ধরা হইরাছে x, y, z. ইহা ছাড়া A এবং A' এর স্থানান্দ্র বধারুমে x'y'o এবং x'y'o. বাদ AP এবং AP' আলোক্ষ্যুমের সমন্ত্রি Δ হর তবে লেখা যাইতে পারে

$$\Delta = AP + A'P \tag{3.144}$$

 $AP^{2} = (x - x')^{2} + (y - y')^{2} + (z - z')^{2}$ $= x^{2} + y^{2} + z^{2} + x'^{2} + y'^{2} - 2xx' - 2yy' \text{ [Figs } z' = 0 \text{]}. (3.145)$

ঝাঝারির উৎস *O* বে r ব্যাসার্জের গোলকের পৃঠের উপর অবন্থিত তাহার সমীকরণ লেখা বাইতে পারে

$$x^{2} + y^{2} + z^{2} - 2rx = 0$$

$$2x = \frac{1}{r}(x^{2} + y^{2} + z^{2})$$

$$AO^{2} = \rho^{2} = x'^{2} + y'^{2}$$

$$A'O^{2} = \rho'^{2} = x'^{2} + y'^{2}$$

$$AP^{2} = \rho^{2} - 2yy' + x^{2}\left(1 - \frac{x'}{r}\right) + y^{2}\left(1 - \frac{x'}{r}\right) + z^{2}\left(1 - \frac{x'}{r}\right)$$
(3.146)

সাধারণত অবতল ঝার্ঝারর বক্ততার ব্যাসার্দ্ধ (radius of curvature) বেশী হয় যাহার ফলে ঝার্ঝারর তলকে অনেকটা সমতল পৃষ্ঠের মত মনে করা বাইতে পারে। কাজেই P বিন্দুর স্থানান্দের মধ্যে y এবং z এর তুলনায় xকে অগ্রাহ্য করা চলে। এছাড়া r এর তুলনায় y এবং z বেশ ছোট হওরায় ইহাদের বর্গের বেশী ঘাতের পদগুলি অগ্রাহ্য করিয়া লেখা বার

$$AP = \rho \left[1 + \frac{1}{2} \left\{ -\frac{2yy'}{\rho^2} + \frac{y^2}{\rho^2} \left(1 - \frac{x'}{r} \right) + \frac{z^2}{\rho^2} \left(1 - \frac{x'}{\rho} \right) \right\} - \frac{1}{8} \left\{ -\frac{2yy'}{\rho^2} + \cdots \right\}^2 \right]$$

$$= \rho \left[1 + \frac{1}{2} \left\{ -\frac{2yy'}{\rho^2} + \frac{y^2}{\rho^2} \left(1 - \frac{x'}{r} \right) + \frac{z^2}{\rho^2} \left(1 - \frac{x'}{r} \right) \right\} - \frac{1}{8} \left\{ \frac{4y^2}{\rho^4} \left(\rho^2 - x'^2 \right) + \right\} + \right]$$

$$= \rho - \frac{yy'}{\rho} + \frac{1}{2} \frac{x'}{\rho} \left(\frac{x'}{\rho^2} - \frac{1}{r} \right) y^2 + \frac{1}{2\rho} \left(1 - \frac{x'}{r} \right) z^2 \dots$$
 (3.147)

অনুরূপভাবে দেখানো যায়

$$A'P = \rho' - \frac{yy'}{\rho'} + \frac{1}{8} \frac{x''}{\rho'} \left(\frac{x''}{\rho'^{3}} - \frac{1}{r} \right) y^{9} + \frac{1}{2\rho'} \left(1 - \frac{x'}{r} \right) z^{9} \cdots$$

$$(3.148)$$

$$\therefore \triangle = AP + A'P = \rho + \rho' - \left(\frac{y'}{\rho} + \frac{y'}{\rho'} \right) y$$

$$+ \left[\frac{x'}{2\rho} \left(\frac{x'}{\rho^{3}} - \frac{1}{r} \right) + \frac{x'}{2\rho'} \left(\frac{x'}{\rho'^{3}} - \frac{1}{r} \right) \right] y^{9}$$

$$+ \left[\frac{1}{2\rho} \left(1 - \frac{x'}{r} \right) + \frac{1}{2\rho'} \left(1 - \frac{x''}{r} \right) \right] z^{9} \cdots$$

$$(3.149)$$

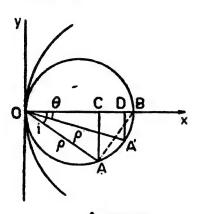
খুব সৃক্ষভাবে ছিসাব না করিলে ঝাঝরির রেখাগুলির দৈর্ঘ্য ρ এবং r এর তুলনার অনেক ছোট হওরার z^* বে সমন্ত পদে আছে সেগুলিও অগ্নাহ্য করা চলিতে পারে। আর y^* যে সমন্ত পদে আছে সেইগুলি যদি শ্না ধরা হর (ইহার তাংপর্ব্য পরে স্পর্ক হইবে) তবে লেখা বার

$$\left[\frac{x^{r'}}{2\rho}\left(\frac{x^{r'}}{\rho^{2}} - \frac{1}{r}\right) + \frac{x^{r'}}{2\rho'}\left(\frac{x^{r'}}{\rho'^{2}} - \frac{1}{r'}\right)\right] = 0$$
 (3.150).

ইহা হইতে পাওয়া বায়
$$\frac{x'}{\rho^2} - \frac{1}{r} = 0$$
 বা $\rho^2 = x'r$. (3.151)-

$$\frac{x}{a^{12}} - \frac{1}{a} = 0$$
 $q_1 \rho^{12} = x^{2}r$ (3.152)

[कात्रण x' जवर x' भूना नत्र]



हिट नर ०.७৫

এই সম্বন্ধানর তাংপর্যা ব্রিতে হইলে নিম্নেন্তরূপে অগ্রসর হওয়৷ বার । OX অক্ষকে ব্যাস করিয়৷ OX, OY তলে একটি বৃত্ত অব্দন কর৷ হইল ৷ ইহার ব্যাস অবতল ঝাঝরির ব্যাসার্জের সমান ৷ ইহার পরিধির উপর A এবং A' দুইটি বিশ্ব নেওয়৷ হইল ; $OA - \rho$; $OA' = \rho'$.

ইহাদের স্থানাক ধরা হইল OA(x'y') এবং OA'(x'y').

A এবং A' হইতে OX এর উপর লব টানা হইলে ইহার৷ OX কে C এবং D বিন্দৃতে ছেদ করিবে । A এবং B বিন্দৃকে বোগ করা হইলে । তাহা হইলে OAC এবং OAB দুইটি সদৃশ গ্রিভুক্ত হইতে লেখা বার

$$\frac{OA}{OB} = \frac{OC}{OA}$$

A এবং A' বিন্দু এমন একটি বৃত্তের পরিধির উপর অবস্থিত বে বৃত্তের কেন্দ্র অবতল ঝাঝরির মুখ্য অক্ষের (Principal axis) উপর অবস্থিত এবং বাহার বাাস ঝাঝরির ব্যাসার্কের সমান। পূর্বের আলোচনায় বলা হইরাছে বে এই বৃত্তকে রোল্যাণ্ডের বৃত্ত বলা হয়।

এই অবস্থার 3.149 নং সমীকরণ হইতে দাড়ার

$$\triangle = AP + A'P = (\rho + \rho') - \left(\frac{y'}{\rho} + \frac{y'}{\rho'}\right)y$$
, y^2 এবং z^2 সংযুক্ত পদ-
পুলিকে অগ্রাহ্য করিয়া ;

অবতল ঝাঝারতে আর একটি এমন বিন্দু P' বিদ নেওর। হর বাহাতে P এবং P' দুইটি পাশাপাশি সরলরেখার অবস্থিত, হর এবং রেখা দুইটির পরন্দর দ্বস্থ বিদ W হর তাহা হইলে P' বিন্দুর y স্থানাক্ষ y+W' হইবে। P' বিন্দুর জন্য পথদৈর্ঘ্য বিদ \triangle' লেখা হর তবে দাড়ার

$$\Delta' = AP' + A'P' = (\rho + \rho') - (y + W) \left(\frac{y'}{\rho} + \frac{y''}{\rho'}\right)$$
 (3.154)

তাহা হইলে দুইটি পাশাপাশি অবন্থিত ঝাঝরির রেখার সংখ্লিষ্ঠ বিন্দুম্বর হইতে পথ-পার্থক্য দাড়াইবে

$$\triangle - \triangle' = W \left[\frac{y'}{\rho} + \frac{y''}{\rho'} \right] \tag{3.155}$$

আবার চিত্র নং ৩.৬৪ হইতে দেখা বার

$$\frac{y'}{\rho} - \sin i$$
 $\frac{y''}{\rho} - \sin \theta$.

 $\therefore \triangle - \triangle' - W (\sin i + \sin \theta).$

র্যাদ এই পার্থক্য $n\lambda$ হয় তবে A' বিন্দুতে আলোকতীব্রতা চরম হইবে

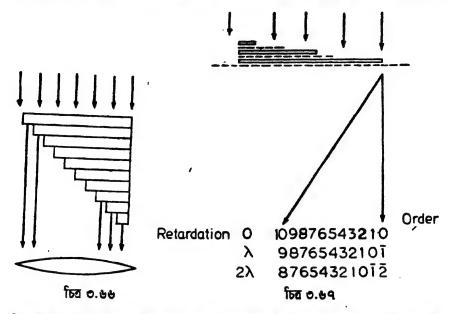
বা
$$W(\sin i + \sin \theta) = n\lambda$$
, আলোকতীব্রতা চরম (3.156)

সূতরাং দেখা যাইতেছে যে যদি আলোক উৎস Λ বিন্দু রোল্যাণ্ডের বৃত্তের উপর অবস্থিত হয় তবে ইহার ফোকাস বিন্দু Λ' ও ঐ বৃত্তের উপরই থাকিবে। ইহাই রোল্যাণ্ড বৃত্তের ভাৎপর্য।

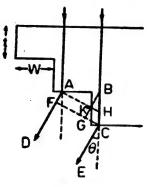
ইশলন্ কাকরি (Echelon grating).

বাবর্তন বাবারর ক্ষেত্রে পরে দেখা বাইবে যে বিভেদন ক্ষমতা (resolving power) এর মান হইবে Nn. এখানে N = ঝাঝারিতে খোদাই করা মোট সরলরেখার সংখ্যা এবং n বর্ণালির ক্রম। সুতরাং বিভেদন ক্ষমতা বাড়াইতে হইলে এই দুইটি গুণকের একটি অথবা উভয়কেই বাড়াইতে হর। মোট সরল-রেখার সংখ্যা বাড়াইবার অসুবিধা আছে ; কারণ ইহা বদি 10° অতিক্রম করিতে হর তবে হীরকের বৃহটি অক্ষত রাখা প্রায় অসমত । আর বৃহ বদল করিলে সরলরেখার আর্কাত অবশাই বদলাইয়া যাইবে। তাছাড়া অন্যান্য ধরণের পার্থকাও ঢুকিরা পড়িতে চাহিবে। ক্রমের বৃদ্ধিরও একই অসুবিধা। প্রথমত এই বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে বিবর্তন কোণ heta বাড়িতে থাকে ; আবার এই কোণ বৃদ্ধির সঙ্গে বর্ণালির তীব্রতাও কমিতে থাকে। শেষের দিকে তীব্রতার এই হাস দত হারে হইতে থাকে। দিতীয়ত W কম এরূপ ঝাঝরির পক্ষে n এর মান 2 বা 3 এর বেশী পাওয়া বায় না কারণ n ইছার বেশী হইলে ব্যবর্তন কোণ θ এর মান 90° এর বেশী হওরার বর্ণালিটি কাম্পনিক হইরা বার বাস্তবে ইহার অন্তিম থাকে না। কাজেই দেখা বায় বে W-10° cm এর একটি ঝাঝরির ক্ষেত্রে সাধারণত বিভেদন ক্ষমতা 10° এর বেশী করা সম্ভব নর । এই সমন্ত অসুবিধা দূর করিবার জন্য মাইকেলসন (Michelson) ১৮৯৮ সনে সর্বপ্রথম ইশলন ঝাৰারির উদ্ভাবন করেন। বিভেদন ক্ষমতা বাড়াইবার জন্য তিনি N (মোট সরলরেখার সংখ্যা) এর বদলে বর্ণালির ক্রম বাড়াইবার বাবস্থা করেন। বাৰ্ৰাৰৰ বৰ্ণালিতে ক্ৰমের সংখ্যা সাধাৰণতঃ 10° এৰ মত হইরা থাকে। ৰাৰ্কারটি তৈরী হয় কতকগুলি (20 হইতে 40) আয়তাকার ভাল জাতের আলোকীর কাচের খণ্ড দারা। এই কাচের খণ্ডগুলি এমনভাবে পরপর সাজানে। হয় বাহাতে ইহার চেহারাটা অনেকটা সিভির ধাপের মত দেখিতে লাগে। এই জনা এই ব্যারে নাম হইরাছে ইশলন, যাহার অর্থ একসারি সিড়ির ধাপ। যারটির চেহারা ৩.৬৬ নং চিত্রে দেখানো হইল। কাচের খণ্ডগুলির ধর্ম ধথাসভব একরূপ হওয়া খুবই প্রয়োজন বলিয়া এইগুলি বড় একখণ্ড আলোকীয় কাচ হইতে কাটিয়া তৈরী করা হর । প্রতি খণ্ডের বেধ বধাসন্তব (to A সীমার মধ্যে) এক করা হয়। এইগুলি পরপর বসাইতে প্রত্যেকটি তাহার পূর্বেরটির তুলনায় খানিকটা (1 cm ধরণের দূরছে) সরাইরা বসানো হয় । ফলে দেখিতে ইহা অনেকটা সিড়ির ধাপের মত হর। খণ্ডগুলি বসাইবার সমর গুইটি খণ্ডের মধ্যে বাহাতে এমন ফাক না থাকে বাহাতে বাতাস ঢুকিয়া বার সেদিকে বিশেষ নজর রাখা হয়। बरेतृभ व्यवसारनत करण वर्षां बर्का वार्वावत मरूरे वावरात करत ; जर्व बरे

ঝাঝরিতে বহু সংখ্যক সরলরেখার পরিবর্তে 20—40 সংখ্যক সরলরেখা বর্তমান বলিয়া ধরা বার। আর সাধারণ ঝাঝরিতে পরপর দুইটি সরলরেখা হইতে



নিৰ্গত আলোর পথ পাৰ্থকা অস্প সংখ্যক তবন্ধ দৈৰ্ঘোর সমান হয়। কিন্তু এই ক্ষেত্রে এরূপ রশ্মি দুইটির পথপার্থকা 10 % জাতীয় হইয়া থাকে। বর্ণালীর ক্রমও অনুরূপভাবে 10 ধরণের দাড়ায়। কেন বর্ণালীর ক্রম এত উর্ধ-মানের হয় তাহা এই ভাবে বুঝা যায়। দশটি সরজ্লরেখার একটি ঝাঝার ৩.৬৭ নং চিত্রে দেখানে। হইয়াছে। ইহার জন্য উৎপত্র বর্ণালগুলির ক্লেত্রে ক্রমও পাশে দেখানো হইয়াছে। এই ক্রেন্তে প্রথম এবং বিতীয় সরলরেখা হইতে নিগত রশ্মির মধ্যে পথ পার্থকা প্রথম ক্রমের বর্ণালির জন্য হইবে ১, দ্বিতীয় ক্রমের জন্য 2ম ইত্যাদি। এখন যদি দশটি পাতলা ৰচ্ছ পাত ঝাঝরির ফাকা জায়গায় রাখা হয় এবং এই পাতগুলির বেধ এমনভাবে নির্যান্ত করা হয় যে পরপর রাখা দুইটির মধ্য দিয়া পারগত রশ্ম দুইটির পথপার্থক্য ১, আর তাহাদের পরস্পরের সম্পর্কে একটি ছিদ্রের প্রস্থ সরাইরা বসানে। হয় তবে প্রথম ও দ্বিতীয় ছিদ্র দিয়া আগত রশ্মিবালার পথ পার্থক্য হইবে [$heta = 0^\circ$ কোণে] λ এবং পরপর প্রত্যেক জোড়ার জনাই **এই সর্ত পালিত হইবে**। শুধু ঝাঝরির ক্ষেত্রে $\theta = 0^\circ$ কোণে কোনও পথপার্থক্য না থাকার এইদিকে 0 ব্রুমের বর্ণালী সৃত্তি হইয়াছিল। কিন্তু এবার পাত দেওয়ার ফলে এই দিকে প্রথম ক্রমের বৰ্ণালির সৃষ্ঠি হইবে এবং শূন্য ক্রমের বর্ণালি আগেকার প্রথম ক্রমের বর্ণালির ছালে বসিবে। বলি বেধ এমন হর যে অনুরূপ দুইটি রন্ধির পথপার্থক্য 2λ লাড়ার তবে বিত্তীর ক্রমের বর্ণালি আগেকার 0 ক্রমের বর্ণালির ছান নিবে এবং সমস্ত বর্ণালিগ্রেণী দুইটি বর্ণালির প্রস্থ সরিরা বাইবে। অভ এব বলি পাতগুলির বেধ বাড়াইরা এমন করা হর যে পরপর দুইটি অনুরূপ রন্ধির পথপার্থকা $10^4\lambda$ হর তবে $\theta-0^\circ$ কোলে বর্ণালির ক্রম হইবে 10^4 . ইললন্ ঝাঝরির কাচের ফলকগুলির বেধ সাধারণত $\frac{1}{2}-1$ cm হর। সূতরাং এই ক্ষেত্রে সংগ্লিষ্ট পথপার্থক্যও $10^4\lambda$ ররণের হওয়ার $\theta-0^\circ$ কোণে বর্ণালীর ক্রম লাড়ার 10^4 পর্ব্যারের এবং ফলে বিভেদন ক্ষমতাও অনুরূপভাবে খুবই বাড়িরা বার। ইললন্



कित 0.48

 $\triangle = \mu \cdot BC - AF$ ($\mu = \overline{\phi}$ ($\overline{\phi}$)

B বিশু হইতে CF এর উপর লম্ব টানিলে দেখা যায় যে

$$AF = BG - BK = t \cos \theta - W \sin \theta$$
.

$$\therefore \quad \triangle = \mu t - t \cos \theta + W \sin \theta \tag{3.157}$$

এই পথ পার্থক্য বদি পূর্ণসংখ্যক তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের সমান হর তবে এই দিকে আলোর তীব্রতা চরম হইবে । সূতরাং লেখা যায়

$$\mu t - t \cos \theta + W \sin \theta = n\lambda$$
, আলোর তীরতা চরম। (3.158)

সম্মুখের দিকে অর্থাৎ যখন heta খুব ছোট হইবে, এই সর্ত লেখা যায়

$$(u-1)t + W\theta = n\lambda \tag{3.159}$$

সূতবাং যখন $\theta = 0^\circ$ হয় তখন এইদিকে বর্ণালির ক্রমের জন্য লেখা যায়

$$\mu(t-1) = n\lambda \quad \text{as} \quad n = \frac{\mu(t-1)}{\lambda} \tag{3.160}$$

এখানে লক্ষণীয় যে বর্ণালির ক্রমের ব্যাপারে খাপের প্রস্থ W এর কোনও প্রভাব নাই, একমাত্র বেধ t এবং প্রতিসরাক্ত μ এই ক্রমের মান নিয়**রণ করে ।** একটি উদাহরণ হিসাবে নেওয়া যাক

$$\mu = 1.6$$
, $t = 0.5$ cm; $\lambda = 6 \times 10^{-6}$ cm.

$$\therefore n = \frac{1.6(0.5-1)}{6 \times 10^{-8}} = 13333$$

কাজেই দেখা বাইতেছে যে $\theta=0^\circ$ কোণে বর্ণালির ক্রম স্বভাবতই অতিশয় উচ্চ হইয়া থাকে । প্রয়োজনবোধে ইহা আরও বাড়ানো যায় ।

ষে কোনও একটি ক্রমের জন্য অন্তরকলন করিলে পাওয়া যায়

$$nd\lambda = td\mu + t \sin \theta \ d\theta + W \cos \theta \ d\theta$$
.

$$d\theta = \frac{nd\lambda - td\mu}{t\sin\theta + W\cos\theta}$$
 (3.161)

অর্থাৎ একই ক্রমে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের $d\lambda$ পরিবর্তনের জন্য বর্ণালির অবস্থান $d\theta$ কোলে পরিবর্ণিতত হয় এবং এই $d\theta$ এর মান সমীকরণ ৩.১৬১ হইতে পাওয়া বার ৷ আবার একই তরঙ্গের জন্য বর্ণালির ক্রম একটি বৃদ্ধির জন্য বদি কোণের পরিবর্তন হয় $\Delta\theta$ তবে ইহার মান পাওয়া বাইবে

$$(n+1) \lambda = \mu t + W \sin (\theta + \Delta \theta) - t \cos (\theta + \Delta \theta)$$

$$= \mu t + W (\sin \theta \cos \Delta \theta + \cos \theta \sin \Delta \theta)$$

$$- t (\cos \theta \cos \Delta \theta - \sin \theta \sin \Delta \theta)$$

ৰা
$$\mu t + W \sin \theta - t \cos \theta + \lambda = \mu t + W \sin \theta + W \cos \theta \triangle \theta$$

$$-t \cos \theta - t \sin \theta \triangle \theta$$
[সমীকরণ ৩.১৫৮ ব্যবহার করিয়া]

[मभीकर्न ७.১৫৮ वावशात्र करिया]

$$= \frac{W \sin \theta + t \cos \theta}{\lambda} \frac{d\lambda}{\lambda} - t d\left(\frac{\mu}{\lambda}\right)$$

 $d\left(\frac{\mu}{\lambda}\right)$ কে মোটামুটি $\frac{2d\lambda}{\lambda^2}$ ধরিলে লেখা বায়

$$\frac{d\theta}{\Delta \theta} = \frac{W \sin \theta + t (2 - \cos \theta)}{\lambda} \frac{d\lambda}{\lambda}$$
 (3.163)

বদি θ কোণ খুব ছোট হয় তবে স্থুলভাবে লেখা যায় :

$$\frac{d\theta}{\Delta\theta} = \frac{t}{\lambda} \frac{d\lambda}{\lambda}$$

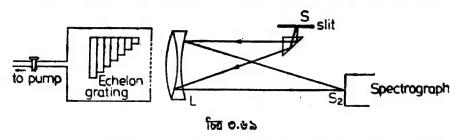
উদাহরণ বর্প বণি ধরা যায় $\lambda=6000\text{\AA}$ $d\lambda=6\text{\AA}$ (সোডিয়ামের হলুন যুগ্ম বর্ণাল রেখা), t=0.6 cm.

তাহা হইলে দেখা বার

$$d\theta = \frac{0.6 \times 6 \times 10^{-8}}{6 \times 6 \times 10^{-10}} \Delta\theta = 10 \Delta\theta$$

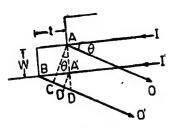
অর্থাৎ আলোকতরঙ্গের এই বাবধানের জন্য (6Å) পরপর দুইটি ব্রমের বর্ণালির বে কৌণিক বাবধান হইবে তাহা অপেকা একই ক্রমের দুইটি উপরোক্ত আলোকতরঙ্গের বর্ণালির কৌণিক ব্যবধান দশগুণের মত হইবে। অবশ্য তরঙ্গদৈর্ঘ্যের ব্যবধান কম বেশী হইলে এই কৌণিক ব্যবধানও অনুর্পভাবে কম বেশী দাড়াইবে। এই ব্রে সমান্তরাল আলোক রশ্মিমালা বচ্ছ ফলকের অভিলবে আপতিত হইতেছে। এখানে পারগত আলোর অধিকাংশই সামনের দিকে যাইবে ধারের দিকে বিক্ষেপণ খুব সামানাই হইবে, বিক্ষিপ্ত আলোর তীব্রতা θ কোণের বৃদ্ধির সঙ্গে খুব দুত কমিয়া আসিবে। সূতরাং এই ব্যবস্থায় সমন্ত আলোই প্রায় সামনের দিকে অর্থাৎ θ কোণ খুবই ছোট মানে আবদ্ধ থাকিবে। ফলে সাধারগত দুইটির বেশী ক্রম একসঙ্গে দেখা যাইবে না। বর্ণালির অভিব্যাপন (overlapping) এড়াইবার জন্য দুইটি বাবস্থা নেওয়া দরকার। প্রথমত একটি ছোট বর্ণালিকাথী ব্যবহার করা প্রয়োজন এবং দ্বিতীয়ত পরীক্ষাধীন বর্ণালির প্রস্থা শুব কম হওয়া আবশ্যক। ছোট বর্ণালিকাথী ব্যবহার করিয়া প্রথমে পরীক্ষাধীন বর্ণালি তৈরী করিতে হয় এবং এই বর্ণালি হইতে প্রয়োজনীয় কিন্তু খুব সম্কীণ তরঙ্গসীমার আলো আপতিত রশ্মি হিসাবে ব্যবহার করা হয়।

এতক্ষণ পারগম-ইশ্লন্ (Transmission Echelon) ঝাঝারর বিষয় আলোচিত হইল। 1926 সনে উইলিয়ামৃস্ (Williams) প্রতিফলন-ইশ্লন্ ঝাঝার তৈরী করিতে সমর্থ হন। এই যদ্রের পরীক্ষা ব্যবস্থা ৩.৬৯ নং চিত্রে দেখানো হইল। এই ব্যবস্থায় রেখাছিদ্র S হইতে আলো আসিয়া অবার্ণ



লেল L দ্বারা সমান্তরাল হইয়া ঝাঝারতে পড়ে এবং ব্যবর্তনের পর (প্রতিফলন দ্বারা) আবার ঐ লেল L দ্বারা কেন্দ্রীভূত হইয়া একটি বর্ণালিলেখীর রেখাছিদ্রে S_2 এর উপর পড়ে । রেখাছিদ্র S ব্রের একপার্থে অবন্থিত, আর S_2 পিছনের দিকে অবন্থিত । ঝাঝারর প্রকোচটিতে প্রয়োজন হইলে বায়ুর চাপ প্রাসবৃদ্ধি করা বায় এবং দরকার হইলে এটিকে সম্পূর্ণ বায়ুশ্নাও করা চালতে পারে । ঝাঝারিটি তৈরী করা হয় কতকগুলি কোয়ার্ট্সের ফলক পাশাপাশি জুড়িয়া আর এই ফলকগুলি একটি বড় গলানো কোয়ার্ট্সের ফলক (fused quartz) খণ্ড হইতে কাটা হয় । ফলকগুলি দ্বিসরা সমান বেষের করা হয় (ফলকগুলির মধ্যে 0.1λ র বেশী বেষের পার্থক্য বাহাতে না হয়) । ফলকগুলি পরপর সাজাইয়া বথোপবৃত্ব তাপমান্তায় গরম করা হইলে এগুলি

পরস্বের সঙ্গে অুড়িরা যায়। এরপর ঝাঝার বারুশ্না প্রকাঠে রাখিরা ইহার উপর পাতলা আলুমিনিয়ামের প্রতিফলনন্তর জমানো হইলে প্রতিফলন-ইল্লন্ ৰাবার তৈরী হয়।



f50 0.90

প্রতিফলন ইশ্লনের সিদ্ধান্ত উপরের চিচ নং ৩.৭০ হইতে সহজেই বুরা বার । ইহাতে দুইটি পাশাপালি ধাপ আকা হইয়াছে। প্রতিটি ধাপের প্রস্থ W এবং বেষ ।. मुद्देि जीना IA এবং I'B धाल मूटेणित अनुत्र विम्यूट অভিনৰমূপে আপতিত হইয়াছে। A এবং A' হইতে BD এর উপর দুইটি অভিনৰ AC এবং A'D' টানা হইয়াছে। এই বিন্দু দুইটি A এবং B হইতে বাবভিত রশিমালার দুইটি সমান্তরাল রশিম AO এবং BO' বিবেচনা করিলে দেখ। বার বে ইহাদের মধোর পথ-পার্থকা 🛆 হইবে

হালের মধ্যের প্রথ-পার্থক।
$$\triangle$$

$$\triangle = A'B + BC = \mu_{air} [t + BD' - CD']$$

$$= \mu_{air} [t + t \cos \theta - W \sin \theta].$$

र्योष 🗸 🗢 1 ध्या रुत्र उटन माजात

কাণ যদি খুব ছোট হয় তবে লেখা যায়

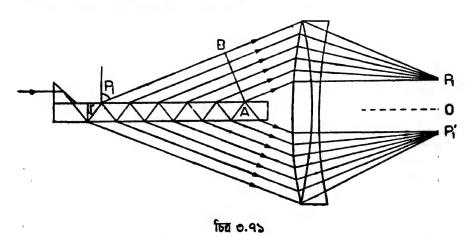
ভবে লেখা যায়
$$\Delta \simeq 2t - W\theta$$
 সাড়ায়

পারগম ইশ্লনের বেলার কাচের μ বিদ 1.5 ধরা হর তবে 🛆 দাড়ার

θ কোণ পুব ছোট হওয়ার We অগ্নাহা করিলে দেখা বার বে প্রতিফলন এবং পারগম ঝাঝারর পথ-পার্থকোর অনুপাত প্রায় 4 : 1 হয়। অভএব বর্ণালির ক্রম এবং ইহার ফলে বিভেগন ক্রমতাও অনুর্পভাবে বৃদ্ধি পার। और विस्थान कमाना महरू शदा विशाप चारणाजना कहा हरेरव । छत्व अवास्त এইটুকু বলা বার বে বাল্রের জমের উপর সমানুগাতিকর্পে নির্ভরশীল এই বিভেদন ক্ষমতা প্রতিফলন ইশ্লনে ঝালরের ক্রম বাড়িবার ফলে কয়েকগুণ বৃদ্ধি পার।

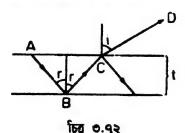
সুমার-গেক্ কলক (Lummer-Gehrcke Plate).

বর্ণালির পরীক্ষার জন্য আর একটি উচ্চ বিভেদন-ক্ষমতা সম্পন্ন বন্ধ এই পুমার-গের্ক্ ফলক। এটি একটি অতি নিখুত আলোকীয় কাচ অথবা কোয়াট্সের লয় ফলক; ফলকের উভয় তল অতীব স্ক্ষভাবে সমান্তরাল এবং মসৃণ করা হয়। ফলকটির একপ্রান্তে একটি প্রিজ্ম জোড়া লাগানো থাকে। জোড়ার ফাকে বাহাতে বায়ুর স্তর না থাকে সেদিকে বিশেষ লক্ষ্য রাখা হয়। বায়ুত্তর থাকিলে অতিবেগুনী আলোর জন্য যন্ত্রটির ব্যবহার সীমিত হইরা বার। এই প্রিজ্ম্টি বাবহার করা হয় বাহাতে বড় আপতন কোণের জন্য আপতিত রশির প্রতিফলনে তীরতার হ্রাস না হয়।



০.৭১ নং চিত্রে একটি সমাস্তরাল ফলক P দেখা বাইতেছে। ইহার বামপ্রান্তে একটি প্রিজ্ম সংযুক্ত আছে। একটি আলোকরান্দ্র প্রিজ্মের উপর অভিলবে আপতিত হইরা ইহার বিতীর তলে পূর্ণ প্রতিফলনের পর ফলকে তুকিতেছে। ফলকে আপতন কোণ সক্ষট কোণের (critical angle) খুব কাছাকাছি কিন্তু ইহার সামান্য কম হওরার এই রন্দ্রির অধিকাংশই প্রতিফলিত হইবে, সামান্য অংশ প্রতিস্ত হইরা বাহিরে চলিয়া বাইবে। প্রতিফলনের পর রন্দ্রিটি বিতীর তলেও ঐ একই প্রক্রিরার পুনরাবৃত্তি করিবে। এইবুন্পি প্রিজ্মে আপতিত রন্দ্রিটির জন্য ফলকের উভর তলে একগুছু করিরা সমান্তরাল রন্দ্রির উত্তব হইবে। এই সমান্তরাল রন্দ্রিক্ত লেল দ্বারা ইহার

ফোকাস তলে ঘনীভূত হইয়া বর্ণালির সৃষ্টি করিবে। অনুরূপভাবে P ফলকের অপর পার্ষে প্রতিসূত রশ্মিমালা দারা O বিম্পুর অপরদিকে P_1 বরাবর একপ্রস্থ প্রতিসম ঝালরের সৃষ্টি হইবে। ফলকের মধ্যে রশ্বির আপতন কোণ সক্ষট কোণের প্রার সমান বলিয়া ইহার অধিকাংশই প্রতিফলিত হইবে এবং প্রতিটি প্রতিষ্কানে রশ্বির তীরতার হ্রাস খুব সামান্যই হইবে। সূতরাং প্রতিসূত রান্দ্রান্তরও তীরত। খুব অস্প হারে কমিতে থাকিবে। ফেরি-পেরে। ৰ্যাতিচারমাপকের সহিত তুলনা করিলে এই ফলকের শ্রেষ্ঠতা বুবিতে পারা ষার। ফেরি-পেরো বত্তে বর্ণালির প্রস্থ খুব কর্ম হইবার কারণ রূপার প্রলেপে প্রতিফলিত হইয়া আলোকরশির বহুভাগে বিভব হওয়া ; আর এই বহুভাগে বিভৱ হওরার জন্য রূপার প্রলেপে প্রতিফলনাক্ক (coefficient of reflection) বেশী হওয়া দরকার। কিন্তু প্রতিফলনাক্ক বেশী হইলে আলোর পারগমও আনুপাতিকভাবে কমিয়া যায় যার ফলে বর্ণালগুলির তীব্রতা হ্রাস পায়। যদি রুপার প্রলেপের বদলে এমন কোনও বন্ধু পাওয়া বাইত বাহার প্রতিফলনাক খুব বেশী কিন্তু শোষণ খুব কম ভবে বছটির কার্যাক্ষমতা অনেক বৃদ্ধি পাইত। ইহার বিকম্প বাবস্থা রহিয়াছে লুমার-গের্ক্ ফলকে। ইহাতে প্রতিটি প্রতিফলনে প্রায় সমন্ত অংশই প্রতিফলিত হয় ; যে সামান্য অংশ প্রতিসৃত ছইরা বাহির হইরা বার ভাহার শোষণ খুব সামান্যই ঘটে। সূতরাং শোষণের ফলে আলোর শঙ্কির হাস প্রার অগ্রাহাই কর। বার।



০.৭২ চিত্রে একটি রশ্বি AB B বিন্দৃতে ফলকের মধ্যে r কোণে আপতিত হইরা ঐ একই কোণে প্রতিফলনের পর ফলকের জন্য তলে C বিন্দৃতে দিতীরবার আপতিত হইরাছে। ইহার এক জংশ আবার প্রতিফলিত হইরাছে এবং অন্য অংশ প্রতিসৃত হইরা ফলকের বাহিরে CD রশ্বি হিসাবে গমন করিতেছে। প্রতিসরণ কোণ i. সূত্রাং এই ক্ষেত্রে পরপর দুইটি রশ্বির পথ-পার্থক্য দাড়াইবে △ বেখানে লেখা বার

t — ফলকের বেধ ; μ — ফলকের প্রতিসরাক্ষ। বদি এই পথ-দূরত্ব πλ হয় তবে আলোর তীব্রতা চরম হইবে।

$$2\mu t \cos r = n\lambda$$
 [আলোর তীব্রতা চরম] (3.167)

িকন্ত
$$\frac{\sin i}{\mu} = \sin r$$
 বা $\cos r = \sqrt{\frac{\mu^2 - \sin^2 i}{\mu^2}} = \frac{\sqrt{\mu^2 - \sin^2 i}}{\mu}$

$$\therefore 2t \sqrt{\mu^2 - \sin^2 i} = n\lambda. \tag{3.168}$$

একই তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পরপর দুইটি ব্রুমের বর্ণালের কোঁণক বিষোজন বাহির করিতে হইলে (3.169) সমীকরণটির অন্তরকলন করিয়া dn=1 সম্বন্ধ প্ররোগ্য করিতে হইবে। এই অন্তরফলনে t এবং μ ধ্রবক থাকিবে। সৃতরাং

 $-8t^{2} \sin i \cos i \triangle i = 2 \lambda^{2} n dn$

বা
$$\triangle i = -\frac{2 \lambda^{2} n dn}{8t^{2} \sin i \cos i} = -\frac{\lambda^{2} n}{2t^{2} \sin 2 i}$$
 [$dn=1$ বসাইয়া].
$$= -\frac{\lambda \sqrt{\mu^{2} - \sin^{2} i}}{t \sin^{2} i}$$
 [সমীকরণ 3.168 ব্যবহার করিয়া] (3.170)

প্রথমত এই রাশিমালা হইতে দেখা যার যে $\triangle i$ প্রতিসরাক্ষ μ এর উপর নির্জর করে। শ্বিতীয়ত নিক্ষমণ কোণ যত বাড়িয়া 90° এর কাছাকাছি আসিতে থাকে $\triangle i$ ততই দুত বাড়িয়া যায়। i কোণ 90° এর খুব কাছাকাছি হইলে $\triangle i$ বিযোজনও অনুর্পভাবে খুবই বেশী হওয়ার কথা। ইহা ছাড়ারুমের এই কৌণিক বিযোজন ফলকের বেধেরও ব্যস্ত্যানুপাতিক।

বিচ্ছুরণ $\frac{di}{d\lambda}$ বাহির করিতেও 3.169 রাশিমালাকে অন্তর্কলন করা প্রয়োজন । কিন্তু এই ক্ষেত্রে প্রতিসরাক্ষ μ ধুবক হইবে না ; এখানে ধুবক হইবে t এবং n. সূতরাং লেখা যায়

 $8t^*\mu d\mu - 8t^*\sin i\cos i di = 2n^*\lambda d\lambda$.

বা
$$\frac{di}{d\lambda} = \frac{4t^2 \mu_i \frac{d\mu}{d\lambda} - n^2 \lambda}{4t^2 \sin i \cos i}$$

সমীকরণ 3.169 প্রয়োগ করিরা লেখা যার

$$\frac{di}{d\lambda} = \frac{4t^2\mu}{d\lambda} \frac{d\mu}{d\lambda} - \frac{4t^2}{\lambda} (\mu^2 - \sin^2 i)$$

$$\frac{2t^2 \sin 2i}{\lambda}$$

$$= \frac{2\lambda\mu \frac{d\mu}{d\lambda} - 2(\mu^* - \sin^* i)}{\lambda \sin 2i}$$
 (3.171)

কাজেই দেখা যাইতেছে যে বিচ্ছুরণ ফলকের বেধের উপর নির্ভর করে না। ইহা নির্ভর করে তরঙ্গ দৈর্ঘা, প্রতিসরণ কোণ, প্রতিসরাক্ষ ও $\frac{d\mu}{d\lambda}$ এই পদগুলির উপর। শেষোক্ত পুইটি অবশ্য ফলকের বন্ধুর আলোকীর ধর্মের (optical properties) উপর নির্ভরশীল।

যদি \triangle ম যােরর পরিসর (range) হয় অর্থাৎ একটি তরঙ্গ এবং ইহার সহকারীর মধ্যে দৈর্ঘের তফাং যদি \triangle ম হয় এবং এই তফাং যদি এমন হয় যে সহকারী তরঙ্গের বর্ণালি মূল তরঙ্গের সংলগ্ন ক্রমের সহিত মিলিয়া বাইবে তাহা হইলে এই ক্ষেত্রে \triangle কৈ বলা হইবে যােরর পরিসর (range); আর এই পরিসরের মান যে সমস্ত রাশিমালা ইতিমধ্যেই পাওয়া তাহাদের সাহায়েরই বাহির করা বাইবে। ইহার জন্য নিম্নালিখিত দুইটি সম্বন্ধ ব্যবহার করা চলিতে পারে

$$di = \frac{4t^2 \mu}{2t^2 \sin 2i} \frac{d\mu}{d\lambda} - n^2 \lambda$$
$$\Delta i = -\frac{n\lambda^2}{2t^2 \sin 2i}$$

পরিসর (range) এর সংজ্ঞানুসারে উপরের di এর মান দুইটি সমান হইবে। সূতরাং লেখা যায়

$$\frac{4t^2 \mu \frac{d\mu}{d\lambda} - n^3 \lambda}{2t^2 \sin 2i} d\lambda = -\frac{n\lambda^2}{2t^2 \sin 2i}$$

$$d\lambda = \frac{n\lambda^2}{n^3 \lambda - 4t^2 \mu} \frac{d\mu}{d\lambda} = \Delta\lambda$$
 (3.172)

এই রাশিমালা যদ্রের পরিসর নির্ণয় ভরিবে।

লুমার-গের্ক্ ব্যন্ত আলোকউৎস প্রশন্ত হওরা দরকার, রেখাছিদ্রের আকৃতির নর। কারণ এই পরীক্ষার বর্ণালির উৎপত্তি হেইডিঙ্গার (Haidinger) শ্রেণীর অন্তর্গত বলির। ধরা বাইতে পারে। আর হেইডিঙ্গার শ্রেণীর ঝালরের উৎপাদনের জন্য প্রশন্ত আলোকউৎস প্ররোজন বলিরা ফেরি-পেরো ব্যতিচার মাপক যদ্রের আলোচনায় দেখা গিয়াছে। বদি এখানে রেখাছিদ্রের আকৃতির আলোকউৎস ব্যবহার করা হয় তবে বর্ণালির দৈর্ঘ্য রেখাছিদ্রের প্রস্থের সমান হইবে, অর্থাৎ রেখাছিদ্রটি খুব কম প্রস্থের হইলে বর্ণালিগুলি প্রায় বিন্দুর আকৃতির পাওয়া যাইবে।

আলোকীয় যন্ত্ৰের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of optical instruments).

ষদি দূরবীক্ষণ যন্ত্র দিয়া দুইটি খুব কাছাকাছি অবস্থিত তারকা পর্যাবেক্ষণ করা যায় তবে অভিনেত্রের দৃষ্টিক্ষেত্রে দুইটি তারকার আলাদা প্রতিবিশ্ব হইবার কথা। প্রতিটি তারকার প্রতিবিম্ব একটি বিন্দুর আকৃতি হইবে। সূতরাং জ্যামিতিক আলোক বিজ্ঞান অনুসারে বিন্দু দুইটি পরস্পার হইতে আলাদ। হইবে এবং দুইটি তারকার স্বতন্ত্র অন্তিত্ব অবশাই বুঝা যাইবে। কিন্তু এটিও সঙ্গে সঙ্গে মনে রাখিতে হইবে যে বৃত্তাকার অভিলক্ষ্য দিয়া যাইবার ফলে আলোকের বাবর্তন ঘটিবে যার ফলে দূরবীক্ষণের দৃষ্টিক্ষেত্রে প্রতিবিদ্ধ শুধুমাত্র জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞান অনুসারে বিন্দুর আকৃতিই হইবে না। বাবর্তনের জন্য ইহার আলাদা একটি শ্রেণীর প্রতিবিম্ব সৃষ্ট হইবে যেগুলির কেন্দ্রীয় চার্কান্তকে বলা হয় এয়ারীর চার্কান্ত (Airy's disc); এই এয়ারীর চার্কান্তকে ঘিরিয়া আরও কয়েকটি সমকেন্দ্রিক বৃত্তাকার ঝালর উৎপন্ন হইবে এবং এই দুইটি প্রতিবিষ মিলিয়া একটি লব্ধি আলোক-তীব্রতার সৃষ্টি হইবে। যদি প্রতিবিশ্ব দুইটির দূরত্ব বেশী হয় তবে একটি অনাটিকে বিশেষ প্রভাবিত করিবে না। এক্ষেত্রে প্রতিবিম্ব দুইটি অনায়াদেই আলাদা বলিয়া চেনা বাইবে। এরপক্ষেত্রে বলা হইয়া থাকে যে তারকা দুইটির প্রতিবিম্ব বিভেদিত (resolved) আবার তারকা দুইটির কৌণিক বিষোজন ষত কমিতে থাকিবে প্রতিবিম্ব দুইটিও ততই পরস্পরের কাছাকাছি আসিবে এবং একটি অন্যটির আলোকতীব্রতাকে প্রভাবিত করিবে। এটা সহজেই বুঝা যায় যে কৌণিক বিযোজন একটা সীমা হইতেও কম হইলে দুইটি প্রতিবিম্ব মিলিয়া এমন একটি লিজি নমুনার সৃষ্টি করিবে যে ইহাদের স্বতম্ভ অন্তিৎ আর বুঝা যাইবে না। ইহার অর্থ এই যে তারকা দুইটির স্বতম অস্তিত্ব ধরা যাইবে না ; ফলে এক্ষেত্রে বলা যাইবে যে তারকা দুইটির প্রতিবিম্ব বিভেদিত হয় নাই। অনুবীক্ষণ যয়েও অনুরূপ ঘটে। আবার ব্যবর্তন ঝাঝারতে যে বর্ণাল উৎপন্ন হয় ভাহাতে প্রতিটি তরঙ্গ দৈর্ঘোর জনাই এক প্রস্থ বর্ণাল সৃষ্ট হয়। যদি আপতিত আলোতে দুইটি খুব কাছাকাছি দৈৰ্ঘ্যের তরঙ্গ থাকে তবে প্রত্যেক্টির জন্য এক-

প্রস্থ বর্ণাল উৎপন্ন হইবে। এই বেলায়ও বলি তরঙ্গ দৈর্ঘ্য দুইটির খানিকটা মানের তফাৎ থাকে তবে বর্ণালের প্রস্থ দুইটিও এমনভাবে আলাদা হইবে বাহাতে ইহারা পরস্পরকে প্রভাবিত করিবে না এবং এই দুই প্রস্থ বর্ণাল সহজেই আলাদা বলিরা চেনা ঘাইবে; অর্থাৎ তরঙ্গ দুইটির বর্ণালি বিভেদিত হইবে।

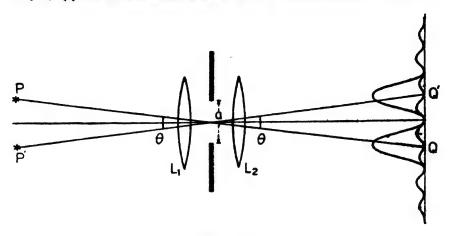
কান্দেই দেখা বাইতেছে বে আলোকীয় যন্ত্রের বিভেদন ক্ষমতা দুই প্রকারের হইরা থাকে। প্রথমান্ত ক্ষেত্রে দুইটি বিন্দুর স্বতন্ত্র অন্তিম বিন্দু দুইটির বে নিকটতম দূরদ্বের জন্য উপলব্ধি করা যায় তাহাকে সংগ্লিষ্ট যন্ত্রের (যথা দূরবীক্ষণ বা অপুরীক্ষণ বন্ধ) বিভেদন ক্ষমতা বলা হয়। এই ক্ষেত্রের বিভেদন ক্ষমতাকে অবস্থানিক বিভেদন-ক্ষমতা (positional resolving power) বলা চলিতে পারে। দ্বিতীয় ক্ষেত্রে (যথা ব্যবর্তন ঝাঝরি, প্রিজ্ম্ বর্ণালিলেখী) বর্ণালিতে উপস্থিত দুইটি তরঙ্গ দৈর্ব্যের বেলার ইহাদের বে ন্যুনতম দৈর্ব্যের পার্থক্যের জন্য তরঙ্গ দুইটিকে আলাদা বলিয়া চেনা যায় তাহাকে বলা চলিতে পারে বর্ণীর বিভেদন ক্ষমতা (chromatic resolving power).

উপরের আলোচনায় বলা চলিতে পারে যে বিন্দু দুইটির প্রতিবিদ্ধ অথবা তরঙ্গ দুইটির বর্ণালির আপেক্ষিক অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে ইহারা বিভেদিত হইবে কি না। সূতরাং এই বিভেদনের একটা সীমা নিধারণ করা প্রয়োজন। কিন্তু ইহা করিতে গিয়া দেখা যায় যে এই সীমা খুব সৃক্ষভাবে নির্মারণ করা সম্ভব নয়। তবে কার্যাকরী প্রয়োগের জন্য র্য়ালে (Rayleigh) এই বিভেদন ক্ষমতার একটি সংজ্ঞা উদ্ভাবন করেন। র্য়ালের এই সংজ্ঞা র্য়ালের মানক (Rayleigh criterion) হিসাবে পরিচিত এবং বিভেদন ক্ষমতা নির্ণয়ে এই মানকের ব্যবহারই বিধি হিসাবে পরিগণিত হইয়াছে। এই মানক ব্যাখ্যা করিতে সর্বপ্রথম আয়তাকার ছিদ্রের (rectangular aperture) ক্ষেত্রে বিভেদন ক্ষমতা আলোচিত হইবে।

আয়তাকার ছিজের বিভেদন ক্ষতা (Resolving power of a rectangular aperture).

বদি ফ্রনহফার বাবন্থা অনুসারে একটি আয়তাকার ছিন্ন পুইটি আলোক উৎস দ্বারা আলোকিত করা হয় তবে প্রতিটি উৎস একটি বাবর্তন ঝালরের সৃষ্টি করিবে। এই পুইটি উৎসের সৃষ্ট ঝালরের শ্রেণী পুইটি দৃষ্টি ক্ষেত্রে বা পর্ণায় পাশাপাশি অবস্থান করিবে। প্রতিটি ঝালরের তীব্রত। নির্ণীত হইবে পূর্বে আলোচিত রেখাছিন্তের বাবর্তন ঝালরের নিরমানুসারে। আলোচনার সুবিধার

জন্য বর্তমান ক্ষেত্রে আলোক উৎস দুইটি ছতব্র বলিয়া ধরা হইবে বাহার অর্থ এই যে ইহাদের প্রেরিত আলোক-তরঙ্গ অসংসম্ভ (incoherent). ৩.৭৩ নং



চিত্ৰ ৩.৭৩

চিত্রে এইরূপ একটি পরীক্ষাব্যবস্থা দেখানো হইয়াছে। P এবং P' দুইটি অসংসম্ভ ক্ষুদ্রাকার আলোক উৎস। ইহাদের প্রেরিড আলোক আয়তাকার ছিদের মধ্য দিয়া গিয়া দুই প্রস্থ ব্যবর্তন ঝালরের সৃষ্টি করিতেছে। এখানে ধরা হইয়াছে বে ছিদ্রটি রেখাছিদ্রের আকৃতির এবং ইহার প্রস্থ a; লম্বার বেশী হওয়ায় এই দিক গণ্য না করিলেও চলিবে। গোড়ায় ইহাকে আয়তাকার ছিদ্র ধরা হইয়াছে কিন্তু প্রস্থ দৈর্ঘোর তুলনায় খুব কম ধরিলেও নীতির দিক দিয়া অসুবিধা হইবে না। লেন্স দুইটি L_1 এবং L_2 ফ্রনহফার শ্রেণীর ঝালর সৃষ্ঠির ব্যবস্থা করিতেছে। প্রতিটি উৎসের জন্য এমন এক প্রস্থ ব্যবর্তন ঝালরের উৎপত্তি হইতেছে যাহার আকৃতি পূর্বে বাঁণত হইয়াছে। P উৎসের জন্য যে বালর শ্রেণী উৎপন্ন হইতেছে তাহার কেন্দ্রীয় ঝালরের অবস্থান Q বিন্দুতে এবং $\,$ ইহার দুই পাশে এই শ্রেণীর অন্যান্য ঝালর অবস্থিত হইবে। অনুরূপভাবে P' বিন্দুর জন্য Q' বিস্তুতে কেন্দ্রীয় ঝালর হইবে। এই দুইটি কেন্দ্রীয় ঝালর Q এবং Q' এর কৌণিক বিষোজন heta উৎস দুইটি P এবং P' এর কৌণিক বিষোজনের সমান হইবে। প্ৰদায় বা দৃষ্টিক্ষেত্ৰে যে লব্বি আলোক তীব্ৰভাৱ সৃষ্টি হইবে তাহা পাওয়া যাইবে দুইটি আলাদা ঝালরের আলোক-তীব্রতা যোগ করিয়া (বিস্তার নয়), কারণ এখানে ধরা হইয়াছে বে আলোক উৎস দুইটি অসংসম্ভ । উপরের বর্ণনা হইতে স্বভাবতই বুঝা যায় যে লব্ধি আলোক তীব্রতার চেহারা নির্ভর করিবে ঝালরশ্রেণী দুইটির কৌণিক বিষোজনের উপর, অর্থাৎ উৎস দুইটি P এবং P' এর বিষোজনের উপর । নিমের ৩.৭৪ নং চিত্রে বিভিন্ন কৌণিক বিষোজনের ক্ষেত্রে লব্ধি আলোক তীব্রতা দেশানো হইয়াছে ।



প্রথম ক্ষেত্রে বিতীয় শ্রেণীর কেন্দ্রীয় ঝালর Q' প্রথম শ্রেণীর ঝালরের বিতীয় অবম তীব্রতার ঝালরের সহিত মিশিরাছে। লব্ধি আলোক তীব্রতা বাহির করিতে দুইটি স্বতর ঝালরশ্রেণীর আলোক তীব্রতা সরাসরি বোগ করিতে হইবে। এই প্রক্রিয়ার ফলে বে লব্ধি তীব্রতা পাওয়া যাইবে তাহা চিত্রে একটানা (continuous) লেখাচিত্র ব্যারা বুঝান হইয়াছে। এখানে যহেতৃ Q শ্রেণীর ঝালরের কেন্দ্রীয় ঝালরের অবম তীব্রতা Q' শ্রেণীর ঝালরের কেন্দ্রীয় ঝালরের কন্দ্রীয় ঝালরের সংলগ্র অবম তীব্রতা Q' শ্রেণীর ঝালরের কেন্দ্রীয় ঝালরের সংলগ্র অবম তীব্রতার সহিত সম্পাতী হইবে, সূতরাং এই স্থানে লব্ধি আলোক তীব্রতাও অবম (এক্ষেত্রে শূন্য) দাড়াইবে। আর কেন্দ্রীয় ঝালরের তুলনায় অন্যান্য ঝালরগুলির তীব্রতা থুবই কম হওয়ায় ইহারা কেন্দ্রীয় ঝালর দুইটির লব্ধি তীব্রতা বিশেষ প্রভাবিত করিতে পারিবে না। ফলে দাড়াইবে এই যে অতি সামান্য পরিবর্তিত দুইটি কেন্দ্রীয় ঝালর Q এবং Q' পাশাপাশি অবস্থান করিবে, আর ইহাদের মধ্যবর্তী স্থানের আলোক তীব্রতা হইবে শূন্য। ইহাদের উভয় পার্শ্বেই কম তীব্রতার কয়েকটি ঝালর অবন্থিত পাকিবে বাহাদের প্রভাব সমগ্র চিত্রের উপর খবই সামান্য।

ষিতীয় চিত্রে উৎস দুইটি আরও কাছাকাছি আসিয়াছে এবং এই ক্ষেত্রে ইহাদের কৌণক বিয়োজন θ এর্প মানের যে দ্বিতীয় কেন্দ্রীয় ঝালর Q' এর চরম তীব্রতা প্রথম কেন্দ্রীয় ঝালর Q এর অবম তীব্রতার সহিত সম্পাতী হইয়াছে। এই ক্ষেত্রে অবশ্য লাজি তীব্রতার দুইটি কেন্দ্রীয় ঝালরের মধ্যের স্থানে পূর্বের ন্যায় শূন্য আলোক তীব্রতার সৃষ্টি হইবে না। প্রথমত দেখা যায় যে Q এবং Q' এর চরম তীব্রতার কোনও পরিবর্তন হইবে না কারণ ইহারা প্রত্যেকেই অপর শ্রেণীর ঝালরের শূন্য তীব্রতার সহিত সম্পাতী হইয়াছে। সূত্রাং প্রশ্ন হইতেছে বে এই দুইটি ঝালর Q এবং Q' এর মধ্যের আলোকতীব্রতার মান কত দাড়ার। সেটি মোটামুটিভাবে হিসাব করা সহজেই সম্ভব।

ঝালর শ্রেণীর তীব্রতার রাশিমালা পাওয়া গিয়াছে $\frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}$ (সমীকরণ 3.49). আর এই রাশিমালার আলোচনা হইতে জানা যায় যে কেন্দ্রীয় ঝালরের অবম তীব্রতার অবস্থানে ϕ এর মান হইবে

$$\phi = \pi$$

সৃতরাং Q এবং Q' এর মাঝামাঝি জারগার ϕ এর মান হইবে (Q এবং Q' সমান তীব্রতাসম্পন্ন ধরিরা৷ লইরা ; বাদ তাহা না হয় তবে এই বৃত্তির থানিকটা পরিবর্তন করিতে হইবে এবং পরে এই বিষয় আলোচিত হইরাছে)

$$\phi = \frac{\pi}{2}.$$

সুতরাং এই ক্ষেত্রে একটি ঝা**ল**রের আলোক তীব্রতা হইবে $a^2 \sin^2 rac{\pi}{2}$

$$=a^2\frac{4}{\pi^2}=0.4053a^2.$$

কাজেই এই স্থানে উভয় শ্রেণীর ঝালরের লব্ধি তীব্রতা দাড়াই বে $0.8106a^2$.

আর এই আপেক্ষিক মানে Q এবং Q' এর আলোক তীব্রতা a^2 . অতএব দেখা যাইতেছে যে লন্ধি আলোক তীব্রতার নক্সায় দুইটি চরম তীব্রতা a^2 এর মাঝখানে $0.81a^2$ তীব্রতা পাওয়া ঘাইতেছে। ফলে চোখে দেখিয়াই Q এবং Q' এর স্বতন্ত্র অস্তিত্ব বৃঝিতে পারা সম্ভব হইবে। এই ক্ষেত্রে অবশ্য P এবং P' এর কৌণিক বিষোজন দাড়ায় (সমীকরণ 3.52)

$$\theta = \frac{\lambda}{a}$$
.

তৃতীয় চিত্রে P এবং P' আরও কাছে আসিয়াছে বাহার ফলে কৌণিক বিষোক্তন দাড়াইয়াছে

$$\theta < \frac{\lambda}{a}$$

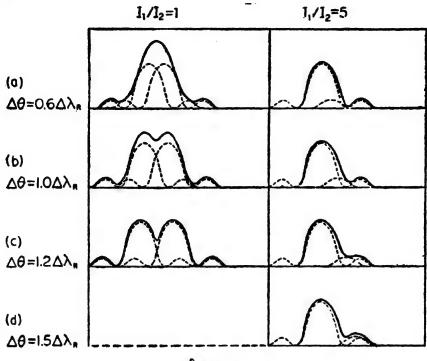
এইর্প ক্ষেত্রে দেখা যায় যে P এবং P' যত কাছাকাছি আসিতে থাকে Q এবং Q' এর তীরতার বৃদ্ধির তুলনায় ইহাদের মধ্যবর্তী স্থানের তীরতা বৃদ্ধির হার ক্রমণ বাড়িতে থাকে। ফলে এক সময় এই মধ্যবর্তী অবস্থানের আলোক তীরতার মান Q এবং Q' এর অপেক্ষা অধিক হইয়া যায় এবং দুইটি কেন্দ্রীর

ঝালর মিলিয়া একটি মান্তই ঝালরের সৃষ্ঠি হয়। ইহার অর্থ এই যে P এবং P' এর খতর অন্তিম্ব আর ধরা বার না। এরুপ অবস্থার বলিতে হইবে যে P এবং P' এর প্রতিবিদ্ধ বিভেদিত হইতেছে না এবং ইহাদের কৌণিক বিবোজন রেথাছিনের বিভেদন সীমার বাহিরে চলিয়া গিয়াছে।

উপরের আলোচনার একটি জিনিষ লক্ষা করা পরকার। বিভীয় ক্ষেত্রে $\left(\theta = \frac{\lambda}{a}\right)$ দুইটি চরম তীরতা a^2 এর মাঝে ভীরতা কমিয়া $0.81a^2$ হয় বলিরা ঝালর দুইটিকে আলাদা বলিরা সহজেই চেনা বার। তৃতীয় কেটে ৰলা হইয়াছে বে P এবং P' এর কৌণিক বিবোজন $rac{\lambda}{a}$ এর চেরে কম হইলে এক সমর দুইটি ঝালরশ্রেণী মিলিয়া এক হইরা বার বাহাতে ইহাদের ৰভত্ত অন্তিদ্ব আর ধরা বার না। কিন্তু এই পুই অবস্থার মধ্যে কিছুটা বিস্তৃতি বর্তমান। অর্থাৎ $\theta = \frac{\lambda}{a}$ হইতে কম কোণিক বিবোজন হওয়া মাত্রই পুইটি বালর মিশিরা এক হটরা বার না। দেখা গিরাছে বে heta এর মান $\frac{\lambda}{a}$ এর অপেকা 10% কম হইলেও সূক্ষ যত্ত্ব সাহাব্যে মাপিয়া ঝালরশ্রেণী দুইটির স্বতম্র অন্তির ধরা যায়। সূতরাং এই হিসাবে দেখিতে গেলে কৌণিক বিভেদন সীমা $\theta=rac{\lambda}{a}$ এর চেয়ে কম ধরা বাইতে পারে। কিন্তু এই সীমা তাহা ছইলে অনেকটা অস্পষ্ট এবং পরিবর্তনশীল অবস্থার উপর নির্ভরশীল হয়। সেজন্য Rayleigh ঠিক করেন যে $\theta = \frac{\lambda}{a}$ এই সর্ভই বিভেগনের সীমা বলিয়া নির্দিষ্ট হওরা সুবিধাজনক। এই রীতি অনুসারে বিভেদন সীমা (limit of resolution) $\theta = \frac{\lambda}{2}$. (3.173)

এইটি রাজের মানক (Rayleigh criterion) হিসাবে পরিগণিত হইরাছে এবং আলোকীর বরের বিভেদন ক্ষমতা নির্ণরে এইটিই মানক হিসাবে বাবহৃত হইরা আসিতেছে। সমীকরণ 3.173 বিভেদন সীমার মানক হিসাবে বাবহারের কারণ এই যে এইটি একটি সহজবোধা এবং পুনরুংপাদনযোগ্য (reproducible) সম্বন্ধ।

কিন্তু অনেক বরের ক্ষেত্রেই (বথা ফেরি-পেরে) ব্যক্তিচার মাপকের বেলার) বর্ণালির গঠন ঠিক ব্যালের আলোচিত বর্ণালির গঠনের সহিত মিলে না। সূতরাং ব্যালের মানক এইসব ক্ষেত্রে পুরাপুরিভাবে প্রবোজ্য নর। ইহা জিন দেখা যার যে বর্ণালির বিভেদন বর্ণালি দুইটির আপেক্ষিক আলোকতীব্রতার উপরও খানিকটা নির্ভর করে। নিমের চিত্র নং ৩.৭৫ হইতে এই ব্যাপারটি বুঝা যাইবে।



150 O.96

চিত্রে দুইটি বর্ণালিরেখার অধিস্থাপন দেখানো হইয়াছে। ইহাদের আলোকতীরতার অনুপাত 1 এবং 5. a, b, c, d ক্ষেত্রে বর্ণাল দুইটির বিভাজন $\triangle \theta$ দেখানো হইয়াছে। এখানে $\triangle \lambda_R$ বুঝাইতেছে র্য়ালের মানক অনুসারে বিভেদনের জন্য তরঙ্গদৈর্ঘ্যের ন্যানতম পার্থক্য। প্রথমক্ষেত্রে (a) দেখা যাইতেছে যে $0.6 \triangle \lambda_R$ এর ক্ষেত্রে উভয় আলোকতীরতার অনুপাতেই লাজি তীরতা এমন হয় যে ইহাদের আলাদা বলিয়া চিনিবার প্রশ্নই ওঠে না। দিতীয় ক্ষেত্রে (b) দেখা যায় যে সমান আলোকতীরতার তরঙ্গের ক্ষেত্রে লাজি আলোকতীরতা দুইটি চরমের মাঝখানে 20% কমিয়া য়ায়, কিন্তু 5 অনুপাতের ক্ষেত্রে এর্ম্প হ্লাস হয় না। সুতরাং সমতীরতাসম্পন্ন বর্ণালির ক্ষেত্রে এই বেলায় আংশিক বিভেদন হইলেও বেশী মানের তীরতার অনুপাতের ক্ষেত্রে বিভেদন আদৌ হয় না। দেখা গিয়াছে যে $\triangle \theta \sim 1.2 \triangle \lambda_R$ হইলে প্রথম ক্ষেত্রে দুইটি চরমতীরতার মধ্যের অবস্থানে 60% তীরতার হ্লাস পায় এবং এইটিকে

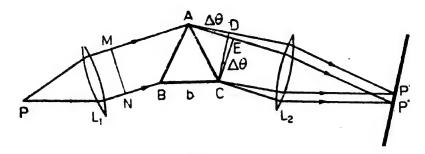
পূর্ণ বিভেদন বলা চলে । কিন্তু দিতীয় ক্ষেত্রে $\left(\frac{I_1}{I_2}-5\right)$ ক্ষীণ চরমতীরতার 60% হ্রাস হয় না ; ভবে দুইটি বর্ণালির উপস্থিতি বৃঝিতে পারা যায় এবং এক্ষেত্রে আংশিক বিভেদন হইয়াছে বলা চলে । সূতরাং দেখা যাইতেছে যে অনুপাত 1 এর ক্ষেত্রে যেখানে $\triangle\theta=1.2\triangle\lambda_R$ এর জন্য পূর্ণ বিভেদন হইতেছে সেখানে অনুপাত 5 এর জন্য আংশিক বিভেদন হইতেছে মার । অনুপাত 5 এর ক্ষেত্রে পূর্ণ বিভেদন পাইতে হইলে $\triangle\theta=1.5\triangle\lambda_R$ হওয়া প্রয়োজন । অর্থাৎ র্য়ালের মানক সমান তীব্রতার দুইটি বর্ণালির ক্ষেত্রেই প্রযোজ্য হয় । বর্ণালীর তীব্রতার অনুপাত এবং আফুতির পরিবর্তন হইলে এই মানকের মূলাও অনুবৃপভাবে পরিবর্ণতিত হইবে । কোন কোন ক্ষেত্রে এই অনুপাত 1000 এর মত হয় : সেক্ষেত্রে বিভেদনের জন্য $\triangle\theta$ র মানও $\triangle\lambda_R$ এর কয়েক গুণ পর্যান্ত হইয়া থাকে ।

প্রিজ্ম বর্ণালিবীক্ষণের বিভেদন ক্ষতা (Resolving power of a prism spectroscope).

রালের মানক (সমীকরণ 3.173) ব্যবহার করিয়া সর্বপ্রথম যে আলোকীয় বর্রটির বিভেদন ক্ষমতা নির্ণয় করা হইবে সেটি হইল প্রিজ্ম্ বর্ণালিবীক্ষণ। এই যব্রে প্রতিটি তরঙ্গদৈর্ঘার আলোর জনা একটি বর্ণালির সৃষ্টি হয়। যাদ আপতিত আলোতে একাধিক দৈর্ঘার তরঙ্গ বর্তমান থাকে তবে অভিনেতের দৃষ্টিক্ষেত্রেও সমসংখ্যক বর্ণালির সৃষ্টি হইবার কথা। কিন্তু পূর্বের আলোচনা হইতে বুঝা যায় যে পাশাপাশি অবস্থিত দুইটি তরঙ্গের দৈর্ঘার পার্থকা যদি খুব কম হয় তবে বর্ণালি দুইটির কৌণিক বিযোজনও অনুর্পভাবে এত কম হইতে পারে যে তাহাদের স্বত্তর অন্তিম্ব বুঝা নাও যাইতে পারে । এর্প ক্ষেত্রে তরঙ্গ দুইটির দৈর্ঘার তফাৎ বর্ণালিবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতার সীমার বাহিরে পজ্য়াছে বলা বায়। এই ক্ষেত্রে বিভেদন ক্ষমতার যান নির্মালিখিতর্পে নির্ণয় করা যায়।

০.৭৬ নং চিত্রে বর্ণালিবীক্ষণে বর্ণালির উৎপত্তির প্রণালী দেখানে। হইরাছে। P একটি আলোকউৎস, এক্ষেত্রে বর্ণালিবীক্ষণের আলোকউৎস হিসাবে ব্যবহৃত রেখাছিদ্র। ইহা হইতে নির্গত আলো L, লেক দ্বারা সমাস্তরাল রিম্মগুছে পরিণত হইরা ABC প্রিজ্মের AB তলে অবম বিচুতি কোণে (angle of minimum deviation) আপতিত হইতেছে। প্রিজ্মে

বিচ্ছুরণের ফলে AC তল হইতে প্রতিসৃত আলো L_2 লেক দারা বিভিন্ন বিন্দুতে ফোকাসিত হইবে। এখানে ধরা হইয়াছে যে আপতিত রশিতে দুইটি দৈর্ঘ্য λ_1 এবং λ_2 এর তরঙ্গ বর্তমান এবং ইহাদের জন্য দুইটি বর্ণালি P'



চিত্ৰ নং ৩.৭৬

P' এর উন্তব হইয়াছে । আপতিত সমান্তরাল আলোতে MN একটি তরঙ্গমুখ । অনুর্পভাবে প্রতিসৃত আলোরও তরঙ্গমুখ আকা হইয়াছে । কিন্তু এইক্ষেত্রে বিচ্ছুরণের জন্য λ_1 এবং λ_2 দৈর্ঘোর তরঙ্গের জন্য দুইটি বিভিন্ন সমান্তরাল রশ্মিমালার সৃষ্টি হইবে । সূতরাং তরঙ্গমুখও দুইটি আলাদা হইবে । এই দুইটির অবস্থান বুঝাইতেছে CD ও CE দ্বারা । বিচ্ছুরণের ফলে সমান্তরাল রশ্মিমালা দুইটির কোণিক বিয়োজন বাদ হয় $\Delta\theta$, তবে CD এবং CE দুইটি তরঙ্গমুখের কোণিক বিয়োজনও হইবে $\Delta\theta$. প্রিজ্মের ভূমির (base) দৈর্ঘ্য ধরা হইয়াছে b. আর প্রিজ্মে λ এবং λ ' তরঙ্গদৈর্ঘোর প্রতিসরাক্ষ মথাক্রমে μ এবং μ '. তাহা হইলে বলা যায় যে যেহেতু P বিন্দু হইতে নির্গত আলোক রশ্মিমালা P' বিন্দুতে (λ তরঙ্গের জন্য) ফোকাসিত হইয়াছে, ফারমাটের নীতি (Fermat's principle) অনুসারে এই রশ্মিমালার প্রতিটি রশ্মির আলোকপথ সমান । আবার P হইতে তরঙ্গমুখ MN পর্যান্ত প্রতিটি রশ্মির আলোকপথ সমান । এবং এই কথা বলা চলে প্রতিস্তত রশ্মিমালাদ্বয়ের ক্ষেণ্ডেও; অর্থাৎ CD হইতে P' এবং CE হইতে P' পর্যান্ত বথাক্রমে আলোকপথ সমান । সূতরাং বাকী আলোকপথের সম্বন্ধে লেখা যায় বথাক্রমে আলোকপথ সমান । সূতরাং বাকী আলোকপথের সম্বন্ধে লেখা যায়

 $MA+AD=NB+\mu\cdot BC \to \lambda$ আলোকতরঙ্গের ক্ষেত্রে $MA+AE=NB+\mu'\cdot BC \to \lambda'$ আলোকতরঙ্গের ক্ষেত্রে সূতরাং দাড়ার

$$AE - AD = BC(\mu' - \mu) = b \cdot \Delta \mu = b(\lambda - \lambda')\lambda \frac{\Delta \mu}{\Delta \lambda}$$
 (3.174)

প্রিক্ষ্ ইইতে বে আলোক রন্ধিমালা নিগত হর তাহার উপর প্রিক্ষ্টি একটি আরতাকার রেখাছির হিসাবে কিয়া করে। চিত্র নং ৩.৭৬এ ইহাদের প্রস্থ λ এবং λ' তরঙ্গদৈর্ঘার জন্য বধাক্রাম CD এবং CE হিসাবে দেখানো হইরাছে। সূতরাং ইহার বেলার র্য়ালের মানক (Rayleigh criterion) প্ররোগ করিরা বলা বাইতে পারে বে এই ক্ষেত্রে বিভেদনের সীমা হইবে $\Delta\theta - \frac{\lambda}{a}$. এখানে α হইবে নিগত রন্ধিমালার প্রস্থ। চিত্রে এই প্রস্থের মান $CD \Rightarrow CE$. চিত্র হইতে আরও দেখা বার বে

$$\Delta \theta = \frac{AE - AD}{CE}$$
 ($\Delta \theta$ খুবই ছোট বলিয়া)

অভএব লেখা বায় $\triangle \theta \cdot CE = b \cdot \frac{\triangle \mu}{\triangle \lambda} \cdot \triangle \lambda$

কিন্তু পূর্বেই দেখা গিরাছে যে প্রিজ্বমের ক্ষেত্রে র্য়ালের মানক ব্যবহার ক্রিয়া বিভেদন ক্ষমতার সীমা পাওয়া বায়

$$\Delta \theta = \frac{\lambda}{CE}$$

$$\therefore \frac{\lambda}{CE} = \frac{b}{CE} \cdot \frac{\Delta \mu}{\Delta \lambda} \cdot \Delta \lambda.$$

$$\overline{A} \frac{\lambda}{\Delta \lambda} = \frac{b}{\Delta \lambda} \frac{\Delta \mu}{\Delta \lambda} = \frac{b}{d\lambda} \frac{d\mu}{d\lambda} \qquad (3.176)$$

পরে আলোচিত বাবর্তন ঝাঝরির বিভেদন ক্ষমতার আলোচনা হইতে দেখা বাইবে বে আলোকীয় বব্রের বর্ণীয় বিভেদন ক্ষমতার (chromatic resolving power) সংজ্ঞা করা হইরাছে $\frac{\lambda}{\Delta\lambda}$ বেখানে Δ^λ সংগ্লিষ্ঠ তরঙ্গদৈর্ঘ্য দুইটির তফাং বুঝার । সুতরাং এই হিসাব হইতে দেখা বাইতেছে বে প্রিজ্ম্ বর্ণালিবীক্ষণের বর্ণীয় বিভেদন ক্ষমতা দাড়ায়

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = \frac{b \ d\mu}{d \ \lambda} \tag{3.177}$$

এই সমীকরণে b দেখানো হইরাছে প্রিজ্মের ভূমির (base) দৈর্ঘ্য বলিয়া আর ৩.৭৬ নং চিত্রে আপতিত রন্ধিমালা সমন্ত প্রিজ্মের মধ্য দিরাই প্রতিস্ত হইরাছে। কিন্তু যদি এই রন্ধিমালা প্রিজ্মের সমন্তটা ব্যবহার না করিরা উপরে এবং নীচে থানিকটা অংশ খালি রাখে তবে রেখাছিদ্রের থানিকটা অংশও ব্যবর্তন সৃষ্ঠিতে বাদ পড়িবে এবং সেক্ষেত্রে রেখাছিদ্রের প্রস্থুও আনুপাতিকভাবে কম হইবে। সূতরাং এরুপ ক্ষেত্রে b এর মান দাড়াইবে প্রিজ্বমের মধ্য দিরা দুইটি প্রান্তিক রন্মির পথদৈর্ব্যের বিয়োগফল। উপরের রাশিমালা 3.177 প্রিজ্মের বিভেদন ক্ষমতা বলিয়াও অভিহিত হইয়া থাকে। কিন্ত এটা প্রকৃতপক্ষে বর্ণালি বীক্ষণেরই বিভেদন ক্ষমতা। ইহার কারণ এই যে চিত্র নং ৩.৭৩ হইতে দেখা গিয়াছে যে দুইটি লেক L_1 এবং L_2 এর দরকার হইয়াছে বিভেদন ক্ষমতা বাহির করিতে। আর বর্ণালিবীক্ষণ বছটি প্রিজ্ম এবং L_1 ও L_2 লেব্দেরই সমন্বয়। কাজেই দেখা যাইতেছে যে বর্ণালিবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমত। নির্ভর করে শেষ পর্যান্ত প্রিজ্মের ভূমির দৈর্ঘ্য এবং $\frac{d\mu}{d\lambda}$ এর মানের উপর । অবশ্য এখানে ধরা হইয়াছে যে রেখাছিদ্র P এর প্রস্থ নানতম ; এটি বেশী হইলে সমগ্র ব্যান্তর বিভেদনক্ষমতা কমিতে থাকিবে। $\frac{d\mu}{d\lambda}$ প্রিজ্ম তৈরীর সামগ্রীর ধর্মের উপর নির্ভর করে। কোনও একটি প্রিজ্মের বেলায় $\frac{d\mu}{d\lambda}$ যদি 1000 হয় তবে তাত্ত্বিভাবে বলা যায় যে সোডিয়ামের হলুদ যুগলবর্ণালির ক্ষেত্রে ইহাদের বিভেদন করিতে যে নানতম ভূমিদৈর্ঘ্যের প্রিজ্ম লাগিবে তাহা নিম্নলিখিতরূপে হিসাব করিয়া বাহির করা যায়

$$\frac{\lambda}{\triangle \lambda} \simeq \frac{5893}{6} \simeq 1000 - b \times \frac{d\mu}{d\lambda} = b \times 1000$$

ৰা b=1 cm.

অবশ্য পরের আলোচনা হইতে দেখা ষাইবে যে পরীক্ষাকালে ঐ বর্ণালযুগলকে বিভেদিত করিতে নানাকারণে আরও বেশ খানিকটা বড় ভূমিদৈর্ঘের প্রিজ্ম্ দরকার হয়।

দূরবীকণ ষ্তেরের বিভেগন কষ্ডা (Resolving power of a telescope)

পূর্বের আলোচনায় (বিভেদন ক্ষমতার সংজ্ঞা) বলা হইয়াছে যে যখন কোনও দ্রবীক্ষণ যদ্রের সাহাযো গ্রহ বা তারকাজাতীয় দ্রের বন্ধু নিরীক্ষণ করা। হয় তখন দৃষ্টিক্ষেত্রে ঐ বন্ধুর একটি প্রতিবিদ্ধ গঠিত হয়; আর এই প্রতিবিশ্বের আকৃতি শেষ পর্যান্ত নির্ণীত হয় বাবর্তনের প্রভাব দারা। ইহার ফলে একটি গোলাকৃতি চাকতির আকারের প্রতিবিদ্ধ সৃষ্ট হয় যাহাকে বলা হয় এয়ারীর চাকতি। এই চাকতির বাহির দিকে আরও করেকটি সমকেন্দ্রিক গোলাকার ঝালর দেখা যায়। তবে কেন্দ্রীয় চাকতির তুলনার এইগুলির আলোকতীব্রতা খুবই কম হওয়ায় অধিকাংশ সময়েই ইহাদের প্রভাব খুবই সামান্য হইয়া থাকে। সূতরাং দেখা যাইতেছে যে যদি দুইটি খুব কাছাকাছি থাকা তারকা বা গ্রহের দিকে দ্রবীক্ষণ নির্দেশ করা যায় তবে তাহাদের সৃষ্ঠ ঝালরশ্রেণী বিভেদিত হইবে কিনা তাহা নির্ভর করিবে ঝালরশ্রেণী দুইটির কেন্দ্রের মধ্যেকার বাবধানের উপর। আর এটাও বুঝা বায় যে এই বিভেদন ক্ষমতা হিসাব করিতে রালের মানক বাবহার করা চলিতে পারে।

এয়ারীর চাকতির যে কোঁণিক বাাসার্দ্ধ হইবে তাহা 3.82 হইতে দেখা গিয়াছে যে আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য এবং দূরবীক্ষণ যরের অভিলক্ষ্যের ব্যাসের উপর নির্ভর করিবে। অর্থাং যদি এয়ারীর চাকতির কোঁণিক ব্যাসার্দ্ধ হয় θ এবং অভিলক্ষ্যের ব্যাস হয় d তবে λ তরঙ্গের আপতিত আলোর জন্য দেখা যায়

$$\theta = \frac{1.22\lambda}{d} \tag{3.82}$$

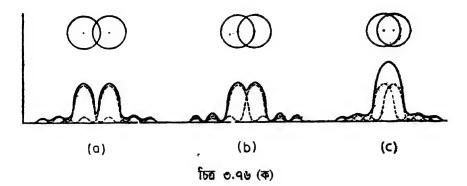
উপরের রাশিমালায় 1.22 গুণকটি আসিয়াছে অভিলক্ষ্যের গোলাকার আকৃতির জন্য (বৃত্তাকার ছিদ্রে ফ্রনহফার বাবর্তনের আলোচনা দুর্ভব্য)। অনুরূপ ক্ষেত্রে আয়ত ক্ষেত্রাকার অভিলক্ষ্য হইলে এই গুণকটি দাড়াইত 1. কাজেই যদি একটি উদাহরণ ধরা যায় বেখানে দ্রবীক্ষণের অভিলক্ষ্যের ব্যাস 10 cm এবং আপতিত আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য 5000Å, তবে এই ক্ষেত্রে এয়ারীর চাকতির কৌণিক ব্যাসার্দ্ধ হইবে

$$\theta = \frac{1.22 \times 5 \times 10^{-6} \text{ radians}}{10}$$
= $\frac{1.22 \times 5 \times 10^{-6} \times 57.4 \times 60 \times 60}{10}$ seconds
= 1.25 seconds.

এরারীর চাকতির প্রকৃত ব্যাসার্জ হিসাব করিতে অভিলক্ষ্যের ফোকাসদৈর্ঘ্য জানা প্রয়োজন হইবে। বর্তমান ক্ষেত্রে এই ফোকাসদৈর্ঘ্য বণি ধরা যায় 30 cm, তবে এই ব্যাসার্জ হইবে

$$\frac{1.22 \times 5 \times 10^{-6} \times 30}{10} = 0.0018 \text{ mm}.$$

উপরের হিসাব হইতে দেখা যাইতেছে বে প্রতিবিধে এরারীর চার্কাতর আকৃতি খুবই ক্ষুদ্র এবং প্রার বিন্দুর আকৃতি হইবে। এইবার বিভেদন ক্ষমতা হিসাব করিবার জন্য র্যালের মানক (Rayleigh criterion) ব্যবহার করা যাইতে পারে। যদি দুইটি বস্তুর জন্য দুইপ্রস্থ খালরের সৃষ্টি হয় তবে একটি ঝালরের জন্য এয়ারীর চাকতির কেন্দ্র যদি



দ্বিতীয় ঝালরের এরারীর চাক্তির সংলগ্ন অবম তীব্রতার স্থান অর্থাৎ বাহিরের ধারের সহিত সম্পাতী হয় তবে ঝালরশ্রেণী দুইটিকৈ আলাদা বলিয়া চেনা যাইবে ; আর তাহা হইলে বন্থু দুইটির স্বতন্ত্র অস্তিত্বও বুঝা যাইবে। ঝালরশ্রেণী দুইটি ইহা হইতে বেশী কাছাকাছি হইলে ইহাদের শ্বতম্ন অন্তিম ধরা যাইবে না অর্থাৎ তাহার। দূরবীক্ষণ যন্তের বিভেদন ক্ষমতার সীমার বাহিরে চলিয়া যাইবে। ৩.৭৬ক নং চিত্রে এইরূপ তিনটি অবস্থা দেখানো হইয়াছে। প্রথমটিতে এয়ারীর চাকতি দুইটির কেন্দ্রের দূরত্ব ইহার ব্যাসার্দ্ধের চেয়ে বেশী এবং এই ক্ষেত্রে ঝালরশ্রেণী দুইটি সম্পূর্ণরূপে আলাদা বলিয়া চেনা যাইতেছে। দ্বিতীয় চিত্রে এই দূরত্ব এয়ারীর চাকতির ব্যাসার্দ্ধের সমান, অর্থাৎ ব্যালের মানকের অনুমোদিত দূরত্বের সমান। এই ক্ষেত্রেও ইহারা আলাদা বলিয়া চেনা যায় যদিও প্রতিটি এয়ারীর চাকতির স্বতম্ভ অস্তিত বুঝা যাইতেছে না। তৃতীয়টিতে এই দূরত্ব এয়ারীর চাকতির ব্যাসার্দ্ধ হইতেও বেশ খানিকটা কম। এখানে দেখা যাইতেছে যে লব্ধি আলোকতীব্রতা এরূপ দাড়াইয়াছে যে ঝালর নক্সা দুইটিকে আর আলাদা করিয়া চেনা যাইতেছে না। কাজেই দ্বিতীর ক্ষেত্রটিকে দূরবীক্ষণ যন্ত্রের বিভেদন ক্ষমতার সীমা বলিয়া ধরা যাইতে এই মানক বাবহার করিয়া বলা বাইতে পারে যে বর্তমান পারে । উদাহরণের ক্ষেত্রে

বিভেদন ক্ষমতার কৌণিক সীমা = $\theta = \frac{1.22\lambda}{d} = 1.25$ seconds

অর্থাৎ দুইটি বন্ধুর কৌণিক বিবোজন 1.25 seconds পর্যান্ত হইলে তাছারা

উপরোক্ত দূরবীক্ষণ-বন্ধ বার। বিভেদিত হইবে। এই আলোচনা হইতে আরও দেখা বাইতেছে বে বেহেতু বিভেদন ক্ষমতার কৌণিক সীমা অভিসক্ষোর বাাসের বাস্তানুপাতিক, অতএব উল্লিখিত তরস্কদৈর্ঘ্য ব্যবহার করিলে 1 cm ব্যাসের অভিসক্ষের জনা কৌণিক বিভেদনের সীমা হইবে 12.5 seconds.

আর d ব্যাসের অভিলক্ষ্যের জন্য কৌণিক বিভেদনের দীমা হইবে

$$\theta = \frac{12.5}{d} \text{ seconds} \tag{3.178}$$

এই হিসাবে তাত্ত্বিকদিক হইতে দেখা বার বে মানুষের চোখের তারারক্রের (pupil of the eye) ব্যাস মোটামুটি 3 mm হওরার ফলে ইহার বিভেদনক্ষমতার সীমা হইবে

$$\frac{12.5}{0.3}$$
 - 41.7 secs.

অবশ্য এই সীমা তরঙ্গদৈর্ঘ্যের উপরও নির্ভর করিবে এবং উপরের বিভেদন সীমা পাওয়া গিয়াছে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের মান 5000Å ব্যবহার করিয়া। তরঙ্গদৈর্ঘ্য আলাদা হইলে বিভেদন সীমাও সমানুপাতিকভাবে পরিবাতিত হইবে। আবার সকলের ক্ষেত্রে তারারব্রের ব্যাসও সমান হয় না। এই ব্যাসের পরিবর্তনের সঙ্গে বভেদন সীমাও বাস্ত্যানুপাতিকভাবে পরিবাতিত হইবে।

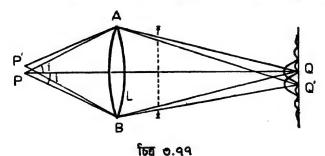
দূর্বীক্ষণ যাের বিভেদন ক্ষমতার প্রতিবিশ্বের বিবর্ধনেরও একটি ভূমিকা আছে। কোনও প্রতিবিশ্ব হরতে। রালের মানক মানিবার ফলে বিভেদিত হইল। কিন্তু চোথের বিভেদন সীমার বাহিরে থাকার জনা এই প্রতিবিশ্ব বিভেদিত বিলয়া নাও চেনা যাইতে পারে। চোথের বিভেদন ক্ষমতার সীমার আলোচনা হইতে দেখা গিয়াছে বে দুইটি বন্ধুর কৌণিক বিয়োজন মোটামুটি 42 sec. হইলে ভাহারা আলাদা বিলয়া চেনা যায়। অভিলক্ষের ফোকাসতলে বে প্রতিবিশ্বের সৃষ্টি হয় ভাহা অভিনেত্রের সাহাযো বিবর্ধিত করিয়া দেখা হইয়া থাকে। এই প্রতিবিশ্ব সাধারণত অভিনেত্রে চোথের স্পর্কতার অবম দূরত্ব (least distance of distinct vision) 25 cm. দূরে গঠিত হইয়া থাকে। এই দিক হইতে দেখিলে আলোচাক্ষেত্রে দুইটি প্রতিবিশ্বের মধোর দূরত্ব হইবে 0:01 cm.

সূতরাং ভালভাবে বিভেদিত হইতে হইলে অভিনেক্রের দৃষ্টিক্ষেত্রে প্রতিবিশ্ব দুইটিকে মোটার্মুটি 0.02 cm দ্রমে অবস্থিত হইতে হইবে। এই পরিমাণ বিবর্ধনকে বলা বাইতে পারে লাভজনক বিবর্ধন (useful magnification).

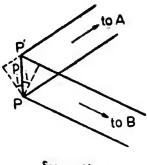
ইছার বেশী বিবর্ধন করির। লাভ হর না কারণ প্রথমত বন্ধুতে (একেশ্রে অভিলক্ষ্যের ফোকাসতলে সৃষ্ঠ প্রতিবিষ) বে সৃষ্ম ছবি (details) বর্তমান নাই তাহা বিবর্ধন বারা প্রতিবিধে সৃষ্ঠি করা বার না। বিভীরত বিবর্ধন বেশী হইলে বন্ধুর প্রতিটি বিন্দু একটি ব্যবর্তন নকসার সৃষ্ঠি করে। এই সমস্ত নক্সার লাজ আলোকতীরতা বন্ধুর অপেকাও অন্পষ্ঠ (বাদও বিবর্ধিত) প্রতিবিধের উৎপত্তি করে। এইর্প বিবর্ধনকে বলা বাইতে পারে অসার বিবর্ধন (empty magnification) ঃ বলা বাহুল্য দ্রবীক্ষণ ব্যের বিভেদন ক্ষমতা অবস্থানিক (positional) বিভেদন ক্ষমতা ব্রবার।

অণুবীক্ষণ যৱের বিভেগন ক্ষমতা (Resolving power of a microscope).

অপুবীক্ষণ যত্ত্ব খুব ছোট এবং কাছের জিনিষের বিবাধিত প্রতিবিশ্ব দেখিবার জন্য ব্যবহার করা হইয়। থাকে। এখানে বিভেদন ক্ষমতার অর্থ বন্ধুর খুব কাছাকছি দুইটি বিন্দুর এমন স্বতন্ত্ব প্রতিবিশ্বের সৃষ্ঠি হওরা যাহাতে ইহারা আলাদা বলিয়া চেনা যায়। এই যত্ত্বেও অবশ্য বন্ধুর প্রতিটি বিন্দু বাবর্তনের ফলে একটি ঝালরপ্রেণীর সৃষ্ঠি করে এবং অপুবীক্ষণ যত্ত্বের অভিলক্ষাের আকৃতি গোলাকার হওয়ায় এই ঝালরপ্রেণীতে এয়ায়ীর চাকতি এবং সংশ্লিক গোলাকার সমকেন্দ্রিক ঝালর থাকিবে। আর এই কারণে যত্ত্বের বিভেদন ক্ষমতা নির্ণয় করিতে ব্যালের মানক ব্যবহার করা চলিবে। তবে দ্রবীক্ষণের সহিত অপুবীক্ষণের প্রতিবিশ্ব সৃষ্ঠিতে কিছু পার্থক্য আছে। দ্রবীক্ষণে যেখানে বিভেদনের বেলায় বন্ধু দুইটি অভিলক্ষ্যের ফোকাসভলে অতি ক্ষুদ্র কোণের সৃষ্ঠি করে, সেখানে অপুবীক্ষণের ক্ষেচে বন্ধুর শ্বতত্ত্ব বিন্দু



দুইটির প্রত্যেকটি হইতে যে আলোকরণি অভিলক্ষ্যে আপতিত হয়, তাহার প্রান্তিক রণি দুইটির মধ্যে উৎপন্ন কোণ মোটেই ক্ষুদ্র নহে। এইজন্য হিসাবের পদ্ধতিও একটু আলাদ। রকমের হইয়া থাকে। ৩.৭৭ নং চিত্রে খুব কাছাকাছি দুইটি বিন্দুর অগুবীক্ষণে প্রতিবিধের সৃষ্টি দেখানো হইরাছে। P এবং P' বন্ধুতে অবস্থিত কাছাকাছি দুইটি বিন্দু। P হইতে বে রন্ধিমালা অভিলক্ষ্য L এর উপর আপতিত হইতেছে তাহারা লেলে প্রতিসরণ এবং ব্যবর্তনের পর একটি ঝালর নক্সার সৃষ্টি করিরাছে। Q ইহাদের এরারীর চাকতির আলোক তীব্রতা বুঝাইতেছে। অনুর্পভাবে P' বিন্দুর প্রতিবিধের



150 O.98

এরারীর চাকতি হইল Q'. মনে রাখিতে হইবে বে প্রতিটি বিন্দুর জনাই একপ্রস্থ বাবর্তন ঝালরের সৃষ্টি হইরাছে। অভিনেত্রের দৃষ্টিক্ষেত্রে দেখা যাইবে এই দুইপ্রস্থ ঝালরের লব্বি আলোকতীব্রতা। এইবার রাালের মানকের নীতি প্ররোগ করিয়া অণুবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতা বাহির করা যাইতে পারে।

র্যালের মানক অনুসারে Q চাকতির চরম আলোক তীব্রতা যথন Q' চাকতির অবম তীব্রতার সহিত সম্পাতী হইবে, তথনই P এবং P' বিন্দু দুইটি বিভেদন ক্ষমতার সীমার অবন্ধিত হইবে। ইহার অর্থ এই যে P' বিন্দুর ক্ষনা Q অবন্ধানে একটি অবম তীব্রতার সৃষ্টি হইবে। সূতরাং P' বিন্দুর হইতে যে দুইটি রশ্মি P'AQ এবং P'BQ যাইবে তাহাদের পথদূর্থ এমন হওয়া আবশাক যাহাতে ইহার। Q বিন্দুতে অবম তীব্রতার সৃষ্টি করে। আর P বিন্দু হইতে Q বিন্দু পর্যান্ত সংশ্লিষ্ট রশ্মি দুইটির পথদূর্থ সমান বিলয়া এখানে P এর ক্ষনা চরম আলোক তীব্রতা উৎপক্ষ হইবে। চিত্র নং ৩.৭৮ হইতে দেখা বার যে P'AQ এবং P'BQ রশ্মি দুইটির পথদূর্থ $2p \sin i$. এখানে P বিন্দু দুইটি P এবং P' এর দূর্থ এবং i দুইটির বে কোন একটি রশ্মি এবং অন্ধের মধ্যের কোণ বুঝাইতেছে। ইহার কারণ P এবং P' হইতে যে রশ্মি দুইটি B এর দিকে বাইতেছে তাহাদের মধ্যে P' এর দূর্থ P এর অপেক্ষা P গান P বিন্দুর দিকে

যাইতেছে তাহাদের মধ্যে P' বিন্দুর দ্রম্ব P বিন্দুর দ্রম্ব হইতে $p \sin i$ কম। কিন্দু PA এবং PB সমান। সূতরাং P'AQ এবং P'BQ এর মোট পথদূরম্ব দাড়ার

পথদূর
$$= 2p \sin i$$
.

যেহেতু এই পথদূরত্বের জন্য Q বিন্দুতে এরারীর চাকৃতির অবম আলোক তীব্রতার সৃষ্টি হর, সূতরাং গোলাকার ছিদ্রে আলোর ব্যবর্তনের আলোচনা হইতে বলা বার যে এই পথদূরত্ব 1·22 λ এর সমান [P বিন্দু হইতে নির্গত অপসারী আলো লেলের সাহাব্যে Q বিন্দুতে ফোকাসিত হইতেত্বে; অতএব ক্রনহফার ব্যবর্তনের সংজ্ঞানুসারে এই ক্ষেত্রে আলোর ফ্রনহফার ব্যবর্তন হইতেত্বে যেজন্য সমীকরণ (3.179) প্রযোজ্য হইবে ।] সূতরাং পাওয়া বার

$$2 p \sin i = 1.22\lambda$$

$$q = \frac{1.22\lambda}{2 \sin i}.$$
(3.179)

p বিন্দু দুইটির মধ্যের দ্রম্ব । আর হিসাবে ধরা হইরাছে বে p এর এই ন্।নতম দ্রম্বের জন্য বিন্দু দুইটিকে আলাদা বলিরা চেনা যাইবে । সূতরাং বলা যায় যে সমীকরণ 3.179 অগুবীক্ষণ থব্রের বিভেদন ক্ষমতার সীমার রাশিমালা । শক্তিশালী অগুবীক্ষণ যব্রে বন্ধু এবং অভিলক্ষ্যের মধ্যের স্থানটি কোনও একটি তেলজাতীয় জিনিষে পূর্ণ থাকে (oil immersion objective). ইহার ফলে i কোণটি আরও বড় করা সন্থব হয় যে জন্য বন্ধু হইতে আরও বেশী আলো লেন্দে পড়িয়া প্রতিবিষের উজ্জ্লা বাড়াইয়া দেয় । আর এই ক্ষেত্রে পথদূরম্ব দাড়ায় 2p μ sin i [μ তেলের প্রতিসরাক্ষ্য । সূতরাং এইর্প লেন্দের ক্ষেত্রে পাওয়া যাইবে

$$-\frac{1\cdot22\lambda}{2\mu\sin i}. (3.180)$$

μ sin i কোনও একটি লেলের বৈশিষ্টা বলিয়া আবে (Abbe) এই সংখ্যাকে লেলের সংখ্যাত্মক উদ্মেষ (numerical aperture) বলিয়া অভিহিত করেন। ইহা ছাড়া আবে আরও একটি প্রসঙ্গ এই ব্যাপারে আলোচনা করেন। এই হিসাবে ধরা হইরাছে বে P এবং P' বিন্দু স্বাধীনভাবে আলোক বিকীরণ করিতেছে, তাহাদের মধ্যে কোনও দশার সম্বন্ধ নাই। কিন্তু প্রকৃতপক্ষে সমগ্র বন্ধুটির উপর সাধারণত একটি আলোকউৎস হইতে নিগতি আলো লেলের সাহাযে। ফোকাস করা হর যাহাতে বন্ধুটির উক্তলা বাড়ে। এই অবস্থার

বিভিন্ন বিন্দুগুলি স্বাধীন এবং অসংসক্তভাবে আলোক বিকীরণ করে না, ভাছাদের বিকীর্ণ আলোর মধ্যে থানিকটা দখার সন্ধ থাকিয়া বার। এই আলোচনা হইতে আবে অপুবীক্ষণে প্রতিবিধের সৃষ্টি সন্ধ তাহার বিখ্যাত মতবাদ প্রবর্তন কারণ (অধ্যায়ের শেষের আলোচনা দ্রকীর্য)। উপরোক্ত আলোচনায় তিনি সিদ্ধান্তে আসেন যে সংসক্ত বিকীর্ণ আলোর ক্ষেত্রে অপুবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতা নিম্নলিখিত রাশিমালা দ্বারা বুঝান চলিতে পারে

$$p = \frac{\lambda}{2\mu \sin i}. \tag{3.181}$$

উদাহরণ শর্প বলি ধরা বার বে একটি অণুবীক্ষণের বেলার $\mu=1.6$, $i=60^\circ$ এবং $\lambda=5500$ Å, তবে পাওয়া বার

$$p = \frac{5.5 \times 10^{-8}}{2 \times 1.6 \times 0.8660} = 1.986 \times 10^{-8} \text{ cm}.$$

তাত্ত্বিকভাবে বলা বায় বে এইটিই হইল বন্তুর দুইটি বিন্দুর মধ্যে ন্।নতম দ্রম্ব বাহার অপেক্ষা কম দ্রম্বে অর্বান্থত হইলে বিন্দু দুইটির বতত্র অন্তিম্ব বুঝিতে পারা বাইবে না। অবশ্য নানা কারণে এই দ্রম্ব আরও বাড়িয়া বায়, অর্থাৎ অণুবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতা কমে।

3·181 রাশিমালার একটি জিনিব লক্ষণীর। p আলোকতরঙ্গ দৈর্ঘ্য ম এর সমানুপাতিক। সূত্রাং বাদ অতিবেগুনী আলো ব্যবহার করিয়া ছবি তোলা বার তবে বিভেদন ক্ষমতা প্রার দিগুণ করা চালতে পারে। অবশা এই হিসাবে ইলেকট্রন অগুবীক্ষণ বন্ধ (electron microscope) আরও অনেক বেশী বিভেদনক্ষমতার অধিকারী। ডি রগ্লীর (De Broglie) সিদ্ধান্ত অনুসারে গতিশীল বন্ধুর সহিত নির্দিষ্ট দৈর্ঘের তরঙ্গ সংগ্লিষ্ট থাকে এবং এই জাতীর তরঙ্গ বিদৃষ্টেম্বকীর (electromagnetic) তরঙ্গ হইতে আলাদা। ইহাদের বন্ধু-তরঙ্গ (matter waves) বলা বাইতে পারে। গতিশীল ইলেকট্রন, প্রোটন, নিউট্রন জাতীর কণার ক্ষেত্রে এই সমন্ত তরঙ্গ ব্যবহার করিয়া পরিমাপ বোগ্য পরীক্ষা করা বায়। বন্ধি গতিশীল কণার সহিত তরঙ্গ সংগ্লিষ্ট থাকে তবে এই তরঙ্গ অবশাই তাহাদের ধর্ম প্রদর্শন করিবে। ক্লি. পি. থমসন (G. P. Thomson) এবং ডেভিসন ও জারমার (Davisson and Germer) আলাদাভাবে গতিশীল ইলেকট্রন হইতে সর্বপ্রথম এই বন্ধু-তরঙ্গের বারর্তন পরীক্ষার দারা প্রকান করেন। তাহার পর জমে এই বন্ধু-তরঙ্গের বার্বর্তন পরীক্ষার দারা প্রকান করেন। তাহার পর জমে এই বন্ধু-তরঙ্গের বার্বর্তন পরীক্ষার দারা প্রকান করেন। তাহার পর জমে এই বন্ধু-তরঙ্গের বার্বর্তন পরীক্ষার দারা প্রকান করেন। তাহার পর জমে এই বন্ধু-তরঙ্গের বার্বর্তন পরীক্ষার দারা প্রকান করেন। তাহার পর জমে এই বন্ধু-তরঙ্গের বার্বর্তন পরীক্ষার দারা প্রকান করেন। তাহার পর জমে এই বন্ধু-তরঙ্গের বার্বর্তন পরীক্ষার দারা প্রকান করেন। তাহার পর জমে এই বন্ধু-তরঙ্গের বার্বার উপর ছিটি

করিয়া ইলেকট্রন-অণুবীক্ষণযদ্ভের সৃষ্টি হয়। ইলেকট্রন অণুবীক্ষণ বছে বে তরসদৈর্ঘ্যের সৃষ্টি হয় তাহা নিমলিখিত সমীকরণ দ্বারা নিমন্ত্রিত হয়

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$
 [$h =$ প্রান্দের ধ্বক ; m এবং v ইলেকট্রনের ভর এবং গতিবেগ] (3.182)

$$=\frac{12}{\sqrt{V}}$$
 Å approximately (এখানে V প্রযুক্ত ভোপ্টেক্স) (3.183)

এই হিসাবে 14400 ভোপ্টে তরঙ্গদৈর্ঘ্য পাওরা যার 0.1 Å এবং 57600 ভোপ্টে তরঙ্গদৈর্ঘ্য 0.05 Å. এই যদ্ধে অনেক সময়ই 60000 volt ব্যবহার করা হয়। ফলে এই বিবেচনা হইতে পাওরা বার

$$= - \frac{0.05 \times 10^{-8}}{2\mu \sin i} = \frac{0.05 \times 10^{-8}}{2 \sin i}$$
 [$\mu = 1$ অণুবীক্ষণের ভিতরে বায়ুশ্ন্য স্থানে]

অতএব যদি $i=30^\circ$ হয় তবে p এর মান দাড়াইবে 0.05×10^{-8} cm. কিন্তু এই যরে i কোণাঁট সাধারণত খুবই ছোট। অতএব সংখ্যাত্মক উদ্যোষ (numerical aperture) সাধারণ অণুবীক্ষণ যরের তুলনায় অনেকটাই কম। তা সত্ত্বেও ইলেকট্রন অণুবীক্ষণ যরের বিভেদন ক্ষমতা সাধারণ অণুবীক্ষণ যরের অপেক্ষা অনেক বেশী।

ব্যবৰ্জন ঝাঝরির বিভেগন ক্ষমতা (Resolving power of a diffraction grating).

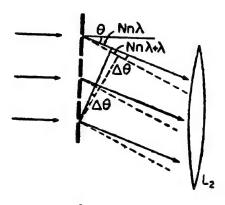
বার্তন ঝাঝারর ক্ষেত্রে যে বিভেদন ক্ষমতার কথা বলা হর তাহা অবশাই বর্ণীয় বিভেদন ক্ষমতা (chromatic resolving power). বার্বাতিত আলোতে যদি দুইটি খুব কাছাকাছি তরঙ্গ দৈর্ঘের আলো বর্ত্তমান থাকে তবে ইহাদের প্রত্যেকটি তরঙ্গ দৈর্ঘের জন্য এক প্রস্থ ঝালর উৎপন্ন হইবে। বিচ্ছ্রেগের জন্য এই ঝালর প্রতিটি ক্রমেই স্বতন্ত দুইটি ঝালর হিসাবে অবস্থিত থাকিবে। কিন্তু তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের তফাং যদি খুব কম হয় তবে কোনও একটি ক্রমের ঝালর দুইটি বিভেদিত হইবে কিনা তাহা প্রধানত নির্ভর করিবে ইহাদের প্রস্থের উপর। এই দিক হইতে দেখিলে বুঝা যাইবে যে ব্যবর্তন ঝাঝারর বিভেদন ক্ষমতা খুবই বেদা, কারণ এই যত্তে উৎপন্ন ঝালরগুলির প্রস্থ খুব কম। কেন এই প্রস্থ খুব কম এবং ইহার মান কি ধরণের তাহা নিম্নের আলোচনা হইতে বৃক্ষা যাইবে।

বাবর্তন ঝালরের কেতে সমীকরণ 3.130 হইতে কেখা গিরাছে বে মুখ্য বর্ণাল-গুলির কেতে বে সকর প্রযুক্ত হয় তাহা নিয়র্প

$$\gamma = n\pi$$

ৰা (a+b) (sin $i+\sin\theta$) = $n\lambda$.

বখন $\gamma=n\pi+\frac{\pi}{N}$ হর তখন মুখা বর্ণালির আলোক তীরতা শ্ন্য হইর। বার (N= ঝাঝরিতে রেখাছিদ্রের সংখ্যা) । কেন এইরূপ হর তাহা নিমের চিত্র হইতে বুঝা বাইবে



চিত্ৰ ৩.৭১

৩.৭৯ নং চিত্রে বাবর্তন ঝাঝরিতে আপতিত আলো θ কোণে বাবর্তনের পর nth রুমের বর্ণাল সৃষ্ঠি করিতেছে। ইহাতে দুইটি প্রান্তিক রশ্মির পঞ্চ দুরত্ব $Nn\lambda$. সামান্য বেশী কোণ $\theta + \triangle \theta$ দিকে একগুছে সমান্তরাল রশ্মির কথা বিবেচনা করিতে বাইয়া $\triangle \theta$ এর মান বাদ এমন নেওরা হর যাহাতে এই ক্ষেত্রে প্রান্তিক রশ্মি দুইটির পঞ্চ-পার্থক্য হয় $Nn\lambda + \lambda$, তবে এই দিকে আলোক তীরতা কি দাড়াইবে তাহা হিসাব করিতে একক রেখাছিন্তের ক্ষেত্রে প্রবৃত্ত পছতি বাবহার করা চলিতে পারে।

এই উদ্দেশ্যে সমন্ত ব্যবর্তন ঝাঝারকে দুইটি সমান ভাগে ভাগ করা বার। তাহা হইলে দেখা বাইবে বে প্রথম ভাগের প্রথম রাশ্ব এবং দ্বিতীর ভাগের প্রথম রাশ্ব দুইটির মধ্যে পথ-পার্থক্য হইবে $\frac{1}{2}Nn\lambda + \frac{\lambda}{2}$ (এথানে N কে জ্যোড়-সংখ্যক ধরা হইরাছে ; বাঁদও বিজ্ঞোড় সংখ্যক হইলেও একই ফল পাওরা বাইবে, কারণ N সংখ্যাটি সাধারণতঃ খুবই বড়)। সূতরাং ভাহারা বিপরীত দশার

থাকার পরস্পরকে ধ্বংস করিবে। এইর্প ভাবে জ্যোড়ার জ্যোড়ার রান্দ্রগুলির কথা বিবেচনা করিলে দেখা যাইবে বে $\theta + \Delta \theta$ কোণে আলোক তীব্রতা হইবে শ্না। সূতরাং দেখা যার বে দুইটি পরপর মুখ্য বর্ণালির মধ্যে পথ দূরত্ব বিদ হয় $N\lambda$, তবে একটি মুখ্য বর্ণালির চরম তীব্রতা এবং ইহার সংলগ্ধ অবম তীব্রতার মধ্যে পথ পার্থক্য হইবে λ . সূতরাং দুইটি পাশাপাশি মুখ্য বর্ণালি এবং একটি মুখ্য বর্ণালির প্রস্থের অনুপাত হইবে N. বাবর্তন ঝার্ঝারতে N খুব বড় হওরার দেখা যার বে মুখ্য বর্ণালির প্রস্থও খুব কম হইবে। ৩.৭৯ নং চিত্র হইতে পাওয়া যার

$$\Delta \theta = \frac{\lambda}{\text{ব্যবভিত আলোক রশ্মিমালার প্রস্থ}}$$

$$= \frac{\lambda}{Nd \cos \theta}$$
(3.184)

এখানে △ । মুখ্য বর্ণালির কৌণক বিস্তারের অর্থেক বুঝাইভেছে। d বাঝরির পরপর পুইটি রেখাছিলের মধ্যের দূরত্ব।

উদাহরণ স্বর্প বলা যার বে যদি একটি ঝাঝারর প্রস্থ $5~{
m cm}$ এবং উৎপদ্ম বর্ণালির ক্ষেত্রে $\theta-60^\circ$ হয়, এবং $\lambda-5000$ Å হয় তবে পাওয়া বাইবে

$$\triangle \theta = \frac{5 \times 10^{-8}}{2.5} = 2 \times 10^{-8}$$
 radians.

 L_{s} লেন্দের ফোকাস দৈর্ঘ্য f যদি হয় 30 cm. তবে পাওয়া বাইবে

$$\triangle l = \triangle \theta \cdot f = 3 \times 10 \times 2 \times 10^{-5} = 6 \times 10^{-4} \text{ cm}.$$

এখানে △ 1 বুঝাইতেছে মুখ্য বর্ণালির রৈখিক প্রস্কের (linear width) আর্দ্ধেক। কাজেই ইহা হইতে সহজেই উপলব্ধি করা যায় যে বাবর্তন ঝাঝারর ক্ষেত্রে মুখ্য বর্ণালির প্রস্থ সাধারণত খুবই কম হইয়া থাকে। গোণ বর্ণালির আলোক তীব্রতা মুখ্য বর্ণালির তুলনার খুবই কম হওয়ায় বিভেদন ক্ষমতার ইহাদের প্রভাব গণ্য না করিলেও চলে।

উপরের আলোচনা হইতে সহক্ষেই অনুমান করা বার বে ব্যবর্তন ঝাঝরিতে বিভেদন ক্ষমতা খুব বেশী হইবে। ঝাঝরির সরলরেখাগুলি রেখাছিদ্রের আকৃতির বলিয়া এই ক্ষেত্রে র্য়ালের মানক ব্যবহার করিয়া বিভেদন ক্ষমতা বাহির করা বাইতে পারে। ধরা বাক আপতিত আলোতে দুইটি দৈর্ঘ্যের তরক্ষ বর্তমান এবং ইহাদের মান λ এবং $\lambda + \triangle \lambda$ তাহা হইলে প্রতিটি তরক দৈর্ঘ্য একটি ঝালর ক্রমের সৃষ্টি করিবে এবং $\triangle \lambda$ ক্ষুদ্র হইলে ইহারা পাশাপাশি খুবই

নিকটে অবস্থিত হইবে। বিভেগিত হইতে হইলে র্যালের মানক অনুসারে কোনও একটি n ক্রমের ঝালর দুইটি এমন অবস্থানে থাকিতে হইবে বাহাতে λ তরঙ্গ দৈর্ঘোর বর্গালির চরম তীব্রতার সহিত $\lambda + \triangle \lambda$ তরঙ্গ দৈর্ঘোর অবম তীব্রতার অবস্থান সম্পাতী হয়। এই সর্তে দুই ক্ষেত্রের পথ দূরত্ব হিসাব করিয়া লেখা বার

া বার
$$Nn\lambda = Nn(\lambda + \Delta\lambda) - \lambda$$
 বা $\frac{\lambda}{\Delta\lambda} = Nn$. (3.185)

 $\frac{\lambda}{\Delta\lambda}$ আলোকীর ব্যন্তের বর্ণীর বিভেদন ক্ষমতার সংজ্ঞা বালয়া ধরা বার । ইহার তাৎপর্বা এই বে এই সংখ্যাটি হইতে বুঝা বার বে একটি কোনও তরঙ্গ দৈর্ঘা λ এর ক্ষেত্রে $\Delta\lambda$ পার্থকোর দুইটি তরঙ্গ দৈর্ঘোর বিভেদন এই ব্যন্তর (এক্ষেত্রে বাবর্তন ঝার্ঝারর) পক্ষে করা সম্ভব । দেখা বাইতেছে বে এই সংখ্যা নির্ভর করে বর্ণালির ক্রম এবং ঝার্ঝারতে মোট রেখাছিদ্রের সংখ্যার উপর । উপরের সমীকরণের অর্থ এই যে কোনও তরঙ্গ দৈর্ঘো যদি $\Delta\lambda$ পার্থকোর দুইটি তরঙ্গের বর্ণালি বিভেদন করিতে হয় তবে সংগ্লিক্ট Nn এর মান $\frac{\lambda}{\Delta\lambda}$ এর সমান অথবা বেশী হইতে হইবে । সৃক্ষ পরীক্ষার বাবহুত বাবর্তন ঝার্ঝারর ক্ষেত্রে N=90000 অনেক সমরেই হইরা থাকে (প্রতি সেন্ডিমিটারে 6000 রেখা এবং ঝার্ঝারর প্রস্থ 15 cm.). সেক্ষেত্রে যদি তৃতীর ক্রমের ঝালর বাবহার করা সম্ভব হয় তবে দেখা বাইবে

$$\frac{\lambda}{\Delta^{\lambda}} = 90000 \times 3$$

বিদ $\lambda = 5000$ Å হয় তবে $\Delta \lambda = \frac{5 \times 10^{-8}}{2.7 \times 10^8} = 1.9 \times 10^{-10} \, \mathrm{cm}$, = 0.019Å. এইরূপ পরীক্ষা ব্যবস্থায় 0.019Å পার্থকোর দুইটি তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের বর্ণালিকে বিভেদিত করা সম্ভব । অবশ্য এই হিসাব পাওয়া ঘাইতেছে তাত্ত্বিক মতে । পরীক্ষাকালে ইহার অনেক হেরফের হইয়া থাকে । এই হিসাবমতে বিদ একটি ব্যবর্তন ঝাঝারিতে মাত্র 1000 এর মত মোট রেখা থাকে, তবে ইহা খারা সোভিরাজের হলুদ বর্ণালি দুইটিকে প্রথম ক্রমের বর্ণালিতেই বিভেদিত করা সম্ভব । কারণ এই ক্রেফের পাওয়া বাইবে

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = nN \quad \exists 1 \quad \frac{5893}{6} \leqslant 1000 \times 1$$

এই সমীকরণে ডার্নাদকের সংখ্যা বাদিকেরটির অপেক্ষা বড় হওরার বিভেদনের সর্ত সম্পূর্ণ পালিত হইতেছে। কিন্তু পরীক্ষাকালে দেখা যার বে প্রথম ক্রমে তো দ্রের কথা বিতীর বা তৃতীর ক্রমেও এই কর্ণাল দুইটি বিভেদিত হর না। ইহার নানা কারণ আছে। পরীক্ষাকালে ব্যাের প্ররোজনীর সমঞ্জন (adjustment) এর অভাবই ইহার মূল কারণ। সমঞ্জনের অভাবে রিশ্বমালা সম্পূর্ণ সমান্তরাল নাও হইতে পারে। ইহা ছাড়া আলোক উৎস হিসাবে বে রেখা-ছিদ্র ব্যবহার করা হয় তাহার প্রস্থ খব কম হওয়া দরকার। প্রস্থ বেশী হইলেও বিভেদন ক্ষমতার হ্রাস হইবে (অবশ্য ঝাঝিরের সম্পূর্ণ প্রস্থ W অপরিবর্তিত রাখিলে, কারণ এই ক্ষেত্রে N ক্রিয়া যাইবে)। সমীকরণ 3.185 এ ঝালরের ক্রমের মান বসাইলে পাওয়া যার

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = (a+b)(\sin i + \sin \theta) \frac{N}{\lambda} = \frac{W}{\lambda}(\sin i + \sin \theta) \quad (3.185a)$$

এখানে (a+b)N=W= ঝাঝারির পূর্ণ প্রস্থ ।

সূতরাং বিভেদন ক্ষমতার চরম মান দাড়াইবে $i=\theta=90^\circ$ এর বেলার । তখন দাড়াইবে $\frac{\lambda}{\Delta} max = \frac{2W}{\lambda}$ (3.185b)

এখানে লক্ষণীয় এই ষে আপতন কোণ 0° হইতে বাৰ্ডিতে থাকিলে বিভেদন ক্ষমতাও সঙ্গে সঙ্গে বাডিতে থাকে।

তাত্ত্বিকভাবে এই ফল পাওয়া গেলেও কার্যাত এই চরম মান পাওয়া যার না। কারণ যখন $i = 90^\circ$ হইবার উপক্রম হয় তখন ব্যব্যতিত আলোর পরিমাণ খুব কম হইয়া যায়।

একটি ক্রমে বিভেদন ক্ষমতা N এর সমানুপাতিক হয় ; কিন্তু কোনও নির্দিষ্ট আপতন এবং ব্যবর্তন কোণে বিভেদন ক্ষমতা N এর উপর নির্ভরদীল নয় । কারণ উপরের 3.185a সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে θ এবং i নির্দিষ্ট হইলে বিভেদন ক্ষমতা W এর সমানুপাতিক এবং λ এর ব্যস্ত্যানুপাতিক হয় ।

ইশ্,লণ্ ঝাঝরির বিভেদন ক্ষতা (Resolving power of an echelon grating).

ইশ্লন্ ঝাঝরির আলোচনা হইতে দেখা গিরাছে বে ইছাতে উৎপন্ন ঝালর-শ্রেণী এবং বাবর্তন ঝাঝরিতে উৎপন্ন ঝালরশ্রেণীর মূল নীতি একই। মূল পার্থক্য এই বে ইশ্লনে রেখাছিদ্রের সংখ্যা ব্যবর্তন্ ঝাঝরির তুলনার খুবই কম; অন্যাদিকে ইছাতে ঝালরের ক্রম একই কোণের জন্য ব্যবর্তন ঝাঝরির তুলনার অনুর্পভাবে অনেক বেশী। অতএব এই বারের বেলারও বিভেদন ক্ষমতা নির্ণর করিতে রালের মানক ব্যবহার করা বার এবং ফলে ব্যবর্তন ঝাঝরির ক্ষেত্রে পাওরা বিভেদন ক্ষমতার রাশি ব্যবহার করা চলিতে পারে। সমীকরণ 3.160 হইতে দেখা গিরাছে বে পারগম ইশ্লনের (transmission echelon) বেলার ঝালরের ক্রম পাওরা বার নিয়লিখিত সম্বন্ধ হইতে

$$n = \frac{\mu(t-1)}{\lambda}$$

সেই আলোচনার উদাহরণে ছিল $\mu = 1.6$, t = 0.5 cm, $\lambda = 6 \times 10^{-8}$ cm.

$$n = 13333$$
.

এ অবস্থার ধাপের সংখ্যা বদি 30 হর তবে বর্ণীর বিভেদন ক্ষমতা দাড়াইবে

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = Nn = 30 \times 13333 = 399990$$

সূভরাং △৴ দাড়াইবে

$$\Delta \lambda = \frac{6 \times 10^{-6}}{399990} \approx 1.5 \times 10^{-10} \text{ cm.} = 0.015 \text{Å}.$$

আবার প্রতিষ্ণান ইশ্লনের (reflection echelon) ক্ষেত্রে অনুর্থ অবস্থার বালরের ক্রমের সংখ্যা প্রার চতুর্গুণ বৃদ্ধি পার (3.166). ফলে এই বরের বিভেদন ক্ষয়তাও সমানুপাতিকভাবে বাড়িয়া বার । অর্থাং উপরের আলোচ্য ক্ষেত্রে মোটামুটি দাড়ার

$$\triangle \lambda \simeq \frac{6 \times 10^{-6}}{4 \times 10^{6} \times 4} \simeq 0.004 \text{ Å}.$$

লুমার-গেক্ কলকের বিভেদন ক্ষতা (Resolving power of Lummer-Gehrcke Plate).

লুমার-গেক্ ফলকের বিভেদন ক্ষমতাও র্য়ালের মানক বাবহার করির। বাহির করা বাইতে পারে। এখানে অসুবিধা এই যে বে সমন্ত সমান্তরাল রশ্মি মিলিরা লেলের ফোকাস তলে একটি ঝালরের সৃষ্টি করে তাহাদের আলোক তারতা সমান নর আর তাহাদের সংখ্যাও সীমিত। সূতরাং বাবর্তন ঝাঝরির প্রণালী এখানে সম্পূর্ণরূপে প্রযোজ্য নয়। তবে বদি ধরা বার বে বায়ুতে প্রতিসরণ কোল i 90° এর জাছাকাছি তাহা হইলে সমন্ত রশ্মিগুলিরই তীরতা প্রায় এক ধরা বাইতে পারে। এই ক্ষেত্রে চিত্র নং ৩.৭১ হইতে দেখা বাইবে বে তর্ত্তমূখ AB এর প্রস্থ হইবে l cos i [1- ফলকের দেখা]। আর এই প্রস্থের রশ্মি-

মালার জন্য লেক L এর ফোকাসতলে বে ঝালরের উৎপত্তি হইবে তাহার অর্দ্ধ কৌণিক প্রস্থ হইবে $\frac{\lambda}{l\cos i}$ [চিত্র নং ৩.৭৯ ব্যবর্তন ঝার্ঝারের বর্ণালির প্রস্থের আলোচনা দুর্ভব্য] ।

এবার যদি র্যালের মানকের নীতি প্রয়োগ করা হর তবে লেখা চলিতে পারে যে λ এবং $\lambda + \triangle \lambda$ দুইটি কাছাকাছি দৈর্ঘের তরঙ্গের ঝালর দুইটি আলাদা করিয়া চেনা যাইবে যদি একটির চরম তীব্রতার সহিত অন্যটির একই ফমের ঝালরের অবম তীব্রতা সম্পাতী হয়। এই নীতি প্রয়োগ করিতে লুমার-গেক্ ফলকের বিচ্ছ্রণের রাশিমালা (সমীকরণ 3.171) ব্যবহার করা যায়। ঐ সমীকরণে $\triangle \lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের তফাতের জন্য যদি দুইটি ঝালর $\triangle i$ কোণে বিযোজিত হয় তবে লেখা যাইতে পারে

$$\frac{\Delta i}{\Delta \lambda} = \frac{di}{d\lambda} = \frac{\frac{\lambda}{l \cos i}}{d\lambda} = \frac{2\lambda \mu \frac{d\mu}{d\lambda} - 2(\mu^2 - \sin^2 i)}{\lambda \sin 2i}$$

$$\frac{\lambda}{d\lambda} = \frac{2\lambda \mu \frac{d\mu}{d\lambda} - 2\mu^2 + 2\sin^2 i}{2\lambda \sin i \cos i}$$

$$= \frac{l}{\lambda \sin i} \left[\lambda \mu \frac{d\mu}{d\lambda} + \sin^2 i - \mu^2 \right]. \tag{3.186}$$

এই রাশিমালা অবশ্য বিভেদন ক্ষমতার সর্বোচ্চ সীমা। পূর্বেই বলা হইরাছে যে $i=90^\circ$ এর কাছাকাছিই ইহা প্রবোজ্ঞা হর ; এই সর্ভ পালিত না হইলে $\triangle i=\frac{\lambda}{l\cos i}$ খাটিবে না। তাছাড়া l ধরা হইরাছে ফলকের দৈর্ঘ্য। কিন্তু প্রতিফলনে ফলকের প্রথম এবং শেষ দিকের খানিকটা বাদ পড়িবে। সাধারণত কার্য্যকরী দৈর্ঘ্য হয় $\frac{2}{3}$ l কার্য্যত $\mu\lambda$ $\frac{d\mu}{d\lambda}$ সাধারণত $(\sin^2 i - \mu^2)$ এর তুলনার অনেক ছোট হয় বলিয়া মোটামুটি হিসাবের বেলায় ইহাকে বাদ দেওয়া চলিতে পারে। এই সমস্ত বিবেচনা হইতে বিভেদন ক্ষমতা দাড়ায়

$$\frac{\lambda}{\wedge \lambda} \cdot \frac{2}{3} \frac{l}{\lambda} \left(1 - \mu^2\right) \tag{3.187}$$

উদাহরণ স্বরূপ বলা যায় যে বিদ $10~\mathrm{cm}$ – l হয় এবং λ – $5000~\mathrm{\AA}$ এবং μ – 1° 6 হয় তবে বিভেদন ক্ষমতা হইবে

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = \frac{2}{3} \frac{10}{5 \times 10^{-6}} (2.56 - 1) = 2 \times 10^{6}$$
 approximately.

বিভেদন ক্ষমতার এই স্থুল (gross) রাশিমালা আরও সহজভাবে পাওরা যার। বিদ বাবর্তন ঝার্বারর বিকেনা হইতে ধরা যার বে বিভেদন ক্ষমতা হইবে Nn তাহা হইলে N এবং n এর মান প্ররোগ করিরা বিভেদন ক্ষমতা বাহির কর। বার। চিত্র নং ৩.৭১ হইতে দেখা যার যে

$$n = \frac{2\mu t \cos r}{\lambda}$$

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = \frac{1}{2t \tan r} \cdot \frac{2\mu t \cos r}{\lambda} = \frac{1}{\lambda} \cdot \frac{\mu \cos r}{\tan r}$$

$$= \frac{1}{\lambda} \cdot \frac{1 - \sin^2 r}{\sin r} \mu$$

ৰ্যাণ i=90° হয় তবে r- সম্কট কোণ

এবং
$$\sin r = \frac{1}{\mu}.$$

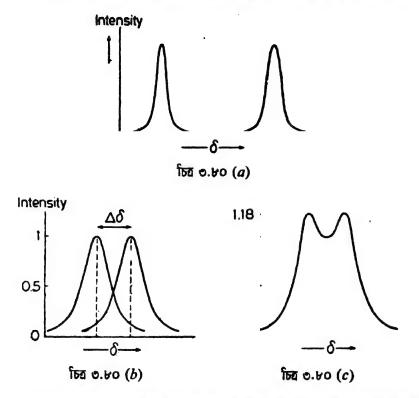
$$\therefore \frac{\lambda}{\Lambda \lambda} = \frac{l}{\lambda} (\mu^2 - 1) = \frac{2}{3} \frac{l}{\lambda} (\mu^2 - 1) \qquad [\mu > 1]$$
 হওয়ার $1 - \mu^2$

এখানে লক্ষ্য করা দরকার বে লুমার ফলকের বেধ । এর উপরে বিভেদন ক্ষমতা নির্ভর করে না।

ক্ষেত্র-পেরো ব্যক্তিচার মাপকের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of a Fabry-Perot Interferometer).

ফেরি-পেরো ব্যতিচার মাপকের বিভেদন ক্ষমতা নির্পণেও র্যালের মানকের নীতি প্ররোগ করা বার । কিন্তু রেখাছিদ্রের অথবা ব্যবর্তন ঝালরের ক্ষেত্রে প্ররোগের সহিত এক্ষেত্রের একটু পার্থক্য আছে । ব্যবর্তন ঝার্ঝারর বেলার দেখা গিরাছে বে বখন একটি তরঙ্গলৈর্ধ্যের ঝালরের চরম তীব্রতা অন্য তরঙ্গলৈর্ধ্যের একই ক্রমের ঝালরের ক্ষমে তীব্রতার সহিত মিলিরা বার তখন লাভি তীব্রতার ঝালর দুইটির তীব্রতার মান অপরিবাভিত্ত থাকে শুধু ইহাদের মারখানে আলোক তীব্রতার মান কমিরা বাওরার ঝালর দুইটি আলালা বিলরা

চেনা বার । কিন্তু ফেরি-পেরো ব্যতিচার মাপকের ক্ষেত্রে ঠিক সেইর্প হর না । ৩.৮০ নং চিত্র হইতে এই ক্ষেত্রে অবস্থাটা স্পর্ভ বৃঝিতে পারা বাইবে ।



ফোর-পেরের ঝালরের ক্ষেত্রে অবম আলোক তীব্রতা চরম তীব্রতার খুব নিকটে অবস্থিত নয়; ইহার অবস্থান দুইটি ক্রমের ঝালরের মাঝামাঝি জায়গায় (চিত্র ৫)। ইহার ফলে লান্ধি আলোক তীব্রতার চেহারায় বাবর্তন ঝাঝারিয় লান্ধি আলোক তীব্রতা হইতে কিছুটা পার্থক্য হয়। ফোর-পেরোয় ক্ষেত্রে যদি দুইটি তরঙ্গের দৈর্ঘের তফাং $\triangle \lambda$ এমন হয় যে তাহাদের একই ক্রমের ঝালর পরস্পরকে চরম তীব্রতার অর্দ্ধেক মানে ছেদ করে তবে এই স্থানের লান্ধি তীব্রতা একটি ঝালরের চরম তীব্রতার সমান হইবে। (এই হিসাবে ঝালর দুইটির আলোক তীব্রতা সমান ধরা হইরাছে)। কিন্তু আলাদা আলাদা ঝালরের চরম তীব্রতা সমান ধরা হইরাছে)। কিন্তু আলাদা আলাদা ঝালরের চরম তীব্রতা আগের মানের অপেক্ষা বাড়িয়া বাইবে এবং এই বৃদ্ধি 15—20 শতাংশের মত হইবে। এর্প অবস্থার ঝালর দুইটির স্বতর অন্তিম্ব ধরিতে পারা যাইবে। অতএব এই অবস্থান ধরিয়া নিয়া ব্রন্ধির বিভেদন ক্ষমতা বাহির করা সম্ভব। যদি ঝালর দুইটি চরম তীব্রতার অর্দ্ধেক মানে পরস্পারকে

ছেদ করে তবে এই স্থানের আলোক তীব্রতার জন্য সমীকরণ 2.73 এর ক্ষেত্রে নির্মাণিখত সর্ত পালিত হওয়া দরকার

$$\frac{4r^{2} \sin^{2} \frac{\delta}{2}}{(1-r^{2})^{2}} - 1$$

$$\exists \sin^{2} \frac{\delta}{2} = \frac{(1-r^{2})^{2}}{4r^{2}}$$

$$\exists \sin \frac{\delta}{2} = \frac{1-r^{2}}{2r}.$$
(3.188)

এখানে δ এর অর্থ সমীকরণ 2.73 পাইবার সমর ব্যাখ্যা করা হইরাছে। ফেরি-পেরোর ঝালরের বিশেষত্ব এই যে ইহালের প্রস্থ থুব কম। সুতরাং চরম তীরতার মান হইতে ইহার অর্জেক তীরতার আসিতে দখার পরিবর্তন যদি ধরা হয় $\frac{\Delta\delta}{2}$, তবে এই $\frac{\Delta\delta}{2}$ কোণটি খুবই ছোট হইবে। কাজেই লেখা বার

$$\sin \frac{1}{2} \left(\frac{\Delta \hat{o}}{2} \right) = \frac{1 - r^*}{2r}.$$

কিন্তু উপরের আলোচনা মতে $\frac{\Delta \hat{o}}{2}$ খুব ছোট হওয়ায় লেখা যায়

$$\frac{\Delta \tilde{o}}{4} - \frac{1 - r^2}{2r}.\tag{3.189}$$

এই দশার পরিবর্তন $\Delta \theta$ এর জনা সংখ্রিষ্ট কৌণিক পরিবর্তন $\Delta \theta$ পাওয়া যাইবে সমীকরণ 2.70a এর সাহাব্যে । সেখানে আছে পথ-দূরত্ব – $2\mu t$ $\cos r$

আমরা জানি দখা-পার্থকা $\delta =$ পথ-দূরত্ব $imes \frac{2\pi}{\lambda}$

$$\therefore \hat{o} = \frac{4\pi}{\lambda} \mu t \cos r$$

এই সমীকরণকে অন্তরকলন করিলে পাওয়া বায়

$$\Delta \delta = \frac{-4\pi}{\lambda} \mu t \sin r \Delta r.$$

$$= \frac{-4\pi}{\lambda} t \sin \theta \Delta \theta \left[\mu - 1, r - \theta \right]$$
 (3.190)

আবার এই কৌণিক বিবোজন $\triangle \theta$ বলি তরঙ্গ-লৈর্বোর পরিবর্তন $\triangle \lambda$ এর জন্য কর্মা করিছ λ এবং $\lambda + \triangle \lambda$ তরঙ্গ-লৈর্বোর একই ক্রমের ঝালর দুইটি বলি

উপরোক্ত অবস্থায় পরস্পরকে ছেদ করে তবে (2.70a) সমীকরণকে অন্তরকলন করিয়া লেখা যায়

$$-2t \sin r \triangle r - m \triangle \lambda$$

বা $-2t \sin \theta \triangle \theta - m \triangle \lambda$ [$r - \theta$ ধরিরা] (3.191)

এই সমীকরণ কর্মাটর সাহায্যে পাওয়া খার

$$\Delta \delta = \frac{4(1-r^2)}{2r} = -\frac{4\pi}{\lambda}t \sin \theta \, \Delta \theta$$
বা $\frac{1-r^2}{\lambda} = -\frac{\pi t}{\lambda} \cdot \frac{m\Delta\lambda}{2t}$ [সমীকরণ 3.191 ব্যবহার করিয়া]
বা $\frac{..}{\Delta\lambda} = m\frac{\pi r}{1-r^2}$ (3.192)

সূতরাং দেখা যাইতেছে যে বর্ণীয় বিভেদন ক্ষমতা $\frac{\lambda}{\Delta\lambda}$ ঝালরের ক্রম এবং প্রতিফলন-ক্ষমতা (reflectance) r^2 এর উপর নির্ভর করে (শেষের দিকের আলোচনা দুষ্ঠব্য)। যদি r এর মান 1 এর খুব কাছে হয় তবে $1-r^2$ প্রায় শূন্যে পরিণত হয় ফলে $\frac{r}{1-r^2}$ সংখ্যাটি খুব বাড়িয়া যায়। কিন্তু ফেরি-পেরো ব্যতিচার মাপকের আলোচনায় দেখা গিয়াছে যে r এর মান 1 এর খুব কাছাকাছি হইলে ঝালরের ঔজ্জ্ল্য অত্যন্ত হ্রাস পায়। সূতরাং r-1 করা চলে না; তবে r=0.8 হইতে 0.95 সাধারণতই ব্যবহার করা হইয়া থাকে। আর ক্রম m এর মানও এই যারে খুব বেশী। সূতরাং θ কোণ ছোট হইলে লেখা যায় $m=\frac{2t}{\lambda}$. [সমীকরণ 2.70a হইতে]

এরূপ অবস্থায় r = 0.95 হইলে বিভেদন-ক্ষমতা দাড়ায়

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = \frac{2t}{\lambda} \cdot \frac{\pi \times 0.95}{1 - (0.95)^2}$$

যদি t=1 cm এবং $\lambda=5000$ Å হয় তবে পাওয়া যায়

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} - \frac{2}{5 \times 10^{-8}} \times \frac{3.14 \times 0.95}{1 - (0.95)^{8}} - 1.24 \times 10^{8}.$$

এখানে △λ माড়ाয়

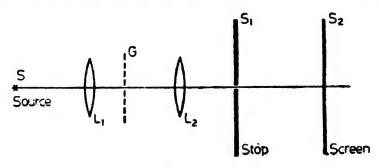
$$\Delta \lambda = \frac{5 \times 10^{-8}}{1.24 \times 10^{6}} = 4.033 \times 10^{-11} \text{ cm} = 0.0040 \times 10^{-8} \text{ cm}.$$

সূতরাং বনি দুইটি তরক-দৈর্বোর তফাং 0'0040 Å হয় ভাহা হুইলেও ইহাদের আলাদা বলিয়া ধরা বাইবে।

সুমার-গের্ক ফলকের ক্ষেত্রে দেখা গিয়াছে যে বিভেদন-ক্ষমতা ফলকের বেধ । এর উপর নির্ভর করে না । ফেরি-পেরো বাতিচার মাপকের ক্ষেত্রেও অনুরূপ-ভাবে সমীকরণ 3 192 হইতে মনে হর যে বিভেদন ক্ষমতা ফলক দুইটির মধ্যের দূরছ । এর উপর নির্ভরশীল নহে । কিন্তু ইহা সত্য নহে । ঝালরের ক্রম m নির্ভর করে । এবং λ এর উপর । কাক্ষেই এই ক্রন্য বিভেদন ক্ষমতাও । এর সহিত সমানুপাতিক ভাবে এবং λ এর সহিত বাস্ত্যানুপাতে পরিবাতিত হইতে থাকিবে । কাক্ষেই ফেরি-পেরোর ব্যতিচার মাপকের বেলার ফলক দুইটির মধ্যের দূরছ । বাড়াইরা এই বব্রের বিভেদন ক্ষমতা অনুরূপভাবে বাড়ানো যার ।

আধুবীক্ষণিক অবলোকন সম্বদ্ধে আবের মন্তবাদ (Abbe's Theory of Microscopic Vision).

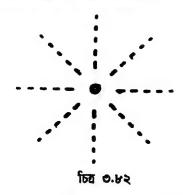
উনবিংশ শতাদীর শেব ভাগে আর্ক্ আবে (Ernst Abbe) অণুবীক্ষণ বব্রে কি করিয়া বাতিচারের সাহাযো প্রতিবিষের সৃষ্টি হয় তাহার সমকে নিজের মত প্রস্তাবিত করেন। সংক্ষেপে বালতে গেলে এই মতবাদ নিম্নলিখিতর্প দাড়ার। লেলের সাহাযো আলোকিত কোনও বন্ধুর নিভূলে প্রতিবিম্ব বিদ্দির করিতে হয় তবে ঐ লেলের উন্মেষ (aperture of the lens) অন্তত-পক্ষে এত বড় হওয়া দরকার বাহাতে বন্ধু কর্ভ্ক সৃষ্ট সমস্ত ব্যবর্তন নকসাই ঐ লেলের মধ্য দিয়া বাইতে পারে। যদি ব্যবর্তন নকসার একটি অংশ মাত্র বার তবে প্রতিবিম্ব বন্ধুর নিভূলে আকৃতি দেখাইবে না। এই প্রতিবিষ্কের



চিত্ৰ ৩.৮১

আকৃতি হইবে এমন একটি বনুর বাহার বাবর্তন নকসা লেলের মধ্য দিরা পারগত (transmitted) বাবর্তন নকসার অনুরূপ। যদি বনু এত সৃক্ষ হর অথবা লেন্দের উদ্মেষ এত ছোট হয় যে ব্যবর্তন নকসার কোনও অংশই লেন্দের মধ্য দিয়া গমন করে না তবে বস্তুর গঠন আদো দেখা বাইবে না, প্রতিবিষ্ণ যতই বিবর্ধন করা হোক না কেন। আবের এই মতবাদ নিয়া অনেক তর্ক-বিতর্ক হয়। তিনি এবং পরে এ. বি. পোর্টার (A. B. Porter) সুন্দর সুন্দর পরীক্ষার দ্বারা এই মতবাদের সত্যতা প্রমাণ করেন। পূর্বপৃষ্ঠার ৩.৮১ নং চিত্রে পোর্টারের পরীক্ষার ব্যবস্থা দেখানো হইল।

আলোক উৎস S হইতে আলো লেক L_1 এর উপরে পড়িরাছে। সেখান হইতে ঝার্মার G এর মধ্যে বার্বাতত হইরা L_2 লেন্সের দ্বারা উপ S_1 এর উপর বার্বাতন নকসার সৃষ্ঠি করিতেছে। এই উপ S_1 এর উপর প্রয়োজন মত বিভিন্ন আকার এবং আকৃতির ছিদ্র করিয়া এই বার্বাতন নকসার পারগমের বন্দোবস্ত করা হর যাহাতে এই সমস্ত বার্বাতন নকসা গিয়া পর্দা S_2 এর উপর প্রতিবিশ্বের সৃষ্টি করিতে পারে। G এর স্থলে একটি খুব সরু তারের জাল (wire gauze) বারহার করা হয় যাহার ফলে সাধারণ ঝার্মারর বদলে একটি দ্বিমান্ত্রিক (two-dimensional) ঝার্মার বারহারের ফল দাড়ায়। যে বার্বাতন নকসা পাওয়া যাইবে তাহাতে একটি কেন্দ্রীয় প্রতিবিশ্ব এবং এই কেন্দ্র হইতে বহির্মুখী কতকগুলি ঝান্সর থাকিবে। এইটি চিন্ত ৩.৮২ এ দেখানো হইয়াছে। পরস্পরের সমকোণে অর্বান্থিত দুই প্রন্থ সমান্তরাল তারের জন্য দুই প্রন্থ বার্বাতন ঝান্সর পাওয়া যাইবে। ইহা ভিন্ন আরও দুইপ্রন্থ ঝানর পাওয়া যাইবে যাহারা পরস্পরের সমকোণে অর্বান্থিত ; কিন্তু এই দ্বিতীয় শ্রেণীর ঝান্সর প্রথম শ্রেণীর ঝান্সর প্রথম শ্রেণীর ঝান্সর সার্বাত বর্গত করিয়া অবন্থান করিবে।



যদি S_1 পর্দায় এমন একটি ছিদ্র করা হর বাহাতে শুধু কেন্দ্রীয় ঝালরটি বাইতে পারে তবে S_2 পর্দায় শুধু আলো পড়িবে কিন্তু তারের জাল দেখা বাইবে না । যদি ইহার সঙ্গে S_1 পর্দায় একটি সরু রেখাছিদ্র কাটিয়া অনুভূমিক

ঝালরের পারগমের বন্দোবন্ত করা হয় তবে S_{\bullet} পর্ণায় শুধু উল্লেখ তারগুলি দেখা বাইবে। যদি রেখাছিদুটি 90° খুরাইয়া উল্লয় ঝালরগুলির পারগমের বন্দোবন্ত করা হর তবে এইক্ষেত্রে অনুভূমিক তারগুলি দেখা যাইবে। আবার বদি S, পর্দার এমন তিনটি ছোট ছিদ্র কাটা যার যাহাতে কেন্দ্রীর এবং ডাইনে বারে দিতীর ক্রমের ঝালর দুইটি যাইতে পারে তবে পর্ণার একটি সমান্তরাল উল্লঘ তারের জালের ছবি পাড়বে। কিন্তু এই ছবির দুইটি পরপর তারের মধোর পুরত্ব হুইবে তারের জালের সত্যিকাধের দূরত্বের অর্জেক। এই শেষোক্ত ব্যাপার হটতে আবের মতবাদের শেষভাগের সত্যতা বোঝা যায়। যেহেতু শুন্য এবং ৰিতীয় ক্ৰমের ঝালর প্রতিবিদ্ধ সৃষ্ঠি করিতেছে, অতএব এই প্রতিবিদ্ধ এমন হইবে বাহাতে বন্ধু হইতে উৎপত্ন বাবর্তন নকসা এই পারগত নকসার অনুরূপ হর। যদি তারের প্রকৃত দুরম্বের অর্চ্চেক দুরম্বের কোনও জ্বাল ব্যবহার করিয়া বালর উৎপার করা হইত তবে শেষোক্ত নকসার প্রথম ক্রমের ঝালর প্রথমোক্ত নকসার দ্বিতীয় ক্রমের বালরের অবস্থানের সহিত সম্পাতী হইবে। আর এই দিতীর ক্রমের (এবং শুন্য ক্রমের ঝালর যেটি সমস্ত দূরত্বের তারের জালের পক্ষেই একই অবস্থানে থাকিবে) ঝালরই শুধু প্রতিবিদ্ধ সৃষ্ঠিতে ব্যবহৃত হওয়ায় তারের জালের নির্ভুল প্রতিবিষের বদলে ইহার অর্থেক দূরখের একটি জালের প্রতিবিষের উৎপত্তি হইবে। S, পর্দার বিভিন্ন আকৃতির এবং অবস্থানের ছিদ্র কাটিয়া বিভিন্ন চেহারার এবং অবস্থানের প্রতিবিদ্ধ সৃষ্ঠি করা সম্ভব। অতএব দেখা যাইতেছে বে লেন্সে সৃষ্ঠ প্রতিকৃতি লেষ পর্যান্ত নির্ভর করিতেছে উৎপদ্ম বার্বর্তন ঝালরের লেন্সের মধ্য দিরা পারগমের উপর । অর্থাৎ ঝালরের কোণিক ব্যাস এবং লেন্সের উদ্যোধের উপর।

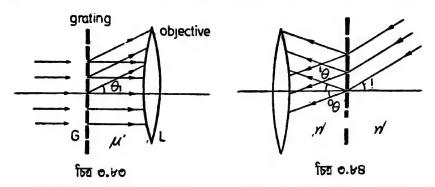
আবের মন্তবাদ অসুসারে অধুবীক্ষণ যৱের বিভেদন ক্ষমন্তার সীমা নির্দারণ (Derivation of the limits of resolution of a microscope from Abbe theory).

আবের নীতি অনুসারে বলা যার বে ঝাঝরির প্রতিবিধের যদি কিছুটাও বিভেদন সৃষ্টি করিতে হর তবে অভিলক্ষ্যের মধ্য দিয়া অন্ততঃ ঝাঝরির শৃন্য এবং প্রথম ক্রমের ঝালরের পারগম হওয়া প্রয়োজন। এই নীতি অনুসারে কোনও বন্ধুর বিভেদন ক্ষমতার সীমাও ঝাঝরির বিভেদন ক্ষমতার সীমার সমার্থক বলিয়া ধরা যাইতে পারে।

০.৮০ নং চিত্রে বামদিক হইতে সমান্তরাল আলোকরণি কাঝরি G এর উপরে 0° আপতন কোপে আপতিত হইর। বার্বভিত হইতেছে এবং ব্যবর্ডন ঝালরের সৃষ্টি করিতেছে। তাহা হইলে ঝাঝরির সমীকরণের অনুসারে প্রথম ক্রমের ঝালরের জন্য লেখা যায়

$$\mu' d \sin \theta_1 - \lambda$$

এখানে μ' ঝাঝার এবং লেকের মধ্যের মাধ্যমের প্রতিসরাক্ষ এবং d ঝাঝারর



পরপর দুইটি রেখাছিদ্রের মধ্যের দূরত্ব। উপরে বাঁণত আবের নীতি অনুসারে বলা চলে ষে d এর যে মানের জন্য শূন্য এবং প্রথম ক্রমের ঝালর অভিলক্ষ্যের মধ্য দিয়া গ্রীমন করে সেটিই এই অভিলক্ষ্যের বিভেদন ক্ষমতার সীমা বলিয়া ধরা যায়। অতএব লেখা যায়

$$d = \frac{\lambda}{\mu' \sin \theta_1} = \frac{\lambda}{\text{Numerical Aperture}} = \frac{\lambda}{\pi (20) \sqrt{3}}$$
 (3.193)

সাধারণত অণুবীক্ষণ যন্ত্রের বেলায় আলো 0° কোণে আপতিত হয় না। বিদ ইহা i কোণে আপতিত হয় তবে উপরের ৩.৮৪ নং চিত্র হইতে লেখা বায়

 $d(\mu'\sin\theta_m - \mu\sin i) = m\lambda$ [m ক্রমের ঝালরের জন্য] (3.194) শূন্য ক্রমের ঝালরের ক্ষেত্রে এই সমীকরণ দাড়াইবে

$$\mu' \sin \theta_0 - \mu \sin i = 0 \tag{3.195}$$

এবং প্রথম ক্রমের ঝালরের জন্য লেখা যায়

$$d(\mu' \sin \theta_1 - \mu \sin i) = \lambda$$

$$d(\mu' \sin \theta_1 - \mu' \sin \theta_0) = \lambda$$

[সমীকরণ 3.195 ব্যবহার করিয়া]

আবের নীতি অনুসারে বিভেদিত হইবার জন্য বন্ধুর ব্যবর্তন ঝালরের অন্ততঃ শুন্য এবং প্রথম ক্রমের ঝালরের অভিলক্ষ্যের মধ্য দিয়া গমন করা প্রয়োজন। আর-ছিত্র নং ৩.৮৪ হইতে লেখা ষায় যে ৫ এর ক্ষুদ্রতম মান তখনই দাড়াইবে বখন শূন্য এবং প্রথম ক্রমের ঝালর অভিলক্ষ্যের দুই বিপরীত প্রান্তের মধ্য দিয়। গমন করিবে। এই অবস্থায় লেখা বাইবে

$$\theta_0 = -\theta_1$$

সূতরাং $d(\mu' \sin \theta_1 - \mu' \sin \theta_0) = \lambda$

বা
$$d = \frac{\lambda}{\mu' \sin \theta_1 + \mu' \sin \theta_1} = \frac{\lambda}{2\mu' \sin \theta_1}$$

$$= \frac{\lambda}{\Re \sin \theta_2}$$
(3.196)

এই আলোচনা হইতে দেখা যায় যে যথন বস্তুটি লেন্দের সাহায্যে আলোকিত হয় তখন ইহার বিভিন্ন বিন্দু হইতে নিগতি আলোর মধ্যে দশার খানিকটা সম্বন্ধ বর্তমান থাকে। আর ইহার ফলে আবের নীতি অনুসারে এই ক্ষেত্রে অণুবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতার সীমা পাওয়া যায় সমীকরণ 3.196 হইতে। অথচ বস্তুটি যদি বাহিরের আলোকের সাহায্যে আলোকিত না হইয়া নিজেই আলোক বিকীরণ করে তবে দেখা গিয়াছে যে ইহার বিভেদন ক্ষমতা পাওয়া যায় সমীকরণ 3.180 হইতে। দ্বিতীয় ক্ষেত্রে একটি 1.22 গুণকের আবিভাব ঘটে।

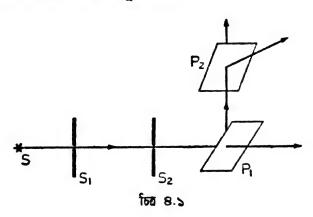
আলোকের সমবর্তন (Polarisation of light).

আলোকের ব্যতিচার এবং ব্যবর্তনের আলোচনাকালে এ পর্যাস্ত স্কেলার তরঙ্গ মতবাদ (scalar-wave theory) ব্যবহার করা হইয়াছে। দেখা গিয়াছে যে ব্যবর্তন ও ব্যতিচারের ব্যাখ্যা করিবার জন্য স্কেলার-তরঙ্গ মতবাদই যথেক। আলোক-তরঙ্গে ভ্রংশের বিশদ প্রকৃতি সঠিকর্পে বর্ণনা না করিলেও চলে। বলা হইয়াছে যে আলোক তরঙ্গের গতির তিনটি বৈশিষ্টা বর্তমান:

- ১। প্রতি মুহূর্তে আলোক তরঙ্গের গতির মাধ্যমের যে কোনও বিন্দুতে তরঙ্গের একটি সুনিদিষ্ট এবং পরিমাপ-যোগ্য ভৌত-ধর্ম থাকে।
- ২। উক্ত বিন্দুতে এই ভৌত-ধর্মের একটি পর্যাবৃত্ত পরিবর্তন হইয়া থাকে।
- ৩। কোনও বিন্দুতে ভৌত-ধর্মের এই পর্যাবৃত্ত পরিবর্তন পরমুহুর্তে সংলগ্ন বিন্দুতে অনুরূপ পরিবর্তনের সৃষ্টি করিয়। থাকে। এইভাবে এক বিন্দু হইতে পরবর্তী বিন্দুতে গমনের ফলে আলোক-তরঙ্গের দ্রংশ মাধ্যমের ভিতর দিয়া অবিরতভাবে প্রবাহিত হয় এবং চলমান তরঙ্গের চিত্র এই তিনটি বৈশিষ্টোর সমন্বয়ে গড়িয়। ওঠে।

দেখা যাইতেছে যে আলোক-তরঙ্গের স্রংশের প্রকৃতি সম্বন্ধে উপরোক্ত বর্ণনার সঠিকভাবে কিছু বলা হয় নাই। এই তরঙ্গের প্রকৃতি তির্যক অথবা অনুদৈর্ঘ্য অথবা অন্য কোনওরূপ তাহাও স্পন্ট করিয়া নির্দেশ করা হয় নাই। ইহার প্রধান কারণ এই যে স্রংশের সঠিক প্রকৃতি নির্ণয় করিবার এযাবং কোনও প্রয়োজন ছিল না। আলোকের বাবর্তন এবং বাতিচার আলোচনা করিবার সময় শুধুমাত্র সর্ত ছিল যে বাতিচারী আলোক রশ্মিন্ধয়ের স্রংশ একই সরল-রেখায় হইবে। তবে এই স্রংশ কোনও সুনির্দিন্ট ভেল্টররাশি হওয়ার প্রয়োজন নাই। মাধ্যমের যে কোনও বিস্পুতে তরঙ্গের যে সুনির্দিন্ট এবং পরিমাপ যোগ্য ভৌতধর্ম আছে (যাহার একটি পর্যাবৃত্ত পরিবর্তন হইয়া থাকে) সেই ভৌতধর্মের পর্যাবৃত্ত পরিবর্তন রশ্মিন্ধয়ে একই দিকে হওয়া প্রয়োজন [সমান্তরাল অথবা প্রতি-সমান্তরাল (parallel or antiparallel)]. সুতরাং এই স্রংশের প্রকৃতি ভেল্টররাশি না ধরিয়া স্কেলার রাশি ধরা হইয়াছে। অর্থাৎ ব্যতিচার এবং ব্যবর্তনের আলোচনায় স্কেলার-তরক্স মতবাদই এযাবং ব্যবহার করা

হইরাছে। কিন্তু ভোত আলোক বিজ্ঞানে এক শ্রেণীর পরীক্ষার ব্যাখ্যার সময় দেখা যার যে দেকলার তরঙ্গ মতবাদের সাহায্যে এই ব্যাখ্যা করা সম্ভব হইরা ওঠে না। এই সমস্ত পরীক্ষার ব্যাখ্যা ঠিকমত করিতে হইলে আলোক তরঙ্গের ভংশের সঠিক প্রকৃতি নির্ণয় করা অবশ্য প্রয়োজন হইয়া দাড়ায়। ফলে দেকলার তরঙ্গ মতবাদের স্থলে ভেক্টর তরঙ্গ মতবাদ ব্যবহার অপরিহার্যা হইয়া ওঠে; অর্থাৎ তরঙ্গের প্রকৃতি তির্বক অথবা অনুদৈর্ঘা বা অনা কোনওর্প তাহা স্পাইভাবে বিবৃত করা অত্যাবশাক। তরঙ্গের মধ্যে ভংশের সহিত তরঙ্গের গতিপথের দিকের সম্বন্ধ সুস্পাইর্পে না নির্ণয় করিলে এই শ্রেণীর পরীক্ষার ব্যাখ্যা সম্ভব হয় না। আলোকের সমবর্তনের (polarisation) যে সমস্ত পরীক্ষা করা হইয়া থাকে সেইগুলি এই শ্রেণীর পরীক্ষার অন্তর্গত। কি কারণে এই জ্বাভীর পরীক্ষার ব্যাখ্যার জনা ভংশের সঠিক প্রকৃতি বর্ণনা করা প্রয়োজন তাহা পরবর্তী আলোচনা হইতে বুঝা বাইবে।

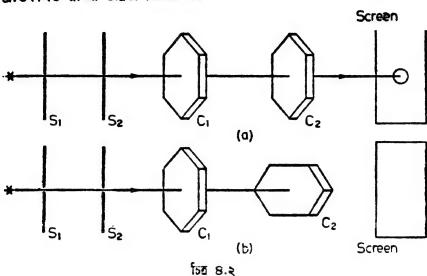


৪.১ নং চিত্রে S একটি আলোক উৎস ; ইহা হইতে নির্গত আলোক S_1 এবং S_2 দ্বারা নির্মান্ত হইয়া নাতিসৃক্ষা আলোকর্মান্ত আলাতের কাচের ফলক P_1 এর উপর আপতিত হইতেছে। আপতিত রিশার একাংশ ফলক ভেদ করিয়া অপর দিকে চলিয়া বাইবে ; অনা অংশ প্রতিফলিত হইয়া দ্বিতীয় কাচের ফলক P_2 এর উপর আপতিত হইবে। সাধারণতঃ দ্বিতীয় ফলকেও প্রথম ফলকের প্রতিফলন এবং প্রতিসরণের পুনরাবৃত্তি হইবে অর্থাং আপতিত রিশান্ত একাংশ ফলক ভেদ করিয়া উপরের দিকে চলিয়া বাইবে এবং অনা ভাগ প্রতিফলিত হইয়া পাশের দিকে বাইবে। [এখানে কাচের ফলকে আলোকের যে সামান্য শোষণ (absorption) এবং বিক্ষেপণ (scattering) হইবে তাহা গণ্য করা হইতেছে না]।

দেখা যাইবে বে ফলক দুইটি $P_{\scriptscriptstyle 1}$ এবং $P_{\scriptscriptstyle 2}$ বখন সমান্তরাল অবস্থায় থাকে তখন দ্বিতীয় ফলক হইতে প্রতিফলিত রশ্বির তীব্রতার যে মান হর, দ্বিতীর ফলকটি ইহাতে আপতিত আলোকরশিকে অক্ষ হিসাবে ব্যবহার করিয়া ঘুরাইলে ঐ তীব্রতার মান কমিতে থাকে। আলোকরশ্মিকে অক্ষ হিসাবে ব্যবহার করিয়া ফলকটি ঘুরাইবার তাৎপর্য্য এই যে এইভাবে ফলকটির উপর আলোকরশ্বির আপতন কোণ (angle of incidence) অপরিবতিত থাকে যদিও এই প্রক্রিয়ায় আপতন তল (plane of incidence) পরিবৃতিত হইতে থাকে। দ্বিতীর ফলকটি প্রথম ফলকের সমান্তরাল অবস্থান হইতে বতই ঘোরানো হইতে থাকে তত্তই ইহা হইতে প্রতিফলিত রশ্মির তীরতা কমিতে আরম্ভ করে এবং এই তীব্রতার হাস চরম হয় যখন ফলকটি 90° ঘোরানো হয়। এই অবস্থায় ফলক দুইটি P_1 এবং P_2 এর উপর আলোকরশ্মির আপতন তল পরস্পরের সহিত 90° কোণ উৎপদ্ম করিয়া অবস্থান করিবে । বাদ এই ঘোরানো আরও চালাইয়া বাওয়া হয় তবে দেখা যাইবে যে 90° এর পর প্রতিফলিত রশ্মিতে তীব্রতা আবার বাডিতে আরম্ভ করিবে এবং 180° অবস্থানে ইহা চরম তীব্রতা প্রাপ্ত হইবে। এই অবস্থায় অবশ্য ফলক দুইটির আপতন তল সমান্তরাল অবস্থানে পৌছিবে। এইরপে যদি পূর্ণ একটি চক্র ঘূরিয়া আসে তবে তীব্রতা 270° এবং 360° তে যথাক্রমে অবম এবং চরম মান প্রাপ্ত হইবে।

ষণি দ্বিতীয় ও প্রথম ফলকের সমান্তরাল অবস্থান হইতে আরম্ভ করিয়া দ্বিতীয়টিকে স্থির রাখিয়া প্রথমটিকে দ্বোরানো হয় তবেও ঐ একইর্প আলোক-তীব্রতার বৈষম্য লক্ষ্য করা বায়। প্রথমটিকে 90° ঘোরাইলে প্রতিফলিত আলোকের তীব্রতা অবম হয়, এবং 180° ঘোরাইলে তীব্রতা আবার চরম হয়। সূতরাং দেখা বাইতেছে বে তীব্রতার বৈষম্য সৃষ্টির ব্যাপারে দুইটি ফলকের অলিতন তলের পারস্পরিক অবস্থানের উপর। আপতন তল দুইটি ফলকের আপতন তলের পারস্পরিক অবস্থানের উপর। আপতন তল দুইটি বিদ পরস্পরের সহিত 90° অথবা 270° কোণ উৎপন্ন করে তবে প্রতিফলিত রিশ্বর তীব্রতা অবম হইবে আর 0° অথবা 180° কোণ উৎপন্ন করিলে তীব্রতা চরম হইবে। অন্যান্য মধ্যবর্তী কোণে তীব্রতা চরম ও অবমের মধ্যে থাকিবে। বিদ ফলক দুইটি একই দিকে একই পরিমাণ ঘোরানো হয় তবে প্রতিফলিত রিশ্বর তীব্রতার কোনও তারতম্য হইবে না।

প্রতিফলিত আলোর তীরতার এইর্প পরিবর্তন সাধারণতঃ আলোর প্রতিফলনের ক্ষেত্রে দেখা যায় না। বখন সূর্য্যের আলো কোনও কাচের ফলকে প্রতিফলিত হয়, প্রতিফলিত রশ্বির তীরতা নির্ভর করে প্রধানতঃ আপভন কোণের উপর। আপতন কোণ সমান রাখিয়া বদি ফলকটি বোরানো হয় তবে প্রতিফালত রাশ্বর তীরতার হ্রাসবৃদ্ধি হয় না, ইহাই সাধারণ অভিজ্ঞতা। কিন্তু এক্ষেত্রে দেখা বাইতেছে বে আলোকরাশ্ব বদি দুইবার প্রতিফালত হয় তবে দুইটি প্রতিফলকের আপতন তলের পারস্পারিক অবস্থানের সম্বন্ধের উপর প্রতিফালত রাশ্বর তীরতা নির্ভর করে।



দ্বিতীয় পরীক্ষায় দুইটি একই রকম (এই শব্দের তাৎপর্যা পরে বুঝা যাইবে) টুারম্যালিন (Tourmaline) কেলাস লওয়া হইল । প্রথম পরীক্ষায় ন্যায় একটি আলোক উৎস (একটি কার্বন আর্ক হইলে ভাল হয়) হইতে নিগতে আলোকরশ্বি যথাক্রমে এই কেলাস দুইটি C ,এবং C এর উপরে আসিয়া পাঁড়তেছে এবং ইহাদের মধ্য দিয়া বাইবার পর পর্দায় পাঁড়তেছে । এখানে ধরা হইয়াছে যে কেলাস দুইটি প্রথমে সমান্তরাল এবং সদৃশ অবস্থানে আছে [চিত্র নং ৪.২(a)] । এই অবস্থা হইতে যদি দ্বিতীয় কেলাস C টি আলোকরশ্বিকে অক্ষ করিয়া নিজতলে ঘোরানো হয় তবে দেখা য়ায় যে পর্দায় উপরের আলোকের প্রতিকৃতির তীরতা ক্রমশ কমিয়া আসিতেছে । C যথন সদৃশ অবস্থান হইতে 90° ঘুরয়া আসে তখন পর্দায় উপরের আলো সম্পূর্ণ অবৃদায় ইয়া বায় [ছিত্র নং ৪.২(b)] । বলা বায় যে আলোর তীরতা ০° অবস্থানে চরম মান হইতে 90° অবস্থানে অবমে (এক্ষেত্রে শূনা) পরিবতিত হয় । দ্বিতীয় কেলাস C কে আরও ঘুয়াইতে থাকিলে পর্দায় আলো আবায় ফুটিয়া ওঠে এবং C বখন 180° ঘুরয়া আসে আলোর তীরতা আবায় চরম

হয়। অবশ্য C_s এর অবস্থান 0° এবং 90° এর মধ্যে থাকিলে আলোর তীরতাও চরম এবং অবমের মধ্যে থাকিবে এবং এই মান নির্ভর করিবে C_s এর অবস্থানের উপর [পরে বাঁণত ম্যালাসের সিদ্ধান্ত (Law of Malus) দুইটা]। যদি দ্বিতীয় কেলাসটি দ্বির রাখিয়া প্রথম কেলাস C_1 পূর্বোন্তর্গে ঘোরানো হয় তবে দেখা যাইবে যে কেলাস দুইটির সদৃশ অবস্থা হইতে আরম্ভ করিয়া প্রথম কেলাসটি ঘোরানোর সঙ্গে সঙ্গে পর্দার উপরের আলোকের তীরতা কমিতে আরম্ভ করিবে এবং C_1 এর 90° অবস্থানে ইহা অদৃশ্য হইয়া যাইবে। আবার C_1 এর 180° অবস্থানে এই তীরতা চরমে পৌছিবে। 270° এবং 360° অবস্থানেও তীরতা যথাক্রমে অবম এবং চরম হইবে। তাহা হইলে দেখা যাইতেছে যে পর্দার উপরের আলোর তীরতার হ্লাসবৃদ্ধির ক্ষেত্রে এখানেও দুইটি কেলাসের পূর্বের ফলক দুইটির মত একই ভূমিকা এবং এই তীরতা নির্ভর করে কেলাস দুইটির আপেক্ষিক অবস্থানের উপর। যদি দুইটি কেলাস একই দিকে একই পরিমাণ ঘোরানো হয় তবে আলোর তীরতার কোনও পরিবর্তন হয় না, কারণ এক্ষেত্র কেলাস দুইটির আপেক্ষিক অবস্থান অপরিবর্তিত থাকে।

এখন যদি একটি কেলাস সরাইয়া লওয়া হয় তবে আলোকরিশ্ব শুধুমাত্র একটি কেলাসের মধ্য দিয়া গিয়া পর্দায় পড়িবে। এইবার এই কেলাসটি আলোকরিশ্বকে অক্ষ করিয়া ঘোরানো হইলে দেখা যাইবে যে পর্দার উপরের আলোর তীব্রতার কোনও পরিবর্তন হইতেছে না। যদি কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের ফলে যে বিক্ষেপণ ও শোষণ হয় তাহা হিসাবের মধ্যে ধরা না হয় তবে পর্দার উপরের আলোর তীব্রতা আলোকরিশ্বর কেলাসের মধ্য দিয়া গ্রহীবার পূর্বে যে তীব্রতা থাকে তাহার অর্ধেক হইবে (ইহার কারণ দ্বৈধ-প্রতিসরণের আলোচনা হইতে বুঝা যাইবে)। আর কেলাসটি ঘুরাইলে এই তীব্রতা অপরিবর্তিত থাকিবে।

উপরোক্ত দুইটি পরীক্ষার ব্যাখ্যা করিতে গেলে দেখা ষাইবে যে আলোকতরঙ্গে ভ্রংশের প্রকৃতি সম্বন্ধে সঠিকভাবে কোনও নীতি বিবৃত না করিলে এই
ব্যাখ্যা করা সম্ভব হয় না। বায়ু মাধ্যমে শব্দ তরঙ্গের সম্বন্ধে সঠিকরূপে জানা
আছে যে এই তরঙ্গে ভ্রংশের প্রকৃতি অনুদৈর্ঘা। আবার বেহালা বা এসরাজের
তারে ছড়ের সাহায্যে যে তরঙ্গ সৃষ্টি করা হয় তাহাদের প্রকৃতি তির্বক।
সাধারণতঃ এই দুই প্রকারের তরঙ্গের সহিতই আমরা পরিচিত।

উপরের দুইটি পরীক্ষায় যে আলোকতরঙ্গ ব্যবহার করা হইরাছে তাহাদের প্রকৃতি তির্যক কি অনুদৈর্ঘ্য বা অন্য কোনও প্রকারের তাহা বাঁণত দুইটি পরীক্ষার ফলাফলের সাহাব্যে নির্ণর করা বার । এ সহজে স্পন্টরূপে কিছু বলিবার পূর্বে নিয়লিখিত পরীক্ষাটির কথা বিবেচনা করা বাক ।



किंग 8.0

একটি সরু ও লম্বা ধাতুর ভার A এবং B বিন্দুর মধ্যে টান করিয়া বাধা আছে। এই তারটি যদি লয়ালয়িভাবে সাময় চামড়া (chamois leather) দারা দুত ঘষা হয় তবে ইহা হইতে একটি তীক্ষ শব্দ বাহির হইবে। এই ক্ষেত্রে তারে অনুদৈর্ঘা তরঙ্গের সৃষ্টি হইতেছে। আবার যদি কোনও ছড়ের সাহাব্যে তারটিকে আড়াআডিভাবে টানা হয় তবে ইহা হইতে অন্য কম্পান্কের সুর পাওয়া যাইবে। এই বেলায় তারে যে তরঙ্গের সৃষ্টি হইবে তাহার প্রকৃতি ভিৰ্বক। P একটি পাতলা ধাতৰ ফলক। ইহাতে একটি সরু রেখাছিত্র S কাটা হইরাছে। এইবার তারটি রেখাছিদের মধা দিয়া গলাইরা দিয়া টানিরা বাধা হইল। ফলকের তলটি তারের দৈর্ঘ্যের সহিত অভিলম্ভাবে অবস্থান করিতেছে এই অবস্থায় ভারটি লয়ালয়িভাবে টানিয়া যদি हेशाट अनुरेमधा जतका मिक क्या हम अवः कमकि निस्क्य जाम चात्रात्ना হর তবে দেখা যাইবে যে কোন অবস্থানেই ইহা তারের মধোকার তরুসকে প্রভাবিত করিবে না অথবা থামাইর। দিবে না। কিন্ত যদি ছডের সাহাব্যে তারে তির্বক তরঙ্গের সৃত্তি করা হর এবং তারপরে ফলকটি নিজ্বতলে ঘোরানো হর তবে ব্যাপারটা অনারপ দাড়াইবে। তারের বিভিন্ন অংশের ভ্রংশ একটি বিশেষ তলে হইতে থাকিবে এবং কম্পন থামিয়া না যাওয়া প্রযান্ত এই তলের অবস্থান অপরিবতিত থাকিবে। ফলকটি যদি এমনভাবে রাখা যায় যে রেখাছিলের দৈর্ঘা এই কম্পনতালের সহিত মিলিয়া যায় তবে তারের কম্পন এই ফলকের বারা মোটেই প্রভাবিত হইবে না। কিন্তু ফলকটি নিজতলে ঘুরাইতে আরম্ভ করিবার সঙ্গে সঙ্গে তারের কম্পনও কমিতে সুত্ত করিবে। প্রথমে এই হাসের পরিমাণ কম হইবে কিন্তু প্রারম্ভিক অবস্থান হইতে ফলকটি 90° ঘূরিয়া আসিবার পর তারের কম্পন সম্পূর্ণ বন্ধ হইয়া বাইবে। অবশ্য এখানে ধরা হট্য়াছে বে রেখাছিদুটির প্রস্থ তারের ব্যাসের অপেকা খুব সামানাই বেশী এবং ফলকটি এমনভাবে রাখা হইরাছে বে অকম্পিত অবস্থার তারটি রেখাছিয়ের

কোনও ধার স্পর্গ করিতেছে না; আর রেখাছিদ্রের দৈর্ঘ্য তারের বিন্তারের অন্ততঃ দ্বিগুণ এবং এই দৈর্ঘ্যের মধ্যবিন্দু তারের অকস্পিত অবস্থানের সহিত্ত সম্পাতী (coincident). যদি ছড়ের দ্বারা তারটিতে তির্থক তরঙ্গের সৃষ্টির চেন্টা চালাইয়া খাওয়া হয় এবং সঙ্গে ফলকটি ঘোরানো হয় তবে দেখিতে পাওয়া যাইবে যে 90° অবস্থান হইতে আরও বেশী ঘুরাইলে আবার তারের কম্পন বাড়িতে থাকিবে এবং 180° অবস্থানে এই কম্পনের মান চরমে পৌছিবে। 270° এবং 360° অবস্থানে এই কম্পন যথাক্রমে শ্ন্য এবং চরমমান প্রাপ্ত হইবে।

এই পরীক্ষা হইতে সাদৃশোর (analogy) সাহায্যে পূর্বান্ত পরীক্ষার ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে। প্রথমে দ্বিতীয় পরীক্ষাতির কথা ধরা যাক। তারের মধ্যে যখন অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গ সৃষ্টি করা হয় তথন ইহার কম্পন এর্প প্রকৃতির হয় যে তারের অকন্দিত অবস্থানে ইহার দৈর্ঘ্যের মধ্য দিয়া যাওয়া যে কোনও তলের সম্পর্কে ইহা প্রতিসম (symmetrical). অর্থাৎ এই তলের সম্পর্কে কম্পন বিশেষ কোনও দিক গ্রহণ করে না, ফলে রেখাছিদ্রের দৈর্ঘ্য যে দিকেই থাকুক না কেন (ফলকের তল অপরিবাতত রাখিয়া) তারের কম্পন ইহা দ্বারা প্রভাবিত হয় না। কিন্তু তির্বক তরঙ্গের বেলায় ইহা সত্য নহে। এই কম্পনের ক্ষেত্রে তারের বিস্তার এমনভাবে হইতে থাকে যাহাতে এই বিস্তারের তল একটি বিশেষ তল গ্রহণ করে। যদি রেখাছিদ্রের দৈর্ঘ্য এই তলের সমান্তরাল হয় (০°, 180° অথবা 360° অবস্থানে) তবে তারের কম্পনের বিস্তারও কমিতে থাকে এবং ফলকের 90° ঘূরিবার ফলে কম্পনে সম্পূর্ণ বন্ধ হইয়া যায়। 180° এবং 270° অবস্থানও অনুরূপভাবে সহক্ষেই ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে।

সূতরাং কেলাস দুইটির ষে কোনও একটিকে আলোকরশিকে অক্ষ করিয়া ঘুরাইলে পারগত (transmitted) আলোর তীব্রতার তারতম্য এই পরীক্ষা হইতে সাদৃশোর সাহায়ে বুঝিতে পারা যাইবে। আলোকতরঙ্গের দ্রংশ যদি অনুদৈর্ঘ্যা হয় তবে ইহা তরঙ্গের গতির দিকের সহিত সম্পাতী (coincident) হইবে। এক্ষেত্রে এই দ্রংশ আলোকরশ্মির গতির সরলরেখার দিকে সংঘটিত হইবে। কেলাসের মধ্যের অণুর বিন্যাসের ফলে ধরা যাইতে পারে যে ইহার মধ্যে পূর্বোন্ত ধাতব ফলকের রেখাছিদ্রের ন্যায় একটি (প্রকৃতপক্ষে দুইটি) দিক আছে। এই কেলাসিটি যখন ঘোরানো হইবে তখন আলোকতরঙ্গের অনুদৈর্ঘ্য দ্রংশ এই প্রিক্রার দ্বারা মোটেই প্রভাবিত হইবে না। অপরপক্ষে বদি দ্রংশ ভির্বক

इत जत श्रथम क्लाम्ब मधा निता यादेवात जमत अहे अल्प तिथाहिए दे रिर्पात সমান্তরাল হইবে। দিতীয় কেলাসের অবস্থান যদি প্রথমটির সমান্তরাল হয় তবে ইহার মধ্য দিয়া ষাইবার সময় আলোকতরঙ্গের দ্রংশ প্রভাবিত হইবে না এবং দিতীয় কেলাসের মধ্য দিয়া পারগত (transmitted) আলোর তীরতা অপরিবৃতিত থাকিবে। কিন্ত এই সমান্তরাল অবস্থান হইতে দিতীয় কেলাস্টি যখনই ঘোরানো হইবে সঙ্গে সঙ্গে পারগত আলোর তীব্রতাও হ্রাস পাইতে থাকিবে। 90° ঘুরাইলে দ্রংশ সম্পূর্ণ বন্ধ হইয়া যাইবে এবং পারগত আলোর তীব্রতাও শুন্যে পরিণত হইবে। এই ঘোরানো চালাইয়া বাইতে থাকিলে 180° এবং 360° অবস্থানে আলোর তীব্রতা চরম এবং 270° অবস্থানে অবম হইবে আর ইহাদের মধাবর্তী অবস্থানে আলোর তীব্রতার মানও চরম ও অবমের মধ্যবর্তী হইবে। আর যদি দ্রংশের দিক ইহার মাঝামাঝি হয় অর্থাৎ যদি ইহা আলোর গতিপথের দিকের সঙ্গে 0° এবং 90° এর মাঝামাঝি কোনও কোণ উৎপন্ন করে তবে ইহাকে তির্থক এবং অনুদৈর্ঘ্য দুইটি উপাংশে (component) ভাগ कता याहेर्ट भारत । हेहारमत मर्सा अनुरेमधा डेभाःरमत खना आलात य তীব্রভার সৃষ্টি হইবে তাহা কোনও একটি কেলাস ঘুরাইয়া শুনে। পরিণত বরা সম্ভব হইবে না। কিন্তু পরীক্ষা হইতে দেখা গিয়াছে যে কেলাসের 90° এবং 270° অবস্থানে আলোর তীব্রতার মান শুনা দাড়ায়। অতএব আলাক্তরঙ্গের ভংশের সম্ভাব্য তিনটি বিকল্পের মধ্যে তির্যক ভংশের মতবাদই পরীক্ষাফলের সহিত সামঞ্জদা রক্ষা করিতে পারে। আর ইহাও সহজেই বুঝিতে পার। যায় যে বেহেতু কেলাস দুইটির আপেক্ষিক অবস্থানই আলোকের তীব্রত। নির্ণয় করিবে, ইহাদের যে কোনও একটি স্থির রাখিয়া অপরটি ঘুরাইলে আলোক-তীব্রতার পূর্ববাণিত হ্রাসবৃদ্ধি হইবে।

উপরের বুরি হইতে বুঝা যাইতেছে যে আলোক তরঙ্গে দ্রংশের প্রকৃতি তির্বক। কিন্তু এই দ্রংশ আলোকের গতির সহিত অভিলয় তলে হইবে এই পর্যান্তই বলা যাইতেছে। এই তলে দ্রংশের দিক সম্বন্ধে সঠিকভাবে কিছু এখনও বলা যাইতেছে না। আবার ইহাও দেখা যায় যে শুধু একটি কেলাস বাবহার করিয়া এইটি ঘুরাইলে আলোর তীব্রতা অপরিবর্তিত থাকে। কাব্দেই দেখা যাইতেছে যে আলোকরন্মির গতির অভিলয়তলে দ্রংশের বিশেষ কোনও অধিমান্য দিক (preferred direction) নাই, যে কোনও দিকেই দ্রংশ হওয়া সম্ভব। প্রথম কেলাসের ভিতর দিয়া যাইবার পর এই দ্রংশ একটি বিশেষ দিকে হইতে থাকে (বাহা আলোচিত রেখাছিদ্রের সমান্তরাল দিকে আরোপিত হর। ফলে আলোক তরঙ্গের তির্বক দ্রংশে একটি বিশেষ দিক আরোপিত হর।

এইর্প আলোকরাশ্ম যাহাতে তির্থক দ্রংশ একটি বিশেষ দিকে সম্পন্ন হইতেছে সাধারণ আলোক হইতে আলাদা প্রকৃতির হইবে। আলোকের এইর্প বৈশিষ্ট্যকে (যাহাতে তির্থক দ্রংশের একটি বিশেষ অধিমান্য দিক থাকে) আলোকের সমবর্ভন বলা হয়।

আলোকের প্রতিফলন সম্বন্ধে প্রথম পরীক্ষাও আলোক তরঙ্গে প্রংশের উপরোক্ত চিন্তের সাহায্যেই একমান্র ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে। তির্যক প্রংশ প্রথম ফলকে প্রতিফলনের ফলে একটি বিশেষ দিক নিতে থাকে এবং প্রতিফলিত আলোকরিশ্ব আংশিকর্পে সমর্বতিত হয়। দ্বিতীয় ফলকটি যদি প্রথমটির সমান্তরালে অবস্থান করে তবে ইহা হইতে দ্বিতীয় প্রতিফলনে আলোকের তীব্রতা প্রথম প্রতিফলনের সমান ভ্যাংশেই কমিবে। কিন্তু বখন দ্বিতীয়টি এমনভাবে ঘোরানো হইবে যাহাতে দুইটি ফলকে আলোকের আপতন তল পরস্পর অভিলম্ব অবস্থান গ্রহণ করিবে, তখন সমর্বতিত আলোকরিশ্বর প্রতিফলন অবম হইবে। [ফলক পুঞ্জের আলোচনা দ্রন্থবা]. এই পরীক্ষাটির খানিকটা এমনভাবে পরিবর্তন করা যাইতে পারে যাহাতে টুারম্যালিনের কেলাসের পরীক্ষার সহিত ইহার সাদৃশ্য স্পন্থ হয় এবং ঐ ক্ষেত্রে প্রযুক্ত ব্যাখ্যা এই প্রতিফলনের ক্ষেত্রেও ব্যবহার করা যাইতে পারে।

আলোকরশ্মি প্রথম ফলক P_1 হইতে প্রতিফলিত হইবার পর একটি টারম্যালিন কেলাসের ভিতর দিয়। পাঠানো হইল। এই কেলাসটি ন্বিতীয় ফলক $P_{_2}$ এর বদলে বসানে। হইতেছে। এইবার কেলাসটি আলোর অক্ষে পূর্বিণিতরূপে ঘুরাইলে দেখা যাইবে যে পারগত (transmitted) আলোর তীব্রতার হ্লাসবৃদ্ধি হইতেছে এবং প্রতি 90° ঘুরানোর ফলে তীব্রতার মান একবার করিয়া চরম ও অবমের মধ্যে পরিবর্তিত হইতেছে। আবার যদি আলোকরশ্বি প্রথম ফলক P, এ প্রতিফলিত করার পরিবর্তে প্রথমেই একটি ট্রারম্যালিন কেলাসের মধ্য দিয়া পাঠানো হয় এবং পরে এই পারগত রশ্মি দ্বিতীয় ফলক Pু এ প্রতিফলিত করা হয় তাহা হইলেও দেখা যায় যে দ্বিতীয় ফলকটি পূর্ববাণিতরূপে ঘুরাইলে ইহা হইতে প্রতিফালত আলোর তীব্রতার চক্রাকারে (cyclically) হ্রাসবৃদ্ধি হইতে থাকে। সূতরাং এই পরীক্ষা হইতে দেখা যাইতেছে যে প্রতিফলনের ফলে আলোকের যে পরিবর্তন হইতেছে তাহার প্রকৃতি দুইটি ট্রারম্যালিনের পরীক্ষার মত একই প্রকারের। সূতরাং দুইটি টারম্যালিনের বেলায় এই হ্রাসবৃদ্ধির যে ব্যাখ্যা দেওয়া হইয়াছে দুইটি প্রতিফলনের বেলার তাহা সমভাবেই প্রযোজা। অর্থাৎ এই উভর পরীক্ষা এই তথাট প্রমাণ করিতেছে যে আলোকতরঙ্গের ভ্রংশ তির্যক এবং ইহা আলোর

গতির সহিত অভিলবে অবস্থিত তলে সংঘটিত হয় যদিও এই তলে সংশের কোনও বিশেষ দিক নাই, ইহা আলোকরশ্বিকে অক্ষ করিয়া এই অভিলব তলের যে কোনও দিকে হইতে পারে।

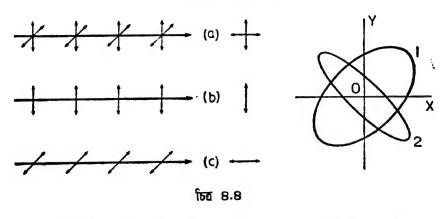
অতএব দেখা যাইতেছে যে এ যাবং ব্যতিচার এবং ব্যবর্তনের পরীক্ষা সম্বের জন্য আলোক তরঙ্গে ভংশের প্রকৃতি সঠিকভাবে বর্ণনা না করিরাও পরীক্ষালম্ভ ফলাফলের প্রয়োজনীর ব্যাখ্যা করা সন্তব হইয়াছে। কিন্তু আলোকের সমবর্তনের বেলার ভংশের প্রকৃতি সম্বন্ধে এইরূপ অস্পর্কতা আর বজার রাখ্যা সন্তব নহে এবং এই জনাই পূর্বোক্ত পরীক্ষা দুইটির ব্যাখ্যা করার জন্য ভংশের তির্বক প্রকৃতি সুস্পর্কর্পে বাক্ত করিতে হইয়াছে। অতএব এষাবং ব্যবহৃত স্কেলার-তরঙ্গ মতবাদের পরিবর্তে ভেক্টর-তরঙ্গ মতবাদের প্রবর্তন করা আবিশাক হইয়া পড়িরাছে এবং এই ভংশের প্রকৃতি তির্বক ও আলোক তরঙ্গের গতির অভিলম্বতলে সংঘটিত হয় বলিরা বণিত পরীক্ষা দুইটির দ্বারা প্রমাণিত হইয়াছে।

সাধারণ আলোতে কম্পনের প্রকৃতি (Nature of vibration in ordinary light).

উপরোক্ত পরীক্ষা দুইটি হইতে দেখা গিয়াছে যে প্রতিফলন অথবা কেলাসের মধ্য দিয়া পারগত (transmitted) হওয়ার ফলে সাধারণ আলোর দ্রংশের রূপান্তর (modification) হয় এবং ইহার ফলে প্রতিফলিত বা পারগত আলোর সমবর্তন হইয়া থাকে। বর্ণিত প্রক্রিয়ায় যে ধরণের সমবর্তন হয় তাহাতে দ্রংশ একটি বিশেষ তির্যক সরলরেখায় হইতে থাকে। কাজেই য়ভাবতই প্রশ্ন ওঠে যে সাধারণ আলোতে দ্রংশের প্রকৃত স্বরূপ কি; অর্থাৎ প্রতিফলন বা পারগতির (transmission) পূর্বে এই দ্রংশের প্রকৃতি জ্বানা প্রয়োজন হইয়া পাঁড়য়াছে। প্রচলিত ধারণা অনুসারে বলা যায় য়ে সাধারণ আলোকের ক্ষুদ্র উৎসর্গাল শক্তি শোষণের ফলে উত্তেজিত হইয়া আলোক বিকীরণ ক্ষারতে থাকে। এই বিকীর্ণ আলোতে তরঙ্গের দ্রংশ তির্যক (কিন্তু কোন বিশেষ সরলরেখায় নহে) এবং ইহা প্রথম বিকীরণ আরম্ভ করিবার সময় বে কোন একটি এলোমেলো (random) দশা ধ্রুক নিয়া সূরু হয় (ভরঙ্গ সমীকরণ 1.62 দুক্তর।)।

বিভিন্ন প্রকার অবমন্দনের (damping) ফলে ক্রমে এই বিকীরণ কমিরা আসিতে থাকে এবং কালে সম্পূর্ণ বন্ধ হইরা যার বে পর্বান্ত না নৃতন শক্তি শোষণের ফলে এই প্রক্রিয়ার পুনরাবৃত্তি হর। একবার উত্তেজিত হইবার ফলে একটি উৎস গড়ে 10^{-8} sec. সময় আলোকবিকীরণ করিয়া থাকে এবং বিকীরণ আরম্ভ করিবার সময় প্রংশের দশাধুবক সম্পূর্ণ এলোমেলো (random) হইরা থাকে। আর এই প্রংশের প্রকৃতি সাধারণভাবে হইবে উপবৃত্তীয় (elliptical). উপবৃত্তীট আলোকের গতির অভিলম্বতলে অবস্থিত থাকিবে এবং ইহার মুখা ও গোণ (major and minor) অক্ষন্ধর এই তলে যে কোনও অক্সানে থাকিবে। প্রতিবার নৃতন করিয়া বিকীরণ আরম্ভ করিলে এই অক্ষন্ধরের অক্সান পরিবর্তিত হইবে। যেহেতু প্রতি সেকেণ্ডে গড়ে 10^8 বার এই রকম নৃতন বিকীরণ আরম্ভ হইবে, সূতরাং বলা যার যে এই উপবৃত্তের অক্ষন্ধরের অক্সান স্বেদিকেই গড়ে সমান হইবে। আবার ক্ষেত্রবিশেষে (দশাধুবকের মানের উপর নির্ভর করিয়া) এই উপবৃত্ত সরলরেখা এবং বৃত্তেও পরিবর্তিত হইবে।

এই তিনপ্রকার দ্রংশকেই (উপবৃত্তীর, বৃত্তীর ও সরলরৈখিক) আলোক-তরঙ্গের অভিলম্বতলে বে কোনও দুইটি পরস্পর লম দিকে উপাংশে (components) বিভেদন (resolution) করা বার।



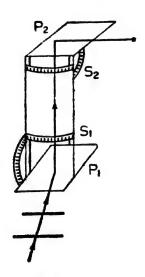
এই উপাংশ দুইটির বিস্তার এবং দশা সরলরেখা ও উপবৃত্তের ক্ষেত্রে ইহাদের অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে । বৃত্তের ক্ষেত্রে অবশ্য এইগুলির বিস্তার সমান হইবে আর দশা-পার্থক্য হইবে $\frac{\pi}{2}$. সূতরাং দেখা যাইতেছে যে প্রতি সেকেণ্ডে গড়ে যে 10^8 সংখ্যক নৃতনরূপের ভংশের সৃষ্ঠি হইবে তাহাদের বিদ এই দুই পরম্পর লম্ব দিকে উপাংশে বিভেদন করা হয় এবং এই বিভক্ত উপাংশগুলি যোগ করা হয় তবে ইহাদের যোগফল গড়ে দুই দিকেই সমান দাড়াইবে । কাজেই ধরা যায় যে সাধারণ আলোতে ভংশের প্রকৃতি গতির অভিলম্বতলে যে কোন দুইটি পরস্পর লম্বদিকে তির্থক কম্পন হিসাবে কাজ করে আর এই দুইটি

কম্পনের বিস্তার সমান। তবে যে ভাবে দ্রংশগুলিকে উপাংশে বিভেদন করা ছইয়াছে তাহা হইতে স্পর্কট বুঝা যাইতেছে যে এই দুই দিকের কম্পনের মধ্যে দশার কোনও সম্বন্ধ নাই ; অর্থাৎ ইহাদের বিস্তার সমান হইলেও ইহারা পরস্পর সংসক্ত (coherent) নয়। ৪.৪ নং চিত্রে যে ১নং উপবৃত্তটি আকা ইইয়াছে সেটি বিদ কোনও যথেচ্ছ দুইটি পরস্পর লছদিকে OX এবং OY এ বিভাজন করা ষায় তবে এই উপাংশ দুইটির বিস্তার ও দশা আলাদা হইবে। এখন প্রতিবার উত্তেজিত হওয়ার ফলে আলোক উৎস সাধারণতঃ একটি নৃতন উপবৃত্তের সৃষ্ঠি করিবে। এইরুপ আর একটির অবস্থান দেখানো হইরাছে ২নং উপবৃত্তের ইহাকে যদি OX এবং OY দিকে বিভাজন করা হয় তবে এই নৃতন উপাংশ্বয়ের বিস্তার ও দশা পূর্বোক্ত উপাংশ্বয় হইতে আলাদা হইবে। উপবৃত্তের বিশেষ ক্ষেত্র সরলরৈখিক ভ্রংশের বেলায়ও এই একই নীতি প্রযোজ। হইবে। এইরূপে বহুসংখ্যক পৃথক পৃথক ভ্রংশকে বিভেদন করিয়া OX এবং OY এর দিকের উপাংশগুলি বোগ করিলে পূর্ববাণিত ফল পাওয়া যাইবে। অতএব (অসমবর্তিত) আলোতে দ্রংশ গতির অভিলয় তলে যে কোন দুইটি পরস্পর লম্বদিকে পুইটি সমান বিশুরের কিন্তু অসংসক্ত তির্থক কম্পনের দ্বারা বর্ণনা কর। ষায়। ৪.৪ নং চিত্রে এইরপ ভংশের প্রতীকর্প আবা হইয়াছে। (a) চিত্রে সাধারণ (অসমবর্তিত) আলো এবং (b) ও (c) চিত্রে সমবর্তিত আলোর এংশ দেখানে। হইয়াছে। বাম পাৰ্শ্বের চিত্রে আলোর গতির অভিলয় দিকে এবং দক্ষিণ পার্ষের চিতে আলোর গতির সরলরেখায় দেখিলে যের্প দেখা যাইবে তাহাই আকা হইয়াছে। (a) র ক্ষেত্রে কম্পন উল্লয় ও অনুভূমিক উভয় তলেই হইতেছে কিন্তু (b) এবং (c) এর ক্ষেত্রে ইহা বধারুমে উল্লয় এবং অনুভূমিক তলেই শুধু হইতেছে। অতএব (b) ও (c) এর ক্ষেত্রে আলোর তলীয়-সমবর্তন (plane polarisation) হইয়াছে বলা হয়।

ষধন আলোকরণি কোনও বচ্ছ কঠিন পদার্থের তলে আপতিত হয় ইহার কিছুটা প্রতিফলিত এবং বাকীটা প্রতিসৃত হয় এবং একটি প্রতিফলিত ও আরেকটি প্রতিসৃত আলোকরণি পাওয়া বায়। কিন্তু 1669 সনে ডেনমার্কের বৈজ্ঞানিক ইরাসমাস বার্থোলিনাস (Erasmus Bartholinus) একটি আইসলাও স্পার (Iceland spar—calcium carbonate crystal) কেলাসের মধ্য গিয়া আলোক পাঠাইয়া দেখিতে পাইলেন যে এইক্ষেত্রে দুইটি প্রতিসৃত রশ্মি পাওয়া গেল। তিনি এই প্রক্রিয়ার নাম দিলেন বৈধ-প্রতিসরণ (double-refraction). হাইগেন্স (Huygens) এই বৈধ-প্রতিসরণ নিয়া পরীক্ষা চালাইবার সময় আলোকের সমবর্তন আবিক্ষার করেন। তিনি দেখিলেন যে প্রতিসৃত রশ্মিক

পূইটিতেই সাধারণ আলো হইতে পৃথক ধর্ম বর্তমান এবং এই ধর্মকেই পূর্ববর্ণিত আলোকের তলীর সমবর্তন বলা হর। দীর্ঘকাল ধরিয়া ইহা নিয়া আর কোনও পরীক্ষা চালানো হর নাই। পরে ম্যালাস (Malus) আবার এই ধরণের পরীক্ষা সূর্যু করেন। লাক্মেবুর্গ রাজপ্রাসাদের (Luxembourg Palace) জ্ঞানালার কাচ হইতে প্রতিফলিত আলো তিনি ক্যালাসাইট কেলাসের (calcite crystal) মধ্য দিয়া পাঠাইয়া কেলাসিট আলোকর্মানর অক্ষে ঘুরাইয়া পারগত আলোর তীরতা পর্যবেক্ষণ করিবার কালে দেখিতে পান যে কেলাসের বিজ্জির অবস্থানে আলোর তীরতার হ্রাসবৃদ্ধি হইতে থাকে। এই পরীক্ষা তিনি দুইটি কাচের ফলক হইতে আলোর প্রতিফলনের সাহাযোও পুনরাবৃত্তি করেন। এই ক্ষেত্রেও একটি ফলক আলোর প্রতিফলনের সাহাযোও পুনরাবৃত্তি করেন। এই ক্ষেত্রেও একটি ফলক আলোক অক্ষে ঘুরাইলে দুইবার প্রতিফলিত আলোর তীরতার অনুবৃপ তারতম্য লক্ষ্য করেন। এই পরীক্ষার ফলেই আলোর সমবর্তনের সম্বদ্ধে স্পর্ক ধারণার উত্তব হয় এবং দেখা যায় যে উপরোক্ত পরীক্ষাগুলি ব্যাখ্যা করিবার জন্য ক্ষপনের ক্ষেলারতরঙ্গ মতবাদের স্থলে ভেক্টর-ভরক্ষ মতবাদে ব্যবহার কয়া আবিশ্যিক হইয়া দাড়ায়।

প্রতিফলনের ফলে আলোর সমবর্তন বিশদর্পে পরীক্ষা করিবার জন্য বে সমস্ত বন্ধ ব্যবহার করা হয় Biot's Polariscope তাহাদের অন্যতম ঃ



हिंच 8.६

এই যাত্র একটি ধাতব নল থাকে। এই নলে দুইটি কাচের ফলক P_1 এবং P_2 এমনভাবে লাগানো থাকে যাহাতে প্রভোকটি ফলকই দুইটি সরলরেখাকে

আৰু করিয়া ঘূরিতে পারে। এই সরলরেখার একটি ধাতব নলের অক্ষের সহিত লবভাবে থাকে; এই রেখাকে অক্ষ করিয়া ফলক দুইটি ঘুরাইলে আলোকরিশার আপতন কোণের প্ররোজনমত পরিবর্তন করা বার। বিতীয় সরলরেখাটি ধাতব নলের অক্ষের সহিত সমান্তরালে অবস্থান করে। এই অক্ষে ফলক ঘুরাইলে আপতন কোণ ঠিক রাখিরা আপতন তল ইচ্ছামত পরিবর্তন করা বার।

এই ব্যাহ্র পরীক্ষা করিরা দেখা বার বে প্রথম কলকে বে কোনও কোণে আলোককে আপতিভ করিরা যদি বিভীর ফলকের সমান্তরাল অবস্থানে এই चारना श्रीकर्मनिक क्या यात्र कारा इरेटन माधायनक त्वन बानिकते। चारनाक তীব্রতা দেখা বার । এবার বিতীর ফলকটি ঘুরাইরা আপতন তল পরিবতিত করিতে থাকিলে ইহা হইতে প্রতিফলিত আলোর তীরতা হ্রাস পার এবং বখন ফলক দুইটিতে আলোর আপতন তলের পারস্পরিক অবস্থান 90° এ আসিয়া দাভার আলোর তীব্রতা তখন অবম মান প্রাপ্ত হর। সাধারণত এই অবম মান শুনা হর না। কিন্তু কাচ, জল প্রভৃতি হইতে প্রতিফলনের ক্ষেত্রে এমন একটি আপতন কোণ আছে বাহার বেলার বিভীয় ফলক হইতে প্রতিফলিত আলোর তীরতা শূন্য হয়। বুঝা বায় বে উক্ত কোণে প্রতিফলিত হইলে আলো সম্পূর্ণ সমর্বতিত হয় বাহায় ফলে বিতীয় প্রতিফলনে আলোর তীরতা শুনো পরিণত হর। বে কোণে আপতিত হইলে প্রতিফলিত আলোর সম্পূর্ণ সমবর্তন হর সেই কোণকে সমবর্তক কোণ (Polarising angle) বলা হইরা থাকে। অবশ্য এটা স্পর্ক করিয়া বুঝা দরকার যে সমস্ত পদার্থ হইতে প্রতিফলনেই আলোর সম্পূর্ণ সমবর্তন হর না। অনেক বছুর ক্ষেত্রে এই সমবর্তনের পরিমাণ আপতন কোণ কুন্ত মান হইতে বাড়াইরা বাইতে থাকিলে প্রথমে ব্যক্তিতে থাকে এবং একটি চরমমান প্রাপ্তির পর আবার কমিয়া আসে। এই সমস্ত ক্ষেত্রে যে আপতন কোণে সমবর্তন সর্বাধিক হয় সেই কোণকে সমবর্তক কোপ বলা হয়। এই সমবর্তক কোপ বনুর প্রতিসরাক্ষের সহিত বুকারের সূত্র বারা (Brewster's Law-পরে আলোচা) সংবৃত্ত।

প্রতিষ্ণানের পরীক্ষা এবং সমবর্তক কোণের সংজ্ঞা হইতে দেখা বার বে আলো প্রথম ফলকে সমবর্তক কোণে আপতিত হইয়া বখন প্রতিষ্ঠালত হয় এই আলো বিতীর ফলকে প্রতিষ্ঠালনের পর ইহার তীরতা দুইটি ফলকের আপেক্ষিক অবস্থানের উপর নির্ভয় করে। ইহারা পরশ্বর সমান্তরাল হইলে বিতীর প্রতিষ্ঠালনের পর আলোর তীরতা চরম হয়। বিতীর ফলকের বে আপতন তলে আলোর তীরতা চরম দাড়ার সেই তলকে সমবর্তন তল (Plane

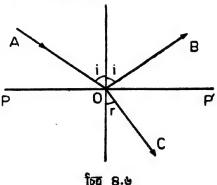
of polarisation) বলা হয়। সূত্রাং বুঝা বায় বে এই সংজ্ঞানুসারে প্রতিফলিত আলোর ক্ষেত্রে সমবর্তন তল এবং প্রতিফলন তল সমার্থক এবং পরস্পর সমান্তরাল। আবার ক্ষেনেলের মতানুসারে তলীর সমবর্তনের বেলার কম্পনের দিক সমবর্তন তলের সহিত অভিলয়ে অবস্থিত। সূত্রাং এই কম্পন ফলকের তলের সহিত সমান্তরালে অবস্থান করিবে।

उन्होरतत गृज (Brewster's Law).

স্যার ডেভিড রুষ্টার (David Brewster) বিভিন্ন বন্ধূ হইতে প্রতিফলন প্রস্তু সমর্বতিত আলোর সমবর্তক কোণের মান নিয়া অনেক পরীক্ষা করেন। ইহার ফলে তিনি বন্ধুর প্রতিসরাধ্কের সহিত প্রতিফলিত আলোর সমবর্তক কোণের সম্বন্ধ আবিষ্কার করেন। এই সূত্র অনুসারে

$$tan i = \mu (4.1)$$

এখানে i = সমবর্তক কোণ ; $\mu = বকুর প্রতিসরাক্ষ।$ এই সূচটিকে বলা হয় বুঝারের সূত।



বছর ক্ষেত্রে এই স্তাটির ফল দাড়ার এই যে প্রতিফলিত এবং প্রতিস্ত রিশা পরস্পরের সহিত অভিলবে অবস্থান করে। চিত্র নং ৪.৬ এ দেখা যাইতেছে যে একটি আলোকরিশা AO বচ্ছ বস্তুর তল PP' এ O বিন্দৃতে আপতিত হইবার ফলে একটি প্রতিফলিত রিশা ও আর একটি প্রতিস্ত রিশা বথাব্রুমে OB এবং OC তে বিভক্ত হইরাছে। যদি আপতন কোণ i সমবর্ডক কোণের সমান হয় তবে রুকারের স্তানুসারে

$$\tan i = \mu \qquad \exists \frac{\sin i}{\cos i} = \frac{\sin i}{\sin r}$$

$$\exists \cos i = \sin r \qquad \exists i + r = 90^{\circ}$$

খানা সম্ভাবনা বাদ দেওরা বার কারণ এখানে i এবং r উভরেই 90° অপেকা ছোট। কাজেই দেখা বাইভেছে বে আলো সমবর্তক কোণে আপতিত হইলে প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত রন্ধি পরস্পর সমকোণে অবস্থান করে।

প্রতিসরাক্ষ μ আলোর তরঙ্গদৈর্ঘের সহিত পরিবৃত্তিত হয়। সূত্রাং আপতিত রশ্বি বদি সাদা অথবা একাধিক তরঙ্গদৈর্ঘের সমষ্টি হয় তবে রুঠারের সূত্র হইতে দেখা যার যে প্রতিটি তরঙ্গদৈর্ঘের জন্য সমবর্তক কোণ আলাদা হইবে। ফলে দিতীর প্রতিফলনে একমাত্র সেই আলোই বন্ধ করা যাইবে যাহার সমবর্তক কোণ আপতন কোণের সমান। অন্যান্য তরঙ্গের আলোর সমবর্তক কোণ আলাদা মানের হওয়ার এই আপতন কোণে প্রতিফলিত আলো সম্পূর্ণ সমব্বতিত হইবে না। ফলে দ্বিতীয় প্রতিফলনে ইহাদের কম বেশী অংশ প্রতিফলিত হইবে এবং প্রতিফলিত আলো রঙীন হইবে। তবে বিচ্ছুরণের পরিমাণ কম হওয়ার তরঙ্গদৈর্ঘার সহিত সমবর্তক কোণের পরিবর্তন পুব সামানাই হইরা থাকে, বেজনা দ্বিতীয় ফলক হইতে প্রতিফলিত আলোর তীব্রতা ফলক ঘুরাইয়া প্রার শ্নো পরিবত করা সম্ভব হয়।

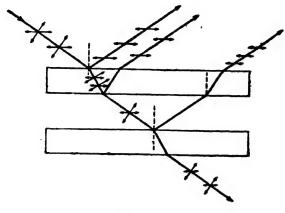
বুন্ধারের স্ত্রের প্রয়োগের একটি বাবহারিক সম্ভাবন। এই যে ইহার সাহায্যে অক্সন্থ কঠিন বন্ধুর প্রতিসরাক্ষ নির্ণয় করা যাইতে পারে। অক্সন্থ হওয়ার এই পরীক্ষা প্রতিস্ত রশিষর সাহায়ে। সাধারণত করা সম্ভব হয় না। যদি ইহার মস্প করা তল হইতে আলো দুইবার প্রতিফলিত করিয়া সমবর্তক কোপ নির্ণয় করা হয় ভবে ঐ কোণ হইতে বুন্ধারের স্ত্রের সাহায়ে। বন্ধুটির প্রতিসরাক্ষ্

প্রতিকলনের খারা আলোর সমবর্তন; ফলকপুঞ্চ (Polarisation of light by reflection; Pile of plates).

দেখা গিরাছে বে আলোক বখন বছু কঠিন বন্ধুর সমানতলে আপতিত হয় তখন ইহা প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত দুইটি রন্ধিতে বিভক্ত হয়। আর এই প্রক্রিয়ার আলোকের সমবর্তন ঘটে।

আলোক যখন সমবর্তক কোশে আপতিত হর তখন প্রতিফলিত আলোকের সমবর্তন চরম হয় এবং কাচজাতীয় কোন কোন বয়ৢয় ক্ষেত্রে এই সমবর্তন সম্পূর্ণ হইয়া থাকে। ধয়া যাক বে আলো কাচের ফলকে আপতিত হইতেছে। এই ক্ষেত্রে প্রতিফলিত আলো সম্পূর্ণ সমব্যতিত হইবে। কিন্তু বচ্ছ কাচের বেলার আপতিত রন্মির শতকরা ১৫ ভাগের মত প্রতিফলিত হইবে, বাকীটা প্রতিস্ত হইবে। বিদ্ আপতিত আলো অসমব্যতিত হয় তবে ইহাতে অভিলব্ধ

এবং সমান্তরাল (perpendicular and parallel) (চিন্ত নং ৪.৪ রেউব্য) কম্পনের উপাংশ দুইটির তীরতা সমান হইবে। ইহাদের মধ্যে বে কম্পনের দিক আপতন তলের অভিলয়ে অবস্থিত শুধু সেই উপাংশই প্রতি-ফলিত হইবে, অন্যটি সম্পূর্ণরূপে প্রতিসৃত হইবে। অবশ্য ইহার কারণও



চিত্ৰ নং ৪.৭

সহজেই বুঝিতে পারা বায়। বুঝারের স্তানুসারে যখন আলো সমবর্তক কোণে আপতিত হয়, প্রতিফলিত এবং প্রতিস্ত রশিষ্টর পরস্পর সমকোণে অবস্থান করে। আর আলোর ভংশের দিক আলোর গতিপথের অভিলয়তলে ইহাও দেখা গিয়াছে। প্রতিফলিত আলোর ভংশ যেখানে আপতন তলের অভিলয়ে হইবে, সেন্থলে প্রতিস্ত রশিতে ভংশের দিক আপতন তলে হইতে হইবে। সূতরাং এই দিক প্রতিফলিত রশ্মির সহিত সমান্তরাল দাড়াইবে। আলোর বিকীরণের প্রক্রিয়া এইর্প যে আলোক উৎসগুলির কম্পনের ফলে আলোকদান্তি বিকীর্ণ হয়। সূতরাং এই বিকীরণ কম্পনের রেখার অভিলয়ে চরম হইবে, আর কমিতে কমিতে কম্পনের সরলরেখার দিকে শূন্য হইবে। কাজেই দেখা যাইতেছে যে এই বিশেষ ক্ষেত্রে (যখন আলো সমবর্তক কোণে আপতিত হয়) উপাংশ দুইটির মধ্যে যেটির কম্পন আপতন তলে ঘটিবে সেটি শুধুমাত্র প্রতিস্তই হইবে, ইহার কোন অংশই প্রতিফলিত হইবে না।

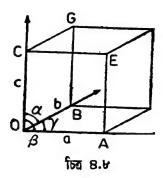
অতএব দাড়াইতেছে এই যে অসমবাতিত আলে। আপতিত হইরা বে দুই ভাগে ভাগ হইবে তাহার মধ্যে প্রতিফালত উপাংশ সম্পূর্ণ সমবাতিত হইবে। আর প্রতিসৃত আলোতে দুই প্রকার কম্পনের আলোই বর্তমান থাকিবে। তবে ইহাতে সমান্তরাল কম্পনের উপাংশ সম্পূর্ণই থাকিলেও অভিলয় উপাংশের 15% অনুপদ্ধিত থাকিবে কারণ এই অংশ প্রতিফালিত হইরাছে। কাজেই দেখা যাইতেছে বে ফলকতলে আপতনের পূর্বে দূই উপাংশের তীব্রতা এক ছইলেও এখন প্রতিসৃত রশ্যিতে সমান্তরাল উপাংশের তীব্রতা অধিক হইবে। ফলকের দিতীর তলেও এই প্রক্রিয়ার পুনরাবৃত্তি ঘটিবে। এই আপতন প্রক্রিয়া প্রতিবার সংঘটনের ফলে প্রতিসৃত রশ্যি হইতে অভিলয় কম্পনের উপাংশ ক্রমশ্য কমিয়া যাইতে থাকিবে। ফলে বথেন্টসংখ্যক ফলকের ভিতর দিরা পাঠাইলে প্রতিসৃত রশ্যির সমবর্তন প্রায় সম্পূর্ণ হইবে এবং এই প্রণালীতে আলোকরশ্যির সমবর্তন সৃষ্টি করা সম্ভব হইবে।

এইর্প ফলকপুঞ্জের সাহাব্যে তলীর সমবর্তন সৃষ্টি করিয়া এই সমবর্তনের পরিমাণ অনুর্প ফলকপুঞ্জের সাহাব্যেই পরীক্ষা করা বাইতে পারে। দুইটি কাচের ফলকপুঞ্জ বদি পর পর এমনভাবে রাখা বার বে ইহাদের ফলকপূঞ্জানিতে সমবর্তিত আলো দিতীরটির মধ্য দিয়া বাইবার ফলে সমবর্তনের পরিমাণ আরও বাড়িবে। কিন্তু এইবার বদি ফলকপুঞ্জ দুইটির একটিকে 90° ঘোরানোহর তবে ইহাদের মধ্যে আপতন তল পরস্পরের সহিত 90° কােণ করিয়া থাকিবে। সূত্রাং প্রথম ফলকপুঞ্জ হইতে নিগত সমব্তিত আলাে দিতীর ফলকপুঞ্জের দারা সম্পূর্ণ প্রতিহত হইবে এবং ইহা হইতে পারগত আলাের ভীরতা শ্না অথবা অবম দাড়াইবে। বলা বাহুলা এই ফলকপুঞ্জ দুইটির কে কােনও একটির স্থলে টুারমাালিন জাতীর কেলাস বাবহার করিয়াও উপরাের পরীক্ষা করা বাইতে পারে।

হৈষ-প্রতিসরণ (Double-refraction).

আলোকের সমবর্তনের আলোচনার সময় বলা হইয়াছে যে 1669 খৃতান্দে ডেনমার্কের বৈজ্ঞানিক ইরাসমাস বার্থোলিনাস (Erasmus Bartholinus) আলোকের বৈধ-প্রতিসরণ আবিদ্ধার করেন। ক্যালসাইট (calcite-calcium carbonate) কেলাসের উপর আপতিত আলোকরণ্মি পরীক্ষা করিয়া তিনি দেখিতে পান যে কাচজাতীর পদার্থে যেখানে একটি প্রতিস্ত রশ্মির সৃতি হয় ক্যালসাইটের ক্ষেত্রে সেখানে সাধারণত দুইটি প্রতিস্ত রশ্মির উত্তব হইয়া থাকে। প্রতিসরণে এইর্প দুইটি রশ্মির সৃতিকে কলা হয় বৈধ-প্রতিসরণ। পদার্থের এই ধর্ম সাধারণভাবে কেলাসের ক্ষেত্রেই প্রবোজা। দেখা গিয়াছে যে যাবতীর কেলাসকে ভাছালের যাহ্যক ও আভ্যক্তিরক (external & internal) প্রতিসামের (symmetry) অনুসারে নির্মালখিত ৭টি ভাগে বিভক্ত করা বার চ

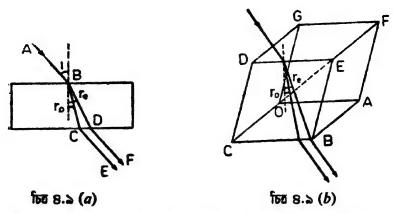
কেলাসের মধ্যে কোনও স্থানে কেন্দ্র করিরা বাদ ভিনটি স্থানাক্ক-অক্ষের (co-ordinate axes) সাহাব্যে বিভিন্ন অবস্থান বুঝান হয় তবে এই অক্ষ-সমূহের অবস্থান কেলাসের প্রতিসাম্যের সহিত সামঞ্জস্য রাখিরা নির্বাচন করা প্ররোজন কারণ একমাত্র এইর্প নির্বাচনেই কেলাসের পূর্ণ প্রতিসাম্যের চিত্র



পাওয়া বাইবে। উপরের চিত্রে O বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া বিদ তিনটি অক্ষ OA, OB এবং OC এমনভাবে টানা হয় বে A, B এবং C বিন্দুর পারিপার্শিকতা (environment) O বিন্দুর অনুরূপ এবং এইরূপ সমপারিপার্শিকতার
বিন্দুবৃগলের দ্রম্বের মধ্যে OA, OB এবং OC হ্রতম তাহা হইলে এই
অক্ষ তিনটির সাহাযো একটি একক সেলের (unit cell) সৃষ্টি হইবে; B.৮ নং চিত্রে OADBGCEF এইরূপ একটি একক সেল। এই সেলটি
কেন্দ্রের তিনদিকে পুনরাবৃত্তি করিয়া সমগ্র কেলাসটি গঠন করা বাইবে। OA, OB এবং OC দ্রম্বরের একক দ্থানান্তরণ (unit translation) বলা হয়।
ইহাদের বথাক্রমে a, b এবং c ভেক্টর দ্বারা চিহ্নিত করা হইল। আর OAএবং OB ভেক্টরন্বরের মধ্যের কোণ γ , OA OCর মধ্যের কোণ β এবং OB ও OCর মধ্যের কোণ α দ্বারা বৃঝান হইল। এই চিত্রানুসারে কেলাসের
প্রতিসাম্যের উপর নির্ভর করিয়া সমস্ত কেলাসই নিম্নিলিখিত সাতভাগে ভাগ

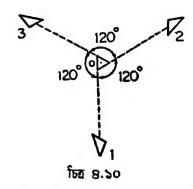
Cubic	a=b=c;	$\alpha = \beta = \gamma = 90^{\circ}$
Tetragonal	$a-b\neq c$	$\alpha = \beta = \gamma = 90^{\circ}$
Orthorhombic	$a \neq b \neq c$	$<-\beta=\gamma=90^{\circ}$
Hexagonal	$a = b \neq c$	$\alpha = \beta = 90^{\circ}$; $\gamma = 120^{\circ}$
Trigonal	a=b=c	$< -\beta = \gamma \neq 90^{\circ}$
Monoclinic	$a \neq b \neq c$	$\alpha = \gamma = 90^{\circ}$; $\beta \neq 90^{\circ}$
Triclinic	$a \neq b \neq c$	$< \neq \beta \neq \gamma \neq 90^{\circ}$

উপরের সংক্তেনে (notation) $a \neq b$ এর অর্থ a এবং b এর দৈর্ঘ্য সমান নছে।



উপরের চিত্র ৪.১ (a)তে দেখানো হইরাছে যে একটি আলোকরশ্মি AB একটি ক্যালসাইট কেলাসের তলে B বিন্দুতে আপতিত হইতেছে। এই রশ্মি সাধারণভাবে দুইটি প্রতিস্ত রশ্বি BC এবং BD হিসাবে কেলাসটির মধ্য দিরা बाहेर्स (প্রতিফালত রাশ্বর কথা এখানে বিবেচনা করা হইতেছে না)। ইহাদের প্রতিসরণ কোণ হইবে যথাক্তমে 🕝 এবং 🔥 দিতীয় তলে প্রতিসরণের পর নিগত হইয়া রন্ধির পৃথক দুইটি রন্ধি CE এবং DF ছিসাবে গমন করিবে : আর ইহারা হইবে পরস্পরের সমান্তরাল। কিন্ত কেলাসের মধ্যে প্রতিসরণের সময় দেখা বাইবে বে রণি দুইটির মধ্যে একটি প্রতিসরণের সূত্র দুইটি মানিরা চলিলেও অপরটি এই সূত্র সাধারণত মানে না। যে রন্মিটি প্রতিসরণের সূত্র দুইটি মানিরা চলে ভাহাকে 'সাধারণ রশ্বি' (ordinary ray) বলা হর। অপরটি বেটি সাধারণত প্রতিসরণের কোন সূচই মানিরা চলে না 'অসাধাৰণ ৰণিৰ' (extraordinary ray) বলিয়া অভিহিত হইয়া থাকে। व्यथन कि 8.2 (b) व विचारना इहेतारह क्किंग व्यापर्म (ideal) कामगाई व এই কেলাস্টি ছর্নিট সামান্তরিক (parallelogram) সমতল স্বারা সীমাবদ্ধ। এই সামান্তরিকের কোণ দুইটির মান 101°55' এবং 78°5'. ক্লোসের আটটি কোণের প্রতিটিভেই তিনটি সামান্তরিক আসিরা মিলিত হইতেছে। এই আটটির মধ্যে দুইটি বিপরীত বিন্দু O এবং E বিন্দুতে তিনটি কোণই সুলকোণ। অপর ছরটি বিন্দুতে মিলিড কোণগুলির তিনটির सत्या अकिं मुध् मुकारकाण वाकी मुद्देषि शृक्षारकाण । विम विन्यु मुद्देषि O अवर E अर्कां कार्यातक मतलदाबा OE बाबा युक्त कहा इस छटन अहे मतलदाबारि

OA, OC এবং OG এর সঙ্গে সমান কোণ উৎপদ্ম করিবে। সূভরাং বিদ OA, OC এবং OG সমান হর তবে এই কেলাসটি একটি Trigonal system এর কেলাস বুঝাইবে। (ক্যালসাইট প্রকৃতপক্ষেও Trigonal system এরই অধীন)। সেক্ষেত্রে এই কাম্পনিক সরলরেখা OE একটি বিধা-ঘূর্ণন-অক্ষ (threefold axis of rotation) হইবে। অর্থাৎ এই সরলরেখাকে অক্ষ করিয়া ঘুরাইলে প্রতি 120° ঘূর্ণনের পর কেলাসটি একটি পূর্বের অনুরূপ অবস্থান প্রাপ্ত হইবে। অবশ্য ইহাতে ধরা হইরাছে বে কেলাসটি একটি আদর্শ কেলাস বাহাতে সর্বাদকের বৃদ্ধি সমান হওয়ার ফলে OA = OC = OG.



উপরের ৪.১০ নং চিত্রে পৃষ্ঠার অভিলম্বে O বিন্দু দিয়া একটি ত্রিধা-ঘূর্ণন-অক্ষ অবস্থিত। একটি বিষমবাহু ত্রিভুজ 1 অবস্থানে আছে। ত্রিধা-ঘূর্ণন-অক্ষের কার্যের ফলে 120° পর পর 2 এবং 3 অবস্থানে 1 এর অনুরূপ আরও দুইটি ত্রিভুজ পাওয়া যাইবে। সূতরাং বাদ কোনও কেলাসে ত্রিধা-ঘূর্ণন-অক্ষ বর্তমান থাকে তাহা হইলে যে কোনও বিন্দু অক্ষের চতুদিকে 120° পর পর অনুরূপ বিন্দুর সৃষ্টি করিবে। ক্যালসাইট কেলাসটি যদি OE অক্ষে 120° করিয়া ঘুরানো হয় তবে প্রতিবার 120° ঘূর্ণনের পর ইহার অবস্থান ঘূর্ণনের প্রের অবস্থানের সহিত সম্পূর্ণ অনুরূপ হইবে।

কালসাইট কেলাসের বৈশিষ্ট্য এই যে আপতিত কোণ পরিবর্তন করিয়া প্রতিস্ত আলো যদি এই অক্ষের দিকে পাঠানো হয় তবে এই ক্ষেত্রে আলোর ধৈ-প্রতিসরণ হয় না। এই অক্ষকে বলা হয় আলোক-অক্ষ (optic axis). প্রতিসরণের সময় 'সাধারণ' ও 'অসাধারণ' রশ্মিদ্বয়ের মধ্যে যে কৌণিক (angular) ব্যবধান হয় তাহার পরিমাণ্ড নির্ভর করে আপতিত রশ্মির এবং আলোক-অক্ষের পারম্পরিক অবস্থানের উপর। আপতনের ফলে প্রতিসৃত বশ্মি বতাই আলোক-অক্ষের সমান্তরাল দিকে আসিতে থাকে রশ্মি দুইটির মধ্যে কৌণিক ব্যবধানও ততাই কমিতে থাকে এবং বখন প্রতিসৃত রশ্মি আলোক-অক্ষের সম্পূর্ণ সমান্তরাল হয় তখন আর ইহাদের কোনও ব্যবধান থাকে না, দুইটি রশ্মিই এক হইরা বার । ফলে এই দিকে গমনকারী প্রতিসৃত রশ্মির ক্ষেত্রে আলোর বৈধ-প্রতিসরণ হয় না।

পূর্বে বলা হইয়াছে বে সমন্ত কেলাসকেই প্রতিসামোর উপর নির্ভর করিয়।
সাতটি শ্রেণীতে বিভক্ত করা যার। ইহার মধ্যে বে সমন্ত কেলাস ঘনীর
শ্রেণীতে (cubic class) পড়ে ভাহাদের ক্ষেত্রে অনেক ভৌত ধর্মই কেলাসের
সমন্ত দিকে সমান হয়। সোডিয়াম ও পটালিয়াম ক্রোরাইড (Sodium and
Potassium chloride) এবং হারক (diamond) এইর্প ঘনীয় কেলাসের
প্রকৃষ্ঠ উদাহরণ। এই সমন্ত কেলাসে বৈদ্যুতিক রোধ, (electrical resistance) ভাপ পরিবাহিতা (heat conductivity) প্রভৃতির মান স্বাদকেই
সমান হয়। এইজনা এই শ্রেণীর কেলাসে সমাদক (isotropic) কেলাসও
বলা হইয়া থাকে। এই জাতীয় কেলাসে আলোরও বৈধ-প্রতিসরণ হয় না।
অপর বে হয়িট শ্রেণীর কেলাস আছে ভাহাদের দুইভাগে ভাগ কয়া যায়।
Tetragonal, Trigonal এবং Hexagonal শ্রেণীর কেলাসের বৈশিষ্টা এই
বে ইহাতে আলোর বৈধ-প্রতিসরণ বর্তমান; আর এই বৈধ-প্রতিসরণ একটি
দিকে বন্ধ হইয়া যায়। পূর্বের আলোচনা হইতে সহজেই অনুমান কয়া যায়
বে এই দিকটি আলোক-অক্ষের সমার্থক। এই সমন্ত কেলাসকে একাক
(uniaxial) কেলাস বলা হয়।

কিন্তু বাকী বে তিনটি শ্রেণীর কেলাস আছে, বাহারা orthorhombic, monoclinic এবং triclinic শ্রেণীতে বিভন্ত, তাহাদের ক্ষেত্রেও বৈধ-প্রতিসরণ হইরা থাকে; আর ইহাদের বেলারও অনুরূপ আলোক-অক বর্তমান। শুবু পার্থক্য এই বে ইহাদের মধ্যে দুইটি দিক থাকে বেদিকে প্রতিসৃত আলোর বৈধ-প্রতিসরণ হর না। এই জাতীর কেলাসকে অতএব দ্বাক্ত (bi-axial) বলা হর। এই দুইটি আলোক অক পরস্পরের মধ্যে বে কোল উৎপন্ন করে তাহার মান বিভিন্ন কেলাসে বিভিন্ন হর। বেমন অপ্রের (mica) বেলার এই কোণের মান 138° ডিগ্রী হইলেও turquoise এর ক্ষেত্রে এই কোল কমিয়া 40° হইরা থাকে; এই কোলের মান কোন কোন কোন ক্ষেত্রে আরও বেলী হইতে পারে। বলা বাহুল্য একাক এবং দ্বাক্ত কেলাসকে অসমদিক (anisotropic) কেলাস বলা হইরা থাকে কারণ ইহাদের রধ্যে অনেক ভৌত ধর্ম কেলাসের বিভিন্ন দিকে বিভিন্ন মানের হইরা থাকে। আলোকের প্রতিসরণ ইহার একটি উলাহরণ।

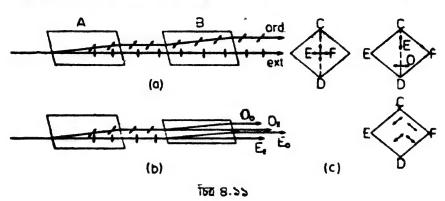
আলোক-অক (optic axis) সম্বন্ধে বলা হইরাছে যে এই সরলরেখার প্রতিসরণের বেলার আলোর দৈশ-প্রতিসরণ হয় না। তবে এটা স্পর্ক হওরা প্রয়েজন যে এই আলোক-অক্ষ একটি কোনও নির্ধারিত (fixed) সরলরেখা নহে, ইহা একটি দিক মাত্র। এই দিকে আলো প্রতিসৃত হইলেই দ্বৈধ-প্রতিসরণের অনুপন্থিতি ঘটে। কেলাদের প্রতিটি বিন্দু দিয়াই এই দিকের সমান্তরাল একটি সরলরেখা টানা যায় আর এইর্প প্রতিটি সরলরেখাই আলোক-অক্ষের দিক নির্দেশ করিবে। ৪.১ (b) চিত্রে কেলাসের মধ্যে যে কোনও বিন্দু দিয়া OE এর সমান্তরাল একটি সরলরেখা অন্কিত করিলে সেটি আলোক-অক্ষ বুঝাইবে; আর বিভিন্ন বিন্দু দিয়া এইর্প অসংখ্য সরলরেখা আঁকা চলিতে পারে।

মুখ্য-ছেদ ও মুখ্য-ভল (Principal Section and Principal Plane).

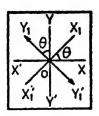
কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের ফলে আলোকের সমবর্তনের আলোচনা প্রসঙ্গে কেলাসের দুইপ্রকার তলের সংজ্ঞা নির্দেশ করা আবশ্যক। ইহাদের একটি হইল মুখ্য-ছেদ (Principal Section). আলোক-অক্ষের মধ্য দিয়া গমনকারী কোনও তল যদি কেলাসের প্রতিসারক (refracting) তলের অভিলবে অবিহৃত হয় তবে এই তলকে কেলাসের মুখ্য-ছেদ (Principal Section) বলা হয়। একটি ক্যালসাইট কেলাসে তিনজ্ঞোড়া পরক্ষার সমান্তরাল প্রতিসারক তল আছে। সূতরাং কেলাসের মধ্যে যে কোনও বিন্দু দিয়া তিনটি এইর্প মুখ্য-ছেদ আকা চলে। আলোক অক্ষের বেলায় যে কথা বলা হইয়ছে, মুখ্য-ছেদের বেলায়ও সেই একই কথা প্রযোজ্য। মুখ্য-ছেদ একটি নির্ধারিত তল নহে, ইহা একটি তলের দিক মাত্র। কেলাসের মধ্যে কোনও বিন্দু দিয়া একটি মুখ্য-ছেদ আকিলে এই ছেদের সমান্তরাল সমস্ত তলই মুখ্য-ছেদ ছিসাবে গণ্য করা হইবে।

ইহা ছাড়াও আর এক শ্রেণীর তলের সংজ্ঞা স্থির করা প্ররোজন।
কেলাসের মধ্যে সাধারণ রশ্মি (ordinary ray) ও আলোক-অক্ষ যে তলের
মধ্যে অবস্থিত তাহাকে সাধারণ রশ্মির মুখ্য-তল (Principal plane of the
ordinary ray) বলা হয়। অনুর্পভাবে অসাধারণ রশ্মি (extra-ordinary
ray) ও আলোক-অক্ষ যে তলের মধ্যে অবস্থিত তাহাকে অসাধারণ রশ্মির
মুখ্য-তল (Principal plane of the extra-ordinary ray) বলা হয়।
সাধারণভাবে মুখা-ছেল ও মুখ্য-তল সমান্তরাল হয় না বলিও বিশেষ বিশেষ করা
ইহারা সমান্তরাল হইতে পারে। এ সহকে বিশক আলোচনা পরে করা হইবে।

ইরাসমাস বার্থোলিনাস (Erasmus Bartholinus) সর্বপ্রথম কালসাইট কেলাসে বৈধ-প্রতিসরণ লক্ষ্য করেন। পরে পরীক্ষা করিরা দেখা বার বে দুইটি প্রতিস্ত রশ্মিই (বাহাদের সাধারণ এবং অসাধারণ রশ্মি বলা হইরাছে) সম্পূর্ণ সমর্বতিত হর। আর এই সমবর্তনের প্রকৃতি তলীর সমবর্তন (plane polarisation) বাহা এ পর্বান্ত আলোচিত হইরাছে। সূত্রাং আলো বদি নিরের ৪.১১(a) নং চিত্রে প্রদশ্ভির্পে একটি ক্যালসাইট কেলাস এ এর উপর



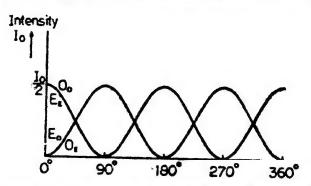
আপতিত হয় তবে ইহা দুইটি প্রতিসৃত রশ্মিতে পরিণত হইবে এবং রশ্মি দুইটিই সম্পূর্ণ সমর্বতিত হইবে। কিন্তু এই রশ্মি দুইটির সমবর্তন তল এক ছইবে না। সাধারণ রশ্বির ক্ষেতে কম্পনের এংশ হইবে সাধারণ রশ্বির মুখ্য ভলের অভিন্তে। আর অসাধারণ রশ্মির দ্রংশ অসাধারণ রশ্মির মুখ্য তলে ছইবে। মুখা ছেদ একটি কেলাসকে যে সামান্তরিকে (parallelogram) ছেদ করিবে তাহার আকার হইবে উপরের চিত্র ৪.১১ এ A এবং B এর ন্যায়। এই সামান্তরিকের কোণ দুইটির মান হইবে 109° এবং 71°. আবার কেলাসের এক প্রান্ত হইতে দেখিলে চেহার। দাডাইবে চিচের শেষে আকা চিচ নং ৪.১১(c) সামান্তরিকের মত। আর ইহার মধ্যে খণ্ডিত (dotted) সরলরেখা CD হইবে মুখ্য ছেদের প্রতিনিধি। আলোর গতির সরলরেখার চোখ রাখিয়া বদি দেখা বার তবে অসাধারণ রশ্মির দ্রংশ CD তলে এবং সাধারণ রশ্মির দ্রংশ ইহার অভি-লয়তলে অর্থাং EF দিকে হইবে। প্রথম কেলাসের ভিতর দিয়া যাইবার ফলে রশিম দুইটি পৃথক হইরা বাইবে এবং রশিমব্যের বিবৃত্তি (separation) নির্ভর করিবে কেলাসের দৈর্ঘ্য ও আপতন দিকের সহিত আলোক অক্ষের অবস্থানের কেলাস হইতে নিৰ্গত হইবাৰ পৰ ৱাল্ম পুইটি আপতিত রাম্মৰ সমান্তরাল হইবে। এই অক্ষার বণি ইহারা অনুরূপ অবস্থানে রাখা একটি বিত্তীর কেলাস B এর উপর আপতিত হয় তাহা হইলে এই রশ্মি দুইটির বিবৃত্তিই শুধু বাড়িবে। বদি দ্বিতীর কেলাসটির দৈর্ঘ্য প্রথমটির সমান হয় তবে দুইটি কেলাসের মধ্য দিরা গমনের ফলে মোট বিবৃত্তি প্রথমটিতে উৎপর বিবৃত্তির দ্বিগুণ হইবে। প্রসঙ্গতঃ বলা প্রয়োজন যে প্রথম ক্যালসাইট কেলাসের মধ্য দিরা বাওয়ার ফলে উৎপর সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মিদ্বরের আলোক-ভীরতা সমান হইবে। আপতিত রশ্মির তীরতা বদি I_o হয় তবে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি প্রত্যেকটির তীরতা দাড়াইবে $I_o/2$ (যদি প্রতিফলন ও বিক্ষেপনে নক্ট আলোর কথা উপেক্ষা করা বায়)। বলা বাহুল্য এই ক্ষেত্রে দ্বিতীর কেলাসের মধ্য দিয়া যাইবার ফলে কম্পনের দিকের কোনও পরিবর্তন হইবে না।



চিত্ৰ ৪.১২

এবার দ্বিতীয় কেলাস B কে বাদ দৈর্ঘ্যের অক্ষে ঘুরানো যায় তবে প্রতিটি রিশ্ম আবার দ্বিধা-বিভক্ত হইবে। সমবর্তনের ব্যাখ্যা করিতে বলা হইরাছে যে প্রতিটি কেলাসে দুইটি কম্পন-দিক (vibration-direction) আছে বাহা পরস্পরের অভিলব্ধে অবস্থিত। ৪.১২ নং চিত্রে এই দুইটি দিক ধরা যাক্ XX' এবং YY'. ইহারা প্রত্যেকেই টুারম্যালিনের পরীক্ষার রেখাছিদ্রের সহিত তুলনীয়। অসমবর্তিত আলো প্রথম কেলাসের মধ্য দিরা যাইবার ফলে ইহা দুইটি রশ্মিতে বিভক্ত হর বাহাদের কম্পন XX' এবং YY' দিকে হইতে থাকে। মনে করা যাক সাধারণ রশ্মির কম্পন XX' এবং YY' দিকে হইতেছে। যথন দ্বিতীয় কেলাসটি প্রথমটির সমান্তরালে রাখা হয় তথন ইহার কম্পন দিকও XX' এবং YY' এর সমান্তরালে রাখা হয় তথন ইহার কম্পন দিকও XX' এবং YY' এর সমান্তরাল হইবে। সূত্রাং প্রথম কেলাসে সমবর্তিত সাধারণ রশ্মির কম্পন দিক দ্বিতীয় কেলাসের কম্পন দিক ম্বিতীয় কেলাসির বাহ যার ফলে সাধারণ রশ্মিটি প্রভাবিত না হইরা অপরিবর্তিত অবস্থায় দ্বিতীয় কেলাসটির মধ্য দিয়া গম্মন করিবে। অসাধারণ রশ্মির ক্ষেপনেও ইহা YY' এর মধ্য দিয়া অনুর্পভাবে গম্মন করিবে। এবার বদি দ্বিতীয় কেলাসটিট দৈর্ঘ্যের অক্ষে θ ° কোণে ঘুরানো হয় তাহা হইলে ইহাতে কম্পনের ক্ষেপনের

দিক Y,Y_1 প্রথমটির অনুরূপ কম্পন দিকে YY' এর সহিত $heta^\circ$ কোণ উৎপ্র করিবে। আর X, X, ' কম্পন দিকও XX' এর সঙ্গে ঐ একট কোণ θ° তে অবস্থিত হইবে। প্রথম কেলাসে গমনের পর সাধারণ সমর্বার্ডত রশিমর ৰুম্পন দিক যদি XX' দিক হয় এবং ইহার বিস্তার হয় A তবে দিতীয় কেলাসে এই বিস্তারকে দুই উপাংশে ভাগ করা যাইতে পারে। X_1X_1 দিকে এবং Y, Y_1 ' দিকে এই উপাংশবর দাড়াইবে বথাক্রমে $A\cos\theta$ এবং $A\sin\theta$. ইহারা যথাক্রমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি হিসাবে বিতীয় কেলাসের মধ্য দিরা গমন করিবে ৷ এখন বদি প্রথম কেলাসের ভিতর দিয়া পারগত (transmitted) সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি দুটিকে O এবং E বলা হয় তবে সাধারণ রাম্মিটি বিতীয় কেলালে যে দুইটি উপাংশে বিভন্ন হইবে তাহাদের $O_{
m o}$ এবং অসাধারণ (ordinary and extraordinary) দুইটি উপাংশে বিভৱ হইয়াছে। এই উপাংশ দুইটির তীব্রতা বভাবতই ৫° কোণের মানের উপর নির্ভর করিবে। ঘুরাইতে আরম্ভ করিবার গোড়ার দিকে 🕖 এর ভীরতা খুব সামান্যই কমিবে এবং ফলে O_F এর তীরতা খুব কম হইবে। ψ° কোণের মান বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে $O_{
m o}$ এর ভীরভা কমিবে এবং $O_{
m K}$ এর ভীরভা বাড়িতে থাকিবে । $heta_{
m c}$ কোণ ৰখন 90° হইবে তখন O_O এর তাঁরতা শূন্য হইবে আর O_E এর তাঁরতা চরম দাড়াইবে। θ° কোণ আরও বাড়াইয়া গেলে এই দুইটি রশ্মির আপেক্ষিক



বিতীর কেলাসের ঘ্র্ণন কোশ (অথবা দুই কেলাসের মধ্যে আপেক্ষিক কোশ)
চিন্ন ৪.১৩

ভীৱতার হাসবৃদ্ধির পুনরাবৃত্তি ঘটিবে। ফলে θ কোণের 0° , 180° এবং 360° মানে O_o এর তীব্রতা চরম এবং O_E এর তীব্রতা অবম হইবে। আবার 90° , 270° কোণে O_E এর তীব্রতা চরম ও O_o এর তীব্রতা গ্না হইবে।

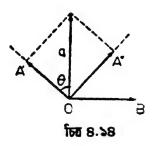
অসাধারণ রণ্মিকে বাদ অনুরূপ দুইটি উপাংশ E_B এবং E_O এ বিভন্ত করা বার তবে ইহার ক্ষেত্রেও পূর্ববর্ণতর্গ আলোক-তীরতার তারতম্য ঘটিবে। সূত্রাং দেখা বাইতেছে বে কেলাস দুইটি যখন সমান্তরাল অথবা প্রতি-সমান্তরাল (parallel or antiparallel) বা অভিলয় অবস্থানে থাকিবে তখন দিতীর কেলাস হইতে দুইটি সমবর্তিত রণ্মি বাহির হইবে। অন্য সমন্ত অবস্থানে চারটি সমবর্তিত রণ্মি পাওয়া বাইবে। প্রথম কেলাসে আপতিত রণ্মির আলোর তীরতা বদি I_O হয় তবে দ্বিতীর কেলাসে আপতিত রণ্মি দুইটির তীরতা সমান হইবে এবং প্রতিটির মান হইবে $\frac{I_O}{2}$. দ্বিতীর কেলাসেটি ঘুরাইলে (অথবা দ্বিতীরটি স্থির রাখিয়া প্রথমটি ঘুরাইলে রশ্মিসমূহের তীরতার বে তারতম্য ঘটে তাহা নিম্নলিখিত লেখাচিত্রের সাহাব্যে বুঝানো বাইতে পারে।

म्रानारमञ्जू (Law of Malus).

উপরোক্ত পরীক্ষায় এবং দুইটি দর্পণ বা ফলকপুঞ্জের মধ্য দিয়া পারগত আলোর তীব্রতা যে সূত্র প্রয়োগ করিয়া বাহির করা যায় তাহা প্রথমে ম্যালাস প্রবর্তন করেন। তিনি খানিকটা অনুমানের উপর নির্ভর করিয়া ইহা প্রবর্তন করিলেও আরাগো (Arago) বিভিন্ন পরীক্ষার সাহায্যে এই সূত্রের সভাতা প্রমাণ করেন। দুইটি ফলক হইতে প্রতিফলিত আলোর ক্ষেত্রে ম্যালাসের সূত্রানুসারে বলা যায় যে দ্বিতীয়বার প্রতিফলিত আলোর তীব্রতা প্রতিফলন তল পুইটির মধ্যে উৎপদ্ম কোণের cosine এর বর্গের সমানুপাতিক। অবশ্য এই প্রতিফলন জাতীয় পরীক্ষায় অথবা ফলকপুঞ্জের ক্ষেত্রে সূচটি প্রযোজ্য হইতে হইলে ধরিয়া লইতে হইবে যে আলো সম্পূর্ণরূপে সমর্বাত্ত হইয়াছে। অর্থাৎ দুইটি ফলকেই আলো সমবর্তক কোণে (polarising angle) আপতিত হওয়া প্রয়োজন। এই অবস্থার আপতিত রশির এক অংশ (যাহাতে কম্পনের দিক আপতন তলের অভিনৰে অবস্থিত) প্রতিফলিত হইবে, বাকীটা প্রতিসত অন্যাদকে বে অংশের কম্পন দিক আপতন তলের সহিত সমান্তরাল তাহার সবটাই প্রতিসূত হইবে। ফলে প্রতিফলিত রন্মিতে শুধু একজাতীর কম্পনই বর্তমান থাকিবে। এই কম্পনের বিস্তার বৃদ্ধি ধরা ধার a তবে দিতীর প্রতিফলনে ইহার মান সহজেই নির্ণয় কর। সম্ভব। যদি দুইটি প্রতিফলন কোণের মধ্যে (অথবা দুইটি আপতন কোণের মধ্যে) উৎপন্ন কোণ হয় ৪ তবে কম্পনের বিস্তার a দুইটি উপাংশে ভাগ করা বায়। বিতীয় প্রতিফলন তলে এবং তাহার অভিলবে ইহাদের মান দাড়াইবে বধান্তমে $a \sin \theta$ এবং $a \cos \theta$.

এই বিতীর উপাংশটিই প্রতিফালিত হইবে, প্রথমটি আদৌ প্রতিফালিত হইবে না। সূতরাং ইহার তীব্রতাও দাড়াইবে $a^2 \cos^2 \theta$ আর a ধ্বক হওরার এই তীব্রতার ভারতমা বে ম্যালাসের সূত্রের সম্পূর্ণ সমর্থক ভাহা সহজেই শেখা বার।

বৈধ-প্রতিসরণের ক্ষেত্রেও ম্যালাসের সূত্র সমভাবেই প্রবোজ্য। পূর্ববাণত ক্যালসাইট কেলাস দুইটির পরীক্ষা হার। ইহা সহজেই প্রমাণ করা বার। ৪.১৪ নং চিত্রে দেখানো হইরাছে বে প্রথম কেলাসের মধ্য দিরা বাইবার পর আলো দুইটি সমান তীব্রতা সম্পন্ন এবং সম্পূর্ণ সমবর্তিত (তলীর সমবর্তন) আলোকর্মান্তে পরিণত হইরাছে। ইহাদের একটির কম্পন OA দিকে হইতেছে এবং ইহার বিস্তার a, অনাটির বিস্তার OB দিকে। OA সরলরেখার মধ্য দিরা পৃষ্ঠার অভিলব্ধে বে তল অক্ষন করা বাইবে তাহাকে বলা বার প্রথম কেলাসের পারগমন-তল (plane of transmission). সাধারণত কেলাসে বৈধ-প্রতিসরণের বেলার এইরূপ দুইটি তল থাকিবে. একটি সাধারণ রশির এবং



অপরটি অসাধারণ রন্ধির জনা। চিচ্রে ইহাদের বে কোন্ও একটি রন্ধি নেওরা হইরাছে; ধরা বাক ইছা অসাধারণ রন্ধি। বিভীর কেলাসের অবস্থান বিদ্
প্রথমটির সাপেক্ষে ও বোরানো থাকে তবে ইহার অনুর্গ পারগমন-তলও প্রথম কেলাসের পারগমন-তলের সহিত ঐ একই কোণ উৎপর করিবে। এই অবস্থার আপতিত অসাধারণ আলো দুইটি উপাংশে ভাগ হইবে। একটি ব $\cos \theta$ বাহার কম্পন OA' দিকে জনাটি ব $\sin \theta$ বাহার কম্পন OA'' দিকে কম্পনশীল রন্ধিটিই অসাধারণ রন্ধি হিসাবে পারগত হইবে, কারণ OA' দিকে কম্পনশীল রন্ধিটিই অসাধারণ রন্ধি হিসাবে পারগত হইবে, কারণ OA' দিকটিই গোড়াতে দিতীর কেলাসে অসাধারণ রন্ধির কম্পনশিক ছিল। আর অনুর্গ উপাংশের তীব্রতা গণ্য করিলে দেখা বাইবে বে ইহা পাড়াইতেকে বে $\cos \theta$ বাহা হইতে ম্যালাসের স্ত্রের সভাতা প্রমাণিত হয়।

এই পরীক্ষা হইতে আরও একটি জিনিব সহজেই লক্ষ্য করা বার । বিদ কেলাসে শোষণ এবং বিক্ষেপণ তৃচ্ছ বলিরা ধরা হর তবে দিতীর কেলাসের মধ্য দিরা গমনকারী বে কোনও একটি রশির উপাংশ দুইটির তীরভার বোগফল ধুবক এবং দিতীর কেলাসে আপতিত রশির সমান । কারণ এই উপাংশ দুইটির তীরভা হইবে

$$a^{2} \cos^{2} \theta + a^{2} \sin^{2} \theta = a^{2}$$
 (4.2)

এই আলোচনা সাধারণ রশ্মির ক্ষেত্রেও সমভাবেই প্রযোজ্য।

একাক কেলাসে ভরঙ্গপৃষ্ঠের আকৃতি (Shape of wave surfaces in uniaxial crystals).

কেলাসের মধ্য দিয়া গমনকালে আলোর দ্বৈধ-প্রতিসরণ সৰদ্ধে এ পর্বস্ত সাধারণভাবে আলোচনা করা হইয়াছে যে আলোচনায় আলোকরশ্বির থিধা-বিভক্তিই প্রধানত উল্লেখ করা হইরাছে। এবার এই দ্বৈধ-প্রতিসরণের সঠিক প্রকৃতি বৃথিতে হইলে প্রতিসূত রশ্মি দুইটির সম্বন্ধে আরও বিশদ আলোচনা করা প্রয়োজন। দ্বৈধ-প্রতিসরণ প্রথমে আবিষ্কার করেন ইরাসমাস বার্থোলিনাস। এই আবিদ্ধারের পর হাইগেন্স্ সাধারণ এবং অসাধারণ রশ্মিদ্বরের সমক্ষে অনুসন্ধান আরম্ভ করেন। তিনি ইতিমধ্যেই সাধারণ আলোর প্রতিফলন এবং প্রতিসরণের নিয়মাবলী নিয়া পরীক্ষা করিয়া দেখাইয়াছিলেন যে এই ক্ষেত্রে প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত তরঙ্গপৃঠের (wave surface) আকৃতি গোলকীয় (spherical) ; অবশ্য একই আপত্তিত রশ্মি হইতে উৎপন্ন প্রতিফলিত ও প্রতিসূত গোলকীয় তরঙ্গপুঠের ব্যাস আলাদা হইবে। দ্বৈধ-প্রতিসরণের আবিষ্কারের পর তিনি স্বভাবতই আলোকরশ্মি দুইটির প্রকৃতি নিয়া পরীক্ষা আরম্ভ করেন। তিনি দেখিতে পাইলেন যে রশ্মি দুইটির মধ্যে একটি (র্যেটিকে সাধারণ রশ্মি বলা হয়) প্রতিসরণের দুইটি সূত্রই মানিয়া চলে। অতএব ইহা হাইগেন্স্ কর্তৃক পূর্ব-পরীক্ষিত সাধারণভাবে প্রতিসৃত আলোর সহিত সর্বসম (identical), আর সেজন্য এই সাধারণ রশ্বিটির একাক্ষ কেলাসে প্রতিসত আলোক পঠের আকৃতিও গোলকীয় হইবে। দ্বিতীয় রন্মিটির ক্ষেত্রে (যেটিকে অসাধারণ রশ্মি বলা হইয়াছে) কিন্তু দেখা গেল যে ইহা প্রতিসরণের সূত্র দুইটির একটিও সাধারণত: মানিয়া চলে না। স্বভাবতই মনে করা বাইতে পারে যে প্রতিসৃত তরঙ্গপৃষ্ঠ নিশ্চয়ই সাধারণ রশ্মির তরঙ্গপৃষ্ঠ হইতে জিল আকৃতির হইবে। হাইগেন্স্ ধরিয়া নিলেন যে এই ক্ষেত্রে তরঙ্গপুঠের আকৃতি হুইবে উপগোলকীয় (spheroidal) ; একটি উপবৃত্তকে (ellipse) ইহার মুখ্য অথবা গোণ অকে (major or minor axis) ঘুরাইলে বে পৃষ্ঠ পাওয়া যাইবে ভাছাই হইবে উপগোলকীর পৃষ্ঠ। গোলকীর পৃষ্ঠই ভরঙ্গপৃষ্ঠের ক্ষেচ্চে সর্বাপেকা প্রতিসম (symmetrical). প্রতিসামোর দিক দিরা ইহার পরেই আসে উপগোলকীর পৃষ্ঠ। সেজনাই হাইগেন্স্ অসাধারণ আলোকরিবর প্রতিস্ত তরঙ্গ-পৃষ্ঠের আকৃতি উপগোলকীর বলিরা ধরিরাছিলেন। এই সিদ্ধাবের ভিত্তিতে পরীক্ষা চালাইরা প্রমাণ করা হর বে অসাধারণ রন্মির ক্ষেচ্চে প্রতিস্ত তরঙ্গপৃষ্ঠের আকৃতি সভাই উপগোলকীর। এই পরীক্ষার বর্ণনা পরে দেওয়া হইবে।

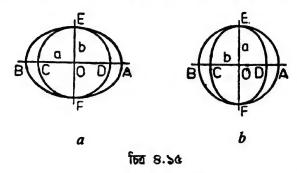
হাইগেন্সের মতানুসারে কেলাসের মধ্যে সাধারণ এবং অসাধারণ আলোক রন্ধির গাঁতবেগ এইর্পে নির্ণর করা বার । আলোকরন্ধি প্রতিসরণ তলে বে বিম্পৃতে আপতিত হয় সেই বিম্পৃকে কেন্দ্র করিরা পূইটি তরঙ্গপৃষ্ঠ অবকন করিতে হইবে । ইহাদের একটি গোলকীর অপরটি উপগোলকীর । এই পূইটি তরঙ্গ-পৃষ্ঠ এমন পূই বিম্পৃতে পরম্পারকে ম্পর্শ করে বাহাদের বোগকারী সরলরেখা আলোক-অব্দের সমান্তরাল । এই অব্দনে আলোকরন্ধির আপতন বিম্পৃ হইতে প্রতিসৃত্ত সাধারণ ও অসাধারণ রন্ধির অব্দনে করিলে উক্ত রন্ধিররের গোলকীর ও উপগোলকীর তরঙ্গপৃষ্ঠে বে বাাসার্ছ ভেটর (radius vector) পাওয়া বাইবে, ভাহাদের দৈর্ঘাই হইবে সংক্লিক্ট গাঁতবেগের আনুপাতিক মান । উপগোলকের মুখ্য ও গোণ অক্ষ এমনভাবে অব্দন করিতে হইবে বেন ইহাদের অনুপাত এই কেলাসে অসাধারণ রন্ধির চরম ও অবম প্রতিসরাক্ষের অনুপাতের সমান হয় । আর গোলকীর তরঙ্গপৃষ্ঠের বাাস উপগোলকের মুখ্য অথবা গোণ অক্ষের সমান হইবে । উপরের বিবৃতিগুলি পরের আলোচনা হইতে আরও স্পর্য হইবে ।

সমাদক (isotropic) শ্রেণী ছাড়া আর সমস্ত কেলাসেই মোটামুটি আলোকের বৈধ-প্রতিসরণ হর। এই সমস্ত কেলাসকে দুইভাগে ভাগ করা বার। বাহাদের একটি আলোক-অক্ষ আছে তাহাদের একাক্ষ কেলাস বলা হর। আবার বাহাদের দুইটি আলোক-অক্ষ আছে তাহাদের গ্রন্থ-কেলাস বলা হইরা থাকে। এই সম্বন্ধ পূর্বে আলোচনা করা হইরাছে। হাইগেন্স্ বে মন্তবাদ সৃষ্টি করেন তাহা শুধু একাক্ষ কেলাসের বেলারই প্রবোজ্য। সাধারণ-ভাবে সমস্ত বৈধ-প্রতিসরণকারী কেলাসের কেলার প্রবোজ্য মতবাদ উদ্ভাবন করেন ক্লেন্য। এথানে একাক্ষ কেলাস সম্বন্ধেই আলোচনা করা হইবে।

জনীৰ ভৰতেৰ উল্লেখ আগতন (Plane wave at normal incidence).

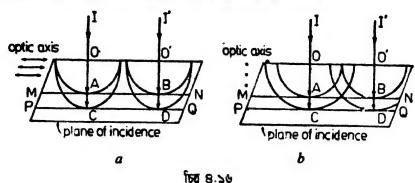
প্রথমে হাইগেন্সের অক্ষণপদ্ধতির সহজ্জ উনাহরণ দিয়া আরম্ভ করা বাক । বলা হইরাছে বে আলোকরণিরর আগতন বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া দুইটি

তবঙ্গপৃঠ অন্তিত করা হয় এবং ইহাদের একটির আকার গোলকীর; অপরটির উপগোলকীর। এই দুইটি তরঙ্গপৃঠ বে দুই বিন্দুতে পরস্পরকে স্পর্গ করে তাহাদের বোগকারী সরলরেখাই আলোক-অক্ষের দিক নির্দেশ করে। এইবার বিদ আপতন বিন্দুর মধ্য দিয়া আলোক-অক্ষের সমান্তরাল একটি তল অন্কন করা হয় তবে এই তল তরঙ্গপৃঠকে দুইটি রেখায় (curve) ছেদ করিবে। একটি রেখা হইবে বৃত্তাকার এবং অপরটি উপবৃত্তাকার। ইহাদের একটি ক্ষেত্রে [চিন্ন ৪.১৫ (a)] বৃত্তটি সম্পূর্ণরূপে উপবৃত্তের ভিতরে থাকিবে। যে শ্রেণীর কেলাসে এইরূপ হয় তাহাদের বলা হইয়া থাকে খণাত্মক কেলাস। এই



শ্রেণীর সর্বাধিক পরিচিত দৃষ্ঠান্ত হইল ক্যালসাইট (calcite). দ্বিতীর শ্রেণীর কেলাসের ক্ষেত্রে বিপরীত ব্যাপার ঘটিয়া থাকে, এখানে উপবৃত্তটি সম্পূর্ণরূপে বৃত্তের মধ্যে অবস্থিত। এই শ্রেণীর কেলাসকে বলা হয় ধনাত্মক কেলাস, আর ইহার মধ্যে কোরার্ট্,সৃই (quartz) সর্বাধিক পরিচিত এবং ব্যবহৃত। ত্বিক্রার কৈলা আলোকীর সক্রিয়তা (optical activity) নামক নৃতন প্রক্রিয়ার উত্তব হইরা থাকে; পরে এ সম্বন্ধে বিস্তারিত আলোচনা করা হইবে] চিত্র ৪.১৫ (b)এ এইটি দেখানো হইরাছে। প্রথম ক্ষেত্রে ৫ এবং ৫ ব্যাসার্জের একটি উপবৃত্ত ও ৫ ব্যাসার্জের একটি বৃত্ত E ও F বিন্দৃতে পরস্পরকে স্পর্শ করিয়াছে এবং এখানে ৫ ২ ৫. বিত্তার ক্ষেত্রে (ধনাত্মক কেলাসের বেলার) ৫ এবং ৫ ব্যাসার্জের উপবৃত্তটি ৫ ব্যাসার্জের বৃত্তের সম্পূর্ণ ভিতরে অবস্থিত। আর এই ক্ষেত্রেও ৫ ১ উভয় ক্ষেত্রেই EF আলোক অক্ষের্র দিক নির্দেশ ক্রিতেছে।

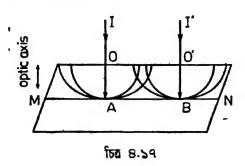
এই পরিপ্রেক্ষিতে আলোকরন্মির বিভিন্ন কোণে আপতনে প্রতিসৃত রশিমন্বরের দিক নির্ণর করা হইবে। প্রথমে ধরা বাক একটি সমান্তরাল আলোকরন্মিমালা (light beam) উল্লেখ্যবে একটি ঋণাত্মক কেলাসের উপর আপতিত হইতেছে। প্রথমে ধরা হইবে বে কেলাসের আলোক-অক প্রতিসরণ তলের সমান্তরাল। এখানেও দুইটি পৃথক অবস্থা কম্পনা করা বাইতে পারে। একক্ষেত্রে আপতন তল আলোক-অক্ষের সমান্তরাল, বিতীয় ক্ষেত্রে ইহা আলোক-অক্ষের সহিত অভিলব্ধে অবস্থিত। চিত্রে এই অবস্থা বধারুমে চিত্র ৪.১৬ (a) এবং ৪.১৬ (b)এ দেখানো হইরাছে।



II' একটি সমান্তরাল আলোকরশিমালার দুইটি রশি এবং ইহারা একটি ক্সণাত্মক ক্সেলাসের প্রতিসরণ তলে *OO'* বিন্দুতে 0° কোণে আপতিত ছইতেছে। প্রথমক্ষেত্রে OO' বিন্দুরয়কে কেন্দ্র করিয়া প্রতিক্ষেত্রে একটি বৃত্ত ও একটি উপবত্ত অন্কিত করা হইরাছে ; ইহারা আলোক-অক্ষের সমান্তরাল বিশ্বরে পরস্পরকে স্পর্ণ করিয়াছে। আলোক-অক্ষের দিক চিত্রের ধারে দেখানো হইরাছে। OA এবং O'B সাধারণ রশ্মির এবং OC ও O'D অসাধারণ বৃশ্মির দিক নির্দেশ করিতেছে কারণ একেত্রে রুশ্মির দিক তরক্ষমুখের অভিনৰে অবস্থিত। বৃত্ত দুইটির যদি একটি সার্ব-স্পর্শক (common tangent) টানা বার তাহা হইলে এইটি সাধারণ রশ্বির তরকমুখ বুঝাইবে। চিত্রে ইহা MN সরলরেখা দারা বুঝান হইতেছে। আবার উপবৃত্ত দুইটির সার্ব-স্পর্ক PQ অসাধারণ রশ্বির তরক্ষমুখ বুঝাইবে। দেখা ঘাইতেছে যে তব্রুমুখের ও ব্যালোকরন্দির গতিবেগ আলোচা ক্ষেত্রে সাধারণ ও অসাধারণ উচর রাশ্বর বেলারই সমান। আর এই প্রতিসরণে সাধারণ ও অসাধারণ बिचाब कानल विलाकन इस ना, देशवा अक्टे अवलदाशास गमन करव योगल ইহাদের গতিবেগ আলাদা। চিত্র ৪.১৬ (b) এর ক্ষেত্রে আলোক-অক্ষের দিক চিত্রতলের অভিনৰে অবন্থিত। সূত্রাং এখানে আপতন তল ভরঙ্গণ্<mark>ঠ</mark> महेतिक एवम कवित्व महेति वृद्ध । अवात्मक जारभव मङ MN अवर PQ সাধারণ এবং অসাধারণ রশির দুইটি তরসমুখ এবং OA, OC সংগ্রিট

রশি বুঝাইবে। এক্ষেত্রেও রশির এবং তরঙ্গমূখের বেগ এক হইবে এবং সাধারণ ও অসাধারণ রশির বিভাজন হইবে না কিন্তু ভাহাদের গতিবেগ আলাদা হইবে।

তৃতীয় উদাহরণ দেখানো হইয়াছে ৪.১৭ নং চিত্রে। এখানে সমস্তই আগের দুটি ক্ষেত্রের মত শুধু আলোক-অক্ষের দিক প্রতিসরণ তলের অভিলবে



অর্বাস্থত। সূতরাং এক্ষেত্রে ০০ বিন্দুষয়কে কেন্দ্র করিয়া যে তরঙ্গপৃষ্ঠ দুইটি অব্দন করা হইবে তাহারা প্রত্যেকে এমন দুই বিন্দুতে পরস্পরকে স্পর্শ করিবে যাহা যোগ করিলে আলোক-অক্ষের সমান্তরাল হইবে। কাজেই এই ক্ষেত্রে দুইটি সার্ব-স্পর্শকই সম্পাতী (coincident) হইবে। MN এই সম্পাতী সার্ব-স্পর্শক বুঝাইতেছে। এই ক্ষেত্রেও সাধারণ ও অসাধারণ রন্মির কোনও বিভাজন হইবে না (কারণ ইহারা আলোক-অক্ষের সমান্তরালেই যাইতেছে)। অতএব এই রিম্ম দুইটির গতিবেগও সমান হইবে। বলা বাহুলা রন্মি এবং তরঙ্গমুখের গতিবেগও উভার রন্মির ক্ষেত্রেই একই হইবে। বন্ধুতঃ কেলাসটি এই ক্ষেত্রে বৈধ-প্রতিসরণ আদৌ দেখাইবে না, সমাদক (isotropic) কেলাসের মতই আচরণ করিবে।

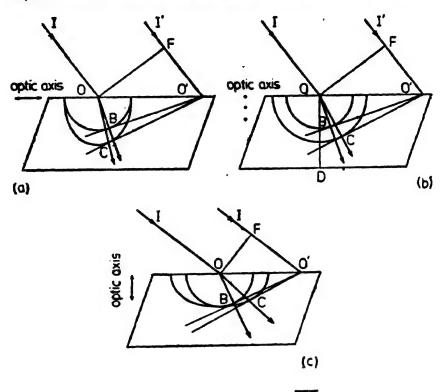
পূর্বেই বলা হইরাছে বে এই চিত্রসমূহ আকা হইরাছে একটি ঋণাত্মক কেলাসের জন্য ; আর ক্যালসাইট কেলাস এই শ্রেণীর সর্বোৎকৃষ্ঠ ও প্রখ্যাত উদাহরণ।

তদীয় ভরক্লের ভির্যক আপতন (Plane wave at oblique incidence).

আলোকরণ্মির তির্যক আপতনের ক্ষেত্রেও পূর্বের ন্যায় তিন্টি অবস্থা নেওয়া যাইতে পারে। এগুলি হইল (a) আলোকঅক্ষ আপতন তলের সমান্তরালে অবন্থিত (b) আলোকঅক্ষ আপতন তলের অভিলয়ে অবস্থিত এবং

(c) আলোকঅক প্রতিসরণ তলের অভিনৰে অবন্থিত।

প্রথম চিত্রে (৪.১৮ a) O বিম্পুকে কেন্দ্র করিরা একটি বৃত্ত ও একটি উপ-বৃত্ত অক্কন করা হইরাছে, ইহারা পরস্পরকে স্পর্ণ করিরাছে এমন দুইটি বিম্পুতে বাহাদের বোগকারী সরলরেখা আলোক-অক্ষের সমান্তরাল। OF সমান্তরাল

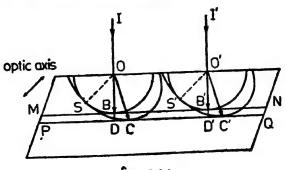


ਜਿਹ 8.5**∀**

আলোকরন্মিলার তরঙ্গমুথ। O' বিন্দু হইতে বৃত্ত এবং উপবৃত্তের (কেলাস) উপর বলি দুইটি স্পর্শক টানা বার তবে ইহারা হইবে এই তরঙ্গমুখের কেলাসে অবস্থান। আর এই স্পর্শক্ষর বেখানে বৃত্ত ও উপবৃত্তকে স্পর্শ করিরাছে সেই দুই বিন্দুকে O এর সহিত বৃত্ত করিলো ইহারা সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি দুইটির গাঁতর দিক নির্দেশ করিবে। চিত্রে O'B ও O'C এবং OB ও OC ব্যান্তরে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির তরঙ্গমুখ ও রশ্মির দিক বুঝাইতেছে। এখানে আলোর বৈধ-প্রতিসরণ হইতেছে এবং বৈধ-প্রতিসরণের কারণ আপতিত রশ্মি আলোক-অক্ষের সহিত এক্ষেত্রে তির্বক কোণে আপতিত হইরাছে। পরের দুইটি ক্ষেত্রেও জনুবৃগভাবেই সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির দিক, গতিবেগ এবং

তরঙ্গমূখের অবস্থান সহজেই নির্ণর করা বায়। চিত্র ৪.১৮ (b) ও (c)এ ইছাদের দেখানে। হইরাছে। এখানে একটি বিষয় লক্ষ্য করিবার আছে। কেলাসের মুখা-ছেদ এবং সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির মুখ্য-তলের সংজ্ঞা পূর্বে দেওরা হইরাছে। কোন কোন কেত্রে ইহারা সম্পাতী (coincident) হইতে পারে, কিন্তু সাধারণত সম্পাতী হইবে না। সংজ্ঞানুসারে দেখা বাইবে যে এ পর্যান্ত যে ছয়টি উদাহরণ আলোচিত হইয়াছে তাহাদের পাঁচটি ক্ষেত্রেই মুখ-ছেদ ও মুখা তল সম্পাতী। শুধুমাত একটি ক্ষেত্রে ইহারা সম্পূর্ণ পৃথক। এই ক্ষেত্রটি চিত্র ৪.১৮ (b)এ দেখানো হইয়াছে। এখানে কেলাসের মুখ্য ছেদ দাভাইবে OD সরলরেখার মধ্য দিয়া চিত্রতলের অভিসং ম অভিকত একটি তল। কিন্তু সাধারণ ও অসাধারণ রশ্বিদ্বয়ের মুখা-তল এখানে বলাক্তমে OB এবং OC সরলবেখার মধ্য দিয়া অধ্কিত চিত্রতলের অভিলয়ে অধ্কিত তল দুইটি। সূতরাং দেখা বাইতেছে যে এই ক্ষেত্রটিতেই শুধু ভিনটি তলের অবস্থানই পূথক। এথানে আরও একটি বিষয় লক্ষ্য করা প্রয়োজন। তিৰ্বক আপতনের তিনটি ক্ষেত্রের মধ্যে স্বগুলিতেই সাধারণ রুশার দিক সংশ্লিষ্ট তরক্সথের অভিলয়ে অবস্থিত। অতএব তরক্সথের গতির দিক আলোকরশ্বির গতির দিকের সহিত সম্পাতী হইবে। কিন্তু অসাধারণ আলোর ক্ষেত্রে একমাত্র দ্বিতীয় চিত্রের বেলায়ই এটি ঘটিবে। প্রথম ও তৃতীয় চিত্রের বেলায় অসাধারণ রশ্মির দিক OC স্পর্ণক O'C এর অভিলয়ে থাকিবে না।

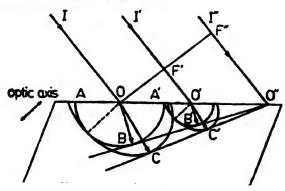
এবার বদি এমন একটি উদাহারণ নেওরা বার বেখানে আলোকরশ্বি প্রতিসরণ তলের অভিলবে আপতিত হইরাছে এবং আলোক-অক্ষ প্রতিসরণ তলের সহিত তির্বকর্পে অবস্থিত তাহা হইলে দেখা বাইবে বে এইক্ষেত্রে অসাধারণ রশ্বির গতিবেগ সংশ্লিক তরঙ্গমুখের গতিবেগ হইতে পৃথক হইবে। আর ইহাদের গতির দিকও আলাদা দাড়াইবে।



हिंच 8.55

উপরের চিত্রে সমান্তরাল আলোকর শিমালার দুইটি রশি II^\prime প্রতিসরণ

জনে ০০' বিশ্বতে আপতিত হইরাছে। আলোক-অক এখানে প্রতিসরণ ভলের সহিত ভির্মক অবস্থানে আছে। ০০' বিন্দু দুইটিকে কেন্দ্র করিয়া বৃত্ত ও উপন্ত অञ्चम कविदल ইছারা SO এবং S'O' मिटक म्मार्ग कविदन : এই **দিক আলোক-অকের সমান্তরাল। এবার বৃত্ত গুইটিতে একটি সার্ব-স্পর্ক** MN আবিলে এইটি হইবে সাধারণ রশ্বির তরঙ্গমুখ। আর এই স্পর্ণক বে বিস্পুতে বৃত্তকে স্পর্শ করিয়াছে তাহা O বিস্পুতে যোগ করিলে OB সাধারণ রন্ধির দিক নির্দেশ করিবে। ছাইগেন্সের সংরচনার (Huygens' construction) নিরমানুসারে এইটিই প্রতিসৃত রশ্বির দিক বাহির করিবার প্রণালী। সাধারণ রশ্বির ক্ষেত্রে রশ্বির এবং তরঙ্গমূখের গতিবেগ ও দিক সম্পাতী হইবে। যদি উপবৃত্ত দুইটির সার্থ-স্পর্শক অধ্কন করা যায় ভাহা হ**ইলে এই**টি PQ অসাধারণ রশ্বির তরঙ্গমুখ বুঝাইবে। যদি তরঙ্গমুখের উপর লম্বর OD এবং O'D' টানা হয় তবে ইহার গাতিবেগ হটবে OD এবং O'D' (আনুপাতিক)। কিন্তু এই সার্ব-স্পর্ণক উপবৃত্তকে স্পর্ণ করিবে C এবং C' विष्मुर ; कार्रक्टे OC अवः O'C' अमाधावन विषव मिक वयाहेरव। অভএব এই চিত্র হইতে দেখা বাইভেছে অসাধারণ রশার ক্ষেত্রে রশার এবং ভরত্রমধের গতিবেগ ও দিক আলাদা হইবে।



हित 8.३0

এইবার হাইগেন্সের সংরচন। (Huygens' construction) অনুসারে সাধারণ একটি উদাহরণ বিবেচনা করা হইবে। ৪.২০ নং চিত্রে II' একটি সমাস্তরাল আলোকরন্মালা। ইহার ভিনটি রন্ধি IO, I'O' এবং I'O' খণাক্ষক কেলাসের প্রভিসরণ তলে বধাক্রমে O, O' এবং O' বিন্দৃতে ভির্বকভাবে আপতিত হইতেছে। পার্শ্বে আলোক-অক্ষের দিক দেখানো হইরাছে। আলোক-অক্ষ আপতন তলের সহিত সমাস্তরাল বলিরা এই ক্ষেত্রে ধরা হইরাছে।

বাদও ইহা নাও হইতে পারে। OF'F' আপতিত আলোকরন্মিসালার একটি তরঙ্গমুখ। O বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া এবং $OA = \frac{F^*O^*}{II}$ ব্যাসার্দ্ধ নিয়া একটি বৃত্তাংশ অধ্কন করা হইল । তাহা হইলে I'O'' রশ্মি বতক্ষণে F''O'' দূরত্ব আতিক্রম করিয়া O' বিন্দুতে পৌছিবে ততক্ষণে O বিন্দুর দ্রংশ OA ব্যাসের বৃত্তাংশে বিস্তারলাভ করিবে। এইবার O বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া একটি উপবৃত্ত অঞ্কন করিতে হইবে। এই উপবৃত্তের মুখ্য ও গোণ অক্ষরর যথাক্রমে F^*O^* এবং $\frac{F^*O^*}{\mu_{ord}}$ এর সমান হইবে । আর বৃত্ত ও উপবৃত্ত আলোক-অক্ষের দিকে পরস্পরকে স্পর্শ করিবে। এই উপবৃত্তটি হইবে সংশ্লিষ্ট অসাধা<mark>রণ</mark> রশ্মির তরঙ্গপৃষ্ঠের অবস্থান। অনুরূপভাবে O' বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া O'A' ব্যাসার্দ্ধ নিয়া একটি বৃত্ত আকা হইয়াছে । এখানে $O'A' = rac{F'O'}{}$. আবার O' কে কেন্দ্র করিয়া একটি উপবৃত্তও আকা হইরাছে যাহাদের মুখ্য ও গৌণ অক্ষয় যথাক্রমে $\frac{F'O'}{\mu_{ord}}$ এবং $\frac{F'O'}{\mu_{ord}}$ এর সমান। এবার যদি O' বিন্দু হইতে প্রথম বৃত্তের উপর একটি স্পর্শক আকা যায় তবে ইহা বৃত্তটিকে B বিন্দুতে স্পর্ণ করিবে। *O* বিন্দুতে বেভাবে বৃত্ত আকা হইয়াছে তাহাতে সহজেই প্রমাণ করা যায় যে O'B স্পর্শক এই বৃত্তকে B' বিন্দুতে স্পর্শ করিবে। সূতরাং OB ও O'B' সাধারণ রশ্মির দিক নির্দেশ করিবে। আর O'B'B হইবে সাধারণ রশ্মির তরঙ্গমুখের অবস্থান। এবং যেহেতু স্পর্শক O'B'B বৃত্ত দুইটিকে B ও B' বিন্দুতে স্পর্শ করিয়াছে, সাধারণ রশ্মি ও তরঙ্গমুখের গতির দিক সম্পাতী হইবে এবং ইহাদের গতিবেগও সমান হইবে।

এইবার পূর্বোক্ত পদ্ধতি অনুসারে উপবৃত্তের উপর O'C স্পর্ণক আকা হইল। এই স্পর্গক O' বিস্পুকে কেন্দ্র করিরা আকা উপবৃত্তকেও C' বিস্পুতে স্পর্শ করিবে দেখানো যায়। OC এবং O'C' অসাধারণ রশ্মির দিক বুঝাইবে। আর O'C'C অসাধারণ রশ্মির তরঙ্গমুখের অবস্থান হইবে। সহজেই দেখা যায় যে OC সরলরেখাটি O'C এর অভিলয়ে না হওরায় অসাধারণ রশ্মির গতির দিক ইহার তরঙ্গমুখের গতির দিকের সহিত সম্পাতী হইবে না; ইহাদের গতিবেগও আলাদা হইবে।

৪.২০ নং চিত্র হইতে দেখা যার যে সাধারণ রশ্মি প্রতিফলনের দুইটি সূত্রই মানিয়া চলিবে, কিন্তু অসাধারণ রশ্মির ক্ষেত্রে ইহা সত্য নহে। ইহার কারণ এই যে সাধারণ আলোর তরঙ্গপৃষ্ঠের আকৃতি বৃত্তাকার হওয়ায় প্রতিসৃত রশ্মির

গতিবেগ সমন্ত আপতন কোন্দো জনাই এক থাকিবে; ফলে আপতন কোণ এবং প্রতিসরণ কোণের সাইনের (sine) অনুপাত ধ্রুক হইবে – (μ_{ord}) . আরও সহজভাবে বলা যায় যে দুই গতিবেগ ৩ এবং ৩' এর অনুপাত (v/v'-μ_{ord}) ধুবক হইবে। আর O' বিন্দু হইতে অন্কিত স্পর্ণক বৃত্তটিকে বে বিন্দু B তে স্পর্ণ করিবে সেটি আপতন তলেই অবন্থিত হইবে। সূতরাং প্রতিসরণের বিভীয় নিয়মও প্রতিপালিত হইবে। কিন্তু অসাধারণ রশ্বির বেলার প্রতিসৃত রশ্মির দৈর্ঘা C বিন্দুর অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে ; অর্থাৎ বিভিন্ন আপতন কোণে প্রতিসূত রন্মির গতিবেগ আলাদ। হইবে বাহার ফলে আপতন কোণ ও প্রতিসরণ কোণের সাইনের (sine) অনুপাত ধ্রবক ছইবে না। দিতীয়ত: আলোক-অক যদি আপতন তলের সহিত তির্বক অবস্থানে থাকে তবে O'C স্পর্ণকটি উপবৃত্তকে যে বিন্দুতে স্পর্ণ করিবে সেই স্পর্শবিন্দু C আপতন তলে হইবে না। সুতরাং প্রতিসরণের দ্বিতীর নির্মাট সাধারণত প্রতিপালিত হইবে না। অবশা চিত্রে যে অবস্থা দেখানো হইয়াছে সেই ক্ষেত্রে C বিন্দু আপতন তলে অবস্থিত হইবে এবং দিতীয় সূত্রটি প্রতিপালিত হইবে। আবার আলোক-অক বণি আপতন তলের অভিনয়ে অবন্থিত হর তবে দুইটি তরঙ্গপৃঠের ছেম্ট বৃত্তাকার হইবে। অতএব এই ক্ষেত্রে প্রতিসরণের উভর সূত্রই প্রতিপালিত হইবে।

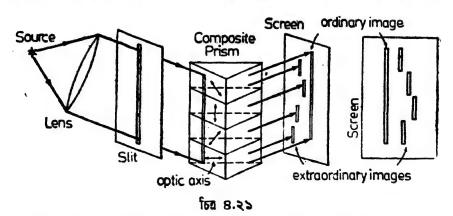
হাইগেন্সের সংরচনার প্রতিপাদন (Verification of Huygens' construction).

হাইগেন্সের সংরচনা অনুসারে আলোকরশি কেলাসের প্রতিসরণ ওলে কোনও বিম্পুতে আপতিত হইলে সেই বিম্পুকে কেন্দ্র করিয়। দুইটি তরঙ্গ পৃঠের সৃষ্টি হয়। ইহাদের মধ্যে বেটি সাধারণ রশির তরঙ্গ-পৃঠ, তাহার আফৃতি গোলকীর (spherical). আর সংশ্লিষ্ট অসাধারণ রশির তরঙ্গ-পৃঠের আফৃতি উপগোলকীর (spheroidal). এই মতবাদের সতাতা নিম্নলিখিত রূপে প্রমাণ করা বার।

সাধারণ রশিমর ক্ষেত্রে তরঙ্গ-পৃঠের আকৃতি গোলকীর হইবে। সূত্রাং কেলাসে আলোক-অক্ষের অবস্থান বে দিকেই হোক না কেন, আপতন তল বারা এই তরঙ্গ-পৃঠের ছেদের আকৃতি সর্বদাই বৃদ্ধাকার হইবে। শ্নো (অথবা কার্বাতঃ বারুতে) বিদ আলোর গতিবেগ হয় ৩ এবং কেলাসে হয় ৩', , ৫ তবে ৩', , ৫ তবে তালার লাকার ভালার হালার কার্বাতঃ বারুতে কার্বাতঃ; তরঙ্গপৃঠের ছেদ বৃদ্ধাকার হওরায় সাধারণ রশিমর

গতিবেগ OB (চিন্ন 8.২০) সমস্ত আপতন কোণেই এক হইবে। সূভরাং μ_{ord} ধ্বক দাড়াইবে। আর স্পর্ণবিন্দু B ও আপতন তলেই থাকিবে।

এই বৃত্তির সভাতা পরীক্ষা করিতে হইলে একখণ্ড একাক্ষ কেলাস (uniaxial crystal) হইতে আলোক-অক্ষের বিভিন্ন অবস্থানে করেকটি প্রিজ্ম্ কাটিরা ঐগুলি জোড়া দিয়া একটি বড় প্রিজ্ম্ তৈয়ারী করা দরকার। ৪.২১ নং চিত্রে দেখানো হইরাছে যে এইর্প চারিটি প্রিজ্ম্ একটি বড় কেলাস হইতে এমনভাবে কাটা হইরাছে বাহাতে প্রভাকটিতে আলোক-অক্ষের দিক আলাদা। এই চারিটি ক্ষুদ্র প্রিজ্ম্ জোড়া দিয়া একটি বৃহত্তর প্রিজ্ম্ তৈয়ারী করা হইরাছে। এই প্রিজ্মের উপরে একটি আলোক-উৎস ১ হইতে লেল এবং রেখাছিদ্রের সাহাব্যে সমান্তরাল ও একবর্ণী (monochromatic) আলোক রিমমালা আপতিত করা হইল। প্রতিসরণের পর অন্যদিকে যে প্রতিবিদ্ধ সৃষ্ট হইবে ভাহা একটি না হইরা একাধিক দাড়াইবে। ইহাদের মধ্যে একটি হইবে আপতিত রম্মির দৈর্ঘ্যের সমান এবং নিরবিছ্মির। সেটি সাধারণ রম্মি হইবে, সাধারণতঃ বিভিন্ন ভাগে বিভক্ত হইরা যাইবে এবং মোটামুটি যে করটি ক্ষুদ্র প্রিজ্ম্ ছারা বৃহত্তর প্রিজ্ম্ম্টি গঠিত তত সংখ্যক স্বত্তর প্রতিবিষের সৃষ্টি করিবে। চিত্রে এই দুইশ্রেণীর প্রতিবিষ আলাদা করিয়া দেখানো হইয়াছে।

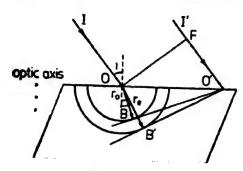


সাধারণ রশ্মি সবগুলি প্রিজ্মের মধ্য দিয়া একই নিয়মানুসারে প্রতিসৃত হর বলিয়া (ধুবক µ) এই প্রতিবিষগুলি পর পর একই সরলরেখার পাড়িবে।

এই পরীক্ষা হইতে দেখা যাইতেছে যে সাধারণ রন্মির ক্ষেত্রে ইহার গতিবেগ কেলাসে আলোক-অক্ষের অবস্থানের উপর নির্ভর করে না। সূতরাং ইহার ত্যক্রপৃষ্ঠ গোলকীর। আর ইহার অর্থ পূর্বেই দেখা গিরাছে যে সাধারণ রণির প্রতিসরশের দুইটি সূচই মানিরা চলে।

অপরদিকে দেখা বাইতেছে বে অসাধারণ রশ্বির ক্ষেত্রে গতিবেগ আলোক আক্ষের অবস্থানের উপর নির্ভরশীল। সূতরাং ইহার তরঙ্গ-পৃষ্ঠ গোলকীর হইতে পারে না। হাইগেন্সের মতে এই তরঙ্গ-পৃষ্ঠের আকৃতি উপগোলকীর। ইহার সভাতা বাচাই নিম্নলিখিত পরীক্ষা ধারা করা সম্ভব।

(a) আলোক-অক প্রতিসরণ তলের সমান্তরাল, কিন্তু আপতন-তলের অভিলবে অবন্থিত (optic axis parallel to the refracting face but perpendicular to the plane of incidence). এর্প কেন্তে আপতন তল বারা তরক্ষ-পৃষ্ঠ দুইটি ছেদ করিলে যে দুইটি রেখা (curve) পাওয়া যাইবে, তাহারা উভরেই বৃত্তাকার হইবে। কারণ এই ক্ষেত্রে চিত্র নং ৪.২২ হইতে দেখা বার যে আপতন তল তরক্ষপৃষ্ঠ দুইটিকে ইহাদের যৌথ কেন্দ্রের মধ্য দিয়া আলোক-অক্ষের অভিলবে ছেদ করিতেছে; আর তিমাত্রিক (three-dimensional) তরক্ষপৃষ্ঠ পাওয়া যায় বৃত্ত এবং উপবৃত্তকে আলোক-অক্ষের চতুদিকে ঘুরাইলে। সূতরাং ৪.২২ নং চিত্রে দেখানো হইয়াছে 10, 1'0' দুইটি রাজ



कि 8.२२

০, ০' বিন্দুতে আপতিত হইতেছে। আলোক-অক্ষ পালে বিন্দু দিয়া বুঝানো হইরাছে। ইহার অর্থ আলোক-অক্ষ চিত্রতলের অর্থাৎ আপতন তলের অভিনৱে আর প্রতিসরণ তল ০০' এর সমান্তরালে অর্বান্থত। ইহার তরঙ্গ-পৃষ্ঠের দুইটি ছেল পাওরা বাইবে; ইহাদের উভরেরই কেন্দ্র ০ বিন্দু আর উভরেরই আকৃতি বৃত্তাকার হইবে। ০' হইতে এই বৃত্ত দুইটির উপর স্পর্ণক আকিলে ইহারা বৃত্ত পুইটিকে B এবং B' বিন্দুতে স্পর্ণ করিবে। ০৪ ও ০৪' ব্যাক্তমে সাধারণ ও অসাধারণ রাজার দিক ও আনুপাতিক গতিবেগ বুজাইবে। সহজেই বুঝা বার বে আলোকের গতিবেগ বাল বারুতে ৩ হয় এবং

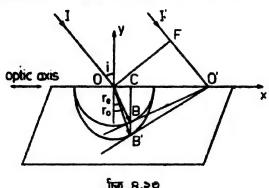
সাধারণ ও অসাধারণ রশ্বির কেলাসে গতিবেগ বধারুমে v, এবং v, হর তবে $\frac{v}{v_o} = \frac{\sin i}{\sin r_o} = \mu_{ord}$ এবং $\frac{v}{v_o} = \frac{\sin i}{\sin r_o} = \mu_{ex}$ হইবে এবং উভর ক্ষেট্রেই μ_{ord} এবং μ_{ox} ধুবক হইবে। এখানে i= আপতন কোণ; r_o এবং r_o বধারুমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্বির প্রতিসরণ কোণ। μ_{ord} এবং μ_{ox} বধারুমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্বির প্রতিসরণক। আর B এবং B' বিন্দু আপতন তলে হওয়ার উভর রশ্বিই এক্ষেত্রে প্রতিসরণের হিতীর সূত্র মানিরা চলিবে।

এই বৃদ্ধির সত্যতা পরীক্ষা করিতে কেলাস হইতে এমন একটি প্রিজ্ম্ কাটা দরকার যাহাতে আলোক-অক্ষ প্রতিসরণ-তলের সমান্তরালে অবস্থিত। এই প্রিজ্মের উপর একটি একবর্ণী আলোকরন্মি এমনভাবে আপতিত করা হইল বাহাতে আপতন-তল আলোক-অক্ষের অভিলয়ে পড়ে। প্রতিসরণের পর প্রিজ্মের অপর দিকে দুইটি আলোকর্মাম পাওয়া যাইবে; ইহাদের একটি সাধারণ ও অপরিটি অসাধারণ রন্মি। ইহাদের উভয়েরই তলীয়-সমবর্তন হইবে আর তাহাদের সমবর্তন-তল পরস্পরের অভিলয়ে থাকিবে। আপতন কোণ পরিবর্তন করিয়া বিভিন্ন আপতন কোণের জন্য দুইটি রন্মিরই প্রতিসরাক্ষ নির্ণয় করা হইলে দেখা যাইবে যে ইহারা উভয়েই ধ্রুবক (র্যান্ড ইহাদের মান বিভিন্ন)। অতএব এই পরীক্ষা হইতে প্রমাণিত হয় যে সাধারণ ও অসাধারণ রন্মির তরক্ষপৃষ্ঠ আলোক-অক্ষ ঘিরিয়া দুইটি আবর্তন-পৃষ্ঠ (surface of revolution) আর আলোক-অক্ষের অভিলয়-তল ইহাদের দুইটি বৃত্তে ছেন্দ করে। ইহার পরের ধাপ হইবে এই তরক্ষ-পৃষ্ঠের উৎপাদক রেখার (generating curve) আকৃতি নির্ণয় করা। এজন্য নির্মালিখিত পরীক্ষাটি করা দরকার।

(b) আলোক-অক্ষ আলোকরশ্মির আপতন-তল ও কেলাসের প্রতিসরণ-তল উভরের সমান্তরাল (optic axis parallel to both the refracting face of the crystal and the plane of incidence).

এই ক্ষেত্রে যদি আলোকের তরঙ্গপৃষ্ঠ হাইগোন্সের মতানুসারে গোলকীর এবং উপগোলকীর বলিয়া ধরিয়া লওয়া হয় তবে আপতন তল দ্বারা ইহাদের ছেদ করিলে যে রেখা পাওয়া যাইবে, তাহাদের একটি হইবে বৃত্তাকার অপরটি উপবৃত্তাকার। প্রথমটি সাধারণ ও দ্বিতীয়টি অসাধারণ রশ্মির জনা। ইহারা উভয়ে আলোক অক্ষের সমান্তরালে দুই বিন্দুতে পরস্পর স্পর্শ করিবে। পূর্বের আলোচনা মত ৪.২০ নং চিত্রে দেখানো হইয়াছে যে II' রশ্মিদর ০০'

বিস্তুতে আপতিত হইরাছে। *O* বিস্তু হইতে উম্ভূত তরঙ্গ-পৃষ্ঠের উপর *O*' বিন্দু হইতে বে দুইটি স্পর্ণক আকা হইরাছে ভাহার৷ B এবং B' বিন্দুতে



हित 8.२0

বধাক্রমে বৃত্ত ও উপবৃত্তকে স্পর্ণ করিয়াছে। OB ও OB সাধারণ এবং অসাধারণ রশ্ম।

এই বৃত্ত এবং উপবৃত্তের সমীকরণ দেখা বায়

$$x^2 + y^2 = a^2$$
 (वृद्ध, वाजाई a) (4.3)

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$
 (উপবৃত্ত, মুখা ও গৌণ ব্যাসার্ছ b এবং a) (4.4)

মেরু এবং মেরুরেখার (Pole and Polar) সংজ্ঞানুসারে দেখা যায় যে মেরু O' বিস্দুর মেরুরেখা বৃত্তে এবং উপবৃত্তে যথাক্রমে BC এবং B'C. O'বিন্দুর স্থানাৎক (coordinates) যদি x_1y_1 হয় তবে উপবৃত্তের মেরুরেখার সমীকরণ হইবে

$$\frac{xx_1}{a^2} + \frac{yy_1}{b^2} = 1 \tag{4.5}$$

 $oldsymbol{O}^*$ বিম্পুকে বলি x অক্ষের উপর অবস্থিত বলিয়া ধরা যার, তবে এই সমীকরণ পাডাইবে

$$\frac{xx_1}{a^2} = 1. \qquad \text{as} \qquad (4.6)$$

অনুর্গভাবে কৃত্তের মেরুরেখার সমীকরণ হইবে

$$xx_1 + yy_1 = a^2 (4.7)$$

अरक्टा बरे मधीकान नाकारेरव

$$xx_1 = a^2 \tag{4.8}$$

দেখা বাইতেছে যে দুইটি মেরুরেখাই একই সমীকরণ ধারা বৃশ্বানো বাইতেছে; অর্থাং ইহারা সম্পাতী (coincident). সূতরাং B এবং B' একই সরলরেখা B'BC এর উপর অর্বান্থত এবং এই সরলরেখা OO' এর অভিলয়ে আছে বিলিয়া দেখানো বার ।

সূতরাং লেখা ৰাইতে পারে

$$\frac{\tan r_{\bullet}}{\tan r_{\bullet}} = \frac{OC}{BC} / \frac{OC}{BC} = \frac{B'C}{BC} = \frac{a}{b}$$
 (4.9)

এখন আলোর গতিবেগ যদি বায়ুতে v হয় এবং সাধারণ ও অসাধারণ রিশ্বর গতিবেগ কেলাসে যথাক্রমে v_o এবং v_o হয় তবে পূর্বের চিত্র নং ৪.২২ হইতে দেখানো বায় $\frac{v_o}{v_o} = \frac{b}{a} = \frac{\mu_{o \times t}}{\mu_{o \times d}}$ (4.10)

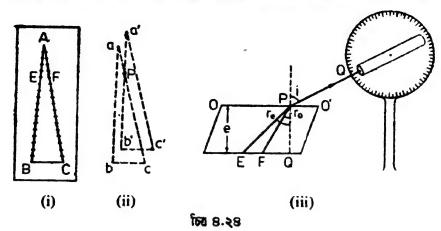
कारबरे माज़ारेरजस्

$$\frac{\tan r_o}{\tan r_e} = \frac{a}{b} = \frac{\mu_{ord}}{\mu_{ext}}.$$
 (4.11)

এই ফল পাওয়া যাইতেছে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি দুইটির উৎপাদক রেখা (generating curve) দুইটিকে যথাক্তমে বৃত্ত ও উপবৃত্তাকার ধরিয়া নিয়া। এই কাম্পনিক তথোর (assumption) সত্যতা নিয়লিখিত পরীক্ষার দ্বারা যাচাই করা যাইতে পারে। এইটি ম্যালাসের (Malus) পরীক্ষা।

একটি ধাতব পাতের উপর দুইটি কেল AB এবং AC সৃক্ষর্পে খোদাই করা হইরাছে। কেলা দুইটি পরস্পরের সহিত সর্কোণে তির্বকভাবে অবস্থিত। একটি ক্যালসাইট কেলাস এমনভাবে কাটা হইল বাহাতে আলোক-কক্ষ কেলাসের প্রতিসরণ তল OO' এর সমান্তরালে থাকে। এই প্রতিসরণ তলটি OO' সরলরেখার মধ্য দিয়া চিত্রতলের অভিলয়ে আছে। এবার প্রতিসরণ তল হইতে আলো প্রতিফলিত করিয়া এই তলকে নিখুতভাবে অনুভূমিক করা হইল। কেলের ধাতব পাতটি কেলাসের নীচে এমন অবস্থানে বসানো হইল বাহাতে কেলাসের মুখ্য-ছেদ (principal section) AB এর অভিলয়ে থাকে। কেলাসের উপর হইতে তাকাইলে ABC এর দুইটি প্রতিবিশ্ব দেখা বাইবে; একটি সাধারণ রন্মির এবং অপরটি অসাধারণ রন্মির করা। আর ইহারা পরস্পরের সহিত বিচ্ছিন্নভাবে অবস্থিত হইবে। ৪.২৪(ii) নং চিত্রে ইহানের অবস্থান দেখানো হইয়াছে abc ও a'b'c' ঘারা। ইহারা P বিন্দুতে পৃক্তি নিবন্ধ করা

বার ভাহা হইলে AB ক্ষেত্রের E বিন্দু হইতে একটি রণ্মি এবং AC ক্ষেত্রের F বিন্দু হইতে আর একটি রণিম ক্যোসের মধ্য দিরা গমন করির। ক্যোসের OO' তলে আসিরা মিলিত হইরাছে এবং সেখান হইতে একটি একক রণিম হিসাবে বারুতে গমন করিভেছে। ক্যোসের মধ্যে EP এবং FP অসাধারণ ও সমধারণ রণিম দেখাইতেছে। ক্যোসে গমনের পর রণিম দুইটি P বিন্দুতে



মিলিত হইয়া একক প্রতিসৃত রশ্মি হিসাবে বায়ুতে গমন করিবে। সূতরাং বিলতে পারা বার বে প্রতিবর্তিতার নীতি (principle of reversibility) অনুসারে একটি আলোকরশ্মি QP দিকে কেলাসের উপর আপতিত হইলে PE এবং PF দুইটি অসাধারণ ও সাধারণ রশ্মিতে কেলাসের মধ্যে প্রতিসৃত হইবে। সূতরাং সংক্রিক কোণগুলিকে ৪.২৪(iii) নং চিত্রে প্রদর্শিতর্পে নির্দিক করা হইল। এবার একটি দুরবীক্ষণ এবং ক্কেলের সাহাবে। i কোণটি নির্ণর করা হইল। এবার একটি দুরবীক্ষণ এবং ক্কেলের সাহাবে। i কোণটি নির্ণর করা হইল। E এবং F বিশ্বু দুইটিকে ক্ষেলের মধ্যে সনাত্ত করিয়। তাহাদের দূরত্বও মাপা হইল আর কেলাসের বেধ e বাহির করা হইল। এবার লেখা বার

$$EF = EQ - FQ = e(\tan r_o - \tan r_o).$$
 (4.12)
আবার $\frac{\sin i}{\sin r_o} = \mu_{ord}$ বা $\sin r_o = \frac{\sin i}{\mu_{ord}}$.

'i' কোপ মাপা হইরাছে এবং μ_{ord} ও জানা আছে (পূর্বের পরীক্ষা হইতে)। সূতরাং $\sin r_o$ বাহির করা বার এবং তাহা হইতে $\tan r_o$ এর মানও জানা বাইবে। কাজেই উপরের সমীকরণে একমাত্র অজানা রাশি $\tan r_o$ এই প্রীক্ষা হইতে নির্ণর করা বার ।

কাজেই $tan\ r$, এবং $tan\ r$, উভন্ন রাশিই এই পরীক্ষা হইতে জানা গোলা। এখন $\frac{tan\ r}{tan\ r}$ হিসাব করিয়া র্যাদ দেখা যায় যে এই অনুপাত $\frac{\mu_{o\ r}a}{\mu_{o\ x}}$ এর সমান দাড়ায় তবে বলা যাইতে পারে যে সাধারণ ও অসাধারণ রন্মির তরঙ্গপৃষ্ঠের উৎপাদক রেখা (generating curve) যথাক্রমে বৃত্ত ও উপবৃত্তের আফুতি বিশিষ্ট (কারণ এই দুইটি উৎপাদক রেখা বৃত্ত এবং উপবৃত্ত ধরিয়া নিয়া পাওয়া গিয়াছে $\frac{tan\ r}{tan\ r}$ — $\frac{\mu_{o\ r}a}{\mu_{o\ r}a}$) আর এই উৎপাদক রেখা দুইটিকে আলোক-অক্ষের চতুদিকে ঘুরাইলে তরঙ্গপৃষ্ঠের গ্রিমাণ্ডিক আলোক-অক্ষের চতুদিকে ঘুরাইলে তরঙ্গপৃষ্ঠের গ্রিমাণ্ডিক আকৃতি দাড়াইকে সাধারণ ও অসাধারণ রন্মির ক্ষেত্রে যথাক্রমে গোলকীয় এবং উপগোলকীয়। সূত্রাং এই পরীক্ষা কর্মটির দ্বারা হাইগেন্সের সংরচনার (Huygens' construction) সত্যতা প্রমাণিত হইল।

ভরজ-বেগ এবং রন্মি-বেগ (Wave velocity and ray velocity).

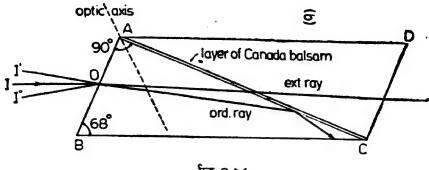
চিত্র নং ৪.২০ হইতে দেখা যার যে ০ বিন্দু হইতে যে দুইটি দ্রংশ কেলাসে ছডাইয়া পড়ে তাহাদের গতিবেগ সাধারণত সমান নহে। ইহাদের মধ্যে OB এবং OB' যথাক্রমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির গতিবেগ ব্রঝাইতেছে। কিন্তু সংশ্লিষ্ট তরঙ্গমূখ হইবে O'B এবং O'B', তরঙ্গের গতিবেগের এবং দিকের সংজ্ঞানুসারে O বিন্দু হইতে তরঙ্গমুখ দুইটির উপর লম্ব টানিলে যে দুইটি সরলরেথা পাওয়া বাইবে তাহার। সাধারণ ও অসাধারণ তরক্ষের গতির মান ও দিক বুঝাইবে। সহজেই বুঝা যায় যেহেতু OB সাধারণ তরক্ষমুখ O'B এর অভিলয়ে অবস্থিত, সাধারণ রশ্মির বেলায় তরঙ্গবেগ এবং রশ্মিবেগ একই হইবে ; আর ইহাদের গতির দিকও সম্পাতী হইবে। কিন্তু OB' সাধারণত তরঙ্গমুখ O'B' এর অভিলয়ে অবস্থান করিবে না। অতএব এই ক্ষেত্রে রশ্মি ও তরক্ত একই দিকে গমন করিবে ন এবং ইহাদের গতিবেগও এক হইবে না। এই ব্যাপার্রটি আরও স্পক্টভাবে দেখা যায় চিত্র নং ৪.১৯ হইতে। এখানে OB এবং OC যথাক্রমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির গতিবেগ ও গতির দিক বুঝাইতেছে। কিন্তু সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির বেলায় তরঙ্গমুখ বুঝাইতেছে MN এবং PQ. সূতরাং OBএবং OD যথাক্রমে সাধারণ ও অসাধারণ তরঙ্গের গতির মান ও দিক বুব্বাইতেছে। এই চিত্র হইতে স্পর্যবুপে দেখা যায় যে সাধারণ রশ্মির ক্ষেত্রে রশ্মি ও তরঙ্গের বেগ এবং দিক একই হইলেও অসাধারণ রণ্মির ক্ষেত্রে ইহা সতা নহে। জ্ঞসাধারণ রশ্মির বেগ এবং দিক তরক্ষের গতিবেগ ও দিক হইতে সাধারণতঃ ভিন্ন হইয়া থাকে।

সমবর্তক প্রিজ ব্সবৃহ (Polarising Prisms).

পূর্বের আলোচনা হইতে দেখা গিরাছে যে আলো যখন টুরেম্যালিন কেলাসের মধ্য দিয়া পাঠানো হয় তখন পারগত রশ্বির তলীর সমবর্তন হইয়া থাকে। একেতে যদিও একটি রশিই পাওরা বার তবুও প্রকৃতপক্ষে এই কেলাসেও কৈথ প্রতিসরণ হইয়া থাকে, তবে অসাধারণ ও সাধারণ রশ্বির মধ্যে সাধারণ রশ্বি কেলাসে দ্রভ শোষিভ হয় যাহার ফলে মোটামুটি 1 mm পরিমাণ বেধের কেলাসেই ইহা সম্পূর্ণ শোষিত হইয়া যায়। কাজেই পারগত রন্দিটি অসাধারণ রশ্বি আর ইহা সম্পূর্ণরূপে তলীর সমর্বতিত (plane-polarised). কোন কোন কেলাস সাধারণ আলোর আরতক্ষেত্রিক উপাংশ (rectangular components) দুইটির মধ্যে একটি বেশী শোষণ করিরা থাকে। এই ধর্মকে বলা হইরা থাকে (dichroism) দ্বিরাগদ। আলোচা ট্রারম্যালিন কেলাস দ্বিরাগড়ের একটি প্রকৃষ্ঠ উদাহরণ। কিন্তু ট্রারম্যাসিন কেলাস রঙীন বলিরা ইহার মধ্য দিয়া পারগভ রশ্বিও রঙীন হয় এবং ইহার তীরতাও পুবই হ্রাস পার। কাজেই তলীয় সমবাতিত রশি সৃষ্টি করিবার উপার হিসাবে होत्रमानित्नत वावहात भूव अमल नरह । चाला कानमाहेहे किनारमत मध দিরা পাঠানোও সাধারণভাবে তলীর সমর্বার্ডত রশ্মিমালা সৃষ্টি করিবার পক্ষে স্বিধান্তনক নহে, কারণ কেলাস খুব বড় না হইলে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি সম্পূর্ণ আলাদা হর না।

নিকল প্রিজ্ম (Nicol Prism).

এই সমন্ত কারণে উইলিরাম নিকল (William Nicol) একরকম প্রিজ্ম্ তৈরী করেন বাহার সাহাধ্যে অতি সহজে বিশুদ্ধ তলীর-সমবর্তিত আলোকরণিমর সৃষ্ঠি করা বার। তাহার নামানুসারে ইহাকে বলা হর নিকল প্রিজ্ম্ বা শুধু নিকল'। এইটি তৈরী করিতে একখণ্ড লবা ধরণের (দৈর্ঘা সাধারণত প্রস্থের মোটামুটি তিনগুণের মত লওরা হইরা থাকে) ক্যালসাইট কেলাস লইরা প্রতিসরণ তল দুইটি এমনভাবে কাটা হর বাহাতে মুখা-ছেদের কোণ বাভাবিক মান 71° হইতে 68°তে কমিরা আসে। ইহার কারণ ৪.২৫ নং চিত্র দেখিলে বৃত্তিতে পারা বাইবে। এই প্রসঙ্গের আলোচনার পরের দিক হইতে দেখা বাইবে যে এইবুপ কাটিবার ফলে কেলাসের আলোক-অক্ষের অবস্থান কেলাসে অসাধারণ রাল্মর পারগমের সুবিধা করিরা দিবে। এইবার কেলাস্টিকে কাটিয়া সমান দুইভাগে ভাগ করা হয়। এই বিভাজনতল মুখ্য ছেদ এবং প্রতিসরল-তল উভয়েরই অভিলয়ে অবস্থিত।



च्चि ८.२६

কেলাসের দুইটি থণ্ডের কর্তিত তল পালিশ করিয়া আবার ক্যানাডা বালসাম (Canada balsam) নামক একপ্রকার স্বচ্ছ আঠা দিয়া জুড়িয়া পূর্বের আফুতি দেওয়া হয়। এখন যদি IO আলোকরণিম AB তলে আপতিত হয় তবে ইহা কেলাসের মধ্যে সাধারণ ও অসাধারণ রণিমতে বিভক্ত হইবে। ইহাদের গতিপথ ৪.২৫ নং চিত্রে দেখানো হইয়ছে। এই রণিম দুইটি সম্পূর্ণ তলীয় সমবর্তিত। ক্যানাডা বালসাম শুরে আপতিত হওয়ার ফলে ইহাদের মধ্যে অসাধারণ রণিম ঐ শুর ভেদ করিয়া চলিয়া বাইবে কিন্তু সাধারণ রণিম সম্পূর্ণ-র্পে প্রতিফলিত হইয়া প্রিজ্মের ধারের দিকে বাইবে এবং সেখানে কালো লোযক শুরে গোষিত হইয়া লুপ্ত হইবে। সাধারণ রণিমর এই পূর্ণ প্রতিফলনের কারণ নিম্নরূপ। যদি সোডিয়ামের হলুদ আলোর (ম = 5893Å) কথা ধরা যায় তবে ঐ ভরক্রের জন্য ক্যালসাইট ও ক্যানাডা বালসামের প্রতিসরাজ্ক নীচে দেওয়া হইল:

ক্যালসাইটে সাধারণ আলোর প্রতিসরাল্ক $\mu_{ora}-1.66$ ক্যালসাইটে অসাধারণ আলোর প্রতিসরাল্ক $\mu_{ora}-1.49$ ক্যালাড়া বালসামের প্রতিসরাল্ক -1.55

এই অবস্থার দেখা যার যে অসাধারণ আলোর বেলার ক্যালসাইটের অপেক্ষা বালসামের প্রতিসরাক্ষ বেশী। সূতরাং এই অসাধারণ আলোর পূর্ণ প্রতিফলন (Total reflection) হইবার প্রশ্ন ওঠে না; এই রশ্মিট বালসামের শুর ভেদ করিয়া চলিয়া বাইবে। অপরদিকে বদি সাধারণ রশ্মির বালসাম শুরের উপর আপত্তন কোণ সক্ষট কোণের অপেক্ষা বড় হয় তবে এই রশ্মির পূর্ণ- श्रां क्रिक्न क्रिक

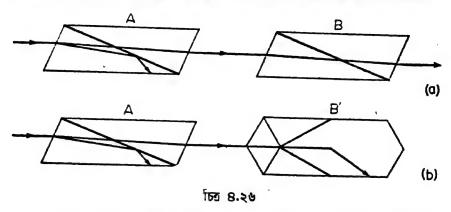
কোপ মোটামুটি 69° (
$$\sin i_{\sigma} = \frac{1}{\mu} = \frac{\frac{1}{\mu}}{\frac{1}{\mu ba | sam}} = \frac{\mu ba | sam}{\mu crystal} = \frac{1.56}{1.66}$$
.'. $i_{\sigma} = 69$ °).

বালসামের শুরে আপতন কোণ বাহাতে ইহার বেশী হয় সেইজনাই কেলাসের দৈর্ঘা প্রস্থের তুলনার প্রায় তিনগুণ করা হয়। কারণ চিচ্চ নং ৪.২৫ ছইতে দেখা বাইবে বে এই দৈর্ঘোর জন্য AC সরলরেখাটি AB তলের সহিত 90° এর মত কোণ উৎপন্ন করিবে বাহার ফলে সাধারণ রশ্মির বালসাম শুরের উপর আপতন কোণ 69° অপেক্ষা বেশী হইবে। এইভাবে দুইটি রশ্মির মধ্যে সাধারণটি আটকাইয়া বার এবং কেলাসের অপর তল CD দিয়া অসাধারণ রশ্মিটি সম্পূর্ণ তলীর সমর্বাঠত রশ্মি হিসাবে বাহির হয়। স্মরণ রাখিতে ছইবে যে অসাধারণ রশ্মিতে কম্পনের শ্রংশ মুখা-ছেদের তলে হয়।

নিকল প্রিজ্যে অতিশর অভিসারী বা অপসারী (highly convergent Or divergent) चालाकर्जानामाना वावरात करा हत्न ना। यीन चालाक-বুদ্ধি I'O হিসাবে আপত্তিত হয় তবে কেলাসের মধ্যে সাধারণ বুদ্মিও উপরের দিকে উঠিয়া বাইবে : ফলে বালসাম শুরে সাধারণ আপতন কোণ 69° হইতে কম হইবে এবং সাধারণ রশ্মি পূর্ণ-প্রতিফলিত না হইয়া বালসাম শুরের ভিতর দিরা পারগত হটবে। IO রেখাকে BC বা AD তলের সমান্তরাল ধরিলে 101' কোণ 15'র মত হয়। আবার 1'0 কোণে আপতিত রশ্মির ক্ষেত্রে দেখা বাইবে যে অসাধারণ রশ্বির দিক আলোক-অক্ষের দিকে ঘেষিয়া আসিতেছে। ইহার ফলে সহজেই বুঝা যায় যে এক্ষেতে অসাধারণ রশ্বির প্রতিসরাক্ষ বৃদ্ধি পাইতে থাকিবে। (অসাধারণ রুশার ক্ষেত্রে প্রতিসরাক্ষ ধুবক নহে, ইহার মান $\mu_{s,a}$ এবং $\mu_{s,z}$ এর মধ্যে পরিবতিত হয়; আলোকরন্মি আলোক-অক্ষের দিকে প্রতিসূত হইলে প্রতিসরাক μ_{ard} এর সমান এবং ইহার অভিনয়ে প্রতিসরণের ক্ষেত্রে 📭 🚅 এর সমান হয়)। একই সঙ্গে বালসাম ন্তরে আপত্তন কোণও বৃদ্ধি পাইতে থাকিবে। অতএব 1'01 কোণ বাড়িতে থাকিলে একসময় অসাধারণ রশির কেলাসে প্রতিসরাঞ বালসামের প্রতিসরাংক হইতে বেশী হইবে আর বালসামে আপতন কোণও সক্ষট কোণ হইতে কেশী হইবে। কাজেই অসাধারণ রশ্মিরও পূর্ণ প্রভিফলন হইবে। সূতরাং এই ক্ষেত্রে দুটি রশ্বিই পূর্ণ-প্রতিফলনের ফলে বালসাম তর পার হইতে পারিবে না। এইরপ অবস্থা হওয়া 1'01 কোণের মানের উপর নির্ভর করে। কেলাসটি এমনভাবে কাটা হয় যে এই কোণের মানও মোটামুটি

15° দাড়ার। সূতরাং অভিসারী বা অপসারী আলোকরন্মির ক্ষেত্রে I'OI" কোণ মোটামুটি 30° এর বেশী হওয়া চলিবে না।

নিকল প্রিজ্ম যেমন আলোর সমবর্তক (polariser) হিসাবে ব্যবহার করা যায় তেমনি সমবর্তিত আলোর বিশ্লেষক (analyser) হিসাবেও ব্যবহার করা যায়। নীচের ৪.২৬ (a) চিত্রে দেখা যাইতেছে যে দুইটি নিকল প্রিজ্ম A এবং B সমান্তরাল অবস্থানে আছে। একটি অসমব্যতিত রশ্মি প্রথম কেলাস



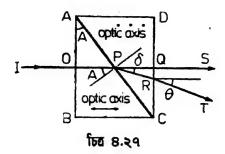
A এর উপর আপতিত হইলে পারগত রশ্মি একটি তলীয় সমব্তিত অসাধারণ রুশ্মি হইবে। দ্বিতীয় কেলাস B এর ভিতর দিয়া ইহা বিনা বাধায় গমন করিবে (অবশ্য সামান্য শোষণ এবং বিক্ষেপণ বাদ দিলে)। কেলাসের সমর্বতিত অসাধারণ রশ্মি দ্বিতীয় কেলাসেও অসাধারণ রশ্মি হিসাবেই প্রতিসূত হইবে অর্থাৎ দ্বিতীয় কেলাসে ভ্রংশ মুখ্য-ছেদের তলে হওয়ায় ইহা অসাধারণ রশ্মির মত বাবহার করিবে এবং বিনা বাধায় পারগত হইবে। কিন্তু দ্বিতীয় ক্ষেত্রে (b) B' নিকল্টি B নিকলের তুলনায় লয়৷ দিকে 90° ঘরানো আছে। স্তরাং এই ক্ষেত্রে মুখা-ছেদও 90° ঘুরিয়াছে যার ফলে আলোর ভ্রংশের দিক মুখা-ছেদের অভিলম্বে হইবে ; অর্থাৎ প্রথম কেলাসের অসাধারণ রশ্মি দ্বিতীয় কেলাসে সাধারণ রশ্মি হিসাবে আচরণ করিবে। দাডাইবে এই যে দ্বিতীয় নিকলে ইহা পূর্ণ-প্রতিফলনের দরুণ আটকাইয়া নিকল দুইটির প্রথম অবস্থানকে বলা হয় অনুকূল অবস্থান (parallel position) এবং দ্বিতীয়টিকে বলা হয় প্রতিকূল অবস্থান (crossed position). দ্বিতীয় নিকল্টি যদি 90° হইতে কম বা বেশী ঘুরানো হয় তবে ম্যালাসের সূত্রানুসারে (চিত্র ৪.১৪) অসাধারণ রশ্মি দুই উপাংশে বিভক্ত হইবে। অনুকৃল অবস্থা হইতে এই ঘূর্ণনের কোণ যদি heta হয় তবে অসাধারণ উপাংশ হইবে $A\cos\theta$ (A= বিভার কেলাসে আপতিত আলোকভরঙ্গের বিভার) ; কাজেই বিভার নিকলে পারগত রশ্বির তীরভা হইবে $A^2\cos^2\theta$.

মুকো প্রিজ্ম (Foucault Prism).

নিকল প্রিজ্যে বালসাম স্তরে সাধারণ রন্দির সংকটকোণ 69° এর মত। কাজেই বালসামন্তরে সাধারণ রশ্মি বাহাতে 69° এর বেশী কোণে আপতিত হর সেজনাই কেলাসের দৈর্ঘ। প্রস্তের তিনগুণের মত নিতে হয়। এত লয়। নিপুত ক্যালসাইট কেলাস পাওয়া দুছর এবং বায়সাধা। এজনা ফুকো একপ্রকার প্রিজ্ম তৈরারী করেন যাহাতে দৈর্ঘা অনেক কম নিলেও চলে। এইবুপ প্রিক্ষে বালসাম ভরের স্থলে একটি পাতলা বায়ুর ভর থাকে। সাধারণ রন্ধির বায়ুন্তরে সক্ষটকোণ অনেক কম (প্রায় 37° এর মত)। সূতরাং অপেকাকৃত কম লয় ক্যালসাইট কেলাসে সাধারণ রশ্মি পূর্ণ প্রতিফলিত इत कावन 8.२৫ नः हिठ इहेटा (मधा बाग्न वि नवा कम इल्याम AB এवः AC রেখার মধ্যের কোণ যদিও 90° হইতে কম হয় বাহার ফলে সাধারণ রশ্মির AC তলে আপতন কোণও কমিয়া যায় তবুও ইহা 37 অপেক্ষা বেশী হওয়ায় পূর্ণ-প্রতিফলনের অসুবিধা হয় না। এছাড়া ফুকো প্রিজ্ম অতিবেগুনী আলোর ক্ষেত্রেও বাবহার করা যায়। কিন্তু এই প্রিজ্মের দুইটি অসুবিধা আছে। প্রথমত অসাধারণ রশ্বির কেলাসে এবং বারতে প্রতিসরাক্ষের পার্থকা খুব বেলী হওয়ায় বায়ুন্তরে ইহার অনেকাংলই প্রতিফলিত হইয়। নর্ভ হইয়। বার কারণ দুই মাধামের প্রতিসরাক্ষ বেশী হইলে প্রতিফলিত আলোর পরিমাণও অনুরপভাবে বেশী হইবে। দিতীয়ত এই ক্ষেত্রে I'OI' কোণ নিকল প্রিজ্মের অপেকাও ছোট হওয়া আবশাক। এইটির কারণও চিত্র নং ৪.২৫ এবং তংসংশ্লিষ্ট আলোচন। হইতে বুঝা বাইবে।

রোশন্ প্রিভ্ন্ (Rochon Prism)—এই জাতীর প্রিজ্ম বাবহার কর।
হর দুইটি সমবাতিত রশি সৃষ্টি করিরা ভাহাদের আলাদ। করিবার জনা বাহাতে
পরে প্রয়োজন হইলে ইহাদের আলাের তীব্রতা মাপা যার। একটি কালিসাইট বা কােরাট্স্ কেলাস হইতে দুইটি সমান এবং সমকােণী প্রিভ্জাকৃতি
প্রিজ্ম্ কাটা হর এবং ইহাদের এমনভাবে জুড়িরা দেওরা হর বাহাতে ইহাদের
অভিত্ত (hypotenuse) দুইটি পরস্পর সংলগ্ন থাকে। এই প্রিজ্ম দুইটির
প্রথমটিতে আলােক অক প্রতিসরণ তলের অভিলব্ধে এবং বিতীর্নিতে
সমান্তরলাে অবস্থিত থাকে (চিত্র বং ৪.২৭)। বিতীরক্ষেত্রে ইহা চিগ্রতলের
অভিলব্ধে অবস্থিত। এইবার বদি একটি আলােকরান্দ লবভাবে প্রথম তলে

আপতিত হয় তবে এই প্রথম প্রিজ্মে আলোর বৈধ প্রতিসরণ হইবে না। কিন্তু বিতীয় প্রিজ্ম ACD তে যখন এই রশ্মি অ্যপতিত হইবে তখন বৈধ প্রতিসরণের ফলে দুইটি রশ্মির সৃষ্টি হইবে। সাধারণ রশ্মিটির কোনওর্গ



দিক পরিবর্তন হইবে না এবং ইহা QS হিসাবে দ্বিতীয় তল হইতে নির্গত হইবে। কিন্তু কেলাসের চিন্তের উপর নির্ভর করিয়া (ধনাত্মক না ঋণাত্মক) জসাধারণ রশ্মি P বিন্দৃতে APCর উপর অভিলয়ের দিকে অথবা ইহার বিপরীতে বাঁকিয়া ঘাইবে। R বিন্দৃতে ইহার আবার দিক পরিবর্তন হইবে এবং রশ্মিটি অভিলয় হইতে আরও সরিয়া ঘাইবে। ফলে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির বিষোজন (separation) আরও ঝাঁড়য়া ঘাইবে। এখানে লক্ষণীয় যে সাধারণ রশ্মির ক্ষেত্রে কোনও দিক পরিবর্তন না হওয়ায় সাদা আলো ব্যবহার করিলেও এই রশ্মিটি অবার্ণ (achromatic) হইবে; কিন্তু অসাধারণ রশ্মিটি তাহা হইবে না। প্রয়োজনমত প্রিজ্ম হইতে কিছু দূরে দুইটি রশ্মির যে কোনও একটিকে আটকাইয়া অন্যটি পরীক্ষা করা চলিতে পারে।

প্রিজ্মের ভিতর দিয়। যাইবার ফলে রিশ্ম দুইটির যে কৌণিক বিবোজন (angular separation) হয় তাহা নির্মালখিতরূপে বাহির করা বায় । P বিম্পৃতে অসাধারণ রিশ্মর চ্যুতি (deviation) যদি δ হয় তবে ACD প্রিজ্মে ইহার প্রতিসরণ কোণ হইবে $A+\delta$. এখানে P বিম্পৃতে আলোর আপতন কোণ A. (এই কোণ প্রথম প্রিজ্মের কোণ BAC এর সমান এবং ইহাকে A ধরা হইয়াছে)। সাধারণ এবং অসাধারণ রিশ্মর গাতিবেগ ACD প্রিজ্মের বিদ্ v_{ord} এবং v_{oxt} হয় তবে লেখা যাইতে পারে

$$\frac{\sin (A+\delta)}{\sin A} = \frac{v_{oxt}}{v_{ord}}.$$
 (4.13)

े কোণ সরু হইলে এই সমীকরণকে লেখা যার

$$1 + \delta \cot A = \frac{v_{\phi = 1}}{v_{\phi = d}}$$
; [$\sin (A + \delta)$ কে সম্প্রসারণ করিয়া এবং

 $\sin \delta = \delta \cdot \cos \delta = 1 \cdot 4 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 3$

$$\delta = \frac{v_{ext} - v_{ord}}{v_{ord}} \tan A. \tag{4.14}$$

R বিন্দুতে অসাধারণ রন্মির আপতন কোণ \hat{o} এবং প্রতিসরণ কোণ θ . কালেই লেখা যায়

 $\frac{\sin \delta}{\sin \theta} = \frac{v_{ext}}{v_{axt}} = v_{ext}$ (ৰণি বায়ুতে আলোর গতিবেগ 1 ধর।

বার); সুতরাং
$$\sin \tilde{\sigma} = v_{ext} \sin \theta = \tilde{\sigma}$$
 ($\tilde{\sigma}$ কুন্তু বলিয়া) (4.15)

সূতরাং
$$\sin \theta = \frac{1}{v_{ext}} \left(\frac{v_{ext} - v_{ord}}{v_{ord}} \right) \tan A = \left(\frac{1}{v_{ord}} - \frac{1}{v_{ext}} \right) \tan A$$

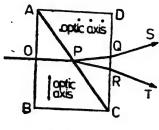
$$-(\mu_{ord} - \mu_{ext}) \tan A. \tag{4.16}$$

 μ_{ord} এবং μ_{oxt} কেলাসে বথাক্রমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির প্রতিসরাক্ষ বুঝাইতেছে।

এই সমীকরণ হইতে দেখা যাইতেছে যে কৌণিক বিষোজন নির্ভর করে ($\mu_{ord} - \mu_{ost}$) এবং Λ কোণের উপর । এই দুইটি বাড়িলে বিষোজন অনুর্পভাবে বাড়িরা বায় ।

প্রসাস্টন প্রিজ্ম (Wollaston Prism). উপরের আলোচনা হইতে দেখা বার বে রশ্মি দুইটির কৌণিক বিবাজন ($u_{ord} - \mu_{ord}$) এর উপর নির্ভর করে। সুতরাং এই প্রতিসরাক্ষ দুইটির পার্যকা কম হইলে রশ্মি দুইটির কিবাজনও অনুর্পতাবে কম হইবে। কোয়ার্টসের বেলার এই পার্থকা কালসাইটের চেয়ে অনেক কম। অনেক কেলাসের বেলারই এইর্প কম পার্থকা হইরা থাকে। সুতরাং সেইসব ক্ষেত্রে যদি সমর্বাভিত রশ্মি দুইটির পরিমাপবোগ্যা বিয়োজন সৃত্তি করিতে হর, তবে উভর রশ্মিরই চুটিভ হওয়া দরকার। প্রলাস্টনের প্রিজ্মে এই বাবছা করা হইয়াছে (চিত্র নং ৪.২৮)। এই ক্ষেত্রেও অনুর্প দুইটি প্রিজ্মে এই বাবছা করা হইয়াছে (চিত্র নং ৪.২৮)। কিন্তু এখানে তফাং এই বে প্রথম প্রিজ্মে রশ্মি আলোক-অক্ষের অভিলয়ে আপতিত হর। ফলে দুইটি রশ্মির উত্তব হইয়া থাকে। ইহাদের গতিবেগ আলোলা হইলেও কৌণিক বিয়োজন হয় না (চিত্র নং ৪.১৬ দুক্তরা)। কিন্তু ভিতীর কেলাসে আপতিত হইলে প্রথম কেলাসের সাধারণ রশ্মি অসাধারণ রশ্মি

পরস্পরের অভিনয়ে অবস্থিত। সূতরাং একটি রশ্মি P বিন্দুতে অভ্কিত অভিনয়ের দিকে সরিয়া আসে, অন্যটি বিপরীত দিকে সরিয়া যায়। ফলে সাধারণ ও অসাধারণ দুইটি রশ্মিরই প্রথম কেলাসে আপতিত রশ্মির তুলনায়



চিত্ৰ ৪.২৮

চুতি হয়। Q এবং R বিন্দুতে ইহাদের চুতি আরও বাড়ে। এখানে দুইটি রশির প্রতিটির চুতিই Rochon Prism এ চুতির সমান। কাজেই মোট কৌণিক বিযোজন দ্বিগুণ হইয়া থাকে। এই প্রিজ্ম দ্বারা অতএব মৃদু দ্বৈধ-প্রতিসরণও নিরীক্ষণ করা যায়। অবশ্য এ ক্ষেত্রে সাদা-আলো ব্যবহার করিলে উভয় রশিরই বিচ্ছুরণ হইবে।

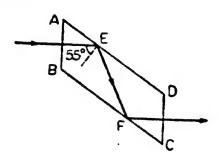
পোলারয়েড (Polaroid).

উপরে আলোচিত সমস্ত প্রিক্মেরই বড় অসুবিধা এই বে ইহাদের তৈরী করিতে নিপুত ক্যালসাইট বা কোয়াট্স্ কেলাসের প্রয়োজন হয় । বদি কোনও পরীক্ষায় দৃষ্টিক্ষেত্র বড় রাখিতে হয় তবে ব্যবহৃত প্রিজ্ম্ও বড় দরকার। এইরূপ বড় নিখুত প্রিজ্ম্ দু•প্রাপ্য ও বায়সাধ্য। এইজন্য হেরাপাথ (Herapath) কৃত্রিম উপায়ে সমবর্তক সৃষ্টি করিতে চেন্টা করেন। তিনি দেখিতে পান ষে কুইনাইনের আয়োডোসালফেট (iodosulphate of quinine) দ্বৈধ-প্রতিসরণ 1932 সনে ল্যাণ্ড (Land) পোলারয়েড ফিল্ম্ সৃষ্টি করিতে সমর্থ। (Polaroid film) আবিষ্কার করেন। এই ফিল্মে পাতলা নাইট্রো-সেলুলোজ শুরে অতি ক্ষুদ্র সমবর্তক কেলাস সন্মিবিষ্ট করা হয়। এই সমস্ত কেলাস পরস্পর সমান্তরালে অবস্থান করে। ফলে তাহারা মিলিয়া ঐ অবস্থানের একটি বৃহৎ কেলাসের কাজ করে। H-পোলারয়েডের বেলায় পোলিভিনাইল আলকোহলের (polyvinyl alcohol) পাতলা ফিল্ম্ টানা দিয়া ইহাদের অণুগুলি পরস্পরের সমাস্তরাল করা হয় ; পরে ইহার মধ্যে আইওডিনের কুন্ত কেলাস সমিবিষ্ঠ করিলে দেখা যায় যে এই কুদ্র কেলাসগুলি সমস্তই একটি বিশেষ অবস্থানে থাকে। ফলে ইহারা মিলিয়া একটি বড় কিন্তু ৰচ্ছ আইওডিন

কেলাসের মত ব্যবহার করিয়া আলোকর শির সমবর্তন সৃষ্টি করে। বর্তমান-কালে এই জাতীয় পোলারয়েড ফিল্মের বহুল ব্যবহার হইয়া থাকে।

ক্রেনেরে সমাস্তর পটফলক (Fresnel's rhomb).

বিভিন্ন প্রকারের সমবর্তিত আলোকরণি সৃষ্টির আর একটি উপার এই সমান্তর পটফলক বাবহার করা। এইটি ফ্রেনেল কর্তৃক উণ্ডাবিত হইরাছিল বিলিয়া ভাহার নামানুসারে ইহাকে ফ্রেনেলের সমান্তর পটফলক বলা হয়। সমব্রিত আলোর প্রতিফলন ও প্রতিসরণ সম্বন্ধে ফ্রেনেলের মতবাদ হইতে জানাযার বে যথন একটি তলীর সমব্রিত রশ্মি কোনও কাচ জাতীর বরুর ভিতরের তলে সম্পূর্ণ প্রতিফলিত হয় (totally reflected internally) তথন এই রশ্মিকে পরস্পরের অভিলবে দুইটি উপাংশে বিভক্ত করা সম্ভব বলিয়া ধরা হয়। আর এই রশ্মির উপাংশ দুইটির মধ্যে দশার পরিবর্তন ঘটে; এই দশার পরিবর্তন নির্ভয় করে কাচের ভিতরে আপতন কোণ এবং ইহার প্রতিসরাক্ষের উপর। এই মতবাদ পরীক্ষা করিয়া দেখিবার জনা ফ্রেনেল একটি কাচের সমান্তর পটফলক নির্মাণ করেন [চিত্র নং ৪.২৯(i)]। ইহার দৈর্ঘা, প্রস্থ এবং কোণগুলি এরুপভাবে করা হইয়াছে যাহাতে প্রথম তলে একটি রশ্মি অভিলবে আপতিত



for 8.25 (i)

হইরা প্রতিসরণের পর AD তলে E বিন্দৃত্তে 55° কোণে আপতিত হয় (কাচের প্রতিসরাক্ষ 1.5 এর মত হওরা দরকার)। এই কোণটি সক্ষট কোণের অপেকা বড় হওয়ার আলোর সন্দূর্ণ প্রতিফলন হইবে। অনুরূপভাবে দ্বিতীর বিন্দু F এও সম্পূর্ণ প্রতিফলনের পর আলো DC তল দিয়া নির্গত হইবে। প্রতিটি প্রতিফলনে $\frac{\pi}{4}$ দশা-পার্থক্যের সৃষ্টি হওয়ার মোট $\frac{\pi}{3}$ দশা-পার্থক্য উৎপ্রম হইবে। সৃত্তরাং বদি একটি তলীর সমর্বতিত রশ্বি এমনভাবে AB তলের

অভিলব্ধে আপতিত হয় বাহাতে আপতিত রশ্মির কম্পনের দিক আপতন তলের সহিত 45° কোণে অবন্থিত হয় তবে ইহা আপতন তল এবং ইহার অভিলব্ধে দুইটি সমান বিস্তারের উপাংশে বিভক্ত হইবে; প্রতিফলনের ফলে এই দুইটি ভ্রংশের মধ্যে $\frac{\pi}{2}$ দশা-পার্থক্যেরও সৃষ্টি হইবে। সূতরাং দ্বিতীয় তল DC হইতে নির্গমনের পর এই রশ্মির বৃত্তাকার-সমবর্তন উৎপন্ন হইকে (ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রকের আলোচনা দ্রন্টব্য)। আর যদি আপতিত তলীর সমবর্তিত রশ্মির কম্পনের দিক আপতন তলের সহিত 45° কোণে না থাকে তবে উপাংশ দুইটির বিস্তার সমান হইবে না। ফলে নির্গত আলোর সমবর্তন ছইবে সাধারণতঃ উপবৃত্তাকার এবং বিশেষ বিশেষ ক্ষেত্রে তলীর, কিন্তু কোনক্রমেই বৃত্তাকার নয়।

সমবর্তিভ আলোর বিশ্লেষণ (Analysis of polarised light).

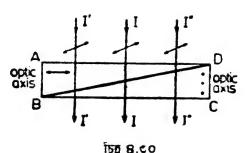
(এই আলোচনা পড়িবার পূর্বে সমীকরণ 4.32 হইতে 4.37 পর্যান্ত আলোচনা পড়িয়া নিলে ভাল হয়)।

তলীয় সমর্বতিত আলোর সৃষ্টি এবং বিশ্লেষণের সর্বাপেক্ষা সহস্ক উপায় নিকল প্রিজ্ঞ মের ব্যবহার। অসমবর্তিত আলো নিকলের মধ্য দিয়া গেলে একটি তলীর সমবতিত রশ্বির সৃষ্টি হর ; এটি অসাধারণ রশ্ম। এই রশ্মি বিশ্লেষক নিকলের মধ্য দিয়া পাঠাইলে নিকলটি ঘুরাইবার সঙ্গে সঙ্গে পারগত আলোর তীব্রতার হ্রাসবৃদ্ধি হয়। নিকল দুইটির প্রতিকূল অবস্থানে বিশ্লেষক নিকলে আলোর পারগম সম্পূর্ণ বন্ধ হইয়া বায় : অন্যান্য অবস্থানে তীব্রতা ৰ $\cos^2 \theta$ হয় (θ – deviation from parallel position). কিন্তু এখানে প্রতিবিষের তীব্রতার হ্রাসবৃদ্ধির উপর বিশ্লেষণ নির্ভর করে। এই হ্রাসবৃদ্ধি খুব সৃক্ষভাবে নির্ণয় করা খালিচোখে সম্ভব নয় বলিয়া এই প্রণালীর সৃক্ষতাও বরং সমর্বর্তিত আলো একটি পাতলা কেলাসের এবং পরে নিকলের মধ্য দিয়া গেলে যে ব্যতিচার নক্সার সৃষ্টি হয় তাহা আরও সৃক্ষ পদ্ধতি। যদি আপতিত আলোতে কিছুমান্তও সমবর্তন উপস্থিত থাকে তবে বাতিচার নক্সাতে রঙের সৃষ্টি হইবে। এই পরীক্ষা এত সূবেদী (sensitive) যে আলোতে সামান্যতম সমবর্তনের উপস্থিতিও ইহাতে ধরা পড়ে। কোনও কাচের খণ্ডে যদি নির্মাণের দোষে টান (strain) বর্তমান থাকে ভবে ইহা সমবর্তক কেলাসের মত আচরণ করিবে। আলোক-বিজ্ঞানীর (optical) কাচ তৈরী করিবার সময় এই টান বধাসাধ্য এড়াইবার চেকা করা হর। তাহা সম্বেও কেখা বার বে দুইটি নিকলের মধ্যে রাখিরা পরীক্ষা করিলে সাধারণতই ইহাতে টানের অন্তিমের প্রমাণ পাওয়া বার।

ব্যাবিনেটের প্রান্তিপূর্ক (Babinet's Compensator).

ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রকের সাহাষ্যে বিভিন্ন প্রকারের সমবর্তিত আলোর সৃক্ষ পরিমাপ করা বার । ইহা ব্যাতিচারের ঝালরের সৃষ্টি দারা পরিমাপ করিরা থাকে বলিয়া খুবই সুবেদী । সমব্যতিত আলো সমান্তরাল হইলেও এই বঙ্ক দারা পরীক্ষা করা চলে ।

দুইটি সরু সমকোণী কোরাট্সের তিভুজকে জুড়িরা এই প্রতিপ্রকটি তৈরী হয় (চিত্র নং ৪.৩০)। তিভুজ দুইটির অতিভুজ (hypotenuse) দুইটি একতে থাকার উভরে মিলিরা একটি আরতক্ষেত্রাকার ফলক সৃষ্টি হয়। তিভুজ দুইটি ABD এবং BCD এমনভাবে কাটা হইয়াছে যে ইহাদের আলোক অক্ষের



....

দিক পরস্পরের অভিলবে অবস্থিত। ABD তিভুক্তে আলোক অক্ষ প্রতিসরণ তল AD তে আর চিত্রভলের সমান্তরাল দিকে আছে। কিন্তু BCD তিভুক্তে ইহা প্রতিসরণ তল BC তে থাকিলেও চিত্রভলের অভিলবে অবস্থিত। কাজেই আলো বথন ইহার উপর পড়ে তখন ছৈখ প্রতিসরণের কলে দুইটি রণ্মিতে বিভৱ হইয়া বায়। কিন্তু তিভুক্ত দুইটি সরু হওয়ায় ইহাদের বিযোজন (separation) খুবই সামান্য হয়। ফলে ইহারা ব্যতিচার সৃষ্টি করিতে পারে। উপর হইতে দেখিলে একটি তিভুক্তে আলোক অক্ষ AD দিকে আছে অন্যটিতে AD দিকের অভিলবে আছে। কাজেই বদি ভলীর সমর্বাতিত আলো প্রতিপ্রকের উপর অভিলবে আপতিত হয় তবে সাধারণত ইহা দুইটি উপাংশে বিভক্ত হইয়া বাইবে; একটি সাধারণ এবং অন্যটি অসাধারণ রণ্ম। একটি উপাংশের কম্পন দিক হইবে AD এর সমান্তরাল, অন্যটি ইহার অভিলবে। ইহারা বখন বিভীর তিভুক্তে প্রবেশ করিবে তখন ইহাদের গতির

দিক একই থাকিবে, কিন্তু প্রথম গ্রিভুজের সাধারণ রশ্মি দ্বিতীর গ্রিভুজে অসাধারণ রশ্মিতে পরিবতিত হইবে। কারণ প্রথম এবং দ্বিতীর গ্রিভুজের মুখ্য ছেদ পরস্পারের অভিসামে অবস্থিত। ফলে এই রশ্মির গতিবেগও পরিবতিত হইবে। প্রথম গ্রিভুজের অসাধারণ রশ্মির বেলায়ও এইরূপ হইবে।

বে কোনও একটি আপতিত রশ্মির কথা যদি ধরা হয় তবে দেখা যাইবে বে প্রথম কেলাসে ইহার উপাংশ দুইটি যদি বেধ d অতিক্রম করে তবে ইহাদের আপেক্ষিক পথ-পার্থকঃ △ দাড়াইবে

$$\triangle' = d(\mu_{ord} - \mu_{axt}) \tag{4.17}$$

এই উপাংশ দুইটি দ্বিতীয় চিভুজে গতিবেগ বদল করার ফলে ইহাদের পথ-পার্থকা 🛆 দাড়াইবে

$$\Delta' = d'(\mu_{ext} - \mu_{ord}) = -d'(\mu_{ord} - \mu_{ext})$$
 (4.18)

এখানে দ্বিতীয় তিভুক্তে অতিক্রান্ত দূরত্ব d'.

সূতরাং মোট পথ পার্থকা 🛆 হইবে

$$\triangle = \triangle' + \triangle'' = (d - d')(\mu_{ord} - \mu_{ozt}) \tag{4.19}$$

কাজেই এই সমীকরণ হইতে দেখা যাইতেছে যে আপতিত রশ্মিমালার বিভিন্ন রশ্মির জন্য বিভিন্ন পথ-পার্থক্য উৎপন্ন হইবে, কারণ (d-d') এর মান বিভিন্ন রুশ্মির পক্ষে বিভিন্ন হইবে। যে কোনও একটি রুশ্মি দুইটি পরস্পরের অভিলয় উপাংশে বিভক্ত হইয়াছে এবং ইহাদের মধ্যে পথ-পার্থক্য বর্তমান। সূতরাং তাহার। সাধারণত উপবৃত্তাকার সমবর্তনের সৃষ্টি করিবে। প্রতিপূরকের মাঝের র্মিমটি II এর জন্য d=d' : অর্থাৎ এই র্মিম দুইটির কোনও পথ-পার্থক্যের সৃষ্টি হইবে না। কাজেই ইহারা মিলিয়া এমন একটি তলীয় সমবর্তন উৎপন্ন করিবে যাহার কম্পনদিক আপতিত রশ্মির কম্পনদিকের সম্পাতী। BC সরল-রেখা ধরিয়া প্রিস্থামের উভয় দিকে গেলেই $(d-d^\prime)$ এর মানপরিবাঁতিত হইতে থাকিবে, ফলে র[া]ম্ম দুইটির পথ-পার্থক্যও সঙ্গে সঙ্গে পরিবর্তিত হইবে। কেন্দ্রীয় রশ্মি // হইতে একটি দূরত্ব 25 অতিক্রম করিলে রশ্মি দুইটির পথ-পার্থক্য ম হইবে এবং এখানে তলীয় সমবর্তনের উদ্ভব হইবে। প্রতিবার 2S দ্রদ্বের পর এইরূপ \lambda পথ-পার্থক্য বাড়িবে বা কমিবে এবং এই বিন্দুতে নির্গত রশ্মির তলীয় সমবর্তন হইবে। এই সমস্ত বিন্দুতে আলোর কম্পন দিক আপতিত সমর্বতিত রশ্মির কম্পন দিকের সম্পাতী। আবার (2n+1)S দূরত্ব অভিক্রম করিলে রশ্মি দুইটির পথ দুর্ছ হইবে $(2n+1)rac{\lambda}{2}$. এই সমস্ত বিন্দুতেও তলীর সমবর্তনের সৃষ্ঠি হইবে। কিন্তু ইহাদের কম্পনদিক আপতিত সমবর্তিত রশ্মির কম্পনদিকের সহিত 2θ কোণ উৎপাম করিবে ($\tan \theta = \frac{b}{a}$; b এবং a উপাংশ দুইটির বিস্তার)।

এই দুই শ্রেণীর বিন্দু বাদে অন্যান্য স্থানে পথ-পার্থক্য $n\lambda$ অথবা $(2n+1)\frac{\lambda}{2}$ ছাড়া অন্য মানের হইবে । অভএব এই সমস্ত বিন্দুতে উপবৃত্তাকার সমবর্তনের সৃষ্টি হইবে । অভএব দাড়াইতেছে : যে সমস্ত বিন্দুতে তদীর সমবর্তন বর্তমান তাহাদের সমীকরণ হইবে

$$(d-d')(\mu_{\bullet \tau d} - \mu_{\bullet x t}) = n \cdot \frac{\lambda}{2}$$
 (4.20)

ইহাতে n জ্যোড়সংখ্যা হইলে নিগত সমবর্তিত রশিমর কম্পনদিক আপতিত সমবর্তিত রশিমর কম্পনদিকের সম্পাতী হইবে। আবার n বিজ্ঞোড় হইলেও তলীয় সমবর্তন হইবে, কিন্তু এখানে আপতিত এবং নিগত রশিমর কম্পনদিক পরস্পরের সহিত 20 কোণ উৎপল্ল করিয়া থাকিবে। এই দুই শ্রেণীর তলীয় সমবর্তনের মাঝের বিন্দৃতে বিভিন্ন অবস্থানের এবং আকৃতির উপবৃত্তাকার সমবর্তন উৎপল্ল হইবে।

লক্ষ্য করিয়া দেখিলে বুঝা যাইবে বদি আপতিত রশ্মির সাপেক্ষে প্রতিপ্রকটি এমন ভাবে রাথা হয় যে আপতিত রশ্মির কম্পনদিক প্রতিপ্রকের আলোক অক্ষের সহিত 45° কোণ উৎপর করে তবে রশ্মির উপাংশ দুইটির বিস্তার সমান হইবে। এই ক্ষেত্রে যে সমস্ত বিস্পৃতে পথ-পার্থক্য $\frac{\lambda}{4}$ হইবে সেই সমস্ত স্থানে বুৱাকার সমবর্তনের সৃষ্টি হইবে।

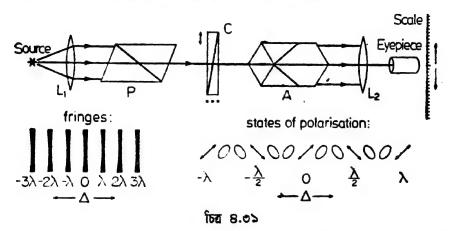
প্রতিপ্রকের মধাবিন্দু হইতে x দূরদে পথ-পার্থকা বদি 🛆 হয় তবে

$$\frac{\Delta}{\frac{\lambda}{2}} = \frac{x}{S} \qquad \text{al} \quad \Delta = \frac{x}{S} \cdot \frac{\lambda}{2}. \tag{4.21}$$

সূভরাং
$$(d-d')(\mu_{\bullet\tau d} - \mu_{\bullet x t}) = \frac{x}{S} \cdot \frac{\lambda}{2}$$
. (4.22)

এবার বলি প্রতিপ্রকের পরে একটি বিশ্লেষক নিকল বসানে। হর তবে নিকলটি ঘূরাইলে এক অবস্থানে উপরে বর্ণিত দুই প্রকার কম্পন্দিকের তলীর সমবর্তিত আলোর একটি এই নিকলে আটকাইরা বাইবে। বখন নিকলের পারগম দিক (transmission direction) ইহাতে আপতিত আলোর কম্পন্দিকের

অভিলয়ে থাকিবে তখনই এইর্প ঘটিবে। সূতরাং এই বিন্দুশ্রেণী বরাবর শ্না তীব্রভার ঝালরের একটি সারি পাওয়া যাইবে। বিশ্লেষক নিকলটি ঘূরাইলে আর এক অবস্থানে অন্য শ্রেণীর সমর্বার্ডত আলোকে আটকানো যাইবে এবং নিকলের এই অবস্থানেও আর এক শ্রেণীর শ্না তীব্রভার ঝালর পাওয়া যাইবে। অবশ্য এই দূই শ্রেণীর ঝালর একই সময়ে বর্তমান থাকিবে না. নিকলের বিশেষ অবস্থানে এক সময়ে শুধু এক শ্রেণীর শ্না তীব্রভার ঝালরই পাওয়া যাইবে। এই ঝালরশ্রেণীর মধ্যে আলোর তীব্রভা ক্রমশঃ বাড়িতে থাকিবে এবং একটি চরম মানের মধ্য দিয়া যাইয়া আবার শ্ন্য তীব্রভার দিকে যাইতে থাকিবে যে পর্যান্ত না ইহা শ্ন্য তীব্রভার পর্যবসিত হয়। এই পরীক্ষার জন্য ৪.০১ নং চিত্রে প্রদর্শিত ব্যবস্থা করা যাইতে পারে।



একটি আলোক উৎস হইতে নিগতি আলোক L_1 লেন্দের সাহাষ্যে সমান্তরাল আলোক রশ্মিমালার পরিবর্তিত করিয়া P সমবর্তক নিকলে আপতিত করা হইয়াছে। P হইতে তলীর সমবর্তিত রশ্মি প্রতিপ্রক 'C' ফলকের মধ্য দিয়া গমন করিয়া বিশ্লেষক নিকল A র উপর পড়িরাছে। A হইতে নিগতি রশ্মি আবার L_2 লেন্দের সাহাষ্যে ফোকাস করিয়া অভিনেতের সাহা্য্যে দেখা হইতেছে। এখানে একশ্রেণীর ঝালর দেখানো হইয়াছে। পাশের চিত্রে বিভিন্ন প্রকারের সংশের ছবিও দেখানো হইয়াছে। কোনও বিন্দৃতে পথ-পার্থক্যের মান যদি জানিতে হয় তবে অভিনেত্রটি সেই বিন্দৃতে নিয়া ইহা যে দ্বাম্ব অতিক্রম করিল ন্কেল হইতে তাহা নির্ণর করা হইবে। যদি এই দ্বাম্ব হয় x তবে পথ-পার্থক্য হইবে

$$\Delta = \frac{x}{S} \cdot \frac{\lambda}{2}.$$

কাজেই দেখা বাইতেছে বে এই পথ পার্থকা তরঙ্গদৈর্ঘার উপর নির্ভরণীল বালিরা বিভিন্ন তরঙ্গের ক্ষেত্রে আলাদা হইবে। সৃতরাং দুইটি শূন্য তীরভার ঝালরের মধ্যের দূরত্ব 2.5 ও প্রতিটি তরঙ্গদৈর্ঘার ক্ষেত্রে আলাদা হইবে। ফলে সাদা আলো ব্যবহার করিলে ব্যতিচার নক্সা রঙীন হইবে। শুধু কেন্দ্রীর ঝালরের বেলারই সমস্ত তরঙ্গদৈর্ঘার আলো একই জারগার পড়িবে বার ফলে এই ঝালরটি অবার্ণ হইবে। কেন্দ্র হইতে বত ব্যহিরের বা ভিতরের দিকে বাওয়া বাইবে ততই মিশ্রণের ফলে রঙের সৃষ্টি হইবে এবং ঝালরের স্পষ্টতা ক্ষিত্রে থাকিবে। এই পরীক্ষা পন্ধতির দ্বারা তলীর সমর্বতিত আলো পর্যবেক্ষণ করা বার। এই আলোতে কম্পর্নাদকও বিশ্লোষক নিকলের পারগম দিক হইতে জানা বার।

ব্যাবিনেট-প্রতিপ্রকের সর্বাপেক্ষা গুরুষপূর্ণ প্রয়োগের দৃষ্ঠান্ত হিসাবে বলা বাইতে পারে উপবৃত্তাকার সমর্বতিত আলোর পরীক্ষা পর্দ্ধাতর ক্ষেত্র। (Jamin) এই পরীক্ষার উদ্দেশ্যে প্রতিপুরকটির থানিকটা পরিবর্তন করেন। ব্যাবিনেটের যব্তে চিভুঞ্জ দুইটি একতে লাগানো থাকে আর অভিনেত্র সরাইয়া দৃষ্ঠিক্ষেত্রে বিভিন্ন পথ-পার্থকোর বিন্দুতে নিয়া যাওয়া হয়। এই ক্ষেত্রে x দূরত্ব অতিক্রম করিলে একটি চিভুজের বেধ d বাড়ে অন্যচির বেধ d' ক্রমে। সূতরাং (d-d') পরিবর্তনে উভয় চিভূজই অংশগ্রহণ করে। যামার পরিবর্তনে একটি ত্রিভুক্ত স্থির রাখিয়া অনাটি নিম্বতলের সমান্তরালে সরানো হয়। কিন্তু অভিনেত্রটি এইক্ষেত্রে স্থির রাখা হয়। সুতরাং দৃষ্টিক্ষেত্রে যে কোনও বিন্দৃতে একটি চিতৃত্ব সরাইবার ফলে রশি পুইটির মধোর পথ-পার্থকা (d-d')পরিবাঁতিত হয় এবং এই পরিবর্তন তিভুজটি সরাইয়া ইচ্ছামত নিয়ন্ত্রণ করা বায়। তবে ইহা সহজেই বুঝা বায় যে পূর্বের ক্ষেত্রে একটি ঝালর দূরত্ব অতিক্রম করিতে অভিনেত্রটি বতটা সরাইতে হয় (2S) পরের ক্ষেত্রে তিভুকটি ভাহার দিগুণ সরাইতে হয়। কারণ আগের ক্ষেত্রে অভিনেরটী BC দিকে সন্নাইলে d কমে কিন্তু সঙ্গে সঙ্গে d' বাড়ে ; ফলে riangle পুইটি চিভুজের বেধের পরিবর্তনের জনাই পরিবর্তিত হর। কিন্তু পরের ক্ষেত্রে একটি গ্রিভুক্ত সরাইলে দৃষ্ঠিক্ষেত্রের কোনও বিম্পুতে d স্থির থাকে শুধু d' পরিবর্গিত হয়। ফলে এই ক্ষেত্রে পূর্বের অপেক্ষা অর্থেক হারে (d-d') পরিবর্তিত হইবে। এই পার্থকোর তাংপর্যা এই বে পরীক্ষা ব্যবস্থাটি এইক্ষেত্রে অধিকতর সুবেদী হর। এইবার বামার পরিবর্তিত বাবস্থা দারা উপবৃত্তাকার সমবতিত আলোর বিশ্লেষণের পরীক্ষা বর্ণনা করা হইবে।

একটি আলোকরশ্মিমালায় যদি উপবৃত্তাকার সমবর্তন বিদামান থাকে তবে এই ক্ষেত্রে ঐ উপবৃত্তের তিনটি বৈশিষ্ট্য (characteristics) জানা প্রয়োজন। এই তিনটি বৈশিষ্ট্য নির্ণয় করিতে পারিলেই উক্ত উপবৃত্তাকার সমবর্তন সমকে পূর্ণ জ্ঞাতব্য তথা জানা হইয়া বায়। এই তিনটি বৈশিষ্ট্য হইল:

- (a) দুইটি উপাংশের মধ্যে দশা-পার্থক্য।
- (b) উপবৃত্তের অক্ষ দুইটির অবস্থান।
- (c) উপবৃত্তের অক্ষ দুইটির মানের অনুপাত।

চিত্র নং ৪.৩৮ হইতে দেখা যায় যে সাধারণ সমবর্তনের ক্ষেত্রে উপবৃত্তের আক্ষ দুইটি C কেলাসের কম্পন দিক দুইটির সহিত সম্পাতী নহে। আর এইজনা ইহাদের অবস্থান নির্ণয় করিতে হয়।

(a) দুইটি উপাংশের মধ্যে দশা-পার্থক্য নির্ণয় ঃ

আপতিত রশ্মি যদি উপবৃত্তাকার সমবর্তিত হয় তবে আপতিত রশ্মিকে প্রতিপ্রকে এমন দুইটি উপাংশে বিভক্ত করা যায় যাহারা প্রতিপ্রকের আলোক অক্ষ দুইটির সহিত সম্পাতী হইবে এবং ইহাদের বিস্তার ও দশাও আলাদা হইবে। ফলে ইহাদের মধ্যে একটি দশা-পার্থকোর উদ্ভব হইবে। এই দুইটি উপাংশকে লেখা যায়

$$\begin{cases} ox & \text{ freq} \quad A \cos (wt - \alpha_1) \\ oy & \text{ freq} \quad B \cos (wt - \alpha_2) \end{cases}$$
 (4.23)

সূতরাং ইহাদের মধ্যে দশা-পার্থক্য হইবে (২, – ২,). প্রতিপ্রকের মধ্য দিয়া বাইবার ফলে ইহাদের মধ্যে বাড়তি দশা-পার্থক্য BC সরলরেখার প্রতিবিন্দৃতে আলাদা হইবে। এই দশা-পার্থক্য $\hat{\sigma}$ লেখা যায়

$$\tilde{o} = \frac{2\pi}{\lambda} \left((d - d')(\mu_{ord} - \mu_{oxt}) \right) \tag{4.24}$$

যে বিন্দুতে এই দশা-পার্থক্য ∂ এর মান (x_1-x_2) এর সমান, কিন্তু বিপরীত হইবে সেখানে মোট দশা-পার্থক্য শ্ন্য হইবে। সূতরাং এখানে তলীয় সমবর্তনের সৃষ্টি হইবে; ইহা বিশ্লেষক নিকলে একটি শ্ন্য আলোক তীরতার ঝালর উৎপক্ষ করিবে।

সূতরাং প্রথমে তলীয় সমবতিত আলো দ্বারা একটি ঝালরশ্রেণীর সৃষ্টি করা হয়। অভিনেত্রের তির্বকতার (cross-wire) ইহাদের কেন্দ্রীয় ঝালরের সহিত মিলাইয়া দেওয়া হয়। এইবার যদি পরীক্ষাধীন উপবৃত্তাকার সমবতিত আলো আপতিত হয় তবে এই কেন্দ্রীয় বিন্দুতে দশা পার্থক্য শ্ন্য থাকে না। সূতরাং কেন্দ্রীর ঝালরটি একদিকে সরিয়া যার। কেন্দ্রীর ঝালরের এই নৃতন অবস্থানে দখা পার্থকা খুনা। অর্থাং এখানে $\delta = -(\kappa_1 - \kappa_2)$. এইবার অভিনেত্রটি সরাইরা তির্থক-ভার আবার কেন্দ্রীর ঝালরের নৃতন অবস্থানের সহিত মেলানো হর। যদি অভিনেত্রের সরণ (displacement) x হর তবে লেখা যার

$$\frac{x}{2s} = \frac{\delta}{2\pi} \quad \text{al} \quad \delta = \frac{\pi}{s} - x = -\left(<_1 - <_2 \right) \tag{4.25}$$

s এর মান পূর্বেই নির্পণ করা হইরা থাকে। বিদ দ সংখ্যক ঝালরের মধ্যের দূরত্ব অভিনেত্র সরাইরা ভেলের সাহাব্যে মাপা হর তবে এই দূরত্ব X হইবে 2ns এর সমান। সূত্রাং

$$2s - \frac{X}{n}$$

এইভাবে উপাংশ দুইটির মধ্যে দশা-পার্থক্য নির্ণর করা যার, কারণ

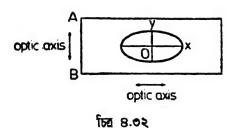
$$\tilde{o} = -(\prec_1 - \prec_2)$$

(b) উপবৃত্তের অক দুইটির অবস্থান নির্ণর :--

পরের আলোচনার চিত্র নং ৪.০৮ হইতে দেখা বাইবে যে বখন উপবৃত্তের মুখা এবং গোণ অক্ষ দুইটি কেলাসের কম্পনদিক দুইটির সহিত সম্পাতী হয় তখন উপবৃত্তের ক্লোসের কম্পনদিকে বিভক্ত উপাংশ দুইটির মধ্যে দশা পার্থক্য ক্রু তথাটির সাহাযো উপবৃত্তের অক্ষ দুইটির অবস্থান নির্ণয় করা যায়। আগের ক্লেনের ন্যার তলীর সমবর্তিত আলোর সাহাযো বাতিচার কালরগ্রেণীর সৃষ্ঠি করিয়া অভিনেত্রের তির্থক তার (cross-wire) ইহাদের কেন্দ্রীর কালরের সহিত মিলাইয়া দেওয়া হয় । এরপর এই প্রতিপ্রকের একটি হৈতুল এতটা সরানো হয় বাছাতে ঝালরগ্রেণীর ব্লু দ্বাদের সরণ হয় । ইহার অর্থ দাড়াইবে এই যে তির্থকতারের বিম্পুতে ক্রু দলা পার্থকা বিদামান থাকিবে ।

এইবার তলীর সমবতিত আলোর স্থানে পরীক্ষাধীন উপবৃত্তাকার সমবতিত আলো দেওরা হইল। সাধারণত দেখা বাইবে বে কেন্দ্রীর ঝালর তির্যকভারে ফিরিয়া আসিবে না। প্রতিপ্রকৃতি ইহার নিজের তলে ঘুরাইলে [অর্থাং AD তলের অভিনরকে অক্ষ করিয়া ঘুরাইলে (চিত্র নং ৪.০০)] ঝালরপ্রেণীরও সরণ হইতে থাকিবে এবং একসমর কেন্দ্রীর ঝালরতি অভিনেত্রের তির্যকভারের সহিত মিলিয়া বাইবে। এই অবস্থানে উপবৃত্তের অক্ষম প্রতিপ্রকের আলোক-

অক্ষের দিক দুইটির সহিত সম্পাতী হইবে। ইহার কারণ এই যে উপবৃত্তের অক্ষ দুইটি প্রতিপ্রকের আলোক অক্ষের সম্পাতী হইলে যখন আপতিত আলো এই দুই আলোক অক্ষের দিকে উপাংশে বিভক্ত হইবে ইহাদের মধ্যে দশা পার্থকা হইবে $\frac{\pi}{2}$ অভিনেত্রের তির্থকতারের নীচে পূর্ব হইতেই $\frac{\pi}{2}$ দশা পার্থক্য সৃষ্টি করিয়া রাখা হইয়াছে। প্রতিপ্রকের উপরোক্ত অবস্থানে এই দুইটি দশা-পার্থক্য সমান কিন্তু বিপরীত হইবে; ফলে এই তির্থক তারের নীচে দশা-পার্থক্য শ্ন্য দাড়াইবে আর তলীয় সমর্বার্তত আলোর দ্বার। সৃষ্ট কেন্দ্রীয়



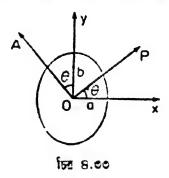
ঝালর তির্থক তারের সহিত মিলিয়া যাইবে। প্রতিপ্রকের আলোক অক্ষের দিক দুইটি জানা আছে ; ৪.৩২ নং চিত্রে ইহা দেখানো হইয়াছে। এই পরীক্ষার সাহাযে। উপবৃত্তাকার সমবর্তিত আলোর অক্ষরও এই দুইটি দিকের সম্পাতী হইবে।

(c) উপবৃত্তের অক্ষ দুইটির মানের অনুপাত নির্ণর :

আগের পরীক্ষার মত প্রতিপ্রকটি যদি এমনভাবে রাখা হয় যে ইহার আলোক অক্ষের দুইদিক উপবৃত্তের দুই অক্ষের সম্পাতী হয় তবে কেন্দ্রীয় রশ্মির দশা পার্থকা শ্না হইবে এবং ইহার তলীয় সমবর্তন উৎপন্ন হইবে। বিশ্লেষক নিকলের পারগম দিক যখন সমবর্তিত রশ্মির কম্পন দিকের অভিলম্বে স্থাপন করা যায় তখন একটি শ্না তীরতার ঝালর কেন্দ্রস্থলে উৎপন্ন হয়। 2s দ্রে দ্রেও অনুরূপ ঝালর হইবে।

৪.৩৩ নং চিটে ox এবং oy প্রতিপ্রকে আলোক অক্ষের দিক। এই দুই দিকে বিভক্ত উপবৃত্তের উপাংশের মধ্যে প্রতিপ্রকের উপরোক্ত অবস্থানে দখা-পার্থক্য হইবে $\frac{\pi}{2}$ এই দখা-পার্থক্য যখন পূর্বপরিকিশ্পিতর্পে শ্ন্যে পরিণত করা হয় তখন আলোর তলীয় সমবর্তন হইয়া থাকে। কেন্দ্রীয় রশ্মির ক্ষেত্রে ক্ষ্পেন দিক OP. ইহা ox এর সঙ্গে θ কোণ উৎপন্ন করিয়া আছে এবং এখানে

 $an heta = rac{b}{a}$ b এবং a উপবৃত্তের অক্ষ দুইটি । যদি বিশ্লেষক নিকলের পারগম দিক OA হয় ভবে ইহাও ov এর সহিত heta কোণ উৎপত্ন করিবে । সূতরাং



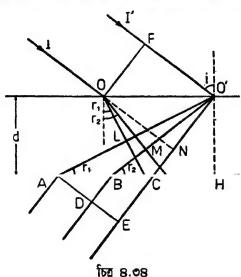
এই অবস্থানে বিশ্লেষক নিকলের পারগম দিক আলোক অক্ষের সহিত θ কোণ উৎপল্ল করিবে এবং অক্ষ দুইটির অনুপাত হইবে $\tan \theta = \frac{h}{a}$

অক দুইটির মধ্যে কোনদিকে মুখ্য এবং কোনদিকে গোণ অক্ষটি থাকিবে তাহা সহজেই বাহির করা যায়। b যদি মুখ্য অক্ষ হয় তবে ০০ উপাংশ ০০ উপাংশ অপেক্ষা বড় হইবে। সূতরাং বিশ্লেষক নিকলে পরীক্ষা করিলে দেখা যাইবে যে যখন ইহার পারগম দিক ০০ এর সমান্তরালে থাকে তখন পারগত আলোর তীব্রতা বৃদ্ধি পার: ০০ এর সমান্তরালে থাকিলে হ্রাস পায়। এইর্প হ্রাসবৃদ্ধি হইবে যখন উপবৃদ্ধাকার সমর্বাহত আলো সরাসরি বিশ্লেষক নিকলে আপতিত হইবে।

ভরজ-চতুর্থাংশ কলক (Quarter wave plate).

৪.৩৪ নং চিত্রে II' একটি সমান্তরাল আলোকরশি ; ইহা একটি একাক কেলাসের তল OO' এ i কোণে আপতিত হইয়াছে। প্রতিসরণের ফলে ইহা কেলাসের মধ্যে দুইটি রশ্বিতে বিভব হইয়াছে। এই দুইটি রশ্বি OL এবং OM. OF আপতিত রশ্বিমালার তরক্ষমুখ। O' বিশ্ব হইতে প্রতিস্ত রশ্বি দুইটির উপর অভিলয় টানিলে কেলাসের মধ্যে তরক্ষমুখের অবস্থান হইবে এই দুইটি অভিলয় O'L এবং O'M. এই দুইটি রেখা কেলাসের ছিতীয় তলকে A এবং B বিশ্বুতে ছেল করিয়াছে। এই ক্ষেত্রে ধরিয়া লওয়া হইয়াছে যে কেলাসের দুইটি প্রতিসরণ তল সমান্তরাল এবং আলোক্ষক্ষ প্রতিস্ত রশ্বির দিকে নছে। যদি কেলাসে প্রতিসরণের ফলে

পতিবেগ পরিবাঁতিত না হইত, তবে IO রাশ্মিটি কেলাসের মধ্য দিরা ON রান্তার গমন করিত এবং ইহার তরঙ্গমুখ হইত O'N (O'N এবং ON পরস্পরের অভিলয়ে অবস্থিত)। কেলাসের দ্বিতীর তলে প্রতিসরণের পর নির্গত রশ্মি দুইটি আপতিত রশ্মি IO এর সমান্তরাল হইবে। সূতরাং ইহাদের তরঙ্গমুখ হইবে A, B এবং C এর মধ্য দিয়া OF এর সমান্তরাল



রেখা তিনটি। C বিন্দুটিও A এবং B এর প্রণালীতেই আকা হইয়াছে। যদি কেলাসে প্রতিসরণের কোনও প্রভাব না পড়িত তবে CE হইত নিগতে রিশার তরক্ষমুখ। A বিন্দু হইতে যদি একটি লয় অন্য তরক্ষমুখ দুইটির উপর আকা হয় তবে আপতিত রশার তুলনায় প্রতিসৃত রশা দুইটি AE এবং DE পথ পিছাইয়া পড়িবে। সূতরাং এই প্রতিসৃত রশা দুইটির মধ্যে পথপার্থক্য (retardation) হইবে AE - DE = AD.

O বিন্দু হইতে AC তলের উপর লম্ম ইহাকে H বিন্দুতে ছেদ করিয়াছে। কান্দেই $AH = d \cot r_1$ এবং $BH = d \cot r_2$ (4.27)

এখানে কেলাসের বেধ=d এবং কেলাসে প্রতিসরণ কোণ r_1 এবং r_2 .

সূতরাং $AD = AB \sin i = (AH - BH) \sin i = d(\cot r_1 - \cot r_2) \sin i$

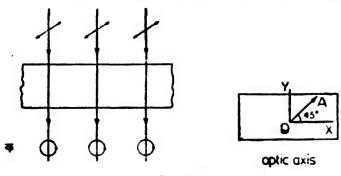
$$= d \left(\frac{\sin i}{\sin r_1} \cos r_1 - \frac{\sin i}{\sin r_2} \cos r_2 \right)$$

$$= d \left(\mu_1 \cos r_1 - \mu_2 \cos r_2 \right) \qquad (4.28)$$

$$= d \left(\mu_{0, \pi d} \cos r_1 - \mu_{ext} \cos r_2 \right) \tag{4.29}$$

এখানে μ_{ord} এবং μ_{oxt} বখান্তমে কেলাসে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির প্রতিসরাক্ষ। তবে μ_{oxt} একেনে একটি শ্বুক নর ; ইহার মান অসাধারণ রশ্মির সহিত আলোকঅক্ষের সৃষ্ট কোণের উপর নির্ভর করে।

এই নীতির প্ররোগ করিরা তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলক (quarter-wave plate) তৈরী করা হয়। এই ফলকের কার্যাপদ্ধতির চিত্র নীচে দেখানো হইল (চিত্র ৪.৩৫)। সাধারণত ইহা অদ্রের (mica) পাতলা তর বারা প্রকৃত



कि 8.00

হর। কোরার্ট্সের পাতলা পাতও বাবহার করা চলিতে পারে। এই ক্ষেত্রে আলোকঅক্ষের দিক ফলকের প্রথম প্রতিসরণ তলে একটি ধারের সমাস্তরালে অবস্থিত থাকে [৪.০৫ (খ)]। এবার বাদ ভলীর সমবাঁতত আলোফলকের উপর অভিলবে আপতিত হর এবং ফলকের অবস্থান এমনভাবে পরিবর্তন করা হর যে আপতিত সমবাঁতত রাশ্বর কম্পনদিক ফলকের কম্পনদিকের সহিত 45° কোল উৎপান করে তবে এই রাশ্ব দুইটি উপাংশে বিভক্ত হইবে। ইহারা পরস্পারের অভিলবে থাকিবে এবং ইহালের বিভার সমান হইবে। ইহারো সরস্পারের অভিলবে থাকিবে এবং ইহালের বিভার সমান হইবে। ইহালের মধ্যে দলা-পার্থক্য ঠ = (২, - ২,) নির্ভর করিবে সমীকরণ 4.29 অনুসারে ফলকের বেধ ৫ এর উপর। অভিলবে আপতনের জন্য এই দলা পার্থক্য হইবে

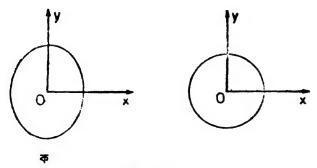
$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda} d \left(\mu_{ord} - \mu_{ext} \right) \tag{4.30}$$

ফলকের বেধ এর্পভাবে নির্মান্ত করা হর যাহাতে $\delta - \frac{\pi}{Q}$ হর। তাহা হইলে পরস্পরের অভিলবে সমান দুইটি সংশের মধ্যে দশা-পার্থকা $\frac{\pi}{Q}$ হওয়ার ইহারা একটি বৃত্তাকার সমবর্তনের সৃত্তি করিবে [৪.৩৫ (ক)]। এই তলীয়

সমবাতিত আলোর স্রংশ OA দুইটি উপাংশ OA $\sin 45^\circ$ এবং OA $\cos 45^\circ$ এ বিভব হইবে। ইহারা $\frac{\pi}{2}$ দশা-পার্থক্যের ফলে নিগমের পর বৃত্তাকার সমবর্তনে পর্যবসিত হইবে [8.0৫ (খ)]। সূতরাং এইটি বৃত্তাকার সমবর্তন সৃষ্টির সহজ্ঞতম উপায়। OA এবং OX এর মধ্যের কোণ 45° ছাড়া অন্য কিছু হইলে উপাংশ দুইটির বিস্তার আলাদ। হইবে এবং সমবর্তন উপবৃত্তাকার এবং ক্ষেত্রবিশেষে তলীয় হইবে।

একটি ব্যাপার এইখানে লক্ষ্য করিতে হইবে। δ , অর্থাং দশা-পার্থক্য তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ এর উপর নির্ভরশীল। কাজেই এই δ যে কোনও একটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বেলার $\frac{\pi}{2}$ করা হইলে (d এর মান নিয়ন্ত্রণ করিয়া) সেটি শুধু এই তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বেলারই প্রধান্ত্য হইবে, তরঙ্গদৈর্ঘ্য পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে δ এর মানও পরিবর্তিত হইবে। সূতরাং তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলক (quarterwave plate) শুধু একটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বেলারই বৃত্তাকার সমবর্তন সৃষ্টি করিতে সক্ষম হইবে, ইহার আশেপাশের তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোর ক্ষেত্রে বৃত্তাকারের বদলে সাধারণতঃ উপবৃত্তাকার সমবর্তন উৎপন্ন হইবে।

কোন কোন প্রয়োজনে ১ এর মান দ করা হইয়া থাকে। এইরূপ ফলককে তরঙ্গার্থ ফলক (half-wave plate) বলা হয়। পূর্ববর্ণিত ব্যবস্থায় ইহাতে তলীয় সমর্বতিত আলো উৎপন্ন হইবে।



हिंच ८.७७

উপরের আলোচনা হইতে দেখা ষায় যে উপবৃত্তাকার সমর্বাতিতার উৎপাদন অতি সহজেই করা যায়। যদি কোনও সমবর্তক কেলাসের মধ্য দিয়া তলীর সমর্বাতিত আলো এমনভাবে পাঠানো যায় যহাতে আপতিত রাশ্বর প্রধ্যের দিক ঐ কেলাসে কম্পনের দিকের সহিত সমকোণে ব সমান্তরালে না থাকে তবে আপতিত রশ্দি দুইটি আরতাকার প্রংশের রশ্দিতে বিভন্ত হইবে। এই দুইটি রশ্দির বিজ্ঞার এবং দশা-পার্থকা সাধারণ ক্ষেত্রে এমন হইবে বে ইহারা মিলিয়া একটি উপবৃত্তাকার প্রংশের সৃষ্টি করিবে। উপাংশ দুইটির বিজ্ঞার এবং দশা পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গের অবশ্য এই উপবৃত্তেরও আকৃতি এবং অবস্থানের পরিবর্তন হইবে এবং এই পরিবর্তন সমৃহের মধ্যে বৃত্তাকার এবং তলীয় সমবর্তনও অন্তর্ভুক্ত থাকিবে। উদাহরণস্বরূপ বলা বার বে দুইটি নিকলের মধ্যে পাতলা কেলাস দিয়া সাদা আলোর বে বাতিচার উৎপান করা হয় তাহাতে বদি বিশ্লেষক নিকলের পরে একটি প্রিজ্ঞ্ম দিয়া বিভিন্ন রপ্তের আলোকে আলাদা করা হয় এবং এই আলাদা রঙগুলির সমবর্তনের অবস্থা পরীক্ষা করা হয় তবে দেখা বাইবে যে ইহাতে সর্বপ্রকারের সমবর্তনের বর্তমান। নিরের চিত্রে ইহাদের একটি সম্ভাব্য সমবর্তনের খসড়া দেওরা হইল।

/000\000/000\000/000\000/

fsz 8.09 (Gross representation)

উপরের চিত্র ৪.০৬ (ক) তে একটি উপবৃত্তীর ভংশ দেখানো হইরাছে। চিত্র ৪.০৫ (খ) এর ভংশ OA বাদ 45° ভিন্ন অন্য কোণে অবস্থিত হর তবে উপাশে দুইটি অসমান হইবে। এই অবস্থার বাদ পারগমের ফলে ইহাদের মধ্যে বিজ্ঞাড় সংখ্যক $\frac{\pi}{3}$ দশা-পার্থকোর সৃষ্টি হর তবে লব্ধি ভংশ হইবে উপবৃত্তাকার এবং এই উপবৃত্তার অক্ষর OX এবং OY এর সহিত সম্পাতী হইবে। আবার বাদ OA 45° কোণ উৎপাস করে তবে উপাংশ দুইটি সমান হইবে। এই অবস্থার $\frac{\pi}{3}$ (বিজ্ঞোড় সংখ্যক) দশার পার্থকা উপাংশ দুইটির মধ্যে উৎপাস হইলে লব্ধি ভংশ হইবে বৃত্তাকার। এইটি চিত্র ৪.৩৬(খ) এ দেখানো হইরাছে।

ভরজ-চতুর্থাংশ কলকের সাহাত্য্যে বিশ্লেষণ (Analysis by quarter wave plate).

ভরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলকের কাজ দেখা গিরাছে দুইটি উপাংশের মধ্যে শুন্দা-পার্থকার সৃষ্টি করা। কাজেই বলি উপবৃত্তাকার সমবর্তিত আলো ইহাতে আপতিত করা হয় এবং এই ফলক নিজতলে ঘোরানো হয় তবে উপবৃত্তের দুইটি অক্ষ যখন ফলকের আলোক জক্ষ এবং ইহার অভিলয়ের সহিত সম্পাতী হইবে তখন আলোক অক্ষ এবং অভিলয়ের দিকের উপাংশ দুইটির মধ্যে $\frac{\pi}{2}$ দশা পার্থকোর সৃষ্টি হইবে। এই দশা-পার্থকোর উন্তব হইবে ফলকের মধ্য দিয়া গমনের ফলে। কিন্তু এই দুইটি পরস্পরের অভিলয়ে অবস্থিত উপাংশে এমনিতেই $\frac{\pi}{2}$ দশা পার্থকা বর্তমান উপবৃত্তাকার ভ্রংশকে পরস্পরের অভিলয়ে দুইটি উপাংশে বিভাজনের দর্শ। সূতরাং ফলক হইতে নির্গমের পর মোট দশা-পার্থক্য দাড়াইবে π ; ফলে উপাংশ দুইটি একগ্রিত হইয়া তলীয় সমবর্তনের সৃষ্টি করিবে। এই তলীয় সমবর্ততে আলো বিশ্লেষক নিকলের সাহায়ে আটকাইয়া দেওয়া যায়।

সূতরাং প্রথমে উপবৃত্তাকার সমর্বার্তত আলো ফলকের অভিলম্বে আপতিত করা হয় এবং ফলকটি নিজতলে আস্তে আস্তে দেখানো হয়। প্রতিটি অবস্থানের জন্য ফলক হইতে নিগত আলো বিশ্লেষক নিকল ঘুরাইয়া আটকানো যায় কিনা পরীক্ষা করা হয়। ফলকের যে অবস্থানে নিকল্ ঘুরাইয়া আলো সম্পূর্ণ বন্ধ হয় সেই অবস্থানে উপবৃত্তের অক্ষর্নয়ের অবস্থান ফলকের আলোক অক্ষ এবং ইহার অভিলম্বের সহিত সম্পাতী। আবার এটাও সহজেই বুঝা যায় যে নিকলের যে অবস্থানে আলো সম্পূর্ণ কাট। পড়িয়া যায় সেই অবস্থানে নিকলের পারগম দিক ফলকের আলোক অক্ষের সহিত θ কোণ উৎপন্ন করিবে এবং এই θ র মান হইবে $\tan \theta = \frac{b}{a}$ এই সমীকরণে b এবং a উপবৃত্তের দুইটি অক্ষ।

পূর্বেই বলা হইরাছে তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলকে শুধু একটিমাত্র নিন্দিষ্ট তরঙ্গ-লৈর্ঘ্যের জনাই $\frac{\pi}{2}$ দশা পাথকার সৃষ্টি হইবে। সূতরাং ইহা ঐ নিন্দিষ্ট তরঙ্গের জনাই বাবহার করা চলিতে পারে। কিন্তু ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রক সমস্ত তরঙ্গদৈর্ঘাই প্রবোজা।

এই ফলকের সাহায্যে বৃত্তাকার সমবর্তিত আলোও বিশ্লেষণ করা যায়। এই আলো ফলকে অভিলম্বরূপে আপতিত হইলে ইহা আলোক অক্ষ এবং অভিলম্বে এমন দুইটি উপাংশে বিভক্ত হইবে যাহাদের মধ্যে দশা পার্থক্য $\frac{\pi}{2}$.

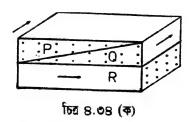
ফলকের মধ্য দিয়া যাইবার ফলে ইহাদের মধ্যে বাড়তি $\frac{\pi}{2}$ দশা-

পার্থকার সৃতি হইবে । ফলে নির্গত উপাংশের মধ্যে মোট দ দশা-পার্থকোর উত্তব হইবে এবং আলোর তলীর সমবর্তন হইবে । এই আলো বিশ্লেষক নিকল্ খুরাইয়া বন্ধ করা সন্তব । সূতরাং আলো ফলকের তলের অভিলবে আপতিত করিয়া অনা তল হইতে নির্গত আলো বিশ্লেষক নিকল খুরাইয়া পরীক্ষা করা হয় । বিদ নিঞ্চলের কোনও অবস্থানে এই আলো সম্পূর্ণ বন্ধ হইয়া বায় তবে ইহা বৃত্তাকার সমবতিত আলো । অবশা আর একটি পরীক্ষাও এই সঙ্গে করিতে হইবে । শুধু বিশ্লেষক নিকলে আলো আপতিত করিয়া নিকলটি খুরাইলে পারগত আলোর কোনও তীব্রতার তারতমা হইবে না । কিন্তু অসমবতিত আলোর কেনেও এইরুপই হইবে । তফাং এই বে ফলকটি ব্যবহার করিলে বৃত্তাকার সমবর্তনের ক্ষেত্রে কিকল খুরাইয়া আলো বন্ধ করা সম্ভব, কিন্তু অসমবর্তিত আলোর ক্ষেত্রে কথনই আলো বন্ধ করা যাইবে না । এইরুপে অসমব্তিত এবং বৃত্তাকার সমব্তিত আলোর মধ্যে তরঙ্গ-ততুর্থাংশ ফলকের সাহাযো প্রভেদ ধরা যাইবে ।

ফ্রেনেলের সমান্তর পটফলক—ইহাতে দুইটি সম্পূর্ণ প্রতিফলনে $\frac{\pi}{2}$ দশাপার্থকার সৃষ্টি হয় দেখা গিরাছে। সূতরাং তলীর সমর্বাতিত আলোর
কম্পর্নাদক যদি আপতন তলের সহিত $\frac{\pi}{4}$ কোণ উৎপাস করে তবে নির্গত
আলো বৃত্তাকার সমর্বাতিত হইবে এবং ইহা তরঙ্গ চতুর্থাংশ ফলক ও
নিকল বারা সম্পূর্ণ নির্বাপিত করা সম্ভব হইবে। আবার যদি আপতিত
আলো বৃত্তাকার হয় তবে বাড়তি $\frac{\pi}{2}$ দশা-পার্থকোর জন্য নির্গত রশির
তলীর সমর্বতন হইবে এবং ইহা নিকল বারা নির্বাপিত করা করিবে। আলো
বিদি উপবৃত্তাকারে সমর্বাতত হয় তবে এই উপবৃত্তের অক্ষ দুইটি আপতন তল
এবং ইহার অভিলয়ে থাকিলে নির্গত রশির মোট দশা-পার্থকা হইবে π সূতরাং ইহার তলীর সমর্বতন হইবে এবং আলো নিকল বারা সম্পূর্ণ নির্বাপিত
করা চলিবে। কাজেই দেখা যাইতেছে যে ফ্রেনেলের সমান্তর পটফলক বার।
সর্বপ্রকার সমর্বাতত আলোর বিশ্লেষণ করা চলে।

সলিল প্রতিপূর্ক (Soleil Compensator).

এই প্রতিপ্রকটিও ব্যাবিনেটো প্রতিপ্রকের মত কোরাট্সের চিতুজের সাহাব্যে তৈরারী করা হর বণিও এখানে পুইটি চিতুজের সঙ্গে একটি আরতাকার কোরাট্স্ও বুর বাকে। চিত্র নং ৪.৩৪ (ক) তে পুইটি কোরার্ট্, চিত্রুক্ত P এবং Q পাশাপাশি বসাইরা একটি আরতাকার আফুতির সৃষ্টি করা হইরাছে। এই চিত্রুক্ত পুইটিতে আলোক অক্ষের দিক পরস্পরের সমান্তরালে অবস্থিত (ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রকের বিপরীত)। ইহাদের তলায় একটি আয়তাকার কোরার্ট্, স্ R এর



সঙ্গে Q তিভূজটি সংযুক্ত থাকে। R এর আলোকঅক্ষের দিক P এবং Q এর আলোকঅক্ষের দিকের অভিলয়ে অবস্থিত। তিনটিতে এই দিক তীর চিক্সের এবং বিন্দুশ্রেণীর দ্বারা দেখানে। হইয়াছে। P তিভূজটি একটি মাইক্রোমিটার স্কু এর সাহায্যে সরানে। যায় (ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রকের মত)।

 $P,\ Q$ এবং R এর মধ্য দিয়া যাইবার পর একটি আলোকরশ্মির দশা নির্ভর করিবে $R,-(P_t+Q_t)$ এর মানের উপর। এখানে $R_t,\ P_t$ এবং Q_t তিনটি ফলকে আলোকপথের দূরত্ব বুঝাইতেছে। যেহেতু P এবং Q তিভুক্তে আলোকঅক্ষের দিক সমাস্তরাল এবং P এবং Q এর মধ্যে সব আলোকরশ্মির পথই সমান সেজনা $R_t-(P_t+Q_t)$ এর মান সমস্ত আলোকরশ্মির ক্ষেত্রেই সমান হইবে। অবশা P তিভুক্তকে সরাইয়া P_t+Q_t এর মান পরিবর্তন করা বায়। অতএব $R_t-(P_t+Q_t)$ এর মান অর্থাৎ আলোকরশ্মির দশাও ইচ্ছামত পরিবর্তন করা চলে। ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রকের সঙ্গে সলিল প্রতিপ্রকের মূল পার্থক্য এই যে প্রথমটাতে বিভিন্ন পারগত রশ্মির দশা বিভিন্ন হয়; কিন্তু দ্বিতীয়টিতে সমস্ত পারগত রশ্মির দশাই এক এবং এই দশা P তিভুক্তি সরাইয়া ইচ্ছামত নিয়ন্ত্রণ করা যায়।

সমবর্ডিত আলোর বিশ্লেষণ (Analysis of polarised light).

আলোকর শিমালাকে নিমলিখিত ৭টি শ্রেণীতে ভাগ করা যায়

- (a) অসমবাতত আলো
- (b) তলীয়-সমব্যতিত আলো
- (c) বৃত্তাকার সমর্বতিত আলো
- (d) উপবৃত্তাকার সমববিত আলো

- (c) অসমবাতিত ও তলীয় সমবাতিত আলোর সংমিশ্রণ
- (f) অসমবাতত ও বৃত্তাকার সমবাতত আলোর সংমিশ্রণ
- (g) অসমবাতিত ও উপবৃত্তাকার সমবাতিত আলোর সংমিশ্রণ

্ দুইএর অধিকপ্রকার আলোর সংমিশ্রণও থাকিতে পারে। কিন্তু ভৌক্স্ (Stokes) দেখাইরাছেন যে এই সাতটি শ্রেণীতেই সমন্ত প্রকার সংমিশ্রণ অন্তর্ভূব্দ থাকিবে। উদাহরণ বর্গ বলা বার বে অসমবাতিত, তলীর এবং উপবৃত্তাকার সমবাতিত আলোর সংমিশ্রণ অসমবাতিত ও উপবৃত্তাকার সমবাতিত আলোর সংমিশ্রণ হৈবে।

নিম্নলিখিত পদ্ধতিতে সমবঁতিত আলোর গুণাত্মক (qualitative) পরীক্ষা করা বাইতে পারে।

প্রথম ধাপ—আলোকর শিমালার পথে একটি নিকল্ বসাইয়া নিকল্টি ঘুরানো হইল:

> যদি নিকলের এক অবস্থানে আলো নির্বাপিত হয় তবে ইহ। তলীয় সমবতিত আলো।

> যদি নিকল্ ঘুরাইলে পারগত আলোর তীবতার কোনও তারতম। না হয় তবে ইহা নিয়লিখিত তিনশ্রেণীর একটি হইবে

- (a) অসমবৃতিত আলো
- (b) বৃদ্রাকার সমর্বতিত আলো
- (c) অসমবভিত e বৃত্তাকার সমবভিত আলোর সংমিশ্রণ

দিতীর ধাপ-এইবার নিকলের আগে একটি তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলক বসাইয়া নিকলটি ঘরানে। হইল ।

> বদি নিকলের একটি অবস্থানে আলো নির্বাপিত হয় তবে ইহা বৃত্তাকার সমর্বতিত আলো ।

> বৃদি নিকলের ঘূরানোর ফলে আলোর তীরতার কোনও ভারতমা না হয় তবে আলো অসমবর্তিত ।

> ৰণি নিকল খুৱানোর সঙ্গে সঙ্গে আলোর তীব্রতাও বাড়ে কমে. কিন্তু নিকলের কোনও অবস্থানেই সম্পূর্ণ নির্বাপিত হয় না তবে আলো অসমবৃত্তিত ও বৃদ্তাকার আলোর সংমিশ্রণ।

তৃতীর ধাপ—আলোতে শুধু নিকল বসাইরা ঘুরাইলে বণি আলোর তীরতার হ্যাসবৃদ্ধি হর কিন্তু কোনও অবস্থানেই সম্পূর্ণ নির্বাপিত হর না তবে ইহা নিম্নলিখিত তিন প্রকারের বে কোনও একটি হইতে পারে:

- (a) উপবৃত্তাকার সমর্বতিত আলো
- (b) অসমবাতত ও তলীয় সমবাতত আলোর সংমিশ্রণ
- (c) অসমবাঁতত ও উপবৃত্তাকার সমবাঁতত আলোর সংমিশ্রণ

এইবার আলোতে একটি তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলক ও পরে নিকল্ বসাইয়া ইহাদের প্রত্যেককে আলাদাভাবে ঘুরানো হইল। যদি ইহাদের কোনও এক অবস্থানে আলো সম্পূর্ণ নির্বাপিত হয় তবে বুঝিতে হইবে আলো উপবৃত্তাকার সমর্বাতিত এবং এই অবস্থানে উপবৃত্তের অক্ষন্বয় ফলকের আলোক অক্ষ এবং ইহার অভিলয়ের সম্পাতী। নিকলের অবস্থান হইতে উপবৃত্তের অক্ষন্বয়ের অনুপাতিও বাহির করা ধায়।

ষয়াংশ দুইটি ঘূরাইলে যদি আলোর তীরতার হ্রাসবৃদ্ধি হয় কিন্তু কোন অবস্থানেই ইহা সম্পূর্ণ নির্বাপিত না হয় তবে বুঝিতে হইবে যে আলো অসমবৃতিত ও উপবৃত্তাকার সমবৃতিত আলোর সংমিশ্রণ। আলোর অবম তীরতার ক্ষেত্রে উপবৃত্তাকার সমবৃতিত অংশের উপবৃত্তের অক্ষন্বয় ফলকের আলোক-অক্ষ এবং ইহার অভিলম্বের সম্পাতী হইবে এবং নিকলের অবস্থান হইতে অক্ষন্বয়ের অনুপাতও বাহির করা যাইবে।

অবম তীব্রতার ক্ষেত্রে নিকল্ বিদি ফলকের আলোক আক্ষ বা ইহার আভিলম্বের সম্পাতী হয় তবে আলো অসমবতিত ও তলীয়-সমবতিত আলোর সংমিশ্রণ।

সমবর্তিভ আলোর উৎপাদন এবং বিশ্লেষণ (Production and analysis of polarised light).

ভলীয় সমর্বতিত আলোর উৎপাদন পূর্বেই আলোচিত হইরাছে। দেখা গিয়াছে যে কোনও একাক্ষ কেলাসের মধ্য দিয়া আলো পাঠাইলে বৈধ-প্রতিসরণের ফলে সাধারণত দুইটি তলীয় সমর্বার্তত রশির সৃষ্টি হয়। ইহা ভিন্ন প্রতিফলনের দ্বারাও তলীয় সমর্বার্তত আলোকরণি পাওয়া যায়। স্বাধিক প্রচলিত উপায় নিকল্ প্রিজ্ম্ বা পোলারয়েড ব্যবহার করা। কিন্তু এই ভলীয় সমর্বর্তন ভিন্ন আলোর অনা প্রকারের সমর্বর্তনও হইতে পারে; বথা বৃত্তাকার এবং উপবৃত্তাকার (circular and elliptic) সমর্বর্তন। এই প্রসঙ্গে বিভিন্ন প্রকারের সমর্বর্তন বলিতে কি বৃক্কায় তাহা আলোচনা করা উচিত।

কোনও আলোকভরত্র বলি নিয়লিখিত সমীকরণ বারা বুঝান হয়

$$y = a \sin(wt + \hat{o}) \tag{4.31}$$

ভাষা হইলে ইয়ার অর্থ হইবে বে এই স্রংল y একটি বিশেব দিকে হইতেছে এবং ইয়া সরল লোলগতি (simple harmonic motion) প্রকৃতিসম্পন্ন। আর এই সমীকরণ আরও বুঝাইতেছে একটি অন্তর্থীন তরঙ্গরালি বাহার প্রকৃতি সমরের সহিত অপরিবর্তিত থাকিবে। সমর্বতিত আলোর ক্ষেত্রে পর্যান্ত বে আলোচনা হইয়াছে ভাহাতে বলা বার বে বখন এই স্রংল (বাহা বৈদ্যুতিক ভেক্টরের সমার্থক বলিরা ধরা বার) আলোর গতির দিকের অভিলব তলে একটি সূনিদিক এবং অপরিবর্তিত দিকে হইতে থাকে তখন এই আলোকে তলীর সমর্বতিত আলো বলা হয়। আর সমর্বতনের আর একটি সর্ত হইল এই বে তরঙ্গমুখে সমন্ত বিন্দৃতেই স্রংল একই প্রকৃতির এবং দিকের হইবে। সূত্রাং সহজেই বুঝা বার বে বদি বৈদ্যুতিক ভেক্টরের শেব বিন্দৃ আলোকের গতির অভিলব্ধতে একটি বৃদ্তাকার পথে গমন করে তবে সেই আলোকে বৃদ্তাকার সমর্বতিত আলো বলা বায়। অনুর্পভাবে বিন্দৃটি উপ্রাকার পথে গমন করিলে আলো হইবে উপবৃত্তাকার সমর্বতিত আলো। অবলা এই দুইটি ক্ষেত্রেও তরঙ্গমুখের সমন্ত বিন্দৃতেই একই প্রকৃতির এবং অবজানের বৃত্তাকার বা উপবৃত্তাকার পথের সৃষ্টি হইবে।

বিভিন্ন প্রকারের সমবর্ডিড আলোর উৎপাদন (Production of different types of polarised light).

তিন প্রকারের সমর্যতিত আলোর উৎপাদন সম্বন্ধে আলোচনা করা হইবে। ইহার মধ্যে তলীর সমর্যতিত আলো সম্বন্ধে পূর্বেই বিশদর্শে বলা হইরাছে, সূতরাং অন্য দুইপ্রকার সমর্যতন সম্বন্ধেই প্রধানত এখানে আলোচনা করা হইবে: তলীর সমর্যতনের আলোচনাও এই প্রসঙ্গে আসিবে। একই কম্পনসংখ্যার দুইটি বিভিন্ন বিস্তার এবং দখার আয়তাকার তির্থক কম্পন যদি একই সময়ে একটি বিম্পুর উপর আপতিত হয় তবে এই বিম্পুর লন্ধি শ্রংশ নিম্নলিখিতর্শে বাহির করা যায়। বিদ পরস্পরের অভিলব্ধে শ্রংশ দুইটি লেখা যায়

$$x = a \cos(wt - \epsilon_1) \qquad y = b \cos(wt - \epsilon_2) \qquad (4.32)$$

ভবে এখানে x এর দিকে বিস্তার এবং দশা-ধুবক a এবং $<_1$; অনুর্পভাবে y আন্দের দিকে বিস্তার এবং দশা-ধুবক b এবং $<_2$.

এই দুইটি সমীকরণ হইতে যদি সময় 'া' এর অপসারণ করা হর তবে লব্ধ সমীকরণ বিস্ফুটির গতিপথ বুঝাইবে এবং বিস্ফুটির গতির প্রাচলিক সমীকরণ (parametral equation) পাওরা যাইবে। 't' এর অপসারণের জন্য নির্মালখিত পদ্ধতি গ্রহণ করা যাইতে পারে। সমীকরণ 4.32 হইতে লেখা বায়:

$$\frac{x}{a} = \cos wt \cos \alpha_1 + \sin wt \sin \alpha_1$$

$$\frac{y}{b} = \cos wt \cos \alpha_2 + \sin wt \sin \alpha_2$$

$$\frac{x \sin 4_2}{a} = \cos wt \sin 4_2 \cos 4_1 + \sin wt \sin 4_1 \sin 4_2$$

$$\frac{y \sin \alpha_1}{b} = \cos wt \sin \alpha_1 \cos \alpha_2 + \sin wt \sin \alpha_1 \sin \alpha_2$$

$$\frac{x \sin \lambda_2}{a} - \frac{y \sin \lambda_1}{b} = (\cos \lambda_1 \sin \lambda_2 - \cos \lambda_2 \sin \lambda_1) \cos wt$$

$$= \sin (\lambda_2 - \lambda_1) \cos wt$$

$$\frac{x \cos \lambda_2}{a} = \cos \lambda_1 \cos \lambda_2 \cos wt + \sin \lambda_1 \cos \lambda_2 \sin wt$$

$$\frac{y \cos \lambda_1}{b} = \cos \lambda_1 \cos \lambda_2 \cos wt + \sin \lambda_2 \cos \lambda_1 \sin wt$$

$$\frac{y \cos \lambda_1}{b} = \frac{x \cos \lambda_2}{a} = (\sin \lambda_2 \cos \lambda_1 - \sin \lambda_1 \cos \lambda_2) \sin wt$$
$$= \sin (\lambda_2 - \lambda_1) \sin wt$$

$$\frac{x^2}{a^2} \sin^2 \alpha_2 + \frac{y^2 \sin^2 \alpha_1}{b^2} - \frac{2xy}{ab} \sin \alpha_1 \sin \alpha_2$$

$$= \sin^2 (\alpha_2 - \alpha_1) \cos^2 wt.$$

$$\frac{x}{2}\cos^{2}\alpha_{2} + \frac{y^{2}}{b^{2}}\cos^{2}\alpha_{1} - \frac{2xy}{ab}\cos\alpha_{1}\cos\alpha_{2}$$

$$\sin^{2}(x - \alpha_{1})\sin^{2}wt.$$

$$\sin^2(\alpha_2 - \alpha_1)\sin^2 wt.$$

$$\frac{x^2}{a^2} \left(\sin^2 \alpha_2 + \cos^2 \alpha_2 \right) + \frac{y^2}{b^2} \left(\sin^2 \alpha_1 + \cos^2 \alpha_1 \right) - \frac{2xy}{ab}$$

 $(\sin \boldsymbol{<}_1 \sin \boldsymbol{<}_2 + \cos \boldsymbol{<}_1 \cos \boldsymbol{<}_2) = \sin^2 (\boldsymbol{<}_2 - \boldsymbol{<}_1)(\sin^2 wt + \cos^2 wt)$

এই সমীকরণটি দুইটি আয়তাকার দ্রংশের বৃগ্ধ প্রভাবের ফলে বিন্দৃটির গণ্ডি বুঝাইবে। এইটি একটি উপবৃত্তের সমীকরণ। সূতরাং সাধারণভাবে বিন্দৃটি (অর্থাৎ আলোর ক্ষেত্রে বৈদুর্গিতক ভেক্টরের প্রান্তবিন্দু) একটি উপবৃত্ত উৎপক্ষ করিবে। এইভাবে কোনও বিন্দুতে বদি পরস্পরের অভিলবে এক কপাক্ষেত্র কিছু ভিন্ন বিস্তার এবং দশার দুইটি শ্রংশ আরোপিত করা হর তবে লব্বি শ্রংশ হইবে উপবৃত্তাকার। এইটিই উপবৃত্তাকার সমর্বতিত আলোকরণি সৃত্তির স্বাপেকা সহজ্ব উপায়।

ক্ষেত্র বিশেষে বিস্তার এবং দশা-ধুবকের পরিবর্তনে শ্রংশের প্রকৃতিরও সঙ্গে সরিবর্তন হইয়া থাকে। উদাহরণম্বরূপ দেখা যার যে যদি দশা-পার্থক্য $(L_2-L_1)=2n\pi$ (n=388) সংখ্যা, শ্নাকেও ধরিয়া) তবে 4.33 নং সমীকরণটি দাড়াইবে

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b_a} - \frac{2xy}{ab} = 0 \quad \text{al} \quad \frac{x}{a} - \frac{y}{b} = 0 \quad \text{al} \quad y = \frac{b}{a}x \tag{4.34}$$

এইটি একটি সরলরেখার সমীকরণ। এই সরলরেখাটি x অক্ষের সহিত একটি θ কোণ উৎপদ্ম করিয়াছে বেখানে $\tan \theta = \frac{b}{a}$ এবং ইহা স্থানাক্ষ অক্ষের (axes of coordinates) উৎসবিন্দু দিয়া যাইতেছে।

আবার যদি $(L_2-L_1)=(2n+1)$ π হয় তবে সমীকরণটি দাড়াইবে

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{2xy}{ab} = 0 \quad \text{as} \quad \frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 0 \quad \text{as} \quad y = -\frac{b}{a}x. \tag{4.35}$$

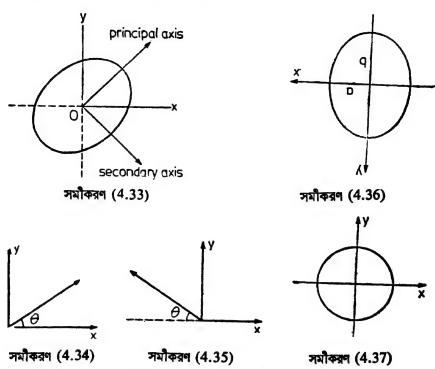
এটিও অনুর্প একটি সম্বলরেখার সমীকরণ ; শুধু ইহা x অক্ষের ঋণায়ক দিকের সহিত θ কোণ উৎপশ্ন করিবে $\left(\tan\theta = \frac{b}{a}\right)$.

বদি $(L_2-L_1)=(2n+1)\frac{\pi}{2}$ হয় তবে সমীকরণটির পরিবর্তিত রূপ হইবে $\frac{x^2}{a^2}+\frac{y^3}{b^3}=1$ (4.36)

এই চিও একটি উপবৃত্তের সমীকরণ ; এই উপবৃত্তের মুখা ও গোণ অক্ষর হইবে a এবং b. সমীকরণ 4.33 দারা বে উপবৃত্ত বুঝাইতেছে তাহাতে মুখা ও গোণ অক্ষয়র স্থানান্দ অক্ষয়র x এবং y এর সহিত সম্পাতী হইবে না । কিতৃ সমীকরণ 4.36 এর দারা স্চীত উপবৃত্তের মুখা ও গোণ অক্ষয়র স্থানান্দ অক্ষয়ের সহিত সম্পাতী হইবে । অথবা বলা চলে বে মুখা ও গোণ অক্ষয়র উপাংশ দুইটির কম্পনদিকের সহিত সম্পাতী হইবে । এই দখা-পার্থক্য $(L_2-L_1)=(2n+1)\frac{\pi}{2}$ এর সঙ্গে বিদ্বারণ্ড স্থানান্দ দুইটি বিস্তারণ্ড সমান হর তবে সমীকরণ দাভাইবে

$$x^2 + y^2 = a^2 = b^2 (4.37)$$

এটি একটি বৃত্তের সমীকরণ। কাজেই দেখা বাইতেছে বে এইক্ষেত্রে আলো বৃত্তাকার সমবর্তন উৎপন্ন করিবে।

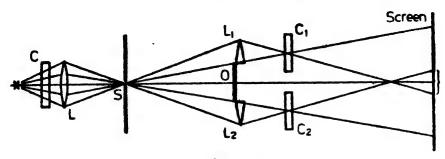


চিত্র নং ৪.৩৮—বিভিন্ন সমীকরণের জন্য চিত্র দেখানো হইরাছে।

সমবর্তিত আলোর ব্যতিচার (Interference of polarised light).

সাধারণ আলোর বাতিচার সহকে পূর্বে আলোচনা করা হইরাছে। কোনও একাক্ষ বা দ্বাক্ষ কেলাসের মধ্য দিরা সাধারণ আলো গমন করিলে সাধারণত এই আলোর দ্বৈধ প্রতিসরণ হর এবং দুইটি তলীর সমর্বার্ডত আলোকরিশি পাওরা বার। এই দুইটি রশ্মিই অনেকাংশে সাধারণ আলোর মতই ব্যবহার করে; কাজেই হুভাবতই প্রশ্ন ওঠে যে ইহাদের ব্যতিচারও হর কিনা। ফ্রেনেল এবং অ্যারাগো (Fresnel and Arago) এই বিষয়ে অনেক পরীক্ষা করেন। অন্যান্য নানা রকমের পরীক্ষার মধ্যে নিম্নলিখিত পরীক্ষাটি করা বাইতে পারে। ৪.৩৯ নং চিত্রে একটি আলোকউৎস হইতে নির্গত আলো ে কেলাসের মধ্য দিরা পাঠাইরা একটি তলীর সমবর্তিত আলোকরণিমর সৃষ্ঠি করা হইল। ে কেলাসিটি একটি নিকল্ বা ট্যরম্যালিন বা অনুর্গ ব্যবস্থা হইতে পারে,

বাহাতে শুধু একটি সমবর্তিত রশিমমালা পাওরা বার। L লেখা ধারা ইহাকে S রেখাছিন্রের মধ্য দিরা পাঠাইরা O বাধার সাহাব্যে দুইটি আলোকরশ্বিতে বিভব্ত করা হইরাছে। এই রশিম দুইটি আবার দুইটি খণ্ডিত লেখা L_1 ও L_2 ধারা অভিসারী করা হইল। এইবৃপ খণ্ডিত লেখা বিলেট



किंग 8.05

(Billet) তাহার বাতিচারের পরীক্ষার বাবহার করিয়াছিলেন। অভিসারী রিম্মন্তরের সৃক্ষাত্ম অবস্থানে দুইটি সমবর্তক কেলাসের (C_1 এবং C_2) সামিবেশ করা হইরাছে। এই কেলাসের মধা দিয়া যাইবার পর আলোকরিশ্ম আবার অপসারী হইরা পর্দার পড়িয়াছে এবং পরস্পরের উপর অধিস্থাপিত (superposed) হইরাছে। এই অধিস্থাপিত অংশে দুইটি আলোকরিশ্মর বাতিচার হওরা সম্ভব। দেখা যাইবে যে C_1 C_2 যাদি টুরেম্যালিন কেলাস হয় তবে তাহাদের মুখা-ছেদ সমান্তরাল হইলে পর্দার বাতিচার ঝালর সৃষ্টি হইবে। কিন্তু মুখা-ছেদ দুইটি পরস্পরের অভিলয়ে থাকিলে বাতিচার-ঝালর দেখা যার না। এইরূপ হওয়াই স্বাভাবিক কারণ প্রথম ক্ষেত্রে আলোক রিশ্ম দুইটির কম্পনের প্রংশের দিক সমান্তরাল, কিন্তু দ্বিতীর ক্ষেত্রে তাহার। পরস্পরের অভিলয়ে অবস্থিত ; ফলে লব্ধি কম্পনের প্রংশ উপবৃত্তীর আকৃতির হইবে।

 C_1 বলি কালসাইট কেলাস হয় এবং সমর্বার্ডত আলোর কম্পনের সংশের দিক বলি ইহার মুখা-ছেদের সমান্তরাল অথবা অভিলবে থাকে তবে C_1 এবং C_2 হইতে একটি করিয়া রশ্মিই পাওরা বাইবে। ইহাদের সংশ পরস্পরের সমান্তরাল হওরার ভাহারা বাতিচার বালর উৎপান করিবে। কিন্তু সমর্বান্তিত আলোর স্রংশ অনা কোনও অবস্থানে থাকিলে উভয় কেলাস হইতেই মুইটি (সাধারণ ও অসাধারণ) রশ্মি পাওরা বাইবে। ইহাদের মধ্যে সাধারণ বালম দুইটির স্রংশ সমান্তরাল হওরার ভাহারা একপ্রস্থ বাভিচার বালর স্কি

সৃষ্টি করিবে। সাধারণ ও অসাধারণ রন্মির মধ্যে কোনও ঝালর উৎপ্রে হইবে না।

এইবার যদি C_1 বা C_2 কোনও একটিকে 90° ঘুরাইরা প্রতিকৃল অবস্থানে আনা হয় তবে C_1 হইতে নিসৃত সাধারণ রশ্মির স্রংশ C_2 এর অসাধারণ রশ্মির সংশের সমাস্তরাল হইবে। ফলে C_1 এর সাধারণ রশ্মি C_2 এর অসাধারণ রশ্মির সহিত ব্যতিচার ঝালর উৎপাদন করিবে; এবং C_1 এর অসাধারণ রশ্মি C_2 এর সাধারণ রশ্মির সহিত ক্রিয়া করিরা অন্য প্রস্থ ব্যতিচার ঝালর সৃষ্টি করিবে।

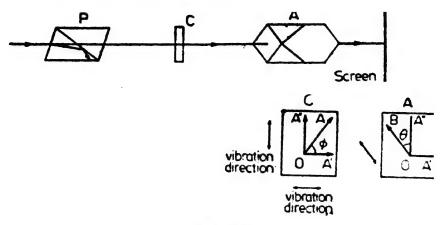
অতএব দেখা যাইতেছে যে অনুকূল অবস্থায় দুইটি তলীয় সমবর্তিত রিশ্ম ব্যতিচারের সৃষ্টি করিবে। ফ্রেনেল এবং অ্যারাগোর পরীক্ষা হইতে তাঁহার। নিম্নলিখিত নিদ্ধান্তে উপনীত হন।

- ১। সমান্তরাল তলে সমবর্তিত দুইটি আলোকরশ্মি সাধারণ আলোর মতই ব্যতিচার সৃষ্ঠি করে; কিন্তু ইহারা পরস্পরের অভিলয় তলে সমবর্তিত হইলে ব্যতিচারের উন্তব হয় না।
- ২। ব্যতিচারী আলোকরিশা দুইটি আদিতে একই আলোকরিশা হইতে উদ্ভত হওয়া প্রয়োজন।
- ৩। যদি দ্বিতীয় সর্ত পালিত হয় তবে পরস্পরের অভিলম্বে ভ্রংশযুক্ত দুইটি সমর্বতিত আলোকরশ্মির ভ্রংশ সমান্তরাল দিকে আনিলে ইহাদের মধ্যে ব্যতিচার সৃষ্টি হয়।

স্বভাবতই দেখা যাইবে ষে এই সূত্যগুলি একমাত্র আলোকের তির্থক কম্পনের মতবাদের সাহায্যেই ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে।

এতক্ষণ তলীয় সমর্বতিত আলোর ব্যতিচার সম্বন্ধে সাধারণভাবে পরীক্ষার বর্ণনা করা হইরাছে। এইবার এক শ্রেণীর ব্যতিচারের আলোচনা করা হইবে যাহাতে সমর্বর্তক ও বিশ্লেষক ব্যবস্থার মধ্যে একটি পাতলা কেলাসের খণ্ড দেওয়া হয় এবং ব্যতিচারের ফলে ঐ কেলাসখণ্ডে বিভিন্ন রং এর উৎপত্তি হয় (অবশ্য সাদা আলো ব্যবহার করিলে)। প্রথমে যে পরীক্ষাটি বর্ণনা করা হইবে তাহাতে দুইটি নিকল্ প্রিজ্ম P এবং Aর মধ্যে একটি কুন্র বেধের একাক্ষকেলাস C রাখা হইল (চিত্র নং ৪.৪০)। P এবং A যদি প্রতিকৃল অবস্থানে (crossed position) রাখা হয় তবে A র ভিতর দিয়া কোন আলো বাইতে পারে না এবং পর্দায় কোনও আলো পড়ে না। এইবার যদি C কেলাসটি আলোকরিশার পথে ঢোকানো হয় (P এবং A র মধ্যে হওয়া চাই) তবে

দেখা বাইবে বে আলো আবার A ব ভিতর দিয়া গিরা পর্ণায় পড়িতেছে। এই ধরণের পরীকা সর্বপ্রথম করেন আরাগো ১৮১১ সনে। আকাশের বিক্ষিপ্ত (scattered) আলো অনেকাংশে সমর্বাতিত থাকে। অ্যারাগো এই আলো প্রথমে একটি অন্তর পাতলা ক্ররের ভিতর দিয়া পাঠাইরা পারগত রশি একটি



155 S.SO

ক্যালসাইট কেলাসের সাহাযে। বিশ্লেষণ করেন। তিনি দেখিতে পান যে ক্যালসাইট কেলাস হইতে নিগত উভয় রশ্বিই রঙীন দেখা যায়। আর অদ্রের ন্তরটি নিজতলে ঘুরাইলে উভর রশ্বিরই রঙের পরিবর্তন হয়। ইহার কারণ পাশের চিত্র হইতে বুকা যার। P নিকল হইতে একটি অসাধারণ রশি ধরা বাক ইহার কম্পনের দিক OA. এই অসাধারণ রশ্বি বাহির হইতেছে: C কেলাসে আপতিত হইরাছে। 'C' কেলাসটির দুইটি পরস্পর অভিলয় क्लान किक वार्ष, এইগুলি हिटा मिथान। इदेशार । OA कन्ननिर्धे अहेवाव मुद्देि छेभारत्न अहे मुद्दे मिरक विस्त इहेर्दा । OA व विद्याद योग A इस अवर ইহা C কেলাসের কম্পনের একটি দিকের সহিত ϕ কোণ করিরা থাকে তবে উপাংশ দুইটির মান হইবে $\Lambda \cos \phi$ এবং $\Lambda \sin \phi$. চিয়ে $OA' = \Lambda \cos \phi$; OA' - A sin ø. এই দুইটি সমৰ্বতিত উপাংশ এবার বিশ্লেবক নিকল A র উপর আপজিত হইতেছে। পূর্বেই বলা হইরাছে বে নিকল দুইটি প্রতিকৃল অবস্থানে রাখা আছে। সূতরাং A নিকলে পারগত রশ্বির কম্পনের দিক হুইবে O'B (OA এবং O'B পরস্পরের অভিনত্তে অবন্থিত)। এই দিক যদি OA' এর সঙ্গে heta কোণ করিয়া অবস্থান করে তবে A নিকলে এবার OA' এবং OA" श्राट्डांट्क्टे मुद्दे छिनारत्म विख्य इदेत्व, O'B अवर देदात खांडमारा । ইহাদের মধ্যে O'B দিকের উপাংশ দুইটিই A কেলাসের মধ্য দিয়া গমন করিবে। এই দুইটি উপাংশের মান দাড়াইবে

 $A \cos \phi \sin \theta$ এবং $A \sin \phi \cos \theta$

কিন্তু ৪.৪০ নং চিত্র হইতে দেখা যায় যে $heta=\phi$.

সুতরাং উপাংশ দুইটি লেখা যায়

 $A \sin \theta \cos \theta$ and $A \sin \theta \cos \theta$.

কাজেই দেখা যাইতেছে যে ইহাদের মান সমান এবং কম্পনের দিক একই 1 ইহারা একই রশ্মি বিভক্ত হইরা সৃষ্ট হইয়াছে সূতরাং ইহাদের দশা সংসক্ত . (coherent). আবার ইহারা সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি হওয়ায় C কেলাসে ইহাদের গতিবেগও আলাদা। ফলে এই দুইটি রশ্মির মধ্যে C এর মধ্য দিয়া যাইবার সময় একটি দশা-পার্থক্যের সৃষ্টি হইবে। এই দশা পার্থক্য নির্ভর করিবে C কেলাসে দুইটি রশ্মির আলোক পথের উপর। ইহাদের পথ-পার্থক্য

$$\Delta = (\mu_{ord} - \mu_{ext})d$$

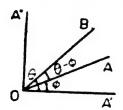
এখানে d=C কেলাসের বেধ ; μ_{ord} এবং μ_{ex} যথাক্রমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির প্রতিসরাক্ষ । ইহা হইতে পাওয়া যায় দশা-পার্থক্য δ

$$\hat{o} = \frac{2\pi}{\lambda} d \left(\mu_{ord} - \mu_{ext} \right) \tag{4.38}$$

কাজেই দেখা যাইতেছে যে ব্যতিচারের সমস্ত সর্তই এই দুইটি উপাংশ O'B প্রণ করিতেছে। অতএব তাহাদের মধ্যে ব্যতিচার হইবে। দশা-পার্থক্য তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ র উপর নির্ভরশীল বলিয়া বিভিন্ন তরঙ্গের ক্ষেত্রে আলাদা হইবে এবং ইহার ফলে সাদা আলো ব্যবহার করিলে ইহার সমস্ত বর্ণালীর মধ্যে অনেকগুলি তরঙ্গই ব্যতিচারের দর্গ অনুপস্থিত থাকিবে। কাজেই পর্ণার আলোর চেহারা রঙীন দেখা যাইবে। এই রঙ অবশ্য কেলাস C এর অবস্থান এবং P ও A এর আপেক্ষিক অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে। এই তথ্যটি ভালভাবে বুঝিতে হইলে আলোক-তীব্রতার একটি রাশিমালা বাহির করা প্রয়োজন। নিয়ে একটি সমাস্তরাল অনপতিত রশ্মিমালার জন্য এই রাশি বাহির করা হইল।

সমান্তরাল আলোর ক্ষেত্রে কোনও বিন্দুতে পারগত আলোর ভীত্রভা (Intensity of illumination at a point of transmitted light for a parallel beam).

উপরের আলোচনা হইতে বুঝা বার বে C কেলাসটি P এবং A র মধ্যে থাকার জন্যই দুইটি উপাংশের মধ্যে দশা-পার্থকোর উত্তব হয়; আবার A নিকল্টির কাজ হইতেছে দুইটি রশ্মির ভংশকে সমান্তরাল দিকে আনা। সূতরাং বাতিচার সৃষ্টির জন্য এই দুইটি অপরিহার্য। P নিকলটিও সমবর্তন সৃষ্টির জন্য আবশ্যক। আলোক-তীব্রতা বাহির করিবার পর দেখা বাইবে যে আলো বিদ সমবাতত না হইরা সরাসরি C কেলাসে আপতিত হয় সেক্ষেয়ে পারগত আলোকরন্মিতে রঙের সৃষ্টি হইবে না। অতএব বাতিচারের ফলে রঙের সৃষ্টির জন্য এই PCA সংবোগ (combination) অত্যাবশ্যক। তবে এই PCA সংবোগে P এবং A কেলাস প্রতিকৃল অবস্থানে না থাকিয়া পরম্পর বে কোনও অবস্থানে থাকিলেও সাধারণত এই রঙের সৃষ্টি হইবে। সূত্রাং ইহাদের অবস্থান সাধারণ ধরিরা নিয়া কোনও বিন্দুতে আলোর তীব্রতা হিসাব করা হইল।



हित 8.85

উপরের ৪.৪১ নং চিত্রে বিভিন্ন কেলাসে কম্পনের দিকগুলি দেখানো হইরাছে। এক্ষেত্রে ধরিরা নেওয়া হইরাছে বে C কেলাসে কম্পনের দিক OA' এবং OA'; ইহারা পরস্পরের অভিলবে আছে। C কেলাসে আলোক অক্ষ্প্রতিসরণ তলে অর্বাস্থিত এবং আলোক এই তলের অভিলবে আপতিত হইরাছে। প্রথম নিকলে আপতিত আলোর অসাধারণ রান্ধি C কেলাসে আপতিত হইতেছে, আর এই সমর্বাভিত রাম্মর কম্পন দিক OA, OA' দিকের সাহিত ϕ কোণে অর্বাস্থিত। ফলে ইহা OA' এবং OA'' দিকে ধথারুমে দুইটি উপাংল $A\cos\phi$ এবং $A\sin\phi$ এ বিভক্ত হইতেছে। এখানে C কেলাসে আপতিত রাশ্মর বিশ্বার A. সূতরাং বদি আপতিত রাশ্মর সমীকরণ হয়

x = A cos 2mvt, ভবে উপাংশ দুইটি লেখা বায়

 $x_1 = A \cos \phi \cos 2\pi vt$ $y_1 = A \sin \phi \cos 2\pi vt$

C কেলাসে ইহাদের গাঁতবেগ ভিন্ন হওরার পারগমের পর ইহাদের মধ্যে দশা– পার্থক্য δ হইবে। সূতরাং A নিকলে আপতিত রশ্মি দুইটি হইবে

 $x_1 = A \cos \phi \cos 2\pi vt$ $y_1 = A \sin \phi \cos (2\pi vt - \delta)$ (4.40) A নিকলে আসিয়া এই দুই রশ্মির প্রত্যেকেই CB এবং ইহার অভিলয়দিকে উপাংশে বিভক্ত হইবে । ধরিয়া লওয়া হইয়াছে যে A নিকলে পারগমের দিক OB. সূতরাং OB দিকে যে উপাংশ দুইটি পাওয়া যাইবে তাহাদের কথাই বিবেচনা করা হইবে । OB, OA' এর সহিত θ কোণে অবস্থিত । OA' হইতে OB দিকে প্রাপ্ত উপাংশ হইবে

$$x_2 = A \cos \phi \cos \theta \cos 2\pi vt. \tag{4.41}$$

অনুরূপভাবে OA'' হইতে OB দিকে প্রাপ্ত উপাংশ হইবে

$$x_3' = A \sin \phi \sin \theta \cos (2\pi vt - \delta) \tag{4.42}$$

এই দুইটি উপাংশ A নিকলের মধ্য দিয়া ঘাইবে। ইহাদের কম্পনের দিক একই হওয়ায় এবং ইহাদের মধ্যে দশা-পার্থক্য থাকায় ইহারা ব্যতিচারের সৃষ্ঠিকরিবে। ইহাদের সম্মিলিত ভ্রমে হইবে X.

 $X = A \cos \phi \cos \theta \cos 2\pi v t + A \sin \phi \sin \theta \cos (2\pi v t - \delta)$

O বিন্দুতে আলোর তীব্রতা I_a হইবে (সমীকরণ 2.6 দুতব্য)

 $I_{\theta} = A^{2} \cos^{2} \phi \cos^{2} \theta + A^{2} \sin^{2} \phi \sin^{2} \theta + 2A^{2} \sin \phi \sin \theta$ $\cos \phi \cos \theta \cos \delta$

 $-A^{2} \left[\cos^{2} \phi \cos^{2} \theta + \sin^{2} \phi \sin^{2} \theta + 2 \sin \phi \sin \theta \right]$ $\cos \phi \cos \theta \left(1 - 2 \sin^{2} \frac{\delta}{2}\right)$

 $= A^{2}[(\cos \phi \cos \theta + \sin \phi \sin \theta)^{2} - 4 \sin \phi \sin \theta \cos \phi$ $\cos \theta \sin^{2} \frac{\partial}{2}].$

$$= A^{2} [\cos^{2}(\theta - \phi) - \sin 2\phi \sin 2\theta \sin^{2}\frac{\delta}{2}]$$
 (4.43)

আর বদি A নিকলের হুলে ক্যালসাইট কেলাস ব্যবহার করা হয় তবে সাধারণ এবং অসাধারণ দুইটি বন্দিই পারগত হইবে। অসাধারণ রন্দির তীব্রতা I_* উপরে হিসাব করা হইরাছে। সাধারণ রন্দির তীব্রতা হইবে

$$I_0 = A^2 \left[\sin^2(\theta - \phi) + \sin 2\phi \sin 2\theta \sin^2 \frac{\delta}{2} \right].$$
 (4.44)

পুইটি বুৰি একসাৰে মিলিলে তাহাদের বুখ তীব্ৰতা হইবে

$$I = I_o + I_e = A^2 [\sin^2(\theta - \phi) + \cos^2(\theta - \phi)] = A^2$$
 (4.45)

অর্থাৎ এই দুইটি রশ্বির তীব্রতা পরস্পরের প্রক (complementary) হইবে। উপরের হিসাবে একবর্ণী আলোকের কথা ধরা হইরাছে। বিদ আলোতে একাধিক তরঙ্গদৈর্বা বর্তমান থাকে তবে প্রভাবতির জনা ও এবং A আলাদা হইবে, সূতরাং একেন্দ্রে লেখা দরকার

$$I_{\bullet} = \cos^{\alpha} (\theta - \phi) \sum_{\alpha} A^{\alpha} - \sin 2\theta \sin 2\phi \sum_{\alpha} A^{\alpha} \sin^{\alpha} \frac{\delta}{2}$$
 (4.46)

A কেলাসটি নিকল প্রিঞ্ম হইলে শুধু অসাধারণ রশ্মিই পাওরা বাইবে; কাজেই এই রশ্মির তীব্রতা /. এর তারভমাই এখানে আলোচিত হইবে।

এই সমীকরণ 4.46 হইতে দেখা বাইতেছে যে তীব্রতা নির্ভব করিবে দুইটি রাশির উপর । প্রথমটি তরঙ্গের বিদ্রার A এবং দিতীরটি দশা-পার্থকা δ . যদি সাদা আলো ব্যবহার করা হয় তবে বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘার A র অনুপাত একই থাকিবে; কাজেই এই রাশির জন্য রঙের সৃষ্টি হইবে না । কিন্তু সমীকরণ 4.38 হইতে দেখা যার বে দশা-পার্থকা δ তরঙ্গদৈর্ঘার উপর নির্ভব করে । সূতরাং কোন কোন তরঙ্গের জন্য এই δ এমন হইবে বে $\sin\frac{\delta}{2}$ শ্না দাড়াইবে ইহার অর্থ এই বে ঐ সমন্ত তরঙ্গের বর্ণালী অপেক্ষাকৃত কম তীব্রতার হওয়ার ইহাদের অনুপাত কম হইবে এবং সাদা আলো রঙীন হইবে । সূতরাং এই দুইটি রাশিকে বথাক্রমে সাদা-আলোর রাশি (white term) এবং রঙীন আলোর রাশি (colour term) কলা বাইতে পারে ।

$$cos2(θ-φ) \sum A2 → সাদা আলোর রাখি (4.47)$$

$$\sin 2\theta \sin 2\phi \sum A^a \sin^a \frac{\delta}{2} \rightarrow a \sin^a a$$
 (4.48)

এই দুইটি রাশির মধ্যে বাদ প্রথমটি শ্না হর তবে রঙ সর্বাপেক। অধিক প্রকট হইবে; আর বাদ প্রথমটির মান চরম হর তবে ইহা রঙকে ফিকা করিরা। দিবে অভএব রঙ সর্বাপেকা কম প্রকট হইবে।

वयन এই অবস্থার সৃতি হইবে তখন আলোর তীব্রতা দাড়াইবে

$$I_{\bullet} = \sum A^{2} \sin^{2} 2\theta \sin^{2} \frac{\partial}{\partial} \rightarrow \text{রভের দৃশামানতা চরম} \quad (4.49)$$

$$I_s = \sum A_s \left(1 - \sin^s 2\theta \sin^s \frac{\delta}{2}\right) - 4 \cos^s \eta = 1$$
 (4.50)

প্রথম ক্ষেত্রে $\theta-\phi=90^\circ$ এবং দ্বিতীয় ক্ষেত্রে $\theta-\phi=0^\circ$. অর্থাৎ যখন নিকল্ দুইটি প্রতিকৃল অবস্থানে রাখা থাকিবে তখন রঙ চরম প্রকট হইবে। পূর্বেই বলা হইরাছে যে নিকলের এই অবস্থানে C কেলাসের অনুপদ্ধিতিতে আলো A নিকল্ পার হইতে পারিবে না। 'C' কেলাস P এবং A নিকলের মধ্যে রাখাই আলো আবার A র মধ্য দিয়া যাওয়ার কারণ। দ্বিতীয় ক্ষেত্রে নিকল্ দুইটি অনুকৃল অবস্থানে রাখা হইয়াছে।

দুই অবস্থারই দেখা যায় যে $\theta=45^\circ$ অবস্থানে ফল চরম হইবে কারণ এই ক্লেন্তে $\sin 2\theta=1$.

যদি প্রথম নিকল্টি ব্যবহার করা না হয় তবে 'C' কেলাসের উপর অসমবাঁতত আলো আপতিত হইবে। ইহার ফলে C কেলাসে OA দিকের একটি কম্পন যদি ধরা যায় তবে এই কম্পনের জন্য একটি অসাধারণ রশ্মি A নিকলের ভিতর দিয়া যাইবে। ইহার তীব্রতা হইবে (পূর্বের আলোচনা মত)

$$I_e = A^2 \cos^2(\theta - \phi) - A^2 \sin 2\theta \sin 2\phi \sin^2 \frac{\delta}{2}$$

একই সময়ে OA দিকের অভিলম্বে আর একটি কম্পন C কেলাসের উপর আপতিত হইবে। ইহার যে অংশ A নিকলের ভিতর দিয়া যাইবে তাহা হইবে সাধারণ রশ্মি (এইটি এবং পূর্বোক্ত অসাধারণ রশ্মিটি হইল C কেলাসে প্রতিস্ত রশ্মিন্বর) এবং ইহার তীব্রতা হইবে (পূর্বের আলোচনা মত)

$$I_0 = A^3 \sin^2(\theta - \phi) + A^3 \sin 2\theta \sin 2\phi \sin^2 \frac{\delta}{2}$$

'C' কেলাস্টির বেধ খুবই কম হওয়ায় এই রশ্মি দুইটির বিষোজন (separation) খুব সামান্য হইবে। ইহাদের লব্ধি দাড়াইবে

$$I = I_0 + I_e = A^2 \cos^2(\theta - \phi) + A^2 \sin^2(\theta - \phi) = A^2$$
.

সূতরাং এই লব্ধি তীব্রতা ধ্রুবক হইবে এবং ইহা C কেলাসে আপতিত রিশ্মির সমান হইবে। অতএব সাদা আলো বাবহার করিলেও কোন রঙ্কের উদ্ভব হইবে না।

নিকল্ দুইটির অবস্থান অপরিবর্তিত রাখিয়া যদি C কেলাসটি নিজতলে পুরানো হয় তবে আলোর তীব্রতার পরিবর্তন হইবে। ইহার মধ্যে রঙীন

আলোর রাশি $\sin 2\theta \sin 2\phi$ বখন শ্না হইবে তখন পারগত আলোতে কোনও রঙের সৃষ্টি হইবে না। ইহার অর্থ

$$\theta = 0^{\circ}$$
 বা 90° } অথবা $\phi = 0^{\circ}$ বা 90° }

এই চার অবস্থানের জন্য পারগত রুশিম অবার্ণ ইইবে। এই অবস্থায় C কেলাসের মুখ্য ছেদ নিকল P অথবা নিকল Aর মুখ্য ছেদের সমান্তরালে অথবা অভিলয়ে অবস্থিত হইবে। তখন তীব্রতার মান দাঁড়াইবে

$$I_a = A^2 \cos^2 (\theta - \phi) \tag{4.52}$$

এই অবস্থার যদি $\theta - \phi$ হর অর্থাৎ নিকল্ দুইটি সমান্তরাল অবস্থানে থাকে তবে তীব্রতা চরম হইবে।

অর্থাৎ তীব্রতার মান হইবে

$$I - A^2$$

আবার বখন $\theta - \phi = 90^\circ$ হইতে তখন আলোর তীরত। হইবে শ্না : I=0 চিত্র ৪.৪১ হইতে দেখা বার বে বখন

⊕₹ θ − φ

তথন OA কম্পর্নাদক OA অথবা OA এর সহিত সমান্তরাল হওরার আলোবিনা বাধার C কেলাসের মধা দিরা বাইবে। ইহার পর A কেলাসেও এই আলোর কম্পর্নাদক OB দিকের সহিত সমান্তরাল হওরার এই কেলাসেও কোনবাধা পাইবে না। সূতরাং আলো এই অবস্থার বিনা বাধার PCA এই সংবোগের মধ্য দিরা গমন করিবে এবং ইহার তীব্রতা C কেলাসে আপতিত রন্মির সমান হইবে। অনুরূপভাবে শ্না তীব্রতার ব্যাখ্যাও চিন্ন ৪.৪১ হইতে সহজেই বুঝা বার!

এই আলোচনার যে কোনও একটি বিন্দুতে আলোর তীগ্রতা নির্ধারণ কর।
হইরাছে। এই তীগ্রতার রাশি হইতে সহজেই দেখা বার যে খদি C কেলাসের
সব জারগারই বেধ এক হর তবে পারগত আলোর সমস্ত বিন্দুতেই তীগ্রতাও
এক হইবে। সূত্রাং আপতিত আলোক রাশ্মমালা বদি সমান্তরাল হর
ইহার প্রতিটি রাশ্মর আলোকপথই এক হইবে। ফলে দৃষ্টিপথের সমস্ত স্থানেই
একই তীগ্রতা হইবে অর্থাৎ পারগত আলোকরাশ্মমালার সর্বন্ন একই রঙ হইবে।
বলা বাহুলা বদি C কেলাসে বেধের তারতমা থাকে তবে রঙেরও অনুরূপ তারতমা

হইবে, অবশ্য সাদা আলোর ক্ষেত্রে। একবর্ণী আলোর ক্ষেত্রে শুধু তীব্রতারই হ্বাসবৃদ্ধি হইবে, বর্ণ একই থাকিবে।

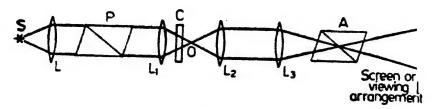
আলোচনার আরন্তে বলা হইয়াছে থে C কেলাসটির বেধ থুবই কম। যদি বেধ কম না হয় তবে সাদ। আলোর ক্ষেত্রে কোনওরং দেখা যাইবে না শুধু তীরতা আপতিত রশ্মির তীরতা অপেক্ষা কম হইবে। ইহার কারণ এই যে রঙের উৎপত্তি হয় দশা-পার্থক্য δ বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘোর ক্ষেত্রে বিভিন্ন বিলিয়া। যে সমস্ত তরঙ্গের বেলায় $\sin\frac{\delta}{2}=0$ হয় ($\sin2\theta\sin2\phi$ ধনাত্মক ধরিয়া নিয়া) পারগত আলোর সেই সমস্ত তরঙ্গের তীরতা অবম দাড়ায়। অর্থাৎ এই ক্ষেত্রে পথ-পার্থক্য $n\lambda$ হইবে [n= অথও সংখ্যা (integers)]. অনুরূপভাবে পথ-পার্থক্য $(2n+1)\frac{\lambda}{2}$ হইলে ঐ তরঙ্গের তীরতা চরম হইবে। সূতরাং C কেলাসের বেধ যদি বেশী হয় তবে ইহার ভিতর দিয়া যাইতে আলোর পথ-পার্থক্য অনেক সংখ্যক তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সমান হইবে, অর্থাৎ n এর মান খুব বড় হইবে। এই অবস্থায় একটি চরম তীরতার তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ এবং ইহার সংলগ্ম অবম তীরতার তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ

$$(2n+1)\frac{\lambda'}{2} = 2n \cdot \frac{\lambda}{2} \tag{4.53}$$

এখন n এর মান খুব বড় হইলে λ এবং λ' খুবই কাছাকাছি হইবে। অর্থাৎ একটি চরম তীব্রতার তরঙ্গদৈর্ঘ্যের খুব নিকটেই একটি অবম তীব্রতার তরঙ্গ-দৈর্ঘ্য বর্তমান থাকিবে। সমস্ত বর্ণালীর মধ্যে এইরূপ অনেকর্গাল কাছাকাছি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোর তরঙ্গের তীব্রতা অবম হওয়ায় বাকীগুলি মিলিয়া একটি সম-তীব্রতার (uniform illumination) ধারণা সৃষ্টি করিবে; আর এই সম-তীব্রতা-সম্পন্ন আলো সাদা আলো বিলয়াই মনে হইবে। অর্থাৎ আলোক তীব্রতা যদি খুব ঘন ঘন চরম এবং অবম মানের মধ্যে পরিবর্তিত হয় তবে খালি চোখে তাহা ধরা যাইবে না বলিয়া পারগত আলো অবার্ণ বলিয়া মনে হইবে।

অপসারী বা অভিসারী তলীয়-সমবর্তিত আলোর ব্যতিচার (Interference of divergent or convergent plane polarised light).

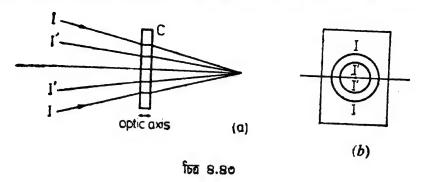
এতক্ষণ সমান্তরাল আলোকরশিমর ব্যতিচার সম্বন্ধে আলোচনা করা হইল। এবার আর একপ্রকার ব্যতিচার চিত্রের বর্ণনা দেওয়া হইবে। এই শ্রেণীর পরীক্ষায় সমান্তরাল আলোকরশিমমালার বদলে অপসারী বা অভিসারী আলোক- রশিমালা ব্যবহার করিতে হর, নিকল্ পুইটি এবং কেলাসের আপেক্ষিক অবস্থান পূর্বের ন্যারই থাকে। শুধুমাত আলোকে অভিসারী বা অপসারী করিতে প্ররোজনমত লেল দরকার হয়। ৪.৪২ নং চিতে ১ একটি আলোক উৎস। ইহা হইতে নিগতি আলোক লেল L এর সাহায্যে সমান্তরাল হইরা সমবর্তক নিকলে P এর মধ্য দিয়া গমন করিয়া সমব্তিত অসাধারণ রশ্বিতে পরিণত



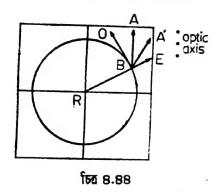
চিত্র নং ৪.৪২

L, এবং L, লেন্স দারা এই রশিমালা অভিসারী বা অপসারী এবং পরে সমান্তরাল করা হইয়াছে। L_{s} লেশ এই সমান্তরাল রুশ্মিকে আহার অভিসারী করিয়াছে। এই রশ্বির প্রস্থ বেখানে সর্বাপেকা কম সেইখানে বিশ্লেষক নিকল A রাখা সুবিধাজনক। Aর ভিতর দিয়া যাইয়া আলো পর্দার পড়িবে অথবা অভিনেত্রে (eye piece) সাহাযো পরীকা করা চলিবে ৷ এইরপ যা সাজানোর সুবিধা এই যে ইহাতে সমান্তরাল, অভিসারী এবং অপসারী এই তিন রকম আলোর সাহাবোই এই ব্যতিচারের পরীকা কর। চলে। অভিসারী আলোর পরীক্ষার জনা C কেলাসটি O বিশুর পূর্বে এবং অপসারী আলোর জনা 🕖 বিন্দুর পরে রাখিতে হটবে : আর সমান্তরাল আলোর জনা L, এবং L, লেলের মধ্যে বে কোনও স্থানে রাখিতে হইবে। সাহাবে। এবার অভিসাধী আলোর ক্ষেত্রে বাতিচারের পরীক্ষা করা হইবে। প্রথম এবং বিশদরূপে বে বিষয়টি আলোচিত হইবে সেটির ক্ষেচে C কেলাসে আলোর অক্ষের দিক প্রতিসরণতলের অভিনৰে অবস্থিত। অভিসাৰী আলোকৰন্মিতে ৱাখা বাব তবে C কেলাসের আপতিত ব্যান্মালার চেহারা ধরা বার উপরের ৪.৪০(a) চিত্রের মত। অভিসারী রাশ্মমালার আকৃতি শব্দুর মত হইবে। এই শব্দুর অক্ষের সহিত সম্পাতী রশিটি C কেলাসে লবভাবে আপতিত হটবে এবং আলোক অক্সের সমান্তরাল হওরার এই র্রান্সটির কোনও বৈধ-প্রতিসরণ হইবে না । শব্দুর অক্ষের সহিত O° বাবে অনা কোনও কোণ উৎপদ্ম কবিয়া যে ৰুপি C এৰ উপৰ আপতিত হয় তাহাবা সকলে একটি

শব্দুর গাতে অবস্থান করিবে। ৪.৪৩(b) চিতে II এবং I'I' এইর্প দুইটি শব্দু ; ইহাদের কোণ আলাদা। আর আলোক অক্ষের সম্পাতী না হওয়ায়

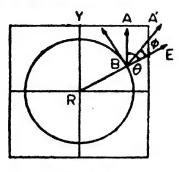


এই সমস্ত রশ্মির ক্ষেত্রে দ্বৈধ-প্রতিসরণও হইবে। কাজেই এই বিভিন্ন কোণের শব্দুর আলোকরশ্মিগুলি ব্যতিচারের সৃষ্টি কয়িবে। এই ব্যতিচারের প্রকৃতি বুঝিবার জন্য আলোকতীব্রতার মান বাহির করা প্রয়োজন।



II জাতীয় শব্দুর রশ্মিগুলি ৪.৪৪ নং চিত্রে অব্দিত বৃত্তে অবন্থিত ইইবে । ইহার একটি রশ্মি B বিন্দুতে আপতিত ইইয়াছে। ইহার আপতন তল RB সরলরেখার ভিতর দিয়া চিত্রতলের অভিলয়ে থাকিবে এবং ইহার প্রতিসৃত্ত রশ্মি দুইটির কম্পনের দিক হইবে একটি এই আপতন তলে এবং অন্যটি ইহার অভিলয়ে। সূতরাং ইহাদের দিক ধরা যায় BE এবং BO. স্মরণ রাখিতে ইইবে যে C কেলাসে আপতিত রশ্মির তলীয় সমবর্তন P নিকলের ভিতর দিয়া আসিবার ফলে আগেই সৃষ্ট ইইয়াছে এবং এই সমবর্তিত রশ্মির কম্পনের বিস্তার Aর দিক BA ধরা যাক। BA যাদ বিশ্লেষক নিকলের অসাধারণ রশ্মির কম্পনের দিক হয় তবে BE এবং BO কম্পনের যে উপাংশ্য

BA' দিকে হইবে একমাত্র সেই উপাংশ দুইটিই বিশ্লেষক নিকলের মধ্য দিরা বাইবে। আর ইহারাই ব্যতিচারের সৃষ্টি করিবে।



f50 8.8¢

কাব্দেই 8.8৫ নং চিত্র হইতে দেখা যাইতেছে যে BA সমবর্তক কেলাসে পারগত আলোর কম্পনের দিক। এটি 'C' কেলাসে দুইটি উপাংশে বিভক্ত হইরাছে। BA এবং BE সরলরেখার মধ্যে কোণ θ আর BE এবং বিশ্লেষক নিকলের পারগমের দিক BA' এর মধ্যে কোণ ϕ . অভএব এই অবস্থাটি পূর্ববর্তী চিত্র 8.8১ এর সম্পূর্ণ অনুরূপ। সূভরাং B বিন্দু দিয়া যে আলোক রশ্মি যাইতেছে তাহার তীব্রতা লেখা যাইবে

$$I_a = A^2 \cos^2(\theta - \phi) - A^2 \sin 2\theta \sin 2\phi \sin^2 \frac{\delta}{2}$$

এখানে A প্রথম নিকল্ হইতে নিগত তরঙ্গের বিস্তার এবং ট 'C' কেলাসের মধ্য দিয়া যাওয়ার ফলে দুইটি রন্মির মধ্যে উভূত দশা-পার্থকা। সাদা আলো ব্যবহার করিলে সমান্তরাল রন্মিমালার নাায় লেখা যায়

$$I_a = A^2 \cos^2 (\theta - \phi) \sum A^2 - \sin 2\theta \sin 2\phi \sum A^2 \sin^2 \frac{\pi}{2}$$
(4.54)

আর উহার সঙ্গে সাদৃশ্য রাখিয়া প্রথম পদচিকে সাদা-আলোর পদ এবং দিতীরটিকে রন্তীন আলোর পদ বলা ঘাইতে পারে।

উপরে যে হিসাব কর। হইরাছে তাহ। II বৃত্তের যে কোনও একটি বিন্দু দিরা গমনকারী রশিক বেলার প্রবোজ। হইবে। তবে এই বৃত্তের সব জারগায়ই আলোর তীব্রতা এক হইবে না। উদাহরণম্বর্প দেখা যাইতে পারে যে যখন sin 20 sin 2\$\phi = 0 হইবে তখন খিতীর পদটি থাকিবে না এবং তীব্রতা দাড়াইবে

 $I_s = \cos^2(\theta - \phi) \Sigma A^2 \tag{4.55}$

সূতরাং এই ক্ষেত্রে ব্যতিচার নক্স৷ (interference pattern) অবার্ণ হইবে $1 \sin 2\theta \sin 2\phi = 0$ এর অর্থ

$$\frac{\theta - 0^{\circ}}{\phi - 0^{\circ}} = \frac{10^{\circ}}{10^{\circ}}$$
 (4.56)

৪.৪৫ নং চিত্র হইতে দেখা যাইবে যে প্রথম দুইটি ক্ষেত্রে B বিন্দু এমন অবস্থানে থাকিবে যাহাতে RB সমবর্তক কেলাসের মুখ্য-তলের সমান্তরাল অথবা অভিলয়ে থাকিবে । সূতরাং এই দুইটি সরলরেখা RX এবং RY অবার্ণ হইবে । সেইরকম ভাবে দ্বিতীয় ক্ষেত্র দুইটির বেলায়ও B বিন্দুর অবস্থান এমন হইবে বে পূর্বের ন্যায় দুইটি পরস্পরের অভিলয়ে অবস্থিত অবার্ণ-রেখা পাওয়া যাইবে আর ইহারা বিশ্লেষক কেলাসের মুখ্য তলের সমান্তরাল অথবা অভিলয়ে থাকিবে । কাজেই দেখা যাইতেছে যে সাদা আলোর ক্ষেত্রে ব্যতিচার নক্সা রঙীন হইলেও দুইজোড়া অবার্ণ আয়তাকার ক্রস (rectangular cross) উৎপন্ন হইবে । ইহাদের উপর আলোর তীরতা হইবে $I_e = \cos^2 (\theta - \phi) \Sigma A^2$.

কিন্তু যদি $\theta = \phi$ হয় তবে $I_* = \sum A^2$

অর্থাৎ C কেলাস এবং বিশ্লেষক নিকলের কোনও প্রভাব পারগত আলোর উপর পাড়বে না । ইহার কারণ অবলা চিত্র ৪.৪৫ দেখিলে সহজেই বুঝা বাইবে । বিদ $\theta=0^\circ$ ধরা হয় তবে B বিন্দু RY সরলরেখার উপর থাকিবে । অর্থাৎ RE দিকটি RY দিকের সহিত সম্পাতী হইবে । ফলে আপতিত সমবর্তিত রাশ্মর কম্পনের ভংশ BA শুধুমাত্র RY দিকে একটি উপাংশই সৃষ্টি করিবে । RY এর অভিলম্বের উপাংশ কিছুই থাকিবে না । আবার $\theta=\phi$ এর অর্থ এই যে বিশ্লেষক নিকলের পারগত রাশ্মর কম্পনের দিক BA'ও RY এর দিকেই থাকিবে । ফলে এই কম্পন দিকের আপতিত রাশ্ম বিনা বাধায় বিশ্লেষক নিকলের মধ্য দিয়া চলিয়া যাইবে এবং ইহার উপর C কেলাস ও বিশ্লেষক নিকলের কোনও প্রভাব পড়িবে না ।

কিন্তু পূর্বোক্ত অবস্থায় যদি $\theta=\phi$ এর বদলে $\theta-\phi=90^\circ$ হয় তবেও এই অবার্ণ আয়তকার ক্রশ পাওয়া যাইবে কিন্তু এই ক্ষেত্রে ক্রশটির আলোর তীব্রতা হইবে শুন্য ; অর্থাৎ $I_s=0$.

দেখা ষাইতেছে বে বিভিন্ন কোণের আলোর শব্দু C কেলাসকে বিভিন্ন ব্যাসের বৃত্তে ছেদ করে। আর ইহার যে কোনও একটি বৃত্তে অবস্থিত বিভিন্ন বিষ্ণু দিয়া গমনকারী রশ্মিগুলির ক্ষেত্রে দশা-পার্থক্য ৫ সমান। কিন্তু আলাদা শব্দুতে দখা-পার্থক্য আলাদা। এইজনা ব্যতিচার নক্সা হিসাবে একসারি একক্ষেনীর (concentric) বৃত্তাকার রেখা পাওরা বাইবে। এই বৃত্তসমূহের উপর আরতাকার অবার্গ ক্রস দুইটি আরোপিত থাকিবে।

সূতরাং দেখা বাইতেছে যে বাতিচার নকসার দুই প্রকার রেখা পাওর। বাইবে। একজাতীর রেখা হইবে বৃদ্ধাকার এবং সাদা আলো বাবহার করিলে এই বৃদ্ধান্ত রঙীন হইবে। ইহাদের সমক্র রেখা (isochromatic lines) বা ঝালর (fringes) বলা বাইতে পারে। অন্য জাতীর রেখা হইবে আরতাকার রুশ দুইটি। এই দুইটি অবার্গ হইবে। সূতরাং ইহাকে বলা বার অবার্গ রেখা (achromatic lines). বিশেব বিশেব ক্ষেত্রে এই দুইটি রুশ মিলিরা একটিতে পরিণত হইবে (যখন $\theta = 0^\circ$ বা 90° এর সঙ্গে সঙ্গে $\phi = 0^\circ$ বা 90° হর)। আর $\theta = \phi = 90^\circ$ হইলে এই রুশে আলোর তীরতা শূনা হইবে।

 $\sin 2\theta \sin 2\phi$ ধনাত্মক অথবা ঋণাত্মক হইতে পারে ! ইহা ধনাত্মক হইবে ঋখন $\theta=0^\circ$ হইতে $\phi=90^\circ$ পর্যান্ত কোণ উৎপন্ন করিবে । আবার বখন $\phi=90^\circ$ হইতে $\theta=90^\circ$ কোণ উৎপন্ন করিবে তখন $\sin 2\theta \sin 2\phi$ ঋণাত্মক হইবে ৷ এই পদটি ধনাত্মক হইলে সমক্র রেখার আলোর তীব্রত। চরম অথবা অবম হইবে বথাক্রমে নির্মালিখিত ক্ষেত্রে

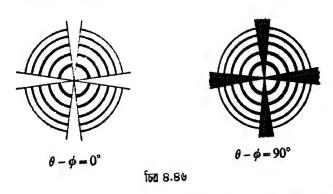
$$\sin\frac{\hat{\sigma}}{2}=0$$
 বা $\hat{\sigma}=2n\pi$ তীব্রতা চরম (4.57) $\sin\frac{\hat{\sigma}}{2}=1$ বা $\hat{\sigma}=(2n+1)\pi$ তীব্রতা অবম

কিন্তু যখন sin 20 sin 2¢ ঋণাশ্বক হ**ইবে তখন সমবর্ণ ছেখার আলোর** তীরভা নিম্নলিখিত সর্ভ খারা নিম্ন**ভিত হ**ইবে

$$\sin \frac{\sigma}{2} - 1$$
 বা $\hat{\sigma} = (2n+1)\pi$; আলোর তীব্রতা চরম $\begin{cases} \delta = 0 \end{cases}$ বা $\hat{\sigma} = 2n\pi$; আলোর তীব্রতা অবম $\begin{cases} 4.58 \end{cases}$

চিত্র নং ৪.৪৫ হইতে দেখা বার বে $\sin 2\theta \sin 2\phi$ চিন্তু পরিবর্তন করে বখন আলোচ। বিন্দুটি একটি অবার্ণ রুশ পার হইর। বার, কারণ এই ক্ষেত্রে θ অথবা ϕ কোণ 0° অথবা 90° অবস্থানের মধ্য দিরা গমন করে; আর θ অথবা $\phi=0^\circ$ বা 90° অবার্ণ রুশের অবস্থান নির্দেশ করে। সূত্রাং বৃদ্তাকার একটি রেখা ধরিরা গেলে বখন ইহার কোনও বিন্দু একটি অবার্ণ রুশ

পার হইয়া যায় তথন এই সমবর্গ রেথায় আলোর রঙ প্রক রঙে (complementary tint) পরিবর্তিত হয় কারণ যখন $\sin 2\theta \sin 2\phi$ ধনাত্মক থাকে তথন সাদা আলোর পদ হইতে রঙীন আলোর পদ বাদ যায়, কিন্তু ইহা ঋণাত্মকে পরিবর্তিত হইলে সাদা আলোর পদের সহিত রঙীন আলোর পদ যোগ হয় । এখানে ধরা হইরাছে যে বিন্দৃটি আয়তাকার রুশ পার হইতেছে। এই পরিবর্তন অবশ্য শুধু সেই ক্ষেত্রেই হইবে যেখানে দুইটি আয়তাকার রুশ আলাদাভাবে পাওয়া যাইবে। এই দুইটি রুশ যখন মিশিয়া একটিতে পরিগত হয় তখন আর এই প্রক রঙে পরিবর্তন হয় না। কারণ দুইটি রুশ মিশিয়া একটিতে পরিগত হয় তখন আর এই প্রক রঙে পরিবর্তন হয় না। কারণ দুইটি রুশ মিশিয়া একটিতে পরিগত হওয়ার অর্থ $\theta=0^\circ$ বা 90° এবং একই সঙ্গে $\phi=0^\circ$ বা 90° . এইরূপ অবস্থানে আলোচ্য বিন্দু আয়তাকার রুশ পার হওয়ার ফল হইবে বে $\sin 2\theta$ এবং $\sin 2\phi$ একই সঙ্গে চিহ্ন পরিবর্তন করিবে। ফলে $\sin 2\theta \sin 2\phi$ এর চিহ্নের কোনও পরিবর্তন হইবে না।



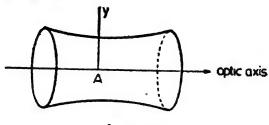
সমবর্ণ রেখার উপর কোনও বিন্দুর স্থানাত্ক যদি x,y হয় এবং কেলাসে সাধারণ ও অসাধারণ আলোর প্রতিসরাত্ক μ_{ord} এবং μ_{ozt} হয় তবে সমবর্ণ রেখার উৎপাদক রেখার (generating curve) সমীকরণ দাড়াইবে

$$\{(\mu_{ord}^{2} - \mu_{ox})^{2}y^{2} + \delta^{2}\}^{2} = 4\mu_{ord}^{2}(x^{2} + y^{2})\delta^{2}$$
 (4.59)

এখানে \hat{o} = আলোচ্য বিন্দুতে দুইটি রন্মির দশা-পার্থক্য।

এই উৎপাদক রেখাকে যদি কেলাসের অক্ষের চতুর্দিকে ঘোরানো যায় তবে সংগ্রিক সমবর্ণ তল (isochromatic surface) পাওয়া যাইবে। ইহার আকার ৪.৪৭ নং চিত্রে প্রদর্শিত হইল।

এই চিচ হটতে 'C' কেলাসের বিভিন্ন অবস্থানে সমবর্ণ রেখার আকৃতি नरकरे जनुमान क्या यात ।



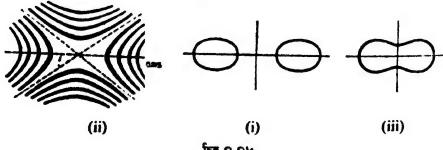
150 B.89

একা ক কেলাসের বেলার এই আকৃতি হইবে

- (i) অক্ষের অভিনৰে ছেলের বেলার বৃত্তাকার (circular)
- (ii) অক্ষের সমান্তরাল ছেদের বেলার পরাবৃত্তাকার (hyperbolic)
- (iii) ি তর্মক ছেলের বেলার অক্ষের সহিত তলের কোণের উপর নির্ভর করিরা উপবৃত্তাকার (elliptic) অথবা পরাবৃত্তাকার।

দাব্দ কেলাসের বেলার এই আকৃতি দাড়াইবে (চিত্র নং ৪.৪৮)

- (i) আলোকঅভের অভিনয়ে ছেদের বেলার আবদ্ধ বলয়াকার (closed rings)
- আলোকঅক পুইটির ওলের সহিত সমান্তরাল ছেদের বেলায় (ii) পরাবস্তাকার
- (iii) আলোক-অক্ষের মধ্যেকার কোণের দি-পন্তকের (bisector) অভিনৰে ছেদের বেলার লেম্নিছেট (lemniscate).



150 8.8V

ৰাভিচায় নকুসাৰ কেন্দ্ৰেশ হইতে যদি একটি বাাসাৰ্থ ভেটর টানা হয় ভবে এই ভেটরের বিভিন্ন অংশে বে সমন্ত রাশি আপতিত হইবে, তাহাদের দশা-পার্থক্য δ ও বিভিন্ন হইবে। বে রশ্মিটি কেন্দ্রবিন্দু দিয়া যাইবে ভাহাতে কোনও দশা-পার্থক্য থাকিবে না। $\sin 2\theta \sin 2\phi$ ধনাত্মক হইলে প্রথম যখন $\sin \frac{\partial}{2} = 0$ হইবে তখন আলোর তীরতাও চরম হইবে। ব্যাসার্জ্ব ভেক্টরের পথে বাহিরের দিকে গেলে আবার যখন $\sin \frac{\delta}{2} = 0$ হইবে তখন খিতীয়বার আলোর তীরতা চরম হইবে। $\delta = \frac{2\pi}{\lambda} (\mu_{ora} - \mu_{oxt}) d$ হইতে দেখা যায় যে 'C' কেলাসের বেধ d বেশী হইলে δ র পরিবর্তনও ভাড়াভাড়ি ঘটিবে। অর্থাৎ সমবর্ণ রেখার ব্যাসার্দ্ধ এই ক্ষেত্রে কমিয়া ঘাইবে। এই নীতি বাবহার করিয়া কোনও কেলাসের চিহ্ন (অর্থাৎ ইহা ধনাত্মক কি খাণাত্মক কেলাস) নির্পণ করা যায়। একটি জানা চিহ্নের কেলাস দ্বারা প্রথমে ব্যাতিচার নক্সার সৃষ্টি করা হয়। ইহার পর অজ্ঞানা চিহ্নের কেলাসটি জানা চিহ্নের কেলাসের পরে সমান্তরাল অবস্থানে রাখা হয়। যদি ইহাদের উভয়ের চিহ্ন এক হয় তবে কার্য্যন্তঃ 'C' কেলাসের বেধ বাড়িয়া যাইবে। সূতরাৎ সমবর্ণ রেখাগুলির ব্যাসার্জ্ব কমিয়া আসিবে। আর যদি ইহারা বিপরীত চিহ্নের হয় তবে ইহাদের কার্য্যকরী বেধ কমিয়া আসায় সমবর্ণ রেখার বাসার্জ্বও বাড়িয়া বাইবে।

বৃত্তাকার সমবর্তিভ আলোর ব্যতিচার (Interference of circularly polarised light).

এতক্ষণ তলীয়-সমর্বতিত আলোর সমর্বর্তনের ব্যতিচারের আলোচনা করা হইরাছে। আলো বদি তলীর সমর্বতিত না হইরা বৃত্তাকার সমর্বতিত হয় তবে ব্যতিচার নক্সার কিছু পরিবর্তন হইবে। বৃত্তাকার সমর্বতিত আলোকে ধরা যায় পরস্পরের অভিলয়ে কম্পনশীল দুইটি সমান বিস্তারের স্রংশ যাহাদের মধ্যে দশা-পার্থকা $\frac{\pi}{2}$; সূতরাং ইহাদের লেখা যায়

$$x = A \sin 2\pi \nu t, \qquad y = A \cos 2\pi \nu t \tag{4.60}$$

এখানে 🗸 তরঙ্গের কম্পনসংখ্যা ।

সূতরাং এই বৃত্তাকার সমবাঁতত এবং সমান্তরাল আলোকের 'C' কেলাসে আপতনের ফলে ইহা ঐ কেলাসের দুইটির কম্পনদিকে বিভক্ত হইয়াছে বাঁলয়া মনে করা বাইতে পারে। এখানে C কেলাসে আলোক অক্ষের দিক প্রতিসরণ তলের অভিলব্ধে আছে বাঁলয়া ধরা হইয়াছে। এই উপাংশ দুইটির মধ্যে দশা-পার্থক্য হইবে $\frac{\pi}{2}$. কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের ফলে

ইছাদের মধ্যে *ই* দশা-পার্থক্য উৎপক্ষ হইবে। সৃতরাং *C* কেলাসে গমনের পর উপাংশ দুইটি দীড়াইবে

$$x = A \sin 2\pi \nu t \qquad y = A \cos (2\pi \nu t + \delta) \tag{4.61}$$

এইবার বিশ্লেষক নিকলে আপতিত হইরা ইহারা নিকলের মুখা-তলে আবার উপাংশে বিভক্ত হইবে। মুখা-তলের অভিলব্ধে উপাংশের কণা ধরা হইতেছে না কারণ এইগুলি নিকলে আটকাইরা যাইবে। পারগত উপাংশ দুইটি হইবে (এখানে C কেলাসের RX কম্পন্দিকের সহিত বিশ্লেষক নিকলের কম্পন্দিক & কোপে আছে)

 $A\cos\phi\sin2\pi\nu t$ এবং $A\sin\phi\cos(2\pi\nu t + \delta)$. ইহাদের ক্রমে একই দিকে হওয়ায় ইহাদের মধ্যে ব্যতিচারের সৃষ্টি হইবে । বে কোনও বিন্দৃতে আলোর তীব্রতা নিম্নলিখিত ভাবে পাওয়া বাইবে ।

উপাংশ দুইতির লাভ হইবে

 $A \cos \phi \sin 2\pi vt + A \sin \phi \cos (2\pi vt + \delta)$

- $A \cos \phi \sin 2\pi vt + A \sin \phi (\cos 2\pi vt \cos \delta)$

 $-\sin 2\pi vt \sin \delta$

 $=A \sin \phi \cos \theta \cos 2\pi vt + (A \cos \phi - A \sin \phi \sin \theta) \sin 2\pi vt.$ সূতরাং বে কোনও বিষ্ণুতে আলোর তীব্রতা হইবে

 $I_a = A^2 [\sin^2 \phi \cos^2 \theta + (\cos \phi - \sin \phi \sin \theta)^2]$

 $=A^{2}[\sin^{2}\phi\cos^{2}\tilde{\sigma}+\cos^{2}\phi+\sin^{2}\phi\sin^{2}\tilde{\sigma}$

 $-2 \sin \phi \cos \phi \sin \delta$

 $= A^{2}[\sin^{2}\phi (\cos^{2}\delta + \sin^{2}\delta) + \cos^{2}\phi - \sin 2\phi \sin \delta]$

$$= A^{2}[1 - \sin 2 \phi \sin \delta]. \tag{4.62}$$

সূতরাং দেখা যাইতেছে এক্ষেত্তেও একটি সাদা আলো এবং একটি রঙীন আলোর পদ থাকিবে : ফলে সাদা আলো বাবহার করিলে বাতিচার নকসা রঙীন হইবে ।

তলীর সমর্বতিত সমান্তরাল আলোকরন্দির মত এখানেও রঙীন আলো পাওরা বাইবে। কিন্তু এখানে পার্থকা এই বে এই রঙ সমবর্তক নিকলের অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে না।

এই ক্ষেত্রে দুইটি অবস্থানে সাদা আলো পাওয়া ৰাইৰে (ভলীর সমবর্তনের ক্ষেত্রে চারিটি অবস্থানে সাদা আলো পাওয়া যায়)। এই দুইটি অবস্থান হইবে sin 20-0 (4.63)

क्यांर \$ -0° वा 90°.

এই দুই অবস্থানে বিশ্লেষক নিকল্ C কেলাসের মূখ্য ছেদের সমান্তরাল অথবা অভিসৰে থাকিবে। এই দুই অবস্থানেই আলোর তীন্ততা হইবে

$$I_o - A^2$$
.

এছাড়া ০ সমস্ত আলোকরশির জনা একই হওয়ায় ব্যতিচার নক্সার সমস্ত ক্রায়গায়ই একই রঙ হইবে। (এখানে সমান্তরাল রশ্মির ব্যতিচারের কথা ধরা হইয়াছে।)

আবার সমর্বতিত বুশ্মি যদি বৃত্তাকার সমর্বতিত কিন্তু অভিসারী বা অপসারী হয় তবে পূর্বের মতই দেখানে৷ যায় যে এক্ষেত্রেও রঙীন বলয় এবং অবার্ণ কুস্ পাওয়া বাইবে। অবার্ণ ক্রসের সমীকরণ হইবে

$$\sin 2\phi = 0.$$

সূতরাং এখানে একটিমাত্র আয়তাকার অবার্ণ ক্রস্ পাওয়া যাইবে, দুইটি নর। তলীয় সমবর্তনের ক্ষেত্রে সাধারণত দুইটি ক্রস্ পাওয়া যায়।

অবশ্য এখানেও ধরা হইয়াছে যে 'C' কেলাসে আলোক-অক্ষ প্রতিসরণ তলের অভিলবে অর্থাস্থত। এই অবার্ণ ক্রসটির আলোক তীরতা হইবে

$$I_a = A^2$$
.

আর এই তীব্রতা সমর্বতক এবং বিশ্লেষক নিকলের মুখ্য-তলের মধ্যের কোণের উপর নির্ভর করিবে না।

আলোক বলয়ের বেলায় নিকল্ দুইটির যে কোন আপেক্ষিক অবস্থানে sin 2 ϕ – ধনাত্মক ক্ষেত্ৰে লেখা যায়

$$\sin \delta = 1$$
 বা $\delta = (4n+1)\frac{\pi}{2}$ আলোর তীবতা অবম $\delta = -1$ বা $\delta = (4n-1)\frac{\pi}{2}$ আলোর তীবতা চরম δ

ভলীয় সমবর্তনের ক্ষেত্রে চরম এবং অবম তীব্রতার নিয়ামক ছিল $\sin^2rac{\delta}{2}$ সূতরাং সেখানে এই সর্তগুলি ছিল

$$\sin \frac{\delta}{2} = 1$$
 বা $\delta = 2n\pi$ আলোর তীব্রত। অবম

$$\sin\frac{\delta}{2}=1$$
 বা $\delta=(2n+1)\pi$ আনোর তীরতা চরম। $\delta=0$ বা $\delta=(2n+1)\pi$

এই তফাৎ দাঁড়াইতেছে এই কারণে যে দ্বিতীয় ক্ষেত্রে পদটি $\sin^2rac{\delta}{2}$ কিন্তু প্রথম

ক্ষেত্রে পদটি $\sin \delta$. ফলে ব্যতিচার নক্সার চেহার। দাড়াইবে ৪.৪১ নং চিত্রে প্রদর্শিত আকৃতির অনুরূপ।



fee 8.83

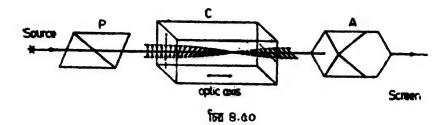
বৃত্তাকার সমর্বার্ডত আলোর ব্যতিচারের পরীক্ষা এরারী (Airy) সর্বপ্রথম বিশদর্পে সম্পন্ন করেন। আলোকীর সক্রিয়ভা বা আলোকীর ঘূর্ণন (Optical activity or optical rotation).

1811 সনে আরোগো (Arago) আবিদ্বার করেন যে বলি কোনও তলীর সমবর্তিত আলোকরণা কোরার্টস্ কেলাসে আলোক অক্ষের সমান্তরালে প্রতিস্ত হয় তবে কেলাস হইতে নির্গত রণির সমবর্তন তলের পরিবর্তন দেখা বায়। ইহার ফলে বলি এইর্প একটি কোরার্টসের কেলাসের ফলক (য়াহাতে আলোক অক্ষ প্রতিসরণ তলের অভিলবে অবস্থিত) দূইটি প্রতিকৃল অবস্থানে রক্ষিত নিকলের মধ্যে স্থাপন করা হয় তবে আলো এই নিকল দূইটির মধ্য দিয়া গমন করিতে পারে। এই ধরণের পরীক্ষার পূর্বেকার বর্ণনা হইতে জ্বানা আছে যে অনুরূপ অক্যানে একটি ক্যালসাইট কেলাস নিকলে নির্বাপিত আলোর পুনরাবির্ভাব সম্পন্ন করিতে পারে না; এই পুনরাবির্ভাবের জন্য আলোক অক্ষ প্রতিসরণ তলের অভিলবে থাকা চলিবে না। আলোর পুনরাবির্ভাবের জন্য ক্রোনে দুইটি রন্মির মধ্যে দশা-পার্থকোর উদ্ভব হওয়া দরকার। কিন্তু আলোক অক্ষের দিকে গেলে এই দশা-পার্থকোর সৃত্তি হয় না, কাজেই আলোর পুনরাবির্ভাবও হয় না।

ষধন একটি তলীয় সমর্বতিত রণি কোনও বছে বনুর তলে আপতিত হর, এই তলে প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত রন্মির সমবর্তন তল সাধারণত আপতিত রন্মির সমবর্তন তলের সহিত সম্পাতী হয় না। এথানেও সমবর্তন তলের পরিবর্তন হইয়া থাকে। কিন্তু কোয়ার্ট্সে গমনের ফলে বে সমবর্তন তলের পরিবর্তন হয় ভাহার সঙ্গে ইহার পার্থক্য আছে। দেখা গিয়াছে বে প্রতিফলনে এবং প্রতিসরণে সমবর্তন তলের পরিবর্তনের পরিমাণ আলোক রন্মির পথের দৈর্ঘের উপর নির্ভরশীল নহে। এই পরিবর্তন প্রতিফলন বা প্রতিসরণ তলেই সৃষ্ট হয়; এই তল হইতে দ্রে গেলে আর নৃতন কোনও পরিবর্তন হয় না। অন্যাদকে কোয়ার্টসের ক্ষেত্রে সমবর্তন তলের ঘৃর্ণনের পরিমাণ কোয়ার্ট্সে আলোকপথের সমানুপাতিক। সূত্রাং বুঝা যায় যে এই দুই প্রকার পরিবর্তনের মধ্যে মৌলিক পার্থক্য আছে।

আলোকের সমবর্তন তলের এই ঘূর্ণন নিম্নলিখিত পরীক্ষা বাবস্থার দ্বারা নির্ণর করা ঘাইতে পারে। ৪.৫০ নং চিত্রে একটি আলোক উৎস হইতে নির্গত আলো P নিকলের ভিতর দিয়া যাওয়ার ফলে ইহা হইতে একটি অসাধারণ রিশা পাওয়া গিয়াছে। এই রিশাটি তলীয় সমব্তিত এবং ইহার কম্পন দিক চিত্রতলের সহিত সম্পাতী (নিকলের মুখা ছেদের সহিত

প্রকৃতপক্ষে সম্পাতী)। C একটি কোরাট্সের কেলাস। ইহাতে আলোক অক্ষের দিক প্রতিসরণ তলের অভিলবে আছে। কেলাসটি এমনভাবে বসানো আছে বাহাতে সমর্বতিত রশ্মি ইহার প্রতিসরণ তলের অভিলবে আপতিত হয়; ফলে এই রশ্বি আলোকঅক্ষের দিকেই গমন করে।



A একটি বিজ্ঞেবক নিকল্। পরীকার প্রথমে P এবং A নিকল্কে পরস্পরের প্রতিকূল অবস্থানে বসানো হয়। তাহা হইলে A নিকলের অবস্থান হইতে সমর্বাতিত আলোর সমর্বর্তন তল জ্ঞানা থাকে। এবার C কেলাসটি বসাইলে দেখা বাইবে বে A নিকলের নির্বাপিত আলোর পুনরাবিভাব ঘটিয়াছে। A নিকল্টি ঘুরাইয়া আলো আবার নির্বাপিত কর। সম্ভব হইবে। বলি θ° ভোলে A নিকল্টি ঘুরাইলে আলো নির্বাপিত হয় ছবে C কেলাসের মধ্য দিয়৷ যাইবার ফলে সমর্বর্তন তলের θ° ঘূর্ণন হইয়াছে। জবল্য C কেলাসের বেধ বলি বেলী হয় ভবে প্রকৃত ঘূর্ণন ৩+ দল হইবে।

ভালীর সমর্যতিত আলোর সমর্থন তলের এইবুপ ঘূর্ণনকে বলা হয় আলোকীর সক্রিয়তা বা আলোকীর ঘূর্ণন (optical activity বা optical rotation). অনেক কেলাসের মধ্য দিয়া যাইবার সমরই এই ঘূর্ণন উৎপর হয়। ভরল বা দ্রবন ও গ্যাসেও অনুরূপ ঘূর্ণনের উপন্থিতি দেখা যায়। বিশ্বও কঠিন পদার্থের ক্ষেত্রে কোরাট্স্ কেলাস এই জাতীর ঘূর্ণনের সর্বাধিক জ্ঞাত উদাহরণ কিন্তু অন্যান্য ক্ষেত্রে, বথা সিনাবার (cinnabar), কেলাসিত চিনি (sugar crystals) সোভিয়াম ক্রোরেট (sodium chlorate) হাইপোসালকেট অব পটাম-এও (hyposulphate of potash) এই ঘূর্ণন দেখিতে পাওয়া বায়। এই ঘূর্ণনের একটি লক্ষণীর বিষয় হইল বে ইহা কোন কোন কোনা বায়। এই ঘূর্ণনের একটি লক্ষণীর বিষয় হইল বে ইহা কোন কোন কোনা দক্ষিণ হস্তের দিকে কর্মাৎ বাজুর কাটার চলার দিকে হয়। এই সমস্ত কেলাসকে দক্ষিণাবন্ত (right-handed বা dextrorotatory) কেলাস বলা হয়। অনুরূপভাবে বে সমস্ত কেলাস সমর্বন্ত ভলকে বামহন্তের দিকে

বা বড়ির কাটার গতির বিপরীত দিকে ঘুরার তাহাদের বামাবর্ত (left-handed বা levorotatory) কেলাস বলা হর। তবে এই ঘূর্ণনের দিক নির্ণরে একটা কথা মনে রাখিতে ছইবে। আলোর আগমন দিকে মুখ করিয়া দাঁড়াইলে বিদ একজন দর্শক ঘড়ির কাটার দিকে ঘূর্ণন দেখিতে পার তবে সেই আলোরই আবার আলোর গমন দিকে মুখ করিয়া দাড়াইলে মনে হইবে ঘূর্ণন ঘড়ির কাটার গতির বিপরীত হইতেছে। সূতরাং আলো কোন দিক হইতে দেখা হইতেছে ঘূর্ণনের দিক তাহার উপর নির্ভর করিবে। স্বাধিক প্রচলিত প্রথা অনুসারে যদি আজ্লার আগমন দিকে তাকাইয়া একটি দর্শক সমবর্তন তল কেলাসে দক্ষিণ হস্তের দিকে ঘূরিতে দেখে তবে সেই কেলাসকে দক্ষিণাবর্ত কেলাস বলা হইবে। অনুরূপ প্রণালীর সংজ্ঞাই বামাবর্ত কেলাসের বেলায়ও প্রযোজা।

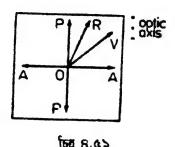
বিও (Biot) এই আলোকীয় সক্লিয়তা অত্যন্ত যন্ত্ৰের সহিত পরীক্ষা করেন এবং পরীক্ষার ফলে দেখিতে পান যে

- (a) সমবর্তন তলের ঘৃর্ণন কেলাসের ভিতর দিয়া প্রতিসৃত আলোক-পথের দৈর্ঘোর সমানুপাতিক। এই দিক হইতে বিবেচনা করিলে সহজেই বুঝা যায় যে এই প্রক্রিয়ায় প্রতিসরণ তলে এই ঘ্র্ণনের উৎপত্তি হয় না; কেলাসে আলোকের গতির সমস্ত পথ ব্যাপিয়াই এই ক্রিয়ার সৃষ্টি হয়;
- (b) প্রথম নিরমের অনুসিদ্ধান্ত (corollary) হিসাবে দেখা বার বে দুইটি ফলকের মোট উৎপল্ল ঘূর্ণন ইহাদের প্রত্যেকের ঘূর্ণনের বীজগাণিতিক (algebraic) সমষ্টির সমান।

ঘূর্ণনের বিচ্ছুরণ (Rotatory dispersion).

বিওর তৃতীয় পর্যবেক্ষণ হইতে দেখিতে পাওয়া বায় যে আলোকতরক্ষের দৈর্ঘ্য কমিলে ঘৃণনের পরিমাণ বাড়িতে থাকিবে। ইহার প্রথম এবং সহজ্বতম ফল দাড়াইবে এই যে যদি উপরোক্ত পরীক্ষা বাবন্দায় সাদা আলো আপতিত করা হয় তবে A নিকল হইতে নিগতি আলো রঙীন হইবে। দিতীয়তঃ A নিকলের কোনও অবস্থানেই আলো সম্পূর্ণ নির্বাপিত হইবে না। ইহার কারণ ৪.৫১ চিত্র হইতে সহজেই বুঝা যাইবে।

৪.৫১ নং চিত্রে একটি কেলাসের আলোকের প্রতিসরণের অভিলক্তে প্রস্থাক্তেদ (cross section) দেখানো হইরাছে। ইহাতে আলোক অক্তের এবং আলোকের প্রতিসরণের দিক উভরেই চিত্রতলের অভিলবে অবস্থিত। PP সমবর্তক নিকলের পারগম দিক। P নিকল হইতে নিগতি তলীয় সমবর্তিত আলোর কম্পনদিক PP. C কেলাসে ইহার ঘূর্ণনের সৃষ্টি হয়। ঘূর্ণনের বিচ্চুরণের ফলে বিভিন্ন তরক্ষ বিভিন্ন কোণে ঘূর্ণিত হইবে। লাক্ত



আলোর মূর্ণনের ফলে যদি ইহার কম্পন্দিক OR হয় তবে বেগুনী আলোর কম্পন্দিক হইবে OV. বিশ্লেষক নিকলের পারগ্যাদিক OA রাখা হইরাছে বাহাতে C কেলাসটি না থাকিলে আলো সম্পূর্ণ নির্বাপিত হয়। বিক্ষুরণের ফলে সৃষ্ট বিভিন্ন আলোর বিভিন্ন ঘূর্ণনের ফলে এই ক্ষেত্রে আলোর সম্পূর্ণ নির্বাপন এ কেলাসের কোনও অবস্থানেই সম্ভব হইবে না। বিভিন্ন আলোর OA দিকের উপাংশগুলি A কেলাসের মধ্য দিরা গমন করিবে। সূতরাং এ নিকলের পারগম দিক পরিবর্তন করিয়া যদি কোনও বিশেষ তরঙ্গ নিৰ্বাপিত করা হয়, অন্যান্য তরকের উপাংগ বিভিন্ন পরিমাণে OA দিকে বর্তমান থাকিবেই। সূতরাং সমন্ত তরঙ্গ একসঙ্গে আটকানো সন্তব হইবে না। এছাড়া বিভিন্ন তরক্ষের উপাংশ বিভিন্ন পরিমাণে পারগত হওয়ার A কেলাস হইতে নিগত আলো এই সমন্ত উপাংশের মিশ্রণ হইবে ; ফলে সাদা আলো বাৰছার করিলে পারগত আলো রঙীন হইবে। আর এই রঙ নির্ভর করিবে 🖈 নিকলের অবস্থানের উপর । এইটি যুক্তইয়া লাল আলো নির্বাপিত করিলে পারগত আলোর রঙে নীল ও বাদামী আলোর পরিমাণ বেশী হইবে। আবার বেগুনী আলো নির্বাণিত করিলে পারগত আলোতে লাল কমলা রঙের প্রাবলা इटेरव । **भरत रम्या वादेरव रव अदे विकास वावदाय क**ित्रता खारमाकीत पूर्गतिक পুৰ সৃক্ষ পরিষাপ করা বার।

কেলাসের 1 mm. বেধের মধ্য দিয়া বাইতে সমবর্তন তলের যে পরিমাণ ঘূর্ণন হয় ভাহাকে বলা হয় আপেক্ষিক ঘূর্ণন (specific rotation):

করেকটি বিভিন্ন কেলাসে ইহার মান নিমে দেওয়া হইল। এইগুলি সোডিরামের 5893Å তরকদৈর্ঘোর আলোর জন্য দেওয়া হইল:—

কেলাসের নাম	ঘূর্ণনের পরিমাণ (ডিগ্রী/মি.মি.)	
কোরাট্স্ (Quartz)	21°.7	
जिनावाद (Cinnabar)	32°.5	
ক্লোরেট অব সোডা (Chlorate of se	oda) 3°.7	
হাইপো-সালফেট অব পটাশ	8°.4	
(Hyposulphate of potash)		
হাইপোসালফেট অব লেড	5°.5	
(Hyposulphate of lead)		

ঘূর্ণনের বিচ্ছুরণের জনা বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘার জন্য একই কেলাসে ঘূর্ণনের ফে পরিবর্তন হয় কোয়াট্রের বেলায় ভাহা নিয়ে দেওয়া হইল—

তরঙ্গদৈর্ঘ্য (অ্যাং শ্ব ম এককে)	ঘূর্ণনের পরিমাণ (ডিগ্রী/মি.মি.)	তরঙ্গদৈর্ঘ্য (অ্যাংস্ট্রম এককে)	ঘূর্ণনের পরিমাণ (ডিগ্রী/মি.মি.)
2265.0	202°	5460.7	25°.5
2503.3	154°	5892.9	21°.7
3034.0	95°.	6438.5	18°.
3403.7	72°.5	6707.9	16°.5
4046.6	49°.	7281.4	13°.9
4358.3	41°.5	7947.6	11°.6
4678.2	35°.6		
4861.3	32°.8		
5085.8	29°.7		

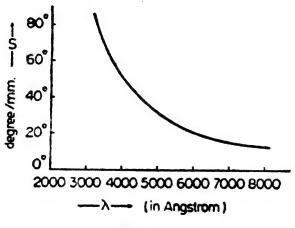
কেলাসে আলোর ঘৃর্ণন এবং আলোর বিচ্ছুরণের কারণের থুবই নিকট সম্বন্ধ বর্তমান। সেঞ্চনা স্থূলভাবে দেখিতে গোলে ইহাদের পরিমাণ একই ধরণের সংকেত (formula) দারা বুঝান যাইতে পারে। বিচ্ছুরণের ক্ষেত্রে প্রতিসরাক্ষ নিম্নলিখিত কব্দি (Cauchy) সংকেত দারা বুঝানো হইরা থাকে

$$\mu = A + \frac{B}{\lambda^2} + \frac{C}{\lambda^4}$$

আলোকীর ঘূর্ণনও অনুরূপ একটি সংকেত দারা বুঝানো বাইতে পারে। যদি আপেক্ষিক ঘূর্ণন (specific rotation) S হর এবং দুই পদ বিশিষ্ট কশি সংকেত ব্যবহার করা হয় তবে লেখা যাইতে পারে

$$S = A + \frac{B}{\lambda^{\alpha}} \tag{4.65}$$

क्षा देशव लाभ इट्रेस निव्वतृभ :



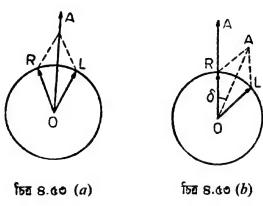
ठिय ८ ७३

প্রতিসরাক্ষ—তরঙ্গদৈর্ঘা লেখের সহিত ইহার পূর্ণ সাদৃশা স্পন্ধরূপে দেখিতে পাওরা বার। আর এই সাদৃশোর কারণ এই বে দূই ক্ষেত্রেই একই ধরণের সংক্রেত কাবহার করা হইরাছে।

ক্রেলের মূর্ণনের ব্যাখ্যা (Fresnel's explanation of rotation).

কোরাটস্ জাতীর কেলাসে সমবর্তন তলের ঘৃণনের একটি চমংকার ব্যাখ্যা ক্রেনেল উপস্থাপিত করেন। এই ব্যাখ্যার সহিত পরীক্ষালর ফল সম্পূর্ণরূপে মিলিরা বার। ক্রেনেলের ব্যাখ্যা নিরবৃপ: বে কোনও একটি তলার সমব্যতিত আলোকরন্মিমালা কেলাসে প্রবেশ করিরা আলোক আক্ষের সমান্তরালে গমনকালে দুইটি বৃত্তাকার সমর্বাত্তত কম্পনে বিভন্ত হয়। এই কম্পনের দিক পরস্পরের বিপরীত (অর্থাং ইহারা ক্ষিকাবর্ত ও ব্যামার্বত) এবং ইহালের কম্পন সংখ্যা সমান। এই দুইটি বৃত্তাকার সমর্বাত্তত আলোকর্মির আলোক-অক্ষের দিকে আলাদা গতিবেগে গমন করে। সাধারণ একাক্ষ কেলাসের ক্ষেত্রে কেথা গিরাছে (বথা ক্যালাসাইট কেলাসের ক্ষেত্রে) বে আলো আলোক-অক্ষের

দিকে গেলে, ইহার বৈধ-প্রতিসরণ হর না। সাধারণ এবং অসাধারণ আলোর ভরঙ্গপৃষ্ঠ দুইটি আলোক অক্ষের দিকে দুই বিন্দৃতে পরস্পরকে স্পর্শ করে। কোরার্ট্স্ জাতীর ধনাত্মক কেলাসের বেলায়ও এই কথাই বলা হইরাছিল। কিন্তু স্ক্রভাবে দেখিলে বুঝা ধার যে কোরার্ট্সের বেলায় তরঙ্গপৃষ্ঠ দুইটি দুই বিন্দৃতে ঠিক স্পর্শ করে না যদিও আলোক-অক্ষের দিকে তাহারা পরস্পরের খুবই নিকটে আসে। সূতরাং এই দিকে আলোকরিশ্ম দুইটির (বৃত্তাকার সমবর্তিত) গতিবেগের পার্থক্য হইবে। কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের কালে ইহাদের মধ্যে পথপার্থক্য এবং ইহা হইতে দশা-পার্থক্যের উদ্ভব হইবে।



৪.৫৩ নং চিত্রে একটি সমর্বাঠত আলোর কম্পন OA দেখা যাইতেছে। কেলাসে প্রবেশ করিয়া ইহা সমান কম্পন সংখ্যার দুইটি বৃত্তাকার সমবর্তনে বিভক্ত হইয়াছে। একটির কম্পন দক্ষিণাবর্ত, এইটি OR; অনাটি বামাবর্ত OL. ক্যালসাইট জাতীর ঋণাত্মক কেলাসে আলোক-অক্ষের দিকে রিশ্ম দুইটির গতিবেগ সমান। ধরা বাক যে কেলাসের বেধ এর্প যে ইহার ভিতর দিয়া যাইতে কম্পনটি প্রায় একটি পূর্ণ বৃত্ত অম্কন করে। তাহা হইলে দক্ষিণাবর্ত এবং বামাবর্ত দুইটি রিশ্মর কম্পনই OAর উভর্রাদকে একই কোণ উৎপক্ষ করিবে। কেলাস হইতে বাহির হইয়া ইহায়। আবার যখন একটিত হইবে, তখন আবার তলীর সমবর্তিত আলোতে পরিবৃত্তিত হইবে। ৪.৫৩ (a) চিত্র হইতে দেখা বাইতেছে যে ইহাদের লব্ধি আবার পূর্বের কম্পন OAর সহিত সম্পাতী হইবে; ফলে এই কেলাসের মধ্য দিয়৷ যাইবার সময় সমবর্তন তলের কোনও পরিবর্তন হইবে না।

কিন্তু কোরার্ট্স্ জাতীর ধনাত্মক কেলাসের ক্ষেত্রে ব্যাপারটা অনার্প

শাড়াইবে। এখানে দুইটি রন্ধির গতিবেগ আলাদা হইবে। ফলে একটি কম্পন বখন বৃত্ত সম্পূর্ণ করিবে, অনাটি তখনও একটু পিছাইরা থাকিবে। কেলাস হইতে বাহির হইলে ইহাদের লভি তলীর সমবর্তিত হইবে, কিন্তু এই তলীর সমবর্তনে কম্পনের দিক আপতিত আলোর কম্পন দিকের সহিত এক হইবে না। এই দুইটি কম্পন OA এবং OA' এর মধ্যের কোণ ঠ নির্ভর করিবে কেলাসের বেধের উপর। আর ঘূর্ণনের দিক নির্ভর করিবে কোন বৃত্তাকার উপাংশের কেলাসের মধ্যে গতিবেগ বেশী তাহার উপর।

আপতিত সরলরৈখিক কম্পন দুইটি বিপরীতমুখী বৃত্তাকার কম্পনে বিভৱ হইলে এই বৃত্তাকার কম্পন দুইচিকৈ লেখা বার

$$x_1 = A \cos 2\pi \nu t$$
 $y_1 = A \sin 2\pi \nu t$ (বামাবর্ত) (4.66)
 $x_2 = -A \cos 2\pi \nu t$ $y_3 = A \sin 2\pi \nu t$ (দক্ষিণাবর্ত) (4.67)

A =বিস্তার ; $\nu = ক^{\mu}$ সনসংখ্যা

এই দুইটি বৃত্তাকার কম্পনের লাভ হইবে 2A sin $2\pi\nu l$. কাজেই দেখা বাইতেছে বে একটি তলীয় সমবর্তিত প্রংশ $2A \sin 2\pi\nu l$ উপরোভ দুইটি বিপরীতমুখী বৃত্তাকার সমব্তিত প্রংশের সমতুল। বলি কেলাসে ইহালের গতিবেগ ভিন্ন হর তবে ইহালের মধ্যে δ দশা-পার্থকোর সৃত্তি হইবে। ফলে এই কেলাসের মধ্য দিয়া বাইবার পর প্রংশ লেখা বাইতে পারে

$$x_1 = A \cos(2\pi \nu t + \delta)$$
 $y_1 = A \sin(2\pi \nu t + \delta)$ (4.68)

$$x_* = -A \cos 2\pi \nu t \qquad y_* = A \sin 2\pi \nu t \qquad (4.69)$$

বাদ OX এবং OY দিকে লাভি উপাংশ হয় বধাক্রমে X এবং Y ভবে লেখা বাইতে পারে

$$X = A \cos (2\pi \nu t + \delta) - A \cos 2\pi \nu t$$

$$= 2A \sin \left(2\pi \nu t + \frac{\delta}{2}\right) \sin \frac{\delta}{2}$$
(4.70)

 $Y = A \sin(2\pi\nu t + \delta) + A \sin 2\pi\nu t$

$$-2A\sin\left(2\pi\nu t + \frac{\delta}{2}\right)\cos\frac{\delta}{2} \tag{4.71}$$

OX এবং OY পরস্পরের অভিনবে দুইটি অনুবেধ (rectilinear) কল্পন। ইছালের দশা (phase) একই। সূতরাং ইছালের লব্বি হইবে একটি অনুবেধ- কশ্সন। এইটি OY অক্ষের সহিত heta কোণ উৎপান করিরা অবস্থান করিবে।

$$\tan \theta = \frac{2A \sin \frac{\delta}{2}}{2A \cos \frac{\delta}{2}} - \tan \frac{\delta}{2}. \tag{4.72}$$

সূতরাং দেখা বাইতেছে যে তলীর সমবর্তিত আলোর ব্র্ণন যদি θ কোণের সমান হর তবে $\theta=\frac{\delta}{2}$; $\delta=$ কেলাসে গমনের ফলে দুইটি রশ্মির মধ্যে উদ্ভূত নশা-পার্থক্য ।

পূর্বেই বলা হইরাছে যে ঘূর্ণনের পরিমাণ আলোকতরক্ষের দৈর্ঘার উপর নির্ভর করে। কেলাসে বৃত্তাকার উপাংশ দুইটির গতিবেগ যদি আলাদা হয় অথচ কম্পনসংখ্যা এক থাকে তবে স্বভাবতই ইহাদের তরঙ্গদৈর্ঘ্য আলাদা হইবে। (কারণ $v=\nu\lambda$). সূতরাং কেলাসের d বেধের মধ্য দিয়া যাইতে ইহা যে দশা-পার্থক্য δ সৃষ্টি করিবে তাহা লেখা যার

$$\delta = 2\pi (w_1 - w_2). \tag{4.73}$$

এখানে বৃত্তাকার উপাংশ দুইটি কেলাসে w, এবং w, আবর্তন (revolution) সম্পন্ন করিয়াছে। আবার

$$d = w_1 \lambda_1 = w_2 \lambda_2, \tag{4.74}$$

কারণ কেলাসে d বেধ অতিক্রম করিতে λ_1 এবং λ_2 যথাক্রমে w_1 এবং w_2 আবর্তন সম্পন্ন করিয়াছে। সূতরাং

$$\tilde{o} = 2\pi \left(\frac{d}{\lambda_1} - \frac{d}{\lambda_2}\right) = \frac{2\pi d}{\lambda_1 \lambda_2} (\lambda_2 - \lambda_1) = 2\pi d \frac{\Delta \lambda}{\lambda_1 \lambda_2}.$$
 (4.75)

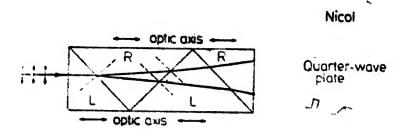
বিদ △১ - একটি কুদু এবং নির্দিষ্ট সংখ্যা হয় তবে লেখা ঘাইতে পারে

$$\theta = \frac{\delta}{2} = \pi d \frac{\Delta \lambda}{\lambda^2} \tag{4.76}$$

এখানে $\theta =$ ঘূর্ণনের পরিমাণ এবং $\lambda = \frac{\lambda_1 + \lambda_2}{2}$.

সূতরাং দেখা যাইতেছে যে ঘূর্ণনের পরিমাণ কেলাসের বেধ d এর সমানু-পাতিক এবং তরক্লদৈর্ঘ্যের বর্গের বাস্ত্যানুপাতিক। কাজেই এই ব্যাখ্যানুসারে দেখা যায় যে ইহা পরীক্ষালক ফলের সহিত সম্পূর্ণ সামঞ্জসাপূর্ণ।

নিজের এই ব্যাখ্যার সত্যতা পরীক্ষার জন্য ফ্রেনেল নিয়লিখিত ব্যবস্থা অবলম্বন করেন। প্রথমে তিনি একটি কোরাট্সের প্রিজ্মের আকৃতির কেলাস নিরা ভাহাতে আলোক-অক্সের দিকে সমর্বাতিত আলো আপতিত করেন। আলো প্রথম প্রতিসরণ তলের অভিলবে আপতিত করা হর। ফ্রেনেলের ব্যাখ্যানুসারে এই দিকে আলো দুইটি বৃত্তাকার উপাংশে বিভক্ত হইরা ভিন্ন গতিবেগে গমন করে। ত্বিতীয় প্রতিসরণ তলে এই দুইটি রশ্মি তির্বক্তাবে আপতিত হয়।

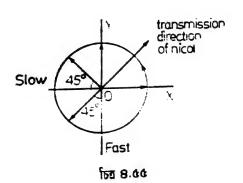


150 8.48

সূতরাং তাহার। বিধাবিভর হইয়া ভিন্ন এবং অসমান্তরাল পথে নিগত হইবে। কিন্তু তিনি এই বাক্সার আলোকরন্দিরয়ের কোনওরূপ বিযোজন (separation) সৃষ্টি করিতে অসমর্থ হন। সূত্রাং তিনি করেকটি দক্ষিণাবর্ত R এবং বামাবর্ত L कांग्राउँम विक्रम निया (कि नः 8.68) जादारमत अका खत्रदूरम (alternately) সাজাইয়া একটি আয়তাকার প্রিজ্ম তৈরী করেন। দক্ষিণাবর্ত R প্রিজ্মে দক্ষিণাবর্ত বৃদ্ধাকার ভ্রংশ বামাবর্ত ভ্রংশ অপেকা দুভতর গমন করে। ইহাদের সকলেরই আলোক-অক্ষের দিক সমান্তরাল এবং পীঠের (base) সমান্তরালে ও প্রতিসরণ তলের অভিনৰে অবস্থিত। সমব্তিত আলে। প্রথম তলে আপতিত হইলে L প্রিজ্মের মধ্যে অসমান গতিবেগে ভ্রমণ করিবে, কিন্তু ইহাদের কোনও বিৰোজন হইবে না। L এবং R প্রিক্তমের সংৰোগতলে এই রন্মিবর তির্বকরূপে আপতিত হইবে; এছাড়া ইহাদের গতিবেগেরও বিনিময় (interchange) হইবে। অর্থাং L বুভতর রশি R প্রিজ্মে মছরতর হইবে। অনা ব্নশ্বরও অনুরূপ পরিবর্তন ঘটিবে। ফলে একটি ব্নশ্ন এই তলের অভিলয়ের দিকে সরিয়া আসিবে অনটি বিপরীত দিকে সরিবে। कला देशामब मधा বিবোজনের উত্তব হইবে। এই রশ্বি পুইটির মধ্যে প্রথমটি বখন R এবং Lপ্রিজ্মের সংযোগতলে আপতিত হইবে—তখন এই মন্বর রন্মিটি L প্রিজ্মে অনাটি অভিনৰের প্রতন্তর হওরার অভিনধের দিক হইতে সরিয়া বাইবে। निक्त महिता वामित्व। कम नाकृष्टित करे त्व भूर्वत उरम त विद्यासन উৎপান হইয়াছিল তাহা আৰও বৃদ্ধি পাইবে। এইবৃণে প্ৰতিটি সংযোগতলেই

রাশ্ব দুইটির বিবোজন বৃদ্ধি পাইতে থাকিবে। দ্বিতীয় প্রতিসরণ তল হইতেও ইহারা অসমান্তরাল রশ্বি হিসাবে নিগত হওরায় কেলাস হইতে বত দ্রে যাইবে ততই ইহাদের মধ্যে বিবোজন বৃদ্ধি পাইবে। দুইটি পরীক্ষা পর্যা-লোচনা করিরা দেখা যায় যে একটি কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের ফলে রশ্বি দুইটির বিবোজন খুবই কম হয় বিলয়া প্রথম ক্ষেত্রে ফ্রেনেল ইহা ধরিতে পারেন নাই। দ্বিতীয় ক্ষেত্রে এই বিযোজন কয়েকটি ধাপে হওরায় মোট বিযোজন অনেক বৃদ্ধি পায় এবং ইহা সহজেই দেখা যায়।

নিগত রশ্মি দুইটি বৃত্তাকার সমর্বতিত। ইহাদের রাস্তার যদি একটি নিকল্ বসাইরা ঘুরানো হয় তবে নিকলে পারগত রশ্মির তীরতার কোনও হাসবৃদ্ধি হয় না। এইবার যদি কেলাস এবং নিকলের মধ্যে একটি তরঙ্গ-চতুর্থাণে ফলক (quarter wave plate) বসানো হয় তবে এই ফলক হইতে নিগতে আলো তলীয় সমর্বতিত হইবে এবং নিকল্ ঘুরাইয়া ইহাকে সম্পূর্ণ নির্বাপিত করা সপ্তব। উভয় রশ্মির বেলায়ই এই প্রক্রিয়া প্রয়োগ করা সপ্তব হইবে। উভয় রশ্মির বেলায়ই এই প্রক্রিয়া প্রয়োগ করিয়া দেখা যায় বে উভয় রশ্মিই বৃত্তাকারে সমর্বতিত (যদিও একটি দক্ষিণাবর্ত অনাটি বামাবর্ত)। সুত্রয়ং এই পরীক্ষা হইতে ফ্রেনেলের ব্যাখারে সত্যতা প্রমাণত হয়। অবশ্য এই ব্যাখার ঠিক কোনও সিদ্ধান্ত theory) নয় কারণ এই ঘূর্ণনের উৎপত্তির মূল কারণ সম্বন্ধে ইহা কিছু বলিতেছে না: তবুও দেখা গেল যে ইহা পরীক্ষালক ফলকে সুষ্ঠুর্পে ব্যাখ্যা করিতে পারে।



বৃত্তাকার সমবর্তিত রশ্মি দুইটি তরঙ্গ চতুর্থাংশ ফলক এবং নিকলের সাহাযো বিশ্লেষণ করা বাইতে পারে দেখা গেল। কিন্তু এখন প্রশ্ন থাকে বে ইহাদের মধ্যে কোনটি দক্ষিণাবর্ত বৃত্ত এবং কোনটি বামাবর্ত। এই প্রশ্নের মীমাংসা করিতে হইলে নিয়লিখিতভাবে অগ্রসর হওয়া বাইতে পারে:

ধরা যাক তরঙ্গ চতুর্থাংশে বৃত্তাকারে সমর্বাউত আলো অভিলয়ে আপতিত ছইরাছে এবং এই বৃত্তে সংশের দিক বামাবউ। ফলকে আলোক অক এবং ইহার অভিলয়দিক বথাক্রমে $O\lambda$ এবং $O\lambda$ আলো এই দুই দিকে উপাংশে বিভৱ হইয়া ফলকের মধ্য দিয়া গমন করে। এই দুইটি উপাংশের একটি মুততার অন্যটি মন্থাতার হইবে। কেলাসে আলোক অক্ষের দিকে বে উপাংশের স্রংশ হইবে তাহা যদি মন্থাতার হইয়া থাকে তবে অন্যটি (অর্থাং বা দিকের স্রংশ) প্রতন্তর। বামাবউ সংশের বেলায় লেখা যায়

$$x_1 - A \cos 2\pi \nu t$$
 $y_1 - A \sin 2\pi \nu t = A \cos \left(2\pi \nu t - \frac{\pi}{2}\right)$

এইটি বামাবর্ত সংশের সমীকরণ কারণ ইহাতে t=0 সময়ে OX ধনাত্মক চরম এবং OY শূন্য ; আবার $t=\frac{1}{4\nu}$ সময়ে OX শূন্য এবং OY=+A.

সূতরাং এই ক্ষেত্রে OX উপাংশের স্রংশে OY এর তুলনার $\frac{\pi}{2}$ আগে আছে। ফলকের মধ্য দিয়া যাইবার সময় OX মন্বর্গুর দিক হওয়ায় OX উপাংশ মন্বর্গুরনার পিরবে। ফলে এই উপাংশ OY এর তুলনার পিছাইয়া পড়িবে। সূতরাং ফলকের মধ্য দিয়া যাইবার পর লেখা যায়

$$x_1 = A \cos \left(2\pi vt - \frac{\pi}{2} \right) \qquad y_1 = A \cos \left(2\pi vt - \frac{\pi}{2} \right)$$

$$= A \sin 2\pi vt \qquad = A \sin 2\pi vt.$$

সূতবাং এই দুইটি উপাংশ মিলিয়া একটি অলুরেখ (rectilinear)

কম্পনের সৃতি করিবে । এইটি OY দিকের সহিত θ কোণ উৎপত্র করিলে লেখা বায়

$$\tan \theta = \frac{x_1}{y_1} = \frac{A \sin 2\pi vt}{A \sin 2\pi vt} = +1$$
 (4.77)

সূতরাং ইহা OY এর ধনাৰক দিকের সহিত 45° কোণ উৎপশ্ন করিবে। কাজেই এই ক্ষেত্রে আলো নির্বাপিত করিতে হইলে নিকলের পারগম দিক ক্রেলের অভিলবে অর্থাৎ OY এর খণাস্থক দিকের সহিত 45° কোণ উৎপশ্ন করিয়া থাকা দরকার।

সূতরাং বৃত্তাকার সমর্বতিত আলোর সংশের দিক নিম্নলিখিত উপারে নির্ণয় করা বাইতে পারে। এমন একটি ভরুস-চতুর্বাংগ ফলক নেওয়া বাক বাহার

আলোক অক্ষের দিক মহর দিক (slow direction). ঋজুরেখ ভংশের আলো যথন এই ফলকে আপতিত হয় তখন ইহার কম্পন্দিক আলোর অক্ষের সহিত θ কোণ করিয়া থাকিলে ফলকের মধ্যে দুইটি উপাংশে ভাগ হইয়া যায়। আপতিত দ্রংশ যদি A হয় তবে অক্ষের দিকের উপাংশ হইবে $A\cos heta$ এবং ইহার অভিলবের উপাংশ হইবে $A \sin heta$. প্রথমটি অসাধারণ রশ্মি এবং দ্বিতীয়টি সাধারণ রশ্মি হিসাবে ফলকে পারগত হইবে। ধনাত্মক কেলাসে (যথা কোয়ার্টস্) অসাধারণ রশ্মিটি সাধারণ রশ্মির অপেক্ষা মন্থরতর গাতিতে দ্রমণ করিবে। সূতরাং এই জাতীয় কেলাসে আলোক অক্ষকে বলা হইবে মছর দিক। ফলক হইতে নির্গমের পর বৃত্তাকার সমর্বতিত আলো ঋজুরেখ সমর্বার্তত আলোতে পরিবর্তিত হইবে। যাদ ফলকের মন্থর দিক অনুভূমিক **১** রাখা যায় তবে যদি নিকলের পারগম দিক Y অক্ষের খাণাত্মক দিকের সহিত 45° কোণে রাখিলে ফলকে পারগত আলো নিকলের দ্বারা সম্পূর্ণ নির্বাপিত হয় তাহা হইলে আপতিত বৃত্তাকার সমর্বতিত আলো বামাবর্ত। অনুরূপভাবে দেখা যাইবে যে যদি নিকল Y অক্ষের ধনাত্মক দিকের সহিত 45° কোণে রাখিলে আলো সম্পূর্ণ নির্বাপিত হয় তবে আপতিত বৃত্তাকার সমবর্তিত আলো मक्तिगावर्छ ।

ঘূর্ণনের আলোচনায় এ পর্যান্ত ধরা হইয়াছে যে আলোকরণিয় আলোকঅক্ষের দিকে গমন করিতেছে। এই ক্ষেত্রে দেখা গিয়াছে যে তলীয় সমর্বতিত আলো দুইটি বিপরীতমুখী বৃত্তাকার সমর্বতনে বিভক্ত হইয়া ভিন্ন গতিবেগে দ্রমণ করে। এয়ারী (Airy) দেখাইয়াছেন যে আলোক অক্ষের সহিত কোনও কোণ উৎপন্ন করিয়া দ্রমণ করিলে অর্থাৎ সমান্তরালে না গিয়া তির্যক দিকে গেলে সমর্বতিত আলো দুইটি উপবৃত্তাকার সমর্বতিত উপাংশে বিভক্ত হইবে। আপতিত ঋজুবেখ (rectilinear) দ্রংশটি যদি লেখা যায়

$$x = (1 + k^2) \cos 2\pi vt$$
 $k \neq 1$ (4.78)

তবে কেলাসে প্রবেশ করিয়া ইহার৷ নির্মালখিত উপাংশে বিভক্ত হইবে—

$$x_1 = \cos 2\pi vt \qquad y_1 = k \sin 2\pi vt \qquad (4.79)$$

$$x_a = k^2 \cos 2\pi vt$$
 $y_a = -k \sin 2\pi vt$ (4.80)

ইহারা উভয়েই উপবৃত্তাকার কারণ খুব সহজেই দেখানো যায় যে ইহাদের বেলায় লেখা চলে

$$x_1^2 + \frac{y_1^2}{k^2} = 1 (4.81)$$

$$487 \frac{x_0^8}{k^4} + \frac{y_0^8}{k^2} = 1 (4.82)$$

আরও দেখানো বার বে ইহারা বিপরীতমুখী; ইহাদের মুখা এবং গৌণ অক্ষেশ্ব অনুপাত সমান এবং একটির মুখা অক অনাটির গৌণ অক্ষেশ্ব সহিত সম্পাতী।

এবার বাদ ধরা বার বে x_2y_2 উপবৃত্তি কেলাসে নুততর ভ্রমণ করে তবে কেলাসের মধ্য দিয়া বাইবার পর লেখা বাইবে

$$x_1 = \cos 2\pi vt$$

$$y_1 = k \sin 2\pi vt$$

$$x_2 = k^2 \cos (2\pi vt + \delta)$$

$$y_2 = -k \sin (2\pi vt + \delta)$$

সূতরাং কেলাসে পারগমের পর ইহার 🗴 উপাংশ দাড়াইবে

$$x = \cos 2\pi vt + k^2 \cos (2\pi vt + \delta)$$

$$= \cos 2\pi vt + k^2 \cos 2\pi vt \cos \delta - k^2 \sin 2\pi vt \sin \delta$$
(4.83)

$$= (1 + k^2 \cos \theta) \cos 2\pi vt - k^2 \sin \theta \sin 2\pi vt$$

$$=A\cos\left(2\pi vt+\theta\right)\tag{4.84}$$

 $A^8 = 1 + k^4 + 2k^2 \cos \delta$

$$48$$
 $\tan \theta = \frac{k^3 \sin \delta}{1 + k^2 \cos \delta}$

অনুর্পভাবে 🏸 উপাংশ দাড়াইবে

$$y = k \sin 2\pi vt - k \sin (2\pi vt + \delta)$$

$$-k[\sin 2\pi vt - \sin 2\pi vt \cos \delta + \cos 2\pi vt \sin \delta]$$

$$-k[(1-\cos\delta)\sin 2\pi vt + \sin\delta\cos 2\pi vt]$$

$$= B \cos (2\pi vt + g')$$

এশানে
$$B^2 = k^2[(1 - \cos \delta)^2 + \sin^2 \delta]$$

= $4k^2 \sin^2 \frac{\delta}{2}$

$$\tan \theta' = \frac{1 - \cos \theta}{\sin \theta} - \tan \frac{\theta}{2}$$

$$\therefore \theta' = \frac{\delta}{2}.$$

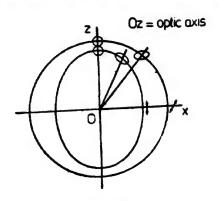
x এবং y উপাংশের মধ্যে দশা-পার্থকা $(\theta-\theta')$. আরু ইহাদের বিস্তার A এবং B অসমান হওয়ায় এবং পরস্পারের অভিনত্তে থাকার লব্ধি রশ্বি তলীয় সমর্বভিত না হইয়া উপবৃত্তাকায় সমর্বভিত হইবে।

এই হিসাবে k এর মান নির্ভর করিবে আলোকরশিয় এবং আলোক অক্ষের মধ্যের কোণের উপর। ইহারা সমান্তরাল হইলে k-1 এবং এই ক্ষেত্রে সমীকরণগুলি (4.81 এবং 4.82) দাড়াইবে

$$x_1^2 + y_1^2 = 1$$
$$x_2^2 + y_2^2 = 1$$

সূতরাং ইহার। দুইটি সমান ব্যাসার্দ্ধের বৃত্তে পরিণত হইবে। এইটিই ফ্রেনেলের ব্যাখ্যায় আলোচিত হইয়াছে।

বে সমন্ত কেলাসে আলোকীর সক্তিরতা দেখা যার তাহাতে বৈধ-প্রতিসরণও সৃষ্ট হয়। কিন্তু ইহার বিপরীত তথা সভ্য নয়; অর্থাৎ বৈধ-প্রতিসরণ সৃষ্টি-কারী সমন্ত কেলাসেই আলোকীর সক্তিরতা দেখিতে পাওরা যার না। দৃষ্টান্ত-বর্গ বলা যাইতে পারে যে ক্যালসাইট এবং কোয়ার্টস্ উভর কেলাসই বৈধ প্রতিসরণ দেখাইলেও শুধু কোয়ার্ট্সেই আলোকীর সক্তিরতা বর্তমান, কিন্তু ক্যালসাইটে নয়। ইহার কারণ হিসাবে বলা যায় যে ক্যালসাইট জাতীর কেলাসে আলোকঅক্তের দিকে সাধারণ এবং অসাধারণ রশির একই গতিবেগ থাকে এবং ইহাদের বিযোজন হয় না। অর্থাৎ এইদিকে বৈধ-প্রতিসরণ উৎপর হয় না। কিন্তু কোরার্টস্ জাতীর আলোকীর সক্তির কেলাসে আলোকঅক্তের দিকেও দুইটি আলাদা গতিবেগের রশির বর্তমান। আলোক রশিরর গতিবেগ



চিত্ৰ ৪.৫৬

হাইগেন্সের সংরচনা (Huygens' construction) অনুসারে দুইটি তরঙ্গপৃষ্ঠের বাসোর্জ ভেক্টর বারা নির্ণীত হইয়া থাকে। আলোক অক্ষের দিকে তরঙ্গপৃষ্ঠ দুইটি স্পর্শ করে বলিয়া এই দিকে আলোর বৈধ-প্রতিসরণ হয় না। কিন্তু কোয়ার্ট্স্ জাতীয় কেলাসে এই তরঙ্গপৃষ্ঠ দুইটি আলোক অক্ষের দিকেও সম্পূর্ণ-বৃষ্ণা করে না। ফলে এই দিকে গমনকারী বৃত্তাকার প্রংশ দুইটির ভিনে বৃত্তাকার বৃত্তাকার প্রংশ দুইটির ভিনে

গতিবেগ হর। সূতরাং স্তেনেলের বাাখানুসারে তলীর সমবঁতিত আলোর সমবর্তন তলের ঘূর্ণনের উত্তব হইয়। থাকে। ৪.৫৬ নং চিতে কোরাট্স্ জাতীর আলোকীর সক্রির কেলাসের ক্ষেত্রে তরঙ্গপৃষ্ঠ দুইটির ছেল আলোক অক্ষের সমান্তরালে দেখানে। হইয়াছে। OZ দিকে ইহারা সম্পূর্ণ স্পর্ণ নার্করার এই দিকে আলোর দুইটি উপাংশের গতিবেগ আলাদা হইবে। এই দিকে বৃত্তাকার উপাংশ দুইটি বিভিন্ন গতিতে অপরিবতিত আকারে গমন করে। ইহার অভিলবে OX দিকে দুইটি তলীর সমবঁতিত আলোর অপরিবতিত আকারে এবং বিভিন্ন গতিতে গমন করে। অনা সকল দিকেই কেবল উপবৃত্তাকার দুইটি ভংশই অপরিবতিতে আকারে ভ্রমণ করিতে পারে।

ভরতে ও জ্বণে আলোক সক্রিয়ত। (Optical activity in liquids and solutions).

এতক্ষণ কেলাসে আলোকীয় সক্রিয়তার আলোচনা করা হইয়াছে। ১৮১১ সনে বিও (Biot) তরলে এই সক্রিয়তা আবিভার করেন। টারপেনটাইনের ক্রেচে তিনি প্রথম এই সক্রিয়তা লক্ষা করেন। ইহা ছাড়াও অন্যানা তরলে এবং প্রবেদ, বথা জলে চিনির প্রবেদ, এই সক্রিয়তা বর্তমান। কিন্তু কেলাসের তুলনার ইহার পরিমাণ খুবই কম বলিয়া তরলের ক্ষেত্রে আপেক্ষিক ঘৃণনের সংজ্ঞা করা হইরাছে নির্বুপ। প্রতি এক সি. সি. আয়তনে ১ গ্রাম সক্রিয় পদার্থ বর্তমান এরুপ এক ডেসিমিটার তরলের বা প্রবেদর মধ্য দিয়া যাইতে সমর্বতিত আলোর বে ঘৃণনি হয় তাহাকে আপেক্ষিক ঘৃণনি বলা হয়। যাদ এক মিলিলিটার প্রবেদ ও গ্রাম সক্রিয় প্রাব থাকে এবং আলো / cm. দার্ঘ এই প্রবেদের মধ্য দিরা বাইবার সমর ও কোণে ইহার সমর্বতন তলের ঘৃণনি হয় তবে লেখা বার

$$S = \frac{1(i\theta)}{lg} \tag{4.86}$$

এখানে S = আপেক্ষিক বৃৰ্ণন।

পরীক্ষা করিয়া দেখা গিয়াছে যে দ্রুষণে সমবর্তন তলের বৃর্ণন ইহাতে সক্রিয় দ্রাবের সমানুপাতিক। স্কুরাং সমবর্তন তলের ঘূর্ণন মাপিয়া দ্রাবের পরিমাণ নির্ণয় করা বায়। এই প্রশালী একটি অতি কার্বাকরী উপারের জন্ম দিয়াছে। দিশপক্ষেতে দ্রুষণে চিনির পরিমাণ এই প্রশালীতে মাপা বার। এই প্রশালীকে কলা হয় শর্কায়মিতি (saccharimetry). অবশা সৃক্ষা পরিমাণ

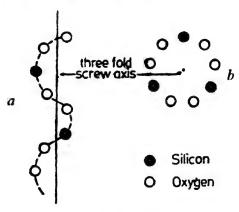
করিলে দেখা বার যে দ্রবণে ঘূর্ণনের পরিমাণ শূধুমাত ৪ এর উপর নির্ভর করে না ; ইহাকে নিরের সমীকরণ দারা আরও ভালভাবে বুঝানো দার

$$S = A + Bg + Cg^{\bullet} \tag{4.87}$$

जबात्न A, B जवर C ध्वक ।

আলোকীয় সক্ৰিয়ভার সিশ্বাস্ত (Theory of optical activity).

যে সমন্ত পদার্থে আলোকীয় সক্রিয়তা বর্তমান থাকে তাহাদের গঠন প্রণালী আলোচনা করিলে দেখা যায় যে ইহাদের অণুগুলি সাধারণত এমনভাবে সাজানো থাকে যে আলোক অক্ষের দিকে ইহার। একটি স্কুয়ের চেহার। নেয়। প্রতিসামোর (symmetry) দিক হইতে বিচার করিলে বলা যায় যে আলোক অক্ষের দিকে এই সমস্ত অণুর অবস্থান একটি স্কু-অক্ষ (screw axis of symmetry) উৎপাদন করে। উদাহরণ সর্প কোয়াট্স্ কেলাসের কথা ধরা যায়। ইহার অণুর সংকেত (formula) SiO₂; অর্থাৎ একটি Si এবং দুইটি O পরমাণু মিলিয়া এই অণুটির সৃত্তি হয়। এটি hexagonal কেলাস। ইহার 'c' অক্ষ একটি গ্রিধা স্কু-অক্ষ (three fold screw axis). ইহাতে পরমাণুগুলি নীচের ৪.৫৭ নং চিত্রের মত সাজানো থাকে। যদি সাজানো অণুগুলি ধরিয়া



চিত্ৰ ৪.৫৭

পর পর যাওর। যায় তবে এই গমন পথ একটি স্কু-এর আকৃতি গ্রহণ করে।

৪.৫৭(a) নং চিত্রে বামলিকের সরলরেখা বেড়িয়া এই স্কু পথ অবস্থিত।

ডানলিকে (b) এই সরলরেখা বরাবর অণুগুলির বিন্যাস দেখানো হইয়াছে। Si

এবং O পরমাণুগুলির চিহ্নও সঙ্গে দেওয়। হইয়াছে। আলোক ভেক্টর এইর্প

স্কু-পথে বাইবার সমর শাভাবিকর্পেই প্রভাবিত হয়। ফলে ইহাদের কম্পন-

দিক পরিবাভিত হইয়া থাকে। আরও লক্ষণীর এই বে এই স্কু-পথ বামাবর্ত অথবা দক্ষিণাবর্ত হইতে পারে। কোনও কোনও বাড়িতে খোরানো লোহার সিড়ি দেখিলে বাপোরটীর সখকে ভাল ধারণা হইবে। স্কুরের দিকের উপর খূর্ণনের দিকও অতএব নির্ভর করিবার কথা। আর প্রকৃতপক্ষে পরীক্ষা করিলে এইবৃশই দেখা বার। কোরাট্সের দুই শ্রেণী আছে। একটি বামাবর্ত অনাটি দক্ষিণাবর্ত। অর্থাং ইহাদের মধ্যে খূর্ণন বড়ির কাটার বিপরীত দিকে এবং কাটার গতির দিকে বথারুমে হইরা, থাকে। X-রাদ্ম ধারা পরীক্ষার ফলে ইহাদের গঠন প্রণালী জানা গিরাছে। দেখা বার বে বামাবর্ত কেলাসে স্কুরের গতিপথও অনুর্গভাবে বামাবর্ত। এবং দক্ষিণাবর্ত কেলাসে স্কুরের গতিপথ ক্ষিণাবর্ত। অবণ্য এটা মনে করা ঠিক হইবে না বে আলোক ভেক্টর সম্পূর্ণ-বৃপে স্কুরের সমান হারে ঘোরে। কারণ ভাহা হইলে 1 mm. দূরখ যাইতে ইহার প্রার 10° বার খূর্ণন হইবে। ফলে খূর্ণনের বিচ্ছুরণ হইত না। কিন্তু খূর্ণনের বিচ্ছুরণ একটি প্রমাণিত সত্য।

এই ব্যাখ্যার রপক্ষে রয়েশের (Reusch) একটি পরীক্ষার কথা উল্লেখ করা বাইতে পারে। আলোক অক্ষের সমান্তরালে কাটা কতকর্গুল অপ্রের পাতলা শুর পর পর রাখা হইল। ইহাদের প্রত্যেকটি ভাহার পূর্বেরটির ভূলনার নিজের তলে সামান্য ঘোরানো হইয়ছে। এইবার বিদ একটি তলীয় সমর্বতিত রাশ্ব এই অপ্রগুলিতে অভিলবর্গে আপতিত হয় তবে পারগত রাশ্বির সমবর্তন তলের ঘূর্ণনের সৃষ্ঠি হয়। এখানেও উপরের মন্ত মনে করা বায় বে প্রতিটি কেলাসে আলোক ভেক্টর কিঞ্জিং ঘূর্ণনের প্রভাবে পড়ে বাহার ফলে ইহা ক্তকর্গুলি শুরের মধ্য দিয়া যাইতে ঘূর্ণত হয়।

জিনিবটি এইভাবে ভাবা বাইতে পারে। প্রতিটি অদ্রের পাতলা শুরে আলোর কম্পনের একটি পারগম দিক বইমান আছে। যখন সমস্ত শুরগুলি সমান্তরাল অবস্থানে থাকে, তখন এই পারগম দিকও এক সমান্তরাল দিকে থাকিবে। সূতরাং তলীর সমবঁতিত রন্মির কম্পন দিক প্রথম শুরে বে দিকে হইবে অন্যানা সমস্ত শুরেও সেই একই দিকে হইবে। অতএব এই কম্পন দিকের কোনও পারবর্তম হইবে না। কিন্তু যদি বিতীর শুরটি প্রথমটির পুলনার কিছুটা অুরাইরা বসানো হর তবে দুইটি শুরের পারগম দিকও আর সমান্তরাল হইবে না, ইছাদের মধ্যে কৌণিক বিবোজন উৎপার হইবে। সূত্রাং প্রথম শুরে পারগত রন্মির কম্পন দিক বিতীর শুরের পারগমের দিকের সহিত সম্পাতী হইবে না। এই রান্ম বিতীর শুরের পারগত হইবার সমর চেকা করিবে বাছাতে ইহার কম্পনিক বিতীর শুরের পারগত হইবার সমর চেকা করিবে

ইহার ফলে রশির কম্পন দিক থানিকটা পরিবাঁতিত হইবে এবং দিতীর অদ্রের স্থারগম দিকের কাছাকাছি আসিবে। অর্থাং তলীয় সমর্বাতিত আলোর কম্পনাদকের থানিকটা ঘূর্ণন হইবে। প্রতিটি ত্তরেই এই প্রক্রিয়ার ফলে কিছুটা ঘূর্ণন হওয়ার ইহার সামগ্রিক প্রভাব দাড়াইবে পরিমাপযোগ্য আলোকীয় ঘূর্ণন। অবশ্য এই পরীক্ষার সাফল্যের জন্য দূইটি ফলকের কৌণিক বিযোজন খুবই অম্প রাখা প্রয়োজন এবং বহু সংখ্যক ফলক ব্যবহার করা প্রয়োজন। যদি পর পর দূইটি ফলকের মধ্যের কৌণিক বিযোজন বেশী হয় তবে প্রথম স্তরের কম্পন দিক দিতীয় স্তরের কম্পনাদকের অবস্থান নিতে পারিবে না এবং দিতীয় শুরের দারা প্রভাবিত হইবে না। কাজেই আলোকীয় ঘূর্গনেরও সৃষ্টি হইবে না।

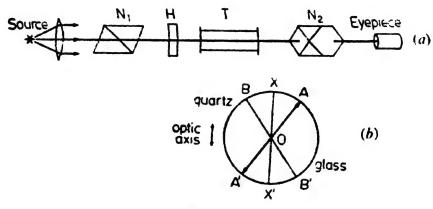
বর্ন (Born) এবং কন্ডন্ (Condon) আলোকীয় সক্রিয়তার বিদ্যুৎ-চুম্বকীয় সিক্ষাস্ত দিয়াছেন।

সমবর্ড ন মাপক বন্তুসমূহ (Polarimeters).

সমবর্তন তলের ঘূর্ণন নানা কারণে মাপা প্রয়োজন হয়। শিশেপ ইহার প্রয়োজন হয় বিশ্লেষণের জনা। যেমন শর্করামিতিতে (saccharimetry) সমবর্তন তলের ঘূর্ণনের পরিমাপ হইতে জলীয় দ্রবণে চিনির পরিমাণ নির্ণয় করা খুব সহজে এবং সৃক্ষভাবে করা সম্ভব। এই জাতীয় নানা কারণে সমবর্তন তলের ঘূর্ণনের পরিমাণ মাপা হইয়া থাকে। দূইটি নিকলের মধ্যে আলোক সক্রিয় (optically active) দ্রবণ বা বর্ছটি রাখিয়া বিশ্লেষক নিকল্টি ঘূরাইয়া এই পরিমাপ করা সম্ভব। কিন্তু ইহার সৃক্ষতা খুব কম। কারণ এই প্রালীতে সমবর্তন তলের অবস্থান নির্ণয় করা হয় নিকল্ ঘূরাইয়া আলোকে সম্পূর্ণ নির্বাপিত করিয়া অথবা ইহার তীব্রতা চরম করিয়া। আর এই দুই অবস্থাই খুব সৃক্ষভাবে নির্ণয় করা যায় না। কারণ নিকলের ঠিক কোন অবস্থানে আলোর তীব্রতা শ্না হয় অথবা চরম দাড়ায় তাহা খুব সৃক্ষভাবে নির্ণয় করা যায় না। এইজনা সমবর্তন মাপক যয়ের নির্মাণ করা হইয়াছে যাহাতে এই ঘূর্ণনের পরিমাপে আরও স্ক্ষর্পে করা যায়।

লারের আর্দ্ধ-ছারা সমবর্তন মাপক (Laurent's half-shade polarimeter).
এই যত্তে আলো সম্পূর্ণ নির্বাপিত করিবার পরিবর্তে দৃষ্টিকেতে দৃষ্টি অর্ধবৃত্তাকার অংশের আলোর সমতা দেখিয়া পরিমাপ করা হয় । ইহাতে অর্ধ-ছায়া অংশ একটি গোলাকৃতি ফলক । ইহা দুইটি সমান ভাগে বিভক্ত। এক অংশ

অর্থ্রাকার কোরার্ট্স্ অথবা জিপ্সাম (Gypsum) ফলক বার। প্রবুত ; অন্য অর্থ্রাকার অংশ হর থালি রাখা হর অথবা কাচের ফলক বারা আবৃত করিয়া দেওয়া হয় । কাচের ফলক বেখানে দেওয়া হয় সেখানে ইহার বেখ এর্প করা হয় বাহাতে ইহাতে আলোর শোষণ কোয়ার্টসে আলোর শোষণের সমান হয় । এই কোয়ার্ট্স্ ফলকে আলোক অক্ষের দিক প্রতিসরণ তলের সমান্তরালে রাখা হয় । এই বন্ধের ছবি ৪.৫৮ নং চিত্রে দেখানো হইল । আলো একটি লেলের সাহাযো সমান্তরাল করিয়া সমবর্তক নিকল N_1 এর ভিতর দিয়া পাঠানো হয় ফলে ইহার তলায় সমবর্তন হয় । এই তলায় সমব্তিত আলো আর্দ্ধ-ছায়া ফলক H এর উপর আপত্তিত হয় । অর্দ্ধ-ছায়া ফলকটি চিত্র নং ৪.৫৮(১) এ দেখানো হইয়াছে । ইহার অর্ধ্বন্তাকার কোয়ার্ট্স্ ফলকে আপত্তিত



f55 8.64

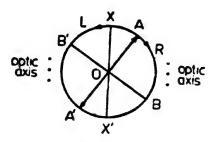
হইরা আলো দুইভাগে বিভক্ত হইরা যায়। একটির কম্পন দিক আলোক অক্ষের সম্পাতী, অনাটি ইহার অভিলবে। কোরাট্স্ ফলকটির বেধ এর্প রাখা হর বাহাতে ইহার মধ্য দিরা বাইবার সময় উপাংশ দুইটির মধ্যে $\frac{\lambda}{2}$ পথ পার্থকোর উত্তব হয়। কাজেই এই ফলকের মধ্য দিরা পারগমের পর আলোর তলীর সমবর্তনের সৃষ্টি হইবে কিন্তু সমবর্তন ভলের পরিবর্তন ঘটিবে। ফলকে আপতিত সমব্তিত আলোর কম্পন দিক বদি OA হর তবে কোরাট্সে পারগমের ফলে ইহার সমবর্তন ভলের কম্পনদিক হইবে $OB \cdot OA$ এবং OB OX এর সঙ্গে সমান কোণ উৎপন্ন করিবে। কিন্তু অন্য অর্কবৃত্তাকার অংশে সমবর্তন ভলের কোনও পরিবর্তন হইবে না। সুভরাং ফলকের মধ্য দিয়া পারগভ গোলাকৃতি আলোকরণ্ডিমালার দুই অর্কবৃত্তাকার অর্কে সমবর্তন দুই রক্ষ

হইবে ; ইহাদের কম্পর্নাদক OX এর সঙ্গে সমান কোণে কিন্তু বিপরীতদিকে অবস্থিত হইবে। এখন যদি বিশ্লেষক নিকলের পারগম দিক OX এর সমান্তরালে রাখা হয় তবে দুইটি রশ্মিরই নিকলে পারগত উপাংশ সমান তীরতার হইবে। ফলে দৃষ্টিক্ষেত্রে অর্দ্ধবৃত্তাকার দুইটি অংশের তীরতাই সমান দেখা যাইবে। কিন্তু নিকল OX অবস্থান হইতে সামানা ঘুরাইলেই একটি উপাংশ বাড়িবে অনাটি কমিবে। সূতরাং দুই অর্দ্ধবৃত্তাকার অংশের তীব্রতা আলাদা হইবে। দুই অংশের তীব্রতার তারতমাের সামানা পার্থকা খুব সহজে বঝা বায় বলিয়া এই পরীক্ষার সৃক্ষতা থুব বেশী। বিশ্লেষক নিকল ঘুরাইয়া দৃষ্ঠিক্ষেত্রের দৃই অংশের তীব্রতা সমান করা হইবার পর গোলাকার স্কেলে বিশ্লেষক নিকলের অবস্থান দেখা হয়। এইবার সক্রিয় বস্তুর দূবণ একটি নলে ভরিয়া নিয়া তাহা অর্ধ-ছায়া ফলক এবং বিশ্লেষক নিকলের মধো রাখিলে আলো ইহার মধা দিয়া যাইবার ফলে ইহার সমবর্তন তলের ঘূর্ণন হইবে। এই কারণে দণ্ডিক্ষেণ্ডের দুই অংশের তাঁরতা আলাদা *হইয়া যাইবে। নিকলটি* ঘুরাইয়া আবার দৃতিক্ষেত্রের তীব্রতা সমান করা যায়। এইজনা বিশ্লেষক নিকল্টি যে কোণে ঘুরাইতে হয়, দ্রবনে সমবর্তন তলের ঘূর্ণন সেই কোণের न्यान ।

এখানে বলা হইয়াছে বে কোয়াট্স্ ফলকের বেধ এমনভাবে নিয়ব্লিত করা হয় বাহাতে ইহার মধ্য দিয়া গমনকারী উপাংশ দুইটির মধ্যে $rac{\lambda}{\gamma}$ পথ পার্থকোর সৃষ্টি হয়। কিন্তু এই পথপার্থকা তরঙ্গদৈর্ঘোর উপর নির্ভরশীল। সূতরাং ইহা একটি বিশেষ কোনও ভরঙ্গের জনাই করা চলিবে। এই ভরঙ্গের জন্য বেধ নিয়ব্রিত করিলে অন্য তরঙ্গের জন্য পথপার্থক্য $rac{\lambda}{2}$ হইবে না । সেই সমন্ত তরঙ্গের বেলায় বর্ণিত পদ্ধতি কার্যাকরী হইবে না। অতএব এই জাভীয় সমবর্তন মাপক (polarimeter) একটি নিদিষ্ট আলোক তরঙ্গের জন্যই প্রযোজ্য হইবে। সেম্বন্য আলোকউংস হইতে সমবর্তক নিকলে আপতিত আলো নিশিষ্ট ভরঙ্গদৈর্ঘোর এবং একবর্ণী হওয়া আবশ্যিক।

य्य-त्कामार्ड् म् (Biquartz).

সমবর্তন তলের ঘূর্ণন মাপিবার অপর একটি বন্ধ বৃগ্ম-কোয়ার্ট্স্। এখানে আগের যদ্ধের মন্ত প্রণালীতেই পরিমাপ করা হয়। শুধু এখানে একবর্ণী আলোর বদলে সাদা আলো ব্যবহার করা হয়। এই যত্ত্তে অর্ধ-ছায়া ফলকের বদলে দুইটি অর্শ্ববৃত্তাকার কোরাট্স্ ফলক পাশাপাশি রাখিয়া একটি গোলাকার ফলক তৈরী করা হর। ফলক দুইটির একটি দক্ষিণাবর্ড অন্যাট বামাবর্ড কোরাট্স্ কেলাস হইতে কাটা হর। দুইটি ফলকেই আলোক অক্ষের দিক প্রতিসরণ ওলের অভিলবে অবস্থিত। ফলে ওলীর সমর্বাত্তত আলোর কম্পন্দিক একটি অর্কবৃত্তাকার ফলকে দক্ষিণ দিকে এবং অন্যাটতে বামাদিকে ঘুরিবে এবং এই ঘুর্ণনের পরিমাণ দুইটিতেই সমান কিছু বিপরীতমুখী হইবে। ৪.৫৯ নং চিচে L এবং R দুইটি অর্ধবৃত্তাকার কোরাট্স্ ফলক। L বামাবর্ড এবং R দক্ষিণাবর্ড কোরাট্স্ হইতে তৈরী; ইহাদের উভরের বেধই সমান। ইহারা XX' সরলরেখার বৃদ্ধ হইরাছে। ইহাতে আপতিত সমর্বাত্ত রাদ্ধির কম্পন্দিক ধরা বাক OA. ইহার ভিতর দিয়া গমন করিবার সময় R ফলকে একটি রক্ষির কম্পনের দিক পরিবর্তন হইবে AR দিকে। অন্যাটতে এই পরিবর্তন হইবে বিপরীত দিকে অর্থাং AX দিকে। ফলক দুইটির বেধ সমান হওরার



150 8.45

এই ঘৃণনের পরিষাণও সমান কিন্তু বিপরীত দিকে হইবে। সূতরাং বদি নিকল
পূইটি অনুকূল অবস্থানে রাখা হয় তবে বিশ্লেষক নিকলের মধ্য দিয়া পারগত
আলোর উপাংশ দুইটির তীব্রতা এক হইবে। ঘৃণনের বিচ্ছুরণের জন্য বিভিন্ন
তরঙ্গদৈর্ঘ্য বিভিন্ন কোণে ঘৃরিবে। ফলে বদি কোনও একটি বিশেষ তরঙ্গ
বিশ্লেষক নিকল্ ঘুরাইয়া নির্বাপিত কয়া হয় তবে একমাগ্র এই তরঙ্গই এক
অংশে নির্বাপিত হইবে অন্য অংশে নয়। অন্যান্য তরঙ্গের বেলায় দুই অংশে
বিশ্লেষক নিকলের পারগম দিকের সহিত কম্পন দিক আলাদা আলাদা
কোণ সৃষ্টি করিবে। ফলে দুই অর্ধে পারগত উপাংশের তীরতাও
আলাদা হইবে। সূতরাং দৃষ্টিকেতে দুইটি অর্ধবৃদ্তাকার অংশের তীরতা ভিন্ন
দেখাইবে।

কিন্তু ধৰা বাক বে সাদা আলোর একটি তরসের ক্ষেত্রে এই ঘৃণনের পরিমাণ 90°. ভাহা হইলে এই তরসের ক্ষপন দিক হইবে একটিভে OB এবং

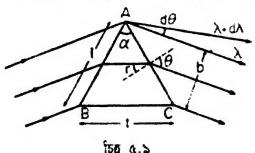
অন্যাইতে OB'. বিশ্লেষক নিকল ঘুরাইয়া এই আলোটিকে যদি নির্বাণিত করা হয় তবে উভয় অধেই ইহা নির্বাণিত হইবে। অন্যান্য তরঙ্গের আলোর কম্পনও 'BOB' এর দুইদিকে প্রতিসম অংশে (symmetrically) অবস্থিত থাকিবে। সূতরাং প্রতিটি তরঙ্গের জনাই দুই অধের পারগত উপাংশের তীব্রতা সমান হইবে। ফলে দৃষ্টিক্ষেত্রে উভয় অধ্বৃত্তেই আলোর তীব্রতা সমান দাড়াইবে। বিশ্লেষক নিকল্টি যদি কোনও দিকে ঘুরানো হয় তবে এই আলোক-ভরঙ্গের কম্পনের প্রতিসাম্যা নত হইয়া যাইবে এবং দুই অধের তীব্রতা বিভিন্ন হইবে। লক্ষা করিবার বিষয় এই যে এখানে একটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সমবর্তন তলের ঘূর্ণন 90° হওয়া চাই।

সূতরাং পূর্বের বাবস্থার নায়ে এখানেও সমর্বাতিত আলোর ক্ষেত্রে এইর্প বিশ্লেষক নিকল বুরাইয়া দুই অর্ধের তীব্রতা সমান করা হয়। এই অবস্থা নিপুণভাবে সৃষ্টি করিলে দুই ফলকের সংযোগরেখা অদৃশ্য হইয়া যাইবে। এবার সক্রিয় কেলাস অথবা দ্রবর্গতি বসাইলে ইহাতে গমনের ফলে সমর্বর্তন তল পরিবাতিত হইবে। বিশ্লেষক নিকল্ ঘ্রাইয়া আবার দুই অর্ধের তীব্রতা সমান করা হয়। বে কোণে ঘুরাইয়া এই সমান তীব্রতা সৃষ্টি করা হয় সমর্বর্তন তলের ঘ্রণনের পরিমাণও ইহার সমান। দুইটি ক্রেলের পাঠ হইতে এই কোণ সহক্রেই এবং সৃক্ষভাবে মাপা বায়।

উপরের আলোচনা হইতে সহজেই বুঝা যায় যে সাদা আলোর যে কোনও তরঙ্গকেই নির্বাপন করিবার জন্য বাছিয়া লওয়া চলে। সাধারণত হলুদ অথবা সবুজ আলোর তরঙ্গের জন্য এই নির্বাপন করা হয়। হলুদ আলো নির্বাপিত করিতে হইলে কোরাট্স্ ফলকের বেধ মোটামুটি 3.7 mm. হওয়া প্রয়োজন। অবশ্য বিভিন্ন আলো নির্বাপিত করিতে এই বেধ বিভিন্ন হয়। আলো বুগ্রা-কোয়াট্সের প্রতিসরণ তলের অভিলবে আপতিত হওয়া প্রয়োজন এবং বিশ্লোষক নিকলের ঘূর্ণন আক্ষ (axis of rotation) আপতিত রশ্যির সমান্তরাল হওয়া দরকার। এই দুই কারণে যে ভূলের উদ্ভব হয় তাহা দূর করিতে নিকলটি 180° ঘুরাইয়া একটি ঘিতীয় পাঠ নেওয়া দরকার। এইরুপ করিলে ভূলের অধিকাংশ অংশই এড়ানো যায়।

বিচ্ছুর্ণ (Dispersion).

সাদা আলো কাচের প্রিজ্মের মধ্য দিয়া প্রতিসৃত করিয়া নিউটন প্রমাণ করেন যে এই আলোতে বিভিন্ন তরসদৈর্ঘ্য বর্তমান। প্রতিসরণের কালে প্রতিটি তরসদৈর্ঘ্যের আলোর প্রতিসরণ কোণ আলাদা হইয়া যাওয়ায় ইহারা প্রিজ্মের মধ্য দিয়া পারগমের পর পরস্পর হইতে পৃথক হইয়া ধায় এবং প্রচলিত ভাষায় পারগত আলোয় রামধনুর সাতিটি রং দেখা যায়। রেলের সূত্র (Snell's Law) অনুসারে এই আপত্তিত এবং প্রতিসৃত আলোয় কোণ মাধ্যমের প্রতিসরাক্ষ দারা সংযুক্ত : sin i = μ. সাদা আলোয় ক্ষেত্রে আপত্তন কোণ এক থাকিলেও প্রতিসরণ কোণ বিভিন্ন রঞ্জের জন্য আলাদা হইয়া যায়। সূত্রাং প্রতিসরাক্ষ তরক্রদৈর্ঘার সঙ্গে পরিবর্তিত হইতে থাকে। আবার প্রতিসরাক্ষের সংজ্ঞা হিসাবে বাবহত হয় $\frac{v}{v'}$ = μ. এখানে ৮ এবং দার্ঘার বিভিন্ন আলোক তরক্রের কাতিবেগ এবং μ প্রথম মাধ্যমের সাপেক্ষে (with respect to) দিতীয় মাধ্যমের প্রতিসরাক্ষ । অত্যত্র দেখা যায় বে বিভিন্ন আলোক তরক্রের জন্য দিতীয় মাধ্যমে গতিবেগেরও পরিবর্তন হয়। এই প্রসঙ্গে উল্লেখখোগ্য এই যে গতিবেগের সদ্ধ হইতে পাওয়া বায় ৮ ২০ (৮ – কম্পাক্ষ)). সূত্রাং যেহেতু দিতীয় মাধ্যমে গতিবেগের



পরিবর্তন হর অতএব কম্পাক্ত বা তর্মদের্ঘা বা উভয়েরই যুগপং পরিবর্তন হওরা সম্ভব। কিন্তু পরে আলোচিত কারণ হইতে বুঝা যাইবে যে কম্পাক্ত দুই মাধামেই এক থাকে। ফলে সহজেই বুঝা যার যে তরস্বেগের পরিবর্তনের ফলে তর্মদর্শেরেই সংশ্লিক্ট পরিবর্তন হইরা থাকে। ৫.১ নং চিত্রে সমান্তরাল আলোকরশিমালা ABC প্রিজ্মের উপর আপতিত হইয়া ইহার নধা দিয়া প্রতিসরণের পর বিতীয় প্রতিসরণ তল দিয়া নিগত হইয়াছে। বিতীয় প্রতিসরণ তলে আপতন কোণ এবং প্রতিসরণ কোণ বধারুমে r এবং θ . প্রিজ্মের প্রতিসরণ কোণ (refracting angle) ω এবং ভূমির (base) দৈর্ঘ্য BC=1. প্রতিসরণের ফলে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সঙ্গে কোণের পরিবর্তন হইতে থাকিবে। এই পরিবর্তনের হার $\frac{d\theta}{d\lambda}$ কে বলা হর কোণিক বিচ্ছুরণ (angular dispersion). এই রাশিকে ভাঙ্গিয়া লেখা যায়

$$\frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{d\theta}{d\mu} \cdot \frac{d\mu}{d\lambda}.$$
 (5.1)

এই গুণক দুইটির মধ্যে $\frac{du}{d\lambda}$ কে বলা হয় বিচ্ছুরণ (dispersion). অন্য গুণকটিকৈ অন্তর্নকলন করিলে পাওয়া বায় $\left[\mu = \frac{\sin \theta}{\sin r}\right]$ ব্যবহার করিয়া এবং r কোণকে ধুবক রাখিয়া r

$$\frac{d\theta}{d\mu} = \frac{\sin r}{\cos \theta}.$$
 (5.2)

উপরের আলোচনার যে রশ্মি দ্বিতীয় প্রতিসরণ তলে প্রতিসৃত হইরাছে তাহার কথাই ধরা হইরাছে। কিন্তু 5.2 সমীকরণে প্রথম প্রতিসরণ তলে আপতিত রশ্মির ক্ষেচে দ্বিতীয় প্রতিসরণ তলে রশ্মিটির চ্যুতি (deviation) থাবহার করা প্রয়োজন। তবে যদি আপতিত আলোকরশ্মি অবম চ্যুতির (minimum deviation) অবস্থানে রাখা যার তবে দুইদিকের আপতিত এবং নিগতি রশ্মিদ্বর প্রতিসম (symmetrical) অবস্থান প্রহণ করিবে। কাজেই মোট চ্যুতি দ্বিতীয় তলে উৎপল্ল চ্যুতির দ্বিগুণ হইবে। অতএব 5.2 সমীকরণকে লেখ। যায়

$$\frac{d\theta}{d\mu} = \frac{2\sin r}{\cos \theta}.$$

७.১ नः िक इटेंख मिथा यात्र रूं = r.

$$\therefore \frac{d\theta}{du} = \frac{2\sin\frac{\theta}{2}}{\cos\theta}$$

আবার প্রিজ্মের প্রতিসরণ তলের প্রস্কুদের দৈর্ঘ্য যদি / হয় তকে দাড়াঃ

$$\frac{d\theta}{d\mu} = \frac{2l \sin \frac{\pi}{4}}{l \cos \theta} = \frac{t}{b} \quad [b =$$
নিগত আলোকর নিমালার প্রস্থ] (5.3)

কান্দেই দেখা যার যে কৌণিক বিচ্ছুরণের রাশিকে যে পূইটি গুণকে বিভন্ন করিয়া লেখা হইয়াছে (সমীকরণ 5.1) তাহার মধ্যে $\frac{d\theta}{d\mu}$ গুণকটি প্রিজ্মের জ্যামিতিক আকৃতি এবং রশ্মিমালার প্রক্রের উপর নির্ভর করে। সাধারণত বে সমস্ত প্রিজ্ম বাবহার করা হয় তাহাদের ক্ষেত্রে $\frac{1}{b}$ এক বা ইহার কাছাকাছি মানের হয়। যদি দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘা λ এবং $\lambda + d\lambda$ -র জন্য প্রতিসৃত রশ্মি দুইটির মধ্যে কৌণিক বিযোজন হয় $d\theta$ তবে লেখা যায়

 $d\theta=rac{\lambda}{b}$ [একক রেখাছিদ্রে ফ্রনহফার বাবর্তনের আলোচনা দুর্ভব্য]. সূতরাং লেখা বার

$$\frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{td\theta}{\lambda} \cdot \frac{d\mu}{d\lambda}$$

$$\frac{\lambda}{d\lambda} = \frac{td\mu}{d\lambda}.$$
(5.4)

সংজ্ঞানুসারে $\frac{\lambda}{d\lambda}$ প্রিজ্মের বর্ণীর বিভেদন ক্ষমত। বুঝার । সূতরাং এই বিভেদন ক্ষমতা পূর্বে পাওয়া রাশিমালার (3,177) এর সমান দাড়ার দেখা বাইতেছে ।

ষিতীর গুণকটি $\frac{du}{d\lambda}$ প্রিজ্মের বস্তুর ধর্মের উপর নির্ভর করে এবং আলাদ। ধর্মের বস্তুর জন্য আলাদা হয়। প্রচলিত ভাষার এই গুণকটিকেই বে বলা হয় বিচ্ছুরণ (dispersion) ইহা আলোচনার গোড়ারই বলা হইরছে।

বিচ্ছুরণ, স্বাভাবিক প্রকার (Dispersion, normal case).

উপরের আলোচনার বলা হইরাছে বে $\frac{d\mu}{d\lambda}$ গুণকটিকে আলোর বিজুরণ বলা হয়। এই বিজুরণের বেলার প্রতিসরাক্ষ μ তরস্পৈর্বোর সঙ্গে বের্পভাবে পরিবর্তিত হয় তাহা নিয়ের ৫.২ নং চিঠ হইতে বুঝা বাইবে। এই পরিবর্তন অবশ্য বিভিন্ন বস্তুর ক্ষেত্রে বিভিন্ন প্রকারের হইবে এবং ইহার প্রকৃতি বস্তুটির

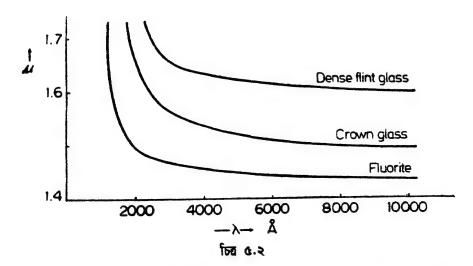
ধর্মের উপর নির্ভর করিবে। রচ্ছ মাধ্যমে আলোকতরঙ্গের গতিবেগ তরঙ্গদৈর্ঘের বৃদ্ধির সঙ্গে বাড়িতে থাকে; এই পরীক্ষালন ফল তাত্ত্বিকভাবে
ব্যাখ্যা করিবার প্রয়াস করেন সর্বপ্রথম কাশ (Cauchy) 1836 সনে। তিনি
এই উদ্দেশ্যে মাধ্যমের জন্য কঠিনবস্তুর স্থিতিস্থাপক মতবাদ (elastic solid
theory) প্রয়োগ করেন। একটি স্থিতিস্থাপক মাধ্যমে তির্থকতরঙ্গের গতিবেগ
বস্তুটির স্থিতিস্থাপকতা এবং ঘনত্তের ভাগফলের বর্গমূলের সমান; অর্থাৎ
যদি বেগ ও হয় এবং স্থাপিতাৎক (coefficient of elasticity) হয় N আর
ঘনত্ব p তবে লেখা যায়

$$v = \sqrt{\frac{N}{\rho}}$$
.

এই মতবাদ ব্যবহার করিয়া তিনি যে সূত্র আবিষ্কার করেন তাহা নিমরূপ

$$\mu = A + \frac{B}{\lambda^2} + \frac{C}{1^4} \tag{5.5}$$

এই সৃত্রে λ তরঙ্গদৈর্ঘোর জন্য প্রতিসরাজ্বের মান μ ; A, B, এবং C ধুবক। এই ধুবক প্রতিটি বন্ধুর নিজস্ব বিশেষত্ব বিলয়। বন্ধু হইতে বন্ধূতে পরিবতিত হইয়া থাকে। আর λ শ্নের (vacuum) তরঙ্গদৈর্ঘোর মান। বিদ কোনও বন্ধুর ক্ষেত্রে তিনটি জানা মানের তরঙ্গদৈর্ঘোর জন্য প্রতিসরাজ্ব মাপা যায় তবে এই তিনটি ধুবকের মান নির্ণয় করা সম্ভব হয়। আর তাহা হইলে এই বন্ধুটির



ক্ষেত্রে অন্যান্য তব্দ্রকারে জনা μ বাহির করিতে কোনও অসুবিধা হয় না।

কশির এই সূত্র হইতে দেখা বার বে নিয়লিখিত সিদ্ধান্তগুলি সমন্ত বন্ধুর প্রতিসরাক্ষের লেখের ক্ষেত্রেই পাওরা বার। প্রথমত আলোকভরসের বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে সংগ্লিষ্ট প্রতিসরাক্ষ হ্রাস পার। এইটি অভি সাধারণ পরীক্ষালদ্ধ সত্য (পরের আলোচনা দুক্তবা)।

ষিতীয়ত সমন্ত লেখ হইতেই দেখা বায় বে প্রতিসরাক্ষের পরিবর্তনের হার $\frac{d\mu}{d\lambda}$ তরঙ্গদৈর্ঘোর বৃদ্ধির সঙ্গে কমিতে থাকে। অনেক সময়েই দেখা বায় যে প্রতিসরাক্ষের মান কশি-সূত্রের দুইটি পদ দিয়াই বেশ নিভূলিভাবে হিসাব করা বার। অর্থাৎ লেখা বায়

$$\mu = A + \frac{B}{\lambda^2} \tag{5.6}$$

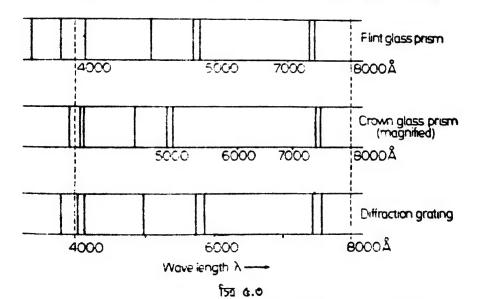
যদি ইহাকে অভরকলন কর। যায় তবে দাড়ায়

$$\frac{du}{d\lambda} = \frac{-2B}{\lambda^n} \tag{5.7}$$

সূতরাং এই সমীকরণ হইতে দাড়ায় যে তরঙ্গদৈর্ঘার পরিবর্তনের সঙ্গে প্রতিসরাক্ষ পরিবর্তনের হার তরঙ্গদৈর্ঘার ঘনের বাস্তাানুপাতিক (inversely proportional to the cube of wavelength); আর এই ঋণাত্মক চিহ্নও লেখের আকৃতি দারাই সমাধিত হয়। কারণ একটি বিন্দৃতে $\frac{du}{d\lambda}$ এর মান বাহির করিতে সেই বিন্দৃতে লেখের উপর একটি স্পর্শক আকিতে হয়। এই ক্ষেত্রে স্পর্শকের দিক এমন হইবে যে $\frac{du}{d\lambda}$ ঋণাত্মক দাড়াইবে।

বিজ্বপের এইর্প আচরণের একটি বিশেষ তাৎপর্যা লক্ষ্য করা প্রয়োজন। সাদা আলো প্রিজ্মের মধ্য দিয়া পাঠাইয়া যে বর্ণালি পাওয়া যায় অথবা হিলিয়াম বা নিয়ন জাতীর গ্যাসের ক্ষুলিঙ্গ হইতে যে আলো পাওয়া যায় ভাহারে বিজ্বপের ফলে যে বর্ণালি পাওয়া যায় ভাহাতে বর্ণালি রেঝাগুলির অবস্থান তরঙ্গদৈর্ঘার সমানুপাতে পরিবভিত হয় না। তরঙ্গদৈর্ঘার যত কমে বিজ্বপ্রণের পরিমাণও তত বাজিয়া যায়। ফলে দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘার মধ্যে একই পার্থকা ৫৯ এর জনা বেগুনী-আলোর ক্ষেত্রে অবস্থানের পার্থকা লাল আলোর অপেকা বেশী হয়। বেগুনী আলো এবং লাল আলোর ভরঙ্গদৈর বিদ্যালার ক্ষেত্রে আই অবস্থানের পার্থকা লাল আলোর অপেকা বেশকা বেগুনী আলোর বেলার মোটামুটি আটগুণ

হইবে। আর এই বিযোজন (separation) তরঙ্গদৈর্ঘ্য দ্রাসের সঙ্গে সঙ্গে বুত বাড়িতে থাকিবে। ইহার ফলে বর্ণাল রেখাগুলি লাল আলোর দিকে ঘেবার্ঘেষ হইয়া থাকিবে; যত তরঙ্গদৈর্ঘ্য কমিতে থাকিবে ভতই ভাহাদের বিযোজন বাড়িতে থাকিবে। এই আচরণের জন্য প্রিজ্মের বর্ণালিকে বলা হয় অপরিমের (irrational); তুলনায় বাবর্তন ঝাঝার হইতে যে বর্ণালি পাওয়া বায় ভাহাকে পরিমেয় (rational) বলা হয়়। বাবর্তন ঝাঝারর বর্ণালিতে রেখাগুলির বিযোজন তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সহিত সমানুপাতিকভাবে পরিবাভিত হইতে থাকে। নিয়ে একই আলো দ্বারা উৎপল্ল তিনটি বর্ণালির চিত্ত দেখানো হইল। প্রথমটি ফ্লিট কাচের (flint glass) প্রিজ্মে, দ্বিতীরটি রাউন কাচের (crown glass) প্রিজ্মে এবং তৃতীয়টি বাবর্তন ঝাঝারতে উৎপল্ল বর্ণালির চিত্ত। ভাউন কাচের বিক্তুরণ ফ্লিট কাচের অপেক্ষা কম বলিয়া ইহার বর্ণালির গৈর্ঘ্য ফ্লিট কাচের বর্ণালির অপেক্ষা কম হইবে; কিন্তু তুলনার সুবিধার জন্য ইহাকে বিবন্ধিত (magnify) করিয়া প্রথমটির সমান দৈর্ঘ্যের করা হইয়াছে। বাবর্তন ঝাঝারির বর্ণালিটিকেও বিবর্গধন করা হইয়াছে।



তিনটি বর্ণালিই এমন দৈর্ঘ্যের নেওয়া হইরাছে বাহাতে দুই প্রান্তের দুইটি নিলিক তরঙ্গদৈর্ঘ্যের মধ্যের দূরত্ব তিনক্ষেত্রেই সমান হয়। এইবার তুলনা করিলে দেখা যাইবে যে প্রিক্ষম্ ধারা সৃষ্ট হইলেও বর্ণালি দুইটিতে প্রান্তিকরেখা দুইটির মধ্যের রেখাগুলির আপেক্ষিক অবস্থান এক নহে। ভৃতীরত দেখা যার যে কোনও দুইটি আলাদা বন্ধুর তৈরারী প্রিজ্ম হইতে বিচ্ছুরণের যে বর্ণালি (spectrum) পাওয়া যায় তাহাদের বর্ণালিরেখার আপেক্ষিক অবস্থান এক নহে। এটির কারণও কাশর স্ত হইতেই পাওয়া বাইবে। এই সূত্রে A, B এবং C তিনটি শ্বুবক। এই শ্বুবক তিনটি বন্ধুর ধর্মের উপর নির্ভর করে আর সেইজনা প্রত্যেক বন্ধুর ক্ষেত্রেই আলাদা। ইহার ফলে $\mu - \lambda$ লেখের চেহারাও প্রতিটি বিভিন্ন বন্ধুর ক্ষন্য আলাদা হইয়া থাকে।

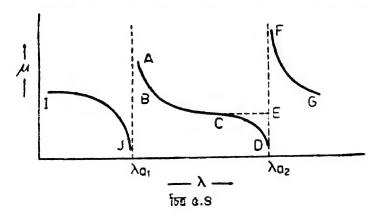
এই কারণে দুইটি আলাদা বন্ধুর $\mu - \lambda$ লেখ শুধু কোটির মান (scale of ordinates) পরিবর্তন করিয়া সম্পাতী (coincident) করা যায় না।

এছাড়া লেখগুলি হইতে আরও একটি ক্রিনিষ লক্ষ্য কর। যায়। বিভিন্ন ৰম্ভৱ বেলার প্রতিসরাক্ষ যত বড় হইবে বিচ্ছুরণের মানও সাধারণত তত বেশী হইবে। চিত্ত নং ৫.৩ হইতে এইটি দেখা যায় যে ফ্রিক্ট কাচের প্রতিসরাক বেহেতু ক্রাউন কাচের প্রতিসরাপ্ক হইতে বেশী সেইজন। যে কোনও তরঙ্গ দৈর্ঘের বেলায় ফ্রিণ্ট কাচের বিচ্ছুরণ $\frac{du}{d\lambda}$ ঐ তরঙ্গদৈর্ঘে ক্রাউন কাচের বিচ্ছুরণ হইতে বেশী। ইহার ফলে ফ্রিন্ট কাচের বর্ণালিরেথাগুলি ভাউন কাচের বর্ণালরেখার অপেক। বেলী বিযোজিত (separated) হয় এবং ফ্রিন্ট কাচের প্রিজ্মের বিভেদন ক্ষমত। ক্রাউন কাচের অপেক্ষা বেশী দাড়ায়। তথা অবশ্য কৰি সূত হইতে পাওয়া যায় না ; তবে পরীক্ষালন্ধ ক্ষেত্রে श्वयक्त्रांन वर्ष दय । अवना अदे उपाधि नवनमत्त्रदे नडा दय ना अवर हेदाव ব্যতিক্রমও দেখা বার। বেমন হীরকের প্রতিসরাক্ত খুব বেশী এবং 2.4100 হইতে 2.4354 পর্যন্ত হইরা থাকে (বথাক্রমে লাল এবং নীল আলোর জনা)। এই মান ক্লিণ্ট কাচের প্রতিসরাক্ষ হইতে অনেক বড়। কিন্তু ইহাদের পার্থকা মোটে 0.0254 এবং এই পার্থকাই বিচ্ছরণের মান নিরন্ত্রণ করে। এদিকে ফ্রিট কাচের বেলায় এই পার্থকা 0.0515 মতন হয়। সূতরাং দেখা ৰাইতেছে বে হীরকের প্রতিসরাক্ষ বেশী হওয়া সত্তেও ইহার বিচ্ছরণ ফ্লিট কাচের অপেকা কম। এইরপ বদিও দেখা বার যে সাধারণত কোনও ফ্রিনিবের ৰনৰ বেশী হইলে ইহার প্রতিসরাক্তর বেশী হয় তবুও ইহারও অনেক বাতিক্রম আছে। বেমন ইথার (ether) কলের অপেকা হাতা হইলেও ইহার প্রতিসরাক (1.36) জলের প্রতিসরাক (1.33) অপেকা বেশী।

আলোচিত বিজুরণকে বলা হর খাভাবিক বিজুরণ (normal dispersion). এইবুপ নামকরণের কারণ শীয়ই বুঝা বাইবে । কমি যে কঠিনবস্তুর ছিতিছাপক মতবাদ (elastic solid theory) তাহার সূত উদ্ভাবনে বাবহার করেন এইক্ষেত্রে তাহার প্রয়োগ প্রণালী পরে ভূল বলিয়া প্রমাণিত হইয়াছে। কিন্তু তা সত্ত্বেও কশি-স্তের সাহাযে। যে স্বাভাবিক বিচ্ছুরণের পরীক্ষালন ফল মোটামুটি ভালভাবেই বাাখ্যা করা যায় তাহাই আশ্চর্য। এই সূত্র বিচ্ছুরণের কার্য্যকরী হিসাব করিবার জন্য সাফলোর সহিতই বাবহুত হইয়া থাকে।

বিচ্ছুরণ-অনিয়ত প্রকার (Dispersion-abnormal case).

ক্রিশ্চিয়ানসেন এবং কুণ্ট বথান্তমে 1870 ও 1871 সনে একপ্রকারের বিচ্ছারণের আবিষ্কার এবং পরীক্ষা করেন। তাহারা পূর্ববিশ্ব বিচ্ছারণের সহিত তুলনা করিয়া ইহাকে আনয়ত বিচ্ছারণ (anomalous dispersion) আখ্যা দেন। ফুক্সিন (fuchsine) জাতীয় রং এবং আইওডিন (iodine) বান্সের মধ্য দিয়া বিচ্ছারণের বেলায় এই অয়াভাবিক বিচ্ছারণ পরিলক্ষিত হয়। কশি সূতানুসারে তরঙ্গদৈর্ঘা যত কমিতে থাকে প্রতিসরাক্ষ ততই নিরবিচ্ছারভাবে বৃদ্ধি পাইতে থাকার কথা। কিন্তু আইওডিন বাম্প এবং ফুক্সিন রংয়ের ক্ষেত্রে ইহার ব্যতিক্রম ঘটে। এই বন্তুর এক বা একাধিক বরণাম্বক (selective) শোষণপটি (absorption band) বর্তমান। এই নােবণপটির তরঙ্গদৈর্ঘা হইতে দ্রের তরঙ্গদৈর্ঘা যদি প্রতিসরাক্ষ মাপা যায় তবে এই প্রতিসরাক্ষের মান কশি-সূত্রে অনুসারে নিয়্রিত হইতে দেখা যায়। এই তরঙ্গদৈর্ঘা যখন কমিতে কমিতে শোষণপটির কাছাকাছি আসে



তথন প্রতিসরাণক দুত বৃদ্ধি পায় এবং শোষণপণির মধ্যে ইহার পরিমাপ সম্ভব হয় না কারণ এখানে সমস্ভ আলো শোষিত হইয়া যায়। শোষণপণির অপেকা কুমভার তরঙ্গণৈর্ঘার কোনে কিন্তু প্রতিসরাণেকর মান খুব কমিয়া যায় এবং শোবণপণির দুইদিকের প্রতিসরাধ্বের মানের একটি ভঙ্গ (discontinuity) দেখা বার। তাছাড়া শোবণপণির কম তরঙ্গদৈর্বোর জন্য প্রতিসরাক্ষের মান ইহার অবাবহিত বেশী তরঙ্গদৈর্ঘোর জন্য মানের অপেকা কম হয়। ইহাদের কোনটিই কশি স্থানুসারে হইবার কথা নহে। এইদিক বিবেচনা করিয়া আলোচ্য বিচ্ছ্রণকে অনিরত বিচ্ছ্রণ বলা হয়। ৫.৪ নং চিত্রে এইবুপ একটি বিচ্ছ্রণের লেখ দেখানো হইয়াছে।

৫,৪ নং চিত্রে প্রতিসরাধ্ব । এবং তরঙ্গদৈর্ঘা ১ এর একটি লেখ আকা হইরাছে। এই লেখে বহুটির দুইটি বরণাত্মক শোষণপটি (selective absorption band) λ_{a_1} এবং λ_{a_2} বর্তমান। এই পটি দুইটি হইতে দূরে বলি প্রতিসরাধ্ব মাপা হয় (BC আলে) তবে ইহার মান কলি-সূত্রের নিরম মানিয়া চলে। কিন্তু λ_{a_1} এর কাছাকাছি গোলে প্রতিসরাধ্ব খুব দূতে বাজিয়া যাইতে থাকে এবং λ_{a_1} এর উপরে শোষণের জন্য পরিমাপ সম্ভব হর না। λ_{a_1} হইতে কুল্লতর তরঙ্গদৈর্ঘার জন্য প্রতিসরাধ্বের মান আবার খুব কম (J বিন্দুর সমান) হইতে আরম্ভ হইয়া ক্রমে বাজিতে থাকে। বলিও J বিন্দুর তরঙ্গদৈর্ঘা এ বিন্দু হইতে কম তবুও কলি-সূত্রের বাত্তিরম করিয়া ইহার প্রতিসরাধ্ব ম বিন্দুর প্রতিসরাধ্ব হইতে কম দেখা বায় । আবার C বিন্দু হইতে বলি দিতীর পটি λ_{a_2} -র দিকে বাওয়া যায় তবে দেখা বায় যে এক্কেত্রে প্রতিসরাধ্বের মান দুত্র কমিতে থাকে এবং CD রেখা অনুসারে হইয়া থাকে। অথচ কিল-সূত্রানুসারে এই মান হওয়া উচিত CE রেখার মত।

কাজেই দেখা বাইতেছে বে বিচ্ছ্রণের এই অস্বাভাবিকভার উদ্ভব হয় শোবণপতির অন্তিরের জনা। শোবণপতি হইতে দৃরে পরিমাপ করিলে প্রতিসরাক্ষের মান স্বাভাবিক হয় এবং কলি-স্ত্রের স্বারা নির্মান্ত হইরা থাকে। এই স্বাভাবিক বিচ্ছুরণ অবশা বিভিন্নপ্রকার কাচ এবং বর্ণহীন স্বচ্ছ পদার্থের বেলারই এবাবং (1871 এর পূর্বে) মাপা হইরাছিল। এই সমস্ত বর্ণহীন বন্ধুর ক্ষেত্রে আলোকের দৃশা সীমার (visible range) মধ্যে শোবণপতি বর্তমান ছিল না। সূত্রাং এই সীমার মধ্যে পরীক্ষা করা হইত বলিয়া BC জাতীর মানই পাওয়া হাইত। যথন ফুর্কাসন বা আইওডিন বাম্পে পরীক্ষা করা হইল, এগুলির জন্য শোবণপতি দৃশ্যসীমার মধ্যেই বর্তমান থাকার বিচ্ছুরণের এই অস্বাভাবিকতা ধরা পড়ে। কিন্তু পরে বচ্ছ কাচের ক্ষেত্রেও দৃশ্যসীমা ছাড়াইরা অভিবেগুনী বা অবলোহিত আলোকতরঙ্গের বেলার দেখা গেল বে এই সমস্ত বন্ধুর বিচ্ছুরণও আইওডিন বাম্প বা ফুক্সিন রঙের বিচ্ছুরণের প্রকৃতিরই হইরা থাকে। প্রকৃতপক্ষে সকল বন্ধুরই এক বা একাথিক

শোষণপটি থাকে; এবং সেজনা শোষণপটির দুইদিকে অনেকদৃর পর্যান্ত অথবা দুই শোষণপটির মধ্যে পরিমাপ করিলে সমস্ত বিচ্ছুরণ লেখই এই একই প্রকার অস্বান্ডাবিকত। দেখার। সূতরাং বলা চলে যে এই ধরণের লেখই বান্ডাবিক; ইহাতে অবান্ডাবিকতা কিছু নাই। বরং কাশ-সূত্রের অনুসারে যে বিচ্ছুরণ পাওরা বায় তাহা এই সমগ্র বিচ্ছুরণ লেখের একটি বিশেষ প্রকার (special case). আর একমাত শোষণপটি হইতে দ্রে পরিমাপ করিলেই এই প্রকৃতির লেখ পাওয়া বায়। তবুও প্রচলিত নাম বাতিল না করিয়া রাখিয়া দেওয়া হইয়াছে; একটিকে স্বান্ডাবিক এবং অনাটিকে অনিয়ত বিচ্ছুরণ বলা হর।

সেলমায়ার সমীকরণ (Sellmeier Equation).

ষাভাবিক বিচ্ছারণ ব্যাখ্যা করিবার জন্য ষের্প কশি-সমীকরণ উদ্ভাবন কর। হইরাছিল সেইর্প অনিয়ত বিচ্ছারণের ব্যাখ্যার জন্য সেলমায়ারও একটি সমীকরণের প্রবর্তন করেন এবং এইটি তাহার নামানুসারে সেলমায়ার সমীকরণ বিলিয়া অভিহিত হইয়া থাকে। এই সমীকরণটি নিয়ার প্রকারের

$$\mu^{4} = 1 + \frac{A\lambda^{2}}{\lambda^{2} - \lambda_{1}^{2}} + \frac{B\lambda^{2}}{\lambda^{2} - \lambda_{2}^{4}} + \cdots$$
 (5.8)

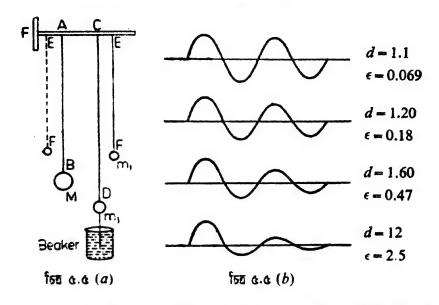
এই সমীকরণে λ তরঙ্গদৈর্ঘের জনা বহুর প্রতিসরাক্ত μ ; A, B ইত্যাদি ধুবক বাহাদের বহুর জনা পৃথক মান থাকে। আর λ_1 , λ_2 ইত্যাদি বহুর জনাই কলাকের (natural frequency) সংগ্রিক তরঙ্গদৈর্ঘা। সমন্ত বহুর জনাই অন্ততঃ একটি বাভাবিক কলাকে বর্তমান থাকে; ইহাদের জন্য অন্ততঃ একটি $\lambda_n(\lambda_1,\lambda_2$ জাতীয়) থাকিবে। যে সমন্ত বহুর একাধিক বাভাবিক কলাকে থাকিবে তাহাদের জন্য λ_n এরও একাধিক মান বর্তমান থাকিবে। পূর্বের আলোচনা হইতে দেখা গিরাছে যে কলি সমীকরণ অনিয়ত বিচ্ছুরণের ব্যাখ্যা দিতে পারে না যদিও লোষণপটি হইতে দ্রের তরঙ্গদৈর্ঘ্যের জন্য এই সমীকরণ মোটামুটি নির্ভূলভাবে প্রতিসরাক্তের মান নির্ণয় করিতে পারে। কিন্তু সেলমায়ার সূত্র অনিয়ত বিচ্ছুরণ কলি-সূত্র হইতে অনেক ভাল ভাবে ব্যাখ্যা করিতে পারে। পুইটি পদের সেলমায়ার সমীকরণ নিয়া বিবেচনা করিলে দেখা বার যে এই ক্ষেত্রে লেখা চলিতে পারে (এখানে একটি বাভাবিক ক্লাক্ষে λ_1 বর্তমান বিলয়া ধরা হইয়াছে)

 $μ^2 = 1 + \frac{Aλ^2}{λ^2 - λ_1^2}$. ($λ_1$ বাভাবিক কম্পান্কের সংশ্লিষ্ট তরঙ্গদৈর্ঘ্য).

বদি ম, অপেকা অনেক দীর্ঘ তরঙ্গদৈর্ঘোর প্রতিসরাক দিরা আরম্ভ করিরা ক্রমশ কম তরঙ্গদৈর্ঘের দিকে আসা যার তবে দেখা যার যে প্রতি-সরাক্ষের মান 1 এর খুব কাছাকাছি মান হইতে আরম্ভ করিয়া ক্রমাগত বাড়িতে থাকে। কিন্তু বখন $\lambda_{\mathbf{i}}$ মান $\lambda_{\mathbf{i}}$ এর খুব কাছাকাছি আসিয়া পড়ে তখন প্রতিসরাক্ষ অতান্ত দুতবেগে বাড়িতে থাকে; এবং বখন $\lambda = \lambda$, হয় তখন ইহার মান ধনাস্বক অসীম হয়। আবার যখন λ এর মান λ , হইতে খুব সামান্য কম হয় তখন μ এর মান প্রায় ঋণাস্থক অসীম হইতে আরম্ভ হয় এবং ম আরও কমিবার সঙ্গে সঙ্গে কমিয়া ক্রমাগত l এর দিকে আসিতে থাকে। কিন্তু এই অংশে и এর মান সব সময়েই । এর অপেকা কম থাকে। ইহা সহজেই বুঝা যায় বে $\lambda = \lambda$, এর বা ইহার খুব কাছাকাছি জায়গায় প্রতি-সরাজ্বের যে মান পাওয়া যার তাহা অসম্ভব কারণ প্রতিসরাজ্বের ধনায়ক বা খণাত্মক অসীম বা ইহার কাছাকাছি মান কম্পনা করা বায় না। কিন্তু এই অংশ বাদ দিলে অন্যান্য অংশের জন্য সেলমারার সমীকরণ পরীক্ষালন্ত $\mu - \lambda$ লেখের সহিত বেশ ভালভাবে মিলিরা যায় । কাজেই দেখা যাইতেছে যে বদিও সেলমারার সমীকরণ সাধারণভাবে অনিরত বিচ্ছুরণ বেশ সাফল্যের সহিত বাাখা করিতে পারে, তবুও শোষণপটির বা ইহার সন্মিকটের তরঙ্গদৈর্ঘোর বেলার এই সমীকরণ শোচনীয়ভাবে বার্থ হইয়া থাকে। এই বার্থভার কারণ অবশা সেলমায়ার যে বিবেচনা হইতে সমীকরণটি উদ্ভাবন করেন তাহার মধ্যেই নিহিত আছে। তাহার ধারণা মতে বিচ্ছারক বন্তুটি কতকগুলি কণার সমষ্টিতে গঠিত এবং এইগুলির একটি বা একাধিক স্নান্তাবিক কম্পাধ্ক থাকে। আলোকের পারগমের সময় এইগুলি আলোকভরকের কম্পান্কের বারা প্রভাবিত হইয়া কম্পিত হয় এবং কণাগুলির এই কম্পন আলোকের গতিবেগকে প্রভাবিত করিয়া পরিবর্তিত করে যাহার ফলে বিচ্ছারণের উৎপত্তি হয়। আলোর কল্পান্ক যদি স্বাভাবিক কল্পান্ক হইতে আলাদ। হয় তবে কণাগুলি আলোক-তরঙ্গের কন্সান্তেই ন্সন্দিত হইতে থাকিবে। আর এই ন্সন্দনের বিস্তার নির্ভর করিবে আলোকতরঙ্গের এবং স্বাভাবিক কম্পান্কের পার্থকোর উপর। এই পাৰ্থকা যত কম হইবে বিশ্ৰাৰও তত বেশী হইবে। কণাগুলির এই জাতীয় ৰুশ্পনকৈ বলা হয় বলকৃত কম্পন (forced vibration). যখন এই পাৰ্থকা मुना इष्टेरव उथन विद्वाद क्र**नीम इ**ष्टेवाद क्या। **এইক্ষে**টে যে म्मम्पन दय তাহাকে বলা হয় অনুনাদ (resonance), এইক্ষেত্রে প্রতিসৃত আলোকের গতি-বেগের সর্বাধিক পরিবর্তন হইবে। কিন্তু ভাত্তিকভাবে অনুনাদের ক্ষেত্রে থেহেতু বিস্তার অসীম হইবে সেইহেতু প্রতিসরাক্ষ আলোচিত অসম্ভব মান প্রাপ্ত হয়।

স্বাধীন ও বলকৃত কম্পন (Free and forced vibrations).

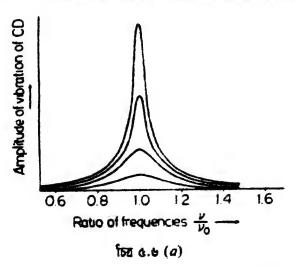
বন্তুর কণাগুলির উপর আলোকের প্রভাব বুন্ধিবার জন্য একটি যান্ত্রিক পরীক্ষার (mechanical experiment) বর্ণনা দেওরা যাইতে পারে।



৫.৫ (a) নং চিত্রে AC একটি ধাতব দণ্ড খুটি F হইতে অনুভূমিক অবস্থানে স্থাপিত আছে। A এবং C হইতে দুইটি দোলক AB এবং CD ঝুলিতেছে আরু ইহাদের গোলকের ভর যথাক্রমে M এবং $m_1(M>m_1)$. দোলকটির বড়িটি দোলাইয়া দিলে ইহা স্থিতিস্থাপক ধাতব দণ্ডটির মধা দিয়া প্রেরিত ঘাত (impulse) দ্বারা দ্বোটিটিকে প্রভাবিত করিয়া ইহাকেও দোলাইতে আরম্ভ করে। অবশা এই ক্ষেত্রে পরস্পর পরস্পরকে প্রভাবিত করিবে এবং দুইটি গোলকের ভর এবং দোলকের দৈশ্য যদি এক হয় তাহা হইলে সমস্ত শক্তি পর্যায়ক্রমে একটি হইতে অনাটিতে যাইবার ফলে ইহারা পর্যায়ক্রমে শ্না এবং চরম বিস্তার লাভ করিবে। CD দোলকটিতে মন্দনের (damping) প্রভাব দেখাইবার ক্রমা m_1 ভরটি হইতে সূতা ঝুলাইয়া এই সূতাটির অনাপ্রান্ত একটি বীকারের ক্রমা m_2 ভরটি হইতে সূতা ঝুলাইয়া এই স্তাটির অনাপ্রান্ত একটি বীকারের ক্রমা জুবাইয়া দেওরা হইয়াছে। মন্দনের পরিমাণ বাড়াইতে হইলে বীকারে ক্রেলের পরিষতে কোনও সাম্রু (viscous) তরল দেওরা চলিতে পারে। AB দোলকের দৈশ্য বাড়াইয়া ইহার কম্পান্ক কমানো সম্ভব এবং এইভাবে বিভিন্ন কম্পাক্রের দেগলনকালের প্রভাব দিতীয় দোলক CD এর দোলনকালে এবং বিশ্বার কিন্তারে পরিরওঁন করে তাহা পরীক্রা করা যায়।

প্রথমে AB দোলকটি খুলিয়া নিয়া খুধু CD দোলকটি দোলাইয়৷ ইহার
দোলনের উপর মন্দনের প্রভাব পরীক্ষা করা বাইতে পারে। বলি ঘাধীন
দোলনের ক্ষেত্রে পরপর পুইটি বিস্তারের অনুপাতকে বলা হর মন্দনের হার
(damping ratio) ব এবং ইহার ছাতাবিক লগারিদম্ (natural logarithm)-কে বলা হর লগারিদ্মীর হ্রাস (logarithmic decrement)
ভবে
এই দুইটি রাশির মান বিভিন্ন অবস্থায় এই পরীক্ষা করিয়া দেখা সম্ভব হইবে।
প্রথমে গোলক হইতে স্তার দৈঘা বাড়াইয়া তরলে নিমক্ষিত অংশের দৈঘা
বাড়াইলে মন্দনের পরিবর্তনও সঙ্গে সক্ষে বাড়িতে থাকিবে; বেশী মন্দনের
প্রভাব দেখিবার জনা প্রয়োজন হইলে জলের বদলে বেশি সাম্রতার কোন
তরলও বাবহার করা চলিতে পারে। বিভিন্ন মন্দনের তরল বাবহার করিয়া
বিস্তারের বে বিভিন্ন লেখ পাওয়া যায় তাহা চিত্র নং ৫.৫ (৮)এ দেখানো হইল।

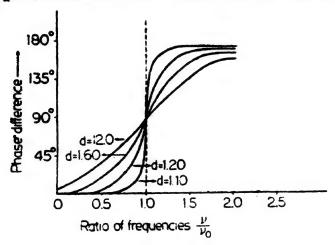
এইবার AB দোলকটি লাগাইরা CD দোলকের উপর ইহার প্রভাব পরীক্ষা করিয়া দেখা বাইতে পারে। এই পরীক্ষায় AB দোলকের কম্পান্ত বা দোলনকাল পরিবর্তন করিয়া CD দোলকের বিস্তারের সংগ্লিষ্ট পরিবর্তন এই প্রভাব নির্ণয় করিবে। AB দোলকের দৈখা পরিবর্তন করিয়া ইহার দোলনকাল কমানো বাড়ানো বাইবে। এই পরীক্ষা হইতে দেখা বাইবে AB দোলকের কম্পান্ত বত CD দোলকের বাভাবিক কম্পান্তের কাছাকাছি আসিবে ততই



CD দোলকের বিস্তার বাড়িতে থাকিবে অর্থাৎ CD দোলকের উপর AB দোলকের প্রভাব বাড়িতে থাকিবে। আরও লক্ষ্য করিবার বিষয় বে CD দোলকের বিস্তার নির্ভয় করিবে মন্দনের পরিমাণের উপরও। যখন AB এবং

CD পৃইটিরই আভাবিক দোলনকাল এক হইবে তখন CD দোলকের বিস্তার চরম দাড়াইবে। এই অবস্থারও চরম বিস্তারের মান মন্দনের উপর নির্ভর করিবে। CD দোলকের স্তাটির জলে ডোবানো অংশের দৈর্ঘ্য যত বাড়ানো বাইবে দোলকের বিস্তারের পরিমাণও তত কমিবে। এই অবস্থার বিস্তারের করেকটি লেখের চিত্র দেখানো হইল [চিত্র নং ৫.৬ (a)]। এই সমস্ত ক্ষেত্রে মন্দনের পরিমাণ পূর্ববর্ণিত মানের সমান (চিত্র নং ৫.৬) ধরা হইরাছে। CD দোলকের স্বাভাবিক কম্পান্ক ধরা হইরাছে v₀ এবং AB দোলকের কম্পান্ক v. v এর মান পরিবর্তন করিয়। CD দোলকের বিস্তারের উপর ইহার প্রভাব দেখানো হইরাছে। অবশ্য CD দোলকের বলকৃত কম্পন (forced vibration) হইবে বলিয়। ইহা v কম্পান্কে দুলিতে থাকিবে। লেখে এই দুইটি কম্পান্ক v₀ এবং v এর বিভিন্ন অনুপাতের জন্য CD দোলকের বিস্তার দেখানো হইরাছে।

চিত্র নং ৫.৬ (b)এ দুইটি কম্পনের মধ্যে দশার সম্বন্ধও দেখানো হইয়াছে। এই চিত্র ছইতে দেখা যায় যে সাধারণভাবে ৮ এর মান যত কম থাকে ততই দোলক দুইটির কম্পনের মধ্যে দশার পার্থকাও কম থাকে এবং ইহারা একই



চিত্ৰ ৫.৬ (b)

দিকে গতির দারা দুলিতে থাকে। দশার এই পার্থকা v যত v_0 এর দিকে আসিতে থাকে ততই বাড়িতে থাকে। যখন $v = v_0$ হয় তখন দশার পার্থকা দাড়ায় 90°. আর v যখন v_0 এর অপেক্ষা বেশী হয় তখন দশা-পার্থকা 90° ছাড়াইয়া 180° মানের দিকে যাইতে থাকে। অবশা 180° পর্যান্ত বৃদ্ধি অসীমপথ প্রকৃতির (asymptotic nature) হইয়া থাকে।

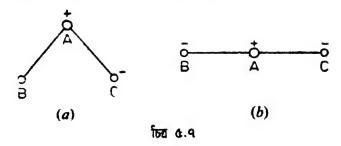
দশার এই পরিবর্তনও অনেকাংখে মন্দনের পরিমাণ দারা নির্যায়িত হইবে। চিত্র নং ৫.৬ (b) হইতে দেখা বার বে মন্দনের পরিমাণ বলি খুবই কম হয় তবে দশার পরিবর্তন ৮ এর পরিবর্তনের উপর খুব সামানাই নির্ভর করে। একমাত এই v এর মান যখন CD দোলকের বাভাবিক কুলাক্ষ ৮, এর খুব কাছাকাছি আসে তখন দখা খুব নুত পরিবতিত হইতে থাকে এবং vo হইতে সামান্য বাড়িলেই 180° পরিবতিত হইয়া ৰার। কাজেই যদি মুন্দুনবিহীন একটি দোলক CD বাবহার করিয়া (সূতাটি বাদ দিয়া) পরীক্ষা করা বার তবে দেখা যাইবে যে যতক্ষণ পর্যান্ত AB দোলকের কম্পান্ক vo হইতে কম থাকিবে ততঞ্প দুইটি দোলকের পতিই একদিকে হইবে। v এর পরিমাণ vo হইতে সামান। বাড়াইলেই দুইটি উন্টা দিকে দুলিতে থাকিবে। এই পরীক্ষাটি আরও ভালভাবে দেখানো বার বদি চিত্র নং ৫.৫ (a)-তে দেখানো বাবস্থার AB দোলকের অনুরূপ আরও कि जिल्ला हिंदि नागाता इस । CD जानकित देव AB इहेर्ड दानी এবং EF দোলকটির দৈর্ঘ্য AB হইতে কম রাখা হইয়াছে আর CD এবং EF গোলক দুইটির ভর সমান এবং AB গোলকের ভর হইতে বেশ খানিকটা কম। থানিকক্ষণ দুলিবার পর দোলকগুলি সাম্যাবস্থার আসিলে দেখা বাইবে ৰে CD দোলকটির ৰাভাবিক কম্পাধ্ক AB দোলক হইতে কম হওয়ায় এই দুইটির দশার পার্থকা প্রায় শ্ন্য হইবে (অবশা দশা-পার্থক্যের এই মান নির্ভর क्रिंदि कन्नाम्क पूरेवित भार्थरकात उभन : भार्थका थून क्या ना रहेरन मनात পার্থকা প্রার শূনা হইবে) : ফলে এই পুইটির গতি একই দিকে এবং প্রার সম্পাতী হইবে। অনুরূপ যুদ্ধিতে বুঝা যায় যে EF দোলকের স্বাভাবিক ৰুপাৰ্ক বেশী হওয়ায় ইহা AB দোলকের বিপরীত দিকে গতি নিয়া দুলিতে থাকিবে। অর্থাৎ CD এবং EF পরস্পরের বিপরীত দিকে দুলিতে থাকিবে।

কিছু মন্দনের পরিমাণ বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে দলার এই পরিবর্তনের হারও পরিবর্তিত হইতে থাকে। যদি মন্দনের পরিমাণ বাড়ে তবে খুব কম কম্পান্ক ৮ এর জনাও কিছু দলার পার্থকা বিদামান হইবে। আর ৮ এর মান বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে এই দলার পার্থকাও জমাগত কিছু নিরবচ্ছিনভাবে বাড়িবে। বেশী মন্দনের বেলায় এই দলার পার্থকা প্রকৃতপক্ষে কোন সময়েই 180° (বা ন) হইবে না।

দশার পরিবর্তনের উপর কম্পান্কের প্রভাব উপরের পরীক্ষা কিছু পরিবতিত করিয়া দিয়াও দেখানো চলিতে পারে। AB দোলকটিই শুধু এখানে বাবহার করা দরকার হইবে। এই দোলকের সহিত একটি রবারের সরু লয়। সৃতা বাধিয়া স্ভার অন্য প্রান্ত হাতের মৃতির মধ্যে রাখা হইল। এইবার হাডটি দোলাইলে এই দোল রবারের স্ভার মাধ্যমে দোলকে সংক্রামিত হইবে এবং দোলকটি দুলিতে থাকিবে। দেখা যাইবে যে হাতের নাড়িবার দোলনকাল যদি দোলকের স্বাভাবিক দোলনকালের অপেক্ষা বেশী হয় তবে ইহাদের উভয়েরই গতি একই দিকে হইবে। কিন্তু হাতের দোলনকাল দোলকের স্বাভাবিক দোলনকাল হইতে কম হইলে ইহারা পরস্পরের বিপরীত দিকের গতি নিয়া দুলিতে থাকিবে। আরও দেখা যাইবে যে হাতের দোলনকাল যদি দোলকের স্বাভাবিক দোলনকালের তুলনায় খুবই কমিয়া যায় তবে দোলকটির দোলন বন্ধ হইয়া যায় এবং ইহা প্রায় ছির হইয়া থাকে। বিচ্ছ্রেণের সিদ্ধান্ত আলোচনার পর এই পরীক্ষার তাৎপর্যা আরও ভালভাবে বুঝা যাইবে।

বিচ্ছুরণের ভাষিক আলোচনা(Theoretical discussion of dispersion).

উপরের আলোচনার পরিপ্রেক্ষিতে এইবার বিচ্চুরণের তাড়িক আলোচনা করা চলিতে পারে। এই আলোচনায় বিচ্চুরণের তড়িং-চুম্বকীয় (electro magnetic) চিত্র বাবহার করা হইবে। কোনও বস্তুকে অণু বা পরমাণু দ্বারা গঠিত বলিয়া মনে করা যাইতে পারে। এই অণু বা পরমাণুগুলি দ্বিমেরুর (dipole) সহিত তুলনীয়। একটি অণুর কথা ধরা যাক (চিত্র নং ৫.৭ (a)).



ইহার মধ্যে তিনটি পরমাণু বর্তমান। এ পরমাণুটি ধনাত্মক তড়িংসম্পন্ন এবং ৪ ও ে পরমাণু দুইটি ঋণাত্মক তড়িংসম্পন্ন। এই ঋণাত্মক পরমাণু দুইটির বিদ্যুৎকেন্দ্র (electric centre) ধনাত্মক পরমাণুটির সহিত সম্পাতী না হওয়ার ফল দাড়াইবে এই যে অণুটিকে পরস্পর হইতে আলাদা বিপরীতমুখী বিদ্যুতের সমান্ত হিসাবে বিবেচনা করা যাইবে। এই অণুটির দুইটি বিপরীত্যর্মী বিদ্যুৎ-মেরু থাকায় ইহাকে বলা যায় ছিমেরু (dipole). এই নাম একটি ক্ষুদ্র চুহকের সহিত সাদৃশা রাখিয়া করা হইয়াছে। এই জাতীয় ছিমেরু আবায় দুই রক্ষের হইতে পারে। বাহির হইতে কোনওর্প বিদ্যুৎক্ষেত্রের প্রভাব ছাড়াই

বাদ বৈদ্যুতিক মেরু দুইটির অবস্থান আলাদা হয় তবে ইহাকে বলা হয় ৰাভাবিক বিমের (natural dipole). ৰাভাবিক বিমেরুর অন্তিম্ব দেখাইবার জনা কোণণ্ড তরল নিয়া তাহার—ডাইলেক্ট্রীক প্রবন্ধ (dielectric constant) বিভিন্ন তাপমাতার মাপা বাইতে পারে। তরলের মধ্যে বিমেরগুলির একটি িবিশেষ দিকে অবস্থিত হওয়ার প্রবণতা দেখা বাইবে। এই অবস্থানের প্রবণতা বাহিরের কোনও বিশৃংক্ষেতের অন্তিম ছাড়াই বর্তমান থাকিবে। তাপমাত্র। বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে দিমেরুগুলির গতি বা ঘূর্ণনও বাড়িবে; ফলে এই অবস্থানের হ্রাসের সঙ্গে সঙ্গে তরলের ডাইলেক্ট্রীক ধ্রবকের মানও কমিবে। প্রকারের কণাগুলি হইবে আবিষ্ট দিমের (induced dipole). এইগুলির বেলার ধনাত্মক এবং ঝণায়ক বিদ্যাভাষানগুলির কেন্দ্র সম্পাতী হইয়া থাকে। কিন্তু বাহির হইতে বৈদ্যাতিক ক্ষেত্র প্রয়োগ করিলে এই ক্ষেত্রের প্রভাবে কণা-গুলির বৈদ্যতিক কেন্দ্র দুইটির অবস্থান আলাদা হইয়া বায় এবং কণাটি একটি দিমেরতে পরিণত হয়। বাহিরের বৈদ্যুতিক ক্ষেত্রের প্রভাবের জনা এই দুইটি আলাদ্য মেরুর আবেশ হইয়া এই দ্বিমেরুর সৃষ্টি হয় বলিয়া এইগুলিকে আবিষ্ট **ছিমেরু বলা** হইয়া থাকে। চিত্র নং ৫.৭ (b) এ এইরূপ একটি কণা দেখানো হইরাছে ৷ ইহাতে B এবং C কণা দুইটি ঋণায়ক এবং A কণাটি ধনায়ক। AB এবং AC দূরত্ব দুইটি সমান এবং BA ও CA একই সরলরেখায় অবন্থিত। भुखदार अरेदुश क्याद B जवर C जद विकार किया (electric centre) A क्याद সহিত সম্পাতী হইবে আর ইহার ফলে সম্পূর্ণ কণাটি বৈদুটিক দিক হইতে নিরাবেশিত (neutral) হইবে ৷ কিন্তু বাহিরের বিদুংক্ষেতে আবার এই বৈদুটিক আধান আলাদা হইয়া যাওয়ায় সম্পূৰ্ণ কণাটি একটি দ্বিমেরতে পরিণত হটবে।

ভাইলেক্ট্রীক পদার্থের (dielectric materials) এর মধ্য দিয়া গমনকালে আলোকের বিচ্ছুরণ এই স্থিমেরুর ধারণার স্বারা ব্যাখ্যা করা যায়। একটি দিমেরুতে বদি q সংখ্যক ধনায়ক তড়িংকণা এবং সমসংখ্যক খুণাগ্মক তড়িংকণা বর্তমান থাকে যাহাদের প্রত্যোকের তড়িংকেণা করা মাণ $\pm e$ আর এই দুই জাতীয় কণার বিদ্যুংকেন্দ্রের মধ্যের দুরম্ব হয় / তবে দিমেরুটির ভ্রামক (moment) এর মান m হইবে বেখানে গেখা বার

$$m = qel \tag{5.10}$$

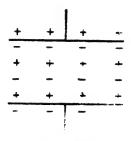
এই দ্রামক বাভাবিক এবং আবিষ্ঠ দুই প্রকারের বিমেরুর ক্ষেতেই সৃষ্ঠ হুইবে। বদি আবিষ্ঠ বিমেরুর ক্ষেতে বাহির হুইতে প্রযুদ্ধ বিদ্যুৎক্ষেত্র E হর তবে এই ক্রম্য ছিমেরুর বিদ্যুৎকণাগুলির মধ্যে qeE বলের উৎপত্তি হুইবে। যখন এই বল প্রভাবস্থান বলের (force of restitution) সমান হয় তখন কণাগুলির সাম্যাবস্থার সৃষ্টি হয়। বিযোজিত বিদ্যুৎকণাগুলির মধ্যে একক দ্রুদ্বের জন্য প্রভাবস্থান বল বদি k হয় তবে সাম্যাবস্থায় লেখা যাইতে পারে

$$qeE = kl \tag{5.11}$$

এখানে ধরা হইরাছে যে E বিদ্যুৎক্ষেতের প্রভাবে ধনাত্মক এবং ঋণাত্মক কণার মধ্যের বিযোজন I. ইহা হইতে আবিষ্ঠ দ্বিমেরুর দ্রামক m দাড়ার

$$m = qel = \frac{q^2 e^2 E}{k} = \angle E \tag{5.12}$$

এখানে $\angle = \frac{q^2 e^2}{k} =$ সমবর্তনীয়তা (polarisability).



চিত্ৰ ৫.৮

এই জাতীয় আবিষ্ট সমবর্তনের প্রভাব মাধ্যমের উপর কির্প প্রতিক্রিয়া করিবে তাহা সঙ্গের চিত্র নং ৫.৮ হইতে বুঝা যাইবে। ইহা একটি সমান্তরাল পাতের সংধারিত (parallel plate condenser). পাত দুইটিতে ধনাম্বাক এবং ঝণায়ক আধান পেওয়ার ফলে পাতের মধ্যের স্থানে একটি বিদুংক্ষেত্র D প্রবৃত্ত হইয়াছে। কিন্তু এই বিদুংক্ষেত্রের মান পাত দুইটির মধ্যের স্থান শ্লাহাইলে বলি D হয় তবে এই স্থানে কণা বর্তমান থাকিলে বিদুংক্ষেত্রের মান আলালা হইবে। কারণ বিদৃংক্ষেত্রের উপস্থিতির জন্য কণাগুলির সমবর্তন হইবে আর ইহার ফলে প্রযুদ্ধ বিদৃংক্ষেত্র উপস্থিতির জন্য কণাগুলির সমবর্তন পাত দুইটির মধ্যের স্থান শ্লা হইবে তথ্ন পাতের বিদৃং আধানের তলীয় বনম্ব (surface density) যদি ত হয় তবে D এর মান হইবে

$$D = 4\pi s$$
.

কিন্তু পাতের মধ্যের স্থানে বলি কোনও মাধ্যম বর্তমান থাকে তবে এই মাধ্যমের কণাগুলির সমবর্তনের ফলে একটি বিপরীতমুখী বিদ্যুৎক্ষেরের উৎপত্তি হইবে বাহার মান হইবে $4\pi S_p$. এখানে S_p সমবর্তনের জন্য উৎপদ্ম বিদ্যুৎ আধানের তদীর ঘনস্থ সূতরাং এইক্ষেত্রে পাত দুইটির মধ্যের বিদ্যুৎক্ষেত্রের মান E দাড়াইবে

$$E = D - 4\pi S_p.$$

$$\overline{Q} = 1 - \frac{4\pi S_p}{D}.$$
(5.13)

D এবং E এর অনুপাতকে বলা হয়—ডাইলেক্ট্রীক শ্বুবক (dielectric constant).

$$\frac{D}{E}$$
 = ϵ ভাইলেই ीक धूवक (dielectric constant).

আবার একক আরতনের সমবর্তন (polarisation) যদি P হয় তবে E বিদৃং-ক্ষেত্রের প্রভাবে মাধ্যমের স্রংশ (displacement) নিয়লিখিত সমীকরণ দার। নিয়ভিত হইবে

$$D = E + 4\pi P = E + 4\pi N p. \tag{5.14}$$

এখানে N একক আয়তনে অণুর সংখ্যা এবং p প্রতিটি অণুর সমবর্তনের মান । সূতরাং লেখা যার

$$\epsilon = 1 + \frac{4\pi Np}{E}. ag{5.15}$$

তড়িং চুৰকীর মতবাদ হইতে পাওয়া বার

$$\epsilon = \mu^* \quad (\mu = মাধ্যমের প্রতিসরাক্ষ)$$
 (5.16)

$$\therefore \quad \mu^{\bullet} - 1 = \frac{4\pi Np}{E}$$
 (5.17)

যথন আলোকরণি কোনও মাধ্যমের ভিতর দিয়া বার তখন মাধ্যমের কণাগুলি আলোকের বৈদ্যুতিক ক্ষেত্রের বারা প্রভাবিত হইরা থাকে। আর এই সমবর্তন পরিবর্তনশীল (varying) হর এবং ইহার কম্পাক্ষ আলোকের বৈদ্যুতিক ক্ষেত্রের কম্পাক্ষের সমান হইরা থাকে। সূত্রবাং এই কণাগুলির কম্পনের জন্য বে গভির সমীকরণ লেখা বার তাহাতে জাডোর (inertia) প্রতিক্রিয়া, ক্রিভ্ছাপক বলের প্রতিক্রিয়া এবং বিদ্যুৎক্ষেত্রের পরিবর্তনের জন্য তিনটি পদ বর্তমান থাকিবে। ইহা হাড়া মন্দনের জনাও একটি পদের বাবহার করিতে হইবে। হেল্মুহোল্ট্রেক্ট্ (Helmholtz) এই শেবোর পদটি সর্বপ্রথম বাবহার করেন। এইটি কশার গতিবাংগর সমানুপাতিক হইবে এবং ইহার ভবের উপর নির্ভর

করিবে। এই সমন্ত থিকেন। হইতে কণার গতির সমীকরণ মিয়লিখিভর্পে লেখা যার

$$Mx + Kx + K'x = qeE. (5.18)$$

এখানে M অণুর মধোকার কম্পনশীল ইলেকট্রনগুলির ভরের সমষ্টি, K একক সংশের জনা প্রত্যবন্ধান বল (force of restitution for unit displacement), K' একক গতিবেগের জনা উক্ত বল এবং x, \dot{x} এবং \dot{x} বথাক্রমে কণার স্রংশ, গতিবেগ এবং ত্বন বুঝাইতেছে। কম্পনশীল কণাটির কম্পনের বিস্তার বদি A হয় এবং বিদ্যুৎক্ষেত্রের কম্পান্ক যদি হয় v তবে লেখা যায়

$$x = Ae^{2\pi i vt} \tag{5.19}$$

আবার বিদৃ৷ৎক্ষেত্রের বিস্তারের চরম মান যদি $E_{
m o}$ হয় তবে লেখা বায়

$$E = E_0 e^{2\pi i vt}. ag{5.20}$$

সূতরাং দাড়ার

$$M\ddot{x} + Kx + K\dot{x} = qeE_0e^{2\pi ivt}$$

সমীকরণ 5.19 কে একবার এবং দুইবার অন্তরকলন করিয়া পাওয়া বায়

$$\dot{x} = 2\pi i v A e^{2\pi i v t}$$

$$\dot{x} = -4\pi^2 v^2 A e^{2\pi i v t}$$

সূতরাং সমীকরণ 5.18 কে লেখা যায়

$$-4\pi^{2}v^{3}MAe^{2\pi ivt} + K'2\pi ivAe^{2\pi ivt} + KAe^{2\pi ivt}$$

$$= qeE_{o}e^{2\pi ivt}.$$
(5.21)

ख्या $A(K+K'2\pi iv-4\pi^2v^2M)=qeE_0$

$$A = \frac{qeE_0}{K + K'2\pi i v - 4\pi^2 v^2 M}.$$
 (5,22)

এই রাশিমালার একটি ধ্বক K এর মান নিম্নলিখিতর্পে নির্ণর করা বার।
মাধ্যমের খণাগুলির এক বা একাধিক বাভাবিক কম্পান্ক থাকে। বাদ কোনওবৃপে এই কশাকে কম্পিত করিয়া ছাড়িয়া দেওয়া হর তবে ইহারা এই বাভাবিক
কম্পান্কে কম্পিত হইতে থাকিবে। আর সাধারণত ধরা বার বে এই কম্পন
সরল দোলগতিসম্পন্ন হইবে। সূতরাং একটি বাভাবিক কম্পান্কের অতিম
বর্তমান ধরিলে এই কম্পনের সমীকরণ লেখা বার

$$M\ddot{x} + Kx = 0. \tag{5.23}$$

এখানে M এর সংক্ষা পূর্ব পৃঠার বেওরা ছইরাছে আর মন্দনের কোনও প্রভাব কণাটির উপর নাই বলিরা ধরা হইরাছে। সূতরাং দীড়ার

$$\ddot{x} + \frac{K}{M}x = 0$$

$$3441 \quad \ddot{x} + w^{2}x = 0. \tag{5.24}$$

w = ক্ণাটির বৃত্তীর কম্পাক্ত (সরল দোলগতির আলোচনা দুর্কবা)

:.
$$w^{2} = 4\pi^{2}v_{0}^{2}$$
; $v_{0} = \pi$ शांद्र शांदिक कणांक ?
:. $K = 4\pi^{2}v_{0}^{2}M$. (5.25)

সুভরাং সমীকরণ 5.22 কে লেখা বার

$$A = \frac{qeE_0}{4\pi^2 v_0^2 M - 4\pi^2 v^2 M + K'2\pi i v}.$$
 (5.26)

বিদি সাদৃশ্য হইতে লেখা বার (হেল্ম্ছোলট্জ এই মন্দনের রাশিটি সর্বপ্রথম বিবেচনা করেন এবং তিনি ইছার নিয়োক্ত মান ব্যবহার করেন)

$$K' = 2\pi v' M$$

$$\downarrow V' = \mu_2 - \nu_1$$

किय क. 5

এই সমীকরণে ν' শোষণপণির অর্ক প্রস্থের (half-width of the absorption line) সংশ্লিক কম্পাক্ষ। শোষণপণির কেন্দ্রের তীরভার তুলনার ইছার দুইপাশে যে স্থানে তীরভার মান অর্কেক দাড়ার সেই দুই বিন্দুর কম্পাক্ষের মানের বিরোগফল নিলে এই কম্পাক্ষ ν' এর মান পাওরা যাইবে। সুতরাং সমীকরণ 5.26টি দাড়ার

$$A = \frac{qeE_0}{4\pi^2 M v_0^2 - 4\pi^2 M v^2 + 4\pi^2 i M v^2}$$

$$\frac{qeE_0}{4\pi^2 M (v_0^2 - v^2 + i v v')}$$
(5.28)

সমীকরণ 5.17 হইতে পূর্বে পাওয়া গিয়াছে

$$\mu^2 - 1 = \frac{4\pi Np}{E}$$

और मभीकारण p − qex − qeAe 2πivt

$$\therefore \mu^{2} - 1 = \frac{4\pi N q e A e^{2\pi i \nu t}}{E_{0} e^{2\pi i \nu t}}.$$
 (5.29)

[এই রাশিমালার একটি e কণার বৈদ্যুতিক আধান এবং অন্যটি নেপিরীর লগারিদ্মের ভূমি (base of the Napierian logarithm) বুঝাইতেছে]

$$\mu^{2} = 1 + \frac{4\pi NqeA}{r}$$

$$= 1 + \frac{Nq^{2}e^{2}}{\pi M(\nu_{0}^{2} - \nu^{2} + i\nu\nu)}.$$
(5.30)

ৰণি লেখা বার

$$\frac{Nq^2e^2}{\pi M} \tag{5.31}$$

তবে দাড়ায়

$$\mu^2 - 1 = \frac{1}{\nu_0^2 - \nu^2 + i\nu^2} \tag{5.32}$$

এই ব্যাশমালার প্রতিসরাক্তের মান একটি জটিল ব্যাশতে পাওয়। যাইতেছে। এই অসুবিধা নির্মালখিত পদ্ধতিতে দূর করা যায়।

$$u^{2} - 1 = \frac{\sigma(\nu_{0}^{2} - \nu^{2} - i\nu\nu')}{(\nu_{0}^{2} - \nu^{2} + i\nu\nu')(\nu_{0}^{2} - \nu^{2} - i\nu\nu')}$$
$$= \frac{\sigma(\nu_{0}^{2} - \nu^{2} - i\nu\nu')}{(\nu_{0}^{2} - \nu^{2})^{2} + \nu^{2}\nu'^{2}}$$
(5.33)

এবং •µ এর মান বান্তব (real) ধরিলে বান্তব এবং কন্সিত (imaginary) অংশ দুইটিকে আলাদা করিয়া লেখা যায়

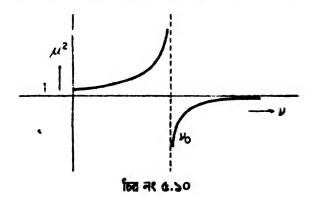
$$\mu^{2} - 1 = \frac{\sigma(\nu_{0}^{2} - \nu^{2})}{(\nu_{0}^{2} - \nu^{2})^{2} + \nu^{2}\nu^{2}} = \epsilon - 1 \quad [সমীকরণ 5.16 \quad বাবহার করিয়া]$$
 (5.34)

মাধ্যমের কণাগুলি দার। আলোকের শোষণের কথা বাদ দিলে উপরের রাশিমালা প্রতিসরাক্ষের সমীকরণ হিসাবে ব্যবহার করা বার। এই রাশিমালা হইতে দেখা বার যে যদি খুব ক্ষুদ্র কম্পাঞ্জের আপতিত আলোর প্রতিসরণের কথা বিবেচনা করা যার তবে প্রতিসরাক্ষ μ এর মান l এর অপেকা বেশী হইবে। আপতিত আলোর কম্পাক্ষ যত বাড়িতে থাকিবে প্রতিসরাক্ষ μ এর মানও তত বাড়িতে থাকিবে।

এই আলোচনার বলা হইয়াছে যে হেল্ম্হোলট্জ্ই (Helmholtz) বিজ্বাবের আলোচনায় সর্বপ্রথম মন্দনের প্রভাব গণা করেন। তাহার পূর্বে ড্রান্ড এবং ভয়েট্ (Drude and Voigt) বিজ্বাবের একটি রান্মিমালা বাহির করেন। এই রান্মিমালার মন্দনের প্রভাবের কথা হিসাবের মধ্যে ধরা হর নাই। সূতরাং সহজেই দেখা বার যে তাহাদের রান্মিমালাটি নির্মালখিত ধরণের হইবে

$$\frac{q^2 e^2 N}{\pi M(v_a^{-1} - v^2)} \tag{5.35}$$

একটু লক্ষা করিলেই বুঝা বাইবে ষে এই সমীকরণটির সেলমায়ারের সমীকরণ 5.9 এর সহিত খুবই সাণৃশা আছে। এখানেও বণি খুব ছোট কম্পাধ্ব ৮ এর আপতিত আলোর প্রতিসরণ বিবেচনা করা বার তবে প্রতিসরাক্ষ μ এর মান 1 এর অপেক্ষা বেশী হয়। ৮ এর মান বাড়ার সঙ্গে সঙ্গে μ এর মানও প্রথমে আন্তে আন্তে এবং পরে (৮ বখন ৮০ এর খুব কাছে আসিয়া পড়িবে) খুব বুত বাড়িতে থাকিবে। কিছু যখন ৮ – ৮০ ইইবে তখন অনুনাদের উত্তব হইবে এবং প্রতিসরাক্ষের মান অসীম দাড়াইবে। সূত্রাং দেখা বায় যে এই ছুত্ব এবং ভরেটের রাশিমালাও সেলমায়ার (Sellmeier) রাশিমালার নাায় মাধ্যমের বাভাবিক কম্পাধ্ব ৮০ এবং ইহার খুব নিকটে প্রযোজা হর না। মাধ্যমের একটি যাভাবিক কম্পাধ্ব ৮০ এর ক্ষেত্রে প্রতিসরাক্ষের ৮ এর সঙ্গে পরিবর্তনের লেখ নীচে দেওয়া হইল (চিত্র নং ৫.১০)। এই লেখ হইতে



দেশা বার যে ৮ এর মান বাড়িতে বাড়িতে যথন প্রায় ৮০ এর সমান হর তথন প্রতিসরাক্ত ধনাত্মক অসীমের দিকে বাইতে থাকে। আবার যথন ৮ এর মান ৮০ অপেক্ষা সামান্য বেশী হয় তথন প্রতিসরাক্তের মান খাণাত্মক অসীম হইতে আরম্ভ করিয়া ক্রমণ: বাড়িতে থাকে এবং ৮ এর বৃদ্ধির সঙ্গে ক্রমে + 1 এর কাছাকাছি আসে। তার শোষক মাধ্যমের বেলায় ৮০ কম্পাক্তের আপতিত আলোর বেলায় প্রতিসরাক্ত মাপা কঠিন হইয়া দাড়ায়, কারণ এই কম্পাক্তের আলো মাধ্যমের স্বার। সম্পূর্ণরূপে শোষিত হওয়ায় প্রতিস্ত আলোর পারগম বন্ধ হইয়া বায়, বাহার ফলে প্রতিসরাক্ত নির্ণয় করা সহজে সম্ভব হয় না। তবে পুর ছোট প্রতিসরণ কোণের প্রিজ্ম বাবহার করিয়া অথবা মাইকেলসন ব্যতিচার মাপকের ক্ষেত্রে মাধ্যমের খুব পাতলা শুর বাবহার করিয়া শোষণ-পটির ক্ষেত্রেও প্রতিসরাক্ত মাপা সম্ভব হইয়াছে।

সমীকরণ (5.34) এর ক্ষেত্রে কিন্তু উপরোক্ত অসুবিধা দেখা দেয় না । এই ক্ষেত্রে ৮ যখন ৮৯ এর সমান হয় তখনও ডান দিকের রাশিমালার হরটি শূন্য হর না ; কারণ ৮ কম্পার্কটের মান তখনও সসীম এবং ধনাত্মক থাকে যাহার কলে সমস্ত হরটি একটি সসীম ধনাত্মক রাশি দাড়ায়। আর এই কারণে প্রতিসরাক্তর ধনাত্মক অথবা ঋণাত্মক অসীম মানে বাইতে পারে না ।

উপরের রাশিমাল। বাহির করিতে মাধ্যমের কণাগুলির একটিমাত্র স্বাভাবিক কম্পাধ্ক ν_0 এর অন্তির ধরা হইয়ছে। কিন্তু মাধ্যমের ভিতরে যদি একাধিক প্রকারের কণা বর্তমান থাকে, অথবা যদি ইহাদের বিভিন্ন প্রকার কম্পনের কথা বিবেচনা করা হয় যথা স্থানান্তরীয় অথবা ঘূর্ণনাত্মক কম্পন (translational or rotational vibrations) তাহা হইলে একাধিক স্বাভাবিক কম্পাধ্ক বর্তমান থাকিবে এবং সমীকরণে প্রতিটি স্বাভাবিক কম্পাধ্কের জন্য একটি করিয়া পদ প্রবিষ্ঠ করাইতে হইবে। যদি ν_0 , ν_1 , ν_2 , ν_n ইত্যাদি এই সমস্ত স্বাভাবিক কম্পাধ্কে ধরা য়য় তবে সমীকরণ (5.34) টি লেখা যাইবে

$$\mu^{2} - 1 = \sum \frac{\sigma_{n}(\nu_{n}^{2} - \nu^{2})}{(\nu_{n}^{2} - \nu^{2})^{2} + \nu^{2}\nu'_{n}^{2}}$$
 (5.36)

এখানে সৃদ্ধভাবে ধরিতে গেলে σ_n , ν_n এবং ν'_n এর প্রতিটি স্বাভাবিক কম্পান্কের বেলায়ই আলাদা হইবে । আর মাধামের যতটি স্বাভাবিক কম্পান্ক বর্তমান থাকিবে, সমীকরণেও ততটি পদ নিতে হইবে ।

তবে সাধারণ ক্ষেত্রে ৮ এবং ৮৯ এর তুলনার ৮৯ এর মান অনেক ছোট

হওয়ায় বন্দি শোবণ পটি হইতে দৃরে পরিমাপ করা বার তবে লেখা চলিতে পারে

$$\mu^{2} - 1 = \sum \frac{\sigma_{n}(\nu_{n}^{2} - \nu^{2})}{(\nu_{n}^{2} - \nu^{2})^{2}} \qquad n = 0, 1, 2, 3 \text{ etc.}$$

$$= \sum \frac{\sigma_{n}}{\nu_{n}^{2} - \nu^{2}}$$

জটিল প্রতিসরাম (Complex refractive index).

বর্ণালিরেখার বে সমস্ত তরঙ্গদৈর্ঘা মাধামের বারা গভীরভাবে শোষিত হয় সেই সমস্ত ক্ষেত্রে প্রতিসরাক্ষের মান জটিল হইয়া থাকে। ইহা নিয়লিখিত বুলি হইতে বুঝা বার।

মাধামের মধা দিরা পারগমের সময় যদি ইহাতে শোষণের কথা ধরা না হয় তবে একটি আলোকরন্মির বিস্তারের কোনও পরিবর্তন হয় না। কিছু শোষণের পরিমাণ বদি বেশী হয় যাহার ফলে শোষণের প্রভাব তুচ্ছ করা সম্ভব হয় না ভবে দেখা যায় যে পারগমের সময় ভংশের বিস্তার কমে কমিতে থাকে। ইহার ফলে মাধামের ভিতরে x দ্রম্ব অতিক্রম করিবার পর ভংশ y লেখা যায়

$$y = Ae^{-a'x}e^{2\pi i\left(\frac{I}{T} - \frac{\mu x}{\lambda}\right)}.$$
 (5.38)

এই রাশিমালার Λ আপতিত রশ্মির সংশের বিস্তার, a' মাধ্যমে বিস্তারের রৈখিক শোবণাষ্ক (linear absorption coefficient); সাধারণত এই অব্কটি μ_1 দারা বৃদ্ধানো হইরা থাকে, কিন্তু বর্তমান ক্ষেত্রে প্রতিসরাজ্কের জন্য μ ব্যবহৃত হওরার শোবণাক্ষ a' দারা বৃদ্ধাইতে হইরাছে। T সংশোর পর্বার এবং λ তরঙ্গদৈর্ঘ্য বৃদ্ধাইতেছে। মাধ্যমের মধ্য দিয়া λ প্রত্থ অতিক্রমের ফলে বিস্তার $1:e^{-a'\lambda}$ অনুপাতে কমিবে, আর এই হ্রাসের পরিমাণ স্বভাবতই শোবণাক্ষ a' এর উপরে নির্ভর করিবে। তরঙ্গ সমীকরণের প্রচলিত রূপ নির প্রকারের

$$y = A \cos (wt - kx)$$
 $A = \frac{2\pi}{4}$ $A = \frac{2\pi}$ $A = \frac{2\pi}{4}$ $A = \frac{2\pi}{4}$ $A = \frac{2\pi}{4}$ $A = \frac{2\pi}{$

 $k = \frac{2\pi}{\lambda}$, সম্বাদসংখ্যা (propagation number).

ইছাকে সামান্য অদলবদল করিয়া লেখা বার

$$y = A \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right)$$

এই সমীকরণটি শূন্য মাধ্যমের ক্ষেত্রেই কেবল প্রবোজ্য। মাধ্যমের প্রতিসরাক্ষ বলি হর µ তবে সেক্ষেত্রে লিখিতে হইবে

$$y = A \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{\mu x}{\lambda}\right)$$

এবং মাধ্যমে শোষণের কথা বিবেচনা করিলে ইহার জন্য বিস্তারের হ্রাস ধরিরা এবং কম্পিতের পদ্ধতি অবলঘন করিয়া লেখা বায়

$$y = Ae^{-a'x}e^{2\pi i\left(\frac{t}{T} - \frac{\mu x}{\lambda}\right)}$$

$$\therefore y = Ae^{2\pi i \left[\frac{t}{T} - \frac{\mu x}{\lambda} - \frac{a'x}{2\pi i}\right]}$$

$$= Ae^{2\pi i \left[\frac{t}{T} - \frac{\mu x}{\lambda} \left(1 - \frac{ia'\lambda}{2\pi\mu}\right)\right]}$$

$$= Ae^{2\pi i \left[\frac{t}{T} - \frac{\mu x}{\lambda} \left(1 - ia\right)\right]}$$

$$\left(\text{ANICE} \quad a = \frac{a'\lambda}{2\pi\mu} \text{ ASIDE}\right)$$

এই ক্ষেত্রে $\mu = \mu(1-ia)$ ধরা হইরাছে। সূতরাং দেখা বাইতেছে বে মাধ্যমে শোষণের কথা বিকেন। করিলে তরঙ্গের বে সমীকরণ পাওরা বার তাহা শোবণ কিহীন তরঙ্গ সমীকরণের সদৃশই হইবে; একমাত্র পরিবর্তন হইবে এই বে প্রথম ক্ষেত্র প্রতিসরাক্ষের মান জটিল দাড়াইবে কারণ এই মান দেখা বাইতেছে

$$\overline{\mu} = \mu(1 - ia) \tag{5.40}$$

সূতরাং এই স্কটিল প্রতিসরাক্ষের মান μ সমীকরণ 5.33 এর প্রতিসরাক্ষ μ এর স্থানে প্ররোগ করিয়া দাড়ায়

$$\frac{\mu^{2}-1=\mu^{2}(1-ia)^{2}-1}{=\mu^{2}-\mu^{2}a^{2}-2\mu^{2}ia-1}$$

$$=\mu^{2}-\mu^{2}a^{2}-2\mu^{2}ia-1$$

$$\vdots \quad \mu^{2}-\mu^{2}a^{2}-2\mu^{2}ia-1=\sigma\frac{\nu_{0}^{2}-\nu^{2}-i\nu\nu'}{(\nu_{0}^{2}-\nu^{2})^{2}+\nu^{2}\nu'^{2}}$$
(5.41)

সূতরাং বাস্তব এবং কম্পিত অংশ দুইটি (real and imaginary parts) আলাদা করিলে লেখা যায়

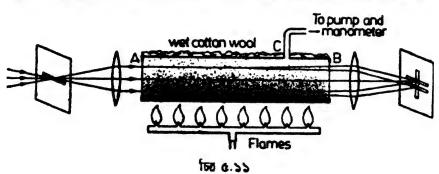
$$\mu^{2} \left(1-a^{2}\right) - 1 = \sigma \frac{\nu_{o}^{2} - \nu^{2}}{(\nu_{o}^{2} - \nu^{2})^{2} + \nu^{2}\nu^{2}}$$
 (5.42)

$$2\mu^2 a = \sigma \frac{\nu \nu'}{(\nu_0^2 - \nu^2)^2 + \nu^2 \nu'^2}.$$
 (5.43)

এই সমীকরণ দুইটি মাধামের একটি ৰাভাবিক কম্পাক্ত ৮, ধরিয়া লেখা হইয়াছে। মাধামের যদি একাধিক কম্পাক্ত বৰ্তমান থাকে তবে প্রভাকটি কম্পাক্তের জন্য একটি পদ বর্তমান থাকিবে।

জনিয়ত বিজ্বপের পরীকাত্মক প্রাদর্শন (Experimental demonstration of anomalous dispersion).

1904 সনে আর. ডব্লিউ. উড (R. W. Wood) সোডিরাম বাস্পের ক্ষেত্রে হলুদ কর্ণালর সন্মিকটে আলোর অনিয়ত বিচ্ছুরণ একটি অতি সূন্দর পরীক্ষা ছারা প্রদর্শন করেন। এই পরীক্ষার জন্য 3 cm. ব্যাসের 40 cm. দীর্ঘ একটি ইস্পাতের নল AB নিরা ইহার দুই খোলা মুখ কাচের ফলক দিরা বন্ধ করা হয়। ফলক দুইটি পালা (sealing wax) গরম করিয়া ইস্পাতের নলের মুখে

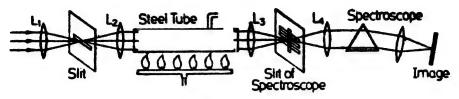


এমন ভাবে চাপিরা বন্ধ করা হয় যেন এই জোড়ের মধ্য দিরা বারু প্রবেশ করিতে বা পারে। পরীক্ষাকালে বাহাতে এই গালা গালরা না বার সেজনা তুলা ভিজাইরা নলের উপরিভাগে দিয়া রাখা প্ররোজন এবং মাঝে মাঝে এই তুলা ঠাগু জল দিরা ভিজাইরা দেওরা দরকার। এই ভেজা তুলা আরও একটি উদ্দেশ্য সাধন করে; ইহা পরে বর্ণিত হইয়াছে। ইস্পাত নলের একপ্রান্তে একটি ছোট ছিন্ন C সৃত্তি করিয়া ভাছাতে একটি সরু নল ঝালা দিয়া এই নলের সাহাব্যে পাশ্প এবং ম্যানোমিটারের (manometer) সাহত সংযোগ করা হর।

এইবার ইস্পাত নলটিকে অনুভূমিক ভাবে স্থাপন করিয়া ইছার নীচের অংশ বরাবর ৮।১০ টুকরা পরিষার এবং শুকনা সোডিয়াম ধাতুর টুকরা রাখা হইল। ইস্পাত নলটি এবার কিছু সংখ্যক বার্নারের দ্বারা আন্তে গরম করা হইল। সোভিয়াম ধাতৃর টুক্তাগুলিতে অনেক পরিমাণ হাইড্রোজেন শোষিত অবস্থার আকে, গরম করিলে এই হাইড্রোক্তেন বাহির হইয়া আসিবে। পান্পের সাহাব্যে এই হাইড্রোজেনের অধিকাংশই ভাড়াইয়া দিতে হইবে। অবশ্য অস্প থানিকটা হাইড্রোজেন থাকা প্ররোজন। পাম্প চালাইয়। নলের ভিতরের চাপ যদি 1—2 cm. পারদে রাখা যায় তবে উত্তপ্ত সোডিয়াম খণ্ডগুলি হইতে সোডিয়াম বাদপ সৃষ্টি হইয়া উপরের দিকে উঠিতে থাকিবে। নলের উপরিভাগ তুলা ভিজাইয়া ঠাণ্ডা রাখার সোডিয়াম বাষ্প উপরদিকে ব্যাপ্ত (diffused) হইবে। বে স্বস্প পরিমাণ হাইড্রোজেন নলে বর্তমান থাকিবে তাহা এই ব্যাপ্তিকে বাধা দেওরার সোভিয়াম বাশ্পের হনতা নলের উপর্বাদকে তলের দিকের অপেক। কম হুইবে। বন্ধুত কিছুক্ষণ বার্নার বারা গরম করিবার পর ইস্পাত নলের মধ্যে নীচ ছইতে উপরের দিকে সোডিয়াম বাঙ্গের ঘনতার একটি নতিমানার (gradient) সৃষ্টি হইবে ষাহাতে নলের নীচের অংশে বাঙ্পের ঘনত। উপরের অংশের চেয়ে অনেক বেশী। এই নতিমাণ্ডা সৃষ্টির জনা সোডিয়াম ছাড়া অনা একটি গ্যাসের উপস্থিতি আবশিক, কারণ নীচের দিকে তাপের দ্বারা উৎপন্ন সোডিয়াম বাষ্প এই গ্যাসে ঝাপ্তির পথে বাধাপ্রাপ্ত হওয়ারই উপরের দিকে সহজে উঠিতে পারে না ধাহার ফলে বাডেপর ঘনতার এই নতিমাতার সৃষ্টি হয়। এই কারণে পাম্প চালাইয়া সমন্ত বায়ু এবং হাইন্ড্রোজেন বাহির করিয়া দিলে পরীক্ষা সফল হইবে না। আর এ ছাড়া বাঙেপর নতিমান্তাও সর্বত সমান নয় ; নীচের দিকে বাঙ্গের ঘনতা খুব বেশী। মোটামুটি সমান নতিমাতা পাইবার জনা আলোর পথে I cm প্রস্থের একটি তনুপট (diaphragm) রাখিলে ভাল ফল পাওয়। যায় : এই তনুপটাট উপরে নীচে প্রয়োজনমত সরাইয়া যথাসম্ভব সমান মতিমাতা পাওয়া বাইতে পারে।

আলোকরশির যখন এই নলের মধ্য দিয়া এক প্রান্ত হইতে অন্য প্রান্তে গমন করে তখন এই ইস্পাত নলটি কার্যতঃ একটি সোডিয়াম বাল্পের প্রিজ্মের কাজ করে। কারণ উপরের প্রান্তে যে রশ্মিটি যায় তাহা অপেক্ষাকৃত কম গোডিয়াম বাল্প অভিত্রম করে: তুলনায় নাঁচের অংশ দিয়া গমনকারী রশ্মিটি বেশী বাল্প অভিক্রম করে। সূত্রাং যে সমান্তবাল আলোকরশ্মিমালা ইস্পাতের নলটি অভিক্রম করে (চিত্র নং ৫.১১) তাহাদের প্রতিস্ত আলোকপথ নীত হইতে অভিক্রম করে (চিত্র নং ৫.১১) তাহাদের প্রতিস্ত আলোকপথ নীত হইতে উপরে ক্রমণ ক্রিতে থাকে। কাচের বা অন্যান্য প্রিজ্মে আলোর প্রতিসরণেও

নীতিগতভাবে এইর্প আলোক পথের পরিবর্তনই ঘটিরা থাকে। কাজেই দেখা বার বে সোভিরাম বান্পের ঘনভার নতিমান্তা বখন নলের মধ্যে বর্তমান থাকিবে তখন ইহার মধ্য দিরা গমনকালে রন্মিমালার প্রিজ্মের মত প্রতিসরণ হইবে। এই প্রিজ্মের ভূমি (base) নীচের দিকে এবং দীর্ঘবিন্দু উপরের দিকে অবন্থিত হইবে।

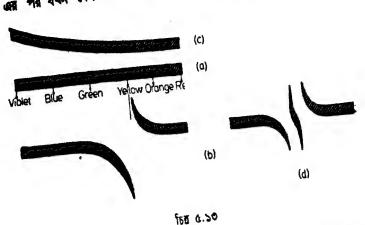


150 d.52

এই পরীক্ষার সূর্বোর অথবা ইলেকট্রিক আর্কের আলো L_1 লেপ দ্বার। রেখাছিদ্রের উপর ফোকাস কর। হয়। এই রেখাছিদ্র দিয়া গমনের পর অপসারী আলোকরন্দি L_* লেল দারা সমান্তরাল করিয়া ইম্পাত নলের মধা দিয়া প্রেরণ করা হর। নলের মধা দিয়া গমনের পর আর একটি উত্তল লেপ L_z দারা এই ज्यात्मा वर्गानियोक्स्पर (spectroscope) द्वर्षाष्ट्रापद छेभद अथम द्वर्षा-ছिদ্রের একটি সদ্বিদ্ধ সৃষ্টি করে। এখানে একটি জিনিষ লক্ষা করিবার বিষয়। প্রথম রেখাছিদ্রটির দৈর্ঘ। অনুভূমিক এবং বর্ণাল-বাক্ষণের রেখাছিদ্রটি উল্লয অবস্থানে রাখিতে হইবে বাহাতে ইহাদের পরস্পরের দৈর্ঘ্য অভিসরে খাকে। এই অবস্থার বিতীর রেখাছিদের উপর প্রথম রেখাছিদের বে সদ্বিধ সৃষ্ঠ হইবে তাহা চিত্ৰ নং ৫.১২ এ প্ৰদৰ্শিত বাবস্থামত প্ৰভূপৱের অভিলৱে অবস্থান করিবে। পরীক্ষা আরভের সমর ইস্পাত নলটি গর্ম না করিয়া ইহার ভিতর দিরা আলো পাঠানে। হর । এই ক্ষেত্রে নলের মধ্যে কোনও সোডিয়াম বাচপ ৰা থাকায় সমান্তরাল আলোকরন্মিলার উপর এবং নীচের সমন্ত বন্ধির वारमाक नथरे अकरे रेमर्साव हरेरव अवः वर्गाम-वौक्रानत त्रवाधिए अध्य स्थाहित्तव अकि विस्तव शृष्टि इटेरव । **आत शामा आत्मा हटे**र७ अटे विष সৃষ্ঠ হওয়ার বর্ণালি-বীক্ষণে বিচ্ছুরণের ফলে ইহার অভিনেতের দৃষ্টিক্ষেতে বে ৰণালি দেখা বাইবে তাহার আকৃতি একটি নিরবজ্জিম (continuous) আলোর পটি : ইছাতে সাদা আলোর প্রচলিত ধারণা অনুসারে সাভটি আলোই বর্তমান व्यक्तित [हित नर ७.५०(a)] ।

এইবার ইস্পাত নলটি বার্নারের সাহাবে৷ গরম করিতে আরম্ভ করিয়া পাস্পটি

সঙ্গে সঙ্গে চালু করির। দিতে হর । প্রথমে নলটি অস্প গরম করা উচিত এবং পাস্প চালাইর। নলের ভিতরের চাপ 1—2 cm পর্বন্ত নামাইরা আনিতে হইবে। এর পর হখন বেশ খানিককণ পাস্প চলিবার পর নলের মধ্যের বায়ু এবং



সোডিয়ামের শোষিত হাইড্রোনের অধিকাংশ বাহির হইয়া বাইবে, তখন বানরি জোরালো করির। নলটি আরও বেশী গরম করিতে হইবে। এর ফলে সোভিয়ামের বাৎপ সৃতি হইয়া ইস্পাত নলটিকে একটি সোভিয়াম বাঙেপর প্রিক্মে পরিণত করিবে। সূত্রাং এই নলে বিচ্ছুরণের ফলে বিভিন্ন তরসংকর্বোর আলোর বিভিন্ন বিচ্ছাত ঘটিবে এবং বর্ণাল-বীক্ষণের রেখা-ছিন্তের উপর প্রথম রেখাছিন্তের একটি বিবের স্থানে একাধিক বিবের উৎপত্তি হইবে। প্ৰকৃতপক্ষে সাদা আলোর বেলায় এই লব্ধ বিশ্বটি কতকগুলি পাশাপালি এবং সম্পাতী বিষের সমষ্টি হওয়ায় একটি বেশী প্রস্তের বিৰে পরিণত হইবে (শুধুমাত সোডিয়ামের ক্ষেত্রে ইহার হলুদ শোষণপটির क्रमा এই সংশ্লিষ্ঠ অংশে একটি ছেদ দেখা বাইবে)। অভিনেত্রের দৃষ্ঠিকেতেও বিভিন্ন সংয়ের আলে। আর নির্বচ্ছিন বিষের আকারে থাকিবে না। প্রথমতঃ সোডিয়ামের বাস্পের প্রিজ্মে বিচ্ছুরণের ফলে বিভিন্ন রং উচুতে বা নীচুতে সরিয়া ঘাইবে আর ইহার ফলে অভিনেটের দৃষ্টিক্ষেত্তেও ইহাদের অবস্থানের পরিবর্তন ঘটিবে। সোডিয়ামের হলুদ D রেখার বেলায় শোষণের জনা এই श्रात अक्ति छत्नत्र (disconitinuity) हेश्शीख त्मथा वाहेरव। इन्तृम त्नथा ছইতে স্বুজের দিকে গোলে দেখিতে পাওয়া বাইবে যে বর্ণালিটি বীক্ষণ**য**ত্ত নীচের দিকে নামিরতে । প্রকৃতপক্ষে সোডিরাম বাস্পের মধ্য দিরা বাইবার

সমর আলোকরন্মিগুলি উপরের দিকে বাকিয়াছে ; বর্ণাল-বীক্ষণে রেখাছিদ্রের বিৰটি উপ্টাইয়া বার বলিয়া অভিনেত্রের দৃষ্টিক্ষেত্রে এইগুলিকে নীচের দিকে নামিতে দেখা বাইবে। আৰু ইহার অর্থ এই বে সোডিয়ামের প্রিজ্মে এই তরঙ্গদৈর্ঘার দশা-গতিবেগ (phase velocity) শুনো গতিবেগের অপেকা বেশী বাহার ফলে ইহারা প্রিজমের ভূমির (base) বিপরীত দিকে বিচাত হয়। কমলা এবং লাল আলোর ক্ষেত্রে এই বিচাতি বিপরীত দিকে হওয়ায় ইহাদের বিষ উপরের দিকে বাইবে। বিচাতির পরিমাণ অবলা হলুদ লোবণ भिन्न निकराँदे मर्वाधिक इटेरव । टेहान यरल निवर्वाष्ट्रत वर्गानिहे ভাঙ্গিয়া গিয়া চিত্র নং ৫.১০(b) এর চেহারা দেখাইবে। স্বাভাবিক বিচ্ছারণের সিদান্ত অনুসারে বিভিন্ন ভরকদৈর্ঘোর আলোর নির্বচ্ছিল বিচাতি হওয়ার কথা এবং ইহাদের প্রত্যেকেরই বিচাতি প্রিজ্মের ভূমির দিকে হওয়। উচিত। আর অভিনেত্রের দৃত্তিক্ষেত্রে এই বর্ণালিতে বেগুনী আলো উপরের দিকে ব্যক্তিয়া বাওয়ার কথা [চিত্র নং ৫.১০ (০)]. কিন্তু বান্তবক্ষেয়ে দেখা বায় যে হলদ আলোর দুই পালে এই বিচ্যুতির প্রকৃতি সম্পূর্ণ বিপরীত। হলুদ আলো হইতে সবুজের দিকে গেলে ক'ল সূতানুসারে (Cauchy formula) বেখানে উপরের দিকে বিচাতি হইবার কথা সেখানে পরীক্ষাক্ষেত্রে বিচাতি নীচের দিকে দেখা বার আর এই ক্ষেত্রে প্রতিসরাক্ষ 🕫 এর মান । এর অপেকা কম হর । এই অম্বাভাবিক আচরণকেই অনিয়ত বিচ্ছুরণ (anomalous dispersion) বলা হয়। আর ইহা ছাড়াও সোডিয়ামের ক্ষেত্রে হলদ আলোর জন্য একটি (প্রকৃতপক্ষে খুব কাছাকাছি দুইটি) লোবণপটির অন্তিম্ব এই পরীকা হইতে चुव न्मार्चेकारव रमथा याहा । हेन्माक नर्मांचे योग व्यन्म शहर कहा हहा करव नरमह মধ্যে সোডিরাম বাস্পের খনস্ব কম হওয়ায় হলুদ আলো এই বাস্পে সম্পূর্ণ শোষত হইবে না এবং সেক্ষেত্রে বর্ণালর চেহার। চিত্র নং ৫.১৩ (d) এর মড দেখাইবে। নলে উত্তাপের পরিমাণ বাড়াইর। যদি সোডিরাম বাম্পের খনৰ বৃদ্ধি করা যায় তবে বর্ণালির চেহার। চিচ্চ নং ৫.১৩ (b) এর মত श्रदेख ।

বিচ্ছুরণের সূত্রের যাথার্থ পরীক্ষা (Testing the validity of the dispersion formula).

বিজুরণের স্তাের বাধার্থ্য পরীক্ষা করিবার জন্য সর্বপ্রথম পদার্থের সহজ্ঞতম অবস্থার পরীক্ষা করাই প্রশস্ত । সূত্রাং এক-পরমাণুক (monatomic) গ্যাস আর্সনের (Argon) ক্ষেত্রে এই সূত্র প্রয়োগ করিয়া দেখা বাইভে পারে। গাসের বেলার প্রতিসরাক্ত μ এর মান 1 এর খুবই কাছাকাছি হর। সূতরাং ইহার বেলায় লেখা যার

$$\mu^2 - 1 = (\mu + 1)(\mu - 1) = 2(\mu - 1) \tag{5.44}$$

সুভরাং সমীকরণ 5.35 প্রয়োগ করিয়া দাড়ায়

$$2(\mu - 1) = \frac{q^2 e^2 N}{\pi M (v_0^2 - v^2)}$$
 (5.45)

এই রাশিমালার M বুঝাইতেছে কম্পনশীল ইলেকট্রন সমৃহের ভরের সমষ্টি। সূতরাং যদি কম্পনশীল ইলেকট্রনের সংখ্যা q হয় এবং প্রত্যেকের ভর হয় m, ভবে লেখা যাইতে পারে

$$M = qm$$

$$1 - 1 \qquad \frac{qe^2 N}{2\pi m(v_0^2 - v^2)}$$

ৰদি লেখা বায়
$$\frac{qe^2N}{2\pi m}$$
 (5.46)

তবে পাড়ার
$$\mu - 1 = \frac{1}{(v_0^3 - v^3)}$$
 (5.47)

এই ধরণের প্রতিসরাক্তের পরীক্ষালক ফল হইতে q এর মান বাহির করা যার । এই ফলটি বিশেষ গুরুত্বপূর্ণ এবং শিক্ষাদারক । এই q এর মান ক্ষুদ্র পূর্ণসংখ্যা মুদ্রের কথা এবং এই সংখ্যা মাধ্যমের অপ্নুগুলির যোজ্যতা ইলেকট্রনের (valency electron) সংখ্যার সমান হয় কিনা সেটাও লক্ষ্য করিবার বিষয় । সমীকরণ 5.47 এর যাথার্থা পরীক্ষা করিতে হইলে o' এবং v_o এর মান জানা দরকার । ইহালের মধ্যে v_o এর মান বিচ্ছুরণের পরীক্ষা হইতে নির্ণর করা সম্ভব । আর মিলিক্যানের পরীক্ষা হইতে e এবং $\frac{e}{m}$ এর নির্ভূল মান জানা আছে, N এর মানও জানা । সূতরাং এই সৃত্ত ব্যবহার করিরা বিভিন্ন ক্ষাণেকের আলোর জন্য প্রতিসরাক্ষ্য মাপিলে দেখা যার যে সূত্টি নিম্নলিখিত প্রকারে লেখা যার

$$\mu - 1 = \frac{5 \times 10^{27}}{17953 \times 10^{27} - \nu^2}$$

এই সৃত হইতে শোষণপটির ওরঙ্গলৈর্ঘা লাড়ার 708Å.

দ্বি-পরমাণুক গ্যাস হিসাবে বলি হাইড্রোজেন গ্যাসের বেলার এই স্থ প্ররোগ করা বার তবে লেখা বার

$$\mu - 1 = \frac{0.754 \times 10^{87}}{16681 \times 10^{87} - \nu^{8}} + \frac{0.920 \times 10^{87}}{10130 \times 10^{87} - \nu^{8}}$$

এখান হইতে q, এবং q, এর মান পাওরা বার বথারমে 0.69 এবং 0.84. আর শোবপগঢ়ির তরঙ্গবৈষ্য 735Å এবং 943Å. সূতরাং একেতে দেখা বাইতেছে কম্পনশীল ইলেকট্রনের সংখ্যা পূর্ণসংখ্যক হইতেছে না। সোভিরাম বাম্পের ক্ষেত্রে উভের (Wood) পরীক্ষালব্ধ ফল পরীক্ষা করিতে গিরা গোকহ্যামার (Goldhammer) নির্মালখিত সূত্র ব্যবহার করিরাছেন

$$\mu - 1 = \frac{4.54 \times 10^{24}}{258.9 \times 10^{47} - \nu^2} + \frac{9.078 \times 10^{24}}{259.42 \times 10^{27} - \nu^2}$$

এই সূত্ৰ হইতে পাওয়৷ বায়

$$q_1 = 0.3$$

$$q_{2} = 0.6$$

সুতরাং দুইটির সমষ্টি দাড়ায় 0.9 এবং ইহা সোডিয়াম বোজাত। ইলেকট্রন
এর প্রায় সমান। তবে অনেক ক্ষেতেই q এর মান পূর্ণসংখ্যা হয় না এবং
নিজের তালিকা হইতে দেখা ধাইবে বে ইহার মান অনেক সময় খুবই ক্ষুদ্র
ইইরা থাকে। সুতরাং q এর অর্থই এই পরিপ্রেক্ষিতে বদলানো প্রয়োজন।

ভ্রুড এবং ভয়েটের (Drude and Voigt) সূত্র হইতে কশির সূত্রে সহজেই আসা বার এবং ইহা হইতে দেখা বার বে কশির সূত্র পূর্বোক্ত সূত্রেরই একটি স্কুল সংস্করণ। একটি শোষণপটির জনা ভ্রুড এবং ভরেটের সূত্রটি লেখা বার

$$\mu^{2} = 1 + \frac{\sigma}{\nu_{0}^{2} - \nu^{2}} = 1 + \frac{\sigma}{1 - \frac{\nu^{2}}{\nu_{0}^{2}}} \qquad \left[\frac{\sigma}{\nu_{0}^{2}} - \sigma'\right]$$

$$\frac{-1+\frac{\lambda_0^{-1}}{1-\frac{\lambda_0^{-1}}{\lambda^{-2}}}$$

$$(5.48)$$

দ্বিপদ উপপালের (Binomial Theorem) এর সাহাব্যে সম্প্রসারণ করিরা ইহাকে লেখা বার

$$\mu^{2} = 1 + \sigma' \left(1 + \frac{\lambda_{0}^{2}}{\lambda^{2}} + \frac{\lambda_{0}^{4}}{\lambda^{4}} + \cdots \right)$$
 (5.49)

কশির সূত্র শোষণপত্তি হইতে দূরে অবস্থিত তরঙ্গদৈর্ঘের বেলারই শুধু প্রযোজা।

সূতরাং একে বণি λ_0 হইতে অনেক বড় ধরা যায় তবে $\frac{\lambda_0^4}{\lambda^4}$ এবং বৃহত্তর বাতের পদগুলিকে হিসাব হইতে বাদ দেওয়া যায়। এই বিবেচনা হইতে লেখা চলিতে পারে

$$\mu^2 = 1 + \sigma' + \sigma' \frac{\lambda_0^2}{\lambda^2}$$

বিদ লেখা হয় $A=1+\sigma'$ এবং $B=\sigma'\lambda_0^2$ তবে দাডায়

$$\mu^2 = A + \frac{B}{\lambda^2}. ag{5.50}$$

পুনরায় দ্বিপদ উপপাদের সাহায্যে সম্প্রসারণ করিয়া লেখা যায়

$$\mu = A^{\frac{1}{2}} - \frac{B}{2A^{\frac{3}{2}}\lambda^2} + \frac{B^2}{8A^{\frac{3}{2}}\lambda^4} + \cdots$$

$$A^{\frac{1}{2}} = P$$
; $-\frac{B}{2A^{\frac{1}{2}}} = Q$ এবং $\frac{B^{\frac{\alpha}{2}}}{8A^{\frac{\alpha}{2}}} = R$ লিখিয়া এবং λ^4 অপেক্ষা উচ্চতর

ঘাতের পদগুলি অগ্রাহ্য করিয়া দাড়ায়

$$\mu = P + \frac{Q}{\lambda^2} + \frac{R}{\lambda^4}.$$
 (5.51)

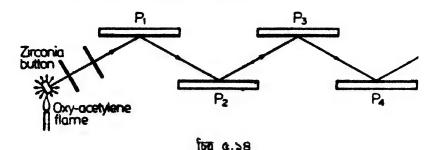
এইটি কশি সৃত এবং ইহাতে P, Q এবা R তিনটি ধ্বক।

অবশিষ্ট রশ্বি (Residual Rays or Rest-strahlen).

১৮১৭ সলে নিকল্স্ (Nichols) কোয়াচ্ঁসে অবলোহিত রশ্মির শোষণ এবং প্রতিফলন নিয়া পরীক্ষা করিবার সময় ইহার কিছু বৈশিষ্ট্য লক্ষ্য করেন। কেখা বায় বে বর্ণালির কোনও কোনও অংশে প্রতিফলনের পরিমাণ অভ্যন্ত বেশী হয় এবং শতকরা ৪০ হইতে 9০ ভাগ পর্যন্ত প্রতিফলিত হইয়া থাকে। তুলনার অন্যান্য অংশ খুব কমই (শতকরা 4—6 ভাগ জাতীয়) প্রতিফলন কেখায়। রুবেন্দ্র (Rubens) এবং নিকল্স্ এই বৈশিষ্ট্য কাজে লাগাইয়া একটি অভ্যন্ত উত্তপ্ত বন্ধু হইতে নিগতি নির্বাচ্ছ্য তরঙ্গদর্ব্যের বর্ণালি হইতে দীর্ঘ ভরসের কোন কোন অংশ আলাদা করেন। এই তরঙ্গকে বলা হয় 'অবশিষ্ট্য রিশি' (Residual Rays).

একটি স্বারকোনিয়ার (Zirconia) টুকরাকে অক্সি-আাসিটিলিন (oxy-

acetylene) বাতিতে অতাস্ত গরম করিলে এটি সাদা হইয়া বার এবং ইহা হইতে নিরবচ্ছিন তরঙ্গদৈর্ঘের বর্ণাল নিগত হয়। এই নিগত আলোকে উপবৃত্ত পর্ণার সাহাযো সমান্তরণ (collimation) করিয়া একটি কোরাট্সের



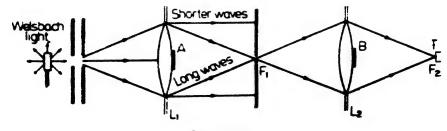
ফলকের উপর আপতিত করা হইল। P₁, P₂ P₃ এবং P₄ এইরূপ একই আকারের চারিটি কোয়ার্ট্স ফলক; ভাহার। পরস্পরের সমান্তরালে চিত্র নং ৫.১৪ এ প্রদর্শিত অবস্থানে আছে। P, ফলকে আপতিত আলো পরপর চারিটি ফলক হইতে প্রতিফলিত হটয়া আসিলে এই লব্ধ আলো পরীকা করিলে দেখা বায় বে ইহাতে শুধু অস্প কয়েকটি তরঙ্গদৈর্ঘার আলোই বর্তমান আছে। নিকলস লক্ষা করেন যে কোরাটাসের ক্ষেত্রে ৪:5µ এবং 20µ ভরঙ্গ-লৈষ্টোর আলো শতকর। ৪০-৭০ ভাগ প্রতিফলিত হয়। জারকোনিয়ার বর্ণালর ক্ষেত্রে এই তরঙ্গলৈর্ঘার আলোর ভীরতা নিকট-অবলোহিত (near infrared) এবং দুশামান আলোর তীব্রতার তুলনায় বেশ কম। কিন্তু পরোক্ত আলোর ক্ষেত্রে কোরাটনে প্রতিফলন শতকর৷ 4-6 ভাগ হওরার চারিটি প্রতিফলনে ইয়া দাডার (0·04)* অথবা (0·06)*, অর্থাৎ 0·000064 অথবা 0.000216. সূতরাং গোড়াতে নিকট-অবলোহিত অথবা দুখামান অংশের তীব্রতা তলনার বেশী হইলেও চারিটি প্রতিফলনের পর ইহা প্রায় শুনো দাড়ার। অবচ 8 5μ এবং 20μ এর রশ্মির তীব্রতা দাড়ার (0.9)3 অববা (0.8)3 অর্থাং 0.729 অথবা 0.512. সুভরাং চারিটি প্রতিফলনের পর রশ্মিমালাকে भरीका कींद्राम मिथा वाहेरव रच देशाल अक्सात 8.5 म अवर 20 म अब जनन-रेमचारे वर्डमान । अरे धरालद भरीका मुरेपि छेरकमा नाधन करत । ইহার সাহাব্যে সুদীর্ঘ ভরঙ্গদৈর্ঘোর একবর্ণী রান্দ্র আলাদা করিয়া ভাহাদের বিভিন্ন বস্তুতে বিজ্ঞাপের পরীক্ষা করা বার। বিতীয়ত এই পদ্ধতির সাহাবে। বিভিন্ন বস্তুতে বরণাত্মক (selective) প্রতিফলন অথবা শোষণের অবস্থান निर्णय क्या मध्य एत ।

ব্যতিচারমাপক ধরের সাহাযোও এইর্প সৃদীর্ঘ তরঙ্গ আলাদা করা সম্ভব হইরাছে। নিমে যে সমন্ত বন্ধুর ফলক বাবহার করিরা যে যে দৈর্ঘোর তরঙ্গ আলাদা করা হইরাছে তাহার একটি তালিকা দেওরা হইল।

বন্তু	তরঙ্গদৈর্ঘ্য (in μ)	বন্তু তরঙ্গ	पर्चा (in μ)
Quartz	8.75 এবং 20	KB,	81.5
Caic. spar	6.75, 28 এবং 90	Thallium Bromide	117
Lithium Fluoride	17	KI	94
Sodium Fluoride	35.8	Silver Bromide	112.7
Rock Salt	52	Thallium Iodide	151.8
Sylvine	63		

কোকাসীয়-বিষোজন (Focal Isolation).

এইবৃপ সৃষ্টার্য তরঙ্গদৈর্ঘেরে রশ্মি আলাদা করার আর একটি উপার হইতেছে ফোকাসীয় বিয়োজন পদ্ধতি। এই পদ্ধতিতে এই রশ্মিগুলির (সৃদীর্য তরঙ্গ-দৈর্ঘের) বেলার কোয়ার্ট্সে প্রতিসরাজ্কের উচ্চ মানের সুযোগ নেওয়া হয়। একটি ওয়েল্সবাকে বাতির (Welsbach light) চিমনী সরাইয়া ইহা হইতে নিগত আলো 1 cm বাসের একটি ছিদ্র দিয়া L_1 কোয়ার্ট্স উত্তল লেকের উপর আসিয়া পড়ে। সৃষ্টার্য তরঙ্গদৈর্ঘ্যের রশ্মির জনা রুবেন্স্ পূর্বে দেশিরাছিলেন যে প্রতিসরাক্ষ μ প্রায় 2.2 এর কাছাকাছি থাকে। কিন্তু দৃশামান এবং নিকট-অবলোহিত রশ্মির ক্ষেত্রে এই মান অনেক কম। ফলে সৃষ্টার্য তরঙ্গগুলি ফোকাসিত হইয়। একটি বিন্দুতে ক্ষমা হয়। অন্যান্য তরঙ্গের



किंद क. ५ करो

বেলার কম প্রতিসরাক্তের জনা এই সমন্ত রন্ধি কম বাকিয়া যার এবং কোনও কোনও ক্ষেত্রে অপসারী (divergent) হইরা থাকে। সূতরাং এই ফোকাস-বিস্পৃতে (F_1) বে সমন্ত রন্ধি আসে তাহারা প্রধানত সুদীর্ঘ তরসই হইরা থাকে। তবে বে সমন্ত রন্ধি লেলের অক্ষ বরাবর বা ইহার নিকট দিয়া L_1 লেলে

আপতিত হর তাহাদের বেলার কুন্ত তরঙ্গদৈর্ঘের রন্ধিও ফোকাসবিন্দু F, এর নিকটে বর্তমান থাকিবে। এইটি বন্ধ করিবার জন্য L_1 এর কেন্দ্রছলে একটি 2 cm ব্যাসের অবচ্ছ চার্কাত A লাগাইরা দেওরা হর। এই চার্কাডিটি কুন্ত তরঙ্গদৈর্ঘের রন্ধিগুলিকে যোটামুটি আটকাইরা দের। L_1 লেলের মধ্য দিরা যাইবার পর F_1 বিন্দৃতে যোটামুটিভাবে একমাত সৃদীর্ঘ তরঙ্গের রন্মিই বর্তমান থাকিবে। তবুও ইহার একবর্গদ আরও নিন্দিত করিবার জন্য L_2 লেলের ব্যবহার করা হর। L_1 লেলের গঠন এবং অবস্থান সম্পূর্ণভাবে L_1 লেলেরই মত। রন্মির একবর্গদ এবং বিশুদ্ধতা পরীকা করিবার জন্য F_1 অথবা F_2 বিন্দুর সামনে রক্সন্টের (Rock Salt) একটি ফলক রাখা বার। এই ফলক সৃদীর্ঘ তরঙ্গের পক্ষে সম্পূর্ণ অবচ্ছ। বিদ মাপকবার T এর বিচ্ছাতি (deflection) সম্পূর্ণ বন্ধ হইরা বার তবে বুবিতে হইবে বে এই বিন্দুর রন্ধি বিন্দুর একবর্ণের। ওয়েলস্ব্যাক বাতির বদলে উচ্চাপের পারদ্ববান্ধের জোরাটস্ আর্ক্-দীপ (high-pressure quartz-mercury are lamp) ব্যবহার করিরা৷ রুবেন্স্ এবং ফন্ বেয়ার (Rubens and von Baeyer) 218 μ এবং 343 μ এর রন্ধি আলাদা করেন।

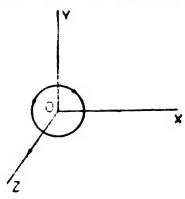
পরিশিষ্ট-ক

जिमान-जिम्मा (Zeeman Effect).

1896 সনে জিমান আবিষ্কার করেন বে যদি একটি সোডিয়াম শিখা জোরালে৷ চুম্বকক্ষেরে রাখা যায় তবে ঐ শিখা হইতে নির্গত সোডিয়াম D বর্ণাল রেখা দুইটির প্রস্থ বাড়িরা যায়। পরে উচ্চ বিভেদন ক্ষমতাসম্পন্ন বর্ণালিবীকণ যন্ত্রের সাহায্যে পরীক্ষা করিয়া দেখা যায় যে প্রতিটি D রেখা একাধিক রেখার সৃষ্টি করে। যদি চম্বক ৰলরেখার সমান্তরাল দিকে যায় তবে একটি D রেখা দুইটি রেখায় বিভক্ত হয়। এর প্রত্যেকটির কম্পাক্ষ মূল D এর কম্পাক্ষ অপেক্ষা আলাদা এবং একই সংখ্যা দ্বারা কমে এবং বাড়ে। তাছাড়া প্রতিটি বর্ণালিরেখার আলোই বৃত্তীর সমবর্তিত এবং ইহাদের একটি দক্ষিণাবর্ত অন্যটি বামাবর্ত। আবার র্যাদ চুম্বক বলরেখার অভিলম্বে দেখা যায় তবে D রেখা তিনটি রেখাতে বিভব্ত হয়। ইহাদের প্রত্যেকটিতেই আলো তলীয়-সমবাঁতত অক্সায় থাকে। একটির কম্পাৎক মূল D রেখার কম্পাৎকের সঙ্গে অভিন্ন। এই রেখার দুই পাশের রেখা দুইটির কম্পাক্ত মধ্যটির অপেক্ষা সমপরিমাণ কম এবং বেশী ৷ মধ্যের বর্ণালিরেখার সমবর্তন দিক চুম্বক বলরেখার দিকের সহিত অভিন । দুইপাশের রেখ। দুইটির সমবর্তন দিক চুম্বক-বলরেখার দিকের অভিলয়ে অবস্থিত। বর্ণালিরেখার এইরূপ দুই বা তিন উপাংশে বিভক্ত হওয়াকে বলা হয় বাভাবিক জিমান-বিষয়া (Normal Zeeman Effect). পরে এই বিষয়ে আরও অনেক পরীক্ষা করিয়া দেখা যায় যে খুব কন ক্ষেত্রেই একটি রেখা ঐরপ দুই বা তিন উপাংশে বিভক্ত হইয়া থাকে, অধিকাশ ক্ষেত্রেই ইহারা আরও বেশী সংখ্যক উপাংশের সৃষ্টি করে ৷ এই ধরনের ফলকে বলা হয় অনিয়ত জিমান-ক্রিয়া (Anomalous Zeeman Effect) |

জিমান-ক্রিয়া আবিষ্কারের অপপ পরেই লোরেন্ট্স্ (Lorentz) তাহার নিজের প্রবাতিত ইলেকট্টন-সিদ্ধান্তের সাহাযো ইহার ব্যাখ্যা করেন। জিমান-ক্রিয়ার ইহাই শাস্ত্রীয় ব্যাখ্যা। বলা বাহুল্য লোরেন্ট্সের ব্যাখ্যা শুধু স্বাভাবিক জিমান-ক্রিয়ার ক্ষেত্রেই প্রযোজ্য; এটি অনিয়ত জিমান-ক্রিয়ায় যে তিনের অধিক উপাংশের উত্তব হয় তাহা ব্যাখ্যা করিতে পারে না। ইহার জন্য কোয়াণ্টাম সিদ্ধান্তের প্রয়োজন হয়। এখানে অবশ্য স্বাভাবিক জিমান-ক্রিয়ার শাস্ত্রীয় ব্যাখ্যাই দেওয়া হইবে। কোয়াণ্টাম সিদ্ধান্তের সাহায্যে অনিয়ত জিমান-ক্রিয়ার ব্যাখ্যার জন্য সমরেন্দ্রনাথ ঘোষালের 'পরমাণু ও কেন্দ্রক গঠন পরিকরের' পরিছেদে 5 দ্রন্টব্য।

এখন জিমান-ক্রিয়ার ব্যাখ্যা ইলেকট্রন-সিদ্ধান্তের সাহায্যে দেওরা হইবে। স্যোডিয়াম আলোর ক্ষেত্রে সোডিয়াম পরমাণুর ইলেকট্রনগুলি বৃত্তীয় বা উপবৃত্তীয় কক্ষে ঘুরিতেছে। এইরূপ একটি কম্পনকে পরস্পারের অভিলয়ে তিনটি উপাংশে ভাগ করা যায়। ৬.১ নং চিত্রে এই তিনটি উপাংশ বথাক্রমে OX, OY এবং OZ দিকে পরস্পরের অভিলক্ষেধরা বাইতে পারে। সমন্ত ইলেকটনের কন্ধপথকে এইবুপ উপাংশে ভাগ করিলে তিনটি উপাংশের গড় বিন্তার সমান হইবে। আর এই তিনটি কম্পনই সরল দোলগতি সম্পন্ন (simple harmonic) হইবে। আবার ইহার মধ্যে OX এবং OY কম্পন দুইটি মিলিরা XOY তলে দুইটি বৃত্তীর গাঁতর সৃষ্টি করিবে; এই দুইটি বামাবর্ত এবং দক্ষিণাবর্ত আর ইহাদের কম্পাক্ষ সমান। চতুর্থ পরিক্ষেদ ৪৪৪ পৃষ্ঠার আলোচনা দ্রক্তরা)। এবার বদি OZ দিকে চুত্তকক্ষেত্র প্ররোগ করা হয় তবে এই দিকের কম্পন কোনওবুপ প্রভাবিত হইবে না। কিন্তু বৃত্তীর কম্পন দুইটিই চুত্তকক্ষেত্র বারা প্রভাবিত হইবার ফলে তাহাদের কম্পাক্ষ পরিবাতিত হইবে। বৃত্তীর কক্ষে চলিবার কালে বৈদ্যুতিক আধান চুত্তক বলরেখার অভিলব্ধে গমন করার ফলে Hev একটি বল অনুভব করিবে। এখানে H, e এবং v বথাক্রমে চুত্তকক্ষেত্র তীব্রতা, ইলেকটনের আধান এবং



150 6 3

গতিবেগ বুঝাইতেছে। আধানের চিক্টের উপর নির্ভর করিয়া এই বল λOY তলে O বিন্দুর দিকে অথবা ইহার বিপরীতে ক্রিয়া করিবে। চুম্বকম্প্রের অনুপন্থিতিতে ক্ষপথের সামোর জনা আধানের উপর অপক্রের বল (centrifugal force) পুনস্থাপন বলের (restoring force) সমান হইবে। একক সরবের জনা পুনস্থাপন বল বদি k হর এবং ইলেকস্টনের ভর বদি m হয় তবে লেখা বাইতে পারে

$$\frac{mv^2}{r} = kr. ag{6.1}$$

এবানে r কক্ষপথের ব্যাসার্থ বৃকাইতেছে ।

T বদি কক্ষপধের পর্বায় কাল হয় তবে

$$T=\frac{2\pi r}{v}.$$

$$\therefore \frac{4 \pi^2 rm}{T^2} - kr$$

অথবা
$$k = \frac{4 \pi^2 m}{T^4}$$
 (6.2)

এইবার যদি চুম্বকক্ষেত্র প্ররোগ করা হয় তবে ইলেকটনের উপর Hev মানের একটি মৃগ-বল (radial force) প্রযুদ্ধ হওয়ার ফলে কক্ষপথের সামোর জন্য পুনস্থাপন বল kr এরও পরিবর্তন হইবে। যদি কক্ষপথের নৃতন পর্যায় কাল T_1 হয় তবে সামোর সমীকরণ দাড়াইবে

$$\frac{4 \pi^2 rm}{T_1^2} = kr \pm Hev_1 \tag{6.3}$$

এথানে **৮, কক্ষপথে ইলেকট্রনের পরিব**ভিত গতিবেগ।

4π²m দ্বারা ভাগ করিলে লেখা যায়

$$\frac{1}{T_1^2} - \frac{1}{T^2} - \frac{He}{2\pi T_1 m}$$

$$\frac{T^2 - T_1^2}{T_1^2 T^3} = \frac{He}{2\pi m T_1}$$
(6.4)

ধেহেতু T এবং T_1 এর মধ্যে পার্থক্য T অথবা T_1 এর তুলনায় খুবই নগণ্য তাই উপরোক্ত সমীকরণকে লেখা যায়

$$T - T_1 = \pm \frac{He \, T^2}{4 \, \pi m}. \tag{6.5}$$

 $\lambda = cT$ এই সম্বন্ধ ব্যবহার করিয়া লেখা যায়

$$\lambda - \lambda_1 = \Delta \lambda = \pm \frac{He\lambda^2}{4\pi mc} \tag{6.6}$$

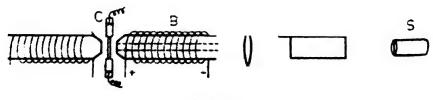
এখানে λ আলোকের তরঙ্গদৈর্ঘ্য এবং c শূনো ইহার গাঁতবেগ ।

এই সমীকরণ 6.5 হইতে দেখা বাইতেছে যে আলোকউৎস সোডিয়াম পরমাণুর উপর চুম্বকক্ষেত্র প্রয়োগ করিবার ফলে ইহাদের বৃত্তীয় কক্ষপথের কম্পাক্ষের পরিবর্তন ঘটে বাহার ফলে এই উৎস হইতে নির্গত আলোরও তরঙ্গদৈর্ঘ্যের হ্রাসবৃদ্ধি হয়। একক্ষেত্রে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বৃদ্ধি হইবে $\Delta \lambda = \frac{He\lambda^2}{4\pi mc}$ এবং অন্যক্ষেত্রে ঠিক অনুমূপ পরিমাণের তরঙ্গদৈর্ঘ্যের হ্রাস হইবে।

এই সমীকরণে আসিতে ধরা হইয়াছে বে চুম্বকক্ষেত্র প্রয়োগের ফলে বৃত্তীর কক্ষ-পথের ব্যাসের কোনও পরিবর্তন হইবে না। চুম্বকক্ষেত্র পরিবর্তনের সময় কক্ষপথের মধা দিরা গমনকারী চুম্বক বলরেখার সংখ্যা পরিবর্তনের ফলে কন্ধপথে ইলেকট্রনের গতিবেগের হ্রাস বা বৃদ্ধি হইবে। ফারাডের বৈদ্যুতিক আবেশের (Faraday's Law of electromagnetic induction) নিরমানুসারে এই পরিবর্তন একটি বিভবের সৃষ্টি করিবে। এবং এই বিভবের পরিবর্তনের ফলে কন্ধপথে ইলেকট্রনের গতিবেগেরও পরিবর্তন হইবে বাহার ফলে কন্ধের হ্যাসের হ্রাসবৃদ্ধি হওরার কথা। কিন্তু এই সঙ্গে অনুবৃপ অপর্কেন্দ্রিক বলেরও পরিবর্তন হইবে। আর এটা দেখানো বার বে এই দুইটি বল সমান এবং বিপরীত বাহার ফলে কন্ধপথের ব্যাসের কোনও পরিবর্তন হইবে না।

উপরোক্ত বর্ণনা হইতে দেখা বার বে বদি চুম্বকক্ষেত্রের দিকে দেখা বার তবে একটি বর্ণালিরেখা দুইটি রেখার সৃষ্টি করিবে। মূল রেখা বে তিনটি উপাংশে বিভক্ত করা হইরছে তাহার মধ্যে OZ দিকের উপাংশটি চুম্বকক্ষেরে দিকে অবস্থিত হইবে। সূতরাং এই উপাংশটি কোনও আলোকের সৃষ্টি করিবে না। YOX তলে বে দুইটি বৃত্তীর উপাংশ অবস্থিত তাহাদের কম্পাক্তর হ্রাস এবং বৃদ্ধি হইবে। এই দুইটি কম্পন দুইটি রেখার সৃষ্টি করিবে বাহাদের কম্পাক্ত মূল রেখার কম্পাক্ত হইতে ৯ দারা বেশী অথবা কম হইবে। আর ইহারা বৃত্তীর সমর্বতিত (circularly polarised) হইবে এবং এই সম্বর্তনের দিক একটির ক্ষেত্রে দক্ষিণাবর্ত এবং অন্যাটর ক্ষেত্রে বামাবর্ত। ইহার সত্যতা নিকল প্রজন্ম এবং তরঙ্গালে ফলক (quarterwave plate) হারা পরীক্ষা করা বার।

বদি চুৰকক্ষেত্রে অভিলয়ে দেখা যায় তবে ধরা যাক যে OX দিকে দেখা হইডেছে এবং OZ দিকে চুৰকক্ষেত্র প্ররোগ করা হইরাছে। তাহা হইলে OZ দিকের উপাংশ একটি বর্ণালিরেখার সৃষ্টি করিবে বাহার কম্পাক্ষ মূল কম্পাক্ষের সমান এবং যেটি তলীয় সমর্বাভিত হইবে। ইহার কম্পাক্ষ চূৰক বলরেখার দিকেই হইবে। আর YOX তলের বৃত্তীয় উপাংশ দুইটির কম্পাক্ষ পরিবাভিত হওয়ার ফলে ইহারা প্রথমান্ত রেখাটির দুইদিকে দুইটি প্রতিসমরেখার সৃষ্টি করিবে। বেহেতু এই রেখা দুইটিতে বৃত্তীয় কক্ষপথ দুইটি YOX তল হইতে দেখা হইতেছে, কম্পন দুইটি সরলরেখার হইতেছে বিলয়া মনে হইবে এবং রেখা দুইটি তলীয় সমর্বাভিত বালয়া মনে হইবে এবং রেখা দুইটি তলীয় সমর্বাভিত বালয়া মনে হইবে। এই



कि ७.२

সমবর্তনে কম্পনের দিক চুম্বক বলরেখার অভিলয়ে অবস্থিত হইবে। উপরের সমগ্র অনুমান ইলেকট্রন-সিদ্ধান্ত হইতে পাওরা বার এবং পরীক্ষা ছারা সমাধিত হর। কালেই দেখা বাইতেছে বে লোরেনট্সের ইলেকট্রন-সিদ্ধান্ত স্বাভাবিক জিমান-জিয়া সম্পূর্ণরূপেই ব্যাখ্যা করিতে পারে র্যাদও পূর্বেই বলা হইরাছে, বে অনিরত জিমান-ক্রিরা এই সিন্ধান্ত দারা ব্যাখ্যা করা বার না । ইহা ব্যাখ্যা করিতে কোরান্টাম-বাদের সাহাব্যের প্ররোজন হয় ।

জিমান-জিয়া পরীক্ষা করিতে নিমুবণিত পরীক্ষা-প্রণালী ব্যবহার করা বাইডে পারে। AB একটি জোরালো বিদ্যুৎচুম্বক। ইহার মধ্যে B অংশে লম্বালম্বিভাবে একটি ছিদ্র করা আছে বাহাতে দীর্ঘদিকের (longitudinal) জিমানজিয়ার পরীক্ষা করা চালতে পারে। C একটি আলোকউৎস বাহা হ'ইতে নির্গত আলোকের জিমানজিয়া পরীক্ষা করা হ'ইবে। এটি হ'ইতে নির্গত আলো চুম্বকক্ষেত্রের মধ্য দিয়া বাইবার পর L লেক্ষের মধ্য দিয়া পাঠানো হর। জিমান-জিয়ার আলোকরেখার কম্পাঙ্কের যে পরিবর্তন হয় তাহা সামানা। 6.6 সমীকরণ হ'ইতে $\nu = c/\lambda$ এই রাশি ব্যবহার করিয়া পাওয়া বার \triangle $\frac{eH}{4\pi mc}$

অথবা $\Delta \nu = 1.40 \times 10^6 \times H$ per sec.

এখানে $\triangle \nu$ আলোকরেখার কম্পান্কের পরিবর্তন এবং H চুম্বক্ষেত্রের তীরতার পরিমাশ । সূতরাং H এর মান বাদ 1000 gauss হর তবে কম্পান্কের পরিবর্তন হইবে 1400 × 10°/sec. সংক্ষিত্ত তরঙ্গদৈর্ঘের পরিবর্তন হিসাব করিলে দেখা বাইবে ষে ইহা খুব অম্প। এইজনা উচ্চ বিভেদন ক্ষমতার বস্ত্র বাবহার করিতে হর। এটি লুমার-ফলক (Lummer plate) অথবা ফেরি-পেরো ব্যতিচার-মাপক (Fabry-Perot Interferometer) হইতে পারে অথবা ইস্লন্-কার্মারও (Echelon-grating) বাবহার করা চলিতে পারে। ৬.২ নং চিত্রে P একটি লুমার-ফলক। ফলক হইতে নির্গত আলো বর্ণালি-বীক্ষণ বস্ত্রে পরীক্ষা করা হর। সাধারণত এটি একটি ধুব-চাতি বর্ণালি-বীক্ষণ বস্ত্র (constant deviation spectroscope). তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পরিবর্তনের পরিমাণ বাড়াইবার জন্য চুম্বকক্ষেত্রের তীরতার পরিমাণও বাড়ানো হর এবং দশ হইতে পিচশ হাজার gauss তীরতার চুম্বকক্ষেত্র সাধারণতই বাবহার করা হয়। ৬.২ নং চিত্রে দীর্ঘাদকের জিমান-জিরার পরীক্ষার ব্যবস্থা দেখানো হইরাছে। বাদি তির্যকাদকের (transverse) জিমান-জিরা পরীক্ষা করিতে হর তবে তাড়ং চুম্বকটি 90° বুরাইয়া দিলেই এই পরীক্ষা করা চলিতে পারে।

পরিম্পিষ্ট-খ

काञ्चारङ किञ्चा (Faraday Effect).

মাইকেল ফ্যারাডের ধারণা ছিল বে আলোক এবং চুম্বকম্বের মধ্যে কোনও সম্বন্ধ বর্তমান। এই ব্যাপারে পরীক্ষা করিতে গিরা 1845 সনে তিনি আবিষ্কার করিলেন বে বখন কোন কাচজাতীর বন্ধ কঠিন পদার্থের উপর জোরালো চ্ছকক্ষের প্রযুক্ত হয়. ঐ পদার্থটি আলোক-সন্ধিরতা (optical activity) লাভ করে। একটি জোরালো তড়িং চুম্বকের মেরুম্বরের মধ্য দিরা অনুভূমিক ছিদ্র করিরা বদি তাহাদের মধ্য দিরা একটি তলীয় সমবাতত (plane-polarised) আলোকরান্দ পাঠানো হর এবং এই রান্দ বিশ্লেষণের জন্য নিকল-প্রিজ্যু জাতীর কোনও যন্ত্রাংশের মধ্য দিরা গমন করে তবে এই এই পরীকা সহজেই করিরা দেখা বাইতে পারে ৷ তলীর সমর্বতিত আলোকরিম ব[্]দ একটি নিকল প্রিক্তমের সাহাব্যে সৃষ্টি করা হয় তাছ। হইলে প্রথম এবং দিতীয় প্রিজনের প্রতিক্ল অবস্থানে (crossed position) দিতীয় প্রিজমের মধ্য দিয়া আলোকর্রান্যন পার্যাম হইবে না। প্রিজ্ম দুইটির এই অবস্থানে বদি এখন মেরুছয়ের মাঝে একটি কাচের খণ্ড রাখিয়া এই খণ্ডের উপর জোরালো চুম্বককে এমনভাবে প্রয়োগ করা হয় যে इच्चटका এवर व्यात्माकविचाव मिक সমास्त्रताम धाटक उट्ट (पथा यादेट या माधादमर আলোকর্মান দিতীর প্রিক্তমের মধ্য দিয়া গমন করিতেছে। ইহা হইতে বুরা যার 🙉 কাচের খণ্ডের মধ্য দিয়া বাইবার ফলে চুম্বককেরের প্রভাবে তলীয় সম্বতিত আলোর সমবর্তন তলের পরিবর্তন হইয়াছে এবং এই তল ছবিয়া গিয়াছে। চুম্বৰক্ষেত্র সরাইয়া নিলে দেখা যাইবে যে সমবর্তন তলের ঘৃর্ণন বন্ধ হইয়া যায়। সূতরাং চুম্বকক্ষেটে আলোকরান্দকে কাচখণ্ডের মধ্য দিয়া বাইবার সময় প্রভাবিত করিয়া ইহার আলোক-তলের ঘর্ণনের সৃষ্টি করিরাছে। কোনও বছ বস্তুর মধা দিরা গমন করিবার সময় চম্বক্তকের প্রভাবে তলীর সমর্বতিত আলোকের সমর্বর্ডনতলের এই ঘর্ণনকে ফ্যারাডে-ভিনা (Faraday Effect) বলা হয়।

চুম্বকদেরে প্রভাবে তলীয়-সমর্বতিত আলোর তলের এই ঘূর্ণন এবং কোন কেল আলোক-সন্ভির (optically active) তরল বা কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের ফলে আলোকের সমর্বর্তন তলের ঘূর্ণনের মধ্যে যথেক সাদৃশা বর্তমান। প্রথম ক্ষেত্রে আলোকের চুম্বক বলরেখার দিকে গমনের ক্ষেত্রেই সমর্বর্তন তলের ঘূর্ণন হয়। ছিতীয় ক্ষেত্রেও আলোকরিন্দ্র একমান্ত কেলাসের আলোক-আক্ষের (optic axis) দিকে গানে করিলেই সমর্বর্তন তলের ঘূর্ণন হইরা থাকে। কিন্তু ইহাদের মধ্যে একটি গুরুষপূর্ণ পার্থকাও বর্তমান। কেলাসের ক্ষেত্রে বিদি পারগত আলোকরিন্দ্র অপরপ্রাত্তে প্রতিফলিত হইরা আবার পর্বপথে ফিরিয়া আসে তবে সমর্বর্তন তলের ঘূর্ণন সম্পূর্ণ প্রতিকৃত্তিত (compensated) হইরা বার এবং প্রতিফলিত রিন্দার সমর্বর্তন তলের সহিত্ত মিলিরা বার। ইহার কারণ এই যে কেলাসে সমর্বর্তন তলের সহিত্ত মিলিরা বার।

ঘূর্ণন কেলাসের গঠনের উপর নির্ভর করে; সূতরাং কেলাসের বাম হতে দক্ষিণে বাইতে বাদ সমবর্তন তল দক্ষিণাবর্ত হর তবে প্রতিফলনের পর দক্ষিণ হইতে বামে বাইতে ইহা দক্ষিণাবর্তই থাকিবে। অতএব এই দুইক্ষেত্রের ঘূর্ণন পরস্পারের বিপরীত দিকে হইবে এবং পরিমাণে সমান হওয়ার পরিগামিক ঘূর্ণন গূন্য দাড়াইবে। কিন্তু ফারোডে-ফ্রিয়ার বেলায় চুম্বক বলরেখার দিকের উপর সমবর্তন তলের ঘূর্ণন নির্ভর করে। সূতরাং এই ক্রেরে যদি চুম্বক-বলরেখার দিক কাচখণ্ডের বাম হইতে দক্ষিণ দিকে হয় (চুম্বক-বলরেখা একটি ভেক্টর রাশি) এবং এই অবস্থার আলোক কাচখণ্ডের বাম হইতে দক্ষিণে যাইতে যদি সমবর্তন তলের ঘূর্ণন দক্ষিণাবর্ত হয় তবে প্রতিফলনের পর কাচখণ্ডে আলো দক্ষিণ হইতে বামদিকে বাইতে ঘূর্ণন বামাবর্ত হইবে। কারণ প্রথম ক্ষেত্রে বাদ ধরা যায় যে আলোক চুম্বক-বলরেখার অনুকূলে যাইতেছে তবে দ্বিতীয় ক্ষেত্রে ইহা চুম্বক-বলরেখার প্রতিক্র উভা আলোকর্মানর বেলায়ই সমবর্তন তলের ঘূর্ণন একই দিকেই হইবে যাহার ফলে গোট ঘূর্ণনের পরিমাণ দ্বিগুণ হইয়। যাইবে।

ফারেছে-ক্রিয়ার উৎপত্তির কারণ হিসাবে বলা যাইতে পারে যে, জিমান-ক্রিয়ার (Zeeman Effect) উৎপত্তির কারণের সহিত ইহার খুবই সাদৃশ্য আছে। জিমান-ক্রিয়ার তাত্ত্বিক শাস্ত্রীয় ব্যাখ্যা যেমন ইলেক্ট্রন সিদ্ধান্তের সাহায্যে করা হইয়া **থাকে** ফারেডে-ক্রিয়ার নাখ্যাও ঐ একই সিদ্ধান্তের শ্বারা করা সম্ভব । প্রথমত লক্ষ্য করিবার িষয় যে সমবর্তন তলের ঘূর্ণনের উৎপত্তির জন্য আলোকরম্মিকে একটি বস্তু মাধ্যমের মধা। এই ক্ষেত্রে কাচখণ্ডের মধা দিয়া। দিয়া যাইতে হইবে। এই কাচের মধোর ইলেকট্রন্যানির কক্ষপথ বৃত্তীয়: প্রেষণাদকের (direction of propagation) অভিনৰে যে দুইটি উপাংশ (components) বৰ্তমান তাহার৷ বামাবর্ত এবং দক্ষিণাবর্ত এবং উভয়েরই কম্পাব্দ সমান। আপতিত সমর্বতিত আলোর তলীয় ৰস্পনকে দুইটি বন্তীয় উপাংশে বিভন্ত হয় বলিয়া ধরা বাইতে পারে : ইহারা বামাবর্ত এবং দক্ষিণাবর্ত এবং ইহাদের কম্পাক্ষ সমান (চতুর্থ পরিচ্ছেদ ৪৪৪ পৃষ্ঠার আলোচনা দুক্টবা)। সমীকরণ 5.30 হইতে দেখা যায় যে প্রতিসরাক্ষ প্রমাণুর মধ্যের ইলেকটনের স্বাভাবিক কম্পাক্ষের উপর নির্ভর করে। আলোকরিমার বৃত্তীয় উপাংশ দুইটি যখন কাচখণ্ডের মধ্য দিয়া গমন করে তখন ইহারা উভয়েই ইলেকট্রনের দারা সমভাবে প্রভাবিত হয় (এই ক্ষেত্রে ধরা হইয়াছে যে চুম্বকক্ষেত্র প্রযুক্ত হয় নাই)। সূতরাং উপাংশ দুইটির আপেক্ষিক দশা আপতনের সময় বাহ। ছিল, কাচের মধ্য দিয়া যাইবার পরও তাহাই থাকিবে। অতএব তাহারা যখন আবার একচিত হইরা তলীয় সমর্বতিত আলোকরন্মির সৃধি করিবে, তাহার সমর্বর্ডন তল আপতনের সমরের সমবর্তন তলের সঙ্গে একই থাকিবে। অর্থাৎ এই ক্ষেত্রে কাচের মধ্য দিয়া পারগমের ফলে সমবর্তন তলের কোনও ঘৃণনের সৃষ্টি হইবে না।

কিন্তু জিমান ক্রিয়ার আলোচনা হইতে দেখা গিয়াছে বে ইলেকট্রনের ঘূর্ণনের স্বাভাবিক কম্পাক্ত চুম্বকক্ষেত্রের প্রভাবে পরিবর্তিত হয় এবং এই পরিবর্তন ঘূর্ণনের দিকের উপর নির্ভর করে। সূত্রাং যদি কাচখণ্ডের উপর আলেকের পারসমের দিকে চ্যকদেশ্য প্ররোগ করা হর তবে একটি বৃত্তীর উপাংশের কম্পাক্ষ বাড়িবে এবং জনটি সমর্পারমাণ কমিবে। ফলে আলোকের বৃত্তীর উপাংশ দুইটির প্রতিসরাক্ষেরও পরিবর্তন হইবে বার ফলে ইহারা কাচখণ্ডের মধ্য দিরা আলাদা গতিবেগে গমন করিবে। অতএব পারগমের পর ইহাদের আপেক্ষিক দশা আর আপতনের সমরকার আপেক্ষিক দশার সমান থাকিবে না। ইহারা বখন এক্য হইরা আবার তলীর সমর্বাতত আলোকরন্মির সৃষ্টি করিবে তখন ইহার সমর্বর্তন তল আপতিত রন্মির সমর্বর্তন তল হইতে আলাদা হওরার সমর্বর্তন তলের ঘৃর্ণনের উৎপত্তি হইবে। ইহাই কারাতে ক্রিরার উৎপত্তির ব্যাখ্যা। এই ব্যাখ্যা হইতে সহক্ষেই বৃত্তা বার বে পারগত রন্মির সমর্বর্তন তলের ঘৃর্ণনের পরিমাণ চৃত্তকক্ষেত্রের তীব্রতা এবং বন্ধু মাধ্যমের মধ্যে আলোকপথের দৈর্ঘের উপর নির্ভর করে। অবশ্য বিভিন্ন বন্ধুর প্রকৃতির উপরও এই ঘৃর্থনের পরিমাণ নির্ভর করে। কাজেই লেখা বার

$$heta \propto lH$$

অথবা $heta = VlH$ (6.8)

এখানে θ ডিগ্রীতে ঘ্র্পনের পরিমাণ, H চ্যুকক্ষেরে তীব্রতা এবং I বসুমাধামে আলোকপথের দৈর্ঘা, আর V একটি ধ্রুবক বাহাকে বলা হর ভার্ডেটের ধ্রুবক (Verdet's constant). বিভিন্ন বন্ধুর ক্ষেত্রে এই ধ্রুবকের মান নিম্নে দেওরা হইল । প্রকৃতপক্ষে এই ধ্রুবকের মান বন্ধুর তাপমান্তার উপরও নির্ভর করে; কিন্তু এই নির্ভরতার পরিমাণ এই তালিকার সবক্ষেত্র দেওরা সম্ভব হইল না ।

ভাৰ্ডেট বিভিন্ন বন্ধুর ক্ষেত্রে সমবর্তন তলের ঘূর্ণন মাণিয়া দেখিলেন বে ঘূর্ণনের পরিমাণ নিম্নলিখিত সমীকরণ দারা নিয়ম্মিত হয়

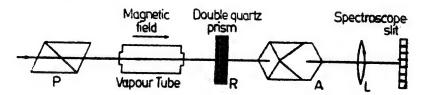
$$\theta = mlH \frac{\mu^2}{\lambda} \left(\mu - \lambda \frac{d\mu}{d\lambda} \right) \tag{6.9}$$

এখানে μ , λ এবং $\frac{du}{d\lambda}$ যখান্তমে বন্ধুর প্রতিসরাক্ত, আপতিত আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ এবং তরঙ্গদৈর্ঘের সঙ্গে প্রতিসরাক্ষের পরিবর্তনের হার। অন্যান্য সংখ্যাগুলি পূর্বের সমীকরশেই আলোচিত হইরাছে। m বন্ধুর উপর নির্ভরশীল একটি ধুবক। $\frac{\theta}{Hl}$ এখানে বুরাইতেছে একক আলোকপথ দৈর্ঘ এবং চুবক ক্ষেত্রের একক তীরতার জন্য সমর্যক্তন তলের ঘূর্ণনের পরিমাণ। অভএব এটি ভার্ডেটের ধুবকের সমান। এই সমীকরণ হইতে দেখা বার বে ঘূর্ণনের পরিমাণ m ধুবকটি ছাড়াও তরঙ্গদৈর্ঘোর উপরও নির্ভরশীল।

তালিকা নং 6.1.

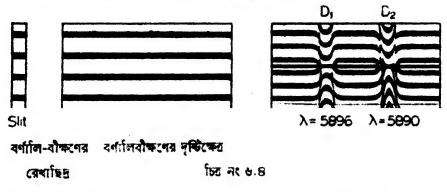
বন্ধুর নাম	ভার্ডেটের ধুবকের মান (in minutes of arc)	তরক্ষদৈর্ঘ্য	তাপমাত্রা ও অন্যান্য মন্তব্য
Jena Glass	0.0888		
Methyl Alcohol	0.0099		·
Water	0.0131	$\lambda = 5893$	$t = 20^{\circ}\text{C}$
Glass (phosphate crown)	0.0161	λ = 5893	t = 18°C
Glass (light flint)	0.0317	λ - 5893	t=18°C
Carbon disulphide	0.0423	λ = 5893	t = 20°C
Phosphorous	0.1326	$\lambda = 5893$	t = 33°C
Quartz	0.0166	λ = 5893	t=20°C; অক্সের অভিলয় দিকে

ফারাডে ক্রিয়া বাস্পের ক্ষেত্রে শোষণ-রেখার (absorption line) কাছাকাছি ভরক্লপর্যো খুব ভালভাবে দেখা যায় বালিয়া এই ক্ষেত্রেই পরীক্ষা বাবস্থার বর্ণনা দেওয়া হইল। ৬.০ নং চিত্রে P একটি সমবর্তক নিকল্ এবং A একটি বিশ্লেষক নিকল্। সমবর্তিত আলো বাস্পের নলের মধ্য দিয়া যাইবার পর যুগ্ম কোয়ার্ট্স্ প্রিজমের মধ্যে প্রবেশ করে এবং ইহা হইতে বাহির হইয়া বিশ্লেষক নিকল A এবং লেন্স L এর ভিতর দিয়া গিয়া বর্ণালি-বীক্ষণের রেখাছিদ্রের উপর প্রতিবিধ্বের সৃষ্টি করে। বৃগ্ম কোয়ার্ট্স্ প্রিজ্মের বিভিন্ন অংশের মধ্য দিয়া যাইবার ফলে আলোক-রিশ্লের



हित नः ७.७

বিভিন্ন পরিমাণ ঘূর্ণনের সৃষ্টি হইবে। বিশ্লেষক নিকল্ এর বিভিন্ন অংশ দিরা বিভিন্ন পরিমাণ আলোক পারগত হইবে। অভএব বর্ণালি-বীক্ষণের দৃষ্টিক্ষেত্রে পর্বায়-ক্লমে চরম এবং অবম তীব্রতার কালরশ্রেণী দেখিতে পাওরা বাইবে (চতুর্থ পরিক্ষেদ পৃষ্ঠা ৩৯৯ এর আলোচনা দুক্তব্য)। এবার বদি বাস্প নলের মধ্যে বাস্প ঢোকানো হয় পূর্বে এই নলটি থালি ছিল ধরা হইরাছে) তবে বাস্পের প্রতিটি অনুনাদী কম্পান্কের (resonance frequencies) জন্য একটি শোষণ-রেখার সৃষ্টি হইবে। এইবার মুম্বকক্ষে প্ররোগ করা হইলে বাস্পের মধ্যে ঘূর্ণনের সৃষ্টি হইবে এবং চরম তীব্রতার

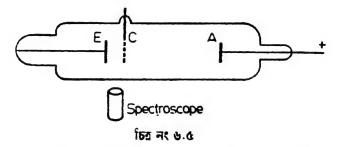


ঝালরাবুলির অবস্থানের পরিবর্তন ঘটিবে। ৬.৪ নং চিতে সোডিয়াম D রেখাশরের ঝালরের পরিবর্তন দেখানো হইল। চিত্রটি উচ্চক্ষমতাসম্পদ্য বিভেদক এবং বিজ্বেক ব্যস্তর সাহাব্যে নেওয়া হইরাছে। ঝালরগুলি উপর বা নীচ দিকে বাকিয়া গিয়াছে এবং শোকক বেখার কাছাকাছি জায়গায় এই বক্ততা সর্বাধিক দেখা যাইবে।

পরিমিষ্ট-গ

होर्क-किन्ना (Stark Effect).

চুস্বকক্ষেত্রে বর্ণালিরেখার বিভান্থন 1896 সনে জিমান কর্তৃক আবিষ্কৃত হইবার পর বভাবতই অনেক বৈজ্ঞানিক বিদ্যুৎক্ষেত্রে বর্ণালিরেখার অনুরূপ বিভান্ধনের অন্তিম্ব সম্বন্ধে পরীক্ষা করিতে আরম্ভ করিলেন। কিন্তু 16 বংসর এইরূপ সমস্ত চেক্টাই বিষল হয়। অবশেষে 1913 সনে কার্ক দেখাইলেন যে হাইড্রোজেনের বামার রেখাগুলি (Balmer series lines) জোরালো বিদ্যুৎক্ষেত্রে একাধিক উপাংশে বিভক্ত হইরা থাকে। এই বিদ্যুৎক্ষেত্রের তীব্রতা প্রতি সেন্টিমিটারে অস্তত এক লক্ষাধিক ভোগ্ট হওরা প্রয়োজন। এই বিভাজনের অস্তিম্ব প্রমাণ করিবার গোড়ার দিকের ব্যর্থতার মূল কারণ এই বে ফুলিল নলে (discharge tube) এইরূপ উচ্চ তীব্রতার বিদ্যুৎক্ষেত্রের সৃত্তি করা খুবই দুঃসাধ্য। নলে বিদ্যুৎক্ষেত্রের তীব্রতা বৃদ্ধির সঙ্গে সায়নণও (ionisation) বৃদ্ধি পায় এবং নলের গ্যাস পা≼বাহী হইয়া যায়। ফলে উচ্চমানের বৈদ্যুতিক ক্ষেত্রের নতিমান্তা (gradient) বজার রাখা সম্ভব হয় না। এই অসুবিধা দূর করিতে কার্ক নিম্নে বণিত পরীক্ষা ব্যবস্থা প্রয়োগ করেন। একটি ফুলিল নলে এ আনোডের বিপরীত দিকে ছিন্তবন্ধ ক্যাথেডে C অবস্থিত। C এর পিছনে অম্প দূরে আর একটি



তড়িং-দার (electrode) E রাখা আছে। EC দ্রত্ব খুব কম হওয়ার এই অংশে উচ্চ নতিমান্রার বিদৃাংক্ষের বজার রাখা সম্ভব হয়। এই বিদৃাংক্ষেরের অভিলত্তে বখন বর্ণালিবীক্ষণ বস্ত্রে হাইড্রোজেনের বামার বর্ণালিরেখা পরীক্ষা করা হয় তখন দেখা বায় বে প্রতিটি রেখা কিছুসংখ্যক উপাংশে বিভক্ত হইয়াছে। এই ধরণের ভার্কজিয়া তির্বক জিমান ক্রিয়ার অনর্প। আবার বদি বিদৃংক্রের দীর্ঘাদিকে (longitudinal) এই পরীক্ষা করিতে হয় তবে ক্ষুলিঙ্গ নলের গঠনের কিছু পরিবর্তন করিতে হইবে। তখন E তড়িংজারটি ক্যাথোড C এর সমান্তরালে না রাখিয়া ইহার অভিলত্বে রাখিতে হইবে এবং বর্ণালি বীক্ষণের অক্ষপ্ত E এর অভিলত্বে স্থাপিত করিতে হইবে। এই বারক্ষার পর্ববেক্ষণ দীর্ঘাদকের জিমান ক্রিয়ার (longitudinal Zeeman Effect) এর অনুরূপ।

ভার্ক-ক্রিয়া আবিষ্কৃত হইবার পর 1916 সনে এপ্ন্টাইন (Epstein) এবং সোরার্স্চাইন্ড (Schwarzschild) ইহার ভাত্ত্বিক ব্যাখ্যা দেন। এই ব্যাখ্যা বোরের কোরান্টাম সিদ্ধান্তের বৈধভার একটি বড় সমর্থন। এখানে এই তাত্ত্বিক ব্যাখ্যার বিশদ আলোচনা করা হইবে না। একটি হাইড্রোজেন জাতীর পরমাণু বদি বিদ্যুৎক্ষেত্রে স্থাপন করা বার তবে ইহার পারন্পরিক-ক্রিয়ার শান্তর (interaction energy) সমীকরণ নিররণ লেখা বাইতে পারে

$$\wedge W = AE + BE^3 + CE^3 + \cdots$$
 (6.10)

এখানে $\triangle W$ পরমানুর শাস্ত শুরের (energy level) পরিবর্তন বুঝাইতেছে বে পরিবর্তন বিদ্যুৎক্ষের প্ররোগের ফলে উদ্বত হইরাছে । আর E বিদ্যুৎক্ষেরের তীরতার পরিমান । A, B, C ইত্যাদি গুলাক্ষ বুঝাইতেছে । ইহাদের মান E Fpstein, Wentzel প্রভৃতিরা শাস্ত্রীয় এবং কোরান্টাম মতবাদের ধারা হিসাব করিরা নিম্নালিখত ব্যালিতে উপনীত হইরাছেন

$$A = 6.42 \times 10^{-8} \left[n(n_2 - n_1) \right]$$

$$B = 5.22 \times 10^{-14} \left[n^4 \left\{ 17n^2 - 3(n_2 - n_1) - 9m_1^2 + 19 \right\} \right]$$

$$C = 1.53 \times 10^{-84} \left[n^7 \left\{ 23n^2 - (n_2 - n_1)^2 + 11m_1^2 + 39 \right\} \right]$$
(6.11)

ইহাদের মধ্যে n সমগ্র কোরান্টাম সংখ্যা (total quantum number) এবং n_1 , n_2 , m_1 বৈদ্যুতিক কোরান্টাম সংখ্যা (electric quantum number) বুকাইতেছে : এই সংখ্যাগুলি নিমুলিখিত সমীকরণ ধারা নিম্নস্থিত

$$m_1 = n - n_2 - n_3 - 1. (6.12)$$

ইহাদের অনুমোদিত মান নিয়র্প

$$n=1, 2, 3 \dots \infty$$

 $n_1=0, 1, 2 \dots n-1$
 $n_2=0, 1, 2 \dots n-1$
 $m_1=0, \pm 1, \pm 2 \dots \pm (n-1)$

কোরান্টাম-মতবাদের সংখ্যাসুলির অনুমোদিত মানের সঙ্গে ইহাদের বথেন্ট সাদৃশ্য থাকিলেও পার্থকাও বথেন্ট আছে। সমীকরণ 6.10 হইতে দেখা বার যে বিদৃংক্ষেত্রের তীব্রতা বাদি খুব বেলী না হর (E < 100000 volts/cm) তবে খিতীয় এবং তৃতীয় সংখ্যাটির প্রভাব নগণা হইবে। সূতরাং এই ক্ষেত্রে \triangle W E এর সমানুশাতিক হওরায় রেখার বিভাজনও E এর সমানুশাতিক হইবে। এই প্রকার ন্টার্ক ক্রিয়াকে বলা হয় প্রথম-ক্রমের ন্টার্ক ক্রিয়া (first order Stark effect). অবশ্য হাইড্রোজেন পরমাপুর নীচু শান্তর ন্তরের (lower energy states, n small) ক্ষেত্রেই এই নিয়ম প্রযোজা হওয়ার কথা। এরূপ ক্ষেত্রে রেখাসুলি (উপাংশগুলি) মূল রেখার উভর্মাদকে প্রতিসমারূপে বিভক্ত হইরা থাকে। n এবং E এর মান বৃদ্ধি হইলে সমীকরণ 6.10 এ খিতীয় রাশিটির প্রভাব বৃদ্ধি পার এবং ইহার ফলে প্রতিটি রেখাই একই দিকে প্রভ

(displaced) হয়। এই ফলকে বলা হয় দিতীয় ক্লমের ভার্ক ক্লিয়া (second order Stark effect).

আরও দেখিতে পাওরা যার যে কিছু কিছু উপাংশে তলীর সমবর্তন বর্তমান। বিদ্যুৎক্ষেত্রের অভিলম্বে দেখিলে কিছু উপাংশের বৈদ্যুতিক ভেক্টর বিদ্যুৎক্ষেত্রের সমান্তরাল থাকে; ইহাদের বলা হর p উপাংশ। অন্য কিছু উপাংশের বৈদ্যুতিক ভেক্টর বিদ্যুৎ-ক্ষেত্রের অভিলম্বে অবশ্হিত থাকে বাহাদের s উপাংশ বলা হইরা থাকে। s এবং p উভর উপাংশেই তলীর সমবর্তন বর্তমান। আবার বদি বিদ্যুৎক্ষেত্রের সমান্তরালে দেখা হর তবে শুধুমাত s উপাংশগুলিই দেখা যার এবং ইহারা সমব্যতিত নয়; p উপাংশ সম্পূর্ণরূপে অনুপদ্যিত থাকে।

जन्माच ।

- একটি বুগা-প্রিজ্ম নিয়া পরীক্ষাকালে দেখা গেল যে যখন একটি পাতলা কাচের ফলক বাতিচারী রশ্মিদের একটির পথে বসানো হল, তখন কেন্দ্রীর চরম তীরতার ঝালরের অবস্থানে চালয়া গেল। যদি কাচের ফলকের প্রতিসরাক্ষ 1.500 এবং ব্যবহৃত আলোর তরঙ্গদৈর্ঘা 6000 Å হয় তবে ফলকের বেধ হিসাব করিয়া বাহির কর। কোন সমীকরণ প্রয়োজন ইইলে সেটি প্রমাণ কর। 0.0012 cm. [C. U. 1967]
- 5896 Å তরক্রদৈর্ঘোর সোডিয়াম আলো ব্যবহার করিয়। মাইকেলসন ব্যাতিচারমাপকে বৃত্তাকার ঝালরের সৃষ্টি করা হইল। কেন্দ্রীয় ঝালরটির চরম তীব্রতার এক অবস্থায় দর্পণ দুইটির মধ্যের পথদ্রত্ব 0.25 cm হইলে বছ উজ্জল ঝালরের কৌণিক ব্যাস নির্ণয় কর। 3.95°.
- 3. দুইটি কাচের ফলকের সাহাব্যে কালকের (wedge) আকারের পাতলা বারুন্তর সৃষ্টি করা হইরাছে। 5893 Å তরক্রদর্ঘের সাহাব্যে উৎপল্ল ব্যতিচার বালরগুলি লম্বভাবে দেখিলে তাহাদের মধ্যের দ্রত্ব যদি 1 mm. হয় তাহা হইলে কালকের কোণ হিসাব করিয়া বাহির কয়। 2942 x 10⁻⁷ rad.

[C. U. 1966]

- 1.700 প্রতিসরাকের একটি তেলের স্তর একটি সমতল কাচের ফলক এবং
 সমোক্তল (equiconvex, a double convex lens having equal
 radius of curvature for both surfaces) লেন্দের মধ্যে রাখা হইল।
 লেন্দের ফোকাসদৈর্ঘ্য । মিটার। বখন 6000 Å তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলো
 ব্যবহার করা হর তখন দশম অবম তীরতার বলরের ব্যাসার্ছ নির্ণর
 কর। 0.1858 cm. [C.U. 1966]
- নিউটনের বলরের পরীক্ষার মধ্যবন্ত্রী বায়ুন্তর একটি তরলের বারা পূর্ণ করা

 হইল । তরলের প্রতিসরাক্ষ বাদ I 35 হয় তবে দুইক্ষেত্রে বলরের ব্যাস কি

 হাবে পরিবর্তিত হইবে বাছির কর । 0.8606.
- 6. একটি পাতলা তরলের ব্ররে (প্রতিসরাক্ষ 1.32) সাদ। আলো 53°-6' কোণে আপতিত হইয়াছে। প্রতিফলিত আলো বর্ণালবীক্ষণে পরীক্ষা করিয়া কালো কতকর্গাল পটি দেখা গেল। পরপর অর্বাছত দুইটি কালো পটির সংখ্যিত তরক্রদৈর্ঘা বাদ 5890 Å এবং 5990 Å হয় তবে তরলের ব্ররেয় বেধ নির্বয় কর। 1'682 × 10-8 cm.

- 7. একটি পাতলা অশৃদ্ধ ফলকে 1 mm. ব্যাসের ছোট গোলাকার ছিন্ত আছে। এই ফলকে একপৃদ্ধ একবর্ণী সমান্তরাল রন্দ্রিমালা অভিলয়ে আপতিত হইরাছে। দেখা বার বে পর্ণার প্রথম অবস্থানে কেব্রু অবম তীব্রতাসম্পন্ন অবস্থা হইতে পর্দা 10 cm সরাইলে কেব্রে আবার প্রাবস্থা হর। ব্যবহৃত আলোর তরন্দ্রার বাহির কর। 6250Å
- 8. প্রতি সেণ্টিমিটারে 10000 রেখাবৃদ্ধ একটি সমতল পারগম বাবর্তন কার্যারিতে 5000 Å এবং 5200 Å তরক্রদৈর্ঘোর মিশ্র আলোকরাম্ম অভিলয়ে আপতিত হইল। পর্ণার বর্ণালি দেখিবার জন্য 100 cm ফোকাসদৈর্ঘ্যের একটি লেন্স বাবহার করা হইল। প্রথম ক্রমে রেখা দুইটির মধ্যে বিবোজন হিসাব করিয়। বাহির কর। 2:317 cm. [C. U. 1967]
- 9. 6 x 10⁻⁸ cm ভরসদৈর্ঘ্যের আলোতে প্রথম ক্রমের ঝালর 30° কোণ সৃষ্টি করে এমন বাবর্তন ঝার্ঝারতে প্রতি সেন্টিমিটারে কত রেখা বর্তমান ?

8333 [C. U. 1948]

- একটি সমতল ঝার্কারতে প্রতি সোঁকমিটারে 6000 রেখা বর্তমান। ইহার বার্বতন ঝালরের তৃতীর ক্রমে 5000 Å এবং 5100 Å তর্ত্তদৈর্ঘার ঝালরেব মধ্যে কৌলক বিবোজন বাহির কর। 2'-29'.
- 11. দুইটির মধ্যে তর্ক্সলৈর্ছোর তড়াং 0:4 Å এমন দুইটি তরঙ্গ একটি সমতল পারগম ব্যবর্তন ঝাঝার ছারা পরীক্ষাকালে দেখা গোল যে বর্গালির ছিত্তীয় ক্রমে একটি রেখা।2°তে দেখা বাইতেছে এবং দীর্ঘতর রেখাটি ইং। হইতে 4 বেশী কোণে অবিছিত। তরঙ্গলৈর দুইটি বাহির কর এবং ইহাদের বিভেদনের জনা ন্নতম ঝাঝারর প্রস্থ হিসাব কর। 5526 Å; 3:670 cm.
- 12. প্রতি সেন্টিমিটারে 350 রেখা আছে এমন একটি এক ইণ্ডি সমতল পারগম বার্বর্তন বার্বারর সাহাবো সোডিরামের যুগারেখা (তরঙ্গার্থা 5890 Å এবং 5896 Å) পরীক্ষা করিরা দেখা হইল । (a) প্রথমক্তমে এবং (b) খিতীয়ক্তমে রেখা দুইটির বিভেদন হইবে কিনা হিসাব কর । (a) No (b) Yes.
- 13. মাইকেলসন ব্যতিচারমাপকে সাদা আলোর সাহাযো ঝালর সৃষ্টি করা হইল। এই অবস্থার সাদা আলোর স্থানে সোভিরাম আলো বাবহার করা হইল। এই অবস্থার একটি দর্পন র্যাদ 0:145 mm সরানো হয় তবে ঝালরের দৃশাতা অবম হইতে দেখা বার। ছুস্বতর তরঙ্গদৈধ্য বদি 5890 Å হয় তবে দীর্ঘতর তরঙ্গের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কয়। 5895:96 Å
- 14. একটি জালা তরঙ্গদৈর্ঘা 5000 Å এর সহিত তুলনা কংয়া ফেরি-পেয়ে।
 বাতিচার মাপকের সাহাবো সামালা প্রশুতর একটি তরঙ্গদৈর্ঘা নির্ণর করিতে
 হইবে। ফলক দুইটির মধ্যের দ্রন্থ বন্ধন 1.4, 2.8 এবং 4.2 mm হর তন্দন
 কালরপ্রেলীর সংবোগ (coincidence) সৃষ্টি হয়। নির্ণেয় তরঙ্গদৈর্ঘটি কত ?
 4990-1072 Å

25. প্রতি সেন্টিমিটারে 2000 রেখার একটি সমতল পারগম ব্যবর্তন বার্থারতে সোভিরাম আলো (তরঙ্গদৈর্ঘ্য 5890 Å এবং 5896 Å) অভিলয়ে আপতিত হইয়াছে এবং ইহার দিতীর ক্রমের বর্ণালি এমন একটি দ্রবীক্ষণ বস্তু দারা দেখা হইতেছে বাহার অভিলক্ষ্য এবং অভিনেত্রের ফোকাসদৈর্ঘ্য বথাক্রমে 24 cm এবং 2 cm. সোডিয়াম বর্ণালি দুইটির কৌণক বিষোজন ব্যহির কর।

0-00057 rad.

- 16. পরক্পর হইতে 1 mm দ্রছে অবস্থিত দুইটি খুব সরু সমান্তরাল রেখাছিদ্রের উপর একটি সমান্তরাল আলোকরান্দ্রমালা আপতিত হইয়ছে। 1 মিটার ফোকাসদৈর্ঘ্যের একটি কেন্স ব্যবহার করিয়া ব্যতিচার ঝালরগুলি পর্দায় ফোকাসিত করা হইয়ছে। পর্দায় কেন্দ্রীয় সাদা ঝালর হইতে একপাশে 3 mm. দ্রে একটি ক্ষুদ্র ছিদ্র করিয়া যদি পারগত আলো বর্ণালিবীক্ষণ যম্মে পরীক্ষা করা হয় তবে 4000 Å এবং 8000 Å এর মধ্যে কোন কোন তরক্ষদৈর্ঘ্য অনুপস্থিত থাকিবে ? (ক্রিং, ক্রিং, ক্রিং, ক্রিং) × 10-5 cm. [C. U. 1952]
- 17. একটি যুগা বর্ণালিরেখায় 5543 Å তরঙ্গদৈর্ঘায় একটি উজ্জল রেখা এবং সামান্য কম তরঙ্গদৈর্ঘায় একটি উপগ্রহ রেখা বর্তমান এবং ইহায়া ফেরি-পেরেয় ব্যাতচারনাপকের দর্পণ দুইটিয় মধ্যে একটি নির্দিন্ট দ্রন্থের জন্য সম্পাতী ঝালরশ্রেণী উৎপল্ল করিতেছে। দর্পণ দুইটিয় দ্রন্থ ক্তমে এরুপ বাড়ানো হইল যাহাতে এই নৃতন দ্রন্থের জন্য ঝালরশ্রেণী আবার সম্পাতী হয় এবং এই পরিবর্তনের সময় কেন্দ্রের উজ্জলরেখায় ঝালরের সংখ্যা গণনা করা হইল 150100. অনুজ্জল রেখাটিয় তরঙ্গদৈর্ঘ্য হিসাব কর প্রয়োজনীয় সমীকরণ বাহিয় করিয়া)। 5542.963 Å
- 18. 6000 Å তরঙ্গদৈর্ঘ্য 2500 বিভেদন ক্ষমতা সৃষ্টি করিতে পারে এমন একটি প্রিজ্ম বর্ণালিবীক্ষণ বস্তু তৈয়ারী করিতে হইবে। উপরোক্ত সর্ত পালন করিতে পারে এমন একটি 60° রকসণ্ট প্রিজ্মের ন্যুনতম আফৃতি কি হইবে? দেওয়া আছে যে প্রিজ্মের বস্তু কাশর বিচ্ছুরণের সৃত্য $n-1=A+\frac{B}{\lambda^2}$ মানিয়া চলে [এখানে n λ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে প্রতিসরাক্ষ এবং A=0.525, $B=1.30 \times 10^{-10}$] 2.076 cm. [C. U. 1964]
- 19. একটি সমবাহু গ্রিভুজাকৃতি প্রিজ্ম এর্প আয়তনের তৈরী করিতে হইবে বাহাতে ইহার বিভেদন ক্ষমতা একটি এমন সমতল বাবর্তন ঝাঝরির প্রথম ক্রমের ক্ষমতার সমান হয় যে ঝাঝরিতে 4 ইণ্ডি প্রস্থের প্রতি সেণ্টিমিটারে 1200 রেখা বর্তমান। প্রিজ্মটি এমন কাচের তৈরী বাহার প্রতিসরাক্ষের সমীকরণ μ = 1.48 + 2 × 10⁻¹⁰/λ² এবং সংখ্লিক তর্জদৈর্ঘ্য 5000 Å.

- 20. একটি হীরকের তলের সমবর্ডক কোণ বালতে কি বুঝার ? ইহার প্রতিফলন তলের সহিত 60° কোণে আপতিত আলোকরান্দর প্রতিসরণ কোণ বদি 12° হর তবে ইহার সমবর্ডক কোণ হিসাব কর। 67°-25' [C. U. 1966]
- 21. 5893 Å তরক্রদর্য্যের আলোর জন্য একটি কোরার্ট্স্ তরক্র-চতুর্থাংশ ফলকের বেষ হিসাব করিয়। বাহির কয় ; দেওয়। আছে বে এই তরক্রদর্য্যের জন্য সাধারণ এবং অসাধারণ রন্মির প্রতিসরাক্ষ বধারমে 1°541 এবং 1°551.

 1.4733×10^{-8} cm. [C. U. 1966]

- 22. 0·3' প্রতিসরণ কোণের একটি কোরাট্স কীলক এমনভাবে কাটা হইরাছে বে ইহার আলোক অব্ধ ধারের সমান্তরালে অবস্থিত। এই কীলকটি প্রতিক্ল অবস্থানের দুইটি নিকলের মধো এমনভাবে রাখা হইল বে ইহার মুখা ছেদ প্রতিটি নিকলের সহিত 45° কোলে অবস্থিত। হলুদ আলোর (λ = 5893 Å) জনা মুখা প্রতিসরাক্ষের মান দেওরা আছে μ_o = 1·54425 এবং μ_o = 1·55336. বখন এই তর্ত্তদর্যোর সমান্তরাল আলোকর্মি খারা বাবস্থাটি আলোকিত করা হর তখন পরপর অবম তীব্রতার ঝালরগুলির মধোর দ্বাধ নির্ণর কর। 1·234 cm. [C. U. 1964]
- 23. একটি ক্যালসাইট কলকের মধ্য দির৷ 5893 Å তরক্লদৈর্ঘার তলীর সমবতিত সোভিয়াম আলো পাঠাইবার ফলে বৃত্তাকার সমবর্ডিত আলোর সৃষ্টি হইল : বিদ μ_σ = 1:660 এবং μ_r = 1:495 হয় তবে ক্যালসাইট ফলকের ন্দেতম বেধ নির্পর কর ৷ 8930 × 10⁻⁶ cm.
- 24. আলোক অক্ষ তলের অভিলয়ে অর্থিত এর্প একটি কোরাট্স্ ফলকের সাহাযো প্রতি লিটারে 100 gm সন্ধির প্রাব বর্তমান এর্প লাকটোস দুবলের 26·7 cm দৈর্ঘো বে সমবর্তন তলের ঘূর্পনের সৃষ্টি হর তাহা সম্পূর্ণরূপে নাকচ (annul) করিতে হইবে। ফলকের বেষ কত হইবে? [দেওরা আছে: ল্যাকটোসের আর্শেক্ক ঘূর্বন = 52°·5; কোরাট্স্ ফলকে সংল্লিক্ট তরক্রবৈর্ঘা λ 7660 Å এর জনা, μ₂ = 1·53920, μ₂ = 1·53914] 0·0987 cm. [C. U. 1963]
- 25. 4% প্রবেশর একটি দৈর্ঘেরে মধা দির। আলো পাঠাইলে 15° আলোকীর ফ্রনের সৃষ্টি হর। 8% শক্তির ঐ জিনিবেরই প্রবেশর মধ্য দির। পাঠাইর: বিদ 30° আলোকীর ফ্রনের সৃষ্টি করিতে হর তবে প্রবেশর কতটা দৈর্ঘের প্রাঞ্জন হইবে? same as first length.

Suggestions for further reading

- 1. Theory of Light—T. Preston—Macmillan Company, New York.
- 2. Light-R. W. Ditchburn-Blackie & Son.
- 3. Fundamentals of Optics—F. A. Jenkins & H. E. White —McGraw Hill Book Company.
- 4. Geometrical and Physical Optics—R. S. Longhurst—Longmans.
- 5. Principles of Optics—M. Born & E. Wolf—Pergamon Press.
- 6. Physical Optics—R. W. Wood—Macmillan Company, New York.
- 7. Applications of Interferometry—Williams—Methuen.
- 8. Experimental Spectoscopy—Sawyer—Prentice-Hall.
- 9. The Mathematical Theory of Huygens' Principle—Baker and Copson—Oxford University Press.
- 10. Principles of Optics—B. K. Mathur—Gopal Printing Press, Kanpur.
- 11. A Text Book of Optics—Part II—K. P. Ghosh & J. N. Chakravorty—Central Book Depot, Allahabad.
- 12. Theory of Optics—P. Drude—Longman Green & Co.
- 13. Multiple-beam Interferometry—S. Tolansky—Oxford University Press.
- 14. Studies in Optics—A. A. Michelson—University of Chicago Press.
- 15. Optics-Prof. A. K. Ghatak-Tata McGraw Hill.